

HN 1533^a

17th 1-67. 147th Clap. Pilot. exp.
147th Clap. Pilot.



UNIVERSITY OF MICHIGAN



9

MÉMOIRES
DE
L'ACADÉMIE ROYALE
DES SCIENCES ET BELLES-LETTRES

DEPUIS
L'AVÈNEMENT DE FRÉDÉRIC GUILLAUME II AU TRÔNE.

MDCCXCVII.

AVEC L'HISTOIRE POUR LE MÊME TEMPS.

Prix 3 Risd. d'Allemagne, ou 12 Livres de France.



A B E R L I N.

Imprimé chez GEORGE DECKER, Imprimeur du Roi.

MDCCC.



T A B L E.

HISTOIRE DE L'ACADÉMIE. MDCCXCVII.

A SSSEMBLÉES PUBLIQUES.	Page 3
PRIX proposés par l'Académie Royale des Sciences & Belles-Lettres pour l'année 1798 & 1799.	6
CORRESPONDANCE. Première lettre de M. le baron de Knobelsdorf, Ministre plénipotentiaire de Prusse à Constantinople, à l'Académie.	9
<i>Manuscrits persans.</i>	11
<i>Dissertation sur les Cabires par M. Petriciolo.</i>	12
<i>De Diis Cabiris, cultuque religioso antiquissimorum populorum universo conjecturae. Auctore W. A. TELLER.</i>	18
<i>Seconde lettre de M. le baron de Knobelsdorf, à l'Académie.</i>	30
<i>Zubdei-tewarich, la Crème de l'Histoire.</i>	32
<i>Liste des principaux auteurs que l'historien Persan a consultés.</i>	41
OUVRAGES IMPRIMÉS OU MANUSCRITS, MACHINES ET INVENTIONS, présentés à l'Académie en 1797.	43
ÉLOGE DE M. FORMEY. Par M. MERIAN.	49

M É M O I R E S.

CLASSE DE PHILOSOPHIE EXPÉRIMENTALE.

DESCRIPTION SOMMAIRE de quelques Corps métalliques, altérés par la chaleur de la Lave incandescente. Par M. KLAPROTH.	3
NOUVELLES DONNÉES relatives à l'histoire naturelle de l'alcali végétal. Par le même.	9
ANALYSE CHIMIQUE de la masse métallique d'un miroir antique. Par le même.	14
RÉFLEXIONS sur les phénomènes de la décomposition & de la récomposition de l'eau, & sur les conséquences qu'on en a déduites. Par M. JEAN TREMBLEY. Second Mémoire.	23
DES signes non équivoques de la mort; & des précautions à prendre avant les ensevelissemens pour se prémunir contre la possibilité d'enterrer des individus encore vivans. Mémoire, auquel on a joint des vues pratiques sur les moyens de conserver à peu de frais dans chaque village les hommes qu'on croit morts, aussi long-temps que l'exige la nature de ces précautions absolument nécessaires, sans recourir à fonder des maisons de sépulture intérimaire. (Leichenhäuser.) Par M. MAYER.	45

CLASSE DE MATHÉMATIQUE.

SUR les Objets d'une forme différente de la sphérique. Par M. BURJA.	Page 3
OBSERVATIONS sur le problème des trajectoires. Par M. JEAN TREMBLEY.	36
ESSAI sur la manière de trouver le terme général des séries récurrentes. Par le même.	84
CONJECTURES sur les déplacements des pôles & de l'axe de la Terre. Par M. BODE.	109
RÉFLEXIONS LOGIQUES sur une démonstration apagogique touchant le Levier; suivies d'une nouvelle démonstration pour le cas où les puissances y sont appliquées obli- quement. Par M. J. C. SCHWAB.	137
REMARQUES sur le Mémoire précédent. Par M. BURJA.	146

CLASSE DE PHILOSOPHIE SPÉCULATIVE.

DU droit naturel. Par M. SELLE.	3
MÉMOIRE sur les Pressentimens. Par M. ANGILLON.	14
PARALLÈLE HISTORIQUE de nos deux Philosophies nationales. Par M. MERIAN.	53
ESSAI SUR CETTE QUESTION: Quelles sont les lumières qu'il importe le plus aux hommes d'acquiescer, & quels sont les sentimens qu'on doit surtout chercher à leur inspirer? Par M. JEAN TREMBLEY. Troisième Mémoire.	97
MÉMOIRE sur l'application du calcul des probabilités à la valeur du témoignage. Par MM. PREVOST ET L'HUILIER.	120

CLASSE DE BELLES-LETTRES.

RÉFLEXIONS sur les traces anciennes du caractère des Nations modernes. Par M. L'ABBÉ DENINA. Première partie.	3
Seconde partie.	36
OBSERVATIONS sur les Dialectes. particulièrement sur ceux d'Italie. Par le même.	64
EXAMEN RAISONNÉ de l'origine de l'ancienne & sérénissime Maison landgraviale de Hesse. Par M. LE CHEVALIER DE VERDY DU Vernois.	91
OBSERVATIONS sur une discussion relative à la Chronologie ancienne. Par M. JEAN TREMBLEY.	118
SUITE DE L'ESSAI d'un Montaigne moderné, & Observations grammaticales & critiques. Par M. BASTIDE.	140
CONSIDÉRATIONS sur les devoirs & les droits des gens de lettres dans la société civile. Par M. DE GOYON. Troisième & dernier mémoire.	148
SUR la volière de M. Terentius Varron à Casinum. Par M. HIRT.	179

HISTOIRE
DE
L'ACADÉMIE ROYALE
DES
SCIENCES
ET
BELLES - LETTRES.

Hist. 1797.

2

HISTOIRE DE L'ACADÉMIE.

ANNÉE MDCCXCVII.

ASSEMBLÉES PUBLIQUES.

L'Académie royale des Sciences & Belles-Lettres a tenu jeudi, 26 janvier, son assemblée publique destinée à célébrer la mémoire de son illustre fondateur. L'ouverture de la séance s'est faite par la lecture d'un discours du secrétaire perpétuel.

Ensuite on a lu une lettre de M. *Jules Chambray*, datée du château de Stupia, dans la Prusse méridionale, avec une ode françoise sur la mort du prince *Louis de Prusse*, fils du Roi.

M. *Bode* a lu un mémoire astronomique, & a produit les premières feuilles de sa carte céleste.

M. *Meierotto* a lu l'éloge de M. *Möhsen*, médecin du Roi & membre de l'Académie, qu'on trouve dans le volume allemand des Mémoires de cette Académie.

M. *Erman* a lu la septième suite de l'Éloge historique de la reine Sophie Charlotte.

M. *Klaproth* a lu des Supplémens à l'histoire chimique de l'alcali volatil, sur quoi il rapporte une découverte importante.

M. le marquis de *Boufflers* a lu un mémoire sur la Vertu.

L'assemblée publique destinée à célébrer l'anniversaire de la naissance du Roi, a eu lieu jeudi 28 septembre.

M. *Merian*, succédant à M. *Formey* en qualité de secrétaire perpétuel, a ouvert la séance par le discours suivant, relatif à la circonstance.

„Si la célébration de cet anniversaire demandoit une éloquence recherchée, je me trouverois dans un embarras extrême. Mais elle n'exige que le langage pur & simple du sentiment: & ce sentiment est dans tous les cœurs, il pénètre toutes les âmes bien nées: le nom seul de FRÉDÉRIC GUILLAUME II suffit pour le réveiller & l'enflammer.

Depuis plus de deux lustres écoulés sous son règne, nous l'avons vu, marchant sur les pas de ses augustes ancêtres, soutenir la splendeur de sa maison, reculer les limites de son empire pour y augmenter le nombre des heureux, & après avoir fait respecter l'aigle de la Prusse dans les champs de Mars, la ramener victorieuse, & venir se reposer, avec ses peuples fidèles, sous l'olivier de la paix.

Quel rare & précieux avantage dans des temps où les calamités de la guerre désolent tant de nations, dévastent tant de provinces, & en font trembler tant d'autres dans l'appréhension des maux qui les menacent?

Au milieu de toutes ces alarmes, nous vivons ici dans un calme profond: l'industrie, le commerce, les arts y étendent leurs fertiles rameaux. Et pour combien de malheureux & de fugitifs ce pays n'est-il pas devenu un asile sûr & sacré, grâce à la main paternelle tendue vers eux du haut du trône!

Mais ce qui nous touche de plus près, c'est la protection éminente accordée aux Sciences & aux Lettres, par un prince élevé dans le sein

des Muses; ce sont tous les instituts littéraires dotés & enrichis, & les progrès de l'esprit humain puissamment encouragés par sa libéralité généreuse. Et qui s'en est plus senti que cette Académie, dont il a confirmé, maintenu, multiplié même les privilèges, & sur laquelle il ne cesse de verser de nouveaux bienfaits?

Que de raisons, Messieurs, de faire retentir notre Parnasse de ses louanges, & de faire monter vers l'Empyrée nos vœux les plus ardens pour la conservation, la vie & l'entier raffermissement de la santé du meilleur des rois? Puisse le jour fortuné qui l'a vu naître demeurer encore long-temps notre grand jour de fête! Puisse-t-il revenir chaque année couronné de rayons de gloire, & continuer à répandre sa douce lumière sur nous & sur notre postérité!"

Ensuite il a lu la déclaration de la Classe de Physique, au sujet du prix, dont elle renvoie l'adjudication à l'année 1799.

Le même a lu le jugement de la Classe de Belles-Lettres sur les cinq pièces qu'elle a reçues sur la question qu'elle avait proposée; & quoiqu'aucune des cinq n'y ait pleinement satisfait, elle partage cependant le prix entre les deux qui ont pour devise

. *vos exemplaria graeca*

Nocturna versate manu, versate diurna.

&

Non quis, sed quid in academia nostra quaeritur.

A l'ouverture des billets, la première s'est trouvée être de M. *Dieterich Tiedemann*, conseiller aulique du landgrave de Hesse & professeur de philosophie à Marbourg; la seconde de M. *Jenisch*, pasteur de l'église de St Nicolas à Berlin.

Ensuite on a publié la question proposée par la Classe de Philosophie pour 1799. Elle se trouve dans le programme ci-après.

Le secrétaire perpétuel a lu l'éloge de M. *Formey*, qu'on trouvera à la fin de la partie historique de ce volume.

M. *Erman* a lu la huitième continuation de l'Éloge historique de la reine Sophie Charlotte.

P R I X P R O P O S É S
*par l'Académie Royale des Sciences & Belles-Lettres
 de Prusse pour l'Année 1798 & 1799.*

L'Académie royale des Sciences & Belles-Lettres a tenu, le jeudi 28 septembre 1797, son assemblée publique, destinée à célébrer le jour de naissance du Roi.

La Classe de Belles-Lettres avoit proposé pour 1796 & ensuite pour 1797 la question suivante:

On demande:

- 1°. *Si, nonobstant les progrès que toutes les sciences ont faits dans les temps modernes, & le degré de perfection où elles sont parvenues, l'étude & la recherche historique de l'état où elles se trouvoient chez les peuples anciens, peuvent encore être utiles de nos jours.*
- 2°. *Dans quelles sciences & dans quelles branches particulières de ces sciences elles peuvent l'être.*
- 3°. *En quoi leur utilité consistera.*

L'Académie a jugé à propos de partager le prix entre deux pièces, dont la première, portant pour devise *Vos exemplaria græca nocturnâ versate manu, versate diurnâ*, s'est trouvée être de M. Tiedemann, conseiller Hessois & professeur de philosophie à l'université de Marbourg; la seconde, avec la devise *Non enim quis, sed quid, in Academia nostra quaeritur*, de M. Jenisch, pasteur de l'église de saint Nicolas à Berlin.

Pour la même année 1797 la Classe de Physique avoit proposé la question suivante:

De quelle nature sont les principes terreux qu'on trouve, à l'aide de l'analyse chimique, dans les différentes sortes de blé indigène?

Ces principes entrent-ils dans les végétaux tels qu'on les y trouve? ou bien sont-ils produits par la force vitale & l'action des organes du végétal?

„L'Académie souhaite que les Physiciens qui travailleront à résoudre cet intéressant problème, fondent leurs recherches sur des expériences précises, qui fassent connoître avec certitude la nature des principes fixes du sol dans lequel les plantes ont puisé leur accroissement, & qui tendent à en faire une comparaison exacte avec les principes fixes du végétal.”

Voici la déclaration ultérieure de la Classe de Physique au sujet de ce prix:

L'Académie a reçu en réponse à cette question deux mémoires. L'auteur d'un de ces mémoires qui est au dessous de toute critique, s'est nommé; & l'autre mémoire, qui porte pour devise *Ratione & experientia*, est bien éloigné de remplir le but de la Classe, l'auteur manquant entièrement des connoissances chimiques nécessaires, & ayant envisagé l'objet de la question sous un point de vue très-faux.

La Classe de Physique regardant cependant le problème proposé comme très-intéressant, renouvelle le prix en le doublant, & fixe le terme le plus éloigné auquel les Physiciens qui voudront y concourir, doivent envoyer leurs mémoires, au 1 juin 1799; elle se flatte que par la prolongation de ce terme & sa plus grande étendue, ceux qui voudront travailler sur cette intéressante matière, pourront donner aux expériences nécessaires le temps qu'elles exigent.

Voici ce que désire la Classe de Mathématique pour le prix qu'elle distribuera l'année 1798:

Comme, malgré les travaux des plus habiles astronomes, il reste encore plusieurs points à éclaircir relativement à la variation de l'obliquité de l'Écliptique, l'Académie invite les savans à s'occuper de nouveau de cet objet, & couronnera le mémoire qui contiendra les recherches les plus intéressantes & les éclaircissements les plus importans sur cette matière.

La Classe de Philosophie spéculative propose la question suivante pour le prix de 1799 :

„L'importante question de l'origine de nos connoissances, agitée de
 „tout temps, a été discutée de nos jours plus vivement que jamais.
 „Elle est certainement d'un grand intérêt, & il seroit à souhaiter que
 „les preuves pour & contre fussent portées à un degré de perfection &
 „d'évidence qui pût mettre les philosophes en état de prendre un parti
 „décidé sur cet objet, sans tomber dans un syncrétisme, qui, en substi-
 „tuant l'indifférence à l'intérêt, demeureroit infructueux pour les pro-
 „grès de la philosophie. L'Académie n'entre point dans les idées de
 „ceux qui regardent comme démontré avec l'évidence mathématique,
 „qu'une partie de nos connoissances prend son origine uniquement dans
 „la nature même de notre entendement; elle est persuadée, au con-
 „traire, qu'on a fait contre cette opinion des objections essentielles jus-
 „qu'à présent demeurées sans réponses satisfaisantes, tout comme elle
 „est persuadée qu'il y a des preuves très-fortes en faveur de l'opinion
 „qui déduit toutes nos connoissances de l'expérience, quoique, peut-
 „être, ces preuves n'ayent pas encore été mises dans leur vrai jour.
 „L'Académie désirant de contribuer autant qu'il est en elle, à la solu-
 „tion du problème, propose pour le sujet du prix que la Classe de Phi-
 „losophie doit adjuger en 1799 :”

*Démontrer d'une manière incontestable l'origine de toutes nos con-
 noissances, soit en présentant des argumens non employés encore,
 soit en présentant des argumens déjà employés, mais en les pré-
 sentant avec une clarté nouvelle & une force victorieuse de toute
 objection.*

On invite les savans de tout pays, excepté les membres ordinai-
 res de l'Académie, à travailler sur ces trois questions. Le prix, qui,
 pour chacune, consiste en une médaille d'or du poids de cinquante du-
 cats, (& de deux pour la question de la Classe de Physique) sera don-
 né à ceux qui, au jugement de l'Académie, auront le mieux réussi.

Les

Les pièces, écrites d'un caractère lisible, seront adressées, franchises de port, au Secrétaire perpétuel de l'Académie.

Le terme pour les recevoir est fixé au 1 de juin 1798 & 1799, après quoi on n'en recevra absolument aucune, quelque raison de retardement qui puisse être alléguée en sa faveur.

C O R R E S P O N D A N C E.

Première lettre de Monsieur le baron de Knobelsdorf, Ministre plénipotentiaire de Prusse à Constantinople, à l'Académie.

Messieurs,

J'ai l'honneur de faire hommage à l'Académie Royale des Sciences & Belles-Lettres d'un manuscrit persan, contenant les oeuvres poétiques de Nisami, un des plus célèbres poètes de ce pays. Il est l'auteur de deux poèmes l'un nommé Alexandre, & l'autre Joseph & Zuleika. Son genre est celui de l'Arioste. J'ajoute en même temps ci-joint (*sub A.*) une note des manuscrits persans dont j'ai fait l'acquisition. Comme il y en a de très-rares parmi, & surtout dans le genre historique, je supplie l'Académie, au cas qu'elle en désirât quelqu'un, de m'en faire part. Je serois d'autant plus intéressé qu'il se trouvât quelque savant qui voulût entreprendre d'écrire l'histoire persane, contenue dans ces manuscrits de la manière la plus détaillée jusqu'à la mort de Nadir Schach ou Thamas Coulican, que je possède moi-même un tableau historique qui contient les événemens qui ont eu lieu en Perse depuis cette époque jusqu'aujourd'hui. Je l'ai rédigé d'après les notions les plus sûres que j'ai pu me procurer, & rien sans doute ne prouve mieux le degré de bar-

barie dans lequel se trouve ce pays, que la difficulté d'apprendre avec certitude ce qui s'y est passé depuis quarante ans. Le gouvernement monstrueusement oppressif de l'eunuque Muhamed Char, qui à l'heure qu'il est a soumis la Perse entière, & sa mort prochaine apparemment, puisque c'est un vieillard de quatre-vingt-dix ans, vont renouveler l'anarchie, & prolonger les malheurs de ces peuples.

Autant qu'il m'a été possible, je me suis procuré des correspondans dans toutes les grandes échelles d'Asie, appartenantes à l'Empire ottoman, & je ne cesse de les presser de m'envoyer des détails tant sur l'histoire que sur la position géographique, les productions naturelles & manufacturières, ainsi que sur le commerce de ces pays-ci. Mais malheureusement je n'ai reçu jusqu'à présent que des fatras mal vus, & tout aussi mal digérés. Si cependant il m'en vient des notions plus dignes d'attention, ce me sera une satisfaction bien douce que de les communiquer aux illustres savans qui composent l'Académie, comme des marques de mon admiration & de mon dévouement pour elle. Je prends en attendant la liberté de lui envoyer ci-joint encore (*sub B.*) une dissertation sur les Cabires, ainsi qu'une série de sept médailles, qui y a rapport. L'auteur de cette dissertation est un certain Petriciolo, médecin établi ici, & du petit nombre des gens instruits qui sentent le noble aiguillon de se rendre utile aux sciences. Il est du nombre des personnes que je ne cesse d'encourager, & j'ose supplier l'Académie, au cas qu'elle trouvât que les connoissances numismatiques du sieur Petriciolo puissent mener à quelque découverte utile, de lui écrire quelques lignes qui marquent son approbation. Cette attention d'une académie aussi illustre que l'est celle de Berlin, portera son zèle jusqu'au plus haut degré de l'enthousiasme, & il fera tout ce qu'on voudra lui faire l'honneur d'exiger de lui.

Depuis six mois je cultive l'intéressante connoissance du sieur Beauchamp, nommé consul de France à Mascata. Il va partir incessamment pour Trébisonde, pour y faire des observations astronomiques, lesquelles à l'appui de celles qu'il a déjà faites à Casbia, décideront le différent qui

subsiste entre lui & le géographe Bonne au sujet de la véritable position de la mer Caspienne. Mes relations intimes avec le sieur Beauchamp allant continuer toujours, je me ferai un devoir de faire part à l'Académie du résultat de ses observations.

J'ai l'honneur d'être avec l'admiration la plus parfaite & la plus haute considération,

Messieurs

A Constantinople.
ce 11. mai 1797.

Votre très-humble & très-
obéissant serviteur
de Knobelsdorf

A.

Manuscrits Persans.

1. Raoud Hal Al Safa, histoire générale depuis la création du monde, jusqu'à l'An 900 de l'Hégire, faite par Emir Kjouad Schach 5. Vol.
2. Histoire de Timur.
3. Histoire de Nadir Schach.
4. Alem Arai, histoire de la famille de Sofi jusqu'à la mort de Schach Abas le grand.
5. Zubdé Taourich, ou Chronique choisie, belle histoire Persane.
6. Schach Namé, livre royal, par Ferduzi, poëme sur l'histoire des anciens Rois de Perse.
7. Mesnea par Gelew din Rumi.
8. Anwari Schili par Cachefi.
9. Saadi.
10. Divani Dgiammi.
11. Hafiz. (L'Horace de la Perse)
12. Giami (ses oeuvres.)
13. Schech asrar.

b 2

B.

Dissertation sur les Cabires par M. Petriciolo.

Différentes médailles autonomes & grand nombre des impériales de Thessalonica en Macédoine, ont au revers un dieu Cabire. La forme des caractères qu'on voit dans les autonomes s'accorde exactement avec l'époque de la première médaille impériale, sur laquelle nous voyons un Cabire, ou une femme tenant de sa droite un Cabire. Cette époque tombe aux temps de Sévère. Et quoiqu'avant cet empereur une grande partie de la Grèce eût aussi adopté le ς au lieu du π , néanmoins, puisqu'on n'y trouve le Cabire dans aucun revers des médailles impériales antérieures à Sévère, & qu'après Sévère ce dieu y est presque toujours dans les impériales frappées à Thessalonica, il s'ensuit qu'il est bien probable que les autonomes Cabiriennes sont de la même date, & que le culte des Cabires prenoit seulement alors sa vogue dans la dite ville.

Or, comme cette ville extrêmement célèbre, & dans laquelle il y avoit des temples de Jupiter, de Janus, d'Apollon, d'Hercule &c., a commencé de ce temps-là à frapper dans le plus grand nombre de ses coins impériaux une Victoire avec une couronne ou avec le Cabire dans la droite, sans qu'on y voie aucune autre divinité protectrice du lieu, qu'on auroit dû y mettre, ou pour flatter les empereurs suivans, ou pour marquer le culte supérieur qu'on y rendoit, ainsi il faut convenir que les Cabires étoient devenus les dieux principaux de Thessalonica.

Cette induction est confirmée par une suite de médailles impériales avec le Cabire au revers jusqu'aux temps de Gordien III, par qui Thessalonica a été décorée du néocorat, & peut-être du néocorat Cabirien, puisque dans beaucoup de revers de médailles frappées pour Gordien, nous voyons les combats & les jeux célébrés en l'honneur

des Cabires, ou un Cabire dans un temple à deux colonnes, ou une Victoire avec le Cabire, ou un temple à quatre colonnes *).

Or il seroit presque puéril de prétendre qu'une ville si magnifique ait dû préférer le culte des Cabires, en qualité de fils ou ministres de Vulcain, au culte de tant d'autres divinités anciennes, & grandes protectrices de Thessalonica. C'étoit donc tout autre chose que les dieux inventeurs de l'art de travailler le fer, qu'on adoroit dans la métropole de la Macédoine, déclarée telle ensuite par Valerien.

Pour développer avec un peu d'ordre ce point de théologie mystique des Anciens, nous tâcherons de connoître 1°. d'où a été porté le culte des Cabires dans la Grèce. 2°. Ce que c'étoit que les Cabires, & combien il y en avoit. 3°. Nous verrons quelques particularités touchant leur culte.

Sanchoniathon (in Euseb. lib. 1. Præpar.) est le plus ancien témoin du culte qu'on prêtoit aux Cabires dans la Phénicie. Hérodote cité par Strabon liv. X. dit qu'à Memphis il y avoit des temples des Cabires, qui avoient été ruinés ensuite par Cambyse.

Mais le plus grand témoignage & le plus irréfragable par la nature même de la chose, que ce culte venoit des Phéniciens ou des Égyptiens, est dans les lettres radicales du nom Cabire. כַּבֵּר *Kaber* ne veut dire que *Grand* dans tous les différens dialectes phénicien, chaldéen, arabe, tant anciens que modernes. (Voy. Bochart). כַּבִּיר *Kabir* est l'épithète donnée à Dieu même, Job. 36. 5. הֵן אֵל בְּבִיר וְלֹא זִמְאָס בְּבִיר כַּח לֵב „Voici Dieu est grand, & il ne méprise pas; grand par la vertu du cœur.” Et dans la Genèse il est appelé אֱבִיר יַעֲקֹב le Fort, le Grand de Jacob. Gen. 49. 24. Vossius

*) On a l'honneur de présenter à Monsieur le baron de Knobelsdorf, envoyé extraordinaire de S. M. le Roi de Prusse près la Porte Ottomane, les sept médailles suivantes, à l'appui de nos recherches numismatiques:

Une autonome avec le Cabire.

Deux de Julia Domna.

Une de Caracalla.

Une de Maximinus.

Deux de Gordien III.

de Idololat. lib. 2. cap. 31. rapporte les paroles d'Euthymius Zigabenus, „οἱ Σαρακηνοὶ μέχρι τοῦ Ἡρακλείου τοῦ βασιλέως χρόνων εἰδωλολάτρων, προσκυνῶντες τῷ ἰωσφὼρῳ ἄτρω, καὶ τῇ ἀφροδίτῃ ἣν δὴ καὶ χαβάρ τῇ ἐαυτῶν ἐπωνομάζει γλώττῃ. Δηλ. δὲ ἡ λέξις αὕτη τὴν Μεγάλην. Les Sarrasins jusqu'aux temps de l'empereur Héraclius adoroient des idoles, rendant leur culte à Lucifer & à Vénus, laquelle est appelée en leur langue Chabar: ce mot ne veut dire autre chose que grande."

Et Cedrenus se trompe de beaucoup dans ses Chroniques, quand il dit que cette même prière à Lucifer & à Vénus a été adoptée par les sectateurs de Mahomet, puisqu'eux-mêmes adorent Dieu sous le nom de **كبر Ekber**, *Grand*: même ils se servent de cette épithète de Dieu dans les plus petites circonstances de leur vie, mais toujours avec l'idée de la donner au Tout-puissant, & point à aucune divinité subalterne, qu'ils ne connoissent pas. De façon que l'invocation ou l'exclamation des Mahométans, Allah Ekber, n'est autre chose que Dieu Cabire: invocation, qui étoit peut-être le partage des plus savans dans la Phénicie & dans l'Égypte, qui n'adornoient qu'une divinité simple, grande, incompréhensible, & qui par conséquent cachoit le culte de cette divinité au vulgaire.

De là nous voyons 1°. la discordance entière qu'il y a parmi les auteurs grecs, sur ce que c'étoient que les Cabires, sur leur nombre & leur fonction relative aux autres dieux. 2°. L'ignorance parfaite dans tout ce qui les concernoit, ignorance commune même aux savans, hors ceux qui étoient initiés dans les mystères de ces dieux. 3°. Nous voyons que des grands hommes de l'antiquité, comme Agamemnon, Ulysse, & même Philippe père d'Alexandre le grand, se firent instruire & recevoir dans les mystères des Cabires (Voyez Diodore, Plutarque, Suidas). Il s'ensuit donc que le culte de ces dieux étoit tout autre chose que le culte de Vulcain ou de ses fils avec Cabira fille de Protée.

Strabon au liv. X rapporte les différentes opinions sur l'origine des Cabires & de leur nom, sans pourtant embrasser aucune des opinions

qu'il énonce. Diodore I. 5. dit qu'ils avoient trouvé la nature du feu, du cuivre & du fer, *την δὲ τῷ πυρὸς, καὶ τὴν τῷ χαλκοῦ καὶ σιδήρου φύσιν ἐξευρῆν* &c. L'interprète d'Apollonius (in Argon.) dérive le nom de ces dieux, des montagnes de la Phrygie appelées Cabires, *καβείροι δὲ δοκῆσι προσπαγορεύεσθαι ἀπὸ καβείρων, τῶν κατὰ Φρυγίαν ὄρων*, dans le temps que c'est plutôt la Phrygie qui adopta le culte de ces dieux d'après Dardanus, qui passa de Samothrace dans la Troade (Voy. Strabon, & Macrob. Saturn. lib. 3. c. 4.) La même incertitude qui règne dans leur origine, règne aussi dans leur nombre. Le Scholiaste ci-dessus cité d'Apollonius dit, *μῦθονται δὲ ἐν τῇ Σαμοθράκῃ τοῖς Καβείροις, ὧν Μνασέας φησὶ καὶ τὰ ὀνόματα Τέσσαρες εἶσι τὸν ἀριθμὸν. Ἀξίερος, Ἀξιόκερσα, Ἀξιόκερσος, Κάσμιλος. Ἀξίερος μὲν ἐστὶν ἡ Δημήτηρ. Ἀξιόκερσα ἡ Περσεφόνη. Ἀξιόκερσος δὲ ὁ Ἄδης. Οἱ δὲ προστιθέμενος τέταρτος Κάσμιλος ὁ Ἑρμῆς ἐστίν, ὡς ἰσορεῖ Διονυσόδωρος.* „On s'initie dans la Samothrace aux Cabires, dont Mnaseas déclare même les noms. Et leur nombre est de quatre. Axieros, Axiocersa, Axiocersus, Casmilus. Et Axieros certainement est Cérés; Axiocersa Proserpine; Axiocersus Pluton; & le quatrième qu'on y ajoute, Casmilus est Mercure, comme il est déclaré par Dionysodore.” Ici donc il y a deux Cabires célestes, Cérés & Mercure, & deux infernaux, Pluton & Proserpine,

Tertullien (de Spectac. cap. 8.) réduit le nombre de ces dieux à trois, *Tres aræ ternis Diis patent, magnis, potentibus, valentibus*; & Macrobius (lib. 3. Saturn. cap. 4.) donne à cela une explication des plus satisfaisantes, „*Varro humanar. secundo, Dardanum refert Deos Penates ex Samothrace in Phrygiam, & Æneam ex Phrygia in Italiam detulisse. Qui sunt autem Diū Penates, in libro quidem memorato Varro non exprimit. Sed qui diligentius eruunt veritatem, penates esse dixerunt, per quos penitus spiramus, per quos habemus corpus, per quos rationem animi possidemus. Esse autem medium æthera Jovem, Junonem vero imum æra cum terra, & Minervam summum ætheris cacumen. Et argumento utuntur, quod Tarquinius Demarathi Corinthii filius, Samothraciis religionibus mystice imbutus, uno templo ac sub eodem tecto, numina memorata*

conjungit. Cassius vero Hemina dicit Samothracas deos, eodem Romanorum Penates, dici Θεῶς μεγάλας. Noster (Muro) hæc sciens ait

Cum sociis, natoque, penatibus, & Magnis Dis."

Mais Varron soutient clairement (livr. 4. de ling. lat.) que les Cabires ne sont que deux: „Terra & Cælum, ut Samothracum initia docent, sunt Dii Magni, & hi, quos dixi, multis nominibus. Nam, neque quas ante portas statuit duas viriles species aheneas, Dii Magni; neque, ut vulgus putat, hi Samothraces Dii, qui Castor & Pollux: sed hi, Mas & Fœmina; & hi quos augurum libri scriptos habent sic, Divi Potes: & sunt pro illis, qui in Samothrace Θεῶν δυνάτες. Hæc duo Cælum & Terra, quod Anima & Corpus; humidum & frigidum."

Voilà qu'un des plus savans auteurs parmi les Romains développe mieux que tout autre l'énigme des Cabires, développement qui fait voir toujours plus que le culte des Cabires dans la Macédoine après la Samothrace, étoit tout autre chose qu'un culte aux fils de Cabira représentés avec le marteau & l'enclume.

Mais si on fait attention au peu de particularités que nous connoissons de leur culte dans l'île de Samothrace, on saisira toujours l'origine de la chose, & on ne doutera plus de leur origine, & de l'explication donnée à la nature de leur nom. Cadmus fils d'Agénor venant de la Phénicie, aborda à l'île de Samothrace, après avoir longtemps cherché sa sœur Europe que Jupiter avoit ravie; il fut reçu par les habitans de l'île, & il épousa Hermione, fille de Mars & de Vénus, & sœur de Jasion ou de Jasius. Jasion & Dardanus, qui étoient deux frères, fils de Jupiter & d'Electre, habitoient en Samothrace; mais le premier ayant été foudroyé par Jupiter à cause qu'il avoit offensé Cérès, Dardanus se retira dans la Troade, où il bâtit une ville au pied du mont Ida, qu'il appela de son nom Dardania. C'est lui qui instruisit les Troyens dans les mystères de Samothrace, comme nous l'avons ci-dessus mentionné (Strab.).

Il est donc probable que Cadmus fut aussi l'auteur des mystères Cabiriens dans la dite île de Samothrace. Nous voyons qu'un des prêtres

tres des Cabires, qui expioit les meurtres des hommes, étoit appelé Coïes ou Coës, de la même manière qu'en hébreu Cohen signifie un prêtre. Les naturels mêmes de Samothrace avoient, au rapport de Diodore, une ancienne langue, qui leur étoit propre, & dont on avoit conservé plusieurs termes, qui étoient encore en usage de son temps dans les offrandes & sacrifices qu'on faisoit. Bochart tient cette langue pour un vieux phénicien.

Telle étoit la vénération pour ces Dieux Puissans, Grands, Inconnus, & telle en étoit la crainte, que le plus petit crime commis contre eux étoit puni sans rémission. Pausanias (in Bœotic.) rapporte, qu'un reste des soldats de Xerxès commandés par Mardonius, entra dans le temple des Cabires, ou pour se railler de leurs mystères, ou pour en voler les richesses: ils furent punis dans le moment: les uns commencèrent à délirer, les autres se précipitèrent dans la mer, & une grande partie se jeta du haut des rochers. Et Strabon liv. X dit, que des gens d'Alexandre dans son expédition contre les Thébains, entrèrent dans le temple des Cabires, & furent frappés par la foudre.

De manière que d'après tant de réflexions & d'autorités on pourroit établir positivement, que les Cabires des anciens n'étoient que les principes mêmes de la Nature, principes qu'on borneroit à trois suivant l'ancienne philosophie égyptienne, adoptée ensuite par une grande partie des philosophes grecs: principes, dont le nom même étoit Grands, Inconnus, & dont le culte étoit caché au vulgaire des Égyptiens, des Phéniciens & des Grecs, comme aussi étoient secrètes & mystiques presque toutes les sciences qui ont eu leur source en Orient ou en Égypte, & où la théologie étoit mêlée avec la philosophie de ce temps-là.

C.

*De Diis Cabiris, cultuque religioso antiquissimorum populorum
universo conjecturae.*

Auctore W. A. TELLER *).

In nuperrima recensione dissertationis de *Diis Cabiris* a *Petriciolo* V. D. Medico Constantinopolitano per illustrissimum de *Knobelsdorf* Academiae oblatae, jam professus sum, me non plane accedere posse ejus opinioni, ex qua antiquissimi populi censendi forent sub hac appellatione prima initia atque elementa totius naturae coluisse. Quin potius praeferenda mihi videbatur *Jablonskii* in *Prol. ad Pantheon Aegyptiacum* interpretatio de septem planetis; ea tamen cum cautione, ut a Sole atque Luna primordia hujus cultus duxerint, progredientes in eo proxime ad Venerem, et sic porro ad reliquas stellas *vagantes* (*errantium* enim, ex male verso Graecorum *πλανομένων* appellationem natam, *Cicero* jam tanquam incongruam rejecit de *Natura Deorum* 11, 20), usque dum subsisterent sua religione in universo choro coelesti lucentium corporum. Atque haec, quae sic obiter tantum indicavi, latius edisserere in hodierno Academiae confessu est propositum. In quo nimirum non deerit oportunitas, plura ex vetustissimorum populorum Theologia illustrandi. Fatendum tamen est ante omnia, ut in hoc quoque argumento suum cuique tribuatur, primum ex instituto hoc argumentum tractasse *Tobiam Gutberlethum* Ictum et Bibliothecae Academiae Franequeranae praefectum in dissertatione philologica de *mysteriis Deorum Cabirorum* secundo edita anno hujus seculi tertio, quam *Jablonskius*, quemadmodum priorem editionem, plane ignorasse videtur. Ille itaque *Gutberlethus*, vir multae lectionis atque doctrinae, omnia fere congeffit ex Veterum libris, uti *Dionysio Halicarnassensi*, *Macrobio*, *Strabone*, *Varrone*, etc. quae de appellatione horum deorum, numero cultuque eorum apud Phoenices, Aegyptios, Samothraces, Graecos, Latinos hauriri possunt, ut nihil

*) Lu à l'Académie le 2. novembre 1797.

aliorum reliquisse videatur industriae ad efficiendum haec tria: primum כביר significari in LL. OO. omnibus, *magnum, potens*, uti Turcomanni in adoratione divini Numinis formulam frequentare solent *Alla Cabira*; cui addi potest Marroccanorum mos Sultanam praedilectam salutare *Lilla Cabira*, magna domina, adeoque כבירים, in hoc contextu, deos magnos; alterum varium fuisse numerum eorum pro varietate locorum, temporum atque populorum; tertium in vetustissimis monumentis, nammis & sic porro omnia plena esse Deorum Cabirotum. Neque adeo praetermisit *Virgilii* de Aenea carmen, Aen. III. 12.

— — — — feror exsul in altum

Cum fociis, natoque, Penatibus et *magnis Dis*.

Vult nimirum ultima verba, per appositionem, interpretationis causa, de ipsis penatibus dicta esse; quod ferri posset, si cum illustri *Heynio* Goettingensi distinguere velis — Penatibus et, *magnis Dis*, Penatesque publicos intelligere, quos alibi IX. 258. in eodem fere argumento *magnos* Penates dixit. Ut tamen ego, si tanti est, malletm utriusque generis Penates hic intelligere, privatos in simplici Penates, publicos in addito, *magnis Dis*, uti fabula fingit Aeneam universam Trojam in Latium translocasse. Sed haec obiter.

Si nunc vero porro quaestio oritur quid ex omnibus a *Gutberletho* allatis sequatur, quoad cultum Cabirotum religiosum ab ultima antiquitate institutum, ejusque, pro ingenio hominum tum initia atque incrementa, tum pedetentim in pejus crescentem adorationem, totum hoc vir doctus tanquam a proposito suo, philologica disputatione, alienum praetermisit; neque vel recentiorum quorundam ut *Frereti*, *Brianti*, ipsiusque *Heynii* (Excurso IV. ad Virg. l. II. ex edit. Londin. p. 300 sqq.) doctrina mihi satisfacit; cui potius est persuasum, primos gentium Cabiros fuisse *Solem* atque *Lunam*. In quo affirmando nihil ad me attinet, si quis affirmare velit *Fetischorum* i. e. truncorum seu saxorum cultum primum inter Idololatrias extitisse. Etenim non de initiis idololatriae in universum hic quaeritur, sed de eo, quinam ab ultima antiquitate *Cabiri*, dii magni,

gentibus fuerint. Hos fuisse iis Solem et Lunam credere cogit primo, hominum ex infantia exeuntium et tamen sibi relictorum ingenium; deinde consensus scriptorum veterum imprimisque duplex monumentum antiquissimum a nemine haecenus, nisi fallor, in hoc argumento animadversum.

Ipsam primo ingenium hominum, quando se exserere incipit, ita comparatum est, ut quae quotidie sensibus percipiunt et quae non modo oculos admiratione feriunt, verum quoque sibi maxime salutaria esse animadvertunt, horum etiam reverentia quadam singulari afficiantur. Quibus visis homo plane incultus obstupescit, haec idem ad aliquam ingenii culturam procedens miratur, omniaque ad suas utilitates metiens, quovis modo veneratur. Hic talis igitur, aliis auxiliis in cognoscendis rerum causis destitutus, uniceque suis viribus innixus, quomodo non impetu quodam feratur in cultum qualemcunque (de quo postea plura dicendi locus erit) Solis atque Lunae, quorum aspectu quotidie gaudet, quorum lumine magnifico oculi ejus constanter percelluntur, quorum influxum salutarem in universam naturam tot documentis percipit? Quomodo non notionem, utut valde confusam, de utriusque excellentiore natura vique suam longe superante animo informet, utriusque favorem sibi optet, inclementiam, per fulgura et tonitrua quasi declaratam, timeat adeoque hunc animi sensum sponte signis quibusdam externis prode gestiat? Unde quoque proclive est amplius sumere, hunc Solis Lunaeque cultum, ita in animo natum, fuisse primum inter populos Nomades pastoresque cum grege vagantes, quibus nimirum diu noctuque intueri licebat utrumque coeleste corpus, quorumque tota vivendi ratio sic comparata erat, ut quietiore animo mentem iis quasi insigere possent cogitandoque super iis exspatiari. Atque iidem, si vel maxime paullatim ad agriculturam transiebant vitamque operosiores animumque magis distrahentem agebant, tamen luculentiore adhuc modo virtutem Solis atque Lunae in procreandis fructibus animadvertebant. His utrisque aequae facilis nunc porro transitus erat ad stellam *Veneris* in eadem colendi ratione jungendam. Nam uti haec purissima luce splendens oculos mirifice capiebat, ita eandem quo-

tidie adspiciebant, sive praecurreret Solem orientem sive occidentem sequeretur. Unde quoque eam, eminentiore sensu כביר appellatam fuisse, uti adhuc inter Arabes, expresse narrant veteres scriptores *Euthymius Zygabenus* in *Panoplia*, *Georgius Cedrenus* in *Chronicis* & *Auctor Catechesios Saracenorum* l. l. a *Vossio* de idololatria citatis ex eoque ad verbum repetitis a *Gutberletho*, cum iisdem tamen vitiis latinae textus graeci versionis, ut fit meris descriptoribus. Vertit nimirum *Vossius* graeca prioris „Saraceni usque ad Imperatoris Heraclii tempora idola coluerunt *Luciferum* et *Venerem*, quam in sua lingua *Chabar* vocant; vox autem ea *Magnam* significat —” graeca *Cedreni* „*Luciferum* fabulantur esse stellam *Veneris* quam in lingua sua absone appellant *Chubar* i. e. magnam” — tandem verba ex *Catechesi Saracenorum*, transeuntium nimirum ad *Christianismum*: „*Damno* etiam eos, qui matutinum sidus et *Venerem* adorant, quam Arabica lingua *Kubar* appellant i. e. magnam.” Hic *Gutberlethus* in postremo quoque loco, quemadmodum in duobus antecedentibus, vult legi *Chabar*; ob facilem litterarum χ et α permutationem in κ et σ . Quasi vero non quaevis natio peregrina ex aliis linguis verba in pronunciando scribendoque ad suae linguae genium detorquere sive etiam depravare soleat. Multo alia erant agenda. Etenim primo emendare debuisset versionem *Vossii*, dum *Εωςφωρον αἶσρον*, in duobus prioribus locis vertit *Luciferum*, qui tamen Graecis *Φωςφωρος* dicitur, uti contra *Εωςφωρος* iis est Latinorum *Esperus* sive *Hesperus*, sitque ille, ex ipsa *Ciceronis* interpretatione de *Nat. Deor.* II, 20. stella *Veneris* cum antegreditur Solem; hic cum subsequitur. Deinde, cum sub utraque appellatione stella *Veneris* cogitur, diverso tantum respectu, docere debuisset, quomodo tamen in primo loco *Lucifer* et in tertio matutinum sidus a *Venere* distingui potuerit. *Vossius* quidem existimabat Lunam a veteribus *Venerem* quoque appellatam fuisse, quod mihi tamen non probavit, cui vero similis est dicere in tali conjunctione *Εωςφωρον, κατ'εξοχην* appellatam fuisse *Aphroditem*.

Sed, ut ad superiora redeam, uti facilis erat transitus a cultu Solis et Lunae ad eundem *Veneri* tributum populis *Nomadibus* et *Agricolis* ex

caussis allatis, ita contra non aeque facilis ad eandem omnium planetarum venerationem. Requirebat enim jam majus studium, hos, cum non pariter in oculos incurrant, curiosius ab universitate stellarum distinguere; ut adeo persuasum mihi sit, horum peculiarem proxime post Solis, Lunae atque Veneris cultum tum demum invaluisse, cum jam omnibus reliquis stellis promiscue eum detulissent. Ita in Mosaicis libris Deut. XVII, 4. admonentur Israelitae, ne cultum aliquem religiosum exhiberent sive Soli, sive Lunae, sive universo exercitui coeli. Posset quidem pro separata mentione planetarum opponi locus ex IV, 19 in quo cavetur „ne aspiciant (nimirum cum sensu religioso, cf. mox dicenda) neque Solem, neque Lunam, neque stellas, universum exercitum coeli” ut adeo stellae ab tota militia coeli distinctae hic planetae sint. Neque nego verbum hebraicum כוכבים in primis planetas significare posse, uti adhuc apud Arabes aliquando eminenter ita appellantur. Cum tamen hic nulla copula intercedat inter tria priora membra atque ultimum, hoc mihi potius per appositionem sive repetitionem antecedentia membra comprehendentem dictum videtur.

Quae sic haecenus, conjectura probabili eaque derivata ab ingenio humano efficiuntur, ea nunc porro consentiente testimonio veterum scriptorum egregie firmanantur. Omnes nimirum non modo a physicis caussis longam aberrationem gentium in cultu profano repetunt, verum quoque verbis apertis semina quasi ejus in veneratione quaesiverunt Solis atque Lunae, uti *Lactantius* l. II. §. V. VI. & quidem tanquam Deorum כבירים, quod postremum nimirum mihi imprimis demonstrandum sumsi. Ita *Maimonides* in *More Nevochim* (Doctore stultorum) P. III. 29. refert Zabios statuisse, stellas esse divinas, sed Solem esse Deum *magnum*, idem quinque planetas esse Deos, sed duo *luminaria* (nim. Solem atque Lunam) esse *majora*. Comparabant porro Aegyptii, secundum *Sextum Empiricum* adv. Mathematicos l. V. non longe ab initio, Solem Regi, Lunam Reginae, planetas (πλανήτες) Satellitibus utriusque, reliquas stellas Populo, uti illos aeternos et primos appellabant. Rursus Israelitis opprobrio fit apud Amosum V. 26. 27. coll. Jer. XLIV, 17. sqq. quod ex Ae-

gypto deportaverint secum in desertum Arabiae tabernaculum *Moloch* i. e. Solis, atque *Melech* reginae coeli, i. e. Lunae. Imo apud Caesarem de bello Gallico VI. cap. 21. Germani narrantur, eos solos Deos ducere „quos cernunt & quorum opibus aperte juvantur *Solem*, *Vulcanum* et *Lunam*” etsi fatendum est pugnare hanc narrationem cum altera Taciti de Moribus Germanorum cap. IX., neque adeo apparere, quid *Vulcani* mentio hic sibi velit. Ut ideo existimandum sit per appositionem ad *Solem*, tanquam ignem mundi, cum hic nominari. Sed mitto reliqua hujus loci testimonia quae facile quisque vel ex uno *Vossii* de idololatria libro II. conferre potest, atque subsisto in duobus antiquissimis ab omnibus in hoc argumento hactenus praetermissis, ex quorum utroque mihi apparere videtur tum antiquissimus cultus Solis et Lunae, ut כְּבִירִים magnorum, sive, ut *Relandus* vult ex alia scriptura, גְּבוּרִים fortium, tum hominum in eundem maxima proclivitas.

Primum itaque extat Jobi XXXI, 26. 27. his verbis expressum ex versione Schultensii „si vidi lumen cum splenderet et lunam magnifice incedentem et plectum est in occulto cor meum, et osculum tulit manus ori meo” in qua tamen versione plura desiderari possunt. Etenim primo אֶרָא, unde veterum *Horus*, vertendum erat non *lumen* sed ex usu linguae hebraicae *solem*; deinde verbum רָאָה, quod *vidi* interpretatur, requirebat plus significans ut Latinorum *intueri*, videndo oculos infigere, nostrum Germanorum, *anschauen*; tandem illud *in occulto cor meum* nimis hebraismum premit. Itaque versio potius haec foret: „Si intuitus sum solem micantem lunamque graviter incedentem (in plenilunio nimirum) atque intimum cordis mei plectum est, ut osculum applicaret manus mea ori meo” h. e. ut venerarer fidus utrumque. Nam sic constat vetustissimum hunc fuisse adorationis ritum quemadmodum *Plinius* narrat XXVIII, 5. in adorando dextram ad osculum referimus, atque *Livius* VIII, 9. de manu subter togam ad mentum exerta tradit. Si nunc liber Jobi est antiquissimus, et vel ex hoc loco comparato cum ante adducto ex Deut. IV, 19. similique in utroque φερασολογια „ne attollas oculos et

aspicias solem et lunam etc." colligi possit eum jam circa Mosis aetatem ab Arabe sive Idumaeo quodam scriptum extitisse; si ea est, inquam libri Jobi antiquitas, est quoque haec ipsius Apologiae particula luculentissimo documento, ejus, de quo nobis sermo est, cultus. Etenim quis facile ferat intempestivam luxuriam ingenii eorum interpretum, ipsiusque adeo Schultensii, qui simplicem per se narrationem sive de improbo desiderio *auri* (tropice *Solis*) argentique (*Lunae*), sive, ex alio tropo, de adulatione regum eorumque ministrorum interpretati sunt. Quid hoc modo fieret loco Deuteronomii proxime allato, et quomodo non vel hic unus locus ab ejusmodi, utcunque amabili interpretandi lubidine, iis cavere debuisset?

Accedo ad alterum sine omni dubio antiquissimum monumentum capitis primi Geneseos. Nam quicquid super eo quatuorque sequentibus capp. Viri doctissimi invicem disputarunt, certum manet hoc, contineri iis tria (primum nimirum cap. *primo* usque ad comma quartum *secundi*; alterum ab hoc commate usque ad finem capitis *quarti*; tertium capite *quinto* arctius connexum cum narratione totius libri) fragmenta ultimae antiquitatis, quae asservata prius in familiis sive Chaldeorum sive Hebraeorum, multo post tempore Mosaicis libris praefixa fuere. In primo itaque horum fragmentorum habemus haud obscuram allusionem ad *Lunae* et *Solis*, tanquam Deorum, Cabirim venerationem, dum dicitur Deus creasse duo luminaria *magna*, unum *regimini* diei, alterum *regimini* noctis destinatum. Ecce hic illa duo luminaria, quae Zabii, sub hac ipsa appellatione, ex superiore testimonio *Maimonidis*, tanquam Deos, omnibus reliquis stellis majora, coluerunt, quoniam nimirum sensibus percipiebant Solem diei, Lunam nocti, quasi praesidere. Quid nunc ex hoc quoque concursu, ut ita dicam, modorum loquendi sequitur? Nimirum, nisi plane fallor, utrumque hoc, quod nunc porro persequi animus est.

Et primo quidem inde mihi patere videtur, eo tempore, quo haec de origine mundi narratio litteris mandata fuit, extitisse jam qualemcunque cultum Cabirim, Soli *Lunaeque* exhibitum; voluisse itaque Aucto-

rem

rem illius narrationis cavere, ne iste cultus in *crassio rem idololatriam* (cfr. mox dicenda) abiret, adeoque subjecisse vel hoc utrumque splendidum fidus imperio primae causae omnia gubernantis, quae utrique, quemadmodum universae naturae, existentiam dederit, ad cujus supremum mandatum utrumque apparuerit cujusque formanti rudem materiem arti utrumque se subjecerit. Quod cum, tanquam per se patens, longiorem disputationem non desideret, id solum addo, dum in clausula commatis 16. dicitur *etiam stellas*, hoc novo documento esse planetas tempore, quo haec scribebantur, nondum seorsim in systemate corporum coelestium distinxisse homines.

Paulo longius nunc in altero haerendum erit. Verbum *mamscheleth*, regimen, imperium, quod hic, ut in repetitione totius sententiae Hymno CXXXVI. interdiu Soli, nocturno tempore Lunae quasi traditur, in Scripturis V. T. de summis Imperantibus ipsoque Deo adhibetur. Nonne itaque per hoc concessum Soli atque Lunae imperium aut potius, ut jam dixi, delatum, providentiae summi Numinis ejusque perpetuo concursui ad rerum conservationem tantum detrahitur, quantum ex altera parte ejus majestati vique creatrici vindicatum fuerat? Nonne hic Deus aperte sistitur, uti Epicurus eum fingebat, absoluto suo opificio, nihil amplius agentem, nihil curantem atque per omne aevum summo otio fruentem? Atqui non nego omnino haec quaeri posse, praesertim cum idem Numen supremum in extremo narrationis finito opere suo *quieviss e* perhibetur. Sed tamen non omittendum est mox addi, ab *omnibus operibus*, quae *fecerat*; ut adeo cessatio tantum, omnibus perfecte absolutis, ut nihil addendum, nihil emendandum reliquum fuerit, a creando non item a conservando intelligenda sit. Atque sic totus quoque locus de providentia ad propositum scriptoris non pertinuisse videtur; cui pro tempore sufficiebat primarium fundamentum omnis de Deo doctrinae, ejus existentiae virtutisque effectricis omnium rerum visibilium posuisse totumque aedificium illius doctrinae ita stabilivisse, ut reliqua omnia suo tempore facile superstrui possent. Sufficiebat, dico, hoc, uti ipsa narrationis forma, pro hominibus istius

seculi, vix ex infantia progressis ad puerilem aetatem. Ita nimirum longum est iter ab observatione visibilium ad invisibilium contemplationem, a physicis ad hyperphysica, nam incongruum est ea metaphysica dicere obtruso Aristoteli a descriptoribus titulo operis ejus nunquam satis admirandi. Longum, inquam, hoc iter est, uti facilis in eo aberratio; ut summus omnium rerum Administrator, qui pro sua sapientia omnia tempestive agit, perfectiorem quoque sui cognitionem per plura temporum spatia dispensare voluisse existimandus sit. Et si vel maxime Numen ejus praesens adfuisse cogitetur his, quos doctores gentium selegisset, ad vim intelligendi in iis evehendam, quomodo linguae paupertas prima generis humani aetate suffecisset ad exprimendum declarandumque, pro omnium usibus, quae animo menteque percepissent? sique vel hoc per novata verba iis simul inspirata fieri potuisset, quis eos intellexisset? si etiamnum nobis publice pro concione dicentibus dura manet necessitas semperque manebit, populari sermone uti in tantis tamen linguarum divitiis.

Admonent haec dicta pauca amplius addere de modestia in aestimando cultu visibilium apud antiquissimas atque etiamnum remotas exteras gentes. Nam video adhuc nostris temporibus multos praecipue ex Itinerariorum in Orientem scriptoribus neque satis cautos neque satis aequos judices in hac re esse. Atque sic pedetentim mos invaluit omnes promiscue Idololatrias adnumerare, qui ab ultimis temporibus veriore Dei cultum sive ignorarunt sive depravarunt, atque ita se gerere, quasi inter adoratores summi Numinis et Idololatrias nulli intermedii gradus intersint et plures adeo interesse possint. De ipso *Polytheismo* notiones informatae sunt, quae mihi omni fundamento, aut certe solido, carere videntur.

Nam quod primum ad hunc attinet, in eo asserendo simul sumendum est, creaturis vere divinum cultum delatum fuisse. Atque sic omnino Solis, Lunae Stellarumque cultores fuissent Polytheistae. Sed unde constat hunc cultum, ex sententia illorum hominum, divinum et non potius mere civilem fuisse, ut fautorum, quibus multa deberent, quemad-

modum rustici suis Diis apud *Varronem* de agricultura I, 1. Admiratione siderum ducebantur, jucundo sensu afficiebantur animadvertendo beneficium eorum influxum in res terrestres, utrumque signis quibusdam externis declarabant: quidni facerent? Sique eos simul cogitamus omni sublimiore notione Entis cujusdam perfectissimi adhuc destitutos aut ejusdem plane nondum capaces primoque ad altiora emergentes per intuitionem corporum coelestium, ipso summo Numine ita moderante: quis paullo modestior a se impetrare possit, ut iis mox Polytheismum opprobrio faciat? Apostolum si audiamus, is ipse Ep. ad Romanos I, 20. illam intuitionem operum divinorum primum gradum esse affirmat ad Dei veri agnitionem. Imo loco antea jam, alia de causa citato, Deut. IV, 19 Deus expresse dicitur Israelitis se ipsum adorandum dedisse, reliquis populis (pro illo nimirum adhuc tempore) corpora coelestia. Ut mirum sit *Davisi*um in nota ad *Maximi Tyrii* dissent. primam p. 6. reprehendisse *Clementem Alexandrinum*, quod diserte affirmarit lib. VI. Stromatum, Deum Ethnicis dedisse τον Ηλιον και την Σεληνην και τα Αστρα εις θρησκειαν. Sunt enim haec ipsissima in contextu hebraico verba. Ex ipso itaque divino consilio factum est, ut homines hoc modo per διανοητων, sensibilibium, gratam contemplationem ad νοητων, quae non sub sensu cadunt, conjecturam et sic porro comprehensionem transirent quasi; atque cum voluptate reverentiaque quadam illa priora adspicientes incitarentur ad exquirendam supremam omnium causam. Unde etiam videmus nunquam in libris sive veteris sive novi Testamenti illum cultum *Cabirim*, ex superiore descriptione, gentibus exteris exprobrari, sed Israelitis ex posteritate Abrahami. Atque hostes, si rursus fatali lapsu incidant in cultum Solis Lunae Astrorumque, facile cedo Polytheistas esse. Itaque in judicio de hoc argumento faciendo semper id tenendum esse mihi videtur, antiquissimas gentes, neque in sentiendo neque in agendo eum cultum corporibus coelestibus praestitisse aut voluisse praestare, qualem nobis cogitamus in cultu divino. Erat, quemadmodum dixi, magis cultus civilis, quem salutando reverendoque iis tribuere solemus, in quibus aliquid excellens deprehendimus. Et si hoc

quoque video libenterque agnosco eum facile degenerare posse in cultum religiosum vanum falsumque, et adeo in ipsam *Idololatriam*. Itaque nunc porro ad hanc transeat oratio.

Idololatram omnes consentiunt esse eum, qui imagini alicujus rei sensibilis five sculptae five pictae aut etiam plane informi cultum divinum defert. His itaque rursus minime possunt adnumerari corporum coelestium adoratores, verbo hoc sensu molliore accepto, quatenus neque ejusmodi imaginibus utuntur, neque vinci potest eos notionem summi Numinis iis adjunxisse adeoque summam reverentiam iis exhibuisse, aut etiamnum exhibere. Ex priorie ratione aperte etiam distinguitur Deuteronomii cap. cit. comm. 16. 17. 18. cultus imaginum a cultu astrorum com. 19. et ipse *Paulus* ad Romanos cap. I. in priorem inprimis invehitur. Sed ita posterior ratio aequae me movet ad credendum, cultores quoque *Fetischorum* seu *Manutu*, ubi extiterunt five etiamnum existunt, Idololatrarum numero eximendos esse. Sumo ante omnia hunc Idolorum cultum in prima aetate generis humani extitisse et in quovis populo antecedere cultum astrorum, quo rudioris adhuc ingenii est, atque haecenus libenter accedo sententiae doctissimi *Meinersii* in Commentariis Societatis Regiae Goettingensis. Nam posterior, ex antea dictis, requirit aliquem ad ingenii culturam progressum vitaeque rationem plus adjuvantem rerum naturae contemplationem. Quo stupidior gens aliqua est, hoc magis gaudebit stipite suo seu lapide, atque uno alterove quo informior apparet. Nam est res, quae oculos novitate sua ferit, mirum aliquid. Itaque eum repertum in quocunque loco tollet, secum auferet, domi eum asservabit tanquam magnum thesaurum omnibusque ejus possessionem invidet. Plane ut toties videmus pueros baculum cum capite equino, cui inequitare possint, quemque a parentibus dono acceperunt, omni modo fovere noctuque adeo sibi in lecto accumbentem facere. Si nunc omnes ejusmodi lusus pueriles, ut tales, ferimus neque facile quisquam eos tanquam cultum idololatricum abhorret: quomodo quis serio possit talem cultum in *Fetischorum* cultu quaerere? *Laban*, ut hoc utar, ex narratione

Gen. XXXI, 19. 30. 34. imagines, hebraico verbo *Theraphim* appellatas, domi asservabat, quas filia Rahel clandestina fraude secum abstulerat, patetque vehementer commotus repetebat. Num propterea utraque pars existimanda idololatricum cultum exercuisse? Quin potius admodum credibile est ista idola lapidea aut lignea tanquam raram suppellectilem universae familiae in magno pretio fuisse, ut itaque avarus senex iis, uti egregio thesauro, aegre carere vellet, filia contra feminino ingenio eadem, tanquam eximium ornatum futuri sui domicilii, anxie desideraret. Nunc ego profecto is non sum, qui ignoret quamvis flagrantem cupidinem rerum terrestrium sensu improprio, vel ex ipsa auctoritate Librorum nostrorum S. S., idololatricam dici posse; id solum volo, non de proprie sic dicta idololatria hic cogitandum esse, uti tamen ab interpretibus factum est. Ipse adeo Jacobus, secundum versum 37. capitis citati, ista idola referebat inter *vasa domestica* Labanis. Unde fortassis fuerunt imagines majorum, quas religiosa quadam pietate colebat ipse cum suis atque hactenus *deos suos*, אלהיו, latissimo sensu vocabuli, appellabat com. 30. Quo sumto *LARIUM* primordia in hoc loco quaerenda forent. Etenim hi ipsi, sive *Penates* privati, ab Etrusco verbo *LAR*, princeps, potuerunt etiam quicquid alii de Silenis hic finxerint, auctores gentium, familiarum et sic porro fuisse. Vel horum vero imagines pio sensu venerari hasque intuendo gratam illorum memoriam animo infigere, si cultum idololatricum efficeret, quid nobis nostrisque hominibus, eadem religione utentibus, fieret?

Atque sic idem judicandum esse puto tum de Michalis *Theraphim* 1. Sam. XIX, 13. sqq. tum de lapide, quem, secundum Euthymium Zigabenum in Panoplia, Saraceni olim magna devotione osculati fuerint ea persuasione, Abrahamum, filium sacrificaturum, super eo sedisse. Poterat hoc imprimis documentum esse piae recordationis tanti viri, monumentique ejus sive pietatis sive factorum. Ipsum adeo *Michae* propositum in apparando sacrario domestico Jud. XVII, 1. 5. minus recte mihi aestimare videntur, qui cum propterea Idololatriae reum faciunt, dum mater ejus aperte

declarabat se consecrassé sumtus in eo faciendos Deo supremo (ליהוה) com. 3. coll. 13. Unde probable est, eos in tanta morum corruptione seculi sui servare memoriam Dei in domo sua voluisse, imitando tabernaculum illo tempore in urbe Silo extructum arcaeque foederis in eo asservatae. Neque nimis premendum esse censeo, quod cap. sequente XVIII, 24. Micha narratur Danitis furtum *Deorum suorum* exprobrasse, cum genio linguae hebraicae non repugnet, per אלהים, in tali contextu, *res divinas* sive usui religioso destinatas in univēsum intelligere.

His omnibus simul sumtis persuasum mihi est in omni disputatione de cultu divino gentium sive aetate sive locis a nobis remotissimarum, temporum varietates, ingenium hominum eorumque consilium, culturae tandem modum, haec omnia curiosius distinguenda esse, cavendumque ne ad nostros sensus de Ente perfectissimo barbarorum hominum cogitandi opinandique rationem metiamur. In quo adeo, ut in multis aliis, libenter sequor doctrinam Cel. Heynii, qui in *Disp. de causis veterum fabularum physicis* inserta Vol. I. Opp. Academicorum, hanc iudicii modestiam primus fere inter nos suavit.

Seconde lettre de Monsieur le baron de Knobelsdorf, Ministre plénipotentiaire de Prusse à Constantinople, à l'Académie.

Messieurs,

J'ai l'honneur de Vous envoyer ci-joint (*sub A.*) l'extrait succinct d'un de mes manuscrits persans, qui a pour titre *Zubdei tewartich, la Crème de l'Histoire*. Comme cet ouvrage est peu, peut-être pas du tout connu en Europe, j'ai cru qu'il seroit intéressant aux illustres savans qui composent cette Académie, de le connoître plus particulièrement. Il leur fournira l'occasion de faire des recherches & des

découvertes lumineuses, qui serviront à convaincre le public que les anciens auteurs grecs, qui ont écrit l'histoire orientale, ne la connoissoient que fort peu. L'auteur de ce manuscrit s'exprime ainsi dans sa préface: (c'est la traduction littérale des paroles de l'auteur). „Cette „créature vile & abjecte, Haider ben Aly Herani Razi, presque depuis „le commencement de son existence jusqu'aujourd'hui, c'est-à-dire „après avoir couru trente-cinq postes dans la vallée de la vie, a employé tout son temps à examiner les histoires, à vérifier les faits, & „dans l'an 1020 de l'Egire (1611 de l'ère chrétienne) il pensa, que „sachant une quantité de faits, & ayant ramassé une infinité d'histoires „écrites, il seroit bon qu'il composât un livre, & il commença à écrire „cette histoire dans l'année 1026, & donna le premier volume, composé de plus de deux-cents mille articles. Si le Dieu très-puissant „& très-haut le lui permet, il en écrira un second, qui contiendra „l'histoire des hommes illustres, des savans & des poètes, & ce second volume sera bien plus volumineux que le premier.”

L'auteur nomme les principaux ouvrages qu'il a consultés pour la composition du sien. Ces ouvrages sont au nombre de 29, dont je joins ici une liste séparée (*sub B.*). Il y en a plusieurs qui ne se trouvent pas dans la Bibliothèque Orientale, & si M. Herbelot avoit connu le Zoubdei Tewarich, ce manuscrit seul lui auroit suffi pour composer un dictionnaire plus exact que le sien. L'auteur, après avoir cité les noms des ouvrages, & le nombre des passages qu'il a pris de chacun, continue ainsi: „L'histoire des rois de l'Égypte & de la Syrie a „été prise du *Tarich elfi*; celle du Turquestan, du Muvereincher, du „Kattai, des Grecs & Romains a été tirée du *Giami echedi*; celle des „prophètes, des rois arabes & persans, puisée dans le *Reuzetzefa* & „le *Habibul feid*. En racontant les faits, sur lesquels les historiens ne „sont pas d'accord, il a soin de citer le nom de chaque auteur, & la „manière dont il rapporte ce fait, avançant sa propre opinion, & „laissant au lecteur judicieux le droit d'adopter l'opinion qu'il regarde „comme la plus fondée.”

J'ai cru, Messieurs, devoir transcrire cette partie de la préface, qui prouve la candeur de l'auteur. Je supplie en même temps l'Académie, de me faire savoir ceux des articles dont elle désireroit lire la traduction *in extenso*, & ce sera pour moi un devoir bien doux que de la lui envoyer tout de suite. Je me propose de suivre cette méthode pour les autres manuscrits que je possède déjà, & que je pourrai me procurer encore, demandant de l'indulgence pour moi & pour mon traducteur. Si l'Académie me proposoit une méthode plus conforme à ses vues, j'y souscrirois avec plaisir, ayant très à cœur de la convaincre du désir sincère de lui être de quelque utilité, & de la persuader des sentimens de la plus haute admiration avec lesquels j'ai l'honneur d'être

Messieurs

A Constantinople

le 25. août 1797.

Votre très-humble & très-obéissant serviteur

de Knobelsdorf.

A.

Zubdei-rewarich, la Crème de l'Histoire.

CHAPITRE PREMIER.

Contenant les histoires des prophètes, & des rois de l'Arabie, du Couchant, & de l'Égypte, & principalement celles des prophètes qui ont existé depuis Adam jusques à Noé.

Selon l'opinion de la plupart des Historiens depuis Adam jusqu'à Noé il s'est passé deux mille cinq-cents ans, & dans cet intervalle il y a eu dix personnes qui ont travaillé à la conversion des peuples; Adam l'élu de Dieu, Seth fils d'Adam, Enoch fils de Seth, Kaïnan fils d'Enoch, Mehlaïl fils de Kaïnan, Jero fils de Mehlaïl, Ahnouh fils de Jero, Melik fils de Moutevechelih, Noé fils de Melik.

Les

Les Histoires des prophètes qui ont existé après Noé, qui sont Ham fils de Noé, Sem fils de Noé, Hod fils de Saleh fils d'Arphascad fils de Sem, Saleh, Hanthala, Zoulkarnein le premier, Abram fils d'Asar, Loth fils de Haran, Ismaël fils d'Abram, Jacob fils d'Isak, Joseph fils de Jacob, Job fils d'Amos fils d'Esaü fils d'Isak, Harkil fils de Job, Chaïb, Moÿse fils d'Amran, Jocha ou Josoué fils de Noun, Efraïm fils de Jussuf, Harkil fils d'Enam, Elias fils de Jasif, Elisé fils d'Ahtoub, Zoulkiefel Echmavil, David, Suleiman fils de David, Jonas, Daniel, Afis, Zacarie, Jahja, Marie, Issa, Gergis.

L'Histoire de Mahomet & des premiers Halifes dans l'ordre qui suit. Aboubekre, Omar, Osman, Ali, Hassan.

L'Histoire des douze Imams dans cet ordre. Imam Ali Mourtega, Imam Hassan Mugteba, Imam Hussein, Imam Ali, Imam Muhamed Bakir, Imam Giafar Sadik, Imam Moussa Kiadhem, Imam Ali Rifa, Imam Muhamed Neki, Imam Ali Neki, Imam Hassan Arkeri, Imam Muhamed Mendi dit Sahibuseman.

L'Histoire des Halifes Ommiades dont le Halifat a duré quatre-vingt quinze ans, & qui ont été au nombre de treize dans l'ordre qui suit:

Moavia fils d'Ebu Sofian,
Jesid fils de Moavia,
Merran fils de Hakem,
Abdoulmalek fils de Merran,
Valid fils d'Abdoulmalek,
Suleiman fils d'Abdoulmalek,
Omar fils d'Abdoulafis,

Valid fils d'Abdoulmelik,
Hecham fils d'Abdoulmelik,
Valid fils de Jesid,
Jesid fils de Valid,
Ibraïm fils de Valid,
Marran fils de Muhamed fils de
Murvan.

Les Halifes Abassides qui ont régné pendant cinq-cents vingt-trois ans sont au nombre de trente-sept dans l'ordre suivant:

Aboulabar Sifah,
Abougiagar Elmanfour,
Mehdi fils d'Elmanfour,
Hadi fils de Mehdi,
Haroun Rechid fils de Mehdi,
Mouhamed Emin fils d'Haroun,
Mamoun fils d'Haroun,

Motasssem fils d'Haroun,
Vathec fils de Motasssem,
Motavekil fils de Motasssem,
Montafir fils de Motavekil,
Mostain fils de Motasssem,
Motar fils de Motavekil,
Mouktedi fils de Vathec,

Motamed fils de Montevekil,
 Motafed fils de Motavekil,
 Muktefi fils de Mutafed,
 Muhtader fils de Mutafed,
 Kaher fils de Mutafed,
 Rafi fils de Mochtader,
 Mochtafi fils de Mochtader,
 Mostiacfi fils de Mochtafi,
 Mothi fils de Mochtader,
 Thaï fils de Mothi,
 Cader fils d'Isac fils de Mochtader,
 Caïm fils de Cader,

Mochtadi fils de Mahomet,
 Mostedaher fils de Mochtadi,
 Mosterached fils de Mostedaher,
 Rached fils de Mosterached,
 Moltaki fils de Mostedaher,
 Mostengid fils de Moltaki,
 Mostadhi fils de Mostangid,
 Nafer fils de Mostadhi,
 Daher fils de Nafer,
 Mostanfer fils de Daher,
 Mostazem fils de Mostanfer.

L'Histoire des Halifes Abassides en Égypte, qui sont Mostanfer billah, Mostekfi billah, Motafed billah.

L'Histoire des rois Arabes qui ont régné dans le Iemen & en Syrie avant & après l'Islamisme, & sont

Kahtan fils du prophète Hod,
 Jareb fils de Kahtan,
 Jechheb fils de Jareb,
 Kehlan fils de Saba,
 Harith fils de Kis,
 Kis fils de Harith,
 Efrikos fils de Kis,
 Hudud fils d'Efras,
 Balkis fils d'Hudud,
 Cathem surnommé Naïm,
 Chemer fils de Naïm,
 Ebumalik fils de Chemer,
 Akren fils d'Ebumalik,
 Ebukierb fils d'Akren,
 Esad fils d'Ebukierb,
 Hasan fils de Tabalevfeth,

Omar fils du même,
 Kielal fils d'Abad fils de Sehran,
 Tabiulesghar Hasân,
 Rebia fils de Naïr Lahmi,
 Murted fils d'Abdoulkielal,
 Velia fils de Murted,
 Ebreha fils de Sabah,
 Sabah fils d'Ebreha,
 Soulnevas,
 Jeksum fils d'Ebreha,
 Mechruk fils d'Ebreha,
 Seif fouifr,
 Merseban fils de Seif,
 Filsihan fils de Merseban,
 Avan fils de Salan.

Les rois du Iemen après l'Islamisme.

Jahja fils de Hassan,
 Muhamed fils de Jahja,
 Ahmed fils de Jahja,
 Hassan fils d'A Ahmed,

Jahja fils d'A Ahmed,
 Jusuf fils de Jahja,
 Ebu Muhamed Abdoula.

Les rois de Babel sont dans l'ordre qui suit:

Nemroud fils de Kus,	Salios,	Sergerd,
Enoch fils de Nemroud,	Ethradfen,	Mesdug
Kimonos,	Saïfan,	Seharit,
Melonos,	Karinos,	Furnuroub,
Koros,	Orkios,	Benfafer,
Ruferheva,	Seros,	Sinos,
Kosmos,	Thathas,	Maïfa,
Afous,	Ferous,	Darlos,
Kavous,	Afrithos,	Kielrhoch,
Armonos,	Afrithaos,	Mothiafa,
Belavus,	Furuthaous,	Munhemismet,
Ethalous,	Meraos,	Emhercha,
Soros,	Anod,	Somas,
Barnos,	Sebthoros,	Darnos,
Cresialim,	Foulafesma,	Akmatahist,
Arlotos,	Hines,	Souljefa,
Adas,		

après lequel le gouvernement de Babel est passé entre les mains des rois de la Perse. De tous ces rois de Babel on ne marque rien que leur succession, & le nombre des années de leur règne.

Les princes Sermanin ont été au nombre de neuf, & ont régné pendant cent-dix ans, & sont traités comme les rois de Babel.

Soufan,	Berbar ben Semafer,	Horbaï,
Berbar,	Besraï ben Berbar,	Marath,
Semafer,	Ehrimoun,	Sorhaligian,

Les princes Benilahm dans Gefire.

Malik ben Nafer,	Emroulkis ben Esved,
Hefime ben Malik,	Naman ben Esved,
Omar ben Adi,	Manfer ben Maelfema,
Emroulkis ben Omar,	Omar ben Manfer,
Omar ben Emroulkis,	Kabous ben Manfer,
Emroulkis ben Omar,	Kachheret ben Kabous,
Naman elaver ben Emroulkis,	Manfer ben Kachheret,
Manfer ben Naman,	Naman Hemdani ben Manfer,
Esved ben Manfer,	Ravia ben Mahian,
Naman ben Manfer,	Naman ben Manfer.

Les princes Benigiaktaï ont régné pendant 546 ans & sont:

Giaktaï ben Omar,
Omar ben Giaktaï,
Talebe ben Omar,
Gebele ben Harith,
Harith ben Gebele,
Manferulekber ben Harith,
Naman ben Harith,
Manferulesghar ben Naman,
Gebele ben Naman,
Behem ben Naman,
Omar ben Naman,
Giaktaïulesghar ben Manferulekber,
Namanelesghar ben Naman,
Gebele ben Namanulesghar,
Naman ben Ebhem,

Harith ben Ebhem,
Naman ben Harith,
Omar ben Naman,
Hager ben Naman,
Harith ben Hager,
Gebele ben Harith,
Harith ben Gebele,
Naman ben Harith,
Ebhem ben Gebele,
Manfer ben Gebele,
Cherakil ben Gebele,
Omar ben Gebele,
Gebele ben Harith,
Gebele ben Ebhem ben Harith.

Les Ommiades au Couchant dont le règne commença l'an 138 & finit l'an 428.

Abdoulrahman ben Moavia,
Hecham ben Abdoulrahman,
Hakem ben Hecham,
Abdoulrahman ben Hakem,
Manfer ben Muhamed,
Abdoulrahman ben Muhamed,
Hakem ben Abdoulrahman,

Hecham ben Hakem,
Suleiman ben Hakem,
Abdoulrahman ben Muhamed,
Abdoulrahman ben Hecham,
Muhamed ben Abdoulrahman,
Hecham ben Muhamed,
Omia ben Abdoulrahman.

Les princes Beni Aghleb au Couchant.

Emir Aghleb,
Emir Ibraïm ben Aghleb,
Abdoula ben Ibraïm,
Siadetula ben Ibraïm,
Aghleb ben Ibraïm,
Muhamed ben Aghleb,

Ahmed ben Muhamed,
Siadetula ben Ahmed,
Muhamed ben Ahmed,
Ibraïm ben Ahmed,
Abdula ben Ibraïm,
Siadetula ben Ibraïm.

Les princes Edrisie d'Andalos.

Edris ben Abdoula,
Edris ben Edris,
Edris ben Omar,
Issa ben Edris,
Ali ben Ahmed,
Kafim ben Hamoud,

Jahja ben Ali,
Edris ben Ali,
Hassan ben Jahja,
Edris ben Jahja,
Muhamed ben Edris.

Une partie des princes Schnagie au Couchant.

Eboulfeth Jussuf Hamiri,
 Mansour ben Jussuf,
 Badis ben Mansour,
 Moas ben Badis,

Temim ben Moas,
 Jahja ben Temim,
 Ali ben Jahja,
 Hassan ben Jahja

Les princes Benilahm au Couchant.

Kadhi Eboulkafim Muhamed,
 Mutehid billah ebuomar,

Mutemed alla allah,
 Muhamed ben Abad.

Les princes Multemin au Couchant.

Emir Ebumussa Tachfin,
 Eboulhassan Ali ben Jussuf,

Tachfin ben Ali,
 Isak ben Ali.

Les princes Muvehidin au Couchant.

Abdoulmumin Koumi,
 Ebouabdoula ben Abdoulmumin,
 Eboujacub ben Joussuf ben Abdoulmumin,
 Jacob ben Joussuf ben Abdoulmumin,
 Muhamed ben Jacob,

Abdoulvahed ben Jacob,
 Abdoula ben Jacob,
 Jahja ben Jacob,
 Edris,
 Rached ben Edris,
 Ebouhafifi Eboulhassan.

Les princes Tolonides en Égypte.

Ahmed ben Toloun,
 Hamarvie ben Ahmed,

Haroun Ahmed ben Toloun,
 Chiban ben Ahmed ben Toloun.

Ahchide & ses fils en Égypte.

Ahchide ben Thefeh,
 Eboukallem,

Kiafour.

Les princes de la famille Hamedan.

Abdoula ben Hamedan,
 Nasrudevlet Hassan ben Abdoula,
 Ebu Thaleb ben Nasrudevlet,

Seifudevlet Eboulhassan Ali ben Abdoula,
 Eboulmonali Scerif ben Seifudevlet,
 Eboulsadl ben Scerif.

L'Empire de Tagdevlet Tensch Selgiuk & ses fils en Syrie.

Emir Tensch ben Eleb Arslan,
 Melik Risvan ben Tensch,
 Eleb Arslan ben Risvan,

Emir Dekak ben Tensch,
 Sulthan Chah ben Risvan.

Les princes Tefteghins en Syrie.

Tehiridin Tagulmuluk, Schemfoulmuluk Ismail ben Tagul- muluk,	Schehabidin Mahmoud, Kiemalidin Muhamed, Megdidin.
---	--

Les princes Danichmendie.

Emir Danichmend Techiechteghin ben Tapku,	Emir Muhamed ben Danichmend, Ibraïm ben Muhamed.
--	---

Les princes Artikie.

Emir Artik ben Ekfeb, Emir Sokman ben Artik, Negmidin Ilghafi ben Artik, Hallamidin Timourtach,	Negmidin ben Ilghafi, Hallamidin ben Koutoubidin, Koutoubidin ben Hallamidin, Nasridin ben Ilghafi.
--	--

Les princes Salikie.

Emir Salik, Melik Muhamed,	Melik Chah.
-------------------------------	-------------

Les princes Mengiuckies.

Mengiuck Ghafi, Fahrudin Behram Chah,	Melik Davoud ben Fahrudin.
--	----------------------------

Les Ismaïlides Halif au Couchant & en Égypte ont été au nombre de quatorze, & ont régné pendant 266 ans.

Les Cherifs de la Mecque au nombre de vingt-trois, dont le règne commença dans la personne de Giafar ben Muhamed dans l'an 360 de l'Hégire.

Les princes Batikie au nombre de sept.

Les princes Benikietab au nombre de sept.

Les princes Beniakil au nombre de neuf.

Les princes Beniefed au nombre de huit, & qui ont commencé à régner l'an 403 de l'Hégire.

L'Empire de l'Emir Amadidin Zenki & ses fils.

- de Negmidin Ejub & ses fils.

Les princes Cerakie en Égypte.

CHAPITRE SECOND.

Les Rois de la Perse.

Depuis que le règne de la Perse a commencé jusqu'à Alexandre le Grec, il s'est passé quatre mille cent soixante-onze ans & quelques mois, & après lui jusqu'au dernier temps de Jesdgerd ben Chehriar deux mille ans environ.

Les rois de la Perse ont été au nombre de soixante-onze divisés en quatre dynasties.

La première est celle des Pichdad, qui a compté onze rois, & a duré pendant 2568 ans.

La seconde dynastie est celle des Kians, qui ont été au nombre de neuf, & ont régné pendant 738 ans.

La troisième dynastie est celle des Achkian, qui ont été vingt en nombre, & ont régné pendant 423 ans.

La quatrième est celle de Safanian, dont le nombre est de 31 & le temps du règne de 429 ans.

Les rois du Taberistan.

Les rois Bavendies.

Une autre dynastie de la famille Bavend.

L'Histoire du Seid Kavamidin & ses fils.

Les Rouseffunies.

Les Kiarkian.

L'Histoire de Hassam Devlet & ses enfans.

De Serinkemer & ses enfans.

Les Bouides.

L'Histoire des Taherides dans le Horasan.

Les Sefarides.

Les Ghasnevides.

Les Selgiucides.

Les Ismaïlides.

Les rois du Havarssem en deux dynasties.

Les Moucides.

Les deux dynasties des Ghors.
 Les fils de Genghishan qui ont régné en Perse.
 Les Curdes Dinour & Chehrous.
 Une autre dynastie des princes Curdes.
 La dynastie des Lars Bufurchs.
 La dynastie des Lars Kuciuks.
 Les princes du Chirvan.
 Les Atabeks d'Aderbegian.
 Les princes du Farfistan.
 Les Faslevides & leur descendance.
 La première dynastie des princes du Kirman de la famille Ebuali.
 La seconde des mêmes de la famille Selgiuc.
 La troisième des mêmes de la famille Ghafan.
 La quatrième des mêmes de la famille Karahataï.
 La famille Mushafer.
 La famille Sahib Kouran.
 Turcmans du Mouton blanc.
 Turcmans du Mouton noir.
 Les rois Sefevies.

CHAPITRE TROISIÈME.

Les princes du Hataï, du Turquestan, & Mavaralneker.
 La famille de Japhet fils de Noé.
 Les cinq dynasties de la famille de Gugi fils de Genghishan.
 Giahtaï Ifan & ses enfans.
 Les princes Benifaman.
 La famille Efrasiab.
 Les Karahataï surnommés Ghourhans.
 Le prince Timur Ghourhan & ses enfans.

CHAPITRE QUATRIÈME.

Les rois d'Israël après Josué.
 Les empereurs romains & grecs & les papes, dont on ne marque
 que le nom, & le temps du règne de chacun.

Hi-

Histoire des Selgiucides Roum.

Les princes de la Caramanie.

La famille des Ottomans jusqu'au Sultan Ahmed fils de Muhamed qui régnoit alors.

CHAPITRE CINQUIÈME.

Koutoubidin, ses enfans & descendans.

Chemfidin & ses enfans.

Ghajathidin & ses descendans.

Hirhan & ses enfans.

Chirhan Efghan, ses fils & descendans.

Sapher Han & ses fils à Ghugrat.

Les princes de Malve.

Deux dynasties des princes du Sind.

Deux des princes de Cachemir.

La famille de Sahib Couran aux Indes, c'est-à-dire

Thairidin Baber ben Omar,

Mirza Houmajoun ben Thairidin,

Gelalidin ekber ben Houmajoun,

Nouridin Muhamed Gihanghir.

B.

Liste des principaux Auteurs que l'historien Persan a consultés.

- | | |
|---|--|
| 1) Giami el tevarih telif Hogia Rachid Thabib.
Voyez <i>Herbelot</i> p. 394 & 711
art. <i>Rashid Thabib</i> . | Recueil des histoires, ouvrage de Hogia Rachid le médecin. |
| 2) Tarih Hafesh Abru.
Voyez <i>Herbelot</i> p. 864. | Chronique de Hafesh Abru. |
| 3) Revfetul lefa telif Mirhoud.
<i>Hist.</i> 1797. | Le jardin choisi, ouvrage de Mirhoud.
f |

- | | |
|--|--|
| <p>4) Habibulfeir telif Hondemir.
Voyez <i>Herbelot</i> p. 410.</p> <p>5) Tarih Elfi telif Mola Mehmed Sindi.</p> <p>6) Tarih Thabari.
Voyez <i>Herbelot</i> p. 866.</p> <p>7) Giami el tevarih Ghajafi.</p> <p>8) Futuhât Ahmed ben Afem Ouh.
Voyez <i>Herbelot</i> p. 72.</p> <p>9) Fereg Bade es Chidet Mefoudi.</p> <p>10) Kiechf el nimet Ali ben Ifa Erbeli.</p> <p>11) Giami el Hikiafeb Nouridin Muhamed Oufi.</p> <p>12) Tarih Ghufide Hamdalla Mestoufi.</p> <p>13) Vefajai Nishamul Mulch.</p> <p>14) Seirul Muluk.</p> <p>15) Thabacat Nasiri Minhag ben Sirag Gergiani.</p> <p>16) Tarih Vefaf Abdula ben Fadl Chirafi.</p> <p>17) Safer Name Cherefidin Ali Jesdi.
Voyez <i>Herbelot</i> p. 98.</p> <p>18) Tarih Fahridin Davud Benaghiti.</p> <p>19) Tarih Gihan Kuchai Allaëdin Giovini.</p> <p>20) Mathla el Sadin Mola Abdoulrelak Samercandi.</p> <p>21) Muarey el Nuburet Mola Monajen.</p> <p>22) Houlafetul Ahbar Hondemir.</p> | <p>L'ami des voyages, ouvrage de Hondemir.</p> <p>La chronique Elfi, ouvrage de Mola Mehmed, Indien en deçà du Gange.</p> <p>Histoire générale faite par Ebn Giafar Muhamed fils de Giarir, originaire de la province du Thaberistan.</p> <p>Recueil des Histoires par Ghajafi.</p> <p>Les Conquêtes par Ahmed ben Afem Oufi.</p> <p>La Consolation des affligés par Mefoudi.</p> <p>L'Ouverture de la grâce par Ali fils d'Isa natif d'Arbelle.</p> <p>Recueil des Histoires par Nouridin Muhamed Oufi.</p> <p>Chronique choisie par Hamdalla Mestoufi.</p> <p>Les préceptes ou testament politique par Nishamul Mulk.</p> <p>Le voyage des rois, par le même.</p> <p>L'Histoire de Nasridin Mahmoud Chah roi de Delli, décrite par Minhag ben Serag Gergiani.</p> <p>Chronique d'Abdula ben Fadl de Chiraf dit Vefaf, contenant l'histoire de Gengiskan & ses enfans jusqu'à Kalankhan.</p> <p>Traité de la victoire par Cherefidin Ali de Jesd.</p> <p>Chronique de Fahridin David Benaghiti.</p> <p>Chronique qui a pour titre: la découverte du monde écrite en persan par Allaëdin Giovini.</p> <p>L'apparition des bienheureux, par Mola Abdoulrelak Samercandi.</p> <p>L'ascension du prophète par Mola Mnajen.</p> <p>La moelle des nouvelles par Hondemir.</p> |
|--|--|

23) Tarih Firus Chahi.	La Chronique de Firus Chah.
24) Tarih Behadir Chahi.	La Chronique de Behadir Chah.
25) Tarih Nishamidin Ahmed.	La Chronique de Nishamidin Ahmed.
26) Tarih Ebn Hulekia.	La Chronique d'Ebn Hulekia.
27) Tarih Kamil Ebn Efir Gerfi.	La Chronique de Kamil Ebn Efir Gerfi.
28) Tarih Pihki.	La Chronique de Pihki.
29) Tergime Jemini.	La Traduction Jemini.

OUVRAGES IMPRIMÉS

OU MANUSCRITS, MACHINES, ET INVENTIONS, PRÉSENTÉS A L'ACADÉMIE PENDANT LE COURS DE L'ANNÉE 1797.

Le 12 janvier. On a produit un Prospectus d'architecture hydraulique par M. *Wiebeking* de Darmstadt.

— *Item* deux Mémoires pour le prix de la Société d'émulation de Neuchâtel.

— *Item* une lettre de M. *Hoffmann*, libraire à Chemnitz, qui demande à l'Académie des matériaux pour le Panthéon allemand dont il s'occupe.

— M. l'abbé *Denina* a lu une lettre curieuse sur les impostures littéraires de l'abbé *Vella*, qui a publié de prétendues traductions de manuscrits arabes, lesquels n'existoient point, relativement à des points d'histoire de la Sicile.

— M. *Trembley* a lu une lettre de M. *de Humboldt* à M. *Pictet* sur la polarité magnétique d'une montagne de serpentine.

Le 19 janvier. On a produit une brochure de M. *Robert* à Paris, contre l'aliénation des presbytères.

Le 26 janvier. *Assemblée publique.*

Le 2 février. On a lu un Mémoire de M. Muller, pasteur de Schwelm, intitulé: *Solutions simples & commodes du problème de l'othénor.*

Le 9 février. On a présenté un Mémoire de M. Langsdorf, conseiller & professeur à Erlangen, sur le flux & le reflux de la mer.

Le 16 février. On a communiqué une lettre du prince Gallitzin, datée de Brunswig, du 8 février, avec une brochure sur les volcans, sur laquelle il demande le jugement de l'Académie.

Le 23 février. Cette brochure a été lue publiquement.

Le 2 mars. On a présenté à l'Académie deux ouvrages de la part de leurs auteurs. 1. Lettres de Mad. la princesse de Gonzague sur l'Italie &c. 2. Oeuvres de M. Dampmartin en 6 Vol.

— M. le marquis de Boufflers a communiqué une nouvelle espèce de favon, inventée par M. le comte de Bèvres.

— M. Klaproth a lu son rapport sur la lettre du prince Gallitzin sur les volcans.

Le 16 mars. M. Merian a annoncé à l'Académie la mort de son secrétaire perpétuel, M. Formey, décédé le 8 mars.

— En même temps il a donné connoissance à l'Académie, que S. M. vient de lui conférer la place de secrétaire perpétuel, devenue vacante par la mort de M. Formey.

Le 23 mars. Conformément à un ordre de S. M. du 17 mars, on a procédé à l'élection d'un directeur de la Classe de Philosophie, pour remplacer M. Formey en cette qualité; la pluralité des suffrages a nommé M. Selle à cette place.

— On a présenté de la part de M. de Verdy son Manuel chronologique & généalogique des dynasties souveraines de l'Europe.

Le 30 mars. On a lu une lettre du Roi, par laquelle S. M. confirme l'élection de M. Selle pour directeur de la Classe de Philosophie.

Le 6 avril. On a lu une lettre de M. le chevalier de Borghèse, ministre du roi d'Espagne à la cour de Berlin, où il propose au nom de S. M. Catholique, un problème de Don Augustin de Pedrayes,

tiré de la haute analyse, avec le prix de 50 frédéricsd'or que notre Académie doit distribuer à celui qu'elle jugera avoir donné la meilleure solution du problème.

Le 6 avril. M. *Selle* a fait un rapport sur l'ouvrage de M. *Abicht*, Des peines & des récompenses.

Le 27 avril. M. l'abbé *Denina* a présenté de la part du comte de *Hangwitz*, ministre du cabinet, un ouvrage en langue russe, intitulé: *Description historique, géographique & physique des environs d'Otschakof*. Par *André Mayer*, lieutenant-colonel au service de Russie, à St. Pétersbourg 1794.

Le 4 mai. Le secrétaire a produit la nouvelle grammaire françoise pour les Allemands de M. *Debonale* à Hambourg, adressée à l'Académie par l'auteur.

— M. *Trembley* a lu un rapport sur le mémoire de M. *Langsdorf* sur le flux & le reflux. Item sur le problème de D. *Augustin de Pedrayes*.

Le 11 mai. M. l'abbé *Denina* a lu des extraits d'une lettre de M. le baron de *Chambrier*, contenant des nouvelles littéraires.

— M. *Klaproth* présente à l'Académie le second volume de son ouvrage intitulé: *Supplémens à la connoissance chimique des corps minéraux*.

Le 15 juin. On a présenté un mémoire de M. *Schwab* intitulé: *Réflexions logiques sur une démonstration apogogique, touchant le levier; suivies d'une nouvelle démonstration pour le cas où les puissances y sont appliquées obliquement*. On le trouve dans ce volume.

— M. *Klaproth* a envoyé une seconde continuation des expériences faites par le moyen de la machine électrique *Scylerienne*, par *Martin van Marum*. L'envoi de cet ouvrage a été retardé de deux ans, par la faute du libraire qui en étoit chargé.

Le 29 juin. M. *Burja* a lu une lettre de M. *Danzel* professeur à Hambourg, où il annonce la découverte qu'il a faite de la manière de diriger le ballon aërostatique.

- Le 29 juin. M. Bode a lu le résultat de son observation de la dernière éclipse du soleil du 24 juin.
- Le 13 juillet. On a communiqué plusieurs lettres & manuscrits de Constantinople, qui ont été insérés dans l'Histoire de cette année, article *Correspondance*.
- Le 20 juillet. M. Debonale d'Hambourg a fait remettre à l'Académie un cahier de remarques manuscrites sur des fautes grammaticales qu'il a trouvées dans plusieurs ouvrages françois publiés en Allemagne.
- Le 24 août. M. Godefroi Franz, trésorier de la cathédrale d'Halberstadt, a envoyé le modèle d'une pompe à feu, & d'une machine propre à éteindre les incendies.
- M. Bode a produit un Mémoire de M. J. F. Reinke, inspecteur des digues à Hambourg, qui fait la description de la machine inventée par M. Danzel pour la direction de l'aérostat; *Item* des remarques sur ce mémoire par M. Eimbke, négociant à Hambourg.
- Le même a rendu compte de la dernière comète.
- Le même a présenté *La Connoissance des temps &c. pour les années 1794-96*, envoyée par M. de la Lande.
- M. le marquis de Lucchesini a présenté: *Memoria sul principio delle velocità virtuali*, de la part de l'auteur *Vittorio Fossombroni Aretino, uno dei 40 delle società Italiana &c.*
- Le 31 août. MM. Klaproth & Burja ont fait leur rapport sur la machine à feu de M. Franz d'Halberstadt.
- Le 21 septembre. M. l'abbé Denina a lu une lettre de M. Fabroni de Pise, annonçant les trois derniers volumes de son Journal intitulé: *Vitae illustrium Italorum*.
- M. Bode a montré le sextant de réflexion de Troughton, acquis par l'Académie.
- Le même a produit les observations astronomiques du Dr Maskelyne de 1787-1794 en 8 cahiers in folio.
- *Item* la nouvelle méthode pour calculer l'orbite des comètes, du Dr Ottels à Brème, sur laquelle il a lu un rapport.

- Le 21 septembre. *Item* le journal astronomique de notre observatoire, avec un précis des observations qu'il y a faites, de leurs résultats & des calculs qui s'y rapportent.
- Le 28 septembre. *Assemblée publique.*
- Le 5 octobre. Le secrétaire a présenté de la part de M. de la Grange son nouvel ouvrage: *Théorie des fonctions analytiques, contenant les principes du calcul différentiel, dégagés de toute considération d'infiniment petits ou d'évanouissans, de limites ou de flexions, & réduits à l'analyse algébrique des qualités finies.*
- Le même a lu une seconde lettre du colonel de Knobelsdorf, ministre de Prusse à Constantinople. V. *Correspondance.*
- M. Teller a lu son rapport sur les lettres & manuscrits envoyés de Constantinople. V. *Correspondance.*
- Le 12 octobre. On a produit de nouvelles pièces relatives au problème analytique proposé par D. Pedrayes.
- *Item*, la première partie du Discours qui doit précéder le nouveau Dictionnaire de la langue françoise de M. le comte de Rivarol.
- *Item* les Annales astronomiques pour l'année 1800 par M. Bode.
- Le 19 octobre. M. de Rivarol l'aîné a envoyé à l'Académie le Tableau historique & politique des travaux de l'Assemblée constituante, à Paris 1747.
- Le 26 octobre. M. Gruson a envoyé à l'Académie son Supplément au calcul différentiel de M. Euler (en allemand).
- Le 2 novembre. Il est arrivé de Paris pour l'Académie, le Journal de l'école polytechnique, ou Bulletin du travail fait à cette école, & publié par le Conseil d'instruction & d'administration de cet établissement, cahier 1, 2 & 3.
- Le 16 novembre. L'Académie venant de perdre son auguste protecteur FRÉDÉRIC GUILLAUME II, a présenté son hommage à son successeur, FRÉDÉRIC GUILLAUME III.
- Le 23 novembre. *Angulorum rectaeque lineae trisection, & consuetudinae circuli quadratio &c. Detexit J. Nicol. Revay, Hungarus, Gaudiensis.* L'auteur a envoyé cet ouvrage à l'Académie.

- Le 23 novembre. M. *Bode* a remis le troisième volume de ses Supplémens à ses Annales astronomiques.
- Le 30 novembre. Le secrétaire a communiqué la réponse gracieuse du Roi. L'Académie s'honore de placer cette réponse dans ses fastes.

„J'ai reçu avec sensibilité le premier tribut d'affection,
 „que l'Académie des Sciences vient de m'offrir. Vous
 „voudrez bien en être l'organe auprès d'elle. Bien
 „éloigné de méconnoître l'utilité de ses travaux, je se-
 „rai charmé de l'en convaincre, en lui accordant la
 „même protection, le même intérêt que mes prédécesseurs
 „lui donnaient. Berlin, le 22 nov. 1797.

Frédéric Guillaume.

- M. le baron de *Heinitz*, ministre d'état, a envoyé l'ouvrage du mécanicien *Klinger* de Breslau, qui contient l'invention de nouvelles machines à plonger sous l'eau.
- M. le marquis de *St Vital* à Parme a demandé à entrer en correspondance avec le directeur du jardin des plantes, pour des échanges utiles de végétaux.
- Le géomètre *Giuseppe Roffi de Sivigliano* de Turin a envoyé son programme où il annonce des découvertes en géométrie qu'il va publier.
- Le 14 décembre. Un ouvrage sur la quadrature du cercle *dal moderno geometra Carlo Ferrero* de Turin, publié le 12 nov. 1793, a été remis à l'Académie.
- Le 21 décembre. On a présenté à l'Académie l'ouvrage de M. *Ancillon*, *Tentamen in Psalmo sexagesimo octavo &c.*
- *Item* Pinacothèque ou collection de tables d'une utilité générale, pour multiplier & diviser, par M. *Gruson*.

ÉLOGE
DE
MONSIEUR FORMEY.

*J*ean Henri Samuel Formey naquit à Berlin le 31 mai 1711. Sa famille est originaire de Vitry-le-François en Champagne, ou plutôt de Dompierre sur Moivre situé à cinq lieues de Vitry, à trois de Châlons sur Marne, & où il reste la tombe d'un abbé Formey, avec ses armoiries.

Son père, Jean Formey, avoit, avec trois de ses sœurs, quitté la France, comme tant d'autres, après la révocation de l'Édit de Nantes, pour se soustraire à ces persécutions & à ces barbares dragonnades qui défigurent si fort le règne & le beau siècle de Louis XIV.

Ayant, dès sa plus tendre enfance, perdu sa mère (en 1714), M. Formey fut élevé par deux de ses tantes paternelles. Ses heureuses dispositions pour les études s'étant manifestées de bonne heure, il fit ses humanités, depuis 1720 jusqu'en 1725, au Collège royal françois, où il surpassa les autres écoliers, & leur enleva tous les premiers prix.

En 1726 & 1727, il étudia la Philosophie sous le célèbre La Croze, plus érudit que philosophe, & les deux années suivantes sous M. Achard, qui consacroit son loisir à former l'esprit & les talens naissans de la jeunesse françoise. Mais, si M. Formey profita de leurs leçons, il n'y demeura pas irrévocablement attaché: il s'affectionna bientôt à un nouveau genre de philosophie, où nous le verrons figurer avec distinction.

Il s'étoit voué à l'état ecclésiastique, tant par inclination qu'encouragé par deux fameux théologiens & prédicateurs allemands, Messieurs Elsner & Reinbeck, dont le premier l'avoit baptisé, & qui tous deux secondèrent ses études par de bons conseils & par des instructions particulières.

Il commença son cours de Théologie chez M. Pelloutier, un de nos anciens confrères, connu par son *Histoire des Celtes*, & apprit l'histoire de l'Eglise sous deux grands maîtres, Lenfant & Beausobre.

Il parcourut fort vite les trois degrés que notre Eglise désigne par les noms de Proposant, de Candidat, & de Ministre. Parvenu à ce dernier avant sa vingtième année accomplie, il fut aussitôt appelé à la place de pasteur de l'église françoise de Brandebourg, d'où, après deux mois à peine écoulés, on s'empressa de le rappeler à Berlin, comme pasteur adjoint à M. Forneret dans la paroisse de la Frédéricstadt; & après la mort de celui-ci, avenue en 1736, les suffrages unanimes des chefs de famille lui conférèrent ce poste en entier, dont cependant son état valétudinaire l'obligea encore de ne garder que la moitié.

En 1737, il fut élu professeur en Éloquence au Collège françois, & combina les fonctions de cette place avec celles de sa demi-place pastorale. Pendant quelque temps même, se portant mieux, il aida à desservir la petite église du faubourg de Cœpenic que nous nommons la Chapelle.

Enfin je le vois entrer dans son vrai élément. Son ancien précepteur La Croze ayant payé le tribut à la nature le 31 mai 1739, M. Formey lui succéda, comme professeur en Philosophie, dans ce même collège où jusque là il avoit occupé la chaire de Rhétorique. Dès lors il résigna ses places ecclésiastiques & l'exercice réglé de la prédication, où néanmoins son goût pour elle, & la routine qu'il y avoit acquise, le ramenèrent très-fréquemment. Il savoit assortir les discours religieux à sa philosophie, & par un tour particulier qu'il leur donnoit, captiver l'attention de son auditoire.

Mais bientôt son goût prédominant pour la vie littéraire & philosophique va être éminemment favorisé. Il atteindra aux beaux jours qui vont luire sur la Prusse dans les plus beaux jours de sa propre vie, & dans la force de son âge. Le roi Frédéric monte sur le trône : quelle époque fortunée pour les Lettres, les Arts, les Sciences & la Philosophie ! La Société royale établie sous Frédéric I, qui avoit comme disparu ou languissoit dans les ténèbres, se ranima dans des assemblées tenues chez le maréchal de Schmettau, ensuite chez le ministre d'état de Borck, & M. Formey y fut admis & agrégé. Le Roi s'en déclara le protecteur le 19 novembre 1743, en attendant qu'il lui donneroit une forme ou plutôt une existence nouvelle. C'est ce qui eut lieu au commencement de 1744, où notre Académie fut créée telle pour le fond que nous la voyons aujourd'hui, & le lieu de ses assemblées transféré dans une salle du palais royal.

Comme d'abord chaque Classe avoit son secrétaire particulier, M. Formey fut nommé celui de la Classe philosophique, dont Frédéric venoit d'augmenter & d'enrichir véritablement sa fondation. En 1745 il devint l'historiographe, & en 1748, sur la proposition du président de Maupertuis & avec l'agrément du Roi, le secrétaire unique & perpétuel de l'Académie, l'un & l'autre en conséquence de la résignation successive, faite par M. de Jariges, de ces deux places qui n'en composent qu'une à proprement parler. Bien plus tard, en 1789, il obtint celle de directeur de la Classe de Philosophie, vacante par la mort de M. de Béguelin.

Avec ces emplois académiques d'autres encore lui furent déférés en diverses occasions. En 1778 la douairière du prince héréditaire de Wirtemberg, née princesse de Prusse & résidant à Cœpenic, dont la fille unique avoit épousé le duc de Meckelbourg-Schwerin, le choisit pour son agent ou secrétaire de ses commandemens. Il se rendit, par son ordre, dans une affaire qui la concernoit, à la cour de Schwerin, où il fut très-bien accueilli, & termina heureusement l'objet de sa mission. Et c'est ce qui engagea cette cour à le choi-

fir pour son propre agent après la mort de la princesse de Wirtemberg, en 1781.

Il remplit aussi différentes charges auprès de notre Colonie françoise, celle entr'autres de directeur de l'établissement pieux & charitable de la Maison d'Orange; & parvint en 1772 au grade de conseiller-privé du Directoire supérieur de cette colonie, dont les intérêts devoient naturellement lui tenir au cœur: aussi contribua-t-il de tout son pouvoir à y maintenir tant d'institutions si utiles & si richement pourvues, tendantes à l'éducation gratuite & bien soignée des enfans, à exciter l'industrie & l'amour du travail, à inspirer celui de la Religion & de la pureté des mœurs, à soulager l'indigence, ou plutôt à la bannir de son sein.

La santé de M. Formey n'avoit jamais été des plus robustes; mais son exemple prouve que les complexions foibles mènent souvent plus loin que les complexions vigoureuses, en imposant la nécessité du régime & d'une vie sobre.

Jeune encore, & déjà en 1735, il eut à lutter contre un violent rhumatisme, qui s'étant jeté dans la tête, lui fit éprouver, durant sept à huit années consécutives, des situations très-fâcheuses. Il craignoit la douleur, mais il n'aimoit pas les remèdes, qui, disoit-il, prennent toujours sur ceux qui les prennent. Les bains de Freyenwalde, un séjour de quatre mois à Francfort sur l'Oder, & pendant les étés de 1738 & 1739, des retraites champêtres à Charlottebourg, dans le Parc, & dans des jardins, allégèrent ses souffrances, & peu-à-pen les firent cesser, ou du moins ne lui en firent essuyer des retours que par intervalles. Il en garda cependant, pour le reste de sa vie, une foiblesse dans les jambes, tantôt plus tantôt moins sensible, mais qui, dans ses dernières années, s'accrut jusqu'à lui en interdire l'usage, & à l'en rendre totalement perclus. Sa santé & sa bonne humeur en furent peu altérées, & d'autant moins qu'il se trouvoit par là confiné dans cette vie sédentaire qu'il avoit toujours préférablement aimée, & regardée comme la sienne. Ce ne fut qu'à la longue que son immobilité, jointe à un bon appétit, lui occasiona de fréquentes indi-

gostions, & à la fin un affoiblissement auquel il succomba le 8 du mois de mars 1797, à l'âge de 85 ans & de près de 10 mois.

M. Formey avoit été marié deux fois, & toutes les deux très-heureusement, parce que son choix ne fut point déterminé par des vues intéressées, mais par ces qualités solides, seules capables de cimenter le bonheur conjugal & le bonheur domestique.

Le 11 août 1734, il célébra ses premières noces avec Susanne Bonafous, qu'il reperdit le 12 mai 1743. En mourant elle lui avoit laissé pour gage de leur union une fille charmante, mais qu'il eut la douleur de voir expirer d'une petite vérole maligne, au printemps de son âge, & parée des plus belles fleurs de ce printemps, pleine de grâces & d'amabilité.

Cette double perte fut réparée dans son second mariage avec Élisabeth Camont d'Aufin, qu'il épousa le 23 juin 1744. Elle étoit issue d'une famille noble, mais elle avoit des mérites bien plus réels. Excellente épouse, tendre mère, femme respectable, elle soignoit, avec le même zèle, son économie, ses enfans, son mari surtout dans la santé défaillante; & c'est peut-être épuisée par les inquiétudes que cette santé lui causoit qu'elle le précéda dans le tombeau d'environ vingt mois.

Elle lui avoit donné une nombreuse lignée; & de son double mariage M. Formey avoit eu en tout quinze enfans, dont sept lui survivent. De ses deux fils l'aîné tient un poste honorable dans le corps diplomatique, le second dans le Collège médicinal: médecin du Roi & des armées, il a déjà acquis, dans la pratique de son art, une expérience très-grande, & une réputation qui va en croissant. Mais l'usage que sans doute il se félicite le plus d'avoir pu faire de cet art, c'est de surveiller l'état caduc & de prolonger la vie d'un père chéri. Ce fils de M. Formey, & ses cinq filles se sont mariés au gré de leurs desirs & du sien: ils composent une famille unie, heureuse & digne de l'être.

Mais hâtons-nous de transporter M. Formey dans sa véritable sphère, qui est aussi la nôtre, dans le monde littéraire, où étant entré dès son adolescence il s'y tourna de tous les côtés, en visita tous les districts, & n'y demeura pas long-temps spectateur oisif : l'envie d'y faire son rôle ou même plusieurs rôles ne tarda pas à s'emparer de lui, & ne l'a jamais entièrement abandonné.

Il y a peu de genres dans lesquels il ne se soit exercé, & peu de matières que sa plume ait laissées intactes. Ses productions auroient sans doute de quoi nous surprendre par leur multitude, en considérant surtout qu'il n'y pouvoit donner qu'une partie de ses matinées, si l'on ne mettoit en ligne de compte & la longue durée de sa vie, & son naturel laborieux qui commença de si bonne heure à se déployer, & la tâche journalière qu'il s'étoit prescrite sans l'interrompre que très-rarement, enfin cette prestesse d'esprit, renforcée par l'habitude, qui faisoit naître sans cesse de nouveaux plans dans son imagination, & les lui faisoit exécuter avec la même célérité.

Leur bonne fortune dans le public, & sa fortune temporelle qui s'en ressentit, ne devoient certainement pas le décourager ni ralentir sa marche dans cette carrière. La preuve que ses ouvrages furent bien reçus, c'est que la plupart ont été réimprimés, & traduits en Allemand & en d'autres langues, en Hollandois, en Anglois, en Italien même. Ils lui furent demandés par les premières librairies de l'Allemagne, de la France, de la Suisse, des Provinces-unies, des pays du Nord ; & ses papiers délaissés le montrent en connexion avec plus de cinquante libraires.

Comme ces ouvrages formeroient tout seuls une bibliothèque, on ne sauroit en attendre de nous l'énumération complète, & il suffira de les envisager sous des points de vue généraux.

Ses œuvres théologiques nous arrêteront le moins, parce qu'elles ne sont pas de notre ressort. Elles roulent sur différentes branches des Sciences sacrées, & principalement sur la branche la plus utile, qui a pour objet l'édification religieuse. Son *Philosophe chrétien*, où il a refondu

ses sermons prononcés dans nos différentes églises, a été généralement lu & goûté; & l'on ne sauroit contester les effets salutaires qu'il a produits en allant droit à son but, qui est d'accorder les doctrines chrétiennes avec une saine philosophie. Ce changement de forme procura à ces sermons une entrée libre dans les provinces méridionales de la France chez nos frères réformés, où sans cela ils n'eussent pas été admissibles. Cependant la suite en a été publiée en lui conservant son ancienne forme de sermonnaire, sous laquelle l'auteur l'avoit débitée *). Si l'on songe que cet auteur est monté en chaire 1517 fois, on comprendra que les matériaux pour de pareils ouvrages ne pouvoient pas lui manquer.

Il a écrit de plus sur la nécessité de la Révélation, sur l'éternité des peines, & sur d'autres sujets de la haute Théologie. Dans le genre polémique, il a très-éloquemment défendu la cause de nos réformateurs, & surtout celle de Luther, contre un homme très-éloquent, le cardinal Quirini. Il a opposé ses *Pensées raisonnables* aux *Pensées philosophiques* de Diderot, & son *Anti-Émile* à l'*Émile* de J. J. Rousseau, que dans la suite il crut mieux réfuter encore en lui faisant subir une singulière métamorphose; ce fut de le transformer en *Émile chrétien*.

Il n'est pas jusqu'à la Politique où M. Formey ne se soit ingéré, soit de son propre chef, soit dans des traductions. Il faut bien qu'on lui ait reconnu des talens pour ce genre, & la flexibilité de son esprit lui en donnoit pour tous les genres, puisqu'en 1745 on lui confia la charge de traducteur du Roi dans le Département des affaires étrangères, mais qu'il abdiqua en 1747. Ce fut par l'ordre de ce département qu'en 1746 il mit en françois un mémoire de M. de Cocceji relatif aux droits de la Prusse à la succession de l'Ost-Frise, & qu'il rédigea un recueil de pièces intéressantes pour servir à l'histoire de la Paix de Dresde. Mais déjà en 1738 il avoit, à la suggestion du ministre d'état de Thulemeyer, fait paroître la Correspondance entre un Prus-

*) *Discours moraux*, pour servir de suite au *Philosophe chrétien*. 2 Tomes.

lien & un Espagnol sur la succession de Juliers & de Berg, qui fit du bruit, & que la voix publique attribua alors à un des plus habiles hommes du cabinet du roi de Prusse.

Les affaires & les événemens des temps divers où il vécut, lui dictèrent aussi des écrits, & des révisions d'écrits semblables, comme sur l'élection du roi Stanislas & sur celle du roi Auguste (1734), sur le droit public de Pologne (1741), de même que sur la *Balance de l'Europe* (1744). En 1742 il réfuta, dans son *Anti-Saint-Pierre*, l'*Énigme politique* dans laquelle cet abbé censuroit la conduite du roi Frédéric, prétendant la trouver en contradiction avec les principes posés dans son *Anti-Machiavel*.

Lorsque ce monarque eut conçu, en 1748, son beau plan pour la réforme de la Justice, M. Formey le détailla dans un exposé très-bien fait, & qui mérita l'approbation de ce grand législateur, lequel déjà auparavant, comme prince royal, l'avoit également donnée à quelques feuilles volantes substituées au *Courrier de Potsdam* sous le titre de *Mercur & Minerve*, & ensuite sous celui d'*Amusemens littéraires, moraux, & politiques*. Parvenu à la royauté, ce même prince l'exhorta à écrire un *Journal de Berlin*, en promettant d'y fournir des nouvelles politiques, dont il commença par lui envoyer tout de suite une douzaine d'articles. Mais bientôt la guerre de Silésie, quoique très-féconde en grandes nouvelles, vint interrompre ce travail par l'importance supérieure des travaux qu'elle causa à ce héros conquérant.

Nous touchons ici au genre d'ouvrages auquel M. Formey s'appliqua le plus constamment, & même à plusieurs à la fois, je veux dire aux ouvrages périodiques; & ce sont eux qui ont le plus répandu son nom, & multiplié ses relations dans la République des Lettres.

Dès 1733 le célèbre Beaufobre, qui connoissoit ses capacités pour les avoir mises à l'épreuve, se l'associa comme collaborateur à la *Bibliothèque Germanique*, commencée en 1720 par une société anonyme que dirigeoit M. Lenfant. Il y travailla avec M. de Beaufobre jusqu'à sa mort en 1738, & ensuite avec M. de Manclerc jusqu'en 1742, où il

en

en demeura le seul propriétaire. Après son cinquantième volume, elle devint le *Journal littéraire de l'Allemagne*, mais qui bientôt se rechangea en *Nouvelle Bibliothèque Germanique*. Il travailla encore en 1745, conjointement avec le marquis d'Argens, à une *Bibliothèque critique*, mais qui dura peu. Vers les mêmes temps il publia à Leyde sa *Bibliothèque impartiale*, qu'il conduisit jusqu'au dix-huitième volume (1750-1758), & encore de front avec elle, à Berlin, l'*Abeille du Parnasse*, dont il existe dix volumes (1750-1754).

Comme tout cela ne dérogeoit en rien ni à la publication d'autres livres qui parurent de lui dans les mêmes périodes, ni à ses fonctions professorales & académiques, ni à plusieurs occupations dont il se chargeoit volontairement, on est saisi d'étonnement en lisant la seule liste des articles dont il a rempli ses journaux, & sans l'explication que nous venons d'en donner, on concevroit à peine comment un seul homme pouvoit y suffire.

Son *Journal épistolaire* de 1755 s'arrêta au premier tome, je ne sais plus bien si c'est à cause d'une plaisanterie. Un critique malin remarqua à cette occasion que M. Formey avoit le premier trouvé le secret de faire un gros volume uniquement composé de dédicaces. Mais si ce reproche étoit fondé, ne pourroit-on pas en dire autant des lettres de Cicéron, de Sénèque, de Plinie, ou en général de lettres quelconques, & de collections de lettres quelconques? & deux correspondans ne feroient-ils pas tour-à-tour les Mécènes l'un de l'autre? Il m'a fait l'honneur de m'adresser une de ces lettres; & assurément ni lui ni moi nous ne nous serions jamais imaginé qu'on pût la prendre pour une épître dédicatoire.

M. Formey redevint néanmoins journaliste épistolaire en 1759, dans ses *Lettres sur l'état présent des Sciences & des Mœurs*. Son dernier journal dont j'aye connoissance, ce sont ses *Annales typographiques*.

Cependant l'on pourroit encore ranger sous cette classe une espèce d'Encyclopédie sous le nom de Dictionnaire philosophique, dont il avoit dressé le plan & commencé le travail dès 1742, avant les Encyclopédistes

de Paris, qui d'abord en furent alarmés. Mais ils trouvèrent le moyen de négocier avec lui, & de se faire céder son manuscrit, qu'ils infusèrent dans leur compilation immense, pour laquelle il leur fournit encore quantité d'étoffe durant les interstices & les retards que souffroit son impression. Il avoit aussi formé le projet très-utile d'une rédaction de leur grand Dictionnaire, mais qui renouvela leurs alarmes, & qu'il abandonna pour leur complaire. Et malgré cela, qui le croiroit? M. Formey fut encore assez riche pour prendre très-grande part à l'Encyclopédie d'Iverdun de Felice, & pour livrer des articles dans le même goût au Journal de Bouillon & à d'autres journaux. Tant sa veine encyclopédique étoit intarissable.

Ce sont cette richesse, cette fécondité, cette promptitude peu commune de son esprit qui le mirent en état d'écrire sur tout, & à toutes les portées. Outre des pièces de Morale à l'usage de tout le monde, comme sur la *Vieillesse*, sur la *Mort*, *Consolations pour les valétudinaires* &c. nous avons ses *Conseils pour former une bibliothèque peu nombreuse & choisie* six fois réimprimés & à Paris même, ses *Principes élémentaires des Belles-Lettres* (1759), une *Histoire abrégée de la Philosophie* (Amsterd. 1761) un *Abrégé de l'Histoire ecclésiastique*, un autre *de toutes les Sciences* à l'usage des enfans de 6 ans jusqu'à 12, réimprimé & augmenté en 1763, un autre enfin *à l'usage des adolescents*, en 8 volumes (1764-1767).

Je ne parlerai pas de beaucoup de livres d'autrui qu'il a publiés ou republiés avec des préfaces & des remarques, & munis, pour ainsi dire, de son passeport, ni de ses nombreuses traductions d'ouvrages allemands, qui lui doivent leur réputation hors de leur sol natal, dans lequel, sans ses bons offices, ils fussent demeurés ensevelis.

Parmi ses traductions il y en a quelques-unes d'écrivains de l'antiquité, le *Traité des Dieux & du Monde* du philosophe Salluste, les *Diversités historiques* d'Élien, *Maxime de Tyr*, les *Pensées* de Plin ou le *Philosophe païen*, destiné à faire le pendant du *Philosophe chrétien*.

Mais venons à ce qui nous regarde de plus près, à la Science de M. Formey, & surtout à la Philosophie, sa science favorite, & où il s'est particulièrement distingué. C'est sur ses oeuvres philosophiques qu'il faudroit en effet insister un peu davantage, si leur abondance ne nous réduisoit encore à parler sommairement de la plupart, & à nous en tenir à ce qu'elles offrent de plus essentiel & de plus remarquable.

C'est dans ce genre philosophique, l'objet constant de son affection, qu'il fit le premier essai de sa plume, en abrégeant un gros livre qui en avoit grand besoin, l'*Examen du Pyrrhonisme* par M. de Crouzas, plein de bonnes choses, mais noyées dans un déluge de paroles. Il commença cette rédaction en 1732, mais à cause de plusieurs obstacles survenus ne put l'achever qu'en 1740. M. de Crouzas, à qui elle fut communiquée, l'approuva très-fort, & comprit parfaitement le service qu'elle lui rendoit. Mais de nouvelles difficultés l'empêchèrent de paroître en françois; en quoi cependant elle ne perdit guères, puisque l'illustre Haller, en ayant pris une idée avantageuse, demanda à M. Formey son manuscrit pour le traduire lui-même & le publier en allemand, précédé d'une préface qui en rehausse le prix.

La philosophie de Leibnitz, qui prospéra si fort entre les mains de Wolf, ne tarda pas à attirer toute l'attention de M. Formey. Après l'avoir bien étudiée & s'être imbu de ses principes, il y demeura sincèrement attaché. Il fut fortifié dans cet attachement par le prédicateur de la cour Reinbeck, en qui il avoit la plus grande confiance, & par d'autres personnes qui avoient pour cette philosophie la même prédilection, et s'associèrent avec lui pour la propager & la faire fleurir. Le principal fut le comte de Manteuffel, autrefois gentilhomme de la chambre de Frédéric I, ensuite premier ministre d'état à la cour de Dresde, mais d'où, en 1731, il se retira pour venir vivre à Berlin dans un loisir philosophique et littéraire, et surtout pour y cultiver la doctrine Wolfienne dont il étoit passionnément amoureux. M. Formey, ayant fait sa connoissance & obtenu chez lui un libre accès en 1732, lui lut toutes

ses compositions calquées sur cette doctrine: & ce seigneur, qu'elles extasièrent, l'en récompensa par mille témoignages d'amitié. Il trouva deux autres protecteurs du Wolfianisme dans Messieurs de Cocceii & de Jariges, que nous avons vus tous deux parvenus à la dignité de grand chancelier. Enfin le prince royal, dans la suite roi de Prusse sous le nom de Frédéric II, avoit pris du goût pour la même philosophie, & s'y appliquoit assidûment dans sa retraite de Rheinsberg.

A tant de circonstances favorables se joignirent bientôt des liaisons directes de M. Formey avec Wolf lui-même & avec les principales colonnes de son parti.

Mais malgré des encouragemens si puissans, & si capables de produire, dans des têtes moins bien organisées, des symptômes de ce zèle fanatique dont on ne vit alors & dont nous ne revoyons aujourd'hui que trop de tristes exemples, il faut rendre à M. Formey la justice de dire qu'il ne se livra jamais à cet aveugle enthousiasme. Il proteste en termes exprès qu'il ne croit pas la méthode Wolfienne infallible en fait de Métaphysique, ni son évidence comparable à celle de la Géométrie, *) quoiqu'il la croie utile en ce qu'elle sert à rendre l'esprit juste, & à découvrir jusqu'où & dans quel degré la certitude peut être obtenue dans ces matières abstraites, & à quel terme il faut y renoncer; qu'elle ouvre, en un mot, le moyen de parvenir au vrai, ou de s'assurer qu'on n'y sauroit parvenir. **) Ce sont-là, sans contredit, des sentimens très-raisonnables, dignes d'un philosophe, & propres à désabuser, si cela se pouvoit, tant de cerveaux creux qui se laissent éblouir par le fantôme de la certitude universelle.

Cette sage disposition d'esprit ne le mettoit que mieux en état de servir les intérêts de sa philosophie, & d'en accélérer les progrès. Aussi ne sauroit-on nier qu'elle ne lui ait les plus fortes obligations. D'un

*) V. la Belle Wolfienne. Tome III. p. 29. &c.

**) Histoire de l'Académie pour 1785. p. 232.

côté, il l'enseigna, dans ses leçons, d'après des livres élémentaires, où il en avoit exprimé le suc ou la moelle, pour me servir de ses propres termes,*) & y forma d'excellens disciples habitués à l'ordre méthodique sans en faire une vaine parade. D'un autre côté, il en facilita l'intelligence & en répandit la vogue, tant par des traductions françoises des écrits de Wolf que par ses propres écrits, dans lesquels il en explique les points capitaux d'une manière claire & instructive.

Car en effet, par où il m'a toujours paru avoir le mieux mérité du système Wolfien, c'est d'avoir su le dépouiller de son air de système, de cette roideur scientifique si rebutante pour les commençans, & le leur présenter sous des formes aisées à saisir sans lui rien faire perdre de sa valeur intrinsèque. Par ce moyen, l'esprit de ce système, qui respire dans ses ouvrages, s'insinue doucement & sans effort dans l'esprit de ses lecteurs.

Remarquons surtout qu'il est le premier qui ait traité la Métaphysique Wolfienne en langue françoise, &, en pliant les expressions de cette langue aux idées élevées de cette Métaphysique, ait su lui ouvrir un passage non seulement dans les pays étrangers, mais encore, en lui faisant franchir la sphère des écoles, dans un monde qui sembloit lui devoir être inaccessible. C'est ce que Wolf sentit très-bien, & de quoi il lui témoigna sa vive reconnoissance.

Il conçut un projet beaucoup plus hardi ou plus téméraire dans sa *Belle Wolfienne*; ce fut d'aller sur les brisées de Fontenelle & d'Algarotti, en traitant sa philosophie, comme Fontenelle le dit de la sienne, d'une manière qui ne fût pas philosophique. Mais, en supposant toutes choses d'ailleurs égales, & quand M. Formey eût respiré sur les bords de la Seine, ou humé l'air balsamique des plus beaux climats de l'Italie, la différence seule de son sujet d'avec les leurs auroit dû l'effrayer, & le détourner d'une entreprise où ils eussent échoué eux-mêmes s'ils avoient été assez inconfidérés pour la tenter.

*) *Medulla Wolfiana, seu Elementa Philosophiae in usum adolescentum.* Berol. 1746.

Le sujet de Fontenelle brille à nos yeux & à notre imagination; il charme les sens & plaît à la raison. Ce sont des Étoiles, des Soleils, des Mondes, l'Univers entier en mouvement & dans tout son éclat majestueux. Les fausses idées mêmes qu'il y fait entrer, & dont nous sommes revenus, ne nous gâtent pas encore cette contemplation; & il nous fait rouler sans répugnance avec lui dans les tourbillons imaginaires de Descartes.

Algarotti a voulu imiter Fontenelle, & n'y a pas mal réussi. Son *Newtonianisme pour les Dames*, ou plutôt son *Optique de Newton*, qui vaut mieux que le Newtonianisme, parce que, dans un âge plus mûr, il en a beaucoup retranché de ce luxe ultramontain où la chaleur de sa jeunesse, de son imagination & de son ciel natal l'avoient entraîné, mérite certainement la première place après les *Mondes*. Mais encore, quel sujet que le sien! il est tout lumineux, tout rayonnant, tout pittoresque: la Nature elle-même vient lui offrir ses plus riches couleurs, & l'inviter à y tremper ses pinceaux.

Mais où M. Formey prendra-t-il les siennes pour colorier le sombre tableau de la Métaphysique? quelles fleurs fera-t-il croître dans les arides champs de cette Arabie sablonneuse & déserte? Une science placée non seulement hors du monde sublunaire, mais hors de la voûte étoilée & hors de tout l'univers sensible, qui ne vit que d'abstractions & de transcendances, ne semble-t-elle pas se refuser à toute sorte d'embellissemens?

Je fais bien que quelques hypothèses de Leibnitz pourroient s'y prêter jusqu'à un certain point, & que ce grand homme lui-même les a ornées de fictions poétiques. Je parle de son Harmonie préétablie, de son Harmonie universelle & de ses Mondes, plus sublimes mais aussi plus abstraits que ceux de Fontenelle, dont cependant il a construit une brillante pyramide pour l'ériger à la fin de sa Théodicée. Mais j'en plains d'autant plus notre Belle Wolfienne, de n'avoir employé aucun de ces matériaux, de n'avoir mis en oeuvre aucune de ces hypothèses; car je les cherche

en vain dans ses Colloques, où il n'est question que de premiers principes, de notions générales, & des sèches règles de la Logique, solidement exposées il est vrai, mais peu attrayantes.

Déjà par cette seule raison M. Formey devoit demeurer au dessous de Fontenelle & d'Algarotti. Et je crains d'autant moins de le dire, qu'il est le premier à en convenir. Il nomme les *Mondes* un coup d'essai & un chef d'oeuvre inimitable, *) & sa *Belle Wolfienne* un ouvrage manqué, dans lequel il a mal marché sur les pas de Fontenelle. Aussi n'a-t-il pas poussé la conversation avec sa dame au de-là du second volume de cet ouvrage, qui en a six: les quatre suivans, quoique sous le même titre, contiennent tout uniment la Métaphysique de Wolf en françois, & déjà les deux premiers sont entrelacés de traductions pareilles, qui loin de faire du tort au fond de l'ouvrage, en constituent une des meilleures parties, mais ne répondent plus à l'affiche du titre, puisque la Belle en a disparu avec tous ses charmes.

Ne l'abandonnons pourtant pas sans la comparer, en deux mots, avec les beautés sur lesquelles on l'a modelée.

Comme il n'y avoit nul besoin qu'elle fût marquise, M. Formey a préféré une citoyenne Berlinoise qui s'appelle Espérance. Ensuite, ne pouvant placer le lieu de la scène ni dans un château de France, ni dans celui de Mirabel sur le Bénac, il y substitue, très-à propos, les bords de la Sprée & le beau jardin de Charlottenbourg, lieux d'autant mieux choisis que ce sont les mêmes où Leibnitz avoit entretenu de cette même philosophie la grande reine qui a donné son nom à ce superbe palais & au bourg agréable qui l'avoisine.

Mais en quoi M. Formey s'éloigne le plus de ses modèles, ce n'est pas lui, mais sa nymphe, qui endoctrine; il est le disciple, elle est le précepteur. Je n'oserois dire en vérité que cet air doctoral relève ses attraits, non plus que les raisonnemens synthétiques & méthodiques dont elle

*) Hist. de l'Académie pour 1785 p. 228. & ailleurs.

régale son amant, & qui contrastent avec les digressions galantes & tendres dont cet amant les entrecoupe. Il lui échappe parfois jusqu'à des tirades latines; & c'est du latin scolastique. M. Formey dit quelque part *) que Cicéron auroit reculé d'effroi à l'aspect de la philosophie volumineuse de Wolf; Mademoiselle Espérance a plus de courage que Cicéron: elle a lu les douze in-quarto latins de ce Wolf, & en attend, avec impatience, la seconde douzaine, qui lui semble encore peu de chose. **)

M. Formey se divertissoit souvent de cette licence de jeunesse, qui par sa nature même ne pouvoit lui promettre de grands succès. Je ne crois pas que des tentatives de ce genre puissent jamais réussir. Il ne feroit pas impossible, par exemple, que quelque adorateur zélé de la *Raison pure* s'avîsât de la travestir en *Belle Kantienne*; mais je doute fort qu'elle fit plus de fortune, quand même on la produiroit sur les rives du Prégel, je ne dis pas coiffée de Formes & de Catégories, mais couronnée de roses & de myrtes, & parfumée de tout l'ambre que la Baltique dépose sur les côtes de la Prusse.

Cette philosophie de la raison pure, pour le dire en passant & puisque nous y sommes, ne paroît pas avoir fortement affecté notre défunt confrère; je ne me rappelle pas même de lui en avoir entendu parler. Je n'attribuerois cette inattention à une philosophie si destructive de la sienne, qu'à la familiarité contractée avec cette dernière dès son plus jeune âge & durant tout le cours de sa vie. Et c'est ce que je vois arriver à plus d'un membre de la confrérie Wolfienne, dans laquelle le Kantianisme n'a fait en général que peu de prosélytes. Mais si les uns ont pris les armes pour le combattre, beaucoup d'autres n'ont jamais pu se résoudre à l'étudier à fond; & de ce nombre, si l'on m'a dit vrai, doit avoir été notre célèbre Mendelsohn.

Aussi

*) Histoire de l'Académie. année 1785, p. 232.

**) Belle Wolfienne. Tome III. p. 135.

Aussi cela n'est-il pas si difficile à comprendre. Une route qu'on a long-temps suivie, ne s'abandonne pas si aisément, surtout une route systématique à laquelle on a subordonné la marche de ses connoissances, de ses spéculations, de son esprit. Dans ce cas, il en coûte de marcher en sens différent ou contraire; l'on aimera mieux rester en place, & ne point laisser troubler son repos. Je prévois, sans craindre de me tromper, que bien des philosophes critiques prendront le même parti, si tôt ou tard il paroît sur l'horizon de la Philosophie un nouvel astre qui menace d'éclipser le leur, ou qui le croise dans sa course à travers l'Éther des idées transcendantes.

Mais revenons à M. Formey pour le voir briller dans notre Académie, & dans sa Classe spécialement consacrée aux sciences spéculatives.

A peine fut-il entré dans ce corps & dans cette classe, que son zèle pour la philosophie dont il suivoit les étendards, y trouva de quoi se signaler dans une conjoncture très-mémorable; je parle du fameux procès sur les *Monades*.

Dès le commencement du nouveau règne, Wolf avoit été rappelé très-justement à Halle, d'où une cabale injuste étoit parvenue à le faire exiler sous le règne précédent. Ce rappel fixa sur lui tous les regards, entoura d'un nimbe lumineux & son nom & sa philosophie, qui déjà durant son exil, & en partie à cause de cet exil, avoit pris un ascendant prodigieux. Les illustrations personnelles dont son retour fut accompagné ou suivi, ne servirent pas peu à l'accroître; car quoiqu'elles ne prouvent rien ni pour ni contre les *Monades*, elles ne laissent pas de modifier bien des monades ou êtres simples, dans les représentations confuses qu'elles se font de l'Univers. En un mot, le système Wolfien étoit alors dans son zénith, d'où il paroissoit difficile de le faire descendre, & dangereux même de le tenter.

Mais voici une nouvelle Académie, & une nouvelle Classe de cette académie, qui doivent jouir d'une liberté plénière & illimitée de penser,

d'examiner, de discuter toutes les questions philosophiques, sans esprit de parti, & sans déférer à des noms ou à des autorités quelconques. Telle est la volonté du roi-philosophe son fondateur, & tel est l'esprit qui doit l'animer.

On ne se fit donc pas le moindre scrupule de soumettre à un nouvel examen & à une disquisition libre les dogmes les plus respectés de la philosophie dominante, en débutant par la Monadologie de Leibnitz, qui fit le sujet de la première question proposée pour le premier prix que la Classe philosophique avoit à distribuer en 1747.

Cette démarche, qui parut d'une hardiesse extrême, excita beaucoup de rumeur dans le monde philosophe, & une espèce de schisme plus ou moins secret dans l'Académie même. Comme cette fois-ci le jugement n'étoit pas confié à la Classe seule à qui il devoit naturellement appartenir, mais à un comité choisi parmi tous les académiciens que l'on regardoit comme juges compétens, les Monades & le Leibnizianisme y avoient pour partisans MM. de Jariges, Heinius, & Formey : dans le parti opposé primèrent le comte de Dohna, & surtout notre grand géomètre Euler.

Durant le cours des deux années accordées pour éplucher cette question, & pendant lesquelles la décision demeurait suspendue, on y préludoit dans des brochures anonymes où chaque parti tâchoit de gagner les concurrens, & de faire pencher en sa faveur la solution qu'ils donneroient de ce grand problème.

La première pièce, qui parut anonyme, mais qui fut de M. Euler, ce sont des *Considérations sur les élémens des corps, dans lesquelles on examine la doctrine des Monades, & l'on découvre la véritable essence des corps*, qui selon Euler consiste dans leur force d'Inertie.

Mr. Formey y opposa bientôt ses *Recherches sur les élémens de la Matière*, également anonymes, mais bien méditées & bien déduites. Wolf lui-même avoit pris soin de les revoir, & le comte de Manteuffel de les faire publier à Leipzig en langue allemande. Dès l'année suivante (1747),

la même où le prix devoit être adjugé, M. Formey y ajouta les Observations de divers auteurs sur la brochure de M. Euler, traduites de l'allemand à la suite de la brochure même, qui y étoit très-vivement attaquée.

Tout cela donna lieu à de fortes agitations dans l'Allemagne, & fit beaucoup de bruit à Berlin, où à la cour, à la ville, dans les clubs des savans, & dans les sociétés de tout ordre, on ne parloit presque d'autre chose que de monades; & Dieu fait comment l'on en raisonnoit ou déraisonnoit.

Enfin arrive la fatale journée du dernier jugement; & au grand scandale de tous les Leibniziens le prix est décerné à un anti-monadiste. Sa pièce n'est certainement pas un chef d'oeuvre: & en général il semble avoir régné un mal-entendu dans cette dispute, en partie faute d'avoir approfondi les vraies idées de Leibnitz, en partie par je ne sais quel air de mystère dont plusieurs Leibniziens affectoient de les voiler, croyant par là leur donner du relief, mais dont leurs adversaires se prévalurent contre eux. Ce fut d'attribuer à Leibnitz un sentiment qui n'étoit ni ne pouvoit être le sien, celui de composer les corps & la matière, en les prenant pour des êtres réels, de les composer, dis-je, de substances simples, vraiment immatérielles, comme de parties constituantes de ces corps & de cette matière, qui cependant n'ont point d'existence véritable & proprement dite dans la vraie théorie de Leibnitz, où les corps ne sont que des phénomènes, & la matière qu'un terme général pour désigner ce que ces phénomènes ont de commun.

Entre les pièces qui concouroient, il y en eut une dont l'auteur avoit parfaitement saisi ce point de vue, & l'avoit, de l'aveu même de M. Euler, très-ingénieusement développé. Elle auroit au moins dû partager le prix, comme cela s'est pratiqué depuis dans des sujets qui souffrent de si fortes contestations.

Nous ne pouvons guères parler ici qu'en gros des Mémoires si nombreux que M. Formey a lus dans nos assemblées hebdomadaires, &

qui sont inférés dans nos recueils annuels; & l'on n'en exigera pas de nous une analyse détaillée.

Le mérite général que je crois y reconnoître, c'est la clarté, la précision, un style léger & coulant qui en rend l'intelligence facile & la lecture peu fatigante.

Quoique fidèle aux principes de sa Philosophie, il en use, comme nous l'avons déjà dit, sans y afficher les grands airs de prétention & la hauteur impérieuse du Dogmatisme. Il savoit fort bien qu'une Académie n'est pas une école, que le ton magistral & tranchant y seroit fort mal venu, & prêteroit même au ridicule, dans la nôtre surtout, où le Wolfianisme n'eut jamais une influence despotique, & pouvoit être défendu, combattu, loué, censuré, examiné, contrôlé avec une liberté sans bornes.

Plusieurs de ses mémoires roulent sur la Littérature, d'autres sur des sujets de Morale ou tirés de la vie civile: on croira bien que ceux-ci sont à la portée commune, puisqu'il fait en rapprocher ceux mêmes qui remontent plus haut. Il y en a un sur l'*Usure*, (1748) un sur la *notion du Goût*, (1759) un sur les *Spéctacles*, dont il prend la défense contre Nicole, Rousseau n'ayant pas encore lancé contr'eux son arrêt de proscription, (1761), sur la *Morale des auteurs*, (1782), sur les *Récréations* (1773). Il a publié séparément ceux à qui il donnoit la préférence.

Entre ses mémoires philosophiques j'ai toujours compté parmi les meilleurs un de ses premiers qui est de l'an 1746. Il y explique la nature des *Songes*, & débrouille, d'une manière très-plausible, ces jeux bizarres de notre imagination, qui veille seule encore, & nous promène d'objets en objets, lorsque nos organes sont déjà relâchés & nos sens assoupis. On relit avec plaisir ce morceau élégamment écrit, & qui a remporté en France même les suffrages des connoisseurs, & entre autres celui de M. de Buffon.

Aucun des grands sujets de la Philosophie ne s'est dérobé aux recherches de M. Formey.

Tel est, par exemple, le sujet de la Liberté humaine, un des plus importants à cause de sa connexion intime avec la Morale, mais en même temps un des plus épineux. M. Formey fait tous ses efforts (1748) pour mettre dans son vrai jour la notion qu'en a donnée Leibnitz, pour la concilier avec le droit de nous imputer nos actions & de nous en rendre responsables, enfin pour la purger de tout reproche de fatalisme; ce qui n'est pas une chose si aisée. Aussi voyons-nous ce reproche répété de nos jours avec plus de force que jamais, & la Liberté Leibnizienne qui risque non-seulement d'y succomber, mais d'entraîner dans sa chute le grand pivot du système à qui elle tient, le principe de la Raison suffisante, que les philosophes de l'école de Kant prétendent être absolument incompatible avec la vraie Liberté, & qui, selon eux, enclaverait toutes nos actions dans cette chaîne indissoluble qui descend des pieds du trône de Jupiter.

Les preuves de l'existence de Dieu devoient nécessairement intéresser notre théologien-philosophe, & exercer son esprit méditatif. Il s'agissoit de la preuve tirée des causes finales, la plus généralement frappante, & qui fera toujours le plus d'impression, quand même elle ne seroit pas philosophiquement ou géométriquement rigoureuse.

Les questions qui la concernent ont été traitées en tout sens dans cette Académie; premièrement par M. de Maupertuis, qui en maintenoit l'insuffisance à moins de la lier à son principe de la *moindre action*; puis par M. de Prémontval, qui nioit la possibilité de prouver que le Hasard ou le concours fortuit des atomes n'eût pu produire le Monde dans l'infinité de la durée & dans l'immensité de l'espace, & par conséquent tâchoit de fonder l'existence divine sur des argumens plus strictement valables qu'il expose dans une suite de Mémoires.

M. Euler prit aussi part à cette dispute, & défendit les causes finales dans une très-belle dissertation, où il affirme que la simple structure de l'oeil est plus que suffisante pour prouver un souverain artiste seul en état de fabriquer cet organe si merveilleux.

Il existe deux Mémoires de M. Formey sur cette matière. Dans le premier (1747) il essaie de la ramener aux notions communes; dans le second (1765), il pèse le pour & le contre des preuves *a posteriori*, & de l'usage qu'on a coutume d'en faire; mais finalement il conclut qu'elles ne sauroient recevoir une entière certitude que de la preuve *a priori* ou de la preuve métaphysique.

Toutes ces discussions, qui épuisent à-peu-près le sujet, mériteroient d'être revues & soigneusement comparées.

Une autre question qui l'occupa, & qui porteroit, s'il y avoit moyen de la résoudre, une lumière étonnante sur la nature de l'esprit humain & sur la première évolution de ses facultés intellectuelles, regarde l'origine du Langage. M. Formey propose de faire là dessus des expériences, qui ne seront jamais faites parce que des difficultés insurmontables les environnent. Ce seroit d'élever des hommes dans un profond silence, & sans leur faire entendre aucun son articulé. Il se persuade que ces hommes n'apprendroient jamais à parler, & passeroient toute leur vie dans un état de pure animalité. Ainsi, en tranchant le noeud un peu trop vite, & avant l'expérience faite, l'origine du langage est nécessairement surnaturelle: il faut que Dieu ait immédiatement communiqué le don de la parole à nos premiers parens; & le prétendu état de nature n'est qu'une supposition chimérique.

Cela n'empêcha pourtant point l'Académie de proposer cette même question pour le prix de 1780, & M. Herder le remporta, quoiqu'il fût d'un avis diamétralement opposé, en expliquant l'origine naturelle de la Parole avec beaucoup de sagacité & d'une manière au moins très-spécieuse. Ici encore il vaudroit la peine de confronter ses déductions, dont j'ai donné l'extrait dans un volume de nos Mémoires (1781), avec les raisonnemens non moins spécieux dont M. Formey appuie l'opinion contraire.

Je ne ferai que citer ses *Nouvelles considérations sur l'union de nos deux substances, ou sur le commerce de l'âme avec le corps* (1764). Il

plaide, comme on se l'imagine bien, pour l'Harmonie préétablie, & d'autant mieux qu'il se borne à la défendre contre certaines objections, & à lui revendiquer le premier rang entre les trois hypothèses connues.

Ce qui rend ce Mémoire remarquable, c'est qu'il engagea un autre académicien à produire une quatrième hypothèse sur l'union de ces deux substances dont nous sommes ou paroissions être composés, hypothèse qu'il a décorée du nom de *Pfychocratie*. Il observe, ce me semble, avec raison, qu'à proprement parler les trois hypothèses précédemment en vogue se réduisent à deux, à celle de l'influence directe & réciproque entre le corps & l'âme, & à celle de leur non-influence ou de leur disjonction, qui les confine chacun dans sa sphère propre & séparée. Mais comme cette seconde hypothèse s'est subdivisée dans les *Causes occasionnelles* de Descartes & de Malebranche, & dans l'*Harmonie* de Leibnitz, la première est susceptible d'une subdivision égale ou correspondante; d'abord dans l'hypothèse de l'influence déjà connue, réciproque entre l'être simple & spirituel, qui est notre âme, & l'être composé ou matériel que nous appelons notre corps; mais en second lieu encore dans celle de l'influence alternative entre l'être simple qui est notre âme, & d'autres êtres ou semblables à elle, ou qui du moins ont en commun avec elle la simplicité de leur nature.

S'il m'étoit permis d'ajouter ici une petite observation, je dirois qu'au fond, dans l'Harmonie préétablie, tout se passe également entre des êtres simples; vu que l'automate corporel de Leibnitz n'est point corporel ni composé de parties matérielles, ni se développant par un mécanisme matériel. Mais la différence consiste en ce que les êtres simples de Leibnitz n'agissent point les uns sur les autres comme dans la *Pfychocratie*: ils ne font qu'éprouver des changemens harmoniques entr'eux; & l'âme humaine, parce qu'elle est de leur nombre, les éprouve à son tour.

Quoi qu'il en soit, on peut lire avec intérêt, à la suite du Mémoire de M. Formey, celui de M. de Prémontval, qui n'y survécut que peu de

temps, & dont l'âme détachée de sa frêle machine alla poursuivre ses spéculations dans un autre monde.

Je passe sur tout le reste des travaux philosophiques de M. Formey, qu'il termina par ses *Considérations sur les trois premières Tusculanes de Cicéron*, dont il lut la dernière en 1786, en déclarant qu'il posoit là sa plume relativement aux *Mémoires*. Ce fut l'année où mourut Frédéric II, de sorte que M. Formey avoit commencé sa carrière académique avec la fondation de l'Académie, & la finit avec la mort de son fondateur.

Mais il n'est pas de même des fonctions du Secrétariat, qu'il a administrées jusqu'à la fin de ses jours, autant que l'état de sa santé le lui permettoit, & autant qu'elles pouvoient l'être sans sa présence personnelle en ce lieu de nos assemblées, où depuis six ans ses infirmités l'ont empêché de se rendre.

On pouvoit difficilement choisir pour cette place un homme qui rassemblât plus complètement les qualités qu'elle exige, & qu'un des meilleurs juges, le président de Maupertuis, lui reconnut en le proposant pour elle.

Et d'abord la langue dont le Roi voulut faire la langue de l'Académie, comme étant la plus propre, sinon la seule propre, à en répandre les découvertes & les productions dans l'Europe, de même qu'à correspondre avec les corps littéraires & les savans de toutes les nations, cette langue, dis-je, étoit celle de M. Formey; il n'en parloit point d'autre, & y écrivoit avec une facilité extrême. Joignez-y cet encyclopédisme dont nous avons parlé, ou une certaine universalité de connoissances, ses nombreuses relations au dehors, son activité infatigable, sa régularité, sa diligence, son zèle; & vous conviendrez que rien ne lui manquoit pour remplir ce poste avec beaucoup d'honneur. Nous ne sentons que trop en ce moment même, & personne ne le sent mieux que moi, combien à tous ces égards sa perte est à regretter.

Pour

Pour commencer par un des premiers devoirs de ce poste, on sera véritablement stupéfait, non du grand nombre, ce seroit trop peu dire, mais de l'immensité de ses correspondances académiques, particulières, ou mêlées les unes avec les autres, comme le plus souvent leur nature même demandoit qu'elles le fussent. Il en a laissé la preuve authentique dans son porte-feuille, qui contient au delà de vingt-mille de ces pièces. Mais la totalité de cette correspondance doit être pour le moins évaluée au double, si l'on pense que ce ne sont là que les lettres qu'il a reçues, & que des siennes propres, écrites ou en première date ou en réponse, il n'existe ni brouillon parce qu'il écrivoit toujours à tire de plume, *currente calamo*, ni copie parce qu'il négligeoit d'en faire prendre.

Il correspondoit non seulement avec toutes les Académies ou Sociétés savantes au nom de la nôtre, mais encore avec les savans de tout ordre, & pour lui-même, & en communauté avec l'Académie. Comme leur nombre approche des trois-cents, je me dispense de vous en réciter le catalogue, & me contente d'assurer qu'il comprend tous les noms les plus sonores de ce siècle, tous ceux qui se sont le plus illustrés dans les Sciences & les Lettres, & ont volé le plus loin sur les ailes de la Renommée.

Un commerce de lettres aussi étendu, je dirois presque aussi universel, le mettoit au fait de tout ce qui se passoit dans la République savante, de toutes les nouveautés qu'elle faisoit éclore, de l'accueil fait à ces nouveautés, des controverses & des guerres intestines qui troubloient cette république, des factions, des ligues offensives & défensives qui s'y tramoient, des aventures sérieuses, comiques ou mixtes, de toutes ces scènes si variées, en un mot, qui se succèdent sans interruption sur ce théâtre ambulant où la Vérité, l'Erreur, la Sagesse & la Folie font leur rôle plus ou moins durable ou fugitif. M. Formey en profita pour alimenter ses journaux & ses feuilles d'articles intéressans, que ces feuilles à leur tour faisoient circuler par les provinces du monde lettré. Algarotti comparoit M. Formey à un banquier généralement accrédité, qui

influe par-tout sur la hausse & la baisse des papiers de change & des actions, & sur tout ce qui se transige dans le monde commerçant.

Il ne vaquoit pas avec moins de fidélité à une autre fonction de son département, à celle d'historien ou d'historiographe. Il mit d'abord au jour un volume à part de l'Histoire de notre Académie, qui va jusqu'en 1752. Et quand il fut jugé plus convenable de donner à cette Histoire la forme d'Annales extraites des protocoles que l'on tient de nos séances, il eut soin de les placer à la tête de chaque volume du recueil pour l'année dont les travaux académiques sont renfermés dans ce volume.

Il y rend compte de ce qui est arrivé de plus notable, des problèmes proposés pour les prix, de l'adjudication de ces prix, des découvertes faites dans l'Académie, ou ailleurs, mais soumises à son jugement, des instrumens, machines, inventions, nouvelles vues de toute espèce, de l'élection de nouveaux académiciens honoraires, ordinaires, étrangers, &c.

Il surveilloit l'arrangement de ces Annales ou de cette Histoire avec une grande exactitude: mais elle a outre cela des parties qui appartiennent en propre à M. Formey, comme étant sorties de son esprit & de sa plume.

J'y rapporte d'abord plusieurs discours prononcés dans nos solennités publiques, tant annuelles qu'extraordinaires. Quant aux premiers, il en puisa le sujet dans les circonstances du temps; & que de grandes choses, que d'événemens mémorables & dans la guerre & dans la paix ces temps ne lui présentoient-ils pas? Il les traita d'un style affortissant; & il fut aussi le digne interprète de notre reconnoissance envers les rois nos protecteurs & nos bienfaiteurs, dont ces solennités nous retracent la naissance, le règne & les bienfaits.

Parmi ses discours amenés par des occasions extraordinaires on applaudit particulièrement à celui par lequel il inaugura, le 1 Juin 1752, cette salle où nous sommes, bâtie, décorée, & donnée à l'Académie, avec les appartemens adjacens, par le grand Frédéric son fondateur.

Le 25 Octobre 1772, il complimenta le roi Gustave de Suède sur son avènement récent au trône dont il alla prendre possession en revenant de France. Deux années après, nous eûmes le bonheur d'y voir la mère de ce prince, la reine douairière Ulrique, accompagnée de la princesse Sophie Albertine sa fille, aujourd'hui abbesse de Quedlinbourg, & des personnes de l'un & de l'autre sexe les plus distinguées de sa cour & de la nôtre. M. Formey, dans une très-belle harangue, témoigna à cette auguste reine, dont nos Muses conserveront un souvenir éternel, les sentimens qu'avoient gravés dans nos coeurs les bontés dont elle combloit les gens de lettres, & surtout les académiciens, durant son séjour assez long dans cette capitale.

En 1776 le 24 Juillet, il rendit le même hommage au grand-duc d'alors, aujourd'hui l'empereur de toutes les Russies; en 1788 le 27 Mai au duc régnant de Saxe-Gotha, & en 1789 le 27 Juillet, à S. A. R. madame la princesse d'Orange, soeur de notre roi. Je n'ai nommé ici que les personnes du plus haut rang devant qui il eut l'honneur de parler.

Enfin, l'on peut lire, dans cette Histoire de l'Académie, les réponses de M. Formey aux discours de réception de nos confrères nouvellement agrégés, réponses toujours adaptées aux personnes, aux talens, & aux espérances qu'ils nous faisoient concevoir, de même que les Eloges de ceux que la mort nous a enlevés.

On sentira que le nombre des uns & des autres doit être fort grand, si l'on observe que durant le cours de son secrétariat, M. Formey a vu, au pied de la lettre, mourir successivement & renaître cette Académie, & en a célébré les funérailles aussi bien que les régénérations.

Quoique tous les éloges ne soient pas de lui, & qu'il y en ait de Maupertuis & du Roi même, les siens ne laissent pas de monter à plus de soixante, sans y comprendre des biographies particulières, répandues dans ses écrits périodiques.

Dans leur ensemble règne une agréable variété. On y peut suivre, avec fruit, la vie de nos grands physiciens, géomètres, philosophes &

littérateurs, mais surtout leur vie scientifique & littéraire, si je puis m'exprimer ainsi, qui dévoile, en même temps, la marche progressive du corps entier, depuis son origine, dans toutes les branches des sciences & de la littérature, les découvertes entées sur des découvertes, les objets des connoissances humaines tournés, retournés, & envisagés sous toutes leurs faces; ce que chacun y a mis du sien, ses conquêtes sur l'erreur, & ses triomphes dans le royaume de la Vérité.

On y découvre, avec le même plaisir, les noms des personnes du premier rang & de la naissance la plus élevée, des ministres d'état, des généraux qui ont commandé nos troupes, & jusqu'à des princes, honorant notre liste académique de leurs noms, & s'honorant eux-mêmes de les y voir inscrits. Il saute aux yeux que le règne de Frédéric avoit opéré cette belle révolution. Dès lors l'ignorance fut reléguée des hautes places, & cessa d'être regardée comme leur apanage. Depuis lors l'exemple de nos monarques, & des princes, des princesses mêmes de leur sang, inspira aux classes supérieures de la société l'amour des connoissances, de l'estime pour ceux qui les cultivent, le désir même de fraterniser avec eux.

Ces personnes n'en méritent que mieux les éloges où M. Formey leur a rendu pleine justice; & il mériteroit lui-même que le sien fût tombé en de meilleures mains. Mais on aura de l'indulgence pour cette foible tentative, en considérant que c'est ma première dans un genre dont je commence bien tard, & bien malgré moi, à me mêler; mais aussi, suivant tous les calculs de vraisemblance sur la durée de la vie, devroit-elle être la dernière. Je me flatte au moins que mes confrères voudront désormais m'épargner cette peine, qui en seroit une double pour moi, & par le chagrin de les perdre, & par celui de ne pouvoir célébrer dignement leur mémoire. Toutefois la manière dont je m'en acquitte aujourd'hui, ne leur donnera pas grande envie de mourir.

En jetant un coup d'oeil sur la vie publique & sur la vie privée de M. Formey, on pourra, je crois, s'apercevoir que dans l'une & dans l'autre il a joui d'un sort aussi propice que la foiblesse & la fragilité humaine peuvent se le promettre, & que dans ce mélange de biens & de maux dont l'homme est composé, il n'avoit point à se plaindre de la portion qui lui étoit échue.

Dans les états par où il passa, il est parvenu aux emplois qu'il pouvoit raisonnablement espérer; & en sa qualité littéraire il s'est fait un nom duquel les sociétés savantes se sont empressées d'orner leurs fastes. Et ce qu'il faut bien noter, c'est qu'elles l'ont prévenu à cet égard; car c'est-là le cas où de pareilles agrégations sont vraiment honorables.

Il fut correspondant de l'Académie de Pétersbourg, membre de la Société royale de Londres, de celle de Harlem, de celle des Curieux de la Nature, de l'Académie de Mantoue, de l'Institut de Bologne, & de je ne fais combien de Sociétés dispersées en Allemagne.

Tous ses confrères dans ces différens corps l'estimoient, & ne cessoient de lui donner des marques de leur estime. Il apprit à connoître personnellement un grand nombre d'entr'eux, de même que plusieurs hommes de la plus haute célébrité, qui affluèrent ici pour admirer la splendeur & les merveilles d'un règne si favorable aux progrès de l'esprit humain, & dont aucun ne quitta cette ville sans visiter l'Académie & son célèbre secrétaire.

Outre les hommes de génie & les beaux-esprits qui composoient la cour spirituelle du monarque, & d'autres annexés à cette cour, les Mau-pertuis, les d'Argens, les Algarotti, les Voltaire, les Jordan, les Bielefeld, les Darget, le fameux la Mettrie, l'abbé de Prades, Quintus Icilius, & après eux le dernier, le seul, mais aussi le plus constant favori de Frédéric, notre illustre confrère le marquis Lucchesini; il eut occasion de voir le marquis de Valori, les comtes Golowin & Bruce, Potemkin, le prince Poniatowski, la princesse Daschkow, le prince & la princesse Orlow, le chevalier Mitchel, l'amiral de Kinsbergen, le prince de Gonzague,

les Italiens Pilati, Casati d'Acri, l'abbé Nicolini &c., les François la Lande, Mallet, la Baumelle, d'Alembert, Helvétius, l'abbé Raynal, Mira-beau, de Luchet, & le demi-François Grimm, sans compter d'autres François moins célèbres, les Allemands Koenig, Abt, Lavater, Pallas, Basedow, Winkelmann, Muller l'historien de la Suisse, Hebenstreit, Garve, & qui pourroit les tous dénombrer?

Cependant son plus grand, son plus vrai bonheur, il le trouva dans son loisir studieux & dans la solitude de son cabinet. Il ne pouvoit donner à ses études & à ses compositions que les matinées; mais il auroit souhaité qu'elles durassent jusqu'au soir & fort avant dans la nuit. Il assure que ses occupations matinales lui font couler ses heures très-agréablement, & qu'il se croiroit aussi heureux qu'on peut l'être, s'il pouvoit lire, écrire, méditer tout le long du jour *).

Ce n'est pas que ses écrits n'aient essuyé bien des critiques, & quelquefois des critiques fort amères. Il n'y fut pas insensible, ou même y fut-il plus sensible qu'il n'auroit dû l'être. Car enfin, n'est-ce pas à quoi doivent s'attendre tous les écrivains, & avant tous les autres les écrivains polygraphes? Qui oseroit se flatter de ne traverser un aussi vaste champ que sur des sentiers semés de fleurs, & sans y rencontrer ni ronces ni épines? Le plus court est, de regarder de sang-froid ces fusées passagères, ou même de s'en faire un sujet d'amusement; car la plupart de ces escarmouches littéraires ne tirent point à conséquence, sont bientôt oubliées, & vont se perdre dans la nuit du Temps.

Il est pourtant vrai que parmi ces tracasseries dans lesquelles il fut impliqué, & attaqué ou harcelé, non seulement par des auteurs d'un grand calibre tels que Voltaire, Rousseau, Linguet & d'autres, il y eut une affaire qui devoit lui causer les plus justes inquiétudes. Ce fut une dénonciation faite contre lui par Voltaire à la table du Roi, & puis réchauffée dans une brochure maligne, qui risquoit de le perdre, & l'auroit

*) Histoire de l'Académie pour 1785. p. 224.

perdu sans ressource auprès d'un prince moins clairvoyant, moins équitable & moins généreux.

Quant aux autres sorties assez fréquentes contre ses ouvrages, il eut pour l'ordinaire la sagesse de n'y point répondre; lorsqu'elles devenoient trop fortes & dégénéroient en insultes, il se tranquillisa en cessant de les lire. Par où il est parvenu plus d'une fois à ramener ses antagonistes à la douceur, & jusqu'à la réconciliation, offerte de leur part & acceptée de la sienne. Il lui est arrivé même, au plus fort de la querelle, de les obliger par un service inattendu, qui lui valut des lettres de remerciement & des confessions de leur tort. Ce fut entr'autres son aventure avec un des plus fameux critiques, dont les satires mordantes faisoient alors beaucoup de bruit. Dans le temps même où celui-ci l'accabloit de ses sarcasmes, il se vengea assez plaisamment en lui procurant, par sa recommandation spontanée, un titre d'honneur, qui tourna la tête à ce formidable Aristarque, au point de le rendre, envers M. Formey, souple, caressant, & doux comme une colombe.

M. Formey avoit beaucoup d'esprit, & l'esprit naturellement gai. Il se livroit volontiers à sa bonne humeur; & s'il lui échappoit souvent des faillies que l'on trouvoit trop libres, on ne doit les imputer qu'à la vivacité de son tempérament: elles n'étoient pas mal intentionnées; & au fond son caractère étoit humain, obligeant & serviable.

La fécondité de son imagination & la fidélité de sa mémoire lui procuroient abondamment de quoi animer & égayer sa conversation. Aussi fut-il bien reçu dans les meilleures compagnies, & des personnes de tout rang, sans excepter les grands de la terre, que le vrai philosophe ne doit ni rechercher avec ambition, ni fuir avec affectation. Il étoit vu de bon oeil de toute la maison royale, admis à la table de nos deux reines & à celle des princes. Monseigneur le prince Henri l'invita plusieurs fois à Rheinsberg; & il passa, à diverses reprises, des journées délicieuses dans ce Chantilly du Condé de la Prusse.

Le grand Frédéric, long-temps prévenu contre lui, voulut enfin le connoître de près, & revint de sa prévention quand il l'eut connu. Les deux premières fois que M. Formey comparut en sa présence, il ressentit de la gêne dans son attitude, & par la nouveauté de la chose, & à cause de la débilité de ses jambes, qui ne lui permettoit pas de se tenir long-temps debout sans vaciller: ce que le roi ayant remarqué, il lui montra, à leur troisième entrevue, un fauteuil qu'il avoit fait placer exprès, & l'invita à l'occuper. Ne l'ayant pas fait, soit par timidité soit par je ne sais quelle raison, à la quatrième Frédéric lui dit en riant: Le roi vous ordonne de vous asseoir. Leurs entretiens, où depuis la fin de 1779 il fut appelé quatorze fois, furent ordinairement très-enjoués: ce que je puis attester comme témoin oculaire & auriculaire. Depuis ce temps M. Formey reçut plusieurs marques de faveur de ce prince, qui lui furent continuées par son auguste successeur.

Il n'avoit pas moins de raisons d'être satisfait de la situation de sa fortune, qu'il ne devoit qu'à lui-même, à sa vie laborieuse, à l'ordre qui régnoit dans sa maison, & à une prudente économie qui ne tenoit point de la lésine. Par là il vit insensiblement s'accumuler cette fortune jusqu'à un degré considérable, & fort rare dans la classe lettrée, à qui le dieu Plutus n'est pas prodigue de ses trésors. Elle le mit en état de contenter tous ses desirs réglés par la sagesse, & de ne se refuser aucun des vrais agrémens de la vie, que le luxe, la dissipation, l'ostentation ne font que corrompre & empoisonner, au lieu que la tempérance, la jouissance modérée des plaisirs purs & simples qui ne laissent des regrets ni dans le coeur ni dans l'esprit, & n'entraînent des suites fâcheuses ni dans le physique ni dans le moral de notre être, peuvent seules nous dispenser cette petite mesure de félicité départie à la race humaine, ou plutôt aux hommes qui savent la calculer & l'apprécier.

M. Formey fut si peu ennemi de cette espèce de jouissance qu'il la regarda plutôt comme un devoir de Morale. Je me rappelle d'avoir assisté à un très-joli discours qu'il prononça en Janvier 1752, dans une assem-

blée publique, devant le feu prince de Prusse père de notre monarque, & les princes & les princesses de notre cour, sur l'*Obligation de se procurer toutes les commodités de la vie*. Personne n'en fut plus charmé que notre illustre général de Schwérin, qui en complimenta M. Formey dans les termes les plus flatteurs, en lui jurant qu'il avoit constamment pensé comme lui & agi en conséquence. Ainsi ce grand homme apprécioit les douceurs d'une vie qu'il étoit toujours prêt à exposer pour le salut public, & qu'il termina devant Prague par une mort triomphale, la plus glorieuse dont l'Histoire ait conservé le souvenir.

M. Formey aimoit donc tous les divertissemens honnêtes, le spectacle entre autres, où il manquoit rarement tandis que nous avions ici un théâtre françois, surtout dans les temps où les deux grands acteurs Le-Kain & Aufresne s'y produisirent. Il les juge à-peu-près comme a fait le roi Frédéric, & penche pour le dernier. J'avoue que cette comparaison m'a toujours paru très-mal aisée à faire, vu la différence énorme des personnages représentés par l'un & par l'autre. La beauté morale de ceux d'Aufresne peut avoir insensiblement influé dans la préférence donnée à son action théâtrale; mais les rôles faits par Le-Kain me semblent bien plus difficiles & demander infiniment plus d'art, & je n'y conçois pas de plus haute perfection que celle où Le-Kain me paroissoit l'avoir porté.

Un autre amusement, & un des principaux de M. Formey, c'étoient des parties de jeu, & nommément le jeu d'ombre, qu'il jouoit avec beaucoup de finesse & d'habileté: & il ne passoit guères de soirée sans se procurer ce délassement des travaux du jour. Il parut d'autant plus singulier de l'y voir renoncer tout d'un coup, dans le temps même où l'on auroit cru qu'il redoubleroit d'empressement pour cette distraction, je veux dire lorsqu'absolument privé de l'usage de ses pieds il fut forcé de vivre sur son séant. Ce qu'il y a de sûr, c'est que dès lors il ne toucha plus de cartes, & sacrifia totalement un goût si ancien, si habituel, & que l'on croyoit si enraciné; si l'on peut appeler sacrifice ce qu'il fit de sa pleine & libre volonté, sans la moindre apparence de regret.

Mais il trouva amplement de quoi se dédommager dans ses lectures, au milieu de ses enfans, avec ses amis, avec ses fils surtout & ses gendres, tous très-capables de le distraire & de l'intéresser, parmi lesquels il y a des hommes d'église & des hommes de lettres d'un mérite peu commun.

J'ai déjà parlé de son bonheur domestique, lequel ne lui laissa rien à désirer. Il se vit entouré d'une famille nombreuse, dont l'éducation ne lui avoit presque coûté aucune peine, & qui s'étoit élevée, pour ainsi dire, elle-même en se formant sur de bons préceptes & de bons exemples. Aussi loin d'en avoir jamais reçu des sujets de chagrin, n'en eut-il que de joie & de contentement. Il fut un père heureux parce qu'il fut un bon père. Se reposant sur la façon de penser & le caractère de ses enfans, ils les laissoit suivre leurs goûts & leurs inclinations sans les contraindre le moins du monde ni dans le choix de leur genre de vie, ni dans leurs mariages, ni dans leurs établissemens, qui ont tous réussi au gré de ses souhaits, & lui ont produit une belle postérité pour réjouir les jours de sa vieillesse, & sur qui ses derniers regards se portèrent encore avec complaisance.

Sa mort fut aussi tranquille qu'une mort peut l'être, je dirois presque, aussi heureuse que sa vie l'avoit été. Il envisagea sa fin prochaine d'un front calme & serein. Ne pouvant plus, malgré ses efforts pour parler, faire ses adieux de bouche à sa famille, il les fit en lui souriant. Il n'éprouva pas la moindre absence d'esprit jusqu'à ses derniers momens: peu avant d'expirer, il se fit montrer des papiers, des portraits, & joua, comme à l'ordinaire, avec son petit animal domestique & familier. Il ne souffrit aucun symptôme d'agonie; il s'endormit, & dans ses traits mourans sembloient se peindre encore & la satisfaction d'avoir vécu, & la parfaite résignation avec laquelle il cessoit de vivre.

M É M O I R E S
DE
L' A C A D É M I E R O Y A L E
DES
S C I E N C E S
ET
B E L L E S - L E T T R E S.

C L A S S E
DE PHILOSOPHIE EXPÉRIMENTALE.

DESCRIPTION SOMMAIRE

*de quelques Corps métalliques, altérés par la chaleur de la Lave
incandescente.*

PAR M. KLAPROTH *).

Traduit de l'allemand.

Pour quiconque apporte à l'étude de la nature un intérêt éclairé, l'aperçu de l'état actuel de nos connoissances en ce genre est une source de jouissances pures. En effet, nous ne sommes plus bornés à connoître les noms, les formes extérieures & les propriétés physiques des corps que nous découvrons autour de nous; nous sommes parvenus aujourd'hui à discerner les principes constitutifs d'un certain nombre de ces corps, nombre encore petit, sans doute, en comparaison de leur totalité; nous avons tenté avec succès de ramener plusieurs mixtes aux substances élémentaires qui les composent.

Mais si l'on demande au scrutateur de la nature: quelle est l'origine de ces substances élémentaires? quels sont les procédés par lesquels, en modifiant à l'infini les forces attractives & les proportions des mélanges, la nature produit l'innombrable multitude & la riche variété des corps qui composent les trois règnes? il se voit réduit à l'avou de son ignorance. Car il est très-rare que l'homme ait le bonheur de prendre la nature sur le fait dans les opérations régulières & lentes, par lesquelles, dans l'ordre habituel des choses, ses productions se forment ou se modifient.

*) Lu le 16 novembre 1797.

Il n'y a que les phénomènes extraordinaires, ceux qui le plus souvent nous frappent par le spectacle de la destruction & du bouleversement, qui dans certains cas nous présentent l'occasion d'observer des changemens opérés, ou instantanément, ou avec une grande promptitude, dans le mode de composition des corps naturels; & il est du devoir du scrutateur de la nature, de ne laisser échapper aucune occasion de ce genre, sans s'en prévaloir pour l'avancement de la science.

C'est à des observations de ce genre que se rapporte l'examen abrégé que je vais faire des changemens singuliers et remarquables que des corps métalliques ont subis par l'action soutenue de la chaleur d'une lave en incandescence.

Personne n'ignore que le bourg Torre del Greco proche Naples, eut en 1794 le sort d'être itérativement recouvert en presque totalité & détruit par un courant de lave. Quand dans la suite on eut percé cette lave, & fait des fouilles dans les édifices qui en étoient recouverts, ou y trouva plusieurs ustensiles en métal, qui avoient subi une modification entièrement différente de celle que le feu ou la chaleur produisent ordinairement dans les métaux.

Ayant reçu de Naples plusieurs de ces produits intéressans des feux volcaniques, je vais donner en peu de mots une description des plus remarquables.

1. Un fragment du bord inférieur d'une cloche. Ce fragment a dans sa plus grande dimension 2 pouces, dans sa plus petite $1\frac{1}{4}$, & son épaisseur est entre $\frac{1}{4}$ & $\frac{1}{2}$ de pouce. Ce qui le rend éminemment intéressant, c'est que les deux métaux constituant l'alliage de la cloche, se sont entièrement séparés l'un de l'autre. L'un des deux, l'étain, a disparu absolument, & le cuivre, qui est demeuré, offre les phénomènes suivans.

La masse rompue ressemble à un échantillon de mine de cuivre rouge feuilletée. Elle renferme de part & d'autre, dans le sens de sa longueur, une lame de cuivre métallique de $\frac{1}{4}$ pouce d'épaisseur, ayant la couleur & le brillant propre au cuivre. La mine de cuivre est d'un

rouge cochenille foncé à surfaces brillantes, d'un grain petit & très-fin; donne à la lime une trace d'un rouge cochenille très-clair; est molle & cassante. Les surfaces supérieure & inférieure sont légèrement enduites d'un peu de lave d'un jaune paille, à côté & parmi laquelle se trouvent beaucoup de cristaux très-petits, très-luisans, de couleur gris d'acier foncé, & dont la forme de cristallisation ne sauroit être déterminée. Ces cristaux sont mous & cassans, & donnent à la lime une trace brune; ils paroissent tenir le milieu entre la mine de cuivre vitreuse, & la mine de cuivre rouge.

2. Un autre objet plus intéressant encore, sont des cristaux absolument semblables à la mine de cuivre vitreuse compacte, qui se sont formés en groupe sur la surface d'une cloche. A l'extérieur, ces cristaux sont d'un gris de plomb foncé, tirant sur le noir; à l'intérieur ils sont d'un gris clair. La surface extérieure est lisse, légèrement luisante; la substance intérieure est brillante du brillant métallique. La figure de ces cristaux offre deux variétés:

a) Tantôt ce sont des prismes quadrangulaires à base en losange, terminés en pointes tétraèdres, les faces formant la pointe, posées sur les faces du prisme qui forment l'angle obtus.

b) Des prismes semblables, mais biselés: les faces du bisellement posées sur les angles obtus opposés; les angles latéraux, & le biseau, même à son extrémité supérieure, sont très-mouffes.

La cassure de ces cristaux est conchoïdale en petites courbes. Ils sont mous, peu cassans, le trait de la lime a un peu plus d'éclat que les faces de la cassure.

3. Sept pièces de monnaie napolitaine de cuivre (*Grana*) fondues ensemble superficiellement. Elles sont posées l'une sur l'autre en marches d'escalier à pente très-douce. Les bords extérieurs sont encore de cuivre métallique, mais les couches par lesquelles les pièces sont posées l'une sur l'autre, sont transformées en mine de cuivre rouge cristallisé.

4. Cinq autres pièces de monnaie de cuivre plus minces, également soudées ensemble par les surfaces. Les interstices & les faces offrent une ef-

florescence d'argent métallique, dont une partie est en cristaux très-déliés; On aperçoit ça & là quelques cristaux extrêmement petits & très-brillans, de mine de cuivre rouge. Ce qui rend ce groupe très-intéressant, c'est la volatilisation de l'argent, des monnoies d'argent qui étoient interposées entre celles de cuivre; une partie de ce métal s'est ensuite appliquée sous forme d'efflorescence cristalline à la surface du cuivre, qui a mieux résisté à l'action du feu.

5. Quatre pièces de monnoie de cuivre, posées presque perpendiculairement l'une sur l'autre; la surface extérieure de ces pièces est mamelonée, recouverte de cristaux gris d'acier, très-petits, peu brillans, mais ayant pourtant le brillant métallique, & dont la forme de cristallisation ne peut être déterminée. En rompant quelques unes de ces pièces, on voit que l'intérieur en est changé en mine de cuivre rouge.

6. Un autre groupe semblable. Les pièces qui le forment sont plus grandes. La surface supérieure présente une portion de lave adhérente: à la face inférieure il y a une très-forte efflorescence d'argent métallique, disposé concentriquement dans quelques cavités. La partie supérieure du groupe & réunie par soudure, est d'un gris d'acier très-foncé, mameloné à l'extérieur, à texture rayonnée à l'intérieur. La partie inférieure, à laquelle l'argent s'est appliqué, est une belle mine de cuivre rouge cochenille.

7. Une lame mince diversément courbée, ayant fait partie d'un ustensile de ménage en cuivre. La surface inférieure offre de la cendre adhérente en quelques points. Le tout ensemble présente un amas confus de cristaux. Les plus volumineux sont des pyramides tétraèdres, les unes en aiguilles; les autres aplaties; les plus grands de ces cristaux ont un demi-pouce de long, & sont isolés; les plus petits sont groupés en houpes. Une partie de la masse est gris d'acier, & a le brillant métallique; l'autre est verte sans brillant métallique.

Les changemens qu'a éprouvés cette lame sont analogues à une métamorphose du même genre qu'a subie un anneau faisant autrefois

partie d'un ustensile en laiton, & dont je ne possède que la délinéation, l'original se trouvant dans la collection du D. Thomson à Naples. Outre le cuivre minéralisé qui paroît sur cet anneau, soit en cristaux accumulés & formés en aiguilles, soit comme des groupes représentant une espèce de végétation, il présente encore des octaèdres très-réguliers de mine de cuivre rouge.

8. La partie inférieure d'un canon de fusil, avec sa batterie. Le fer a entièrement perdu ses propriétés métalliques, & s'est converti en oxide de fer noir (*Ferrum oxydulatum nigrum*). Le volume de la masse a été augmenté par là de plus du triple. L'épaisseur du fer mesurée à 6 pouces au de-là du bassinier, est de 6 à 7 lignes, tandis que dans la constitution primitive elle aura à peine été de deux lignes.

La cassure fraîche a le brillant métallique, la couleur en est d'un noir de fer, tirant sur le rougeâtre.

La cassure est inégale, d'un grain grossier, se rapprochant de la conchoïdale. Ça & là on croit apercevoir les rudimens d'une texture lamelleuse; aussi distingue-t-on des fragmens très-imparfaits d'un grain fin.

La surface extérieure est grenue, d'un grain fin, ayant peu de brillant, & offrant ça & là de petites masses de lave qui s'y sont soudées.

Cette conversion du fer en oxide de fer noir ayant dû nécessairement produire une augmentation du poids absolu, & une diminution de pesanteur spécifique, j'ai cherché à déterminer par des expériences le degré de l'une & de l'autre. Le dernier point étoit facile à trouver par une pesée hydrostatique, qui me donna 4,848 pesanteur spécifique de l'oxide noir dans lequel le fer avoit été converti; or celle du fer forgé & corroyé tel qu'on l'emploie pour la fabrication des armes à feu, est entre 7,780 & 7,800. Pour déterminer maintenant l'augmentation de poids absolu, correspondante à la quantité d'oxygène combinée au fer, j'en fis dissoudre 100 grains dans l'acide muriatique; j'en précipitai le fer par le kali (potasse) caustique, & je rassemblai le précipité. Edulcoré & séché il fut trituré avec quelques gouttes d'huile,

à consistance de poudre médiocrement humide. Puis je le chauffai fortement à l'incandescence dans une petite cornue de verre. Après le refroidissement je trouvai le précipité entièrement converti en oxide noir, qui pesoit exactement 100 grains comme auparavant. Or comme 100 parties de fer métallique traitées de la même manière & changées de même en oxide noir, gagnent 35 parties en poids absolu, il s'ensuit que le fer de ce canon de fusil avoit pareillement augmenté de 35 parties en poids absolu, par sa conversion en oxide noir. Cette augmentation résulta sans doute de l'attraction de l'oxigène, que ce fer longtemps échauffé par la lave incandescente avoit dégagé en décomposant les vapeurs d'eau.

NOU-

NOUVELLES DONNÉES
relatives à l'histoire naturelle de l'alcali végétal.

PAR M. KLAPROTH *).

Traduit de l'allemand.

Dès les premiers pas que l'on fit dans l'étude de l'histoire naturelle, on s'aperçut des limites étroites dans lesquelles la raison humaine est circonscrite relativement à la faculté d'embrasser une grande totalité d'objets, & les historiens de la nature durent s'appliquer à en classer les productions infiniment variées. D'après un certain plan méthodique, qui par des divisions systématiques facilitât la compréhension de l'ensemble, la classification la plus générale, que la nature elle-même semble avoir ébauchée, & d'après laquelle tous les objets que nous offre la planète que nous habitons, sont distribués en trois règnes, dut nécessairement déterminer d'abord l'attention des scrutateurs de la nature.

Il existe sans doute dans cette échelle des êtres un grand nombre de corps naturels, qui laissent encore lieu au doute relativement à la place qu'il convient de leur assigner dans la classification méthodique; mais ces cas problématiques sont au fond peu nombreux comparative-ment au grand nombre des productions naturelles dont la place est déterminée dans le système naturel, sans qu'on se permette à leur égard aucune espèce de doute.

L'alcali végétal nous offre un exemple de ce dernier genre. Comme on n'avoit trouvé aucune trace de son existence hors des corps

*) Lu dans l'Assemblée publique du 26 janvier 1797.

Mém. 1797.

[1.] 2.

du règne végétal, on s'accorda unanimement jusqu'à ce jour, à envisager cette substance comme appartenant exclusivement aux végétaux. La seule question qui divisât d'opinion les savans, rouloit sur la préexistence de ce sel dans les plantes, ou sur sa formation dans l'acte même de la combustion par une nouvelle combinaison des élémens du végétal. La majorité se décida pour le dernier membre de la disjonctive, & admit que le feu formoit l'alcali par la combinaison qu'il opéreroit entre les parties acido-salines, huileuses & terreuses du corps végétal. L'autre parti subsistoit néanmoins toujours, & tâchoit de prouver la préexistence de l'alcali dans la plante; mais l'imperfection des connoissances & des procédés chimiques à cette époque leur ôtoit les moyens d'appuyer leur opinion de preuves peremptoires, & l'opinion contraire se maintint jusqu'à Marggraf, qui prouva démonstrativement que l'alcali existe dans la plante avant sa combustion, & constitue un de ses principes essentiels. Wiegleb par des expériences variées & multipliées fournit le complément de la preuve.

La préexistence de l'alcali végétal dans les plantes ayant depuis ce temps été admise comme un théorème démontré en chimie, il y a lieu de s'étonner que le célèbre auteur du nouveau système, Lavoisier, ait tenté récemment de révoquer en doute cette vérité.

Mais je passe à l'objet que je me propose dans ce mémoire: c'est de consigner dans les fastes de l'Académie une découverte que je viens de faire. L'alcali végétal regardé jusqu'à présent comme appartenant exclusivement au règne végétal, & dont personne n'a soupçonné seulement l'existence dans le règne minéral, s'y trouve cependant, & je viens de l'apercevoir parmi les principes constitutifs d'un fossile propre, ayant son rang assigné dans la classification des substances distinctes de la minéralogie. Cette découverte me paroît importante, parce qu'elle doit amener des changemens considérables dans la nomenclature méthodique de l'histoire naturelle, & parce qu'elle offrira la clef de plusieurs phénomènes tant du règne végétal que du règne minéral.

Le fossile dans lequel se trouva comme élément essentiel, & dans une grande proportion, l'alcali qui désormais va jouer un nouveau rôle parmi les substances dont s'occupe l'oryctognosie, est connu aujourd'hui dans la minéralogie sous le nom de *Leucite* ou *Leucolithe*; autrefois on lui donnoit la dénomination de grenat blanc, grenat vésuvien, schörl blanc granatiforme. Ce fossile, qui constitue en Italie la majeure partie des roches mêlées basaltiques ou autres, soit avant qu'elles aient éprouvé l'action des volcans, soit après qu'elles l'ont subie, & qu'elles ont été ainsi transformées en laves, en tuf ou en cendres volcaniques, se distingue de tous les autres par une forme propre très-caractéristique, offrant des pyramides octaèdres doubles & aplaties par quatre faces, de façon qu'il en résulte un cristal terminé par 24 faces trapezoïdales.

Le détail circonstancié de mon analyse du leucite devant paroître dans le second volume de mes *Beiträge zur chemischen Kenntniss der Mineralkörper*, actuellement sous presse, je me contenterai pour le moment d'énoncer la nature & la proportion des élémens que j'ai reconnus dans ce fossile.

Les expériences les plus décisives ont été faites sur des cristaux de leucite du Vésuve, qui par leur apparence extérieure, par l'éclat vitré de leur substance intérieure, & par toute l'habitude de la roche servant de matrice, & qui étoit un basalte en roche cornée d'un noir tirant sur le gris, attestoient évidemment qu'ils n'avoient reçu aucune altération de la part du feu du volcan, ni subi aucun changement en se déliant. Cent parties de ce leucite donnèrent dans différentes expériences

53	—	54	Terre filiceuse
24	—	25	Terre alumineuse
20	—	22	Alcali végétal.

Comme l'Italie produit des leucites dans plusieurs autres contrées, je fus curieux de m'assurer de l'identité ou de la différence de leurs principes constituans, comparativement à ceux du Vésuve; je choisis donc le leucite d'Albano proche Rome. La couleur en est d'un jaune

blanc à la surface extérieure, la cristallisation ne sauroit être aperçue d'une manière bien prononcée, à cause que les angles & les arrêtes en sont d'ordinaire usés & abattus; tandis que le leucite du Vésuve est d'une couleur gris-cendrée & terne, & présente ses angles & ses arrêtes nettement terminées. La substance intérieure du leucite d'Albano est plus claire, plus transparente & plus libre de toute addition d'hornblende, que ne l'est le leucite du Vésuve. La proportion des parties constituantes fut sur 100

54	Terre siliceuse
23	Terre alumineuse
22	Alcali végétal.

Les seules objections que l'on pourroit faire contre les résultats auxquels nous conduisent les analyses précédentes, seroient prises de l'opinion de ceux, qui regardant tous les basaltes, & par conséquent aussi la roche basaltique servant de matrice au leucite, comme des laves, en concluroient que ni le leucite ni l'alcali qu'il contient parmi ses élémens, ne sont de formation primitive. Pour prévenir cette objection, & la couper jusque dans sa racine, il étoit nécessaire de rechercher si un leucite dont la matrice seroit bien décidément non volcanisée, de l'aveu même des volcanistes les plus outrés, offriroit néanmoins aussi parmi ses principes chimiques cet alcali, dont jusqu'à ce moment on avoit pensé qu'il étoit exclusivement propre au règne végétal. Je fis choix pour cette analyse, du leucite non cristallisé, en masses amorphes, à texture lamelleuse, d'un grain très-fin, qui accompagne les roches composées de mica, de schörl, de vésuvienne & de spath calcaire; que le Vésuve rejette dans leur état primitif & sans altération volcanique. Cette variété du leucite en masse a souvent été prise jusqu'à présent pour du quartz grenu, ou bien pour du feldspath vitreux. Le résultat de l'analyse que j'en fis, fut que ses élémens étoient pareillement *la silice, l'alumine & l'alcali végétal.*

Toutes les analyses précédentes ayant été faites sur des leucites non altérés & existant encore dans leur état primitif, il me restoit

pour compléter mon travail, d'analyser un leucite qui eût réellement subi l'action des feux volcaniques. Celui que je soumis à cette épreuve avoit été trouvé proche Pompeji, & appartenoit à la variété la plus vulgaire du leucite. Il consiste en petits grains isolés, qui à l'intérieur comme à l'extérieur sont d'un gris cendré, d'une apparence terreuse, sans aucune transparence, & friables au point où on les réduit sans peine par la trituration en une poudre assez fine.

Cent parties de ce fossile donnèrent

54½ Terre siliceuse

23½ Terre alumineuse

19½ Alkali végétal.

Les analyses précédentes que j'ai fréquemment répétées, m'ont convaincu jusqu'à l'évidence, de l'existence de l'alkali végétal dans le leucite comme principe constituant. J'en ai depuis trouvé pareillement des traces sûres dans le *Lepidolithe* & dans d'autres fossiles dont l'analyse m'occupe dans ce moment.

Cet alkali ne pouvant donc plus être envisagé comme un produit de la végétation dans les plantes, occupe une place propre dans la série des substances primitivement simples du règne minéral, & il devient nécessaire de lui assigner un nom, qui convienne mieux à sa nature.

La dénomination de *Potasse* (potasse) que la nouvelle nomenclature françoise a consacrée comme nom de tout le genre, ne sauroit faire fortune auprès des chimistes allemands, qui sentent à quel point la dérivation étymologique en est vicieuse. Elle est prise en effet de ce qu'anciennement on se servoit pour la calcination des lessives concentrées des cendres, de pots de fer (*pott* en dialecte de la Basse-Saxe) auxquels on a substitué depuis des fours à calciner.

Je propose donc ici, de substituer aux mots usités jusqu'ici d'alkali des plantes, alkali végétal, potasse, &c. celui de *kali*, & de revenir à l'ancienne dénomination de *natron*, au lieu de dire alkali minéral, soude &c.

ANALYSE CHIMIQUE
de la masse métallique d'un miroir antique.

PAR M. KLAPROTH *).

Traduit de l'allemand.

Il seroit superflu de s'arrêter à prouver que la connoissance de l'état de la métallurgie dans l'antiquité pourroit servir utilement à l'intelligence & à l'interprétation critique d'un grand nombre de passages des anciens, qui ont trait à cet objet. Plusieurs savans ont à la vérité dirigé leur attention & leurs recherches vers ces matières, ils ont rassemblé les faits isolés dont nous avons conservé la connoissance, & ils ont tenté de les ordonner de manière à en former un tout, dont l'ensemble fût facile à saisir: mais il n'en demeure pas moins vrai, qu'il existe encore beaucoup de lacunes dans cette branche des antiquités, & que les philologues ont laissé dans l'indécision ou dans l'obscurité plusieurs des questions qui s'y rapportent. L'imperfection des secours qu'ils avoient à leur disposition dans ces recherches, rend raison de cette imperfection de leurs succès. Les littérateurs & les antiquaires ont de nos jours des facilités beaucoup plus grandes pour résoudre ce genre de questions. La minéralogie & la chimie, depuis qu'elles sont traitées méthodiquement, se qualifient comme arbitres dès qu'il s'agit de statuer quelque chose sur l'état où se trouvoit la métallurgie chez les anciens.

*) Lu le 16 novembre 1797.

Convaincu du prix de chaque nouvelle addition que reçoit la masse de nos connoissances en ce genre, je me suis précédemment occupé dans un mémoire antérieur, de recherches relatives à la numismatique des anciens; & j'ai offert le résultat de l'analyse chimique des alliages que les Grecs & les Romains employoient pour leurs monnoies de bronze. Des recherches chimiques sur la nature de la masse métallique dont est formé un miroir antique, feront le sujet du présent mémoire.

Quand l'homme, sorti de la simplicité primordiale de l'état de nature, eut fait quelques pas vers les raffinemens de la civilisation, le miroir que forme la surface des eaux calmes ne suffit plus à ses nouveaux besoins: il desira des miroirs artificiels qui fussent portatifs & qu'il pût consulter avec commodité. Les métaux s'offrirent d'abord à lui pour le satisfaire sur ce point: car dès que les hommes furent les préparer & les travailler, ils durent être frappés du degré de poli que recevoient les surfaces métalliques, & de la régularité des images qu'elles réfléchissent, & ils ne tardèrent pas sans doute à se prévaloir de cette propriété.

J'ignore s'il existe quelque trace de cet emploi des métaux façonnés en miroirs artificiels, qui soit antérieure au passage de l'Exode, Chapitre 38, verset 8, où il est dit, que Moïse mit en réquisition les miroirs qui, selon l'usage des Egyptiens, faisoient partie de la parure des dames Israélites qui se rassembloient dans tous leurs atours devant le tabernacle. L'historien ajoute que ces miroirs furent fondus, & qu'on en coula une grande cuve destinée aux pédiluves des prêtres. Il est vrai que la traduction allemande de la bible a une leçon différente, & ne fait point mention de miroirs dans ce passage, que Luther traduit ainsi: *& il fit la cuve d'airain, & sa base aussi d'airain; en regard des femmes qui faisoient le service à la porte du tabernacle.* On voit qu'il a pris le mot *maroth* de l'original, comme si c'étoit le pluriel de *marah*, *il a vu*, lui faisant ainsi signifier *vis-à-vis*, *en regard*, *en face* des femmes. On peut d'autant plus justement excuser cette inadvertance de Luther, que le mot *maroth*, miroir, ne reparoit dans aucun endroit des livres sacrés des Juifs, ce seul passage excepté. Mais ce qui prouve

que le sens que nous avons présenté d'abord en traduisant *bemaroth* par *avec les miroirs*, &c., est le véritable, c'est l'accord des Septante, de la Vulgate, & des traductions angloises & hollandoises, qui comme la majorité des interprètes, & les plus savans d'entre les rabbins, se décident comme nous touchant ce passage. S'il étoit nécessaire d'ailleurs de prouver, que dans le paganisme les femmes se paroient de miroirs métalliques dans les fêtes religieuses, il suffiroit de citer Pline Liv. 33, chap. 9, Liv. 34, chap. 17. Et quant aux femmes égyptiennes de qui les Juives avoient emprunté cette coutume, voyez *Cyrille d'Alexandrie, de adoratione in spiritu* Liv. 2, Tom. I, pag. 64.

On pourroit rapporter ici le passage du livre de Job, Ch. 37, v. 18, où il est parlé de la ténacité & de la dureté des miroirs coulés, mais l'induction qu'on en pourroit tirer en faveur de la haute antiquité des miroirs métalliques, seroit fort affoiblie par l'opinion où sont aujourd'hui plusieurs critiques modernes relativement à l'époque où ce livre a été écrit; ces savans ont prouvé avec assez de vraisemblance, qu'on ne peut pas le placer dans des temps antérieurs à Salomon, & ils pensent que c'est ce roi lui-même, ou du moins un de ses contemporains, qui a composé cet écrit.

Un écrivain françois, *Menard*, dans ses *Recherches sur les miroirs des anciens*, dit que Cicéron attribue l'invention des miroirs métalliques au premier Esculape. „*Les premiers miroirs artificiels furent de métal; Cicéron en attribue l'invention au premier Esculape.*“ Il y a quelque chose de singulier dans l'idée, que le grave patron des médecins, le dieu tutélaire de l'humanité souffrante, auroit été l'inventeur du miroir. Quoi qu'il en soit, voici le passage de Cicéron, tel qu'il se trouve au 3^{ème} livre *De natura deorum* chap. 22: *Aesculapiorum primus, Apollinis quem Arcades colunt, qui specillum invenisse, primusque vulnus dicitur obligavisse*, &c. Or qui ne voit que Menard a fait ici une bévue bien lourde, en confondant *specillum*, la sonde, avec *speculum*, le miroir: & que par sa traduction il jette un jour désavantageux sur la logique du consul romain, en lui faisant placer dans une même catégorie l'invention

vention de l'appareil curatif des plaies, & celle du miroir, meuble de toilette; & en lui faisant dire, que par ces deux inventions Esculape s'éleva du niveau de l'humanité au rang des dieux.

Dès les temps les plus reculés on employoit pour les miroirs un alliage de cuivre & d'étain. Pline rapporte que ceux que l'on fabriquoit à Brundisium furent long-temps estimés les meilleurs. Il ajoute que depuis on préféra les miroirs d'argent tels que les faisoit un artiste nommé Prasitèles, contemporain de Pompée. Ces derniers consistoient en une lame d'argent pur, battue au marteau, ainsi que le prouvent ces mots de Pline: *lamina duci & specula fieri non nisi ex optimo (argento) posse creditum fuerat*: mais dès lors on mêloit à l'argent des métaux hétérogènes, car il ajoute: *id quoque jam fraude corrumpitur*. Dans la suite on doubla d'or ces miroirs d'argent, dans la vue de rendre par là les images plus distinctes; tel est au moins le sens le plus naturel du passage suivant, qui n'est pas sans obscurité: *nuper credi coeptum, certiore imaginem reddi auro opposito averso*.

Les miroirs étoient la partie la plus somptueuse de l'ameublement des dames romaines. Sénèque en fait foi, entr'autres dans les passages où il s'emporte contre le luxe effréné, auquel ses contemporaines se livroient sur ce point.

Les réflexions de ce moraliste célèbre sur l'usage raisonnable à faire du miroir (Natural. Quaest. L. I. XVII,) sont trop intéressantes & trop bien exprimées, pour ne pas les rapporter dans ses propres termes: *Inventa sunt specula, ut homo ipse se nosceret. Multa ex hoc consecuta, primo sui notitia; deinde & ad quaedam consilium. Formosus, ut vitaret infamiam: deformis, ut sciret redimendum esse virtutibus quidquid corpori deesset: juvenis, ut flore aetatis admoneretur, illud tempus esse discendi & fortia audendi; senex, ut indecora canis deponeret, & de morte aliquid cogitaret: ad hoc rerum natura facultatem nobis dedit nosmet ipsos videndi*. Mais, ajoute le philosophe, ces effets peuvent être produits sans exiger le faste somptueux des miroirs artificiels: *fons cuique perlucidus, aut laeve saxum imaginem reddit*. Sénèque montre ensuite comment par les progrès

du luxe l'usage du miroir dégénéra en raffinemens absurdes & condamnables; comment on en vint à faire des miroirs ayant toute la longueur du corps de l'homme; à les garnir de plaques d'or & d'argent, & enfin à y ajouter un entourage de pierres fines. „Un seul miroir „de ce genre, dit-il, coûte plus à nos dames, que ne coûtoit autrefois à l'état la dot qu'il assignoit aux filles de généraux indigens, „qui avoient bien mérité de la patrie. De nos jours, les sommes que le sénat accorda en dot à la fille de Scipion, ne suffisoient pas à l'acquisition d'un seul miroir, tel qu'il en faut aux filles de nos affranchis.“

Mr. le conseiller Beckmann de Göttingue avance dans son ouvrage sur l'Histoire des inventions, que ces miroirs dont les anciens nous disent, qu'ils étoient assez grands pour qu'on s'y vît tout entier, devoient nécessairement avoir été de plaques d'argent polies, „car, dit-il, pour couler de tels miroirs en cuivre allié d'étain, il auroit fallu plus d'art qu'on ne peut en prêter raisonnablement aux anciens, & il y a même lieu de douter, que parmi les artistes modernes il s'en trouvât beaucoup qui fussent en état d'en entreprendre avec succès l'exécution.“ Il me paroît néanmoins que le passage de Sénèque que je viens de rapporter prouve, que les miroirs que ce philosophe avoit en vue, n'étoient point d'argent, mais de bronze, puis qu'il dit qu'on les garnissoit d'or & d'argent; or il n'y avoit pas lieu à garnir ces miroirs en argent, si la totalité de leur masse eût été d'argent.

Quelque positifs que soient les passages dans lesquels Pline & d'autres anciens affirment que les miroirs se faisoient de leur temps d'un alliage de cuivre & d'étain; feu Mr. Möhsen notre confrère n'a pas craint pourtant, dans sa description d'un cabinet de médailles formé à Berlin, Tom. I, p. 280, d'avancer que ce genre d'alliage étoit inconnu aux anciens: *Il constate, dit-il, par la numismatique, qu'avant l'époque de Septime Sévère, nous ne trouvons par l'analyse la plus scrupuleuse aucune monnoie de cuivre qui soit alliée de plomb ou d'étain; cet alliage ne s'introduisit que sous Septime Sévère.* Les recherches de docimastie

numismatique, dont j'ai fait part à l'Académie, démontrent jusqu'à l'évidence l'entière fausseté de cette assertion.

Il n'existoit point jusqu'à ce moment d'analyse sur laquelle on pût compter, & qui indiquât si en effet les miroirs antiques contenoient les métaux dont Pline fait mention, & dans quelle proportion s'en faisoit l'alliage. Un fragment de miroir antique que j'ai reçu de Naples, & qui s'est trouvé dans un tombeau avec d'autres ustensiles & des vases, qui tous appartenoient à l'époque du style étrusco-grec, m'a mis en état de faire cette recherche, & d'en comparer le résultat avec celui de la seule analyse de ce genre qui existoit jusqu'à présent. Cette analyse fut faite par Roux; le miroir qui y servit avoit pareillement été trouvé près de Naples; on trouve les détails relatifs à ce travail dans le recueil d'antiquités du comte Caylus, Tom. I, p. 174. L'auteur décrit la masse métallique, comme étant très-cassante & aigre, d'une couleur blanche tirant sur le gris. Elle se soutient long-temps à l'incandescence avant de parvenir à la fusion. Elle n'entre point en ignition, & ne répand aucunes vapeurs ni de zinc ni arsénicales: jusqu'ici il y a parité entre les propriétés que j'ai trouvées dans mes épreuves, & celles rapportées par Roux. Mais les résultats de mon analyse, relativement aux parties constituantes de la masse, s'écartent beaucoup de ceux qu'il infère de son travail. En effet, Roux croit avoir découvert, outre le cuivre & le plomb, de l'antimoine dans son alliage, & d'un autre côté il y nie absolument l'existence de l'étain.

Mr. le conseiller Beckmann, dans l'ouvrage cité plus haut sur l'Histoire des découvertes, dit & avec beaucoup de raison, qu'il lui paroît très-invraisemblable que l'antimoine ait été connu dans ce temps, & employé dans les alliages métalliques. Il s'adressa à Mr. le conseiller Gmelin, pour savoir son avis sur ce point. Nous trouvons à l'endroit cité plus haut, la réponse de ce savant, qui croit vraisemblable qu'en effet le métal analysé par Roux ait contenu de l'antimoine; mais qui ne pense pas que cet alliage ait été effectivement exempt de tout mélange d'étain.

Quant à mon analyse je dois en conclure, que le métal du fragment sur lequel j'ai opéré, contient du cuivre, de l'étain & du plomb.

Le fragment qui me fut communiqué, étoit une plaque métallique, dont les deux faces étoient recouvertes d'oxide vert de cuivre.

Après avoir enlevé ces deux couches, l'épaisseur de la plaque se trouva être d'une ligne décimale d'épaisseur. La masse étoit compacte, très-dure & cassante; la cassure fraîche étoit d'un gris blanc, & prenoit par le polissage un beau luisant. La pesanteur spécifique du métal étoit, après que j'en eus enlevé l'oxide vert, $= 8,580 : 1000$.

a) Je versai sur cent grains pesant de cet alliage, de l'acide nitrique, que je tins en digestion; j'obtins une solution bleue, & après des digestions itératives il resta 39 grains d'une poudre d'un gris blanchâtre.

b) Je concentrai la solution nitrique par l'évaporation, je l'éprouvai ensuite par une solution saturée de muriate de natron (muriate de soude); je n'observai aucun changement. Ayant ensuite ajouté à la solution du sulfate de natron, (sulfate de soude) le mélange se troubla, il se déposa un précipité blanc, qui fut long-temps à se rassembler au fond, & qui étoit de sulfate de plomb. Ce précipité recueilli se trouva correspondre à 6 grains de plomb métallique.

c) Je précipitai ensuite le cuivre de la solution par l'intermède du fer. La quantité de cuivre métallique que je rassemblai ainsi, fut de 62 grains.

d) Sur les 39 grains que l'acide nitrique avoit laissés en sédiment, je versai de l'acide muriatique, & mis le tout en digestion douce. La solution s'opéra lentement, la liqueur étoit diaphane & d'un jaune paille. L'ayant délayée de trois parties d'eau j'y suspendis un barreau de zinc, qui se couvrit successivement de petites aiguilles d'étain métallique comme en dendrites. Ayant rassemblé cet étain, je le trouvai du poids de 32 grains.

Cent parties de cette masse de miroir métallique contenoient donc :

Cuivre	62
Etain	32
Plomb	6
<hr/>	
Total	100

Il conſte donc par cette analyſe, que les anciens employoient déjà pour la confection de leurs miroirs le même alliage qui ſert aujourd'hui aux miroirs des télescopes de réflexion. La quantité de plomb qui ſe trouve dans cet alliage, eſt ſi petite qu'elle ne doit pas entrer en ligne de compte, & qu'elle ne peut pas avoir modifié les effets. Il eſt d'ailleurs vraisemblable que ce plomb n'eſt point entré dans l'alliage du ſeu de l'artiſte, & en conformité du plan d'opération ſur lequel il travailloit; il paroît plutôt que c'eſt en fraude que ce métal avoit été introduit parmi l'étain, qui ſûrement étoit chez les anciens d'un beaucoup plus haut prix que chez nous. Pline, Liv. 38, chap. 6, ſe plaint de cette falſification de l'étain par le plomb. *Plumbum candidum* (j'ai prouvé ailleurs que cette expreſſion désigne notre étain) *quod aeri incoquebatur, improbiores nigro temperabant.*

Les proportions des divers métaux, qui compoſent l'alliage du miroir antique, ſont à peu de choſe près les mêmes que l'on obſerve aujourd'hui dans la confection des miroirs des télescopes, pour lesquels la règle la plus généralement reçue eſt de prendre deux parties de cuivre & une partie d'étain. Il eſt vrai que nos artiſtes pratiquent communément l'addition de quelqu'autre ſubſtance métallique, telle que l'argent, le zinc, l'antimoine ou l'arſenic; mais ces additions ſe font en ſi petites quantités qu'elles ne peuvent influer eſſentiellement ſur les qualités de l'alliage; tout ce qu'on ſe propoſe eſt de préſerver plus efficacement les ſurfaces contre la rouille ou le terniſſement, ou bien d'amener l'alliage à une fonte plus coulante & à un bain plus liquide. C'eſt ſurtout cette dernière fin qu'on ſe propoſe, & qu'on obtient juſqu'à un certain point par l'addition de l'arſenic. Les anciens qui ne

connoissoient point cette dernière substance, ne pouvoient pas se prévaloir de la propriété qu'elle a, de rendre les alliages plus coulans.

On fait au reste que depuis l'invention des miroirs de glaces, les miroirs métalliques sont tombés entièrement en désuétude, ou du moins ne se présentent plus comme meubles de toilette. Cependant, en prenant la chose à toute rigueur, les miroirs de verre ne sont autre chose que des miroirs métalliques, car ce n'est point la substance du verre, mais uniquement la lame d'amalgame d'étain, appliqué à la surface postérieure, qui réfléchit l'image & constitue le miroir.

R É F L E X I O N S

*sur les phénomènes de la décomposition & de la récomposition
de l'eau & sur les conséquences qu'on en a déduites.*

PAR M. JEAN TREMBLEY *).

S E C O N D M É M O I R E.

J'ai examiné dans le premier mémoire, les conséquences que M. Lavoisier & quelques autres chymistes célèbres ont déduites des phénomènes nouveaux & importants qu'ils avoient observés dans la décomposition & la récomposition de l'eau. J'ai eu grand soin d'avertir que je ne prétendois pas répandre le moindre doute sur les faits qui servent de base à la nouvelle théorie, mais que mon but étoit uniquement de chercher si cette théorie résulroit immédiatement des faits, sans mélange de suppositions arbitraires. J'ai retiré un fruit bien précieux de mon travail, par les observations qu'un des premiers chymistes de l'Europe, M. Klaproth, membre de cette académie, a bien voulu me communiquer. Rien ne pouvoit m'être plus agréable & plus utile en même temps que la communication des idées de cet illustre savant, dont la sagesse & la modestie égalent les talens. Je me propose d'examiner dans ce mémoire jusqu'à quel point les observations de M. Klaproth infirment les conclusions que j'ai prises dans le mémoire précédent, & en quoi consistent proprement les différences qui subsistent entre

*) Lu à l'Académie le 23 mars 1797.

nous. S'il n'étoit question que de recherches de chymie proprement dite, je n'aurois pas la témérité de discuter les opinions d'un savant dont je pourrois à peine être le disciple. Mais il s'agit ici de l'influence des phénomènes chymiques sur la physique générale, sur la nature des élémens de la matière, de la fluidité, de l'élasticité &c. J'ai cru qu'il m'étoit permis d'insister sur la nature de cette influence, & de soumettre mes idées au jugement même de l'auteur des observations. Pour qu'il soit plus aisé de saisir l'état de la question, j'exposerai l'une après l'autre les observations de M. Klaproth, traduites de mot à mot de l'original allemand.

Première observation.

„Une multitude de contradictions apparentes qui se présentent dans les explications des phénomènes chymiques dispaçoit dès qu'on fait entrer en considération une loi de la nature trop négligée aujourd'hui, savoir que l'attraction chymique de deux matières hétérogènes, & la formation d'un nouveau corps homogène qui en résulte, n'a lieu qu'à un degré déterminé de température. Un exemple éclaircira la chose. Le mercure & l'oxygène ont entr'eux une affinité chymique. Mais à la température ordinaire de l'atmosphère, le mercure n'est pas susceptible de décomposer l'air vital, & d'en séparer l'oxygène, parce que dans les degrés inférieurs de la température, l'attraction chymique qui unit l'oxygène à la lumière & au calorique, est plus forte que celle qui l'unit au mercure. Mais si l'on élève la température jusqu'au degré de l'ébullition du mercure (environ 500 à 600 degrés de Fahrenheit), l'attraction de l'oxygène pour le mercure surpasse alors son attraction pour le calorique, & il se forme alors de l'oxyde de mercure rouge. Mais si l'on expose cet oxyde à une chaleur encore plus forte, savoir celle de l'incandescence, alors ces deux parties se séparent, l'attraction de l'oxygène pour le calorique & la lumière reprend le dessus, l'oxygène reforme avec le calorique de nouvel air vital, & abandonne le mercure qui revient à son premier état métallique. Il en

en est de même du mélange de l'air vital & de l'air inflammable. Ces deux matières subsistent sans se décomposer, & leur mélange n'est que mécanique, jusques à ce que l'élévation de la température produise une attraction plus forte des bases l'une pour l'autre, & les mette en action. Ces bases se débarrassent alors du calorique & de la lumière avec lesquelles elles étoient unies, & se mêlent chymiquement, d'où résulte la formation d'un nouveau corps, savoir de l'eau. Ce résultat a une analogie naturelle avec une multitude d'autres procédés chymiques, & ne peut par conséquent pas fournir d'objection contre la théorie de M. Lavoisier. Il est certain que tout le calorique ne se dégage pas dans cette opération, car l'eau engendrée en absorbe une partie, c'est-à-dire autant qu'il en faut pour être fluide. Sans cela le produit ne seroit pas de l'eau, mais de la glace."

J'admets tous les faits contenus dans cette observation de M. Klaproth, mais je crois que ce ne sont que des faits qui ne résultent en aucune façon de la théorie de M. Lavoisier. Le mot d'attraction ne peut être pris en chymie, non plus qu'en physique, que pour un fait dont on ignore la cause. Newton n'a jamais dit que les corps s'attiroient en raison inverse du carré des distances. On ne peut donc pas dire que Newton a découvert une théorie qui contient la cause des mouvemens célestes, mais on doit dire qu'il a découvert la loi que suivent ces mouvemens, & par là a mis le géomètre en état de calculer la position de chaque corps céleste pour chaque instant donné. Mais en chymie on est bien éloigné d'avoir découvert une telle loi, & l'on ne connoît ni la cause réelle ni la loi que suit cette cause inconnue. Les faits que rapporte M. Klaproth, loin de nous conduire à la connoissance d'une telle loi, présentent des paradoxes qui semblent inconciliables avec l'hypothèse de M. Lavoisier. Car dans cette hypothèse l'oxygène se trouve dissous dans le calorique, & au degré de la température ordinaire il y a entre ces deux fluides un certain degré d'attraction. Lorsque la chaleur est parvenue au degré de l'ébullition du mercure, c'est-à-dire lorsque la quantité du calorique a augmenté,

cette attraction diminue au point que l'oxygène se dégage du calorique & s'unit avec le mercure. Mais lorsque la quantité du calorique a augmenté, la distance entre les particules du calorique & les particules de l'oxygène doit avoir diminué; ainsi dans ce cas l'attraction paroît suivre la loi directe des distances, au lieu de la loi inverse que Newton a déduite des phénomènes généraux du système du monde. La même conclusion se déduit du cas où ce qu'on appelle les bases de l'air vital & de l'air inflammable, restent unies avec le calorique à une certaine température, & s'en séparent lorsque l'on élève cette température à un certain degré. Pour ce qui regarde le mercure, si l'on élève encore le degré de la température, ou qu'on augmente la quantité du calorique, en poussant la chaleur jusqu'à l'incandescence, l'attraction entre l'oxygène & le calorique recommence à augmenter, en sorte que l'oxygène se combinant avec le calorique, reforme de l'air vital, & que le mercure revient à son état métallique. Ici la distance entre les particules du calorique & de l'oxygène diminuant encore, l'attraction redevient plus forte. Il y auroit donc d'après ce fait une certaine distance des particules, en de çà & au de-là de laquelle l'attraction augmente, & qui donne un *minimum* d'attraction, pour parler à la manière des géomètres. Dans ce cas, l'attraction suivroit une loi composée de la raison directe & de la raison inverse du carré des distances, & l'on pourroit la représenter par une formule telle que celle-ci: $ax + \frac{b}{xx}$, x étant la distance, a & b des constantes qu'on détermineroit d'après l'observation. Cette formule donne un *minimum* lorsque $x = \sqrt[3]{\frac{2b}{a}}$, l'attraction augmente lorsque la distance est plus grande ou plus petite que cette quantité. On pourroit imaginer une infinité de formules de ce genre; mais qui ne voit que ce seroient de pures fictions, puisqu'à une grande distance l'attraction suivroit à-peu-près la raison directe de la distance, tandis qu'il est prouvé par les phénomènes du système du monde, qu'elle suit à-peu-près la raison inverse des carrés. Ainsi dans le système de M. Lavoisier l'attraction ne

peut servir à expliquer les faits que cite M. Klaproth, & si l'on vouloit introduire diverses espèces d'attraction, que l'on feroit varier avec les phénomènes, on ramèneroit évidemment les qualités occultes qui sont le tombeau des sciences. Il faudra donc supposer que la chaleur augmente non par la simple augmentation du calorique, mais par l'augmentation de son mouvement, & ici reviennent sur la cause de cette augmentation les difficultés que j'ai indiquées dans le mémoire précédent à l'occasion de la théorie de M. Daniel Bernoulli, difficultés auxquelles M. Klaproth n'a pas touché dans ses observations. M. Monge avoit donc raison de dire que le phénomène qui se présente ici, d'après lequel, en augmentant la dose du dissolvant, on diminue son adhérence avec sa base, est absolument contraire à ce qu'on observe dans les opérations analogues de la chymie. Supposons une eau saturée de sel, en augmentant la dose de l'eau, toutes choses d'ailleurs restant les mêmes, il est évident que l'on n'aura aucun précipité, & que le sel ne se séparera pas de l'eau avec laquelle il est uni. En considérant donc le phénomène sous ce point de vue, c'est-à-dire en considérant l'air vital comme une dissolution de l'oxygène dans le calorique, comme le fait M. Monge d'après la théorie de M. Lavoisier, on ne peut le concilier avec les phénomènes que nous présente la chymie. Aussi M. Bertholet nous apprend que M. Monge a eu recours pour l'expliquer, à cette supposition que „la compression produite soit par un moyen mécanique, soit par la chaleur, pourroit bien être la principale cause qui en rapprochant les molécules du centre de l'action de leur affinité, les obligerait à se combiner, & à relâcher la partie de leur calorique qui ne pourroit pas entrer dans leur nouvelle combinaison.“ Il est évident que cette explication, si c'en est une, sort absolument de la théorie de M. Lavoisier, car d'après ce grand chymiste, une certaine quantité de calorique produit la fluidité, une quantité plus grande produit l'élasticité, & cette élasticité augmente avec la quantité du calorique; mais ici il est question d'une compression produite ou par un moyen mécanique dont on ne nous explique point la nature, ou par

la chaleur. Mais suivant M. Lavoisier, la chaleur est due au calorique qui produit en même temps l'élasticité; comment donc ce calorique peut-il produire à la fois l'élasticité & la compression? & une compression par laquelle il se chasse lui-même des agrégats qu'il avoit formés avec l'oxygène? Dans le premier cas, l'on admet un moyen nouveau & inconnu qui a été oublié dans la théorie, & qui en prouve l'insuffisance: dans le second, on fait jouer au calorique des rôles si différens & si opposés, qu'il n'est pas possible de s'en former une idée, & l'on retombe par là dans le défaut qu'on a tant reproché au phlogistique.

Dans le second volume du Journal des écoles normales, article Chymie, M. Bertholet expose une nouvelle solution de ce paradoxe, que je vais rapporter dans les propres termes dont se sert cet illustre chymiste. „Nous avons vu que le calorique s'accumuloit dans une substance qui prenoit l'état de vapeur ou de gaz. La vapeur qui abandonne le calorique par un simple abaissement de température, ne le retient que par une foible affinité; mais le gaz qui conserve un état élastique, à quelque abaissement de température qu'on parvienne, annonce une grande affinité avec ce principe. Néanmoins, plus le calorique se trouvera accumulé dans ce gaz, plus la force élastique qu'il exerce prendra d'intensité, parce que conformément aux principes que nous avons reconnus dans la théorie des attractions chymiques & dans celle de la chaleur, la tendance à la combinaison doit diminuer à mesure qu'on approche de l'état de saturation, & l'élasticité des dernières parties du calorique doit devenir de plus en plus prédominante. Pendant que s'accroît la force élastique du calorique ou celle par laquelle il tend à reprendre son état naturel, l'affinité de l'hydrogène sur l'oxygène agit d'une manière peut-être constante, peut-être même dans une proportion croissante, & la combinaison qui doit en résulter tend à se combiner avec une portion déterminée du calorique. On doit donc arriver à un moment où l'affinité de l'hydrogène pour l'oxygène, secondée par la force élastique du calorique, l'emporte sur l'affinité que le calorique a pour l'oxygène & pour l'hydrogène; alors com-

mençera l'explosion, & la chaleur qui en fera d'abord produite augmentera la cause de séparation. On peut donc se représenter ainsi les forces qui détermineront la formation de l'eau & le dégagement d'une partie du calorique; forces quiescentes, affinité du calorique pour l'hydrogène, affinité du calorique pour l'oxygène; forces divellentes, affinité de l'hydrogène pour l'oxygène, & de leur combinaison pour une proportion déterminée du calorique, effort expansif du calorique."

M. Bertholet suppose ici que le calorique est dissous dans l'oxygène & l'hydrogène, au lieu que toute la théorie de M. Lavoisier porte sur la proposition inverse, savoir que l'oxygène & l'hydrogène sont dissous dans le calorique. En rétablissant cette proposition, le raisonnement de M. Bertholet tombe, & l'objection de M. Monge reprend toute sa force. En augmentant la quantité du corps dissous, on conçoit bien qu'il doit se faire une précipitation, & c'est sous ce point de vue que M. Bertholet envisage ici la chose; mais en augmentant la quantité du dissolvant il n'en est plus de même, & la séparation ne peut s'expliquer. Ainsi l'explication de M. Bertholet ne peut avoir lieu si l'on conserve la théorie de M. Lavoisier; & si on considère cette explication en elle-même, on n'en est guères plus avancé. Car les bases de l'oxygène & de l'hydrogène ne sont pas par elles-mêmes des fluides élastiques, ce sont des solides qui doivent leur fluidité & leur élasticité au calorique; comment donc concevoir qu'un fluide élastique soit dissous dans un solide? Le sens des termes est ici renversé, & il faudroit changer toutes les notions reçues en physique. Et dans cette supposition même, les objections que nous venons de présenter sur les lois que doit suivre l'attraction relativement aux distances, reviennent avec toute leur force. Quelle que soit la dissolution, les parties de l'oxygène & de l'hydrogène doivent s'écarter les unes des autres à mesure que la quantité de calorique augmente, & dès lors leur attraction ne peut augmenter sans suivre une fonction directe des distances, ce qui reproduit la difficulté que nous avons exposée. Les mêmes objections se présentent aussi sur la chaleur produite par l'explosion qui devient

cause de séparation, la chaleur étant dans cette théorie tantôt cause & tantôt effet. Enfin, l'on ne nous explique point comment le calorique a si peu d'affinité avec les gaz; c'est un phénomène dont nous avons parlé dans le premier mémoire, & dont on n'a rendu raison ni par la théorie ni par les modifications qu'on lui fait subir. Si l'on trouve encore de si grandes difficultés dans les explications rapportées par des hommes d'un génie aussi étendu, ne faut-il pas en conclure que malgré l'importance des faits nouvellement découverts, la nature n'a pas encore suffisamment parlé, & qu'on a besoin de nouveaux faits plutôt que de nouvelles théories. En cherchant à augmenter le nombre des faits, on travaillera en même temps, comme M. Monge l'a fort bien remarqué, & pour la pratique & pour la théorie, & l'on se mettra en état de proscrire des conjectures qui ne sont dûes qu'à l'ignorance des faits ultérieurs dont la connoissance appartient essentiellement à ce sujet. Je crois pouvoir offrir ces considérations à M. Klaproth avec d'autant plus de confiance, que les découvertes qui ont acquis à ce célèbre chymiste une grande réputation, reposent immédiatement sur des faits exactement déterminés, & ne renferment aucune hypothèse arbitraire. La méthode dont je parle ici est celle que prescrivait Newton. *Philosophiae naturalis id revera praecipuum est officium & finis, ut ex phaenomenis sine fictis hypothesebus arguamus.* Aussi ce grand homme a-t-il pris de grandes précautions pour qu'on ne se méprit pas sur le terme d'attraction. *Quam ego attractionem appello, fieri sane potest ut ea efficiatur impulsu, vel alio aliquo modo nobis ignoto. . . . Affirmare, singulas rerum species specificis esse praeditas qualitatibus occultis, per quas eae vim certam in agendo habeant, certosque effectus manifestos producant, hoc utique est nihil dicere.* At ex phaenomenis naturae duo vel tria derivare generalia motus principia, & deinde explicare quemadmodum proprietates & actiones rerum corporearum omnium ex principiis istis manifestis consequantur, id vero magnus in philosophia factus esset progressus, etiam si principiorum istorum causae nondum essent cognitae. Si donc, en supposant avec M. Lavoisier un fluide éminemment élastique,

tel qu'il suppose le calorique, on pouvoit faire voir que cette supposition dérive immédiatement des phénomènes, & qu'elle explique naturellement les propriétés des composés que nous avons sous les yeux, on pourroit admettre légitimement cette théorie, lors même que la cause de l'élasticité de ce fluide, sa composition, & la manière dont il se meut, seroient inconnues. Mais premièrement l'existence d'un fluide qui produit la chaleur, la fluidité, l'élasticité &c. de telle façon que lorsqu'un fluide élastique revient à l'état de solide, il y a production de chaleur ou dégagement de calorique, l'existence, dis-je, d'un tel fluide ne résulte pas immédiatement des phénomènes, puisque, comme le remarque M. Bertholet, une quantité prodigieuse de gaz muriatique oxygéné se concentre pendant plusieurs heures dans une solution alcaline, & qu'une quantité considérable de muriate oxygéné de potasse se dépose sous une forme concrète sans aucune chaleur sensible. Il est vrai que M. Bertholet explique ce fait en disant qu'à mesure que le calorique se dégage, il est absorbé par d'autres principes, ce qui empêche la production de la chaleur. Mais le fait n'étant plus général, il faut rendre raison des exceptions autrement qu'en disant que lorsqu'il n'y a pas production de chaleur le calorique est absorbé, car ce seroit expliquer les effets naturels par les qualités spécifiques que proscribit Newton. M. Lavoisier suppose de plus, que les fluides élastiques ne sont que des dissolutions de matières solides dans le calorique, en sorte qu'il admet un grand nombre de bases solides & un seul fluide élastique. Mais M. Monge a observé qu'on pourroit aussi expliquer la formation de l'eau en supposant que l'air vital & l'air inflammable ne sont autre chose que de l'eau dissoute dans deux fluides élastiques différens, & qu'après l'inflammation ces fluides se dégagent de l'eau & forment le calorique par leur combinaison. Il n'est donc pas prouvé que le calorique soit un fluide élastique homogène, & que sa décomposition ne donne pas lieu à une partie des effets naturels que nous observons. Car on n'a point encore de preuves directes de la fausseté de cette explication, & je traiterai de celles qu'on tire de la sécheresse des airs,

en répondant à la troisième observation de M. Klaproth. Au reste, le phénomène dont parle M. Bertholet, savoir que les corps gazeux peuvent perdre leur élasticité sans production de chaleur, a été aperçu par Newton, comme le prouve le passage qu'à cité M. le comte Morozzo, & qui se trouve dans la 30^e des questions qui terminent l'Optique. *Corpora densa fermentescendo rarefiunt in varia genera aëris, & aër iste fermentatione, nonnunquam etiam sine fermentatione, revertitur in corpora densa.* Ce passage a une analogie frappante avec les découvertes modernes; il est bien à regretter que nous n'ayons pas les observations mêmes de Newton. Mais on sait que dans la dernière année de sa vie il brûla une grande quantité de papiers relatifs à la chimie, parce qu'ils ne contenoient que des recherches imparfaites.

Seconde observation.

„Que l'eau réduite en vapeurs par la simple élévation de température soit toujours de l'eau non décomposée, & comme telle un corps homogène par le mélange chymique de ses parties, c'est ce qui est certain. Mais si ces vapeurs se trouvent en contact avec le fer chaud, l'eau se décompose alors chymiquement, on n'aperçoit plus les deux fluides élastiques permanens dont elle est composée, mais seulement un d'entre eux, savoir l'hydrogène, lequel dissous dans le calorique, forme un gaz permanent & donne l'air inflammable essentiellement différent de la vapeur aqueuse. Le second élément de l'eau, savoir l'oxygène, ne peut pas alors disparoitre sous la forme de gaz, parce que son affinité avec le fer, en vertu de laquelle il concourt à former l'oxyde de fer noir, est plus grande que son affinité avec le calorique.“

Cette observation de M. Klaproth renferme, comme la précédente, des faits très-bien déterminés & que j'admets en tant que faits sans le moindre doute, mais ces faits dérivent-ils naturellement de la théorie de M. Lavoisier, & sans le secours de nouvelles suppositions? c'est là la question. Le calorique, dit M. Lavoisier, en augmentant en quantité, transforme les solides en liquides, & les liquides en fluides élasti-
ques

ques par une augmentation ultérieure. Mais ici la présence du calorique ne suffit pas seule, puisqu'à quelque degré qu'on pousse la chaleur, la vapeur de l'eau ne devient jamais un fluide élastique permanent, quoiqu'elle acquière une élasticité prodigieuse. On répond que dans le cas des vapeurs, l'eau se trouve combinée avec le calorique sans se décomposer, au lieu qu'elle se décompose lorsqu'on la met en contact avec le fer chaud. Mais cette réponse contient un fait & non pas une explication, & ce fait ne pouvoit se prévoir par la théorie de M. Lavoisier. Il ne suffit donc pas, pour rendre raison de l'existence des fluides élastiques permanens, de dire que la présence d'une certaine quantité de calorique les a rendus tels; il faut de plus que l'eau qui les produit soit décomposée en vertu de l'affinité chymique qui se trouve entre le fer & un de ses élémens. La transformation des liquides en fluides élastiques ne s'explique donc pas simplement par une plus grande dose de calorique, il faut y joindre la doctrine des affinités, dont personne jusqu'ici n'a donné l'explication, & c'est tout ce que j'ai prétendu dire dans le mémoire précédent.

Troisième observation.

„La supposition que l'eau qui est engendrée en faisant détonner un mélange de gaz hydrogène, n'est pas de l'eau essentiellement pure, mais peut encore contenir de l'air, n'est pas admissible; 100 grains d'eau qui proviennent de 100 grains d'un mélange composé de 85 grains d'air vital & de 15 grains d'air inflammable, peuvent certainement être assimilés à tous égards à 100 grains de toute eau pure; ils occupent un même espace, ont une même pesanteur spécifique, dissolvent une même quantité d'un sel déterminé &c. De plus, aucune des deux espèces de gaz dont les bases forment l'eau, ne peut être dissous dans l'eau suivant un plus grand rapport que tout au plus celui de trois pouces cubiques sur 100 pouces cubiques d'eau; 100 grains d'eau ne font pas beaucoup plus d'un tiers de pouce cubique, l'air qui y est dissous ne peut guères faire qu'un centième de pouce cubique, dont le poids

Mém. 1797.

[I.] 5.

est tout au plus de $\frac{1}{100}$ de grain, ce qui est presque nul si on l'estime dans la balance. Mais cette quantité si petite par elle-même, ne peut pas même être contenue dans l'eau engendrée dans ce cas. Car le rapport de trois pouces cubiques d'air à cent pouces cubiques d'eau ne peut avoir lieu qu'à une température qui approche de celle de la glace. Mais dans la formation de l'eau par les airs, la chaleur qui se dégage rend l'eau tout-à-fait incapable d'absorber même cette petite quantité d'air. Pour ce qui regarde l'opinion que l'air peut être dissous dans l'eau de telle manière qu'il ne puisse en être séparé par aucune méthode connue, cette opinion n'a pas la moindre raison en sa faveur, & il n'y a pas un seul phénomène connu sur lequel on puisse appuyer le plus légèrement cette conjecture. L'hypothèse que *vice versa* les gaz que l'on obtient dans la décomposition de l'eau, contiennent encore de l'eau, ne pourroit jusqu'à de nouvelles preuves être proposée que pour le gaz hydrogène. Mais 100 grains d'eau ne fournissent que 15 grains de gaz élastique, c'est-là ce que pèse la quantité d'hydrogène contenue dans cette quantité d'eau. Or on voit aisément combien la quantité d'eau contenue dans ces 15 grains est petite. L'autre élément de l'eau, savoir l'oxygène qui en fait les $\frac{85}{100}$, ne se dégage pas sous la forme de gaz, mais s'unit avec le fer dans un état concret, si du moins on opère la décomposition de l'eau par le moyen de ce métal. Mais que ces 85 grains d'oxygène tirés de 100 grains d'eau, ne contiennent point d'eau, c'est ce qui est évident, parce que la chaleur est dans ce moment poussée jusqu'à l'incandescence, & que l'opération va jusqu'à la vitrification sans que l'eau perde de son poids."

Le détail que donne ici M. Klaproth des doses contenues dans les gaz obtenus par la décomposition de l'eau & employés à sa récomposition, est certainement très-exact & conforme aux résultats de l'expérience, mais j'ose dire qu'il n'infirme point du tout les raisonnemens exposés dans le mémoire précédent, raisonnemens qui supposent l'existence des faits rapportés dans cette observation. Tout dépend ici, à ce que je crois, de bien poser l'état de la question. Si je prétendois

expliquer quelque phénomène de chymie par la supposition que l'eau la plus pure contient encore de l'air, ou que l'air le plus pur contient encore de l'eau, on pourroit m'opposer avec raison les faits & les calculs que rapporte M. Klaproth, on pourroit exiger de moi que je rapportasse des faits qui pussent servir à fonder la probabilité de cette supposition. Mais la question dont il s'agit ici est absolument différente. M. Lavoisier a prétendu expliquer par le moyen des phénomènes observés la nature intime de l'eau & des airs, il a prétendu nous apprendre quelles étoient leurs parties intégrantes, leurs véritables élémens, & pour réussir dans une si haute entreprise, il étoit obligé de faire voir en détail comment la théorie qu'il nous enseignoit résultoit des faits, il étoit du moins obligé d'exclure par des raisonnemens rigoureux les suppositions qui ne s'accordoient pas avec les siennes, car si une théorie ne résulte pas immédiatement des faits, on ne peut en prouver la vérité qu'en prouvant la fausseté de toutes les théories qui en diffèrent. C'étoit donc M. Lavoisier qui étoit chargé de toutes les preuves, & non pas les physiciens qui doutoient de l'étendue des conséquences qu'il essayoit de développer. Tout le nerf de ses raisonnemens consistant dans cette assertion que l'eau qui nous paroît pure l'est effectivement, que les airs qui nous paroissent purs le sont effectivement, je crois être fondé à distinguer, comme je l'ai fait dans le premier mémoire, l'état apparent de l'état réel. La pureté apparente de l'eau & des airs ne veut dire autre chose sinon que les moyens que nous employons pour extraire l'eau de l'air ou l'air de l'eau, n'ont plus d'efficace sensible, & que les forces qui unissent encore l'air à l'eau ou l'eau à l'air, surpassent en intensité celles que nous pouvons mettre en œuvre pour les séparer. Cela peut suffire pour les usages chymiques, je l'accorderai volontiers. Mais cela peut-il suffire pour nous mettre en état de prononcer absolument sur la nature intime de l'eau & des airs, d'affirmer que dans la composition de l'eau qui nous paroît pure, il n'y a point de particules d'air qui entrent dans la composition de ses élémens, & *vice versa*, c'est ce qui ne paroît pas vraisemblable. Personne ne nie

qu'il ne puisse entrer dans la combinaison des corps solides une certaine quantité de feu ou de calorique, qui ne s'y fait pas sentir, & dont l'existence ne peut être aperçue que lorsqu'il vient à se dégager. Tout le monde convient que le calorique, en tant qu'il est combiné avec les fluides, & qu'il produit par là leur liquidité ou leur élasticité, n'agit pas sur le thermomètre, & qu'il ne produit de la chaleur que lorsque cette combinaison vient à se dissoudre. Comment exclure cette possibilité par le simple raisonnement, sans faits positifs, tandis que nous ne connoissons ni la nature de l'élasticité, ni celle de la fluidité. Il est inutile d'objecter qu'aucun fait de chymie ne nous conduit à cette supposition. Car, je le répète, il n'est pas ici question d'une opération ordinaire de chymie, il s'agit de la composition intime des substances, de la nature de leurs élémens, & la question est, de savoir si les phénomènes connus peuvent nous conduire à ces connoissances. Ce seroit supposer ce qui est en question, que de dire que toute supposition sur cette composition intime doit être exclue, si elle ne découle pas des phénomènes connus; les partisans de l'affirmative doivent prouver au contraire que toutes les suppositions qui diffèrent de la leur, contiennent quelque chose d'absurde en soi, abstraction faite de l'expérience, & en attendant cette preuve, on est en droit de considérer les phénomènes de la composition & de la décomposition de l'eau, comme des transformations plutôt que comme de véritables compositions & décompositions. Et ce que j'ai rapporté dans le mémoire précédent fait voir que M. Monge, quoiqu'en apparence d'une opinion contraire, a cependant des idées essentiellement conformes à ces principes. Car après avoir rapporté le phénomène de la composition de l'eau, il ajoute dans le passage que j'ai cité, qu'une partie de l'eau produite vient certainement de celle que les deux airs tenoient en dissolution dans leur état aëriiforme, mais qu'on ne peut pas dire qu'elle en vienne entièrement, parce qu'alors l'air inflammable & l'air déphlogistiqué ne seroient alors essentiellement composés l'un & l'autre que de la matière du feu & de celle de la lumière, substances qui ne sont pas coërcibles. On

voit donc que M. Monge admet tacitement que les airs peuvent contenir réellement plus d'eau que les épreuves ordinaires ne nous le font connoître, sans cela il n'auroit pas eu recours à l'incoërcibilité du feu & de la lumière, & se feroit contenté de dire qu'il est démontré par les faits que ces airs ne contiennent qu'une très-petite quantité d'eau. De plus, lorsque M. Monge observe que l'on peut supposer que les deux gaz sont de l'eau dissoute dans des fluides élastiques différens, comme je l'ai rapporté plus haut, il admet aussi tacitement qu'il peut y avoir dans les gaz plus d'eau qu'on ne le suppose ordinairement, autrement la sécheresse absolue des gaz démontreroit l'impossibilité de la supposition. En répondant à M. Monge dans le premier cas, que puisqu'il y aoir dans l'air plus d'eau que les épreuves n'en indiquent, il peut aussi y avoir dans l'eau plus d'air que les épreuves n'en indiquent, & que par conséquent l'eau qu'on obtient par la détonation des gaz, ne peut être censée essentiellement pure, on conserve une analogie parfaite avec les idées de cet illustre géomètre. Cela posé, comme nous ne savons point du tout ce que l'élasticité est en soi, nous ne pouvons pas déterminer s'il n'y a point telle proportion suivant laquelle un fluide élastique peut se combiner intimement avec un fluide non élastique, de façon que le produit ait la forme ou d'un fluide élastique ou d'un fluide non élastique. L'on ne peut donc pas prouver l'impossibilité de la transformation, ni par conséquent la vérité de la décomposition. Je finirai ma réponse à cette observation en rappelant une idée que j'ai indiquée dans le mémoire précédent, & dont le développement m'entraîneroit trop loin, mais qui peut servir à faire juger des difficultés qui embarrassent encore la théorie de M. Lavoisier lorsqu'on veut remonter aux principes. Suivant ce grand physicien, un gaz n'est composé que d'une matière qu'il appelle base dissoute dans le calorique; cette base varie avec le gaz, M. Lavoisier suppose autant de bases différentes qu'il y a de gaz différens. Voilà donc un nombre considérable d'élémens introduits dans la doctrine chimique, car on ne nous apprend rien sur la nature de ces bases &

sur les rapports qu'elles peuvent avoir entre elles. Pourquoi ces bases ne se trouvent-elles jamais sous la forme de solide? comment leur quantité plus ou moins grande détruit-elle, au moins en apparence, l'élasticité du calorique? & si la transformation des fluides élastiques en liquides & des liquides en solides exige d'autres conditions que la simple diminution du calorique, pourquoi la théorie de M. Lavoisier ne renferme-t-elle pas ces conditions? Je laisse le soin d'approfondir ces idées à ceux qui sont plus en état que moi de le faire, mais je crois que l'on peut conclure de là que les faits remarquables dont la chymie vient de s'enrichir, sont encore en trop petit nombre, trop isolés, & présentent trop d'anomalies, pour qu'il soit permis d'élever sur ces faits une théorie générale des élémens de la matière & de leurs combinaisons. J'ai discuté un peu longuement ces trois premières observations de M. Klaproth, je serai beaucoup plus court sur les dernières, n'ayant plus à proposer que quelques remarques accidentelles.

Quatrième observation.

„L'objection tirée de l'acide muriatique oxygéné contre la propriété acidifiante de la base de l'air vital, perdra beaucoup de sa force apparente, si l'on fait les considérations suivantes: le soufre, le phosphore, le charbon, deviennent acides par leur union avec cet élément, c'est-là un théorème constaté par l'expérience. M. Lavoisier dit au contraire expressément de l'acide marin, que sa composition est inconnue & n'est pas donnée; ce n'est que par analogie que l'on peut conjecturer que sa base inconnue devient acide, à l'instar des autres bases, par sa réunion avec l'oxygène. La présence de l'oxygène dans l'acide marin n'est donc qu'une hypothèse qu'on peut soutenir ou abandonner. Or que l'intensité de la nature acide du sel marin n'augmente pas par l'accession du gaz oxygène, mais diminue plutôt, c'est ce dont la raison consiste, à ce qu'il paroît, en ce que l'oxygène n'a pas une liaison chymique parfaite avec l'acide marin, mais ne forme avec lui qu'un composé à-peu-près mécanique. Les propriétés de l'acide muriatique oxygéné

confirment cela; par exemple, la décomposition de ce sel produite par les rayons solaires seuls, d'où résultent de l'acide marin ordinaire & de l'air vital, la détonation subite de la plupart des métaux quand on secoue leur limaille dans un verre rempli de gaz muriatique oxygéné, (où en particulier l'antimoine forme un beau jet de feu,) la destruction rapide des couleurs des plantes &c." Je n'avois touché à cet objet qu'accidentellement dans le premier mémoire, & je ne l'avois fait que relativement à la nouvelle nomenclature, dont le principe est de désigner chaque substance d'après ses propriétés essentielles. En revoyant ce mémoire pour l'impression, j'ai supprimé ce morceau, parce que dans l'intervalle j'avois trouvé ces remarques exposées avec beaucoup de clarté & dans le Journal de Physique & ailleurs. Mon raisonnement rouloit sur ceci, c'est que si la propriété d'acidifier forme l'essence de l'oxygène, cette substance doit se trouver par-tout où il y a des acides, & l'intensité de l'acidité doit croître avec la quantité de l'oxygène, quelle que soit la base du sujet, soit qu'elle soit connue ou inconnue. Or ces conséquences étant contraires aux faits, il s'ensuit que l'essence de l'oxygène a été mal déterminée. M. Klaproth croit que la dissemblance dans les opérations de l'oxygène vient de ce qu'il ne forme pas avec l'acide marin une combinaison vraiment chymique, mais seulement une combinaison mécanique. J'avoue que je ne conçois pas comment l'affertion pourroit se prouver, & quand elle seroit prouvée, comment elle expliqueroit le phénomène. La différence entre un mélange chymique & un mélange mécanique consiste, si je ne me trompe, en ce que, dans le premier cas, le mélange devient homogène, tandis qu'il ne le devient pas dans l'autre, mais l'acide muriatique oxygéné offre un tout homogène. De plus, il faudroit faire voir comment dans un mélange purement mécanique l'oxygène peut diminuer l'acidité du tout, & non pas l'augmenter, & cette démonstration ne me paroît pas aisée. La présence de l'oxygène dans l'acide marin n'est qu'une hypothèse, dit M. Klaproth; oui dans le fait, mais cette hypothèse est essentielle à la théorie de M. Lavoisier, & s'il n'y a point

d'oxygène dans l'acide marin, l'oxygène n'est pas le principe général acidifiant. Du reste, je ne puis rien faire de mieux que de rapporter ici le passage suivant de M. Bertholet, où cet illustre chymiste donne son opinion sur la question que nous traitons. Ce passage que je ne connois que depuis peu, se trouve dans le T. 6 du Journal des Ecoles normales p. 161.

„Il se présente une question sur laquelle je ne me trouve pas d'accord avec la plupart des autres chymistes; ils regardent l'acidité comme un attribut de l'oxygène qui a perdu son élasticité en se combinant avec une base, de sorte que dès qu'une substance est acide, ils concluent qu'elle contient de l'oxygène. Il est vrai que l'oxygène donne bien souvent les propriétés acides aux combinaisons dans lesquelles il entre, mais ce qui me paroît un effet plus général, c'est qu'en se combinant avec une substance, il accroit pour ainsi dire sa tendance à la combinaison, il augmente sa capacité dissolvante, sa faculté de former de nouvelles combinaisons, & cette faculté se manifeste le plus souvent par les propriétés acides, quelquefois par des propriétés très-différentes. En effet, l'eau qui contient 85 parties d'oxygène sur 100, a la propriété de se combiner avec un grand nombre de substances, mais elle n'est pas acide; l'oxyde de fer qui peut contenir près du tiers de son poids d'oxygène, ne peut pas être considéré comme acide. Tous les métaux acquièrent en s'oxygénant la propriété de se combiner avec les acides; sous ce point de vue ils ont acquis des propriétés opposées à celles des acides. Quelques substances ont au contraire la propriété de se conduire dans leurs combinaisons comme des acides, quoiqu'elles ne contiennent point d'oxygène, tel est le soufre: on n'a pu découvrir par aucune expérience un indice de l'existence de l'oxygène dans l'acide muriatique, l'acide fluorique & l'acide boracique. De plus, l'acide muriatique en se combinant avec l'oxygène suit la marche que nous observons dans la combinaison de ce principe avec le soufre, le phosphore & l'azote: il forme d'abord une combinaison gazeuse qui est faiblement acide, ou plutôt qui n'a pas le caractère d'un acide, ainsi que

que le gaz nitreux; ensuite par une plus grande proportion d'oxygène, il devient un acide qui a des propriétés toutes différentes de l'acide muriatique. Il se conduit donc comme les autres bases qui manifestement ne contiennent pas l'oxygène. Il y a une substance qu'on classe parmi les acides, qui en a effectivement plusieurs propriétés, & qui cependant n'a pas d'oxygène, c'est l'acide prussique. Un savant chymiste a prétendu prouver qu'il en contenoit, parce qu'on obtient quelquefois une petite quantité de cet acide, en distillant une substance animale avec l'acide nitrique, mais on forme aussi de l'ammoniaque par l'action de cet acide nitrique; & dira-t-on que l'ammoniaque contient de l'oxygène? Il me semble donc par toutes ces considérations que les substances acides ont dans leur action & dans leurs combinaisons des rapports qui doivent les faire envisager comme une classe particulière qui possède beaucoup de propriétés communes, que la plupart acquièrent ces propriétés par la combinaison qu'elles forment avec l'oxygène, que cependant quelques-unes sont acides sans le secours de l'oxygène, ou du moins sans qu'on puisse affirmer qu'elles contiennent de l'oxygène, & qu'enfin l'oxygène qui en général augmente par son accession la faculté dissolvante, ne peut pas être considéré comme un élément inséparable de l'acidité."

Ces remarques d'un des plus grands Chymistes de l'Europe sont remarquables par la logique sévère qui y règne. D'après cela il faudroit substituer à la propriété d'acidifier de l'oxygène, celle d'augmenter la faculté dissolvante, & l'on aperçoit aisément que cela introduiroit des changemens notables dans la théorie de M. Lavoisier, mais je sortirois de mon sujet si j'entrois dans cet examen.

Cinquième observation.

„Pour prouver que l'électricité ne contribue pas essentiellement à la formation de l'eau, on n'a qu'à faire attention à la circonstance que dans tous les cas il suffit d'une seule étincelle, laquelle sert uniquement à allumer la première portion du gaz hydrogène qui passe du gazomè-

Mém. 1797.

[1.] 6.

tre dans le ballon rempli de gaz oxygène. Le procédé de la combustion continue ensuite sans qu'il soit besoin d'électricité. Cette première inflammation du gaz hydrogène peut se faire tout aussi bien de toute autre manière que par le moyen de l'étincelle électrique. Voici des exemples d'autres méthodes par le moyen desquelles on peut produire de l'eau sans le secours de l'électricité. 1°. On place au foyer d'un verre ardent l'oxyde de mercure, l'oxyde de plomb &c. lesquels sont dans une petite capsule de porcelaine, sous une grosse cloche remplie d'air inflammable & environnée de mercure. L'oxyde se décompose, le métal se réduit, & l'oxygène qui lui étoit uni forme de l'eau avec l'hydrogène de l'air inflammable. 2°. Dans une retorte remplie d'air inflammable, on met de l'oxyde de plomb, de mercure &c. & tournant en en bas le col de la retorte, on le fait entrer dans un vase plein de mercure, on chauffe avec des charbons le fond de la retorte, le résultat est le même."

Je n'ai point affirmé que l'électricité concourût essentiellement à la formation de l'eau, j'ai remarqué seulement en passant qu'il n'étoit pas prouvé que son action fût indifférente à ce phénomène, parce que jusqu'ici ce n'étoit que par l'électricité qu'on avoit pu occasioner dans les gaz la détonation de laquelle résulte l'eau. Je connoissois bien les procédés indirects que rapporte M. Klaproth, & qui donnent de l'eau, mais je ne crois pas qu'on puisse les assimiler en tout au procédé direct, & que la production de l'eau faite par le simple mélange des gaz n'ait rien de plus positif que la production de l'eau faite par le moyen de la décomposition d'un oxyde métallique. La décomposition des oxydes est un phénomène qui ne s'éclaircit complètement que par le moyen de la production de l'eau faite par les gaz. Si les deux phénomènes avoient signifié précisément la même chose, la production de l'eau par les gaz n'auroit pas fait une si grande sensation, & M. Lavoisier, lorsqu'il veut prouver que l'eau n'est pas une substance simple, n'a recours qu'à l'expérience des gaz & à celle de la combustion de l'alcool, & non à la décomposition des oxydes métalliques. Je n'entre pas dans ce détail

qui ne fait rien au but de ce mémoire, & je me contente de dire que jusqu'à présent on n'a pu convertir en eau le mélange des deux gaz que par le moyen de l'étincelle électrique.

Sixième observation.

„On tire enfin de la force du ressort de l'acier une objection contre la théorie de l'élasticité. D'après ma manière de voir, l'élasticité d'un fluide dilaté par la matière de la chaleur & l'élasticité des corps solides sont des choses fort différentes. La dernière, telle que l'élasticité de l'ivoire, du fer &c., n'est que le résultat du travail du marteau qui détruit la ductilité des petites parties, & leur donne la forme d'un arc bandé.”

Je ne contredis point cette assertion de M. Klaproth, mais je le prie de considérer qu'il n'est rien moins que prouvé que la force du ressort d'un arc bandé ne soit pas dûe à la compression de quelque fluide élastique contenu dans les pores de cet arc; les tentatives qu'on a faites pour l'expliquer par l'attraction n'ont pas été heureuses jusqu'ici. Dès lors il s'agiroit de savoir si ce fluide élastique ne joue pas aussi un rôle par l'élasticité des fluides; si ce fluide élastique n'est autre chose que le calorique, on retombe dans les difficultés que j'ai indiquées à l'occasion de la théorie de M. Daniel Bernoulli, il manque une cause qui fasse varier l'intensité de son mouvement; si au contraire il est différent du calorique, la théorie de M. Lavoisier n'est plus générale, & l'on est obligé de la compliquer. Je m'abstiens d'entrer dans le détail: il faut finir, & d'ailleurs M. Klaproth à qui je sou mets entièrement ces idées, les approfondira mille fois mieux que je ne saurois le faire. Si j'ai commis quelques erreurs dans cette discussion, ce qui est très-possible, & que cet illustre Chymiste veuille bien me les faire apercevoir, il ajoutera, s'il se peut, à la reconnoissance que je ressens de ses bontés. Je n'ajoute plus qu'une réflexion à laquelle je supplie qu'on veuille bien faire attention, c'est que les difficultés que je viens de presser relativement à la détermination des principes constitutifs de l'eau & des airs,

ne m'empêchent pas d'adopter en entier la conclusion du Chap. 8. de l'Ouvrage de M. Lavoisier, savoir que les phénomènes de la décomposition & de la recomposition de l'eau répandent un grand jour sur les phénomènes de la fermentation spiritueuse, de la putréfaction, & même de la végétation. Je crois qu'on peut rapporter à ces phénomènes considérés comme faits, une multitude d'autres faits très-importans, & que sous ce point de vue ils peuvent fonder une théorie très-solide, de la même manière que la théorie de la foudre est très-solide, le célèbre Franklin n'ayant fait que la rapporter aux phénomènes électriques, sans déterminer la nature du fluide électrique & la manière dont il agit. Il seroit aisé de montrer que toutes les théories utiles en Physique se réduisent à la détermination de quelques faits généraux qui renferment une multitude de faits particuliers, & sous ce point de vue, mes idées ne diffèrent en aucune façon de celles de M. Klaproth pour tout ce qui regarde l'essentielle de la Chymie.

Des Signes non équivoques de la mort ; & des précautions à prendre avant les ensevelissemens pour se prémunir contre la possibilité d'enterrer des individus encore vivans :

M É M O I R E

auquel on a joint des vues pratiques sur les moyens de conserver à peu de frais dans chaque village les hommes qu'on croit morts, aussi long-temps que l'exige la nature de ces précautions absolument nécessaires, sans recourir à fonder des maisons de sépulture intérimistique. (Leichenhäuser.)

P A R M. M A Y E R *).

Traduit de l'allemand.

Quand nos soins ne sauveroient qu'un individu sur mille, quelle intéressante perspective pour toute âme sensible !

Les nations civilisées ont adopté des modes de sépulture très-divers, mais tous ces procédés laissoient subsister au même degré le danger de confondre les morts apparentes avec les véritables, & la possibilité d'assassiner cruellement des individus vivans. Les chroniques anciennes & modernes offrent les détails de cas nombreux où des hommes

*) Lu à l'Académie le 15 mai 1794.

ont ainsi péri misérablement; & ces détails ont été surtout colligés & remis sous les yeux du public depuis que M. Hufeland a dirigé son attention sur cet important objet. La tradition a conservé aussi la mémoire de plusieurs faits du même genre; enfin il n'y a nul doute que la majeure partie de ces tragiques événemens ne soit demeurée ensevelie dans la nuit du tombeau. Plus d'un Egyptien s'est probablement réveillé de sa léthargie sous le scalpel de l'embaumeur; plus d'un Romain peut-être eut le sort du consul *Aviola* dont Pline-le-jeune dit qu'il revint à la vie au milieu des flammes du bûcher, hors de la portée de tout secours, & pour périr dans les tourmens non mérités d'un supplice que la loi ne décerne que contre les délits les plus atroces. Il est probable que la somme des souffrances qu'enduroient ces malheureuses victimes l'emporte de beaucoup sur celle des douleurs positives qui précèdent la suffocation dans les cas où un infortuné revient à la vie dans un cercueil fermé, suivant le mode de sépulture usité parmi nous. La petite masse d'air comprise dans la cavité du cercueil doit nécessairement devenir irrespirable au bout d'un temps très-court; mais quelque rapide que soit la catastrophe, on frémit néanmoins à l'idée de périr d'un genre de mort aussi révoltant.

Je puis sans doute me dispenser de rappeler ici les nombreux exemples que les journaux modernes, surtout le *Nouveau magasin d'Hannovre*, & le *Magazin de Brunswick* ont fait connoître au public de personnes vivantes, crues mortes, & par suite de ce fatal méfentendu réellement assassinées, ou à la veille de l'être, tandis que pour aggraver encore le désastreux de leur situation elles conservoient la connoissance de ce qui se passoit autour d'elles, & voyoient les aspects de leur prochaine sépulture sans pouvoir par aucun mouvement ou aucun son opérer leur délivrance. Les feuilles périodiques qui conservent la mémoire de ces faits, & des exemples analogues sont probablement entre les mains des membres de cette Académie; je me bornerai donc à l'allégation d'un seul fait dont je puis bien garantir tous les détails, puisque moi-même j'ai eu le satisfaction de sauver une personne tombée

dans l'état de mort apparente, qui sans mon intervention auroit infailliblement péri par la rigueur du froid auquel ou l'exposa.

La personne en question étoit la femme d'un ouvrier en soie, domicilié dans la fabrique établie à Francfort dans le faubourg au delà de l'Oder. Une violente perte de sang survenue à la suite de ses couches l'avoit mise dans un état de mort apparente. Une parente de la malade étoit accourue vers moi au moment de l'agonie pour réclamer mes secours; durant ces entrefaites l'accouchée étoit décédée au jugement des assistans, & lorsque j'arrivai, c'est-à-dire un petit quart-d'heure après le prétendu décès, je trouvai cette femme déjà lavée, revêtue d'un simple linceul & couchée sur la paille dans une chambre sans feu, or nous étions alors dans le mois de janvier & au milieu d'une gelée rigoureuse. Etonné & révolté d'un traitement aussi barbare, mais qui est malheureusement si analogue aux préjugés reçus que nous le voyons aujourd'hui même encore se renouveler fréquemment, je n'eus rien de plus pressé que de faire replacer dans le lit le prétendu cadavre, & ayant fait des embrocations de vinaigre & d'eau froide sur l'abdomen, j'eus au bout d'une heure une de ces rares & pures jouissances qui soutiennent le médecin dans son épineuse carrière. Cette femme revint à la vie; & une heure après son réveil de nouvelles contractions de la matrice expulsèrent le placenta qui ne s'étoit pas encore entièrement détaché, & qui amena un gros caillot de sang. Après une convalescence d'environ six semaines elle recouvra pleinement sa santé & ses forces, & ne garda pour tout fâcheux reste de ses couches laborieuses, qu'une pâleur dont j'observai encore les traces plusieurs années après cet événement.

Il consiste de ce fait que les asphyxiés, outre le danger d'être enterrés vifs, courent encore en hiver la chance de périr morfondus, par suite du traitement usité envers les corps des défunts. La plupart des gouvernemens abandonnent d'une manière trop illimitée aux proches du défunt les détails de la sépulture & l'époque où doit se faire l'enterrement; je crois plutôt qu'une administration éclairée doit se faire un

devoir de songer à des réglemens de police relatifs à ce point & d'en préparer la promulgation en éclairant les esprits sur cet important objet.

Les corps administratifs de notre monarchie ont voué depuis plusieurs années leur attention à une matière d'un intérêt aussi général, & cela avant même que M. Hufeland eut bien mérité de l'humanité en ouvrant sur ce point de nouvelles discussions. Les établissemens publics proposés par lui pour entreposer les cadavres, aux fins de constater la réalité de leur état de mort, devinrent la matière des plus mûres délibérations. Il se trouva néanmoins, tout bien pesé, qu'il seroit impraticable de former dans chaque commune un pareil établissement de sépulture intérimistique, & qu'en supposant même leur existence dans chaque commune du plat-pays, la fin proposée ne seroit pas remplie par là, parce qu'un grand nombre de villages sont situés à une distance considérable du chef-lieu du district, où se trouve l'église paroissiale. On se contenta donc de favoriser les établissemens de sépulture intérimistique par-tout où les localités le permettoient, & quant à la grande masse du public on décréta d'aviser aux moyens d'éclairer les individus de toutes les communes sur les signes les moins équivoques de la mort, & sur les procédés d'ensevelissement qui rendent impossible la sépulture des individus encore vivans. Comme on destinoit les pasteurs à propager ces idées par la voie de l'instruction publique, le Conseil suprême de santé me chargea de rédiger un écrit populaire que les curés pussent employer comme texte dans leurs enseignemens relatifs à cette matière. Notre respectable Curateur ayant jugé qu'un objet d'une utilité aussi générale étoit bien éminemment qualifié pour intéresser l'Académie des sciences, dont la dernière fin est l'utilité publique, je vais avoir l'honneur d'entretenir l'Académie du projet d'instruction que j'ai rédigé.

Le fond du Mémoire dont je vais faire la lecture, est le projet d'instruction tel qu'il a été présenté au Directoire général des finances, qui l'honora de toute son approbation; mais dans les détails j'y ai apporté quelques modifications soit pour en rendre l'intelligence encore plus facile, soit pour le perfectionner essentiellement, d'après mes réflexions ulté-

ultérieures. Je finirai en soumettant au jugement de l'Académie un dessein & un modèle que j'ai fait exécuter relativement à des idées que je propose pour obvier par des établissemens très-peu dispendieux dans les communes du plat-pays, au danger de livrer à la sépulture des individus encore en vie.

Haec est conditio mortalium, ut de homine ne morti quidem debeat credi.

Plin. Hist. nat. Lib. VII. c. 52.

Les signes sensibles dont on infère la mort d'un individu de notre espèce, se rapportent tous ou bien à la cessation des fonctions dites vitales, telles que la circulation du sang & la respiration, ou bien à la suspension de certains mouvemens musculaires qui dans l'état de vie sont presque constans.

On juge qu'un homme est mort,

1. Quand le pouls est nul.
2. Quand le corps est d'un froid glacial, par la cessation de la chaleur vitale que propage la circulation du sang.
3. Quand la couleur est pâle, cadavéreuse; parce que la teinte que nous nommons couleur de chair, & les nuances rouges de quelques parties recouvertes d'un épiderme plus aminci, telles que les joues & les lèvres, résultent de l'introduction du sang fluide dans les dernières ramifications des vaisseaux.
4. Quand il ne s'opère plus de transpiration ni de perspiration sur toute la surface du corps, de façon qu'une glace de miroir tenue long-temps près de la peau ne se ternisse en aucune manière; car la perspiration cutanée est une conséquence de la circulation du sang.
5. Quand la respiration est entièrement supprimée. Pour constater s'il ne s'opère pas peut-être encore une respiration, mais dans un degré si foible qu'elle échapperoit au sens de la vue & à celui de l'ouïe, on a recours d'ordinaire aux deux expériences suivantes.

a. On approche de la bouche ou des narines de l'individu, la flamme d'une bougie, ou bien un léger duvet, pour observer si l'un

Mém. 1797.

[I.] 7.

ou l'autre de ces corps ne seroit pas peut-être mis en mouvement par un courant d'air imperceptible d'ailleurs.

b. On présente aux mêmes conduits de la respiration une glace de miroir pour observer si elle s'y ternira. Quand le résultat de l'une & l'autre tentative est négatif, on se tient d'autant plus pour assuré que toute espèce de respiration est anéantie.

6. Quand les parties du corps sur lesquelles porte le prétendu cadavre montrent des taches livides; parce que ces taches résultent de l'extravasation d'un sang qui se décompose.

7. Quand la mâchoire inférieure est pendante, & que l'orifice de l'anus est ouvert; en effet durant l'état de vie les puissans muscles masticateurs serrent constamment l'os infra-maxillaire contre la mâchoire supérieure, & le sphincter de l'anus opère constamment aussi la constriction du tube intestinal, excepté dans le moment des déjections *).

Plus il y a maintenant de ces signes réunis dans un cas donné, & plus la majeure partie des hommes se croit logiquement convaincue de la mort de l'individu qui les offre; & cependant des expériences complètement avérées ont démontré qu'un homme peut dans certains états, que l'on nomme asphyxie, mort apparente, ou lipothymie léthargique, offrir l'ensemble des sept signes que nous venons d'énumérer, & revenir néanmoins à la vie après un temps plus ou moins long, & même après plusieurs jours. Il est donc évident que la cessation des deux fonctions dites vitales & la suppression des mouvemens musculaires constants, sont insuffisans pour démontrer la réalité de l'état de mort, & qu'il est des cas où la force vitale existe encore dans la machine sans y produire les fonctions mentionnées.

C'est conséquemment à ces aperçus nouveaux, qu'on ne se borne plus aujourd'hui à l'investigation de ces signes qui tombent immédiate-

*) Les deux signes mentionnés N. 7 n'entrent point en considération quand il s'agit de personnes très-âgées, très-débiles ou bien atteintes de quelque maladie, qui par relaxation ou lésion des muscles masticateurs ou constricteurs, produisoit déjà durant la vie de l'individu, la dépression de la mâchoire.

ment sous les sens, mais on cherche par divers procédés à reconnoître & à stimuler les restes de forces vitales qui pourroient encore exister dans un individu.

On s'adresse principalement dans les tentatives de ce genre à deux forces très-universellement répandues dans l'être vivant, je veux dire la sensibilité & l'irritabilité. On produit donc des titillations & des irritations dans les parties externes ou internes douées de la sensibilité & de l'irritabilité la plus exquise. On administre par exemple des frictions à la plante des pieds, à la région des aines, à la partie inférieure & antérieure du thorax, en tirant vers la gauche, là où se trouve le cœur: aux mamelles, & aux parties latérales du cou: on titille avec une plume le cavum oris & le pharynx; on applique sa bouche, ou ce qui est mieux, le tuyau d'une machine à souffler sur la bouche du mort apparent, & en tenant les narines fermées, on pousse doucement de l'air dans son poumon: on lui administre en clystère des solutions de sel, ou des décoctions de tabac *); enfin on fait des embrocations d'eau froide ou de vinaigre à l'abdomen & aux parties naturelles. Il est encore deux irritans très-puissans & qui le plus souvent se trouvent sous notre main, c'est l'instillation lente d'eau froide tombant d'aussi haut qu'il est possible sur la région du cœur; & la même instillation, mais d'eau bouillante, sur la région cardiaque, sur les bras & les cuisses, pour voir s'il en résultera des ampoules. Quand on emploie dans les frictions du sel ou du vinaigre, elles acquièrent plus d'efficacité que lorsqu'on n'emploie que des étoffes ou des brosses sèches. Il est utile aussi, quand les circonstances le permettent, de déposer le corps cru mort, dans des cendres ou dans du sel d'une température élevée, pour y opérer les

*) Les lavemens de fumée de tabac sont de cet ordre, quand on a sous la main la machine qui y sert. On peut cependant administrer un pareil clystère sans être pourvu de l'instrument en question. On prend deux pipes communes à tuyau court. On charge l'une, qu'on introduit dans l'anus après avoir allumé le tabac; ensuite on applique exactement l'orifice du fourneau de la seconde pipe sur celui de la première, & en poussant continuellement de l'air, on chasse la fumée par le tuyau de la première pipe, dans le tube intestinal où elle aboutit.

frictions: enfin des bains chauds de vin, d'eau-de-vie, d'eau ou de bière pourront être d'un grand effet, & seront applicables surtout à l'égard d'enfans morts-nés, qui sont très-pâles, & qu'on doit tenter de rappeler à la vie *).

Si aucune de ces tentatives ne produit le plus léger mouvement du sujet par suite de la sensibilité ou de l'irritabilité dont les derniers vestiges auroient été avivés, on a plusieurs degrés de vraisemblances de plus en sa faveur, en prononçant que le sujet est dûment mort; l'expérience ayant appris néanmoins que les agens qui irritent immédiatement les organes sensibles, ont plus d'énergie que ceux qui opèrent sur le tact à travers la peau extérieure & ses prolongemens internes, on doit encore employer des agens de cette nature, afin de n'avoir rien négligé de tout ce qui peut constater l'état de vie ou de mort. On introduit pour cet effet dans les narines des vapeurs irritantes, telles que l'ammoniaque, le vinaigre volatil, & à leur défaut la fumée d'une plume brûlée **). On injecte, secondement, dans la bouche du patient, du sel, ou ce qui vaut mieux, une infusion de poivre. Troisièmement on présentera dans un appartement obscur la flamme d'une bougie à quelques pouces de distance de l'œil tenu ouvert, & l'on observera soigneusement s'il ne se manifeste aucun mouvement de contraction

*) L'électrisation se rapporte à cette classe de procédés, & quand on a sous sa main les appareils requis, on peut obtenir des succès si l'on observe une gradation bien entendue. On commencera par diriger sur la région cardiaque le fluide émané d'une pointe de bois ou de métal; on tirera ensuite de la même partie des étincelles, foibles d'abord, ensuite renforcées; enfin on fera passer de légères commotions à travers la région cardiaque vers le dos, c'est-à-dire par la partie inférieure gauche du thorax. On croit avoir observé que ce dernier procédé est très-utilement employé à l'égard des individus foudroyés.

**) On a proposé de brûler du soufre sous le nez des asphyxiés; mais ce procédé demande la plus grande circonspection, parce qu'une vie débilitée pourroit aisément être entièrement éteinte par la suffocation que produit le soufre. Si l'on veut absolument employer cet agent, on doit allumer le soufre à une grande distance des narines de l'individu asphyxié, & ne faire durer l'expérience que le quart d'une minute au plus. On doit se garder d'enseigner ce moyen à des hommes ignares ou imprévoyans, & les détourner plutôt de son emploi dans le cas où il leur seroit connu.

dans le cercle coloré de l'œil qu'on nomme *iris*. Enfin quatrième-ment on profèrera à l'oreille du sujet des sons que l'on renforcera insensiblement, & auxquels on donnera des rapports avec les objets dont cet individu s'occupoit durant sa vie avec le plus d'intérêt. On a proposé aussi d'enfermer dans un cornet de papier des insectes remuans, & de les placer en contact immédiat avec le tuyau de l'oreille. Il convient de porter la plus grande attention sur les expériences où l'on s'adresse au sens de l'ouïe, parce que les dépositions des asphyxiés revenus à la vie, & les relations que nous avons sur le succès des divers stimulans, prouvent que la force vitale conserve son énergie dans le sens de l'ouïe plus long-temps que dans aucun autre organe *).

L'administration de tous les irritans exige encore une précaution préliminaire: c'est dans les cas où une congestion évidente du sang au cerveau a causé une mort subite, de procéder avant toute chose à dégager les vaisseaux du cerveau de cette surabondance de sang; si l'on négligeoit cette précaution, plusieurs moyens employés pour rappeler à la vie seroient plus nuisibles qu'utiles, en ce qu'ils étoufferoient les foibles vestiges de la vitalité en augmentant encore la détermination des fluides vers le cerveau. Les cas qui se rapportent à cette classe sont 1) les apoplexies survenues aux pléthoriques, & principalement dans des maladies du genre nerveux, ou à la suite de poisons narcotiques. 2) Les suffocations, de quelque genre qu'elles soient, produites par une cause externe comme pendaïson, submersion, vapeurs du charbon,

*) Il est probable que l'expérience a appris aux nations les plus diverses, que le sens de l'ouïe conserve souvent beaucoup d'énergie chez les asphyxiés, & je dérive de là la coutume établie chez plusieurs peuples de pousser des cris funèbres à l'entour des cadavres. Les Romains instruits par quelques exemples effrayans, rétablirent cet usage qui existoit déjà très-anciennement. Pour éviter que des individus vivans ne périssent sur le bûcher, ils faisoient des exclamations funèbres durant sept jours en observant diverses reprises, & ce n'étoit que le huitième jour que le cadavre étoit porté sur le bûcher; or la température chaude de l'Italie devoit certainement avoir produit au bout de ce temps des signes manifestes de putridité.

Voyez Niewport de Rit. Roman. pag. 458. Et Servii Mauri Honorat. Comment. in Virg. *Æneid.* ad vers. 213, pag. 460.

gas carbonique dégagé de matières en fermentation, pareils gas méphitiques quelconques dans des celliers, dans des puits profonds, & on peut ranger dans cette même catégorie les enfans pléthoriques morts-nés en apparence, soit que dans un accouchement laborieux la pression exercée sur la tête ait produit un état analogue à l'apoplexie, soit que le cordon ombilical ait saisi le cou & opéré une strangulation. On effectue la libération du cerveau par des sangsues appliquées derrière les oreilles, ou aux côtés du cou, ou bien à la racine du nez vis-à-vis l'angle de l'œil. La méthode d'appliquer des sangsues est même préférable à la saignée, parce que dans bien des cas on ne trouve pas à la campagne les moyens de l'administrer sûrement.

On peut appliquer à un adulte, de huit à dix sangsues *); les enfans en comportent moins dans la proportion de leur âge; quatre ou six pour des sujets de douze à quinze ans, trois ou quatre pour des enfans depuis quatre jusqu'à huit ans, une jusqu'à deux pour des enfans d'un ou deux ans; quant aux nouveaux-nés on se contentera de laisser écouler une cuillerée ou une demi-cuillerée de sang du cordon ombilical, avant d'en faire la ligature. Au reste les sangsues de la meilleure qualité sont d'un brun verdâtre avec des raies tirant sur le jaune, elles se trouvent communément dans toutes les mares. Il seroit intéressant que les curés ou les maires de village en eussent toujours en réserve une certaine quantité, qu'ils feroient rassembler sans aucun frais par les enfans du village pour s'en servir au besoin.

Quand la personne crue asphyxiée n'a donné aucun signe de vie malgré l'application de ces divers agens, son état de mort réelle devient beaucoup plus probable qu'il ne l'étoit d'abord par la simple absence

*) Quand on veut appliquer des sangsues, il faut auparavant laver la peau de la partie avec de l'eau & mieux encore avec de l'eau sucrée, parce que les exhalaisons acres qui se condensent sur la peau rebutent ces insectes, & les détournent de s'attacher franchement. On doit laisser pomper les sangsues jusqu'à ce qu'elles tombent d'elles-mêmes, alors la petite plaie qu'elles ont causée saigne encore durant plusieurs heures. Si l'écoulement du sang est trop foible, on l'anime par l'application d'eau tiède; s'il est trop copieux on l'arrête aisément on y fixant un petit morceau d'amadou.

des fonctions vitales & des mouvemens musculaires; cependant on ne peut pas encore prononcer définitivement sur la certitude absolue de la mort, car on connoît des cas où des personnes auxquelles on avoit itérativement appliqué tous les stimulans ci-dessus mentionnés, sans aucun succès, se sont néanmoins réveillées d'elles-mêmes pour revenir à la vie.

Il ne nous reste donc aucun critère absolument péremptoire de la mort effective que la putridité réelle & universelle du corps. J'insiste sur ces deux points de la réalité & de l'universalité de la putridité; car une disposition putride du sang (*diathesis putrida sanguinis*) & la putridité réelle de certaines parties peuvent avoir lieu durant la vie même de l'individu.

Les signes de la putridité réelle & universelle sont

1. L'odeur effectivement cadavéreuse.
2. L'affaissement de la cornée.
3. L'écoulement d'une sanie purulente par toutes les ouvertures considérables du corps.
4. Le météorisme de l'abdomen avec coloration en vert ou en noir.

5. L'exfoliation spontanée de l'épiderme dans plusieurs points de la surface, & la destruction même de la peau & des autres parties solides.

Ce cinquième signe de putridité est le dernier à se manifester, & si les quatre premiers existent réellement, on pourra se dispenser d'en attendre la manifestation.

Afin donc d'éviter absolument l'inhumation des individus encore vivans, & pour donner aux asphyxiés tout le temps possible pour revenir à la vie, il est de la plus stricte nécessité de conserver les cadavres jusqu'à la manifestation non équivoque des signes relatifs à la putridité réelle & universelle. On doit durant cet intervalle garder vis-à-vis du corps des ménagemens tels que l'individu, supposé qu'il ne fût pas mort, ne se trouvât pas dans le cas de succomber aux traitemens qu'on lui fait subir. Pour cet effet l'on doit observer

1. De ne pas exposer incessamment les corps que l'on juge morts, au froid de l'hiver dans des appartemens sans feu, & après les avoir couverts d'un simple linceul; on doit au contraire les laisser revêtus & dans une température moyenne durant deux jours en été, durant trois au printemps & en automne, & l'hiver durant quatre jours; ce seroit du moins la règle dont il ne faudroit s'écarter que par une nécessité urgente.

2. De tenter durant cet intervalle au moins les moyens suivans pour rappeler l'individu à la vie, supposé que l'on ne puisse employer tous ceux dont on a fait l'énumération. L'instillation de l'eau froide tombant du plus haut possible sur la région cardiaque; celle de l'eau bouillante sur les mêmes parties; les embrocations froides sur l'abdomen & les parties de la génération; la présentation d'une flamme aux yeux, la suffumigation par la plume brûlée, & les tons éclatans proférés dans le tympan de l'oreille. Toutes ces tentatives doivent être souvent répétées. Dans les cas où d'après ce qui a été dit plus haut, les circonstances indiquent l'application des sangsues, ou une saignée, avant de procéder aux tentatives dont nous venons de parler, il est de la plus haute importance de ne point négliger ces moyens préalables. Les morts-nés en apparence exigent aussi essentiellement, qu'à côté des frictions à la main & à la brosse, & des bains, on réitère fréquemment l'insufflation dans le poumon. Plus la mort a été prompte & inopinée, plus on doit multiplier & réitérer les tentatives pour rappeler l'individu à la vie, car dans ces cas on a vu fréquemment les signes du retour à la vie ne se manifester qu'après plusieurs heures. Que si aucune des tentatives que l'on vient d'indiquer ne produisoit l'effet désiré, on peut alors procéder à l'ensevelissement du corps, & le garder ainsi jusqu'à l'inhumation durant un ou deux jours en été, & durant trois ou quatre en hiver; pendant cet intervalle les signes qui caractérisent la putridité réelle & universelle ne manqueront pas de se manifester, & apporteront la certitude de la mort effective de l'individu.

Toutes

Toutes ces précautions doivent surtout présider à la sépulture des individus morts subitement ou après une maladie de quelques jours seulement. Les genres de mort qui appartiennent surtout à cette classe sont

1. Les morts venues d'une violente affection du genre nerveux, apoplexie, tetanos, épilepsie, les convulsions dans les maladies spasmodiques soit hystériques soit hypocondriaques, les morts qui surviennent après de violens spasmes de l'estomac, après des passions immodérées, après l'enivrement de boissons fermentées, après des percussions violentes sur des parties molles & sensibles & nommément les testicules, après une chute ou un coup reçu sur la tête.

2. Les morts produites par la déglutition ou l'application quelconque des narcotiques; ces cas existeront ou à la suite de l'usage des poisons reconnus tels, ou bien à la suite de l'emploi immodéré du pavot & du safran comme alimens, ou bien ils pourront être produits par les fumigations de semence d'*hyoscyamus* dans les rages de dents. Ces deux dernières pratiques sont notoirement assez répandues parmi les habitans de nos provinces.

3. Les morts qui surviennent à la suite d'hémorrhagies violentes, ou de toute autre évacuation immodérée; on peut rapporter à cette classe le danger que courent les vieillards dans les plaisirs de l'amour.

4. Les morts produites par des douleurs aiguës.

5. Celles qui résultent d'accouchemens laborieux, soit que la mère seule, ou l'enfant seul, ou enfin tous les deux ensemble y succombent.

6. Les morts qui surviennent par excès d'inanition, ou par excès de fatigue corporelle.

7. La mort qui suit des excès de table.

8. La mort par suffocation, causée ou par la vapeur du charbon ou par la descente dans les puits profonds & les celliers fermés, ou par les manipulations du vin, du cidre, de la bière & des autres boissons fermentées.

9. Enfin la mort des personnes atteintes de la foudre.

Quant aux individus qui ont succombé à des maladies chroniques, surtout du genre de la phthisie, ou à des maladies exanthématiques malignes, & à des fièvres de ce genre, & qui seront décédés après le septième jour, il suffira de conserver leurs corps durant la moitié du temps prescrit ci-devant pour les sépultures; de façon qu'on pourra les inhumer l'hiver au bout de cinq jours, & l'été au bout de trois, & procéder à l'ensevelissement dès après la moitié de ce temps respectif.

Enfin à l'égard des personnes mortes de fièvres putrides, de la petite vérole maligne, de dysenteries ou d'autres maladies contagieuses, on se contentera pour constater la réalité de leur mort, de l'instillation de l'eau froide sur la région cardiaque, & on procédera à l'inhumation l'été après trois jours révolus ou bien après 60 heures à compter du moment de la mort, & l'hiver après la fin du quatrième jour, ou environ au bout de 80 heures révolues. Mais on observera de placer ces cadavres dans un local autant éloigné que possible de la demeure des hommes, & où l'air puisse se renouveler par la circulation.

Le séjour des cadavres sur terre avant l'inhumation n'offre aucun inconvénient quand le local permet de les colloquer dans quelque appartement isolé sous la surveillance des proches ou des amis, ou bien quand on peut les déposer dans les maisons de sépulture intérimistrique telles que Hufeland les a proposées, & telle qu'il en existe une à Weimar, une autre à Brunswick, & une enfin à Berlin même depuis qu'un des membres de cette Académie a été déterminé par son amour pour l'humanité à fonder un pareil établissement. Mais des institutions de ce genre ne pouvant certainement guères se multiplier dans toutes les communes du plat-pays, l'asservation prolongée des cadavres, surtout de ceux qui font appréhender des influences contagieuses, offrira toujours des difficultés majeures, si l'on songe surtout aux bornes étroites dans lesquelles sont resserrées les demeures des habitans de la campagne. J'ai donc jugé qu'un des points les plus importants dont j'avois à m'occuper étoit de trouver des moyens sûrs & d'une exécution facile pour lever cette difficulté. Durant tout l'été, & dans les

mois du printemps & de l'automne où l'on n'a pas de gelées à craindre, il est très-aisé de prendre les mesures suivantes qui n'ont rien d'embarrassant ni de dispendieux.

Le cadavre est comme à l'ordinaire porté le troisième jour hors de la maison où le décès a eu lieu, mais point encore pour être enterré. On le déposera dans la tour de l'église, ou si l'église n'a point de tour, dans un local enceint sur le cimetière, où enfin si la commune habitée par le défunt n'a ni église ni cimetière, dans un jardin quelconque, sous l'abri d'une espèce de petite tente ou loge d'une construction très-simple & d'un transport très-facile. Le mort sera couché dans le cercueil qui lui est destiné, mais sans qu'on y adapte encore le couvercle propre qui en fait la clôture. Ce cercueil sera recouvert pour garantir le mort des insultes des animaux, d'un couvercle banal, qui avec la loge ou tente restera pour l'usage de tous, & comme propriété de l'église. Ce couvercle sera très-haut, & percé de dix à douze trous en façon de soupirail, chacun de trois quarts de pouce au moins de diamètre; il y aura au couvercle des roulettes très-mobiles sur lesquelles il reposera, & à l'aide desquelles il glissera facilement dans une coulisse ou cadre aussi banal, lequel sera posé sur chaque cercueil. De cette façon l'asphyxié qui reviendrait à la vie pourra avec le plus léger effort repousser le couvercle du cercueil. Les proches du défunt seront tenus de visiter journallement leur mort, le matin & le soir si la maladie n'avoit rien de contagieux, & si l'on a des miasmes à craindre, seulement une fois & cela de loin, en soulevant le couvercle, après avoir fait des fumigations de vinaigre. Il n'y auroit rien de plus aisé que d'adapter à la loge où les morts sont déposés un mécanisme très-simple par lequel on pourroit enlever ou repousser de loin le couvercle & voir aux morts sans les approcher. Le couvercle banal dont je viens de parler dureroit au delà de trente ans si on le construisoit en bois de chêne, & un seul exemplaire suffiroit dans la plupart des communes. Il vaudroit mieux encore le construire d'un bois léger, par exemple de tilleul, il en deviendrait plus

léger & plus mobile, il coûteroit moins aussi, mais cet avantage-là seroit peut-être compensé par une moindre durée. Il seroit facile sans doute d'acquérir dans chaque commune un pareil couvercle banal avec sa coulisse, par la voie d'une contribution volontaire. Ou si l'église faisoit de ses deniers l'emplette de ces objets, on pourroit stipuler pour chaque inhumation une redevance de deux ou trois grosches, ce qui représenteroit bien richement les intérêts de la mise de fonds.

Le rigueur du froid offrira durant l'hiver des difficultés qu'on ne rencontre point dans une saison plus tempérée en s'acquittant du devoir sacré de garder les morts dans les maisons jusqu'à ce qu'on soit parfaitement assuré qu'ils sont en effet réellement décédés. Je crois néanmoins que ces difficultés ne sont point insurmontables, sans même recourir à un établissement spécialement destiné aux sépultures intérieures. Le mieux seroit sans doute de s'assurer dans chaque commune d'un petit emplacement dans lequel on pourroit faire du feu, & qu'on consacrerait à cet usage; comme néanmoins on chercheroit vainement un pareil local dans la plus grande partie de nos villages, je crois que le biais que je vais proposer est ce qu'il y a de plus simple & de plus sûr dans la pratique. On pratiqueroit dans une écurie ou dans une étable à vache bien abritée, un petit enclos auquel le bétail n'auroit point d'accès, mais vers lequel se propageroit néanmoins la chaleur qu'il produit. On couvrirait légèrement le cadavre, de façon que les souris ou autres petits animaux qui hantent les étables ne pussent l'endommager, & que cependant l'individu ne courût point le risque d'être suffoqué dans le cas où il reviendrait à la vie. Il seroit bien plus sûr d'employer dans ce cas aussi le couvercle amovible & banal; & les dimensions que je propose pour la loge portative sont telles qu'on pourra l'établir facilement dans une étable quelconque.

J'observe en finissant que du couvercle amovible, & du cadavre même, partent des fils conduits dans une maison voisine, & disposés de manière qu'au moindre mouvement que se donneroit l'individu déposé dans la bière, il se produiroit par un mécanisme facile à imaginer un

son éclatant; & même pour prolonger la durée du signe on pourroit faire commencer avec le son les oscillations d'un pendule, afin d'appeler les assistans au secours de l'asphyxié. On a conduit pareillement depuis le cadavre un cordon vers une cloche très-mobile suspendue au dessus de la loge, pour entourer l'asphyxié de tous les moyens de salut.

La figure annexée représente la loge pour les sépultures intérimistiques, le couvercle bannal avec le cadre où glissent ses roulettes, la disposition des fils aboutissans au cadavre & au couvercle amovible, enfin le mécanisme qui produit le son, & lâche l'échappement du pendule.

Aussitôt qu'un asphyxié donne le plus léger signe de vie on doit recommencer l'application de tous les irritans indiqués plus haut, & ne pas se lasser d'en répéter l'administration. Que si les signes de vie continuent de se manifester, on donnera aussitôt à l'asphyxié un peu de lait ou un bouillon clair pour sustenter ses forces, on le reportera dans un lit chaud, & on appellera sans délai le secours du médecin.

Si au contraire le cadavre a été déposé durant le temps prescrit sans donner aucun signe de vitalité, & que les symptômes de la putréfaction réelle & générale se soient manifestés, on enlèvera du cercueil le couvercle bannal, on y substituera le couvercle propre, & on pourra procéder à l'inhumation sans aucune crainte d'avoir manqué aux devoirs de l'humanité.

Explication de la planche annexée à ce Mémoire.

Fig. 1. Cercueil avec le couvercle à moitié déroulé; la partie antérieure du couvercle est engagée dans la coulisse. Aux pieds de la bière sont des pointes destinées à empêcher que les animaux n'y grimpent.

Fig. 2. Le couvercle vu par dessous.

Fig. 3. Coulisse sur laquelle repose le couvercle banal.

Fig. 4. Grand cercueil avec le cadavre, aux pieds & aux mains duquel répondent des cordons, qui se réunissent en une seule branche, que l'on conduit dans l'appartement du sacristain de la paroisse, ou dans celle de l'enterreur, ou dans tout autre domicile habité.

Fig. 5. Petit cercueil porté par des madriers.

Fig. 6. 6. Profils de la tente où le cercueil se trouve déposé, avec son couvercle banal; on y voit des tuyaux en fer blanc par lesquels passent les cordons qui aboutissent à une cloche ou à un pendule.

Fig. 7. Coupe de la tente, vue par le côté droit, & faisant apercevoir la porte d'entrée, & l'ouverture supérieure ménagée pour observer l'intérieur sans ouvrir la porte.

M É M O I R E S
DE
L' A C A D É M I E R O Y A L E
DES
S C I E N C E S
ET
B E L L E S - L E T T R E S.

C L A S S E
DE M A T H É M A T I Q U E.

Mém. 1797.

[II.] 1.

S U R
les Objectifs d'une forme différente de la sphérique.

P A R M. B U R J A *).

ARTICLE I. *servant d'introduction.*

Il est connu que les deux grands inconvéniens attachés aux lentilles de verre consistent dans la confusion qui résulte au foyer premièrement de la figure sphérique qu'on leur donne ordinairement, & en second lieu de la diverse réfrangibilité des rayons de lumière. De nos jours on ne fait plus guères attention qu'à ce dernier défaut, & pourvu qu'une lunette soit achromatique, on s'inquiète assez peu du reste. Il est sûr cependant, que si l'on pouvoit à l'avantage d'être achromatique joindre celui d'une très-grande ouverture, on obtiendrait des lunettes de la plus haute perfection; mais la grande ouverture suppose que les rayons de lumière qui tombent sur toute la surface du verre se réunissent en un même point, ce qui est impossible tant que les surfaces des objectifs sont sphériques.

C'est pourquoi Descartes avoit imaginé divers objectifs d'une forme différente de la commune, tellement que leurs profils ne faisoient pas des portions de cercles, mais d'ellipses, d'hyperboles, & même d'autres courbes d'un genre particulier, comme on voit dans la Dioptrique & dans le second livre de la Géométrie.

*) Lu le 16 octobre 1797.

Jaques Gregory, Ecoſſois, auteur de l'*Optica promota*, fit, comme Descartes, diverses recherches sur la forme la plus avantageuse des objectifs: la forme hyperbolique lui parut fort convenable, mais il craignit que des objectifs hyperboliques d'une grande largeur ne devinſſent trop épais & ne fiſſent perdre beaucoup de lumière au paſſage du verre. C'eſt même cette circonſtance qui lui fit venir l'idée des télescopes à réflexion: il vouloit les composer de miroirs paraboliques & elliptiques: la difficulté de l'exécution fit manquer son projet, lequel fut réalisé depuis par Newton, qui se contenta de miroirs sphériques, & encore mieux de nos jours par Herschel, qui est venu à bout de faire de grands miroirs paraboliques.

Dechales dans son *Mundus mathematicus*, où il traite entre autres de l'optique, indique quelques-unes des lentilles elliptiques & hyperboliques inventées par Descartes, & en démontre les propriétés; mais il ajoute des remarques qui font voir qu'il n'en faisoit pas grand cas: il se récrie beaucoup sur la difficulté de l'exécution: il croit aussi que de telles lentilles en concentrant parfaitement bien les rayons qui arrivent parallèlement à l'axe, n'en feroient pas autant pour les autres qui font un angle avec ceux-là; du moins il dit que la chose n'a pas été examinée d'après la théorie, & quant à l'expérience, il raconte qu'il s'est servi d'une lentille hyperbolique en guise d'oculaire, qu'elle faisoit voir aussi distinctement qu'un oculaire sphérique les objets qui étoient près de l'axe, mais qu'elle défiguroit un peu ceux qui en étoient plus écartés, & les faisoit voir moins bien que l'oculaire ordinaire, d'où il conclut qu'il n'y a aucun avantage à se servir de lentilles dont les profils faſſent des ſections coniques. Cet oculaire hyperbolique est la seule lentille de forme non sphérique, qui, autant qu'il m'est connu, ait été véritablement exécutée; un ami de *Dechales* l'avoit taillée lui-même.

Robert Smith, qui a écrit le traité d'optique le plus complet qui existe, n'a parlé d'aucune autre courbure que de la sphérique, & dans un chapitre où il compare l'aberration causée par la diverse réfrangibilité des rayons avec celle qui est causée par la sphéricité, il se con-

tente de démontrer que celle-ci fait peu de chose en comparaison de l'autre.

En allemand nous n'avons rien de plus étendu sur l'optique que l'ouvrage de *Dehn* ou *Denecken*; car il n'a indiqué son nom que par la lettre initiale. Il est intitulé: *Vollständiges Lehrgebäude der ganzen Optik, oder der Sehe- Spiegel- und Strahlbrech-Kunst, Altona 1757*. Mettant à part le mauvais style, dont le titre offre un échantillon, cet ouvrage contient un recueil estimable des inventions les plus appropriées à la pratique. L'auteur renouvelle les objections que d'autres avoient faites avant lui relativement aux lentilles non sphériques; cependant il enseigne la manière de les tailler, & même par plus d'un moyen.

Euler, dans sa Dioptrique, de même que dans les Mémoires qu'il a écrits sur cette science, ne s'occupe que des verres sphériques; dans les Mémoires de Berlin, pour l'année 1761, il s'exprime ainsi: Quoique les géomètres aient assez bien réussi à trouver de telles figures qui ne produiroient aucune confusion, les ouvriers n'ont pas encore trouvé moyen de donner aux verres ces figures, la figure sphérique étant la seule qu'on puisse imprimer au verre avec le degré de précision que le but de ces verres exige.

Il seroit trop long de passer en revue tant d'autres auteurs qui ont écrit sur l'optique; il suffit de dire qu'ils s'accordent tous à rejeter les formes différentes de la sphérique, & se fondent principalement sur la difficulté de l'exécution.

Il semble qu'après tant d'autorités, on devroit renoncer sans retour à l'idée de faire des lunettes avec d'autres verres que ceux de forme sphérique. Je crois pourtant qu'il y a des réponses à faire aux diverses objections qui ont été proposées, & que la chose mérite du moins d'être examinée encore une fois avec la plus grande attention, avant qu'on prenne le parti de n'y plus songer.

La plus forte objection est prise de la difficulté de l'exécution: quels que puissent être, dit-on, les avantages des lentilles elliptiques ou hyperboliques, ces avantages seront des chimères tant qu'il n'y aura

pas moyen de faire de telles lentilles. Je réponds à cela que dans les arts presque rien n'est impossible à l'industrie & à la persévérance: puisque l'ami de Dechales avoit fait un verre hyperbolique, pourquoi n'en feroit-on pas d'autres? puisqu'il existe des projets de machines propres à donner aux lentilles une forme quelconque, pourquoi n'en feroit-on pas au moins l'essai? puisque Herschel a fait d'excellens miroirs paraboliques, quoique Gregory & Newton y eussent renoncé; pourquoi ne viendrait-on pas à bout de faire des verres elliptiques & hyperboliques, malgré les difficultés qu'on y a trouvées jusqu'à présent? Et supposé à toute extrémité qu'on ne réussît pas avec le verre, on pourra encore faire des tentatives avec l'eau qu'on renfermera dans des lentilles creuses: il existe des gens qui savent donner à une plaque de verre telle courbure que l'on veut: ce sera d'eux qu'on se servira: il est connu qu'une enveloppe transparente d'épaisseur uniforme ne change pas sensiblement la direction des rayons de lumière, & par conséquent une lentille creuse de verre remplie d'eau doit faire le même effet à peu-près que si le verre n'y étoit pas: aussi Euler avoit-il déjà eu l'idée d'employer l'eau d'une manière presque semblable dans la construction de ses objectifs creux & remplis d'eau, de manière que la paroi extérieure fût une lentille biconvexe, & l'intérieure une simple enveloppe de verre d'épaisseur uniforme, concave vers le dedans de la lunette; ces objectifs auroient donc été composés d'une lentille convexe de verre & d'une concave d'eau: il avoit même fait des essais, mais qui n'avoient pas réussi à son gré, non par la faute de l'exécution, mais apparemment par le manque d'une proportion convenable entre les foyers des deux lentilles combinées. Je crois donc que si d'ailleurs on trouve quelque utilité considérable aux objectifs non sphériques, on doit espérer de pouvoir les exécuter soit avec du verre seulement, soit en cas de besoin avec du verre & de l'eau: ceux qu'on fera avec une simple enveloppé de verre auront sans doute le défaut d'être fragiles, & peut-être celui de se déjeter à la longue; mais aussi ils seront peu coûteux en comparaison des autres, & il sera aisé de les remplacer.

Mais les lentilles d'une autre forme que la sphérique ont-elles donc en effet une préférence aussi marquée qu'on le suppose? Dechales ne l'a pas trouvé ainsi: la lentille hyperbolique que son ami avoit faite, employée comme verre oculaire, s'est trouvée moins bonne que la sphérique, parce qu'elle défiguroit un peu les objets placés hors de l'axe. Je réponds à cela que ce n'est pas pour des oculaires qu'on a besoin de lentilles non sphériques, mais pour des objectifs, afin d'obtenir une très-grande ouverture, & par conséquent une image très-lumineuse au foyer de l'objectif. Ceux qui connoissent la construction des lunettes savent bien que l'objectif n'envoie à son foyer que des rayons de lumière qui en arrivant ne sont pas fort obliques à l'axe: il en est tout autrement de l'oculaire: il est très-près de l'image, & celle-ci envoie à l'œil par le moyen de l'oculaire des rayons de lumière qui font des angles considérables avec l'axe: ainsi de ce qu'une certaine forme ne convient pas pour des oculaires, il ne s'ensuit nullement qu'elle doive être rejetée pour les objectifs. Au reste, même pour les oculaires cet essai unique de Dechales ne prouve rien: qui fait si le verre étoit aussi bien taillé qu'il pouvoit l'être! Tant que les expériences ne sont pas multipliées, il n'y a que le calcul qui puisse décider si les verres non sphériques défigurent d'une manière sensible les objets situés hors de l'axe: cet examen fera le sujet d'un article de ce mémoire.

Gregory craignoit un autre inconvénient pour les objectifs hyperboliques à grande ouverture: c'est qu'ils ne fussent trop épais. Cet inconvénient est commun aux objectifs de figure quelconque: auxquels on veut donner une grande ouverture; les hyperboliques ont même un peu moins d'épaisseur que les sphériques, le diamètre de l'ouverture étant le même. Mais je ne crois pas ce danger bien redoutable: pourvu que la matière du verre soit bien transparente, la lumière peut en traverser une masse considérable sans s'affaiblir sensiblement, témoin les lunettes terrestres qu'on fait avec cinq ou six lentilles de verre: que la lumière traverse sans qu'on remarque quelque déchet: quand on regarde à travers un prisme assez gros d'un verre bien clair, on voit très-

bien les objets, abstraction faite des couleurs qui sont l'effet de la double réfraction. Je crois donc que quand même un grand objectif auroit au milieu une épaisseur d'un ou deux pouces, ou même une plus forte, il seroit encore de mise. D'ailleurs, si l'on avoit des objectifs qui concentraient bien la lumière, il ne seroit pas nécessaire de les faire d'un diamètre extrêmement grand, & par conséquent l'épaisseur ne seroit aussi que médiocre.

Il faut avouer que les objectifs dégagés de toute confusion causée par la sphéricité ne le seroient pas pour cela de celle qui résulte de la diverse réfrangibilité de la lumière: les rayons moyens se concentreroient parfaitement, mais ceux qui sont plus ou moins réfrangibles se réuniroient en d'autres points & borderoient les images des couleurs de l'arc-en-ciel: je conviens de cela jusqu'à un certain point; mais je soutiens aussi que cet inconvénient seroit moindre dans les lentilles elliptiques & hyperboliques que dans les sphériques: car le défaut de celles-ci est que l'angle que font les deux surfaces entre elles à leur bord est trop grand; en adoptant la figure elliptique ou hyperbolique on obtient vers les bords une inclinaison réciproque des deux surfaces qui est plus petite: or plus l'angle que font deux surfaces réfringentes est petit, moins il cause de couleurs, comme il est connu par les prismes; ainsi les verres elliptiques & hyperboliques sont déjà propres par leur nature à diminuer les fausses couleurs des images. Nous verrons dans la suite qu'on peut faire des objectifs dans lesquels les rayons de lumière, tombant perpendiculairement sur une des deux surfaces, ne se brisent qu'une fois, & il y a presque lieu de croire qu'une seule réfraction n'est guères suffisante pour faire paroître les objets bordés de couleurs; nous voyons par exemple les poissons dans l'eau sans iris, apparemment parce que la lumière ne souffre qu'une seule réfraction entre eux & nous. Ainsi il se pourroit bien que des objectifs de cette sorte fussent achromatiques par eux-mêmes. Mais supposé que je me trompasse en ceci, il reste toujours la ressource que Dollond a employée pour les verres sphériques, savoir de combiner deux ou trois len-

lentilles d'un verre différent pour en faire un objectif sans fausses couleurs: cet expédient qui a si bien réussi avec des verres qui avoient le vice de l'aberration de sphéricité & des angles trop grands à leurs bords, réussira à plus forte raison avec des lentilles déjà délivrées de l'un des défauts essentiels auxquels elles sont sujettes.

Mais pourquoi, dit-on, cette grande sollicitude à l'égard de la confusion causée par la sphéricité? on a démontré que cette confusion est peu de chose en comparaison de celle qui résulte de la diverse réfrangibilité des rayons: on peut donc se contenter d'être délivré de celle-ci, & négliger l'autre. Je réponds que quand même le mal ne seroit que petit, c'est toujours un mal, & que ce seroit une perfection de plus dans les lunettes que d'en être exemptes. Mais il me semble que la démonstration en question n'a lieu que pour les petites ouvertures: pour celles qui sont grandes l'aberration causée par la sphéricité est très-considérable comme le calcul le fait voir.

Enfin on demandera à quoi bon se donner tant de peine à l'égard des lunettes à réfraction, lorsque les télescopes qui sont à réflexion, produisent un si grand effet, surtout si à l'imitation de Herschel on donne au miroir objectif la forme parabolique. Mais qui est-ce qui ignore que les télescopes de ce genre sont d'un prix énorme, souvent d'une grandeur démesurée & incommodes à diriger, que leurs miroirs sont sujets à se ternir & à se gâter sans retour. Ils sont sans doute précieux, parce qu'ils sont pour le présent l'unique moyen de découvrir au ciel des choses qui étoient échappées à tous les astronomes; mais s'il étoit possible de porter les lunettes au point de produire des effets égaux, elles seroient de beaucoup préférables; elles seroient moins coûteuses, le verre étant une matière d'un prix vil à l'égard de celui des métaux dont on fait les miroirs concaves; elles seroient ordinairement d'un moindre volume, & exigeroient une moindre ouverture, parce qu'il ne se perd pas à-beaucoup-près autant de lumière par la réfraction, même à travers un verre assez épais, que par la réflexion: elles seroient durables, le verre ne perdant pas sa transparence, comme

le métal perd son poli & son éclat. Les inconvéniens attachés aux instrumens catoptriques seroient écartés en grande partie s'il étoit possible d'y employer des miroirs de verre; mais on fait que ceux-ci, à cause de leurs doubles surfaces, sont sujets à donner des images mal terminées & confuses. Si tout ce que je viens de dire ne prouve pas qu'il y a quelque espérance de perfectionner les lunettes en évitant les défauts dépendans de la figure sphérique, il prouve du moins, ce me semble, que la chose mérite d'être reprise en considération; afin que, si nous sommes forcés à renoncer à l'avantage qu'on croyoit entrevoir, ce ne soit qu'après un mûr examen, & après nous être convaincus qu'il n'y a point de profit à attendre de ce côté-là pour l'avancement des sciences optiques. Je m'efforcerai à faire cet examen dans ce mémoire, & pour le présent je ne parlerai que des objectifs hyperboliques.

ARTICLE II.

Examen des Objectifs plano-convexes hyperboliques.

Un des objectifs les plus simples proposés par Descartes, est plan du côté de l'objet, & hyperbolique du côté de l'œil: la lumière qui arrive parallèlement à l'axe tombe perpendiculairement sur la surface plane, entre dans le verre sans changer de route, rencontre la surface hyperbolique, se brise en s'éloignant des cathètes d'incidence & s'approchant de l'axe, & se concentre toute en un seul point de l'axe, pourvu que l'hyperbole soit telle que le rapport entre l'angle d'incidence & l'angle de réfraction l'exige. Pour le prouver, supposons que nous ne sachions pas encore que c'est l'hyperbole qui a cette propriété, & qu'il faille chercher la courbe qui la possède.

Fig. I. Soit GCH la courbe inconnue, & GDH une de ses ordonnées, de manière que $GCHDG$ fasse le profil de la lentille. Soit IF son axe, IG la normale pour le point G , GL son prolongement, AG un rayon incident parallèle à l'axe, GF le même rayon après sa réfraction, GQ le prolongement de FG , IR & IQ perpendiculaires l'une sur le rayon incident & l'autre sur le rayon réfléchi.

Par la construction prenant IG pour sinus total, IR est le sinus de l'angle d'incidence AGI , & IQ est le sinus de l'angle IGQ ou de son égal LGF qui est l'angle de réfraction. Supposons que le sinus d'incidence soit constamment au sinus de réfraction comme n est à m . Alors $IR = \frac{n}{m} IQ$, & puisque $GD = IR$, on a aussi $GD = \frac{n}{m} IQ$.

Les triangles FQI & FDG sont semblables à cause de l'angle commun en F & de l'angle droit: donc

$$FI : IQ :: FG : GD$$

$$\text{d'où } FG = \frac{FI \times GD}{IQ}$$

& mettant à la place de GD sa valeur $\frac{n}{m} IQ$,

$$FG = \frac{n}{m} FI$$

& comme $FI = FC + CD + DI$

$$FG = \frac{n}{m} (FC + CD + DI).$$

Si les rayons de lumière doivent tous coïncider au point F , il faut que FC soit une quantité constante que nous nommerons f . Soit la sousnormale DI , qui est une fonction de CD ou de DG , appelée u . Soit encore $DC = x$ & $DG = y$. Faisons attention que $FG = \sqrt{GD^2 + (DC + CF)^2}$ & par conséquent

$$\sqrt{GD^2 + (DC + CF)^2} = \frac{n}{m} (FC + CD + DI).$$

Substituant les valeurs algébriques il vient

$$\sqrt{y^2 + (x + f)^2} = \frac{n}{m} (f + x + u).$$

Il s'agit de savoir quelle est la courbe à laquelle cette équation convient. Les courbes qui se présentent d'abord après la ligne circulaire ou conjointement avec elle, sont les sections coniques. L'équation commune à toutes ces courbes est

$$y^2 = px + \frac{p}{a} x^2$$

où p est le paramètre & a l'axe principal: la sousnormale u pour toutes les sections coniques est $\frac{1}{2}p + \frac{p}{a}x$. Substituant donc pour y & x leurs valeurs on a

$$\sqrt{[px + \frac{p}{a}x^2 + x^2 + 2fx + f^2]} = \frac{n}{m} (f + x + \frac{1}{2}p + \frac{p}{a}x)$$

ou bien

$$\sqrt{[(1 + \frac{p}{a})x^2 + (p + 2f)x + f^2]} = \frac{n}{m} [(1 + \frac{p}{a})x + (\frac{1}{2}p + f)]$$

ou, en faisant les carrés de part & d'autre

$$\begin{aligned} (1 + \frac{p}{a})x^2 + (p + 2f)x + f^2 &= \frac{n^2}{m^2} (1 + \frac{p}{a})^2 x^2 \\ &+ \frac{n^2}{m^2} (1 + \frac{p}{a}) (p + 2f)x \\ &+ \frac{n^2}{m^2} (\frac{1}{2}p + f)^2. \end{aligned}$$

Cette équation sera vraie pour toutes les valeurs possibles de x si on peut la rendre identique, de manière que les coefficients correspondans soient égaux. Cela suppose donc d'abord que

$$(1 + \frac{p}{a}) = \frac{n^2}{m^2} (1 + \frac{p}{a})^2$$

$$\text{ou } 1 = \frac{n^2}{m^2} (1 + \frac{p}{a})$$

$$\text{ou } \frac{m^2}{n^2} = 1 + \frac{p}{a}$$

$$\text{ou } + \frac{m^2}{n^2} - 1 = \frac{p}{a}.$$

Ainsi $\frac{m^2}{n^2} - 1$ est la valeur de $\frac{p}{a}$ lorsque m est plus grand que n , ou que la lumière passe du milieu plus dense dans celui qui est plus rare, comme dans le cas proposé du verre ou de l'eau dans l'air. Ce cas a lieu lorsque dans l'équation la quantité $\frac{p}{a}$ a le signe $+$, c'est-à-dire

dans l'hyperbole. L'autre valeur de $\frac{p}{a}$ savoir $1 - \frac{m^2}{n^2}$ qui suppose n plus grand que m , appartient à l'ellipse, & a lieu lorsque la lumière passe de l'air dans le verre ou dans l'eau.

Notre équation identique exige encore que

$$(p + 2f) = \frac{n^2}{m^2} \left(1 + \frac{p}{a}\right) (p + 2f)$$

$$\text{ou } 1 = \frac{n^2}{m^2} \left(1 + \frac{p}{a}\right)$$

ce qui conduit de nouveau aux deux valeurs de $\frac{p}{a}$.

La même équation identique exige que

$$f^2 = \frac{n^2}{m^2} \left(\frac{1}{2}p + f\right)^2$$

$$\text{ou } f = \frac{n}{m} \left(\frac{1}{2}p + f\right)$$

$$\text{d'où l'on tire } p = 2 \left(\frac{m}{n} - 1\right) f$$

On voit donc que l'identité peut avoir lieu lorsque la courbe proposée est une hyperbole ou une ellipse, selon qu'on suppose qu'il s'agit de la sortie ou de l'entrée de la lumière. La courbe désirée ne peut être une hyperbole équilatérale que dans le cas où $\frac{p}{a} = 1$, c'est-à-dire

$$\frac{m^2}{n^2} - 1 = 1$$

c'est-à-dire

$$\frac{m^2}{n^2} = 2$$

$$\text{ou } \frac{m}{n} = \frac{\sqrt{2}}{1}$$

$$n : m :: 1 : \sqrt{2}.$$

La courbe en question ne peut jamais être un cercle, car il faudroit que $\frac{p}{a} = 1$, &

$$1 - \frac{m^2}{n^2} = 1$$

$$\text{ou } 1 - 1 = \frac{m^2}{n^2}$$

$$\text{ou } 0 = \frac{m^2}{n^2}$$

$$\text{ou } 0 = \frac{m}{n}$$

ce qui est impossible.

Notre courbe ne peut pas non plus être une parabole, puisque dans cette ligne a est infiniment grand par rapport à p , de façon que $\frac{p}{a} = 0$. Il faudroit donc que $\frac{m^2}{n^2} - 1 = 0$, ou $n = m$, c'est-à-dire que la parabole ne pourroit servir que dans le cas où le rayon réfracté ne seroit que la continuation de l'incident, & où par conséquent il n'y auroit pas de réfraction. Mais dans ce cas même on a $p = 2(1 - 1)f$ ou $p = 0$, ce qui réduit la parabole absolument à rien, & nous montre qu'elle doit être exclue. Il ne reste donc que l'ellipse & l'hyperbole qui satisfassent. Nous ne voulons pas dans cet instant nous occuper de l'ellipse, & il nous suffit d'avoir trouvé qu'une lentille, hyperbolique d'un côté & plane de l'autre, ayant le côté plan tourné vers l'objet, concentre parfaitement la lumière qui arrive parallèlement à l'axe, pourvu que les dimensions de l'hyperbole soient convenablement proportionnées.

L'hyperbole sera convenablement proportionnée si $p = 2\left(\frac{m}{n} - 1\right)f$, & si $\frac{p}{a} = \frac{m^2}{n^2} - 1$. Pour le verre où $\frac{n}{m} = \frac{2}{3}$, on aura donc $p = f$ & $\frac{p}{a} = \frac{9}{4} - 1 = \frac{5}{4}$, c'est-à-dire que le paramètre de l'hyperbole doit être égal au foyer proposé, & que ce paramètre doit être à l'axe comme 5 est à 4, ou que l'axe doit faire les $\frac{4}{5}$ du paramètre.

Au lieu du verre si nous nous servons d'eau, alors $\frac{n}{m} = \frac{3}{4}$ & $\frac{m}{n} = \frac{4}{3}$, de là $p = 2\left(\frac{m}{n} - 1\right)f = \frac{2}{3}f$, & $\frac{p}{a} = \frac{m^2}{n^2} - 1$

$= \frac{16}{9} - 1 = \frac{7}{9}$. Ainsi dans ce cas le paramètre fait les $\frac{2}{3}$ de la distance focale, & le paramètre est à l'axe comme 7 à 9, ou l'axe fait les $\frac{9}{7}$ du paramètre.

Quand il s'agit de dessiner une hyperbole on a ordinairement besoin du foyer. Voyons donc quelle est la position du foyer. On se souviendra qu'au foyer l'appliquée devient égale au demi-paramètre. Mettant donc $\frac{1}{2}p^2$ au lieu de y^2 dans l'équation de l'hyperbole, il vient

$$\frac{1}{2}p^2 = px + \frac{p}{a}x^2.$$

Résolvant cette équation, on trouve

$$x = -\frac{1}{2}a \pm \frac{1}{2}\sqrt{(a^2 + ap)}.$$

Or il faut que $\frac{p}{a} = \frac{m^2}{n^2} - 1$ ou $p = a\left(\frac{m^2}{n^2} - 1\right)$ ou $ap = a^2\left(\frac{m^2}{n^2} - 1\right)$. Substituant cette valeur, il vient

$$x = -\frac{1}{2}a \pm \frac{m}{n} \cdot \frac{1}{2}a.$$

Ajoutant $\frac{1}{2}a$, nous avons pour l'excentricité

$$\frac{1}{2}a + x = \pm \frac{m}{n} \cdot \frac{1}{2}a.$$

C'est-à-dire que l'excentricité fait $\frac{m}{n}$ du demi-axe, ou que la double excentricité fait $\frac{m}{n}$ de l'axe entier. Si donc on dessine une hyperbole telle que pour le verre le demi-axe soit à l'excentricité comme 2 à 3, ou pour l'eau comme 3 à 4, on est sûr d'avoir le profil d'une hyperbole convenable au but dont il s'agit.

Comme en dessinant l'hyperbole on sera bien aise d'en régler d'abord les dimensions d'après le foyer qu'on desire; voyons quel est le rapport entre l'axe & la distance focale. Puisque $p = 2\left(\frac{m}{n} - 1\right)f$ & $p = a\left(\frac{m^2}{n^2} - 1\right)$, il s'ensuit que

$$2 \left(\frac{m}{n} - 1 \right) f = a \left(\frac{m^2}{n^2} - 1 \right)$$

$$\text{ou } 2 \left(\frac{m}{n} - 1 \right) f = a \left(\frac{m}{n} - 1 \right) \left(\frac{m}{n} + 1 \right)$$

d'où l'on tire

$$f = \frac{1}{2} a \left(\frac{m}{n} + 1 \right)$$

$$\text{ou } f = \frac{m}{n} \cdot \frac{1}{2} a + \frac{1}{2} a.$$

Or $\frac{m}{n} \cdot \frac{1}{2} a$ est l'excentricité, & $\frac{1}{2} a$ la moitié de l'axe, donc f fait la distance depuis un sommet de l'hyperbole jusqu'au foyer de l'hyperbole opposée, c'est-à-dire qu'un verre tel que ceux dont il s'agit, concentre les rayons de lumière au foyer de l'hyperbole opposée.

Fig. 11. Supposons donc que le sommet de la lentille doive être en D & le foyer en A , on a

$$AD = f = \frac{1}{2} a \left(\frac{m}{n} + 1 \right)$$

$$\text{d'où } DB = a = \frac{2f}{\frac{m}{n} + 1} = \frac{2n}{m + n} f$$

Cela donne le point B qui est le sommet de l'hyperbole opposée. Si on fait maintenant $BE = DA$ ou $DE = AB$, on aura le foyer E de l'hyperbole demandée.

Comme c'est la fraction $\frac{m}{n}$ qui règle les dimensions de l'ellipse conjointement avec f , il est clair que pour chaque matière dont on fera les lentilles il faudroit à la rigueur d'autres proportions. Heureusement cependant elles peuvent demeurer les mêmes pour des matières assez différentes.

Essayons par exemple de trouver quelles dimensions il faudroit employer pour une lentille creuse remplie d'esprit de vin. Je ne fais pas la raison de réfraction entre l'air & l'esprit de vin. Mais je supposerai que cette raison est une fonction de la densité. La densité de l'eau étant 1, celle du verre est environ 3, & celle de l'esprit de vin $\frac{4}{5}$.

La

La raison de réfraction de l'air dans l'eau fait $\frac{4}{3}$, du verre dans l'eau $\frac{3}{2}$.
On a donc ces deux séries

$$\begin{array}{lcl} \text{Réfraction} & y, & \frac{4}{3}, \quad \frac{3}{2} \\ \text{Densités} & \frac{4}{3}, & 1, \quad 3 \end{array}$$

Supposez les densités x , les réfractions y , & $y = a + bx$, vous aurez, en mettant d'abord $x = 1$ & $y = \frac{4}{3}$, puis $x = 3$ & $y = \frac{3}{2}$,

$$\begin{array}{l} \frac{4}{3} = a + b \\ \text{puis} \quad \frac{3}{2} = a + 3b \end{array}$$

d'où l'on tire $b = \frac{1}{2}$, $a = \frac{4}{3}$, & pour $x = \frac{4}{3}$ il vient $y = \frac{79}{60}$, ce qui diffère peu de $\frac{80}{60}$ ou $\frac{4}{3}$. D'où l'on voit qu'une différence assez considérable de densité ne change pas sensiblement la réfraction, ni par conséquent les dimensions des lentilles.

Quoiqu'il n'y ait que l'hyperbole convenablement proportionnée qui concentre la lumière qui tombe à toute distance de l'axe, il faut convenir que le cercle & les autres sections coniques concentrent au moins celle qui tombe près de l'axe, & le point où ils la concentrent s'appelle strictement le foyer, sa distance au sommet est la vraie distance focale. Pour le trouver reprenons l'équation

$$\begin{aligned} & \sqrt{\left(1 + \frac{p}{a}\right)x^2 + (p + 2f)x + f^2} \\ &= \frac{n}{m} \left[\left(1 + \frac{p}{a}\right)x + \left(\frac{1}{2}p + f\right) \right]. \end{aligned}$$

Cette équation ayant lieu pour toutes les valeurs de x , elle a aussi lieu lorsque $x = 0$, alors elle devient

$$\begin{aligned} f &= \frac{n}{m} \left(\frac{1}{2}p + f \right) \\ \text{de là} \quad f &= \frac{\frac{1}{2}p}{\frac{m}{n} - 1} = \frac{np}{2(m-n)}. \end{aligned}$$

C'est le même rapport que nous avons trouvé plus haut entre p & f dans la supposition que toute la lumière doit se concentrer en un point. En effet, si ce point concentre tous les rayons de lumière, il concentre

aussi ceux qui sont voisins de l'axe. On voit par là que la distance focale proprement dite, ou la distance à laquelle se réunissent les rayons voisins de l'axe, ne dépend que du paramètre & de la raison de réfraction, sans égard à l'axe. Dans le cercle le paramètre se confond avec l'axe, & alors $\frac{1}{2}p$ est le demi-diamètre. De là il résulte encore que toutes les sections coniques ont leur distance focale (s'entend pour les rayons voisins de l'axe) égale à celle d'un cercle qui auroit le demi-paramètre pour demi-diamètre ou le paramètre pour diamètre. En effet toute section conique se confond à son sommet avec un cercle qui a pour demi-diamètre le rayon de courbure qui convient à ce sommet: or la géométrie nous enseigne que le rayon de courbure de toute section conique est exprimé par

$$\frac{1}{2p^2} \cdot \left[p^2 + \left(4 + \frac{p}{a} \right) \left(p x + \frac{p}{a} x^2 \right) \right]^{\frac{1}{2}}$$

Mettant $x = 0$, on trouve que le rayon de courbure au sommet de toute section conique fait

$$\frac{1}{2p^2} (p^2)^{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2}p.$$

Donc des rayons de lumière qui tombent sur la section conique près du sommet, doivent se réunir à la même distance où se réuniroient des rayons qui tomberoient sur une surface sphérique qui auroit $\frac{1}{2}p$ pour demi-diamètre ou p pour diamètre, & cette distance fait comme nous l'avons trouvé tantôt $\frac{np}{2(m-n)}$, p étant le demi-diamètre du cercle.

Nous avons aussi déjà vu que pour le verre ordinaire cette expression se réduit à p , & dans ce cas une surface sphérique a son foyer au bout du diamètre, & une section conique quelconque a sa distance focale égale au paramètre.

ARTICLE III.

Comparaison des objectifs plano-convexes de différentes formes.

Nous voyons par ce qui vient d'être dit, que pour des lentilles d'une petite ouverture il est à-peu-près indifférent de se servir de telle

section conique que l'on veut; mais quand l'ouverture ou la largeur de la lentille ou son diamètre (car toutes ces expressions reviennent au même) est considérable, les écarts deviennent très-sensibles. Pour voir jusqu'à quel point les sections coniques diffèrent à cet égard, je supposerai d'abord une lentille plano-sphérique, à laquelle je donnerai une certaine ouverture; je considérerai ensuite des sections coniques de même foyer & de même largeur que la surface sphérique: je calculerai pour toutes ces courbes la distance à laquelle se réunissent les rayons qui tombent sur le bord de la lentille, & je comparerai cette distance à la distance focale, pour voir quelle est la grandeur de l'aberration en longueur causée par la figure de la lentille.

Je pourrois pour cet effet avoir encore recours à l'équation

$$\begin{aligned} \sqrt{\left[\left(1 + \frac{p}{a}\right)x^2 + (p + 2f)x + f^2\right]} \\ = \frac{n}{m} \left[\left(1 + \frac{p}{a}\right)x + \left(\frac{1}{2}p + f\right)\right] \end{aligned}$$

En élevant les deux membres au carré il ne seroit pas difficile de trouver f en fonction de x , supposant p , $\frac{p}{a}$ & $\frac{n}{m}$ donnés. L'équation de chaque courbe donneroit x en fonction de y ou de la demi-largeur de la lentille. Ainsi connoissant y , p , $\frac{p}{a}$, $\frac{n}{m}$, on auroit f . Mais les calculs seroient un peu longs: je préfère donc de me servir des angles: car de cette manière le calcul se trouve en partie fait moyennant les sinus & les tangentes que les tables fournissent.

Soit donc d'abord IF l'axe d'une lentille plano-convexe $GCHDG$, Fig. III. dont la surface GCH soit sphérique. Soient GC & CH des arcs de 20 degrés, de manière que toute l'ouverture soit de 40 degrés, I le centre de la courbure sphérique, IGL un demi-diamètre avec son prolongement, AG un rayon incident, GF le rayon réfléchi, qui rencontre l'axe en F . IGL étant perpendiculaire sur la surface réfringente, AGI est l'angle d'incidence, & LGF est l'angle de réfraction. En supposant que la lentille est de verre, le sinus de AGI

doit être au sinus de LGF comme 2 est à 3, ou ce qui revient au même, $\sin LGF = 1\frac{1}{2} \sin AGI$; & comme AGI est égal à son alterne GIC ou à 20 degrés, donc $LGF = 1\frac{1}{2} \sin 20^\circ = 1\frac{1}{2}$ fois 0,3420202 = 0,5130303; ce qui donne selon les tables $\angle LGF = 30^\circ 51' 57''$. Ajoutez-y l'angle IGD , complément de GID & par conséquent = 70° , vous aurez $100^\circ 51' 57''$. Soustrayez cette somme de 180° , il reste $79^\circ 8' 3''$ pour l'angle DGF . Maintenant $DF = DG \tan DGF$; or en supposant le rayon $IC = 1$, $GD = 0,3420202$. Ainsi $DF = 0,3420202 \tan 79^\circ 8' 3'' = 0,7818$. Otez $DC (= 1 - ID = 1 - \cos 20^\circ) = 0,0603$. Reste $CF = 1,7215$. C'est la distance où se réunissent les rayons qui tombent sur le bord de la lentille. Il a été remarqué que ceux qui tombent sur le milieu de la lentille, tout près de l'axe, ont une distance focale CM égale au diamètre de la courbure du verre plano-convexe ou ici = 2. La différence est $FM = 0,2785$, ce qui fait plus du quart du rayon ou plus de la huitième partie de la vraie distance focale, qui comme il a été dit se règle toujours d'après les rayons les plus proches de l'axe.

Mettons par exemple que le demi-diamètre IC soit d'un demi-pied & par conséquent la distance focale CM d'un pied, l'aberration FM en longueur, fera plus de la huitième partie d'un pied, c'est-à-dire plus d' $1\frac{1}{2}$ pouce.

Si on prolonge GF vers N , & qu'on érige en M sur CM une perpendiculaire MN qui rencontre ce prolongement, on aura MN pour l'aberration en largeur, ou pour le demi-diamètre du cercle de lumière qui se forme autour du foyer, si on y place une surface opaque perpendiculairement à l'axe. Ce demi-diamètre MN est facile à trouver, vu que $MN = FM \tan MFN = FM \tan GFD = FM \cot DGF = 0,2785 \cot 79^\circ 8' 3'' = 0,05334$. C'est un peu plus que la 20^e partie du demi-diamètre, ou la 40^e partie de la distance focale: celle-ci étant donc d'un pied, MN fera plus de

$3\frac{1}{2}$ lignes, & le diamètre du cercle de diffusion plus de 7 lignes ou plus d'un demi-pouce.

Ainsi un tel verre, au lieu de réunir les rayons de lumière en un point, les réunit en un cercle de plus d'un demi-pouce de diamètre.

Essayons la parabole. Supposons donc que dans la figure précédente la courbe GCH n'est plus un cercle mais une parabole, DC une abscisse & DG l'appliquée correspondante, GI la normale pour le point G , & DI la sousnormale, GL le prolongement de la normale, AG comme ci-devant un rayon incident parallèle à l'axe IM , & GF le rayon réfléchi.

Il a été prouvé qu'au sommet de la parabole la courbure est la même que celle d'un cercle qui a $\frac{1}{2}p$ pour demi-diamètre, & que les rayons de lumière qui tombent aux environs de l'axe se concentrent à une distance double de $\frac{1}{2}p$, & par conséquent égale à p . Faisons $\frac{1}{2}p = 1$, ou $p = 2$, afin que la lentille parabolique ait le même foyer que la sphérique qui a été examinée dans l'article précédent.

Tâchons aussi de donner à la lentille parabolique la même ouverture que nous avons donnée à la sphérique. Le demi-diamètre de la courbure étant 1, nous avons pris pour demi-largeur de la lentille le sinus de 20 degrés, qui faisoit 0,3420202. Supposons de même ici la demi-largeur égale à 0,3420202, sans avoir égard d'ailleurs à la propriété de ce nombre d'être le sinus de 20 degrés. Pour abréger les calculs je ne les ferai qu'avec quatre décimales, ce qui suffit pour découvrir quelles sont les courbes qui dispersent plus ou moins les rayons de lumière.

Dans la parabole la sousnormale ID est égale à $\frac{1}{2}p$, ainsi dans le cas présent égale à 1. Dans le triangle rectangle IDG , on a

$$\text{tang } GID = \frac{GD}{ID}$$

& dans le cas présent $\text{tang } GID = GD = 0,3420$ ce qui donne par les tables $GID = 18^\circ 53'$. C'est en même temps la grandeur de l'angle AGD . Par cet angle AGD on trouve comme pour le

cercle, l'angle LGF dont le sinus fait $1\frac{1}{2} \sin AGI$. A l'angle LGF on ajoute l'angle IGD , complément de GID . La somme étant soustraite de 180° , reste l'angle DGF . Moyennant cet angle & le côté GD du triangle rectangle GDF , on trouve DF . C'est en un mot un calcul pareil à celui qui a lieu pour la courbure sphérique. En le faisant, on aura $DF = 1,9008$.

Il faut en ôter $DC = \frac{GD^2}{p}$ ou dans le cas présent $= \frac{(0,3420)^2}{2} = 0,0585$. Alors il reste $CF = 1,9423$. La différence entre ce nombre & 2 fait 0,0577 aberration en longueur: dans le cercle elle étoit 0,2785, c'est-à-dire près de 5 fois plus grande: ainsi la forme parabolique est beaucoup plus avantageuse que la circulaire.

Passons à l'ellipse. On a ici $\frac{1}{2}p$ pour le rayon de courbure qui a lieu au sommet, tout comme dans la parabole: soit donc comme dans la parabole & par les mêmes raisons $\frac{1}{2}p = 1$ ou $p = 2$. Pour avoir une ellipse un peu longue supposons le grand axe égal au double du paramètre, ainsi $a = 4$. Donnons toujours à la lentille la même demi-largeur, savoir $DG = 0,3420$.

L'équation de l'ellipse est, comme on fait,

$$y^2 = px - \frac{p}{a} x^2.$$

Mettant 0,3420 ($= DG$) à la place de y , 2 à la place de p , & 4 à la place de a , il vient

$$(0,3420)^2 = 2x - \frac{1}{2}x^2.$$

Résolvant cette équation du second degré, on aura x ou $CD = 0,0594$.

La sousnormale DI dans l'ellipse fait

$$\frac{p(\frac{1}{2}a - x)}{a}$$

& dans le cas présent $DI = 0,9703$; ainsi $\tan GID (= \frac{DG}{DI}) = \frac{0,3420}{0,9703} = 0,3524$, & l'angle $GID (= AGI) = 19^\circ 25'$.

Continuant le calcul comme précédemment, on trouve $DF = 1,8453$.

Soustrayant DC de DF , il reste $CF = 1,7859$. La différence entre ce nombre & 2 fait $0,2141$: c'est l'aberration en longueur: elle est ici un peu plus petite que pour la forme sphérique, mais beaucoup plus grande que pour la parabolique: ainsi l'ellipse est préférable au cercle, mais la parabole vaut mieux que l'une & l'autre de ces courbes.

J'ai pris l'ellipse comme on la prend le plus souvent, c'est-à-dire selon sa longueur; essayons de la prendre en largeur & de faire arriver les rayons de lumière parallèlement au petit axe. L'équation de l'ellipse par rapport au petit axe est aussi

$$y^2 = px - \frac{p}{a} x^2.$$

Seulement il faut faire attention qu'ici a est le petit axe, & p plus grand que a , puisque p est la troisième proportionnelle à l'axe des abscisses & à celui des appliquées. Le rayon de courbure au sommet est encore $\frac{1}{2}p$. Soit encore $\frac{1}{2}p = 1$ ou bien $p = 2$. Je supposerai le petit axe égal à la moitié du paramètre, ou $a = 1$. L'équation de la courbe sera donc

$$y^2 = 2x - 2x^2.$$

Je conserve toujours la même demi-ouverture de la lentille, savoir y ou $GD = 0,3420$. On trouvera donc DC ou x en faisant

$$(0,3420)^2 = 2x - 2x^2$$

qui donne x ou $DC = 0,0624$.

La sousnormale fait comme ci-dessus

$$\frac{p(\frac{1}{2}a - x)}{a}$$

& si l'on substitue, il vient $0,8752 = ID$. De plus $\tan GID = \frac{DG}{DI} = \frac{0,3420}{0,8752} = 0,3907$; de là $GID (= AGI) = 21^{\circ} 21'$.

Continuant le calcul comme ci-dessus, on trouve $DF = 1,6442$. Otant $DC (= 0,0624)$ il vient $CF = 1,5818$, au lieu de $2,0000$.

La différence est 0,4182. Dans le cercle elle n'étoit que de 0,2785. Ainsi on ne gagne rien à prendre l'ellipse en travers, au contraire on y perd beaucoup, & l'aberration devient plus grande que dans tous les cas précédemment examinés.

On voit par les calculs que nous venons de faire, que le paramètre restant le même, à mesure que la section conique s'allonge, elle devient plus propre à rassembler les rayons en un foyer: l'ellipse prise en travers est la plus raccourcie & celle qui cause le plus d'aberration, le cercle n'est point raccourci & un peu meilleur, l'ellipse prise selon le grand axe est allongée & préférable au cercle: la parabole est infiniment allongée & encore plus propre à concentrer la lumière.

Au lieu de la véritable hyperbole, propre à concentrer toute la lumière, essayons-en d'autres, & d'abord celle qui est équilatérale. L'équation de l'hyperbole est en général

$$y^2 = px + \frac{p}{a} x^2$$

& quand elle est équilatérale

$$y^2 = px + x^2.$$

Soit donc toujours $\frac{1}{2}p = 1$, ou $p = 2$. Alors dans le cas de l'hyperbole équilatérale

$$y^2 = 2x + x^2$$

& si, comme dans tous les cas précédens, nous supposons $y = (0,3420)$ nous avons

$$(0,3420)^2 = 2x + x^2$$

d'où l'on tire

$$x \text{ ou } CD = 0,0568.$$

La sousnormale pour toute hyperbole est

$$\frac{p(\frac{1}{2}a + x)}{a}$$

& si $p = 2$ & $a = 2$, elle devient $1 + x = 1 + 0,0568 = 1,0568 = ID.$

Main-

Maintenant $\text{tang } GID = \frac{DG}{ID} = \frac{0,3420}{1,0568} = 0,3236$; de là $GID (= AGI) = 17^{\circ} 56'$. Continuant le calcul comme dans les cas précédens, on trouve $DF = 2,0232$; & soustrayant DC ou $1,0568$, on a $CF = 1,9664$ au lieu de $2,0000$. La différence fait $0,0336$. Elle est plus petite que dans la parabole & dans toutes les autres courbures que nous avons essayées.

Faisons maintenant l'axe plus grand que le paramètre, au lieu de les supposer égaux. Soit donc $a = \frac{3}{2}p$, & par conséquent $\frac{p}{a} = \frac{2}{3}$, alors

$$y^2 = px + \frac{2}{3}x^2.$$

Le rayon de courbure est toujours $\frac{3}{2}p$, & si nous faisons $\frac{3}{2}p = 1$ ou $p = \frac{2}{3}$, si de plus nous mettons $y = 0,3420$ & par conséquent $y^2 = 0,116964$, nous aurons

$$0,116964 = 2x + \frac{2}{3}x^2$$

d'où l'on tire

$$x \text{ ou } CD = 0,05738.$$

Si dans la formule qui exprime la sousnormale de l'hyperbole, savoir

$$\frac{p(\frac{1}{2}a + x)}{a}$$

on met 2 à la place de p , 3 à la place de a , & $0,05738$ à la place de x , il vient

$$ID = 1,03825.$$

Maintenant

$$\text{tang } GID = \frac{DG}{DI} = \frac{0,34202}{1,03825} = 0,3294$$

$$\text{donc } GID (= AGI) = 18^{\circ} 46'.$$

Continuant le calcul, on trouve

$$DF = 1,9903$$

$$\text{ôtez } DC = 0,0574$$

$$\text{reste } CF = 1,9329$$

$$\text{au lieu de } 2,0000$$

$$\text{différence } 0,0671.$$

Cette différence est plus grande que dans l'hyperbole équilatérale & que dans la parabole.

Au lieu de faire l'axe plus grand que le paramètre, prenons le plus petit, par exemple $a = \frac{2}{3}p$, de façon que $\frac{p}{a} = \frac{3}{2}$ & $y^2 = px + \frac{3}{2}x^2$. Supposant de plus $p = 2$ & $y^2 = 0,116964$, on trouve $x = 0,0560$. Dans la formule de la sousnormale mettant 2 pour p , $\frac{4}{3}$ ($= \frac{2}{3}p$) pour a , & 0,0560 pour x , on trouve qu'elle fait 1,0840. De là tang GID ($= \frac{y}{\text{sousn.}}$) $= \frac{0,3420}{1,0840} = 0,3155$. Par conséquent GID ($= AGI$) $= 17^d 31'$. La suite du calcul fournit $DF = 2,2263$. Otez $CD = x = 0,0560$, reste $CF = 2,0707$ au lieu de 2,0000. L'excès est 0,0707. Ainsi le point de réunion des rayons de lumière qui tombent sur le bord du verre est ici trop éloigné du verre, au lieu que dans tous les cas précédens il étoit trop près.

Dans l'hyperbole équilatérale où $a = 1p$, le point de réunion étoit encore trop près & dans l'hyperbole où $a = \frac{2}{3}p$, il est déjà trop loin. Cela nous feroit voir, quand même nous ne le saurions pas par la théorie, qu'il faut prendre a entre $1p$ & $\frac{2}{3}p$, ou le facteur qui multiplie p pour l'égalier à a entre 1 & $\frac{2}{3}$ ou entre 1,0000 & 0,6667. En effet, nous savons que la véritable hyperbole est celle dans laquelle $a = 0,8000p$ ou $a = \frac{4}{5}p$. Faisant dans cette supposition un calcul semblable à tous les précédens, je trouve que les rayons qui tombent sur le bord du verre, se réunissent à la distance 2,0019, & l'excès très-petit de 0,0019 résulte de l'incertitude des deux derniers chiffres dans un calcul qui n'a été fait qu'avec quatre décimales.

Pour convaincre même ceux qui n'ont guères de théorie, que cette hyperbole réunit aussi au foyer les rayons qui tombent entre le bord & le centre du verre, je recommence le calcul avec cette seule différence, qu'au lieu de supposer $y = 0,3420$, je ne lui donne que la moitié de cette grandeur, mettant $y = 0,1710$. Alors je trouve $CF = 2,0009$ où l'excès de 0,0009 peut encore être négligé.

Voulant montrer qu'en donnant au verre une plus grande ouverture, la même hyperbole concentre encore les rayons de lumière, je répète le calcul en faisant $y = \frac{1}{2} = 0,5$. Alors je trouve $CF = 1,9986$ au lieu de $2,0000$. La petite différence $0,0014$ est ici en défaut, non en excès, mais elle est peu importante.

Je vais encore plus loin & je suppose $y = 1$, c'est-à-dire je fais la demi-largeur du verre égale à la demi-distance focale, & par conséquent la largeur du verre égale à la distance focale même: alors je trouve $2,0004$ au lieu de $2,0000$. La différence $0,0004$ ne mérite aucune attention.

Nous avons vu que les ellipses satisfont d'autant plus qu'elles s'allongent ou se rétrécissent davantage. Tout au contraire, les hyperboles deviennent d'autant plus satisfaisantes qu'elles s'élargissent ou s'ouvrent davantage, ce qui arrive à mesure que l'axe devient plus petit par rapport au paramètre. Cela ne va pourtant que jusqu'à un certain point. L'hyperbole la moins bonne étoit celle dans laquelle $a = \frac{3}{2}p$, celle où $a = 1p$ s'est trouvée meilleure, & celle où $a = \frac{4}{3}p$ est la véritable. Au de-là de ce rapport, & en ouvrant davantage les hyperboles, elles commencent à causer des écarts en sens contraire, comme nous l'avons vu en faisant $a = \frac{2}{3}p$.

ARTICLE IV.

Examen des rayons de lumière qui arrivent obliquement à l'égard de l'axe d'une lentille plano-convexe hyperbolique.

Quoique la forme hyperbolique soit très-propre à rassembler en un même point la lumière qui arrive parallèlement à l'axe, reste à savoir s'il en est de même de la lumière qui arrive obliquement: car les objets qu'on veut contempler par des lunettes ne sont pas des points mathématiques: ils ont une certaine étendue, de manière que dirigeant l'axe de la lunette environ vers le milieu de l'objet, il y a toujours à l'entour une infinité de points dont l'objectif doit fournir les images. L'expérience fait voir que les verres à surfaces sphériques & à petite

ouverture représentent assez distinctement les parties de l'objet qui se trouvent hors de l'axe. Ce seroit un défaut des objectifs hyperboliques s'ils étoient à cet égard inférieurs aux sphériques: outre cela les verres sphériques représentent les objets assez au naturel, les dimensions de l'image étant à-peu-près proportionnées comme celles des objets mêmes: il faudroit donc les préférer à cet égard aux hyperboliques, si ceux-ci défiguroient les choses qu'on regarde, comme Dechaies croit l'avoir remarqué. Le calcul seul peut lever nos doutes à ces deux égards. Au reste, quel qu'en soit le résultat, les objectifs hyperboliques auront toujours la préférence pour la contemplation des objets qui sont dans l'axe ou fort près de là.

Fig. III. Soit HAI la coupe hyperbolique de la surface intérieure de l'objectif plano-convexe. Soit AL l'axe de l'hyperbole. Supposez qu'il tombe sur la surface plane HI une infinité de rayons de lumière, parallèles entre eux, mais obliques à l'égard de l'axe AL . Tous ces rayons étant également réfléchis prendront des routes parallèles dans l'intérieur du verre, & rencontrant la courbe en divers points, feront avec elle divers angles. Par exemple le rayon incident CD tombant sur HI , se brisera en DE , & fera au point E avec la courbe ou avec sa tangente EG un angle quelconque DEG . Parmi tous ces angles mettons qu'il y en ait un droit, par exemple qu'il se trouve que le rayon de lumière DE tombe perpendiculairement sur la courbe ou sur sa tangente au point E . Alors ce rayon DE ne se brise pas pour la seconde fois, mais il continue son chemin en droite ligne. Pour trouver ce point E , tirez l'appliquée EB . Il s'agit d'avoir l'abscisse AB répondante au point E . Si cette abscisse est possible, ce sera en même temps la preuve qu'on n'a pas fait de supposition absurde en admettant un point E où l'angle DEG est droit. Tirez encore KDG parallèlement à l'axe; elle coupe l'appliquée EB en F & la tangente EG en G .

L'angle CDK ou CML est l'angle d'incidence: c'est en même temps celui que les rayons incidens font avec ceux qui sont parallèles à l'axe. Soit cet angle $= a$.

L'angle EDF est l'angle de réfraction: il est tel que $\sin EDF = \frac{n}{m} \sin \alpha$, ou $EDF = \arcsin \frac{n}{m} \sin \alpha$. L'angle DEG étant supposé droit, GEF est le complément de DEF , EDF l'est aussi. Donc $GEF = EDF$, ou $GEF = \arcsin \frac{n}{m} \sin \alpha$.

La géométrie des courbes nous enseigne que la tangente de l'angle formé par l'appliquée & la tangente équivaut à $\frac{dx}{dy}$, la lettre d marquant les différentielles; ainsi

$$\frac{dx}{dy} = \tan GEF$$

$$\text{ou } \frac{dx}{dy} = \tan \arcsin \frac{n}{m} \sin \alpha.$$

Pour plus de brièveté, mettons $\tan \arcsin \frac{n}{m} \sin \alpha = t$, & nous aurons

$$\frac{dx}{dy} = t.$$

L'équation de l'hyperbole est

$$y = \sqrt{\left(p x + \frac{p}{a} x^2\right)}$$

en différenciant on trouve

$$\frac{2 \sqrt{\left(p x + \frac{p}{a} x^2\right)}}{p + 2 \frac{p}{a} x} = t \left(= \frac{dx}{dy}\right)$$

ou en faisant les carrés

$$\frac{4 p x + 4 \frac{p}{a} x^2}{p^2 + 4 \frac{p^2}{a} x + 4 \frac{p^2}{a^2} x^2} = t^2.$$

Multipliant de part & d'autre par le dénominateur & réduisant, il vient

$$x^2 + a x = \frac{a^2 p t^2}{4 (a - p t^2)}.$$

Résolvant cette équation carrée on trouve

$$x = \frac{a}{2} \left[-1 \pm \sqrt{1 + \frac{p t^2}{4 (a - p t^2)}} \right].$$

Cela donne deux valeurs de x ; la positive dont nous avons besoin est comptée depuis le sommet le plus prochain; la négative dont nous n'avons que faire est comptée depuis le sommet de l'hyperbole opposée.

Supposons, comme nous avons fait plus haut $p = 2$, & $a = \frac{4}{3}p = \frac{8}{3} = 2,6$; ce rapport étant celui de l'hyperbole qui réunit parfaitement les rayons de lumière parallèles à l'axe. Mettons que l'angle d'incidence α soit de 20 degrés: c'est sans doute beaucoup; mais il faut prendre les angles un peu grands quand on ne veut calculer qu'avec quatre décimales, afin que l'erreur résultante des chiffres qu'on omet ne soit pas fort sensible relativement au tout. Ainsi α étant de 20 degrés, on trouve

$$r \left(\text{ou tang arc sin } \frac{n}{m} \sin \alpha \right) = 0,2342.$$

Substituant cette valeur & celles de p & de a dans l'expression équivalente à x , je trouve $x = 0,0289$. C'est l'abscisse AB qui répond au point E de la courbe, où le rayon brisé DE tombe perpendiculairement sur la courbe ou sur la tangente EG .

Pour avoir BE qui est l'appliquée du même point E , on se souviendra que dans l'hyperbole $y^2 = px + \frac{p}{a}x^2$ ou dans le cas présent $y^2 = 2 \times 0,0289 + \frac{2}{2,6} \times (0,0289)^2$; je trouve que cela revient à $y^2 = 0,0588$ ou $y = 0,2425$.

On peut déterminer de la manière suivante le point de réunion des rayons de lumière qui arrivent en faisant avec l'axe un certain nombre de degrés.

Fig. IV.

Nous venons de trouver les coordonnées AB & BE répondantes au rayon brisé CDE qui tombe perpendiculairement sur la courbe. Ce rayon ne se brise donc plus, mais continue son chemin en une droite DEQ . Au sommet A , la courbe est parallèle avec HI . Tirez AR parallèlement à HI , vous pouvez considérer la lentille en A comme un verre terminé par deux surfaces parallèles HI & AR , & selon les règles de la catoptrique les rayons de lumière qui tombent sur un

tel verre, en sortent de manière que leur direction redevient parallèle à celle qu'ils avoient. Entre tous les rayons de lumière qui tombent sur HI , il y en a un TS qui, après s'être brisé, prend le chemin SA , tombe sur le point A , & par conséquent sort de la lentille en suivant la route AQ parallèle avec TS . Le point Q où se rencontrent le rayon CDE prolongé & le rayon $TS A$ après sa seconde réfraction peut être considéré comme le foyer de la lumière qui arrive dans une direction oblique à l'égard de l'axe, & la ligne AQ est leur distance focale. C'est ainsi à-peu-près que les opticiens considèrent la chose par rapport aux lentilles à surfaces sphériques, & rien n'empêche que nous n'adoptions la même méthode relativement aux lentilles de toute autre courbure. Tâchons donc de calculer AQ .

Dans le triangle rectangle ABE , nous connoissons AB ($= 0,0289$) & BE ($= 0,2425$). De là il est facile de calculer AE qui se trouve $= 0,2441$, & l'angle BEA qui se trouve $= 6^{\circ} 48'$.

Dans le triangle EQA nous avons le côté AE . L'angle QEA est $= 180^{\circ} - DEB - DEA = 180^{\circ} - \text{compl } EDF - BEA = 180^{\circ} - \text{compl } 13^{\circ} 11' - 6^{\circ} 48' = 180^{\circ} - 76^{\circ} 49' - 6^{\circ} 48' = 96^{\circ} 23'$. L'angle $QAE = QAR + RAE = TSI + AEB = \text{compl } \Delta \text{ d'incid} + 6^{\circ} 48' = 70^{\circ} + 6^{\circ} 48' = 76^{\circ} 48'$. Additionnant les angles QEA & QAE & soustrayant leur somme de 180° , reste $\angle Q = 6^{\circ} 49'$. Maintenant $AQ = \frac{AE \cdot \sin QEA}{\sin Q}$, & $EQ = \frac{AE \cdot \sin QAE}{\sin Q}$. Substituant & faisant les calculs on trouve $AQ = 2,0370$ & $EQ = 2,0017$.

Ainsi AQ ne surpasse la distance focale des rayons voisins de l'axe que de $0,0370$, ce qui est peu de chose & paroît même convenable, afin que le point Q se trouve à-peu-près dans le même plan perpendiculaire à l'axe qui passe par le foyer des rayons parallèles à l'axe.

Comparons maintenant ce résultat avec celui qui auroit lieu, si la courbe HAI étoit un arc de cercle. Dans ce cas le rayon ED ,

perpendiculaire sur l'arc, étant prolongé doit passer par le centre U , de manière que EU soit un demi-diamètre du cercle. L'angle EUA égal à l'angle EDF est de $13^{\circ} 11'$, & supposant toujours le rayon $= 1$, EB est le sinus tabulaire de $13^{\circ} 11'$ & AB le sinus verse. On trouve par les tables $EB = 0,2280$ & $AB = 0,0264$, & calculant par là AE , on trouve $AE = 0,2293$. Calculant aussi l'angle E on a $\angle E = 6^{\circ} 36'$.

La suite du calcul se fait comme précédemment. $\angle EAQ = \angle QAR + \angle RAE = \angle TSI + \angle AEB = 70^{\circ} + 6^{\circ} 36' = 76^{\circ} 36'$. $\angle QEA = 180^{\circ} - \angle DEF - \angle FEA = 180^{\circ} - 76^{\circ} 49' - 6^{\circ} 36' = 96^{\circ} 35'$. $\angle Q = 180^{\circ} - \angle QEA - \angle QAE = 6^{\circ} 49'$. Connoissant les angles & le côté AE du $\triangle EQA$, on a $EQ \left(= \frac{AE \cdot \sin EAQ}{\sin Q} \right) = 1,8804$, & $AQ \left(= \frac{AE \cdot \sin AEQ}{\sin Q} \right) = 1,9182$.

On voit qu'ici la distance focale AQ des rayons qui tombent sur la lentille, en formant avec l'axe un angle de 20 degrés, est plus petite que la distance focale des rayons parallèles à l'axe. Cela fait que pour les lentilles à surface sphérique le point Q est trop près de l'axe de la lentille, & n'atteint pas le plan qui passe par le foyer de la lentille perpendiculairement à l'axe, plan dans lequel l'image de l'objet devoit se former.

Cependant on ne peut pas dire que le point Q soit vraiment le foyer des rayons obliques tels que DE .

Si la ligne HAI est circulaire, les rayons brisés pour la première fois étant parallèles à DE , ceux qui sont les plus proches de DE se réuniront en un foyer sur le prolongement de DE , à une distance double du demi-diamètre DU , en supposant toujours que la lentille est de verre. Car ces rayons sont dans le même cas que ceux qui arrivent parallèlement à l'axe, la ligne UD leur tenant lieu d'axe. Si donc le demi-diamètre UD est supposé $= 1$, la distance à laquelle les rayons parallèles à DE se réunissent, est $= 2$, c'est-à-dire plus grande

grande que EQ qui vaut 1,8804. Donc les rayons voisins de DE ne se réunissent pas en Q , mais de 0,1196 plus loin. Ainsi l'image du point d'où part la lumière qui arrive obliquement à l'axe, ne se forme pas en Q , mais plus loin du verre: elle ne se forme pas non plus sur la ligne EQ , mais hors d'elle. Cela fait que d'une part elle n'est point assez claire, beaucoup de lumière n'arrivant pas à ce point de réunion, & que d'autre part elle n'est point dans sa place naturelle, ceux qui savent la catoptrique n'ignorant pas que les images ne sont ressemblantes qu'en tant que les points dont elles sont composées se trouvent sur les lignes telles que AQ parallèles aux lignes telles que TS qui marquent les directions des rayons de lumière. Il est donc bien sûr que les lentilles plano-sphériques ne sont pas bien propres à former des images bien claires & bien proportionnées des objets qui occupent une étendue un peu considérable des deux côtés de l'axe; & il semble qu'on ne puisse refuser la préférence aux plano-hyperboliques.

Cependant un moment de calcul va nous détromper & nous montrer qu'à l'égard des objets ou parties des objets situés hors de l'axe, ils sont plus défectueux encore que les plano-sphériques.

Si HAI est une hyperbole, la partie voisine de E peut être considérée comme un petit arc de cercle qui a pour demi-diamètre le rayon de courbure appartenant à ce point E , & qui par conséquent doit réunir la lumière la plus voisine en un foyer qui est à une distance du verre égale au double de ce rayon de courbure.

La formule pour le rayon de courbure de l'hyperbole est

$$\frac{\left[p^2 + 4 \left(1 + \frac{p}{a} \right) y^2 \right]^{\frac{3}{2}}}{2 p^3}.$$

Mettant, comme nous l'avons fait plus haut, $p = 2$, $\frac{p}{a} = \frac{1}{4}$, & substituant pour y^2 la valeur 0,0588, on trouve pour le rayon de courbure 1,2094 dont le double est 2,4058. Or $EQ = 2,0017$. La différence fait 0,4041; c'est la quantité dont le foyer des rayons parallèles à DE se trouve au de-là du point Q . On voit que la dif-

férence est bien plus grande que dans les lentilles plano-sphériques, où elle ne faisoit que 0,1196. Par conséquent les lentilles plano-hyperboliques sont moins favorables que les plano-sphériques à la vue distincte des objets ou parties d'objets qui se trouvent hors de l'axe. A cet égard donc l'objection de Dechales se trouve parfaitement confirmée.

Mais que résulte-t-il de là? faudra-t-il renoncer aux objectifs de cette forme, & s'en tenir à la figure sphérique? Point du tout: ce qui s'ensuit de notre calcul c'est qu'il ne faut employer les objectifs plano-convexes hyperboliques qu'au but auquel ils sont propres, c'est-à-dire à voir avec beaucoup de clarté les objets qui sont dans l'axe de la lunette, ou tout près de là; c'est-à-dire en d'autre termes, qu'il n'est pas permis de donner un grand champ aux lunettes qui auroient des objectifs plano-hyperboliques. L'irrégularité du foyer étant nulle pour les rayons parallèles à l'axe, elle ne peut augmenter subitement ni par sauts, à mesure que les rayons deviennent obliques; ainsi tant qu'ils ne font qu'un très-petit angle avec l'axe, elle doit être insensible. Ainsi en ne donnant p. e. à la lunette qu'un champ d'un degré, ce qui est plus que suffisant pour contempler les objets célestes, on ne remarquera aucune confusion ni aucune défiguration des objets.

Pour regarder une portion plus considérable du ciel, il faudra toujours, comme il est d'usage, des lunettes moins parfaites, qu'on peut faire avec des lentilles sphériques, mais qui doivent avoir un plus vaste champ.

Le champ d'un objectif dépend du rapport qu'il y a entre la distance de l'objectif à l'oculaire, & le diamètre ou la largeur de l'oculaire. Tirant des deux bouts d'un des diamètres de l'oculaire des droites vers le milieu de l'objectif, l'angle qu'elles forment est à-peu-près égal au champ de la lunette. Ainsi pour obtenir un champ qui ne soit pas trop grand, il faut prendre un oculaire d'un petit diamètre relativement à la distance entre lui & l'objectif, ou couvrir la partie excédente de l'oculaire.

Au reste, la petitesse du champ ne nuit en rien à la clarté, qui dépend de la grandeur de l'ouverture de l'objectif: quand elle est grande elle fournit une lumière très-dense, & par conséquent une vive clarté: toutes choses d'ailleurs égales la clarté est proportionnée au carré du diamètre de l'objectif, au lieu que le champ l'est à-peu-près au diamètre de l'oculaire. Ceux qui ont étudié la dioptrique savent cela; mais j'ai été obligé de le rappeler en faveur des personnes moins versées dans ces matières, qui pourroient craindre qu'en diminuant le champ on ne diminuât en même temps la clarté: avec un petit champ on voit moins d'objets, mais on ne les voit pas moins clairement.

OBSERVATIONS
sur le Problème des Trajectoires.

PAR M. JEAN TREMBLEY *).

§. I.

Le problème dont il s'agit dans ce Mémoire, a été proposé aux géomètres sous la forme suivante :

Étant donnée une suite de courbes comprises dans la même équation, mais différant entre elles par la valeur d'une constante qu'on nomme paramètre, trouver les courbes qui les coupent toutes sous un angle donné. Ce problème a été imaginé par le célèbre Jean Bernoulli, à l'occasion d'un passage de Huyghens, qui dans son *Traité de la lumière* explique la génération & le propagation de la lumière par l'expansion des ondes qui se courbent de telle manière qu'elles coupent à angles droits les rayons curvilignes de lumière qui pénètrent dans un milieu hétérogène. Il proposa ce problème à Leibnitz, qui en donna une solution dont nous parlerons ci-après. Lorsque l'angle d'intersection est droit, on nomme les trajectoires orthogonales, & c'est le cas duquel je me propose de traiter principalement. Mon but n'est point ici d'en donner une solution nouvelle, mais seulement d'examiner la nature & l'étendue des solutions qu'on en a données jusqu'ici. J'ai trouvé dans

*) Lu à l'Académie le 29 juin 1797.

cet examen des difficultés que je crois pouvoir proposer aux géomètres, & l'examen de ces difficultés m'a conduit à des équations aux différences partielles non linéaires qui m'ont fourni quelques considérations relatives à ce sujet.

§. 2. Ce problème a beaucoup occupé les mathématiciens vers le commencement du siècle; il a été traité par Leibnitz, par Jacques & Jean Bernoulli, par les deux Nicolas Bernoulli, l'un fils de Jean & l'autre son neveu, par Hermann, par Taylor, & enfin par Newton lui-même; mais la solution de ce grand homme ne contient que quelques lignes, elle ne fait qu'indiquer la marche, & par conséquent elle ne peut obvier aux difficultés qui doivent faire l'objet de ce Mémoire, difficultés qui supposent qu'on soit entré dans le détail du calcul, & que Taylor n'a pas évitées, quoiqu'il parut attribuer à la méthode indiquée par Newton toute la généralité possible.

§. 3. Le problème des trajectoires orthogonales considéré *a priori* n'offre aucune difficulté. En effet, puisque les deux courbes se coupent à angles droits, la tangente de l'une au point d'intersection sera la normale de l'autre à ce même point, & de même la sousnormale de l'une sera la soustangente de l'autre, & *vice versa*. A ce point d'intersection, les abscisses x & y , prises sur un axe & avec une origine quelconques, seront communes aux deux courbes. Soient δy , δx les différentielles de la courbe qu'il s'agit de couper; dy , dx les différentielles de la trajectoire, y étant l'abscisse, x l'ordonnée; la sousnormale de la première sera $\frac{y \delta y}{\delta x}$, & la soustangente de la seconde sera $\frac{y dx}{dy}$. On aura donc en vertu de la condition que nous venons d'énoncer $\frac{y \delta y}{\delta x} = - \frac{y dx}{dy}$, ou $\frac{\delta y}{\delta x} = - \frac{dx}{dy}$ (je prends le signe — parce que la sousnormale & la soustangente tombent nécessairement de côtés différens de l'ordonnée commune). L'équation de la courbe à couper étant donc donnée, on la différentiera & l'on aura $\delta x = p \delta y$,

ou $\frac{\partial y}{\partial x} = \frac{1}{p} = -\frac{dx}{dy}$ (p étant une fonction de x , y & du paramètre) donc $dy = -p dx$. On tirera de cette équation la valeur du paramètre, on la substituera dans l'équation de la courbe à couper, & l'on aura une équation différentielle où le paramètre n'entrera point & dont l'intégrale sera l'équation de la trajectoire cherchée. Au reste, il est évident que le résultat sera le même, soit que l'on procède comme je viens de le dire, soit que l'on tire la valeur du paramètre de l'équation finie de la courbe à couper, & qu'on la substitue dans l'équation différentielle $dy = -p dx$. Le procédé revient toujours à éliminer le paramètre au moyen de ces deux équations, & à intégrer l'équation résultante pour avoir l'équation de la trajectoire cherchée. Ainsi l'équation différentielle de cette trajectoire suppose nécessairement l'élimination du paramètre, puisque la trajectoire appartenant également à toutes les courbes à couper, qui varient entre elles par la variation du paramètre, est nécessairement indépendante du paramètre.

§. 4. Soit l'équation $x^3 + y^3 = axy$, a étant le paramètre. On a en différentiant $3x^2 \delta x + 3y^2 \delta y = a(x \delta y + y \delta x)$. Donc $\frac{\delta y}{\delta x} = \frac{3x^2 - ay}{ax - 3y^2} = -\frac{dx}{dy}$. Donc $3x^2 dy - 3y^2 dx = a(y dy - x dx)$. Donc $a = \frac{3x^2 dy - 3y^2 dx}{y dy - x dx}$. L'équation de la trajectoire

sera donc, $x^3 + y^3 = xy \frac{(3x^2 dy - 3y^2 dx)}{y dy - x dx}$, ou en réduisant $x^4 dx$

$- 2xy^3 dx - y^4 dy + 2x^2 y dy = 0$. Pour intégrer cette équation, je fais $y = ax$, (a étant une constante indéterminée) ce qui donne $dy = a dx$, & l'équation devient en divisant par $x^4 dx$, $1 - 2a^3 - a^5 + 2a^2 = 0$. Or $a = \frac{y}{x}$. Donc $1 - \frac{2y^3}{x^3} - \frac{y^5}{x^5} + \frac{2y^2}{x^2} = 0$. Je fais $M = x^m (x^5 - y^5 + 2x^3 y^2 - 2x^2 y^3)^n$

M étant le multiplicateur qui rend l'équation intégrable, m & n des constantes indéterminées. Or l'équation différentielle étant $P dx +$

$Q dy = 0$, on a l'équation de condition, $P \left(\frac{dM}{dy} \right) - Q \left(\frac{dM}{dx} \right) + M \left(\left(\frac{dP}{dy} \right) - \left(\frac{dQ}{dx} \right) \right) = 0$. Or $P = x^4 - 2xy^2$, $Q = 2x^3y - y^4$, $\left(\frac{dP}{dy} \right) = -6xy^2$, $\left(\frac{dQ}{dx} \right) = 6x^2y$. Substituant les valeurs & réduisant on obtient l'équation,

$$\begin{array}{rcccccccc} -5nx^5y^4 + 4nx^2y - 6n^2y^2 + 10nx^2y^2 + 12nx^4y^5 - 2mx^3y^6 + 4mx^6y^3 + my^9 \\ -8n & -10n & -6 & -4n & +12 & -2m & -12n & \\ +8n & -6 & & +6 & & +6n & +12 & \\ +5n & & & & & +6 & & \\ -12 & & & & & & & \\ +12 & & & & & & & \end{array} = 0;$$

ce qui donne $m = 0$, $n = -1$. Le multiplicateur est donc

$\frac{1}{x^5 + 2x^3y^2 - 2x^2y^3 - y^5}$. On mettra donc l'équation sous cette forme,

$\frac{x^4 dx - 2xy^3 dx + 2x^3y dy - y^4 dy}{x^5 + 2x^3y^2 - 2x^2y^3 - y^5} = 0$, & elle s'intégrera par la méthode connue des fractions rationnelles.

§. 5. Cette méthode coïncide parfaitement avec celle que Leibnitz communiqua à Jean Bernoulli au mois de décembre 1694. Voici comment s'exprime ce grand homme (Comm. Epist. T. 1. p. 23).

„Hinc exciderat problema inveniendi curvam quæ ordinatim positione datis occurrit ad angulos rectos. Cujus methodus meo judicio consistit in duabus æquationibus, una continente relationem inter x , y & constantem quandam in curva positione data, sed pro diversis talibus ordinatim datis variabilem, b ; altera continente valorem ipsius $\frac{dy}{dx}$ in curva quæsita, expressam ex proprietate perpendicularium in curva positione data, cujus æquationis ope, datur ipsius b valor per dy , dx , y , x pro re nata; quarum duarum æquationum ope tollendo b , habetur æquatio differentialis primi gradus pro relatione inter x et y .”

§. 6. Cette méthode ne peut pas toujours avoir lieu dans la pratique, & cela pour deux raisons. Si l'équation de la courbe à couper est telle que l'on ne puisse obtenir ni de l'équation même, ni de sa dif-

férentielle transformée de la manière que nous avons décrite ci-dessus, une valeur du paramètre en quantités finies, on ne pourra faire la substitution requise de l'une de ces équations dans l'autre, & par conséquent on ne pourra obtenir l'équation différentielle de la trajectoire demandée. En second lieu, si l'équation des courbes à couper n'est pas donnée en quantités finies, mais seulement par une équation différentielle, on ne peut pas non plus appliquer la méthode de Leibnitz. Jean Bernoulli indique ces difficultés dans sa lettre à Leibnitz du 21 juillet 1696. (Comm. Epist. T. 1. p. 179).

„Memini me tibi olim generaliter proposuisse invenire curvam quæ aliis positione datis occurrat normaliter, quod ego in pluribus solveram. Modum quidem tuum generalem tradebas, sed si resumere placet, videbis illum plerumque locum non habere, quando curvæ positione datæ sunt transcendentes.”

Jean Bernoulli développe davantage son idée dans une lettre à son frère. (A& Erudit. Oct. 1698).

„Allata sufficiunt ad ostendendum methodum ad æquationem perveniendi non in uno alterove tantum exemplo algebraicarum, sed in omnibus, dudum nobis fuisse familiarem; sed quoniam in transcendentibus non succedit nisi in similibus, ut cycloïdibus, vel etiam in illis quæ ad unam constantem reduci possunt, ut in logarithmicis; illam velut insufficientem neglexi, nec quam excolerem dignatus sum: alia itaque excogitanda erat quæ generalis esset, et ad quascumque ordinatim positione datas transcendentes æque ac algebraicas porrigeretur. Hanc autem postquam acutissimus Leibnitius, occasione eorum quæ ipsi super hac affinique materia communicassent, ipse novam differentialis calculi applicationem perutilem sane invenisset, mecumque vicissim communicasset (Bernoulli parle ici de la méthode de différentier sous le signe) hanc inquam quam optaveram methodum generalem secandi ordinatim positione datas sive algebraicas, sive transcendentes, in angulo recto sive obliquo, invariabili seu lege data variabili, tandem ex voto erui cui Leibnitio approbator ne γεν addi possët ad ulteriorem perfectionem, et vel ideo tantum quod perpetuo ad æquationem deducat in qua
in-

interdum indeterminatæ sunt inseparabiles, methodus non ideo imperfectior est, non enim hujus sed alius est methodi, indeterminatas separare."

Nous verrons bientôt que ce grand géomètre s'étoit trop flatté, & que le problème est bien éloigné de pouvoir être résolu généralement. Jacques Bernoulli en jugeoit plus sainement lorsqu'il disoit dans les *Acta Eruditorum*, Mai 1798.

„Dependet autem problema a methodo tangentium inversa, ut nullam generalem solutionem admittat, estque pro varia datarum positione miræ diversitatis."

Il ne paroît pas même que Jean Bernoulli ait persisté dans sa confiance, car on trouve dans le T. 7. des Supplémens des Actes de Leipzig un grand mémoire de son fils Nicolas Bernoulli composé sous ses yeux & d'après ses idées, dans lequel est le passage suivant:

„Jam vero problema trajectoriarum generaliter conceptum ejus est indolis, ut vix sperare liceat aliam solutionem, quam quæ ad primum gradum aut forte ad alterum referri possit."

On observera que ce que Nicolas Bernoulli appelle le premier degré n'est point une solution, parce que le paramètre n'est point éliminé des équations que l'on obtient, & que c'est en cela que consiste toute la solution. Ce qu'il appelle le second degré consiste dans une équation différentielle du second degré dans laquelle le paramètre ne se trouve plus. Mais il n'affirme pas qu'on puisse parvenir à ce point, & il ajoute: *„Qui huc usque rem perduxerit, multum sane præstitisse censendus est."* Nous verrons dans un moment par un exemple qui est devenu fameux, ce que l'on a fait dans ce genre. Au reste, Jean Bernoulli paroît déprimer trop la méthode de Leibnitz, en la restreignant aux courbes semblables & à quelques autres. Car on peut imaginer une infinité d'équations finies & transcendantes dont les différentielles transformées soient telles qu'on puisse en tirer la valeur du paramètre, & par conséquent faire la substitution requise dans l'équation finie.

§. 7. M. Euler a repris ce sujet dans les *Novi Commentarii* de Pétersbourg T. 14. & T. 17. Ce grand géomètre a bien connu les

Mém. 1797.

[II.] 6.

difficultés du problème, & sans entrer dans la discussion des recherches qu'on avoit faites avant lui, il a repris la chose *ab ovo*, & lorsqu'il est parvenu au cas où la courbe à couper n'est donnée que par une équation différentielle, il s'est restreint à dire qu'il y a un cas où l'on peut construire la courbe par points. Mais il n'a point dit qu'on pût dans ce cas obtenir l'équation différentielle générale de la courbe, ce qu'avoient affirmé MM. Bernoulli, Taylor, Hermann. M. Euler développe ce cas T. 17. §. 31. par un calcul assez prolix. On peut parvenir au même but d'une manière fort simple, comme je vais le faire voir.

§. 8. Soit l'équation $dx = \frac{A dy}{V(Y Y - A A)}$, Y étant une fonction quelconque de y & A une fonction quelconque du paramètre a . On a en passant à l'équation de la trajectoire $dy = - \frac{A dx}{V(Y Y - A A)}$, ou $dx = - dy \frac{V(Y Y - A A)}{A} = - \frac{Y Y dy}{A V(Y Y - A A)} + \frac{A dy}{V(Y Y - A A)}$, ou $x = - \int \frac{Y Y dy}{A V(Y Y - A A)} + \int \frac{A dy}{V(Y Y - A A)} + C$. Or $x = \int \frac{A dy}{V(Y Y - A A)}$, donc $\int \frac{Y Y dy}{A V(Y Y - A A)} = C$. C'est la conclusion que trouve M. Euler §. 35. (il appelle x ce que nous appelons y & réciproquement). Cette constante C , comme le remarque fort bien M. Euler, peut renfermer le paramètre a ou ne pas le renfermer suivant les conditions de l'intégration de l'équation $x = \int \frac{A dy}{V(Y Y - A A)}$. Il est donc évident qu'on ne peut éliminer le paramètre pour parvenir à l'équation de la trajectoire qu'autant qu'on aura déterminé la valeur de C .

§. 9. Si l'on fait $Y = \frac{1}{y^n}$, $A = \frac{1}{a^n}$, on aura $dx = \frac{y^n dy}{V(a^n - y^n)}$. C'est le cas qu'ont traité si fort au long les illustres géomètres que j'ai cités ci-dessus. L'on a dans ce cas-là $\int \frac{a^n dy}{y^n V(a^n - y^n)}$

$= C$. Mais $a^{2m} \int \frac{dy}{y^m V(a^{2m} - y^{2m})} = -\frac{1}{m-1} \cdot \frac{V(a^{2m} - y^{2m})}{y^{m-1}}$
 $= -\frac{1}{m-1} \int \frac{y^m dy}{V(a^{2m} - y^{2m})} = -\frac{1}{m-1} \cdot \frac{V(a^{2m} - y^{2m})}{y^{m-1}} - \frac{x}{m-1}$.
 Donc $\frac{V(a^{2m} - y^{2m})}{y^{m-1}} + x + (m-1)C = 0$. Mais $\frac{V(a^{2m} - y^{2m})}{y^{m-1}}$
 $= -\frac{y dx}{dy}$. On a donc en substituant, $\frac{x dy - y dx}{dy} + (m-1)C = 0$,
 ou $x dy - y dx + (m-1)C dy = 0$. Mais $dx^2 + dy^2$
 $= \frac{a^{2m} dy^2}{y^{2m}} = ds^2$. Donc $ds = \frac{a^m dy}{y^m}$, $dy = \frac{y^m ds}{a^m}$. Donc,
 $(x dy - y dx) a^m + (m-1)C y^m ds = 0$. C'est l'équation
 différentielle du premier degré que plusieurs géomètres ont donnée com-
 me appartenant à la trajectoire. Hermann a donné dans les *Act. Erud.*
 1717 l'équation $x dy - y dx - \frac{y^m ds}{a^{m-1}} = 0$, ce qui coïncide avec
 la nôtre si l'on fait $\frac{(m-1)C}{a^m} = -\frac{1}{a^{m-1}}$. Taylor dans les *Transact.*
Philos. 1717 Nr. 354, a donné l'équation $(x dz - z dx) a^{n-1}$
 $= x^m dr$, ou en réduisant à nos dénominations $(y dx - x dy) a^{m-1}$
 $= y^m ds$, ou $x dy - y dx + \frac{y^m ds}{a^{m-1}} = 0$, ce qui coïncide avec
 notre équation si l'on fait $\frac{(m-1)C}{a^m} = \frac{1}{a^{m-1}}$. Nicolas Bernoulli pro-
 fesseur à Padoue, donne *Act. Erud.* 1719 l'équation $x dy - y dx$
 $- C y^m ds = 0$, ce qui coïncide avec notre équation si l'on fait
 $\frac{(m-1)C}{a^m} = -C$. C'est sur cette équation que je me propose de
 faire quelques observations.

§. 10. Une équation différentielle du premier degré ne peut ap-
 partenir à la trajectoire qu'autant que le paramètre n'y entre plus. De
 plus, cette équation ne doit contenir aucune constante arbitraire, puis-
 qu'elle ne résulte pas d'une intégration, mais de l'élimination du para-
 mètre par le moyen de l'équation donnée & de l'équation différentielle

qu'on en déduit. Ainsi, pour que l'équation $(x dy - y dx) a^m + (m - 1) C y^m ds = 0$, appartienne à la trajectoire, il faut qu'on ait $C = a^m$, c'est-à-dire $\int \frac{a^m dy}{y^m \sqrt{(a^m - y^m)}} = a^m$. Dans tous les

autres cas il restera dans l'équation une fonction du paramètre qui la rendra illusoire. Si $C = 0$, on a $x dy - y dx = 0$, dont l'intégrale est $y = Dx$, équation à la ligne droite qui est la trajectoire

de toutes les courbes où $\int \frac{a^m dy}{y^m \sqrt{(a^m - y^m)}} = 0$. C'est donc à tort

que les géomètres nommés ci-dessus ont donné l'équation $(x dy - y dx) a^m + (m - 1) C y^m ds = 0$, comme appartenant à la trajectoire, & l'on verra bientôt par des exemples le fausseté de cette solution. Le seul exemple que cite Taylor est celui de $m = 1$. Ce cas ne peut se traiter par notre méthode parce que l'intégrale de

$\frac{a^m dy}{y^m \sqrt{(a^m - y^m)}}$ est une quantité transcendante. Mais dans ce cas-là

même où l'équation réussit par hasard, la solution de Taylor est évidemment fautive, car son équation devient dans ce cas-ci, $x dy - y dx = -y ds$, équation qui intégrée donne une équation au cercle. Or il est évident que la trajectoire n'est pas un cercle dans tous les cas, & qu'ici & ailleurs, comme l'a remarqué M. Euler, il faut faire attention aux conditions de l'intégration. En effet, si l'on prend pour

intégrale de l'équation $dx = \frac{y dy}{\sqrt{(aa - yy)}}$, $x = a - \sqrt{(aa - yy)}$,

on aura pour la trajectoire une équation au cercle, car on a en rapportant l'équation à la trajectoire, $dy = - \frac{y dx}{\sqrt{(aa - yy)}}$, ce qui

donne $dy^2 = \frac{y^2 dx^2}{aa - yy}$, $aa = \frac{y^2 ds^2}{dy^2}$, $a = - \frac{y ds}{dy}$, $\sqrt{(aa - yy)}$

$= - \frac{y dx}{dy}$. Donc $x = - \frac{y ds}{dy} + \frac{y dx}{dy}$, ou $x dy - y dx =$

$-y ds$, comme ci-dessus. Ainsi la trajectoire est un cercle lorsqu'on intègre de façon que lorsque $x = 0$, $y = 0$. Mais si l'on

prend pour intégrale la formule $x = -V(aa - yy)$, on aura alors $x dy - y dx = 0$, ce qui donne une équation à la ligne droite. Ainsi la trajectoire est une ligne droite lorsqu'on intègre de façon que lorsque $y = 0$, $x = a$. En effet, il est évident que si l'origine des abscisses est fixe au centre du cercle, & que le rayon du cercle varie, on aura une suite de cercles concentriques qui ont tous pour centre l'origine des abscisses, & une ligne droite qui passe par le centre les coupe tous à angles droits. Mais si l'origine des abscisses est à l'extrémité du rayon, alors l'on aura une suite de cercles qui auront une extrémité commune, & dont les centres seront différens & tous situés sur une même ligne droite. Or ces cercles auront un cercle pour trajectoire. L'équation de Taylor devoit indiquer ces différences, & elle ne les indique pas, ce qui prouve déjà qu'elle ne repose pas sur de solides fondemens.

§. 11. Faisons $m = \frac{1}{2}$, & la formule $dx = \frac{y^m dy}{V(a^{2m} - y^{2m})}$ deviendra $dx = \frac{dy V y}{V(a - y)}$, équation à la cycloïde, dont l'intégrale est $x = \frac{a}{2} \text{arc cos} \left(1 - \frac{2y}{a}\right) - V(ay - yy)$, en intégrant de façon que lorsque $y = 0$, on ait $x = 0$. On obtient en rapportant l'équation différentielle à la trajectoire $dy = -\frac{dx V y}{V(a - y)}$, ce qui donne $a = \frac{y ds^2}{dy^2}$, $V(ay - yy) = -\frac{y dx}{dy}$. Ces valeurs substituées dans l'équation finie donnent $x = \frac{y ds^2}{2 dy^2} \text{arc cos} \left(1 - \frac{2 dy^2}{ds^2}\right) + \frac{y dx}{dy}$, équation différentielle de la trajectoire, laquelle diffère absolument, comme l'on voit de l'équation donnée par Hermann (Act. Erud. 1717) $x dy - y dx = ds V(cy)$, laquelle résulte de l'équation générale donnée ci-dessus, puisque la première donne $x dy - y dx = \frac{y ds^2}{2 dy} \text{arc cos} \left(1 - \frac{2 dy^2}{ds^2}\right)$.

§. 12. Faisons $m = -1$, la formule $dx = \frac{y^m dy}{V(a^m - y^m)}$ devient $dx = \frac{\frac{dy}{y}}{V(\frac{1}{a^2} - \frac{1}{y^2})} = \frac{a dy}{V(y^2 - a^2)}$. Rapportant l'équation à la trajectoire, on a $dy = -\frac{a dx}{V(y^2 - a^2)}$. Donc $a = -\frac{y dy}{ds}$. L'intégrale de la formule différentielle, en intégrant de façon que lorsque $y = a$, l'on ait $x = 0$, est $x = al(y + V(y^2 - a^2)) - ala$. Or on a $V(y^2 - a^2) = -\frac{a dx}{dy} = \frac{y dx}{ds}$. Substituant ces valeurs dans l'équation finie, on a $x = -\frac{y dy}{ds} l(y + \frac{y dx}{ds}) + \frac{y dy}{ds} l - (\frac{y dy}{ds}) = -\frac{y dy}{ds} l - (\frac{ds}{dy} + \frac{dx}{dy})$, équation qui diffère totalement de l'équation $x dy - y dx = \frac{c^2 ds}{y}$, qu'on trouve par l'équation de Hermann.

§. 13. Si l'on différentie l'équation $\frac{x dy - y dx}{y^m} = \frac{ds(1-m)C}{a^m}$, en faisant ds constant, on aura après les réductions, & en observant que $dx ddx + dy ddy = 0$, on aura, dis-je, $mx dx dy^2 - xy dx ddy - my dy dx^2 - yy dy ddy = 0$, ce qui est l'équation différentielle du second degré que trouve Taylor dans le Mémoire cité §. 11. Mais cette équation n'est pas plus légitime que l'autre, parce que dans cette différentiation on a traité a^m comme constant, au lieu qu'avant de différentier il falloit substituer sa valeur, & comme on ne fait pas si C contient ou non une fonction du paramètre, on ne peut pas non plus faire C constant. Aussi si l'on différentie les équations que nous avons trouvées par la méthode légitime §§. 11. & 12., on trouvera des équations différentielles du second degré différentes de la précédente. Au reste il est évident que cette équation différentielle du second degré peut varier suivant la fonction du paramètre que renferme l'intégrale. Ainsi en prenant l'intégrale $x + ala - al(y +$

$\sqrt{(y^2 - a^2)} = 0$, on a l'équation différentielle du premier degré
 $x - \frac{y dy}{ds} l \left(-\frac{y dy}{ds} \right) + \frac{y dy}{ds} l \left(y + \frac{y dx}{ds} \right) = 0$. L'équation
différentielle du second degré sera donc de la forme, $dx -$
 $l \left(-\frac{y dy}{ds} \right) d \left(\frac{y dy}{ds} \right) - d \left(\frac{y dy}{ds} \right) + d \left(\frac{y dy}{ds} \right) l \left(y + \frac{y dx}{ds} \right)$
 $+ \frac{y dy}{ds} d \frac{\left(y + \frac{y dx}{ds} \right)}{y + \frac{y dx}{ds}} = 0$, ou en y substituant la valeur de
 $l \left(y + \frac{y dx}{ds} \right) = -\frac{x}{\frac{y dy}{ds}} + l \left(-\frac{y dy}{ds} \right)$, & effaçant ce qui se

détruit, on a $dx - d \left(\frac{y dy}{ds} \right) - \frac{x}{\frac{y dy}{ds}} + \frac{y dy}{ds} d \frac{\left(y + \frac{y dx}{ds} \right)}{y + \frac{y dx}{ds}} = 0$.

Mais si l'on prend l'intégrale $x + a - a l(y + \sqrt{(y^2 - a^2)}) = 0$, ou ce qui revient au même pour l'équation différentielle,
 $x - a l(y + \sqrt{(y^2 - a^2)}) = 0$, l'équation différentielle du pre-
mier degré est $x + \frac{y dy}{ds} l \left(y + \frac{y dx}{ds} \right) = 0$, & l'équation diffé-
rentielle du second devient $dx + d \frac{y dy}{ds} l \left(y + \frac{y dx}{ds} \right)$

$+ \frac{y dy}{ds} d \frac{\left(y + \frac{y dx}{ds} \right)}{y + \frac{y dx}{ds}} = 0$, ou en substituant la valeur de

$l \left(y + \frac{y dx}{ds} \right) = -\frac{x}{\frac{y dy}{ds}}$, elle devient $dx - \frac{x}{\frac{y dy}{ds}} d \frac{y dy}{ds} +$

$\frac{y dy}{ds} d \frac{\left(y + \frac{y dx}{ds} \right)}{y + \frac{y dx}{ds}} = 0$, équation qui diffère de la précédente par

le terme $- d \frac{y dy}{ds}$. On ne peut donc représenter généralement l'é-
quation différentielle du second degré, sans savoir quelle fonction du

paramètre contient l'intégrale. Ainsi l'équation trouvée par les géomètres susnommés est nécessairement fautive, ce qui confirme le résultat des §. préc.

§. 14. Si l'équation de la courbe est homogène entre x , y & a , on peut faire $x = au$, $y = at$, u & t étant deux nouvelles indéterminées. Reprenons l'équation générale $dx = \frac{y^n dy}{V(a^{1-n} - y^{1-n})}$, on a en rapportant cette équation à la trajectoire, $dy = - \frac{y^n dx}{V(a^{1-n} - y^{1-n})}$.

Or on a en faisant varier le paramètre $dx = a du + u da$, $dy = a dt + t da$. On a donc en substituant ces valeurs $a dt + t da = - \frac{a^n t^n (a du + u da)}{a^n V(1 - t^{1-n})} = - \frac{t^n (a du + u da)}{V(1 - t^{1-n})}$. Donc $\frac{da}{a} = - \frac{(dt V(1 - t^{1-n}) + t^n du)}{t V(1 - t^{1-n}) + u t^n}$. Si l'on a l'intégrale de l'équation diffé-

rentielle proposée, on en tirera une équation entre u & t indépendante de a , ce qui donnera la valeur de u en t , & par conséquent $\frac{da}{a} =$ fonction de t , & en intégrant $a =$ fonction de t , par conséquent l'on aura x & y exprimés en fonctions de t , d'où éliminant t on aura une équation entre x & y , & la constante arbitraire introduite par l'intégration de $\frac{da}{a}$, cette équation sera l'équation à la trajectoire cherchée. C'est la méthode qu'explique M. Euler §. 20. & 21. du second Mémoire cité. Mais cette méthode ne s'étend pas plus loin que celle de Leibnitz. Car dans les cas de l'homogénéité, après qu'on a éliminé le paramètre, l'équation différentielle de la trajectoire étant aussi homogène, on peut l'intégrer par les méthodes connues. Cette dernière méthode a même l'inconvénient que dans plusieurs cas où l'on ne peut pas intégrer la fonction en t , on ne peut pas même parvenir à l'équation différentielle de la trajectoire, tandis qu'on y parvient facilement par la méthode de Leibnitz.

§. 15.

§. 15. MM. Taylor, Nicolas Bernoulli, Hermann &c. ont cru que dans le cas des équations homogènes, d'où résultent ce qu'ils appellent des courbes semblables, on pouvoit parvenir à l'équation différentielle de la trajectoire, sans connoître l'intégrale qui donne l'équation de la courbe à couper, mais en connoissant seulement la différentielle. Soit $dx = v dy$, l'équation différentielle de la courbe à couper, on aura en rapportant l'équation à la trajectoire $dy = -v dx$, ou $dy + v dx = 0$; faisant maintenant $y = at$, $x = au$, on aura $dy = a dt + t da$, $dx = a du + u da$. Substituant ces valeurs dans l'équation $dy + v dx = 0$, on a $a dt + t da + v(a du + u da) = 0$, donc $\frac{da}{a} = -\frac{(dt + v du)}{t + vu}$. Mais l'équation $dx = v dy$ devient $a du = av dt$, ou $du = v dt$ en substituant pour dy , $a dt$ & pour dx , $a du$, donc $\frac{da}{a} = -\frac{dt(1 + vu)}{t + vu} = -\frac{\frac{dy^2}{dy^2} \frac{(dy^2 + dx^2)}{(dy^2 + dx^2)}}{\frac{y dy}{a} + \frac{x dx}{a}} = -\frac{(dy^2 + dx^2)}{y dy + x dx}$. C'est l'équation que trouvent MM. Taylor, Nicolas Bernoulli, Hermann &c.

L'équation $\frac{da}{a} = -\frac{dt(1 + vu)}{t + vu}$ a été trouvée par M. Euler §. 18. du second Mémoire. L'équation que nous avons trouvée §. 14. $\frac{da}{a} = -\left(\frac{dt V(1 - t^{2m}) + t^m du}{t V(1 - t^{2m}) + u t^m}\right)$ se réduit à la

même valeur. En effet on a $\frac{da}{a} = -\frac{dy V\left(1 - \frac{y^{2m}}{a^{2m}}\right) + \frac{y^m dx}{a^m}}{y V\left(1 - \frac{y^{2m}}{a^{2m}}\right) + \frac{x y^m}{a^m}} = -\left(\frac{dy V(a^{2m} - y^{2m}) + y^m dx}{y V(a^{2m} - y^{2m}) + x y^m}\right) = -\frac{(dy^2 + dx^2)}{y dy + x dx}$. Les géomètres

que je viens de citer ont trouvé $\frac{da}{a} = \frac{dy^2 + dx^2}{y dy + x dx}$, parce qu'ils ont considéré la courbe du côté de sa convexité. Maintenant on a $a^m dy + y^m ds = 0$. Si l'on différentie cette équation en faisant varier a

& supposant ds constant, on a $\frac{m da}{a} = \frac{m dy}{y} - \frac{ddy}{dy}$, donc $\frac{dy}{y} - \frac{ddy}{my} = \frac{dy^2 + dx^2}{y dy + x dx}$, ce qui donne $ddy (y dy + x dx) y + my (dy^2 + dx^2) - m dy (y dy + x dx) = 0$, ou bien $mx dx dy^2 - xy dx ddy - yy dy ddy - my dy dx^2 = 0$, ce qui est l'équation différentielle du second degré trouvée §. 13. Mais il est évident que ce procédé n'est pas légitime, car l'équation $a^m dy + y^m ds = 0$, est au fond la même que celle dont l'on a tiré $\frac{da}{a} = \frac{dy^2 + dx^2}{y dy + x dx}$, équation qu'il faut combiner avec l'équation de la courbe à couper pour en éliminer le paramètre. Or dans le procédé que je viens d'exposer, on ne fait aucun usage de l'équation de la courbe à couper, mais on tire une nouvelle valeur de $\frac{da}{a}$ de la même équation, en la différentiant. Or ce procédé n'est pas légitime, puisqu'alors il n'est plus question de la courbe à couper, dont la considération est essentielle pour obtenir l'équation différentielle de la trajectoire. Il n'est donc pas étonnant que l'on parvienne à un résultat absurde. Dans le procédé de M. Euler on réussit, parce que l'on intègre l'équation $\frac{da}{a} = - \frac{(dx^2 + dy^2)}{x dx + y dy}$, ce qui donne une équation intégrale, laquelle donne a en t . Si l'on substitue pour t sa valeur $\frac{y}{a}$ on a l'équation de la courbe à couper. Si l'on élimine t par le moyen des valeurs de x & y en t , on a l'équation à la trajectoire. Mais pour intégrer l'équation $\frac{da}{a} = - \frac{(dx^2 + dy^2)}{x dx + y dy}$, il faut connoître le rapport de x à y , qui ne peut être connu que par l'équation de la courbe à couper. Ainsi l'on ne peut tirer aucun secours de la valeur en question pour trouver l'équation différentielle de la trajectoire d'après l'équation différentielle de la courbe à couper seulement. La solution de ces habiles géomètres pour le cas des courbes semblables est donc tout-à-fait illusoire. Aussi M. Euler n'a point tiré de pareilles conséquen-

ces, il est étonnant seulement que ce grand homme n'ait pas fait observer les paralogismes cachés dans ces solutions. Et, pour le dire en passant, on voit ici l'avantage d'une analyse simple & directe, sur les procédés indirects dans lesquels on introduit la doctrine des courbes, & qui embarrassent ici tellement la question, que l'on méconnoît un paralogisme qui auroit sauté aux yeux si l'on eût suivi le fil naturel des idées.

§. 16. J'achèverai de rendre tout ceci plus sensible par un exemple détaillé. Soit dans l'exemple général, $dx = \frac{y^m dy}{V(a^{1-m} - y^{1-m})}$

$$m = -\frac{1}{2}, \text{ on aura } dx = \frac{\frac{dy}{\sqrt{y}}}{V\left(\frac{1}{a} - \frac{1}{y}\right)} = \frac{dy \sqrt{a}}{V(y-a)} = \frac{a dy}{V(ay-aa)}$$

dont l'intégrale est $x = 2\sqrt{ay-aa}$, en faisant $x = 0$, lorsque $y = a$. En rapportant l'équation différentielle à la trajectoire,

$$\text{on a } dy = -\frac{a dx}{V(ay-aa)}, dy^2(ay-aa) = aad x^2, dy^2(y-a) = a dx^2, y dy^2 = a(dx^2 + dy^2), a = \frac{y dy^2}{dx^2 + dy^2}, V(ay-aa) = -\frac{a dx}{dy} = -\frac{y dx dy}{dx^2 + dy^2}.$$

Substituant cette valeur dans l'équation intégrale, on a $x = -\frac{2y dx dy}{dx^2 + dy^2}$, équation différentielle de la

trajectoire. Cette équation multipliée par x devient $x^2 dx^2 + x^2 dy^2 + 2xy dx dy = 0$, & se décompose en ces deux-ci, $(x dy + y dx + dx \sqrt{yy-xx})(x dy + y dx - dx \sqrt{yy-xx}) = 0$.

Il n'est pas étonnant qu'on ait deux équations, parce que l'équation de la courbe à couper étant proprement $x^2 = 4(ay-aa)$, on en tire la valeur ambiguë $x = \pm 2\sqrt{ay-aa}$. Prenons l'équation $x dy + y dx + dx \sqrt{yy-xx} = 0$, cette équation s'intègre aisément par la méthode des équations homogènes. Je fais $y = tx$, t étant une nouvelle indéterminée, & j'ai $dy = t dx + x dt$, on a en substituant $2tx dx + xx dt + x dx \sqrt{t^2 - 1}$

$$\begin{aligned}
 &= 0, \text{ donc } \frac{dx}{x} + \frac{dt}{2t + V(tt-1)} = 0. \text{ Soit } t + V(tt-1) \\
 &= u, \text{ on a } V(tt-1) = u - t, \text{ \& en carrant, } -1 = uu \\
 &- 2ut, t = \frac{uu+1}{2u}, dt = \frac{(u^2-1)du}{2uu}, \text{ donc } \frac{dt}{2t + V(tt-1)} \\
 &= \frac{\frac{(u^2-1)du}{2uu}}{\frac{3uu+1}{2u}} = \frac{(u^2-1)du}{3uu+1} = -\frac{du}{u} + \frac{4u du}{3uu+1}, \int \frac{dt}{2t + V(tt-1)} \\
 &= \frac{2}{3} l(3uu+1) - lu = \frac{2}{3} l(6tt + 6t V(tt-1) - 2) \\
 &- l(t + V(tt-1)) = \frac{2}{3} l\left(\frac{6yy}{xx} + \frac{6y}{xx} V(yy-xx) - 2\right) \\
 &- l\left(\frac{y}{x} + \frac{1}{x} V(yy-xx)\right) = \frac{2}{3} l(6yy + 6y V(yy-xx) \\
 &- 2xx) - l(y + V(yy-xx)) - \frac{1}{3} lx. \text{ L'intégrale fera} \\
 &\text{donc, } \frac{2}{3} l(6yy + 6y V(yy-xx) - 2xx) - l(y + V(yy-xx)) \\
 &+ \frac{2}{3} lx = C, \text{ ou } \frac{2}{3} l(3yy + 3y V(yy-xx) - xx) \\
 &- l(y + V(yy-xx)) + \frac{2}{3} lx = C \text{ (en changeant la con-} \\
 &\text{stante) ou } \frac{2}{3} l(2y + V(yy-xx)) - \frac{1}{3} l(y + V(yy-xx)) \\
 &+ \frac{2}{3} lx = C, \text{ ou bien } 2l(2y + V(yy-xx)) - l(y + \\
 &V(yy-xx)) + 2lx = C \text{ (en changeant la constante), ou} \\
 &\frac{(2y + V(yy-xx))^2 x^2}{y + (yy-xx)} = C, \text{ (en changeant encore la constante), ou} \\
 &(2y + V(yy-xx))^2 (y - V(yy-xx)) = C.
 \end{aligned}$$

§. 17. On seroit parvenu au même résultat par la méthode de M. Euler. Reprenons l'équation $x = 2 V(ay - aa)$, faisons $x = au$, $y = at$, nous aurons $u = 2 V(t-1)$, $du = \frac{dt}{V(t-1)}$, donc $v = \frac{1}{V(t-1)}$. Substituant ces valeurs dans l'équation $\frac{da}{a} = -\frac{(1+uv)dt}{t+uv}$, on a $\frac{da}{a} = -\frac{t dt}{(t-1)(t+2)} = -\frac{\frac{1}{3} dt}{t-1} - \frac{\frac{2}{3} dt}{t+2}$. Donc $la = -\frac{1}{3} l(t-1) - \frac{2}{3} l(t+2) + lD$, $a =$

$D(t-1)^{-1}(t+2)^{-1}$, D étant une constante arbitraire. Donc
 $x = 2D(t-1)^{\frac{1}{2}}(t+2)^{-\frac{1}{2}}$, $y = Dt(t-1)^{-\frac{1}{2}}(t+2)^{-\frac{1}{2}}$,
 $\frac{x}{y} = \frac{2V(t-1)}{t}$, $\frac{xx}{yy} = \frac{4(t-1)}{tt}$, on aura $txx = 4tyy - 4yy$,

donc $t = \frac{2yy}{xx} - \frac{2y}{x} V\left(\frac{yy}{xx} - 1\right) = \frac{2y}{x} \left(\frac{y}{x} - V\left(\frac{yy}{xx} - 1\right)\right)$.

On a aussi $t - 1 = \frac{2yy}{xx} - \frac{2y}{x} V\left(\frac{yy}{xx} - 1\right) = \frac{2y}{x} \left(\frac{y}{x} - V\left(\frac{yy}{xx} - 1\right)\right)$.
 On a aussi $t - 1 = \frac{2yy}{xx} - \frac{2y}{x} V\left(\frac{yy}{xx} - 1\right) - 1$, $V(t-1) = \frac{y}{x} - V\left(\frac{yy}{xx} - 1\right)$. On a donc $y^3 = \frac{D t^3}{(t-1)(t+2)^2}$.

(en changeant la constante) $= \frac{\frac{8Dy^3}{x^3} \left(\frac{y}{x} - V\left(\frac{yy}{xx} - 1\right)\right)^3}{4\left(\frac{y}{x} - V\left(\frac{yy}{xx} - 1\right)\right)^2 \left(\frac{yy}{xx} - \frac{y}{x} V\left(\frac{yy}{xx} - 1\right) + 1\right)^2}$.

Donc en changeant encore la constante $\frac{(yy - yV(yy - xx) + xx)^2}{y - V(yy - xx)} = D$.

Or $yy - yV(yy - xx) + xx = y(y - V(yy - xx)) + xx$
 $= \frac{xy + xx(y + V(yy - xx))}{y + V(yy - xx)} = \frac{xx(2y + V(yy - xx))}{y + V(yy - xx)}$. Donc

$\frac{x^4(2y + V(yy - xx))^2}{(y + V(yy - xx))^2(y - V(yy - xx))} = D$, ou $\frac{x^4(2y + V(yy - xx))^2}{y + V(yy - xx)}$

$= D$, ou $(2y + V(yy - xx))^2(y - V(yy - xx)) = C$,
 comme ci-dessus. Cette équation devient en développant, $y^3 + 3x^2y - (yy - xx)^{\frac{3}{2}} = C$, ou $y^3 + 3x^2y - C = (yy - xx)^{\frac{3}{2}}$,

ou $y^6 + 6x^2y^4 + 9x^4y^2 - 2C(y^3 + 3x^2y) + CC = y^6$
 $- 3x^2y^4 + 3x^4y^2 - x^6$, ou $9x^2y^4 + 6x^4y^2 + x^6 - 2C(y^3$

$+ 3x^2y) + CC = 0$, équation du 6^e degré. On a dans ce cas-

ci pour l'équation différentielle de MM. Hermann &c. $x dy - y dx$

$= \frac{C^{\frac{2}{3}} V(dx^2 + dy^2)}{V_y} = 0$, équation absolument différente de celle

que nous avons obtenue.

§. 18. On remarquera que dans ce cas-ci, si l'on différentie l'équation $x + \frac{2y dy dx}{ds^2} = 0$, en faisant ds constant, on obtient l'équation $dx + \frac{2y dy ddx + 2y dx ddy + 2dy^2 dx}{ds^2} = 0$, ou $dx + \frac{2y dx^2 ddy - 2y dy^2 ddy + 2dy^2 dx^2}{ds^2 dx} = 0$, à cause de $dx ddx + dy ddy = 0$, ou en substituant la valeur de $ds^2 = -\frac{2y dy dx}{x}$, $xy ddy (dx^2 - dy^2) + dy dx^2 (x dy - y dx) = 0$, ou $2y ddy (x dx + y dy) + dy dx (x dy - y dx) = 0$, cette équation différentielle du second degré coïncide avec celle de MM. Taylor, Hermann &c. si l'on fait $m = -\frac{1}{2}$. Et en la mettant sous la forme suivante, $2y (x ddy - y ddx) + dy (x dy - y dx) = 0$, on a en intégrant $(x dy - y dx) \sqrt{y} = c^2 ds$, équation que nous avons trouvée dans le §. précédent. L'on voit donc que quoique dans ce cas-ci on arrive par la méthode de Taylor à une équation différentielle qui est exacte, l'on n'en est pas plus avancé, parce que l'équation différentielle qui appartient à la trajectoire, est une intégrale particulière proprement dite de cette équation, c'est-à-dire une intégrale qui n'est pas comprise dans l'intégrale complète. En effet l'équation $ds^2 + \frac{2y dy dx}{x} = 0$ satisfait à l'équation différentielle du second degré sans être comprise dans l'intégrale complète. L'on voit donc avec quelle circonspection il faut procéder dans ces sortes de matières, & combien il est important de vérifier par des exemples multipliés les théories les plus spécieuses.

§. 19. Si au lieu de prendre l'équation $xx = 4ay - 4aa$, on prend l'équation $xx = 4aa - 4ay$, on aura $x dx = -2a dy$, & en rapportant l'équation à la trajectoire, $x dy = 2a dx$, donc $a = \frac{x dy}{2 dx}$ & substituant cette valeur dans l'équation on a $xx = \frac{xx dy^2}{dx^2} - \frac{2xy dy}{dx}$, donc $\frac{dy^2}{dx^2} = \frac{2y}{x} \frac{dy}{dx} + 1$, $\frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} \pm \sqrt{\left(\frac{y}{x}\right)^2 + 1}$,

on a donc l'équation $x dy - y dx \pm dx \sqrt{yy + xx} = 0$. L'équation étant homogène, je fais $y = tx$, ce qui donne $dy = t dx + x dt$, l'équation devient $xx dt \pm x dx \sqrt{tt + 1} = 0$, ou $\frac{dx}{x} \pm \frac{dt}{\sqrt{tt + 1}} = 0$, équation dont l'intégrale est $\log x \pm \log(t + \sqrt{tt + 1}) = C$. Si l'on prend le signe $+$ on a $\log x(t + \sqrt{tt + 1}) = C$, ou $\log(y + \sqrt{yy + xx}) = C$, ou $y + \sqrt{yy + xx} = C$ (en changeant la constante). Or $2a = y - \sqrt{yy + xx}$. Si l'on différencie cette dernière équation on a $dy - \frac{(y dy + x dx)}{\sqrt{yy + xx}} = 0$. En rapportant cette équation à la trajectoire, on a $dx + \frac{x dy - y dx}{\sqrt{yy + xx}} = 0$, ou $x dy - dx(y - \sqrt{yy + xx}) = 0$, ou en multipliant toute l'équation par $y + \sqrt{yy + xx}$, & divisant par x , on a $dy(y + \sqrt{yy + xx}) + x dx = 0$, ou $dy + \frac{x dx + y dy}{\sqrt{yy + xx}} = 0$, équation dont l'intégrale est $y + \sqrt{yy + xx} = C$, comme nous venons de le trouver. Si l'on avoit pris $2a = y + \sqrt{yy + xx}$, on auroit trouvé pour l'équation de la trajectoire $y - \sqrt{yy + xx} = C$. On auroit trouvé la même chose par le premier procédé en prenant le signe $-$, car on auroit eu $\log\left(\frac{x}{t + \sqrt{tt + 1}}\right) = C$, ou $\log x(t - \sqrt{tt + 1}) = C$, ou $\log(y - \sqrt{yy + xx}) = C$, ou $y - \sqrt{yy + xx} = C$. Ces deux courbes à couper sont du même genre, car $y - C = -\sqrt{yy + xx}$, donc $xx + 2Cy - CC = 0$, équation à la parabole, & $y - 2a = \sqrt{yy + xx}$, ou $xx - 4ay + 4aa = 0$, équation du même genre. C'est la propriété des paraboles que trouve M. Euler T. 14. §. 17. On peut tirer cela de l'équation générale $xx + 2Cy - CC = 0$, car on a $CC = 2Cy + xx$, donc $C = y \pm \sqrt{yy - xx}$, ce qui donne deux valeurs $C' = y + \sqrt{yy - xx}$, $C'' = y - \sqrt{yy + xx}$. Or nous venons de voir qu'en prenant l'une de ces équations pour celle de la courbe à couper, l'autre est celle de la trajectoire & réciproquement.

§. 20. Si l'on suppose que la courbe à couper soit telle qu'on puisse éliminer le paramètre, on pourra la représenter de cette manière. $\phi = C$, ϕ étant une fonction de x & y , & C une fonction du paramètre. On a en différentiant $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) dx + \left(\frac{d\phi}{dy}\right) dy = 0$, & en rapportant l'équation à la trajectoire $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) dy - \left(\frac{d\phi}{dy}\right) dx = 0$.

Donc $\frac{dy}{dx} = \frac{\left(\frac{d\phi}{dy}\right)}{\left(\frac{d\phi}{dx}\right)}$. Soit l'intégrale de cette équation $\psi = D$, D

étant la constante arbitraire, on aura en différentiant $\left(\frac{d\psi}{dx}\right) dx +$

$\left(\frac{d\psi}{dy}\right) dy = 0$, ce qui donne $\frac{dy}{dx} = -\frac{\left(\frac{d\psi}{dx}\right)}{\left(\frac{d\psi}{dy}\right)}$. Égalant ces deux

valeurs nous avons $\left(\frac{d\phi}{dy}\right) \left(\frac{d\psi}{dy}\right) + \left(\frac{d\phi}{dx}\right) \left(\frac{d\psi}{dx}\right) = 0$. On trouvera donc autant de systèmes de courbes qui se coupent à angles droits qu'on trouvera de valeurs de ϕ & ψ qui satisfont à cette équation.

§. 21. Soit, par exemple, $\phi = ax + sy$, $\psi = a'x + s'y$, nous aurons $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) = a$, $\left(\frac{d\phi}{dy}\right) = s$, $\left(\frac{d\psi}{dx}\right) = a'$, $\left(\frac{d\psi}{dy}\right) = s'$, donc $ss' + aa' = 0$, $s' = -\frac{aa'}{s}$, $\psi = a'x - \frac{aa'}{s}y$, donc les équations seront $ax + sy = C$, $\frac{a'}{s}(sx - ay) = D$, ce qui revient à ce que trouve M. Euler §. 16.

§. 22. On satisfait à l'équation $\left(\frac{d\phi}{dy}\right) \left(\frac{d\psi}{dy}\right) + \left(\frac{d\phi}{dx}\right) \left(\frac{d\psi}{dx}\right) = 0$, en faisant $\phi = \frac{1}{2}F:(x+y\sqrt{-1}) + \frac{1}{2}F:(x-y\sqrt{-1})$, $\psi = \frac{1}{2\sqrt{-1}}(F:(x+y\sqrt{-1}) - \frac{1}{2\sqrt{-1}}F:(x-y\sqrt{-1}))$.

En

En effet on obtient en différentiant

$$\left(\frac{d\phi}{dx}\right) = \frac{1}{2} F' : (x + y\sqrt{-1}) + \frac{1}{2} F' : (x - y\sqrt{-1}),$$

$$\left(\frac{d\phi}{dy}\right) = \frac{\sqrt{-1}}{2} F' : (x + y\sqrt{-1}) - \frac{\sqrt{-1}}{2} F' : (x - y\sqrt{-1}),$$

$$\left(\frac{d\psi}{dx}\right) = \frac{1}{2\sqrt{-1}} F' : (x + y\sqrt{-1}) - \frac{1}{2\sqrt{-1}} F' : (x - y\sqrt{-1}),$$

$$\left(\frac{d\psi}{dy}\right) = \frac{1}{2} F' : (x + y\sqrt{-1}) + \frac{1}{2} F' : (x - y\sqrt{-1}),$$

ce qui donne $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) \left(\frac{d\psi}{dx}\right) + \left(\frac{d\phi}{dy}\right) \left(\frac{d\psi}{dy}\right) = 0$. Prenant pour ces fonctions les puissances positives, on a

I. $\phi = x, \psi = y,$

II. $\phi = x^2 - y^2, \psi = 2xy,$

III. $\phi = x^3 - 3xy^2, \psi = 3x^2y - y^3,$

IV. $\phi = x^4 - 6x^2y^2 + y^4, \psi = 4x^3y - 4xy^3$ &c.

Les deux équations en ϕ & ψ donnent

$$\phi + \psi\sqrt{-1} = F : (x + y\sqrt{-1});$$

$$\phi - \psi\sqrt{-1} = F : (x - y\sqrt{-1}). \text{ Donc}$$

$$x + y\sqrt{-1} = \Sigma : (\phi + \psi\sqrt{-1}),$$

$$x - y\sqrt{-1} = \Sigma : (\phi - \psi\sqrt{-1}),$$

$$x = \frac{1}{2} \Sigma : (\phi + \psi\sqrt{-1}) + \frac{1}{2} \Sigma : (\phi - \psi\sqrt{-1}),$$

$$y = \frac{1}{2\sqrt{-1}} \Sigma : (\phi + \psi\sqrt{-1}) - \frac{1}{2\sqrt{-1}} \Sigma : (\phi - \psi\sqrt{-1}).$$

§. 23. Si l'on prend la puissance 1, mais qu'on multiplie $F : (x + y\sqrt{-1})$ par la constante α & $F : (x - y\sqrt{-1})$ par la constante β , on aura $\phi = \left(\frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{2}\right)x + \left(\frac{\alpha}{2} - \frac{\beta}{2}\right)\sqrt{-1}y$;
 $\psi = \left(\frac{\alpha}{2} - \frac{\beta}{2}\right)\frac{x}{\sqrt{-1}} + \left(\frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{2}\right)y = \left(\frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{2}\right)y - \left(\frac{\alpha}{2} - \frac{\beta}{2}\right)x\sqrt{-1}$, ou en faisant $\frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} = \gamma, \left(\frac{\alpha}{2} - \frac{\beta}{2}\right)\sqrt{-1}$

$= \partial$, on aura $\Phi = \gamma x + \partial y$, $\psi = \gamma y - \partial x$. Donc les équations des trajectoires réciproques seront $\gamma x + \partial y = C$, $\gamma y - \partial x = D$, ce qui revient à ce que trouve M. Euler §. 16.

§. 24. Si l'on prend la puissance $\frac{1}{2}$, on aura,

$$\Phi = \frac{1}{2} \sqrt{x + y \sqrt{-1}} + \frac{1}{2} \sqrt{x - y \sqrt{-1}},$$

$$\psi = \frac{1}{2\sqrt{-1}} \sqrt{x + y \sqrt{-1}} - \frac{1}{2\sqrt{-1}} \sqrt{x - y \sqrt{-1}}.$$

On aura en élevant au carré la première équation, $\Phi^2 = \frac{1}{2} x + \frac{1}{2} \sqrt{xx + yy}$, $\psi^2 = -\frac{1}{2} x + \frac{1}{2} \sqrt{xx + yy}$. Donc $x = \Phi^2 - \psi^2$, $yy = 4\Phi^2\psi^2$, $y = 2\Phi\psi$. On a donc les équations $C = \frac{1}{2} x + \frac{1}{2} \sqrt{xx + yy}$, $D^2 = -\frac{1}{2} x + \frac{1}{2} \sqrt{xx + yy}$, $x = C^2 - D^2$, $y = 2CD$. Ces résultats sont précisément les mêmes que ceux que trouve M. Euler §. 17.

§. 25. Si l'on prend la puissance $\frac{1}{3}$, on aura,

$$\Phi = \frac{1}{2} \sqrt[3]{x + y \sqrt{-1}} + \frac{1}{2} \sqrt[3]{x - y \sqrt{-1}},$$

$$\psi = \frac{1}{2\sqrt{-1}} \sqrt[3]{x + y \sqrt{-1}} - \frac{1}{2\sqrt{-1}} \sqrt[3]{x - y \sqrt{-1}}.$$

On aura en élevant au cube la première équation, $\Phi^3 = \frac{1}{2} x + \frac{3}{8} \sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x + y \sqrt{-1}))} + \frac{3}{8} \sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x - y \sqrt{-1}))}$
 $= \frac{1}{2} x + \frac{3}{4} \sqrt[3]{(x^2 + y^2)} \left(\frac{1}{2} \sqrt[3]{x + y \sqrt{-1}} + \frac{1}{2} \sqrt[3]{x - y \sqrt{-1}} \right)$
 $= \frac{1}{2} x + \frac{3}{4} \Phi \sqrt[3]{(x^2 + y^2)}$. Donc $4\Phi^3 - x = 3\Phi \sqrt[3]{(x^2 + y^2)}$,
 & en élevant encore au cube, $64\Phi^9 - 48\Phi^6 x + 12\Phi^3 x^2 - x^3$
 $= 27\Phi^3 (x^2 + y^2)$ ou $64\psi^9 + 48\psi^6 y - 15\psi^3 y^2 - 27\psi^3 x^2$
 $+ y^3 = 0$. On a donc les équations, $64C^9 - 48C^6 x - 15C^3 x^2$
 $- x^3 = 0$; $64D^9 + 48D^6 y - 15D^3 y^2 - 27D^3 x^2 + y^3 = 0$.
 Ce sont les équations que trouve M. Euler §. 18. Je dois faire là dessus quelques observations.

§. 26. La première équation peut se mettre sous cette forme,

$$C^9 - \frac{3}{4} C^6 x - \frac{15}{64} C^3 x^2 - \frac{27}{64} C^3 y^2 - \frac{x^3}{64} = 0. \quad \text{Je fais}$$

$C^3 = \mu + \frac{1}{4}x$, & j'ai en substituant $\mu^3 - \frac{27}{64}\mu x^2 - \frac{27}{64}\mu y^2 - \frac{27}{4 \cdot 64}x^3 - \frac{27}{4 \cdot 64}xy^2 = 0$. On fait d'après la méthode de Cardan que si l'on a $\mu^3 + p\mu + q = 0$, une des racines de cette équation du troisième degré sera $\mu = \sqrt[3]{\left(-\frac{q}{2} + \sqrt{\left(\frac{qq}{4} + \frac{p^3}{27}\right)}\right)} + \sqrt[3]{\left(-\frac{q}{2} - \sqrt{\left(\frac{qq}{4} + \frac{p^3}{27}\right)}\right)}$. Or on a ici $p = -\frac{27}{64}(x^2 + y^2)$, $q = -\frac{27}{4 \cdot 64}(x^3 + xy^2)$. Donc $\frac{qq}{4} + \frac{p^3}{27} = \frac{(27)^2}{(64)^3}(x^6 + 2x^4y^2 + x^2y^4) - \frac{(27)^2}{(64)^3}(x^6 + 3x^4y^2 + 3x^2y^4 + y^6) = -\frac{(27)^2}{(64)^3}(x^4y^2 + 2x^2y^4 + y^6) = -\frac{(27)^2}{8^6}y^2(x^4 + 2x^2y^2 + y^4)$. Donc $\sqrt{\left(\frac{qq}{4} + \frac{p^3}{27}\right)} = \frac{27}{8^3}y(x^2 + y^2)\sqrt{-1}$. Donc $\mu = \sqrt[3]{\left(\frac{27}{8^3}(x^3 + xy^2) + \frac{27}{8^3}(x^2y + y^3)\sqrt{-1}\right)} + \sqrt[3]{\left(\frac{27}{8^3}(x^3 + xy^2) - \frac{27}{8^3}(x^2y + y^3)\sqrt{-1}\right)} = \frac{3}{8}\sqrt[3]{(x^3 + xy^2 + (x^2y + y^3)\sqrt{-1})} + \frac{3}{8}\sqrt[3]{(x^3 + xy^2 - (x^2y + y^3)\sqrt{-1})} = \frac{3}{8}\sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x + y\sqrt{-1}))} + \frac{3}{8}\sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x - y\sqrt{-1}))}$. Donc $C^3 = \mu + \frac{1}{4}x = \frac{1}{4}x + \frac{3}{8}\sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x + y\sqrt{-1}))} + \frac{3}{8}\sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x - y\sqrt{-1}))}$, comme nous l'avons trouvé ci-dessus, si l'on met C au lieu de ϕ . L'on peut mettre cette équation sous cette forme, $C^3 = \left(\frac{1}{2}\sqrt[3]{(x + y\sqrt{-1})} + \frac{1}{2}\sqrt[3]{(x - y\sqrt{-1})}\right)^3$, donc $C = \frac{1}{2}\sqrt[3]{(x + y\sqrt{-1})} + \frac{1}{2}\sqrt[3]{(x - y\sqrt{-1})}$, comme nous l'avons trouvé ci-dessus, si l'on met C au lieu de ϕ .

§. 27. La seconde équation peut se mettre sous cette forme, $D^9 + \frac{3}{4}D^6y - \frac{15}{64}D^3y^2 - \frac{27}{64}D^3x^2 + \frac{y^3}{64} = 0$. Je fais $D^3 = v - \frac{1}{4}y$, & j'ai en substituant & réduisant, $v^3 - \frac{27}{64}vy^2$

$-\frac{27}{64}x^3 + \frac{27}{4 \cdot 64}y^3 + \frac{27}{4 \cdot 64}x^2y = 0$. On trouve ici $p =$
 $-\frac{27}{64}(x^2 + y^2)$, $q = \frac{27}{4 \cdot 64}(y^3 + x^2y)$. Donc $\frac{q^2}{4} + \frac{p^3}{27} =$
 $\frac{(27)^2}{8^6}(y^6 + 2x^2y^4 + x^4y^2) - \frac{(27)^2}{8^6}(x^6 + 3x^4y^2 + 3x^2y^4 + y^6)$
 $= -\frac{(27)^2}{8^6}(x^6 + 2x^4y^2 + x^2y^4)$, $\sqrt{\left(\frac{q^2}{4} + \frac{p^3}{27}\right)} = \frac{27}{8^3}(x^3 + xy^2)\sqrt{-1}$.
 Donc $v = \sqrt[3]{-\frac{27}{8^3}(y^3 + x^2y) + \frac{27}{8^3}(x^3 + xy^2)\sqrt{-1}}$
 $+ \sqrt[3]{-\frac{27}{8^3}(y^3 + x^2y) - \frac{27}{8^3}(x^3 + xy^2)\sqrt{-1}} =$
 $\frac{3}{8}\sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x\sqrt{-1} - y))} + \frac{3}{8}\sqrt[3]{(-(x^2 + y^2)(x\sqrt{-1} + y))}$
 $= \frac{3}{8}\sqrt[3]{((x^2 + y^2)\sqrt{-1}(x + y\sqrt{-1}))} +$
 $\frac{3}{8}\sqrt[3]{((x^2 + y^2)(-\sqrt{-1})(x - y\sqrt{-1}))} =$
 $-\frac{3}{8}\sqrt{-1}\sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x + y\sqrt{-1}))}$
 $+ \frac{3}{8}\sqrt{-1}\sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x - y\sqrt{-1}))}$
 $= \frac{3}{8\sqrt{-1}}\sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x + y\sqrt{-1}))} -$
 $\frac{3}{8\sqrt{-1}}\sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x - y\sqrt{-1}))}$. Donc $D^3 = v - \frac{1}{4}y$
 $= -\frac{1}{4}y + \frac{3}{8\sqrt{-1}}\sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x + y\sqrt{-1}))} -$
 $\frac{3}{8\sqrt{-1}}\sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x - y\sqrt{-1}))} = \left(\frac{1}{2\sqrt{-1}}\sqrt[3]{(x + y\sqrt{-1})}\right.$
 $\left. - \frac{1}{2\sqrt{-1}}\sqrt[3]{(x - y\sqrt{-1})}\right)^3$. Donc $D =$
 $\frac{1}{2\sqrt{-1}}\sqrt[3]{(x + y\sqrt{-1})} - \frac{1}{2\sqrt{-1}}\sqrt[3]{(x - y\sqrt{-1})}$, com-
 me nous l'avons trouvé ci-dessus, si l'on met D au lieu de ψ .

§. 28. Ayant trouvé une valeur de μ & une de v , on trouve
 aisément les deux autres par la méthode connue de Cardan. On aura
 donc $\mu = -\frac{3}{16}(1 + \sqrt{-3})\sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x + y\sqrt{-1}))}$
 $-\frac{3}{16}(1 - \sqrt{-3})\sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x - y\sqrt{-1}))}$. Donc

$$\Phi^3 = x^3 - \frac{3}{16} (1 + V - 3) \sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x + yV - 1))} \\ - \frac{3}{16} (1 - V - 3) \sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x - yV - 1))} = \\ \left(\frac{1}{2} \sqrt[3]{(x + yV - 1)} - \left(\frac{1 + V - 3}{4} \right) \sqrt[3]{(x - yV - 1)} \right)^3.$$

$$\text{Donc } C = \frac{1}{2} \sqrt[3]{(x + yV - 1)} - \left(\frac{1 + V - 3}{4} \right) \sqrt[3]{(x - yV - 1)}.$$

$$\text{On aura de même } \nu = -\frac{3}{16V-1} (1 + V - 3) \sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x + yV - 1))} \\ + \frac{3}{16V-1} (1 - V - 3) \sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x - yV - 1))}. \text{ Donc}$$

$$\Psi^3 = -\frac{1}{4} - \frac{3}{16V-1} (1 + V - 3) \sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x + yV - 1))} \\ + \frac{3}{16V-1} (1 - V - 3) \sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x - yV - 1))} = \\ \left(\frac{1}{2V-1} \sqrt[3]{(x + yV - 1)} + \frac{(1 + V - 3)}{4V-1} \sqrt[3]{(x - yV - 1)} \right)^3.$$

$$\text{Donc } D = \frac{1}{2V-1} \sqrt[3]{(x + yV - 1)} + \frac{(1 + V - 3)}{4V-1} \sqrt[3]{(x - yV - 1)}.$$

La troisième valeur de μ sera $\mu =$

$$- \frac{3}{16} (1 - V - 3) \sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x + yV - 1))} \\ - \frac{3}{16} (1 + V - 3) \sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x - yV - 1))}.$$

$$\text{Donc } \Phi^3 = \frac{\pi}{4} - \frac{3}{16} (1 - V - 3) \sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x + yV - 1))} \\ - \frac{3}{16} (1 + V - 3) \sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x - yV - 1))} = \\ \left(\frac{1}{2} \sqrt[3]{(x + yV - 1)} - \frac{(1 - V - 3)}{4} \sqrt[3]{(x - yV - 1)} \right)^3.$$

$$\text{Donc } C = \frac{1}{2} \sqrt[3]{(x + yV - 1)} - \frac{(1 - V - 3)}{4} \sqrt[3]{(x - yV - 1)}.$$

On aura de même $\nu =$

$$- \frac{3}{16V-1} (1 - V - 3) \sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x + yV - 1))} \\ + \frac{3}{16V-1} ((1 + V - 3) \sqrt[3]{(x^2 + y^2)(x - yV - 1)}). \text{ Donc}$$

$$\Psi^3 = -\frac{1}{4}y - \frac{3}{16V-1} (1 - V - 3) \sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x + yV - 1))} \\ + \frac{3}{16V-1} (1 + V - 3) \sqrt[3]{((x^2 + y^2)(x - yV - 1))} =$$

$$\left(\frac{1}{2V-1} \sqrt[3]{x+yV-1} + \frac{(1-V-3)}{4V-1} \sqrt[3]{x-yV-1} \right)^3. \text{ Donc}$$

$$D = \frac{1}{2V-1} \sqrt[3]{x+yV-1} + \frac{1-V-3}{4V-1} \sqrt[3]{x-yV-1}.$$

§. 29. Toutes ces valeurs pouvoient se tirer immédiatement de notre formule primitive en mettant devant chaque radical un coefficient indéterminé. Soit $\phi = \alpha \sqrt[3]{x+yV-1} + \beta \sqrt[3]{x-yV-1}$, $\psi = \gamma \sqrt[3]{x+yV-1} + \delta \sqrt[3]{x-yV-1}$, on aura

$$\left(\frac{d\phi}{dx} \right) = \frac{\alpha}{3} (x+yV-1)^{-\frac{2}{3}} + \frac{\beta}{3} (x-yV-1)^{-\frac{2}{3}};$$

$$\left(\frac{d\phi}{dy} \right) = \frac{\alpha V-1}{3} (x+yV-1)^{-\frac{2}{3}} - \frac{\beta V-1}{3} (x-yV-1)^{-\frac{2}{3}};$$

$$\left(\frac{d\psi}{dx} \right) = \frac{\gamma}{3} (x+yV-1)^{-\frac{2}{3}} + \frac{\delta}{3} (x-yV-1)^{-\frac{2}{3}};$$

$$\left(\frac{d\psi}{dy} \right) = \frac{\gamma V-1}{3} (x+yV-1)^{-\frac{2}{3}} - \frac{\delta V-1}{3} (x-yV-1)^{-\frac{2}{3}}.$$

$$\text{Donc } \left(\frac{d\phi}{dx} \right) \left(\frac{d\psi}{dx} \right) + \left(\frac{d\phi}{dy} \right) \left(\frac{d\psi}{dy} \right) =$$

$$\begin{aligned} & \frac{\alpha\gamma}{9} (x+yV-1)^{-\frac{4}{3}} + \frac{2\beta\gamma}{9} (x^2+y^2)^{-\frac{2}{3}} + \frac{\beta\delta}{9} (x-yV-1)^{-\frac{4}{3}} \\ & - \frac{\alpha\gamma}{9} \quad \quad \quad + \frac{2\alpha\delta}{9} \quad \quad \quad - \frac{\beta\delta}{9} \quad \quad \quad = 0. \end{aligned}$$

On tire de là $\beta\gamma + \alpha\delta = 0$, donc $\delta = -\frac{\beta\gamma}{\alpha}$, donc
 $\phi = \alpha \sqrt[3]{x+yV-1} + \beta \sqrt[3]{x-yV-1}$;
 $\psi = \frac{\gamma}{\alpha} (\alpha \sqrt[3]{x+yV-1} - \beta \sqrt[3]{x-yV-1})$.

Ces valeurs renferment toutes celles que nous avons trouvées plus haut, & la forme est plus générale. En élevant au cube la première équation, on a $\phi^3 = (\alpha^3 + \beta^3) x + (\alpha^3 - \beta^3) y V - 1$
 $+ 3\alpha^2\beta \sqrt[3]{((x^2+y^2)(x+yV-1))} + 3\alpha\beta^2 \sqrt[3]{((x^2+y^2)(x-yV-1))}$
 $= (\alpha^3 + \beta^3) x + (\alpha^3 - \beta^3) y V - 1 + 3\alpha\beta\phi \sqrt[3]{(x^2+y^2)}$.
 Donc $\phi^3 = 3\phi^2 ((\alpha^3 + \beta^3) x + (\alpha^3 - \beta^3) y V - 1)$

$$+ 3 \phi^3 ((\alpha^3 + \beta^3) x + (\alpha^3 - \beta^3) y \sqrt{-1})^2 - 27 \phi^3 \alpha^3 \beta^3 (x^2 + y^2)$$

$- ((\alpha^3 + \beta^3) x + (\alpha^3 - \beta^3) y \sqrt{-1})^3 = 0$. Pour que cette équation soit exemte d'imaginaires, il faut qu'on ait $\alpha^3 - \beta^3 = 0$, ce qui donne $\alpha^3 = \beta^3$, $\alpha^3 + \beta^3 = 2\beta^3$. L'équation devient dans ce cas, $\phi^9 - 6 \phi^6 \beta^3 x - 15 \phi^3 \beta^6 x^2 - 27 \phi^3 \beta^6 y^2 - 8 x^3 \beta^9 = 0$,

ce qui en faisant $\frac{\phi}{\beta} = 2C$ donne $C^9 - \frac{3}{4} C^6 x - \frac{15}{64} C^3 x^2 - \frac{27}{64} C^3 y^2 - \frac{x^3}{64} = 0$, équation que nous avons trouvée ci-dessus.

Ainsi en faisant disparaître les imaginaires, on trouve la même équation que ci-dessus. On fera le même calcul pour la seconde équation & en faisant $\frac{\gamma}{\alpha} = \frac{1}{\sqrt{-1}}$, on trouvera l'équation, $\psi^9 + 6 \psi^6 \beta^3 y - 27 \psi^3 \beta^6 x^2 - 15 \psi^3 \beta^6 y^2 + 8 y^3 \beta^9 = 0$, laquelle en faisant $\frac{\psi}{\beta} = 2D$, donne $D^9 + \frac{3}{4} D^6 y - \frac{27}{64} D^3 x^2 - \frac{15}{64} D^3 y^2 + \frac{1}{64} y^3 = 0$, comme ci-dessus.

§. 30. Prenant maintenant les puissances négatives, on a

$$\text{I. } \phi = \frac{x}{xx + yy}, \psi = -\frac{y}{xx + yy}. \quad \text{II. } \phi = \frac{xx - yy}{(xx + yy)^2}, \psi = \frac{2xy}{(xx + yy)^2}.$$

$$\text{III. } \phi = \frac{x^3 - 3xy^2}{(xx + yy)^3}, \psi = \frac{3x^2y - y^3}{(xx + yy)^3}.$$

$$\text{IV. } \phi = \frac{x^4 - 6x^2y^2 + y^4}{(xx + yy)^4}, \psi = \frac{4x^3y - 4xy^3}{(xx + yy)^4}.$$

Si l'on prend la puissance $-\frac{1}{2}$, on aura $\phi = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{(x+y)\sqrt{-1}}} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{(x-y)\sqrt{-1}}}$;

$$\psi = \frac{1}{2\sqrt{-1}} \cdot \frac{1}{\sqrt{(x+y)\sqrt{-1}}} - \frac{1}{2\sqrt{-1}} \cdot \frac{1}{\sqrt{(x-y)\sqrt{-1}}}.$$

$$\text{Donc } \phi^2 = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{x+y\sqrt{-1}} + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{x-y\sqrt{-1}} + \frac{1}{2\sqrt{(x^2+y^2)}}$$

$$= \frac{x+1}{2\sqrt{(x^2+y^2)}}, \psi^2 = -\frac{1}{4} \cdot \frac{1}{x+y\sqrt{-1}} - \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{x-y\sqrt{-1}}$$

$$+ \frac{1}{2\sqrt{x^2 + y^2}} = + \frac{1-x}{2\sqrt{x^2 + y^2}}. \text{ Donc } \phi\phi - \psi\psi = \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}}, \phi\phi + \psi\psi = \frac{1}{\sqrt{x^2 + y^2}}, 2\phi\phi = \frac{x + \sqrt{x^2 + y^2}}{\sqrt{x^2 + y^2}}, 2\psi\psi = \frac{\sqrt{x^2 + y^2} - x}{\sqrt{x^2 + y^2}}, \text{ comme le trouve M. Euler §. 20.}$$

§. 31. On remarquera au reste que les équations du §. 22. $\phi = \frac{1}{2} F : (x + y \sqrt{-1}) + \frac{1}{2} F : (x - y \sqrt{-1})$, $\psi = \frac{1}{2\sqrt{-1}} \Sigma : (x + y \sqrt{-1}) - \frac{1}{2\sqrt{-1}} \Sigma : (x - y \sqrt{-1})$,

donnent $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) = \left(\frac{d\psi}{dy}\right)$, $\left(\frac{d\phi}{dy}\right) = -\left(\frac{d\psi}{dx}\right)$, ce qui donne également $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) \left(\frac{d\psi}{dx}\right) + \left(\frac{d\phi}{dy}\right) \left(\frac{d\psi}{dy}\right) = 0$, & $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) \left(\frac{d\phi}{dy}\right) + \left(\frac{d\psi}{dx}\right) \left(\frac{d\psi}{dy}\right) = 0$. De même les équations $x = \frac{1}{2} \Sigma : (\phi + \psi \sqrt{-1}) + \frac{1}{2} \Sigma : (\phi - \psi \sqrt{-1})$, $y = \frac{1}{2\sqrt{-1}} \Sigma : (\phi + \psi \sqrt{-1}) - \frac{1}{2\sqrt{-1}} \Sigma : (\phi - \psi \sqrt{-1})$ donnent $\left(\frac{dx}{d\phi}\right) = \left(\frac{dy}{d\psi}\right)$, $\left(\frac{dx}{d\psi}\right) = -\left(\frac{dy}{d\phi}\right)$, ce qui donne également, $\left(\frac{dx}{d\phi}\right) \left(\frac{dy}{d\phi}\right) + \left(\frac{dx}{d\psi}\right) \left(\frac{dy}{d\psi}\right) = 0$, & $\left(\frac{dx}{d\phi}\right) \left(\frac{dx}{d\psi}\right) + \left(\frac{dy}{d\phi}\right) \left(\frac{dy}{d\psi}\right) = 0$.

La dernière équation revient à celle qu'a trouvée M. Euler §. 9, & l'on voit par l'identité de ces deux expressions pourquoi nous avons trouvé des résultats semblables, c'est que nous avons toujours pris des expressions contenues dans la forme, $x + y \sqrt{-1} = \Sigma : (\phi + \psi \sqrt{-1})$, $x - y \sqrt{-1} = \Sigma : (\phi - \psi \sqrt{-1})$. Du reste on peut tirer immédiatement de l'équation $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) \left(\frac{d\psi}{dx}\right) + \left(\frac{d\phi}{dy}\right) \left(\frac{d\psi}{dy}\right) = 0$, l'équation $\left(\frac{dx}{d\phi}\right) \left(\frac{dx}{d\psi}\right) + \left(\frac{dy}{d\phi}\right) \left(\frac{dy}{d\psi}\right) = 0$. Car ϕ étant une fonction de x & y , & ψ aussi, on aura $d\phi = p dx + q dy$, équation

tion qui en faisant $d\phi = 0$, & rapportant les coordonnées à la trajectoire donne $p dy - q dx = 0$, & $d\psi = mp dy - mq dx$, m étant le facteur qui rend intégrable l'équation $p dy - q dx = 0$.

On a donc $dy = \frac{d\phi - p dx}{q} = \frac{d\psi + mq dx}{mp}$, donc $mp d\phi$

$- mpp dx = q d\psi + mqq dx$, & $dx = \frac{mp d\phi - q d\psi}{mpp + mqq}$, dy

$= \frac{mqq d\phi + pq d\psi}{q(mpp + mqq)} = \frac{mq d\phi + p d\psi}{mpp + mqq}$. Donc $\left(\frac{dx}{d\phi}\right) = \frac{mp}{mpp + mqq}$,

$\left(\frac{dx}{d\psi}\right) = -\frac{q}{mpp + mqq}$, $\left(\frac{dy}{d\phi}\right) = \frac{mq}{mpp + mqq}$, $\left(\frac{dy}{d\psi}\right) = \frac{p}{mpp + mqq}$,

donc $\left(\frac{dx}{d\phi}\right) \left(\frac{dx}{d\psi}\right) = -\frac{mpq}{(mpp + mqq)^2} = -\left(\frac{dy}{d\phi}\right) \left(\frac{dy}{d\psi}\right)$. Donc

$\left(\frac{dx}{d\phi}\right) \left(\frac{dx}{d\psi}\right) + \left(\frac{dy}{d\phi}\right) \left(\frac{dy}{d\psi}\right) = 0$. Ainsi l'équation de M. Euler

se déduit immédiatement de la nôtre. On peut donc résoudre par notre méthode tous les problèmes que traite M. Euler par la sienne, tel que celui du §. 21, lequel consiste à trouver des systèmes de lignes algébriques dont les trajectoires soient algébriques. On voit que ce grand géomètre se trompe lorsqu'il ajoute: „Tant qu'on considère l'équation comme subsistant entre les coordonnées x & y , on cherche en vain la solution de la question, & tout l'artifice consiste à faire varier les deux paramètres.” Il suit de ce que je viens d'exposer qu'il n'est pas nécessaire de faire varier les paramètres, ce qui est toujours une opération indirecte & forcée, & qu'on parvient immédiatement à la solution en représentant l'équation, soit de la courbe à couper, soit de la trajectoire, par une équation semblable, $\phi = C$, C étant une fonction du paramètre & ϕ une fonction de x & y . On voit en même temps, comment la variation des paramètres a conduit M. Euler aux résultats que nous avons trouvés directement par notre méthode, c'est que ϕ étant égal à C le résultat est le même soit qu'on fasse varier ϕ , soit qu'on fasse varier C , mais le procédé est plus pénible &

plus indirect, comme on le voit d'un coup-d'œil en comparant le travail de M. Euler avec le nôtre.

§. 32. Si les trajectoires au lieu d'être orthogonales font avec la courbe un angle constant dont la tangente soit α , cet angle sera égal à la différence de deux angles, dont l'un qui appartient à la trajectoire a pour tangente $\frac{dy'}{dx'}$, en appelant x' & y' les coordonnées de la trajectoire, & l'autre qui appartient à la courbe à couper a pour tangente $\frac{dy}{dx}$ en appelant x & y les coordonnées de la courbe à couper. On

aura donc $\alpha = \frac{\frac{dy'}{dx'} - \frac{dy}{dx}}{1 + \frac{dy'}{dx'} \cdot \frac{dy}{dx}}$. Soient maintenant $\phi = C$, l'équa-

tion de la courbe à couper & $\psi = D$ l'équation de la trajectoire, ϕ & ψ étant des fonctions de x & y , & C & D étant des fonctions des paramètres. On aura en différentiant, $\left(\frac{d\phi}{dx}\right)dx + \left(\frac{d\phi}{dy}\right)dy = 0$, $\left(\frac{d\psi}{dx'}\right)dx' + \left(\frac{d\psi}{dy'}\right)dy' = 0$, (je mets $\left(\frac{d\psi}{dx}\right)$ & $\left(\frac{d\psi}{dy}\right)$ au lieu de $\left(\frac{d\psi}{dx'}\right)$ & de $\left(\frac{d\psi}{dy'}\right)$, parce que les coordonnées x & y sont communes aux deux courbes, il n'y a que leurs différentielles qui diffèrent.

Donc $\frac{dy}{dx} = -\frac{\left(\frac{d\phi}{dx}\right)}{\left(\frac{d\phi}{dy}\right)}$, $\frac{dy'}{dx'} = -\frac{\left(\frac{d\psi}{dx}\right)}{\left(\frac{d\psi}{dy}\right)}$. Donc $\alpha =$

$$\frac{\frac{\left(\frac{d\phi}{dx}\right)}{\left(\frac{d\phi}{dy}\right)} - \frac{\left(\frac{d\psi}{dx}\right)}{\left(\frac{d\psi}{dy}\right)}}{1 + \frac{\left(\frac{d\phi}{dx}\right)}{\left(\frac{d\phi}{dy}\right)} \cdot \frac{\left(\frac{d\psi}{dx}\right)}{\left(\frac{d\psi}{dy}\right)}} = \frac{\left(\frac{d\phi}{dx}\right)\left(\frac{d\psi}{dy}\right) - \left(\frac{d\psi}{dx}\right)\left(\frac{d\phi}{dy}\right)}{\left(\frac{d\phi}{dx}\right)\left(\frac{d\psi}{dx}\right) + \left(\frac{d\phi}{dy}\right)\left(\frac{d\psi}{dy}\right)}. \quad \text{Donc}$$

* $\left(\left(\frac{d\phi}{dx}\right)\left(\frac{d\psi}{dx}\right) + \left(\frac{d\phi}{dy}\right)\left(\frac{d\psi}{dy}\right)\right) + \left(\frac{d\psi}{dx}\right)\left(\frac{d\phi}{dy}\right) - \left(\frac{d\phi}{dx}\right)\left(\frac{d\psi}{dy}\right) = 0$. Si la trajectoire est orthogonale, on a $\alpha = \infty$, & par conséquent $\left(\frac{d\phi}{dx}\right)\left(\frac{d\psi}{dx}\right) + \left(\frac{d\phi}{dy}\right)\left(\frac{d\psi}{dy}\right) = 0$, comme nous l'avons trouvé ci-dessus.

§. 33. Si dans l'équation $\alpha = \frac{\frac{dy'}{dx'} - \frac{dy}{dx}}{1 + \frac{dy'}{dx'} \cdot \frac{dy}{dx}}$, on substitue seu-

lement la valeur de $\frac{dy}{dx}$, on aura $\alpha = \frac{\frac{dy'}{dx'} + \frac{\left(\frac{d\phi}{dx}\right)}{\left(\frac{d\phi}{dy}\right)}}{1 - \frac{dy'}{dx'} \cdot \frac{\left(\frac{d\phi}{dx}\right)}{\left(\frac{d\phi}{dy}\right)}} =$

$$\frac{dy' \left(\frac{d\phi}{dy}\right) + dx' \left(\frac{d\phi}{dx}\right)}{dx' \left(\frac{d\phi}{dy}\right) - dy' \left(\frac{d\phi}{dx}\right)} = \frac{dy' \left(\frac{d\phi}{dy'}\right) + dx' \left(\frac{d\phi}{dx'}\right)}{dx' \left(\frac{d\phi}{dy'}\right) - dy' \left(\frac{d\phi}{dx'}\right)}. \quad \text{Donc}$$

$$\alpha \left(dx' \left(\frac{d\phi}{dy'}\right) - dy' \left(\frac{d\phi}{dx'}\right)\right) - dy' \left(\frac{d\phi}{dy'}\right) - dx' \left(\frac{d\phi}{dx'}\right) = 0, \text{ ou}$$

$$\alpha \left(dx' \left(\frac{d\phi}{dy'}\right) - dy' \left(\frac{d\phi}{dx'}\right)\right) - d\phi = 0. \quad \text{Il est évident que si le}$$

facteur qui doit rendre cette équation intégrable est une fonction de ϕ , le terme $-d\phi$ reste intégrable. Donc ce facteur sera $= F' : \phi$,

$$\& \text{l'on aura } \psi = \int \alpha F' : \phi \left(dx' \left(\frac{d\phi}{dy'}\right) - dy' \left(\frac{d\phi}{dx'}\right)\right) - \int d\phi F' : \phi$$

$$= \int \alpha F' : \phi \left(dx' \left(\frac{d\phi}{dy'}\right) - dy' \left(\frac{d\phi}{dx'}\right)\right) - F : \phi. \quad \text{Donc la quan-}$$

rité $F' : \phi \left(dx' \left(\frac{d\phi}{dy'}\right) - dy' \left(\frac{d\phi}{dx'}\right)\right)$ est intégrable par elle-même,

$$\text{donc } \left(\frac{d \left(\frac{d\phi}{dy'}\right) F' : \phi}{dy}\right) = - \left(\frac{d \left(\frac{d\phi}{dx'}\right) F' : \phi}{dx}\right) \& \text{ en développant,}$$

$$\left(\frac{dd\phi}{dy'^2}\right) F' : \phi + \left(\frac{d\phi}{dy'}\right)^2 F'' : \phi + \left(\frac{dd\phi}{dx'^2}\right) F' : \phi + \left(\frac{d\phi}{dx'}\right)^2 F'' : \phi \\ = 0. \text{ Donc } \frac{F'' : \phi}{F' : \phi} = - \frac{\left(\frac{dd\phi}{dy'^2}\right) - \left(\frac{dd\phi}{dx'^2}\right)}{\left(\frac{d\phi}{dy'}\right)^2 + \left(\frac{d\phi}{dx'}\right)^2}. \text{ Cette dernière}$$

quantité doit donc être une fonction de ϕ pour que l'équation différentielle de la trajectoire soit intégrable par cette méthode. C'est un *criterium* assez remarquable qui n'a pas lieu pour les trajectoires orthogonales.

§. 34. Reprenons l'équation $\alpha \left(\left(\frac{d\phi}{dx} \right) \left(\frac{d\psi}{dx} \right) + \left(\frac{d\phi}{dy} \right) \left(\frac{d\psi}{dy} \right) \right) + \left(\frac{d\psi}{dx} \right) \left(\frac{d\phi}{dy} \right) - \left(\frac{d\psi}{dy} \right) \left(\frac{d\phi}{dx} \right) = 0$. Si $\alpha = 0$, c'est-à-dire si les courbes doivent se toucher, on a $\psi = F : \phi$, intégrale de l'équation $\left(\frac{d\psi}{dx} \right) \left(\frac{d\phi}{dy} \right) - \left(\frac{d\psi}{dy} \right) \left(\frac{d\phi}{dx} \right) = 0$. En laissant donc à α une valeur quelconque, je fais $\psi = \mu - F : \phi$, ce qui donne $\left(\frac{d\psi}{dx} \right) = \left(\frac{d\mu}{dx} \right) - \left(\frac{d\phi}{dx} \right) F' : \phi$, $\left(\frac{d\psi}{dy} \right) = \left(\frac{d\mu}{dy} \right) - \left(\frac{d\phi}{dy} \right) F' : \phi$. Substituant ces valeurs dans l'équation & effaçant ce qui se détruit, on a

$$- \alpha \left(\left(\frac{d\mu}{dx} \right) \left(\frac{d\phi}{dx} \right) + \left(\frac{d\mu}{dy} \right) \left(\frac{d\phi}{dy} \right) \right) + \alpha \left(\left(\frac{d\phi}{dx} \right)^2 + \left(\frac{d\phi}{dy} \right)^2 \right) F' : \phi \\ - \left(\frac{d\mu}{dx} \right) \left(\frac{d\phi}{dy} \right) + \left(\frac{d\mu}{dy} \right) \left(\frac{d\phi}{dx} \right) = 0. \text{ Faisons } \left(\frac{d\mu}{dx} \right) \left(\frac{d\phi}{dx} \right) + \left(\frac{d\mu}{dy} \right) \left(\frac{d\phi}{dy} \right) = 0, \text{ on a } \left(\frac{d\mu}{dy} \right) = - \frac{\left(\frac{d\mu}{dx} \right) \left(\frac{d\phi}{dx} \right)}{\left(\frac{d\phi}{dy} \right)}, \text{ \& substituant cette valeur dans l'équation restante, on a en divisant par } \left(\frac{d\phi}{dx} \right)^2 \\ + \left(\frac{d\phi}{dy} \right)^2, \alpha F' : \phi - \frac{\left(\frac{d\mu}{dx} \right)}{\left(\frac{d\phi}{dx} \right)} = 0, \text{ donc } \left(\frac{d\mu}{dx} \right) = \alpha \left(\frac{d\phi}{dx} \right) F' : \phi,$$

$$\left(\frac{d\mu}{dy}\right) = -\alpha \left(\frac{d\phi}{dx}\right) F' : \phi, \quad d\mu = \left(\frac{d\mu}{dx'}\right) dx' + \left(\frac{d\mu}{dy'}\right) dy' = \\ = -\alpha F' : \phi \left(dy' \left(\frac{d\phi}{dx'}\right) - dx' \left(\frac{d\phi}{dy'}\right)\right). \quad \text{Donc } \psi = \\ \int \alpha F' : \phi \left(dx' \left(\frac{d\phi}{dy'}\right) - dy' \left(\frac{d\phi}{dx'}\right) - F : \phi, \text{ comme ci-dessus.}$$

§. 35. Soit, par exemple, la courbe à couper une ligne droite exprimée par l'équation $y = Cx$, C étant le paramètre, exemple que traite M. Euler T. 17. §. 8. On a $\frac{y}{x} = C$, donc $\phi = \frac{y}{x}$, $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) = -\frac{y}{xx}$, $\left(\frac{d\phi}{dy}\right) = \frac{1}{x}$, $\left(\frac{d^2\phi}{dx^2}\right) = \frac{2y}{x^3}$, $\left(\frac{d^2\phi}{dy^2}\right) = 0$. L'équation $\alpha \left(dx \left(\frac{d\phi}{dy}\right) - dy \left(\frac{d\phi}{dx}\right)\right) - d\phi = 0$, devient $\alpha \left(\frac{dx}{x} + \frac{y dy}{xx}\right) + \frac{y dx - x dy}{xx} = 0$, ou $\alpha \frac{(x dx + y dy)}{xx} + \frac{y dx - x dy}{xx} = 0$.

Maintenant on a $\frac{F'' : \frac{y}{x}}{F' : \frac{y}{x}} = -\frac{\frac{2y}{x^3}}{\frac{1}{x^2} + \frac{yy}{x^4}} = -\frac{\frac{2y}{x}}{1 + \frac{yy}{xx}}$, ce qui étant

une fonction de $\frac{y}{x}$, on en conclut que l'équation est intégrable, & l'on a

$$\frac{dF' : \frac{y}{x}}{F' : \frac{y}{x}} = -\frac{\frac{2y}{x} d\frac{y}{x}}{1 + \frac{yy}{xx}}, \quad l F' : \frac{y}{x} = l \frac{1}{1 + \frac{yy}{xx}}, \quad F' : \frac{y}{x} = \frac{1}{1 + \frac{yy}{xx}},$$

$$d\frac{y}{x} F' : \frac{y}{x} = \frac{d\frac{y}{x}}{1 + \frac{yy}{xx}}, \quad F : \frac{y}{x} = \text{arc tang. } \frac{y}{x}, \quad \alpha F' : \frac{y}{x} \left(dx \left(\frac{d\phi}{dy}\right) - dy \left(\frac{d\phi}{dx}\right)\right) =$$

$$\frac{\alpha(x dx + y dy)}{xx + yy}, \quad \int \frac{\alpha(x dx + y dy)}{xx + yy} =$$

$$\alpha l V(xx + yy), \quad \text{donc } \psi = \alpha l V(xx + yy) - \text{arc tang. } \frac{y}{x},$$

comme le trouve M. Euler. L'équation de la trajectoire est donc

$$\alpha l V(xx + yy) - \text{arc tang. } \frac{y}{x} = D.$$

§. 36. Soit pour la courbe à couper l'équation au cercle $yy = Cx - xx$, on tire de là $C = \frac{xx + yy}{x}$, donc $\phi = \frac{xx + yy}{x}$,
 $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) = \frac{xx - yy}{xx}$, $\left(\frac{d\phi}{dy}\right) = \frac{2y}{x}$, $\left(\frac{dd\phi}{dx^2}\right) = \frac{2yy}{x^3}$, $\left(\frac{dd\phi}{dy^2}\right) = \frac{2}{x}$,
 donc $\frac{F'' : \phi}{F' : \phi} = - \frac{\frac{2yy}{x^3} - \frac{2}{x}}{1 + \frac{2yy}{xx} + \frac{y^4}{x^4}} = - \frac{\frac{2(xx + yy)}{x^3}}{\left(1 + \frac{yy}{xx}\right)^2} = - \frac{\frac{2(yy + xx)}{x}}{\frac{xx + yy}{xx}}$
 $= - \frac{2}{\frac{xx + yy}{x}}$. Cette quantité étant une fonction de ϕ , l'équa-
 tion de la trajectoire est intégrable, & l'on a $F' : \phi = \frac{1}{\left(\frac{xx + yy}{x}\right)^2}$,
 $F : \phi = - \frac{1}{\frac{xx + yy}{x}}$, $F' : \phi \left(\left(\frac{d\phi}{dy}\right) dx - \left(\frac{d\phi}{dx}\right) dy \right) =$
 $\frac{\frac{2y}{x} dx + \left(\frac{yy}{xx} - 1\right) dy}{\left(\frac{xx + yy}{x}\right)^2} = \frac{2xy}{(xx + yy)^2} dx + \frac{(yy - xx) dy}{(xx + yy)^2}$, quantité
 dont l'intégrale est $-\frac{y}{xx + yy}$. On a donc $\psi = - \frac{xy}{xx + yy}$
 $+ \frac{x}{xx + yy}$. L'équation de la trajectoire est donc $\frac{x - xy}{xx + yy} = D$,
 équation au cercle.

§. 37. Si l'on donne à l'équation cette forme $yy = CC - xx$, d'où l'on tire $CC = xx + yy$, on aura $\phi = xx + yy$,
 $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) = 2x$, $\left(\frac{d\phi}{dy}\right) = 2y$, $\left(\frac{dd\phi}{dx^2}\right) = 2$, $\left(\frac{dd\phi}{dy^2}\right) = 2$, $\frac{F'' : \phi}{F' : \phi}$
 $= - \frac{4}{4(x^2 + y^2)} = - \frac{1}{x^2 + y^2}$, donc $F' : \phi = \frac{1}{x^2 + y^2}$ & $F : \phi$
 $= \frac{1}{2}(x^2 + y^2)$. De plus, $\left(\frac{d\phi}{dy}\right) dx - \left(\frac{d\phi}{dx}\right) dy =$

$$2(y dx - x dy), F' : \phi \left(\left(\frac{d\phi}{dy} \right) dx - \left(\frac{d\phi}{dx} \right) dy \right) = \frac{2(y dx - x dy)}{xx + yy}$$

$$= - \frac{\frac{2(x dy - y dx)}{xx}}{1 + \frac{yy}{xx}} = - \frac{2 d \frac{y}{x}}{1 + \frac{yy}{xx}} = - 2 \operatorname{arc tang.} \frac{y}{x}. \quad \text{Donc}$$

$\psi = - 2 \alpha \operatorname{arc tang.} \frac{y}{x} - l(x^2 + y^2)$. L'équation à la trajectoire est donc $D = - 2 \alpha \operatorname{arc tang.} \frac{y}{x} - l(x^2 + y^2)$, équation qui appartient à la spirale logarithmique, ce que l'on voit tout de suite; si l'on met lD au lieu de D .

§. 38. Ces formules renferment le cas des trajectoires orthogonales, & celui où l'on demande les courbes qui touchent les courbes données. Dans le cas du §. 34, en faisant $\alpha = \infty$, on a $xx + yy = D$, (si l'on met dans l'équation αD pour D) équation au cercle; en faisant $\alpha = 0$, on a $y = Dx$, équation à la ligne droite. Dans le cas du §. 35, on a en faisant $\alpha = \infty$, $\frac{y}{xx + yy} = D$, équation au cercle. Ainsi dans ce cas-là la trajectoire est un cercle, soit que l'angle d'intersection soit droit, soit qu'il ne le soit pas. Si l'on fait $\alpha = 0$, on a $\frac{x}{xx + yy} = D$, équation au cercle, les lignes tangentes sont aussi des cercles, ce qu'il étoit aisé de voir *a priori*. Dans le cas du §. 36, en faisant $\alpha = \infty$, on a $y = Dx$, équation à la ligne droite, comme nous l'avons trouvé ci-dessus, §. 10. Si $\alpha = 0$, on a $x^2 + y^2 = D$, dans ce cas la courbe touchante est un cercle.

§. 39. Soit l'équation $xy = C$ qui appartient à l'hyperbole rapportée aux asymptotes, on aura $\phi = xy$, $\left(\frac{d\phi}{dx} \right) = y$, $\left(\frac{d\phi}{dy} \right) = x$, $\left(\frac{d^2\phi}{dx^2} \right) = 0$, $\left(\frac{d^2\phi}{dy^2} \right) = 0$, donc $\frac{F''}{F'} : \phi = 0$, donc $F' : \phi = D$. $F : \phi = Dxy$. On a de plus, $\left(\frac{d\phi}{dy} \right) dx - \left(\frac{d\phi}{dx} \right) dy = x dx$.

— $y \, dy$, $F' : \phi \left(\left(\frac{d\phi}{dy} \right) dx - \left(\frac{d\phi}{dx} \right) dy \right) = D (x \, dx - y \, dy)$
 dont l'intégrale est $\frac{D}{2} (xx - yy)$. On aura donc $\psi = \frac{\alpha}{2} (xx - yy)$
 — xy , en faisant $D = 1$. L'équation de la trajectoire est donc
 $D = \frac{\alpha}{2} (xx - yy) - xy$, équation qui représente un cercle, une
 ellipse, ou une hyperbole suivant la valeur de D & α . Si $\alpha = \infty$
 on a $xx - yy = D$, équation à l'hyperbole, rapportée aux axes.
 Si $\alpha = 0$, on a $xy = D$, équation à l'hyperbole rapportée aux
 asymptotes.

§. 40. Revenons aux trajectoires orthogonales. Si l'on a pour
 l'équation de la courbe à couper $C = \phi' + \sqrt{\phi''}$, & pour l'équa-
 tion de la trajectoire $D = \phi' - \sqrt{\phi''}$, ϕ' & ϕ'' étant des fonctions
 de x & y , on aura en faisant disparaître les radicaux, $C^2 - 2C\phi' + \phi'^2 - \phi'' = 0$, $D^2 - 2D\phi' + \phi'^2 - \phi'' = 0$, ainsi
 l'équation du second degré renferme les deux courbes. L'on peut
 donc différentier l'équation du second degré en supposant C constant,
 & en tirer une valeur de C , en changeant les coordonnées, laquelle
 substituée dans l'équation du second degré donnera une équation où
 $\frac{dy}{dx}$ sera élevé au second degré, & extrayant la racine carrée on aura
 deux valeurs dont l'une donnera l'équation différentielle de la courbe à
 couper, & l'autre celle de la trajectoire. Mais si l'on a pour l'équa-
 tion de la courbe à couper $C = \phi' + \sqrt{\phi''}$, & pour l'équation de
 la trajectoire $D = \psi' - \sqrt{\phi''}$, alors en faisant disparaître les radi-
 caux on aura deux équations différentes $CC - 2C\phi' + \phi'^2 - \phi'' = 0$,
 $DD - 2D\psi' + \psi'^2 - \phi'' = 0$, & l'on ne pourra pas
 indifféremment combiner les deux racines de la seconde équation avec
 les deux racines de la première. Ainsi en différentiant la première
 équation, changeant les coordonnées, on aura une valeur de C qui
 substituée dans l'équation finie donnera une équation où $\frac{dy}{dx}$ sera élevé

au second degré. Différentiant de même l'équation en D , on en tirera une valeur de D qui substituée dans l'équation finie donnera aussi une équation où $\frac{dy}{dx}$ sera élevé au second degré. Ces deux équations ne seront pas les mêmes, il faudra tirer de la seconde la valeur de $\frac{dy}{dx}$ en résolvant une équation du second degré, & l'on aura deux valeurs de $\frac{dy}{dx}$ dont l'une seulement donnera l'équation différentielle de la trajectoire, en prenant une des valeurs de $\frac{dy}{dx}$ tirées de la première pour l'équation différentielle de la courbe à couper. Ainsi il étoit tout aussi simple de tirer les valeurs de C & D avant la différentiation, & de procéder uniquement sur une équation du premier degré. Il en est de même pour les équations du troisième degré & des degrés supérieurs. Elles ne fourniront jamais par elles-mêmes l'équation de la courbe à couper, & celle de la trajectoire qui lui correspond, il faudra toujours ou avant la différentiation, ou après, résoudre une équation du troisième &c. degré, & si cette résolution ne pouvoit pas se faire, on ne pourroit savoir si les équations proposées satisfont ou non au problème. Au reste, dans les équations que l'on trouve par les formules $x = \frac{1}{2} \Sigma : (\phi + \psi \sqrt{-1}) + \frac{1}{2} \Sigma : (\phi - \psi \sqrt{-1})$, $y = \frac{1}{2\sqrt{-1}} \Sigma : (\phi + \psi \sqrt{-1}) - \frac{1}{2\sqrt{-1}} \Sigma : (\phi - \psi \sqrt{-1})$, on pourra toujours opérer la résolution de l'équation, puisque l'on a comme nous l'avons vu $\phi = \frac{1}{2} F : (x + y \sqrt{-1}) + \frac{1}{2} F : (x - y \sqrt{-1})$; $\psi = \frac{1}{2\sqrt{-1}} F : (x + y \sqrt{-1}) - \frac{1}{2\sqrt{-1}} F : (x - y \sqrt{-1})$.

§. 41. Pour les trajectoires obliques, il est clair par le §. 31. que si l'on fait $\left(\frac{dd\phi}{dy^2}\right) + \left(\frac{dd\phi}{dx^2}\right) = 0$, l'équation différentielle de la trajectoire sera intégrable. Or $\phi = F : (x + y \sqrt{-1}) + F : (x - y \sqrt{-1})$ est une intégrale particulière de cette équation, & c'est en même temps la valeur que nous avons trouvée pour

les trajectoires orthogonales; ainsi voyons quelle sera dans ce cas la valeur de ψ . On a $\frac{F'' : \phi}{F' : \phi} = 0$, donc $\frac{d\phi F'' : \phi}{F' : \phi} = \frac{dF' : \phi}{F' : \phi} = 0$, donc $F' : \phi = A$, A étant une constante, donc $F : \phi = A\phi = AF : (x + y\sqrt{-1}) + AF : (x - y\sqrt{-1})$. On a maintenant $\left(\frac{d\phi}{dy}\right) = \sqrt{-1} F' : (x + y\sqrt{-1}) - \sqrt{-1} F' : (x - y\sqrt{-1})$; $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) = F' : (x + y\sqrt{-1}) + F' : (x - y\sqrt{-1})$. Donc $\left(\left(\frac{d\phi}{dy}\right) dx - \left(\frac{d\phi}{dx}\right) dy\right) \alpha F' : \phi =$
 $\frac{\alpha A \sqrt{-1} dx F' : (x + y\sqrt{-1}) - \alpha A \sqrt{-1} dx F' : (x - y\sqrt{-1})}{-\alpha A dy} =$ (en faisant $A = 1$)
 $= \frac{\alpha}{\sqrt{-1}} (dx + dy\sqrt{-1}) F' : (x + y\sqrt{-1})$
 $+ \frac{\alpha}{\sqrt{-1}} (dx - dy\sqrt{-1}) F' : (x - y\sqrt{-1})$. Donc
 $\psi = -\frac{\alpha}{\sqrt{-1}} F : (x + y\sqrt{-1}) - F : (x - y\sqrt{-1}) - \phi =$
 $\alpha \sqrt{-1} (F : (x + y\sqrt{-1}) - F : (x - y\sqrt{-1}))$
 $- (F : (x + y\sqrt{-1}) + F : (x - y\sqrt{-1}))$. Ces valeurs de ϕ & ψ satisfont à l'équation de condition, $\alpha \left(\left(\frac{d\phi}{dx}\right) \left(\frac{d\psi}{dx}\right) + \left(\frac{d\phi}{dy}\right) \left(\frac{d\psi}{dy}\right)\right) + \left(\frac{d\psi}{dx}\right) \left(\frac{d\phi}{dy}\right) - \left(\frac{d\psi}{dy}\right) \left(\frac{d\phi}{dx}\right) = 0$. Il résulte immédiatement de là que lorsqu'on a trouvé des équations pour les trajectoires orthogonales, on les a trouvées de même pour les trajectoires obliques. Car soit $\phi = 2C$ l'équation de la courbe à couper, $\psi = D$ l'équation de la trajectoire orthogonale, on aura pour l'équation de la trajectoire oblique $\psi' = E$, $\psi' = -2\alpha\psi - 2\phi$, en supposant $\phi = \frac{1}{2} (F : (x + y\sqrt{-1}) + F : (x - y\sqrt{-1}))$, $\psi = \frac{1}{2\sqrt{-1}} (F : (x + y\sqrt{-1}) - F : (x - y\sqrt{-1})) = -\frac{1}{2} \sqrt{-1} (F : (x + y\sqrt{-1}) - F : (x - y\sqrt{-1}))$. La solution du premier problème donne

donc immédiatement la solution du second d'après cette supposition de ϕ & ψ .

§. 42. Soit $d\phi = p dx + q dy$, on a $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) = p$, $\left(\frac{d\phi}{dy}\right) = q$.

Substituant ces valeurs dans l'équation $\alpha \left(\left(\frac{d\phi}{dy}\right) dx - \left(\frac{d\phi}{dx}\right) dy \right) - \left(\frac{d\phi}{dx}\right) dx - \left(\frac{d\phi}{dy}\right) dy = 0$, on aura $\alpha (q dx - p dy) - p dx - q dy = 0$. Soit m le facteur qui rend cette équation intégrable, on aura $\alpha m q dx - \alpha m p dy - m p dx - m q dy = d\psi$. On a donc $dy = \frac{d\phi - p dx}{q} = \frac{\alpha m q dx - m p dx - d\psi}{\alpha m p + m q}$. Donc $\alpha m q q dx - q d\psi = \alpha m p d\phi - \alpha m p p dx + m q d\phi$, donc $dx = \frac{(\alpha m p + m q) d\phi + q d\psi}{\alpha m p p + \alpha m q q}$, $dy = \frac{(\alpha m q - m p) d\phi - p d\psi}{\alpha m p p + \alpha m q q}$.

Donc $\left(\frac{dx}{d\phi}\right) = \frac{\alpha m p + m q}{\alpha m p p + \alpha m q q}$, $\left(\frac{dx}{d\psi}\right) = \frac{q}{\alpha m p p + \alpha m q q}$, $\left(\frac{dy}{d\phi}\right) = \frac{\alpha m q - m p}{\alpha m p p + \alpha m q q}$, $\left(\frac{dy}{d\psi}\right) = -\frac{p}{\alpha m p p + \alpha m q q}$. Donc $\left(\frac{dx}{d\phi}\right) \left(\frac{dx}{d\psi}\right) + \left(\frac{dy}{d\phi}\right) \left(\frac{dy}{d\psi}\right) = \frac{m q q + m p p}{\alpha m p p + \alpha m q q} = \frac{1}{\alpha^2 m (p p + q q)}$. Donc $\alpha^2 \left(\left(\frac{dx}{d\phi}\right) \left(\frac{dx}{d\psi}\right) + \left(\frac{dy}{d\phi}\right) \left(\frac{dy}{d\psi}\right) \right) = \frac{1}{m (p p + q q)}$. On aura ensuite $\left(\frac{dx}{d\phi}\right) \left(\frac{dy}{d\psi}\right) - \left(\frac{dx}{d\psi}\right) \left(\frac{dy}{d\phi}\right) = -\frac{1}{\alpha m (p p + q q)}$. Donc $\frac{\left(\frac{dx}{d\phi}\right) \left(\frac{dx}{d\psi}\right) + \left(\frac{dy}{d\phi}\right) \left(\frac{dy}{d\psi}\right)}{\left(\frac{dx}{d\phi}\right) \left(\frac{dy}{d\psi}\right) - \left(\frac{dx}{d\psi}\right) \left(\frac{dy}{d\phi}\right)} = -\frac{1}{\alpha}$, ou $\alpha \left(\left(\frac{dx}{d\phi}\right) \left(\frac{dx}{d\psi}\right) + \left(\frac{dy}{d\phi}\right) \left(\frac{dy}{d\psi}\right) \right) + \left(\frac{dx}{d\phi}\right) \left(\frac{dy}{d\psi}\right) - \left(\frac{dx}{d\psi}\right) \left(\frac{dy}{d\phi}\right) = 0$.

§. 43. Il est aisé d'obtenir une intégrale particulière de cette équation par le moyen des expressions du §. 40, $\phi = F : (x + y \sqrt{-1}) + F : (x - y \sqrt{-1})$, $\psi = -\frac{\alpha}{\sqrt{-1}} F : (x + y \sqrt{-1})$

$$\begin{aligned}
& + \frac{a}{V-1} F : (x - y \sqrt{V-1}) - \phi. \quad \text{Car on a } a\phi + \psi \sqrt{V-1} \\
& = 2a F : (x - y \sqrt{V-1}) - \phi \sqrt{V-1}; \quad a\phi - \psi \sqrt{V-1} \\
& = 2a F : (x + y \sqrt{V-1}) + \phi \sqrt{V-1}. \quad \text{Donc} \\
& (a + \sqrt{V-1})\phi + \psi \sqrt{V-1} = 2a F : (x - y \sqrt{V-1}); \\
& (a - \sqrt{V-1})\phi - \psi \sqrt{V-1} = 2a F : (x + y \sqrt{V-1}). \\
& \text{Donc } x + y \sqrt{V-1} = \Sigma : ((a - \sqrt{V-1})\phi - \psi \sqrt{V-1}), \\
& x - y \sqrt{V-1} = \Sigma : ((a + \sqrt{V-1})\phi + \psi \sqrt{V-1}), \quad \& \\
& x = \frac{\Sigma}{2} : ((a - \sqrt{V-1})\phi - \psi \sqrt{V-1}) \\
& + \frac{\Sigma}{2} : ((a + \sqrt{V-1})\phi + \psi \sqrt{V-1}) \\
& y = \frac{1}{2\sqrt{V-1}} \Sigma : ((a - \sqrt{V-1})\phi - \psi \sqrt{V-1}) \\
& - \frac{1}{2\sqrt{V-1}} \Sigma : ((a + \sqrt{V-1})\phi + \psi \sqrt{V-1}).
\end{aligned}$$

Ces équations satisfont à l'équation aux différences partielles du §. précédent comme on peut s'en assurer par la différentiation.

§. 44. M. Euler a repris cette matière dans les Mémoires de Petersbourg pour 1783, & il a donné §. 58. les mêmes formules que nous avons données §§. 23 & 41, mais ce grand géomètre les a obtenues par une méthode indirecte, & n'a pas donné la formule générale dont celles-ci sont les intégrales particulières. En effet pour ne parler d'abord que des trajectoires rectangulaires, l'équation aux différences partielles $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) \left(\frac{d\psi}{dx}\right) + \left(\frac{d\phi}{dy}\right) \left(\frac{d\psi}{dy}\right) = 0$; peut donner beaucoup de valeurs qui ne sont pas contenues dans les formules citées, il en est de même de l'équation $\left(\frac{dx}{d\phi}\right) \left(\frac{dx}{d\psi}\right) + \left(\frac{dy}{d\phi}\right) \left(\frac{dy}{d\psi}\right) = 0$, qui correspond à celle dont M. Euler fait usage (T. 14. Nov. Com.). L'équation qu'il traite §. 22. du Mémoire contenu dans ce Vol. 14. est de ce genre. Soient $xx = (A + D\psi)(B + C\phi)$, $yy = (a - D\psi)(b + C\phi)$, on aura $\left(\frac{dx}{d\phi}\right) = \frac{(A + D\psi)C}{2\sqrt{(A + D\psi)(B + C\phi)}}$,

$$\left(\frac{dx}{d\psi}\right) = \frac{D(B + C\phi)}{2\sqrt{(A + D\psi)(B + C\phi)}}, \quad \left(\frac{dy}{d\phi}\right) = \frac{(a - D\psi)C}{2\sqrt{(a - D\psi)(b + C\phi)}},$$

$$\left(\frac{dy}{d\psi}\right) = - \frac{D(b + C\phi)}{2\sqrt{(a - D\psi)(b + C\phi)}}, \text{ ce qui donne } \left(\frac{dx}{d\phi}\right) \left(\frac{dx}{d\psi}\right) + \left(\frac{dy}{d\phi}\right) \left(\frac{dy}{d\psi}\right) = 0.$$
 Cette formule est celle que traite M. Euler, si l'on fait $B = b = 0$.

§. 45. Le raisonnement que fait M. Euler §. 52. revient précisément au même que celui que nous avons fait §. 32, mais il lui donne une généralité qu'il n'a pas. M. Euler appelle P & Q ce que nous appellons ϕ & ψ , & d ce que nous appellons a , il prend pour l'équation de la courbe à couper $d\phi = p dx + q dy$, & pour l'équation à la trajectoire $a(q dx - p dy) - p dx - q dy = 0$, c'est-à-dire $a\left(\left(\frac{d\phi}{dy}\right) dx - \left(\frac{d\phi}{dx}\right) dy\right) - d\phi = 0$, ce qui est l'équation que nous avons trouvée §. 33. Mais dit M. Euler, il suffit de rendre intégrable $q dx - p dy$ puisque $p dx + q dy$ l'est déjà. C'est la solution particulière que nous avons exposée dans le §. cité. Or cette solution n'est point générale. Car l'équation $a\left(\left(\frac{d\phi}{dy}\right) dx - \left(\frac{d\phi}{dx}\right) dy\right) - d\phi = 0$, peut être intégrable sans que les membres $a\left(\left(\frac{d\phi}{dy}\right) dx - \left(\frac{d\phi}{dx}\right) dy\right)$ & $d\phi$ le soient séparément, c'est-à-dire, sans que le facteur qui rend intégrable le premier membre soit une fonction du dernier. Cela est évident *a priori*, mais l'on en peut voir un exemple dans le cas que traite M. Euler lui-même §. 19. Il propose l'équation $y = a + \sqrt{(cc - xx)}$, a étant le paramètre & c une constante. On a donc $a = y - \sqrt{(cc - xx)}$, ou $\phi = y - \sqrt{(cc - xx)}$, ce qui donne $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) = \frac{x}{\sqrt{(cc - xx)}}$, $\left(\frac{d\phi}{dy}\right) = 1$. L'équation à la trajectoire devient donc,

$\alpha \left(dx - \frac{x dy}{V(cc - xx)} \right) - d\phi = 0$, équation dont le premier membre n'est intégrable par aucune fonction de ϕ . Mais si l'on met pour $d\phi$ sa valeur, l'équation deviendra $\alpha \left(dx - \frac{x dy}{V(cc - xx)} \right) - \frac{x dx}{V(cc - xx)} - dy = 0$, ou $dx \left(\alpha - \frac{x}{V(cc - xx)} \right) - dy \left(\frac{\alpha x}{V(cc - xx)} + 1 \right) = 0$, équation qui divisée par $\frac{\alpha x}{V(cc - xx)} + 1$, devient $dy = dx \frac{\left(\alpha - \frac{x}{V(cc - xx)} \right)}{1 + \frac{\alpha x}{V(cc - xx)}} = \frac{dx(\alpha V(cc - xx) - x)}{V(cc - xx) + \alpha x}$, équation intégrable, puisque les indéterminées sont séparées. Or le facteur $1 + \frac{\alpha x}{V(cc - xx)}$ qui a rendu l'équation intégrable n'est point une fonction de ϕ . Ainsi la solution de M. Euler n'est que particulière, ce que nous avons remarqué §. 32, & ce grand géomètre paroit s'être exprimé trop généralement. On répondra que dans ce cas l'équation à la trajectoire est transcendante, & qu'il n'est ici question que de courbes algébriques. Mais on ne voit pas pourquoi dans le cas de l'exception les courbes seroient nécessairement transcendentes. Il resteroit donc à démontrer cette dernière proposition.

§. 46. M. Euler partant de cette supposition parvient à une valeur intégrale de ϕ laquelle est $\phi = \frac{1}{2} F : (x + y \sqrt{-1}) + \frac{1}{2} f : (x - y \sqrt{-1})$. Mais cette valeur ne donne qu'une solution particulière, dans laquelle on suppose que l'équation à la trajectoire est intégrable immédiatement, sans qu'il soit besoin d'aucun facteur. Car mettant l'équation différentielle sous cette forme $dx \left(\alpha \left(\frac{d\phi}{dy} \right) - \left(\frac{d\phi}{dx} \right) \right) - dy \left(\alpha \left(\frac{d\phi}{dx} \right) + \left(\frac{d\phi}{dy} \right) \right) = 0$, on a d'après la condition d'intégrabilité, $\alpha \left(\frac{dd\phi}{dy^2} \right) - \left(\frac{dd\phi}{dx dy} \right) = \phi - \alpha \left(\frac{dd\phi}{dx^2} \right) - \left(\frac{dd\phi}{dx dy} \right)$,

ou $\left(\frac{dd\phi}{dy^2}\right) + \left(\frac{dd\phi}{dx^2}\right) = 0$, équation dont l'intégrale est $\phi = F : (x + y \sqrt{-1}) + f : (x - y \sqrt{-1})$, ce qui revient à la forme trouvée par M. Euler. Mais si l'équation a besoin pour être intégrée d'être multipliée par une fonction de ϕ , alors on a l'expression trouvée §. 32, $\frac{F'' : \phi}{F : \phi} = - \frac{\left(\frac{dd\phi}{dy^2}\right) - \left(\frac{dd\phi}{dx^2}\right)}{\left(\frac{d\phi}{dy}\right)^2 + \left(\frac{d\phi}{dx}\right)^2}$. Alors on n'a plus $\left(\frac{dd\phi}{dy^2}\right) + \left(\frac{dd\phi}{dx^2}\right) = 0$, ni par conséquent l'intégrale de cette équation ou la forme trouvée par M. Euler.

§. 47. On peut trouver des valeurs de ϕ qui répondent à cette valeur générale trouvée §. 32. Soit $\phi = \frac{F : (x + y \sqrt{-1}) F : (x - y \sqrt{-1})}{F : (x + y \sqrt{-1}) + F : (x - y \sqrt{-1})}$, on aura en différentiant & réduisant,

$$\left(\frac{d\phi}{dx}\right) = \frac{(F : (x + y \sqrt{-1}))^2 F' : (x - y \sqrt{-1}) + (F : (x - y \sqrt{-1}))^2 F' : (x + y \sqrt{-1})}{(F : (x + y \sqrt{-1}) + F : (x - y \sqrt{-1}))^2},$$

$$\left(\frac{d\phi}{dy}\right) = \frac{\sqrt{-1} (F : (x - y \sqrt{-1}))^2 F' : (x + y \sqrt{-1}) - (F : (x + y \sqrt{-1}))^2 F' : (x - y \sqrt{-1})}{(F : (x + y \sqrt{-1}) + F : (x - y \sqrt{-1}))^2}.$$

$$\text{Donc } \left(\frac{d\phi}{dx}\right)^2 + \left(\frac{d\phi}{dy}\right)^2 = \frac{4 (F : (x + y \sqrt{-1}))^2 (F : (x - y \sqrt{-1}))^3 F' : (x + y \sqrt{-1}) F' : (x - y \sqrt{-1})}{(F : (x + y \sqrt{-1}) + F : (x - y \sqrt{-1}))^4}.$$

On trouvera aussi en différentiant & réduisant,

$$\begin{aligned} \left(\frac{dd\phi}{dx^2}\right) + \left(\frac{dd\phi}{dy^2}\right) &= \frac{4 F' : (x + y \sqrt{-1}) F' : (x - y \sqrt{-1})}{F : (x + y \sqrt{-1}) + F : (x - y \sqrt{-1})} \\ &\quad - \frac{4 F' : (x + y \sqrt{-1}) F' : (x - y \sqrt{-1}) ((F : (x + y \sqrt{-1}))^2 + (F : (x - y \sqrt{-1}))^2)}{(F : (x + y \sqrt{-1}) + F : (x - y \sqrt{-1}))^3} \\ &= \frac{8 F : (x + y \sqrt{-1}) F : (x - y \sqrt{-1}) F' : (x + y \sqrt{-1}) F' : (x - y \sqrt{-1})}{(F : (x + y \sqrt{-1}) + F : (x - y \sqrt{-1}))^3}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\text{Donc } -\frac{\left(\frac{d\phi}{dx}\right) - \left(\frac{d\phi}{dy}\right)}{\left(\frac{d\phi}{dx}\right)^2 + \left(\frac{d\phi}{dy}\right)^2} &= -\frac{2(F:(x+yV-1) + F:(x-yV-1))}{F:(x+yV-1) F:(x-yV-1)} \\
&= -\frac{2}{\phi}, \text{ donc } \frac{d\phi F' : \phi}{F' : \phi} = -\frac{2 d\phi}{\phi}, F' : \phi = \frac{1}{\phi^2}, d\phi F' : \phi = \frac{d\phi}{\phi^2}, \\
F : \phi &= -\frac{1}{\phi} = -\frac{(F:(x+yV-1) + F:(x-yV-1))}{F:(x+yV-1) F:(x-yV-1)}, \\
F' : \phi &= \frac{(F:(x+yV-1) + F:(x-yV-1))}{(F:(x+yV-1))^2 (F:(x-yV-1))^2}. \text{ Donc} \\
\left(\left(\frac{d\phi}{dy}\right) dx - \left(\frac{d\phi}{dx}\right) dy\right) F' : \phi &= V-1 \left(\frac{dx F' : (x+yV-1)}{(F:(x+yV-1))^2} \right. \\
&\quad \left. - \frac{dx F' : (x-yV-1)}{(F:(x-yV-1))^2}\right) - \frac{dy F' : (x-yV-1)}{(F:(x-yV-1))^2} - \frac{dy F' : (x+yV-1)}{(F:(x+yV-1))^2} \\
&= \frac{V-1(dx+dyV-1) F' : (x+yV-1)}{(F:(x+yV-1))^2} - \frac{V-1(dx-dyV-1) F' : (x-yV-1)}{(F:(x-yV-1))^2}.
\end{aligned}$$

L'équation de la trajectoire sera donc $\psi = aV-1 \left(\frac{1}{F:(x-yV-1)} \right.$
 $\left. - \frac{1}{F:(x+yV-1)} \right) + \frac{1}{F:(x-yV-1)} + \frac{1}{F:(x+yV-1)}.$
 Si les trajectoires sont orthogonales, on a $a = \infty$, ce qui donne
 $\phi = \frac{F:(x+yV-1)}{F:(x+yV-1) + F:(x-yV-1)}, \psi =$
 $V-1 \left(\frac{F:(x+yV-1) - F:(x-yV-1)}{F:(x+yV-1) F:(x-yV-1)} \right) =$
 $V-1 \left(\frac{1}{F:(x-yV-1)} - \frac{1}{F:(x+yV-1)} \right).$

§. 48. Soit encore $\phi = F:(x+yV-1) F:(x-yV-1)$
 $= F:(xx+yy)$, on aura $\left(\frac{d\phi}{dx}\right) = F:(x+yV-1) F':(x-yV-1)$
 $+ F:(x-yV-1) F':(x+yV-1) \left(\frac{d\phi}{dy}\right) =$
 $-V-1 F:(x+yV-1) F':(x-yV-1)$
 $+ V-1 F:(x-yV-1) F':(x+yV-1). \text{ Donc}$
 $\left(\frac{d\phi}{dx}\right)^2$

$$\begin{aligned}
\left(\frac{d\phi}{dx}\right)^2 + \left(\frac{d\phi}{dy}\right)^2 &= 4 F : (xx + yy) F' : (xx + yy). \text{ On } \\
\text{trouve aussi en différentiant \& réduisant, } &\left(\frac{dd\phi}{dx^2}\right) + \left(\frac{dd\phi}{dy^2}\right) = \\
4 F' : (xx + yy). \text{ Donc } &-\frac{\left(\frac{dd\phi}{dx^2}\right) - \left(\frac{dd\phi}{dy^2}\right)}{\left(\frac{d\phi}{dx}\right)^2 + \left(\frac{d\phi}{dy}\right)^2} = -\frac{1}{F : (xx + yy)} \\
= -\frac{1}{\phi}. \text{ Donc } &\frac{d\phi F'' : \phi}{F' : \phi} = -\frac{d\phi}{\phi}, F' : \phi = \frac{1}{\phi}, F : \phi = l\phi \\
= l F : (xx + yy), F' : \phi &= \frac{1}{F : (xx + yy)} = \frac{1}{F : (x+y\sqrt{-1}) F : (x-y\sqrt{-1})}. \\
\text{Donc } \left(\left(\frac{d\phi}{dy}\right) dx - \left(\frac{d\phi}{dx}\right) dy\right) F' : \phi &= -dx\sqrt{-1} - 1 \frac{F' : (x-y\sqrt{-1})}{F : (x-y\sqrt{-1})} \\
+ \frac{dx\sqrt{-1} - 1 F' : (x+y\sqrt{-1})}{F : (x+y\sqrt{-1})} - \frac{dy F' : (x-y\sqrt{-1})}{F : (x-y\sqrt{-1})} - \frac{dy F' : (x+y\sqrt{-1})}{F : (x+y\sqrt{-1})} \\
= \sqrt{-1} - 1 \left((dx + dy\sqrt{-1}) \frac{F' : (x+y\sqrt{-1})}{F : (x+y\sqrt{-1})} \right. \\
\left. - (dx - dy\sqrt{-1}) \frac{F' : (x-y\sqrt{-1})}{F : (x-y\sqrt{-1})} \right). \text{ L'équation à la tra-} \\
\text{jectoire sera donc } \psi = \alpha \sqrt{-1} - 1 \frac{F : (x+y\sqrt{-1})}{F : (x-y\sqrt{-1})} - l F : (xx + yy), \\
\text{ou } \psi = \left(\frac{F : (x+y\sqrt{-1})}{F : (x-y\sqrt{-1})} \right)^{\alpha \sqrt{-1} - 1} \cdot \frac{1}{F : (xx + yy)} = \\
\frac{(F : (x+y\sqrt{-1}))^{\alpha \sqrt{-1} - 1}}{(F : (x-y\sqrt{-1}))^{\alpha \sqrt{-1} + 1}}. \text{ On peut la mettre aussi sous cette forme,} \\
\psi = \alpha \text{ arc tang. } \frac{\sqrt{-1} (F : (x+y\sqrt{-1}) - F : (x-y\sqrt{-1}))}{F : (x+y\sqrt{-1}) + F : (x-y\sqrt{-1})} \\
- l F : (xx + yy).
\end{aligned}$$

§. 49. Reprenant les expressions que nous avons données à la fin du §. 47. pour ϕ & ψ , nous avons $\phi\psi = \sqrt{-1} - 1 \frac{(F : (x+y\sqrt{-1}) - F : (x-y\sqrt{-1}))}{F : (x+y\sqrt{-1}) + F : (x-y\sqrt{-1})}$ ce qui donne

$F : (x - y \sqrt{-1}) = F : (x + y \sqrt{-1}) \frac{(\sqrt{-1} - \phi \psi)}{\sqrt{-1} + \phi \psi}$.
 Substituant cette valeur dans celle de ϕ , on a $\phi =$
 $F : (x + y \sqrt{-1}) \frac{(\sqrt{-1} - \phi \psi)}{2 \sqrt{-1}}$, donc $F : (x + y \sqrt{-1})$
 $= \frac{2 \phi \sqrt{-1}}{\sqrt{-1} - \phi \psi} = \frac{2 \phi}{1 + \phi \psi \sqrt{-1}}$, $F : (x - y \sqrt{-1}) = \frac{2 \phi}{\phi \psi + \sqrt{-1}}$
 $= \frac{2 \phi}{1 - \phi \psi \sqrt{-1}}$. Donc $x = \Sigma : \left(\frac{\phi}{1 + \phi \psi \sqrt{-1}} \right)$
 $+ 6 : \left(\frac{\phi}{1 - \phi \psi \sqrt{-1}} \right)$, $y = \frac{1}{\sqrt{-1}} \left(\Sigma : \left(\frac{\phi}{1 + \phi \psi \sqrt{-1}} \right) \right.$
 $\left. - 6 : \left(\frac{\phi}{1 - \phi \psi \sqrt{-1}} \right) \right)$. Ces valeurs contiennent une nouvelle
 intégrale de l'équation $\left(\frac{dx}{d\phi} \right) \left(\frac{d\psi}{d\phi} \right) + \left(\frac{dy}{d\phi} \right) \left(\frac{d\psi}{d\phi} \right) = 0$, fort dif-
 férente de celle que nous avons trouvée ci-dessus, & qui appartient à
 une forme plus compliquée que celles que l'on traite ordinairement.

§. 50. Les formules du §. 48. donnent pour les trajectoires
 orthogonales, $\phi = F : (x + y \sqrt{-1}) F : (x - y \sqrt{-1})$
 $\psi = \frac{(F : (x + y \sqrt{-1}) - F : (x - y \sqrt{-1})) \sqrt{-1}}{F : (x + y \sqrt{-1}) + F : (x - y \sqrt{-1})}$. On tire de là
 $F : (x - y \sqrt{-1}) = \frac{\phi}{F : (x + y \sqrt{-1})}$. Substituant cette valeur
 dans celle de ψ , on a $\psi = \frac{\left(F : (x + y \sqrt{-1}) - \frac{\phi}{F : (x + y \sqrt{-1})} \right) \sqrt{-1}}{F : (x + y \sqrt{-1}) + \frac{\phi}{F : (x + y \sqrt{-1})}}$
 $= \frac{((F : (x + y \sqrt{-1}))^2 - \phi) \sqrt{-1}}{(F : (x + y \sqrt{-1})) + \phi}$. Donc $(F : (x + y \sqrt{-1}))^2$
 $= \frac{\phi - \phi \psi \sqrt{-1}}{1 + \psi \sqrt{-1}} = \frac{\phi (1 - \psi \sqrt{-1})}{1 + \psi \sqrt{-1}}$, $F : (x + y \sqrt{-1})$
 $= \frac{\sqrt{\phi \sqrt{-1} (1 - \psi \sqrt{-1})}}{\sqrt{1 + \psi \sqrt{-1}}}$, $F : (x - y \sqrt{-1}) = \frac{\sqrt{\phi \sqrt{-1} (1 + \psi \sqrt{-1})}}{\sqrt{1 - \psi \sqrt{-1}}}$.
 Donc $x = \Sigma : \frac{\sqrt{\phi \sqrt{-1} (1 - \psi \sqrt{-1})}}{\sqrt{1 + \psi \sqrt{-1}}} + 6 : \frac{\sqrt{\phi \sqrt{-1} (1 + \psi \sqrt{-1})}}{\sqrt{1 - \psi \sqrt{-1}}}$,

$$y = \left(\Sigma : \left(\frac{V\phi V(1-\psi V-1)}{V(1+\psi V-1)} \right) - 6 : \left(\frac{V\phi V(1+\psi V-1)}{V(1-\psi V-1)} \right) \right) \frac{1}{V-1},$$

ou ce qui revient au même $x = \Sigma : \left(\frac{\phi(1-\psi V-1)}{1+\psi V-1} \right)$

$$+ 6 : \left(\frac{\phi(1+\psi V-1)}{1-\psi V-1} \right), \quad y = \frac{1}{V-1} \left(\Sigma : \left(\frac{\phi(1-\psi V-1)}{1+\psi V-1} \right) \right)$$

$$- 6 : \left(\frac{\phi(1+\psi V-1)}{1-\psi V-1} \right).$$

Ces formules renferment de nouvelles intégrales particulières de l'équation $\left(\frac{dx}{d\phi} \right) \left(\frac{dx}{d\psi} \right) + \left(\frac{dy}{d\phi} \right) \left(\frac{dy}{d\psi} \right)$

$= 0$, comme on peut s'en convaincre par la différentiation. Pour que les imaginaires disparaissent, il faut qu'on ait $6 = \Sigma$.

§. 51. Je terminerai ici ce mémoire. Il y auroit plusieurs recherches à faire sur les intégrales de ces équations aux différences partielles non linéaires, dont nous venons de trouver quelques-unes. Mais je reprendrai cette matière dans une autre occasion, & je chercherai à le lier avec les méthodes connues pour les équations linéaires.

E S S A I

sur la manière de trouver le terme général des séries recurrentes.

PAR M. JEAN TREMBLEY *).

On fait que le terme général d'une série recurrente dont la fraction génératrice est $\frac{a'}{1 - ax}$ est $= a' a^n x^n$. On fait aussi que pour trouver le terme général d'une série recurrente quelconque, il faut égaler à zéro le dénominateur de la fraction génératrice, chercher les racines de cette équation, élever chacune de ces racines à la puissance n , les multiplier chacune par une constante convenable & ajouter tous ces produits. Cette méthode a tous les inconvéniens attachés à la recherche des racines des équations, & d'ailleurs la forme de ces racines peut être telle que leur élévation à la puissance n soit très-pénible. Je vais exposer ici une méthode qui conduit au même but, sans qu'il soit besoin de connoître séparément les racines dont nous venons de parler & qui donne tout de suite le terme général au moyen de séries régulières & faciles à former.

§. 1. Soit la fraction $\frac{a' + b'x}{1 - ax + bx^2}$, qui est la fraction génératrice générale de toutes les séries recurrentes du second ordre, c'est-à-dire de toutes celles où un terme quelconque se forme par le moyen des deux précédens. Soient m & p les racines de l'équation

* Lu à l'Académie le 23 novembre 1797.

$a - bx + cx^2 = 0$, je fais suivant la méthode ordinaire de la décomposition des fractions, $\frac{a' + b'x}{1 - ax + bx^2} = \frac{A}{1 - mx} + \frac{B}{1 - px}$ d'où

je tire $A = \frac{b' + a'm}{m - p}$, $B = -\frac{(b' + a'p)}{m - p}$. On a aussi $m + p = a$, $mp = b$. Le terme général de ces sortes de séries étant comme nous venons de le dire $= Am^n + Bp^n$, n étant un nombre quelconque, pour avoir le premier terme de la série, je fais $n = 0$,

ce qui donne ce terme $= A + B = \frac{a'(m - p)}{m - p} = a'$. Pour avoir le second terme, je fais $n = 1$, & j'ai ce terme $= Am + Bp = \frac{a'(m^2 - p^2) + b'(m - p)}{m - p} = a'(m + p) + b' = a'a + b'$.

Pour avoir le troisième terme, je fais $n = 2$, & j'ai ce terme $=$

$$Am^2 + Bp^2 = \frac{a'(m^3 - p^3) + b'(m^2 - p^2)}{m - p} = a'(m^2 + mp + p^2) + b'(m + p) = a'((m + p)^2 - mp) + b'(m + p) = a'(a^2 - b) + b'a.$$

Pour avoir le quatrième terme, je fais $n = 3$,

$$\& \text{ j'ai ce terme } = Am^3 + Bp^3 = \frac{a'(m^4 - p^4) + b'(m^3 - p^3)}{m - p} =$$

$$a'(m^3 + m^2p + mp^2 + p^3) + b'(m^2 + mp + p^2) = a'((m + p)^3 - 2(m + p)mp) + b'((m + p)^2 - mp) = a'(a^3 - 2ab) + b'(a^2 - b).$$

$$\text{On trouvera de même le cinquième terme } = Am^4 + Bp^4 = a'(a^4 - 3a^2b + b^2) + b'(a^3 - 2ab),$$

$$\text{le sixième terme } = Am^5 + Bp^5 = a'(a^5 - 4a^3b + 3ab^2) + b'(a^4 - 3a^2b + b^2),$$

$$\text{le septième terme } = Am^6 + Bp^6 = a'(a^6 - 5a^4b + 6a^2b^2 - b^3) + b'(a^5 - 4a^3b + 3ab^2),$$

$$\text{le huitième } = Am^7 + Bp^7 = a'(a^7 - 6a^5b + 10a^3b^2 - 4ab^3) + b'(a^6 - 5a^4b + 6a^2b^2 - b^3),$$

$$\text{le neuvième } = Am^8 + Bp^8 = a'(a^8 - 7a^6b + 15a^4b^2 - 10a^2b^3 + b^4) + b'(a^7 - 6a^5b + 10a^3b^2 - 4ab^3).$$

La loi de ces termes étant maintenant manifeste, on voit que l'on aura en général le $(n + 1)^{\text{e}}$ terme $= Am^n$

$$\begin{aligned}
& + Bm^n = a' (a^n - (n-1)a^{n-2}b + \frac{(n-3)(n-2)}{1.2} a^{n-4}b^2 \\
& - \frac{(n-5)(n-4)(n-3)}{1.2.3} a^{n-6}b^3 + \frac{(n-7)(n-6)(n-5)(n-4)}{1.2.3.4} a^{n-8}b^4 \&c.) x^n \\
& + b' (a^{n-1} - (n-2)a^{n-3}b + \frac{(n-4)(n-3)}{1.2} a^{n-5}b^2 \\
& - \frac{(n-6)(n-5)(n-4)}{1.2.3} a^{n-7}b^3 + \frac{(n-8)(n-7)(n-6)(n-5)}{1.2.3.4} a^{n-9}b^4 \&c.) x^n.
\end{aligned}$$

On continue ces suites jusqu'à ce qu'on arrive à des termes $= 0$. On voit d'abord que la seconde suite qui est multipliée par b' est la même que la première qui est multipliée par a' , en changeant seulement n en $n-1$, ainsi tout ce que je dirai sur la première de ces suites s'appliquera à la seconde avec cette seule observation. La loi des termes mêmes de la première suite, abstraction faite de leurs coefficients, est bien simple puisque l'exposant de a diminue de deux unités à chaque terme, tandis que celui de b augmente d'une unité. Quant aux coefficients, ils sont si aisés à former qu'il n'est pas besoin de les écrire dans la formule générale, une seule règle suffisant pour les former tous. Cette règle est que si l'on a le terme $a^\mu b^\nu$, le coefficient de ce terme sera égal au nombre de permutations de $\mu + \nu$, lettres dont les μ sont les mêmes & les ν autres sont aussi les mêmes, ce qui donne par la

$$\begin{aligned}
& \text{doctrine des permutations } \frac{1.2.3 \dots \mu + \nu}{1.2.3 \dots \mu. 1.2.3 \dots \nu} = \frac{\mu + 1. \mu + 2. \dots \mu + \nu}{1.2.3 \dots \nu} \\
& = \frac{\nu + 1. \nu + 2. \dots \mu + \nu}{1.2.3 \dots \mu}. \text{ Ainsi, par exemple, le coefficient du}
\end{aligned}$$

$$4^{\text{e}} \text{ terme } a^{n-6} b^3 \text{ est } = \frac{1.2 \dots n-3}{1.2 \dots n-6. 1.2.3} = \frac{n-5. n-4. n-3}{1.2.3}.$$

$$\begin{aligned}
& \text{Le coefficient du } 5^{\text{e}} \text{ terme } a^{n-8} b^4 \text{ est } = \frac{1.2 \dots n-4}{1.2 \dots n-8. 1.2.3.4} \\
& = \frac{n-7. n-6. n-5. n-4}{1.2.3.4} \& \text{ ainsi de suite, ce qui s'accorde avec}
\end{aligned}$$

les termes de la série rapportée ci-dessus, & que j'avois d'abord déduit de cette considération que les coefficients du premier terme étoient les nombres figurés du premier ordre, que les coefficients du second étoient

les nombres figuré du second, & qu'en général les coefficients du n^{e} terme étoient les nombres figurés du n^{e} ordre. Nous pouvons donc dans la formule générale faire abstraction des coefficients qu'on formera toujours aisément pour chaque terme d'après la règle précédente, & l'on aura en faisant $A^{(n)} = a^n - a^{n-2}b + a^{n-4}b^2 - a^{n-6}b^3 + a^{n-8}b^4$, le terme $(n+1)^{\text{e}}$ de la série recurrente du second ordre $= (a' A^{(n)} + b' A^{(n-1)}) x^n$. Cette dernière forme dont on pouvoit se passer dans ce cas-ci, nous sera utile dans les cas plus composés.

§. 2. Pour donner un exemple de notre formule, je prends dans l'introduction au calcul de l'infini de M. Euler T. I. p. 179 la suite recurrente $1 + 3z + 4z^2 + 7z^3 + 11z^4 + 18z^5 + 29z^6 + 47z^7$ &c. $= \frac{1 + 2z}{1 - z - 2z^2}$. En comparant les termes de cette fraction génératrice avec ceux de notre fraction générale, on a $a' = 1$, $b' = 2$, $a = 1$, $b = -1$, pour avoir le 7^e terme nous ferons $n+1 = 7$, ce qui donne $n = 6$, & nous aurons $A^{(6)} = a^6 - a^4b + a^2b^2 - b^3$, & en formant les coefficients, $A^{(6)} = a^6 - 5a^4b + 6a^2b^2 - b^3 = 1 + 5 + 6 + 1 = 13$, $A^{(5)} = a^5 - 4a^3b + 3ab^2 = 1 + 4 + 3 = 8$. Le 7^e terme sera donc $= 13a' + 8b' = 13 + 16 = 29z^6$ comme cela est effectivement. Pour avoir le 8^e terme, nous ferons $n = 7$, & nous aurons $A^{(7)} = a^7 - 6a^5b + 10a^3b^2 - 4ab^3 = 1 + 6 + 10 + 4 = 21$, il sera donc $= 21a' + 26b' = 47z^7$, ce qui est vrai. L'avantage de cette méthode est qu'elle est la même, soit que les racines soient égales soit qu'elles ne le soient pas. Si l'on cherche les termes par le moyen du terme général que trouve M. Euler, on trouvera la méthode plus longue au moins de toute la partie qui consiste à trouver les racines de l'échelle de relation, & si l'on compare la forme générale qui résulte de la méthode de M. Euler (p. 180) & qui est en prenant nos dénominations

$$\left(\frac{a'(\sqrt{aa+4b})+a+2b'}{2\sqrt{aa+4b}} \right) \left(\frac{a+\sqrt{aa+4b}}{2} \right)^n \zeta^n$$

$$+ \left(\frac{a'(\sqrt{aa+4b})-a-2b'}{2\sqrt{aa+4b}} \right) \left(\frac{a-\sqrt{aa+4b}}{2} \right)^n \zeta^n$$

on la trouvera plus compliquée & moins commode.

§. 3. Soit la fraction $\frac{a' + b'x + c'x^2}{1 - ax + bx^2 - cx^3}$ qui est la fraction génératrice de toutes les séries récurrentes du troisième ordre, c'est-à-dire de celles où un terme quelconque se forme par le moyen des trois précédens. Soient m, p, q les racines de l'équation $1 - ax + bx^2 - cx^3 = 0$, je fais suivant la méthode ordinaire

$$\frac{a' + b'x + c'x^2}{1 - ax + bx^2 - cx^3} = \frac{A}{1 - mx} + \frac{B}{1 - px} + \frac{C}{1 - qx}, \text{ d'où je tire}$$

$$A = \frac{c' + b'm + a'm^2}{(m-p)(m-q)}, B = -\frac{(c' + b'p + a'p^2)}{(m-p)(p-q)}, C = \frac{c' + b'q + a'q^2}{(m-q)(p-q)}.$$

On a aussi $m + p + q = a$, $mp + mq + pq = b$, $mpq = c$. Le terme général de ces séries est $A m^n + B p^n + C q^n$. Pour avoir le premier terme de la série je fais $n = 0$, ce qui me donne ce terme $= A + B + C =$

$$\frac{c'p + b'mp + a'm^2p + c'q + b'pq + a'p^2q + c'm + b'mq + a'mq^2}{(m-p)(m-q)(p-q)}$$

$$= \frac{(c'p + b'pq + a'pq^2 + c'q + b'mq + a'm^2q + c'm + b'mp + a'mp^2)}{(m-p)(m-q)(p-q)}$$

$$= \frac{a'(m^2p - m^2q - mp^2 + p^2q + mq^2 - pq^2)}{(m-p)(m-q)(p-q)} = a'. \text{ Pour}$$

avoir le second terme je fais $n = 1$, ce qui me donne ce terme $=$

$$\frac{a'(m^3p - m^3q - mp^3 + p^3q + mq^3 - pq^3) + b'(m^2p - m^2q - mp^2 + p^2q + mq^2 - pq^2)}{(m-p)(m-q)(p-q)}$$

$$= a'(m + p + q) + b' = a'a + b'. \text{ Pour trouver le troisième terme, je fais } n = 2, \text{ ce qui donne ce terme } =$$

$$\frac{a'(m^4p - m^4q - mp^4 + p^4q + mq^4 - pq^4) + b'(m^3p - m^3q - mp^3 + p^3q + mq^3 - pq^3) + c'(m^2p - m^2q - mp^2 + p^2q + mq^2 - pq^2)}{(m-p)(m-q)(p-q)}$$

$$= a'$$

$= a'(m^2 + mp + mq + p^2 + pq + q^2) + b'(m + p + q) + c' = a'((m + p + q)^2 - (mp + mq + pq)) + b'(m + p + q) + c' = a'(a^2 - b) + b'a + c'$. Pour avoir le quatrième terme je fais $n = 3$, ce qui me donne ce terme $=$

$$\frac{a'(m^3 p - m^3 q - mp^3 + p^3 q + mq^3 - pq^3) + b'(m^4 p - m^4 q - mp^4 + p^4 q + mq^4 - pq^4) + c'(m^3 p - m^3 q - mp^3 + p^3 q + mq^3 - pq^3)}{(m-p)(m-q)(p-q)}$$

$$= a'(m^3 + m^2 p + mp^2 + p^3 + m^2 q + mpq + p^2 q + mq^2 + pq^2 + q^3) + b'(m^2 + mp + mq + p^2 + pq + q^2) + c'(m + p + q) = a'((m + p + q)^3 - 2(m + p + q)(mp + mq + pq) + mpq) + b'((m + p + q)^2 - (mp + mq + pq)) + c'(m + p + q) = a'(a^3 - 2ab + c) + b'(a^2 - b) + c'a.$$

On trouvera de même pour les 5^e, 6^e, 7^e, 8^e termes,

$$Am^4 + Bp^4 + Cq^4 = a'(a^4 - 3a^2b + b^2 + 2ca) + b'(a^3 - 2ab + c) + c'(a^2 - b),$$

$$Am^5 + Bp^5 + Cq^5 = a'(a^5 - 4a^3b + 3ab^2 + c(3a^2 - 2b)) + b'(a^4 - 3a^2b + b^2 + 2ca) + c'(a^3 - 2ab + c),$$

$$Am^6 + Bp^6 + Cq^6 = a'(a^6 - 5a^4b + 6a^2b^2 - b^3 + c(4a^3 - 6ab + c)) + b'(a^5 - 4a^3b + 3ab^2 + c(3a^2 - 2b)) + c'(a^4 - 3a^2b + b^2 + 2ca),$$

$$Am^7 + Bp^7 + Cq^7 = a'(a^7 - 6a^5b + 10a^3b^2 - 4ab^3 + c(5a^4 - 12a^2b + 3b^2 + 3ca)) + b'(a^6 - 5a^4b + 6a^2b^2 - b^3 + c(4a^3 - 6ab + c)) + c'(a^5 - 4a^3b + 3ab^2 + c(3a^2 - 2b)),$$

$$Am^8 + Bp^8 + Cq^8 = a'(a^8 - 7a^6b + 15a^4b^2 - 10a^2b^3 + b^4 + c(6a^5 - 20a^3b + 12ab^2 + c(6a^3 - 3b))) + b'(a^7 - 6a^5b + 10a^3b^2 - 4ab^3 + c(5a^4 - 12a^2b + 3b^2 + 3ca)) + c'(a^6 - 5a^4b + 6a^2b^2 - b^3 + c(4a^3 - 6ab + c)) \&c.$$

On peut maintenant découvrir la loi de ces termes, & l'on aura en général le $(n + 1)^e$ terme $= Am^n + Bp^n + Cq^n = a'(a^n - (n - 1)a^{n-2}b + \frac{(n-3)(n-2)}{1 \cdot 2} a^{n-4}b^2 - \frac{(n-5)(n-4)(n-3)}{1 \cdot 2 \cdot 3} a^{n-6}b^3 + \frac{(n-7)(n-6)(n-5)(n-4)}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4} a^{n-8}b^4 + \&c.)$

$$\begin{aligned}
& + c ((n-2) a^{n-3} - (n-4)(n-3) a^{n-5} b \\
& + \frac{(n-6)(n-5)(n-4)}{1.2} a^{n-7} b^2 - \frac{(n-8)(n-7)(n-6)(n-5)}{1.2.3} a^{n-9} b^3 \&c.) \\
& + c^2 \left(\frac{(n-5)(n-4)}{1.2} a^{n-6} - \frac{(n-7)(n-6)(n-5)}{1.2} a^{n-8} b \right. \\
& + \frac{(n-9)(n-8)(n-7)(n-6)}{1.2.1.2} a^{n-10} b^2 - \\
& \left. \frac{(n-11)(n-10)(n-9)(n-8)(n-7)}{1.2.1.2.3} a^{n-12} b^3 \&c. \right) \\
& + c^3 \left(\frac{(n-8)(n-7)(n-6)}{1.2.3} a^{n-9} - \frac{(n-10)(n-9)(n-8)(n-7)}{1.2.3} a^{n-11} b \right. \\
& + \frac{(n-12)(n-11)(n-10)(n-9)(n-8)}{1.2.3.1.2} a^{n-13} b^2 \&c. \left. \right) \\
& + c^4 (\&c. + \&c.) + b' \text{ (les termes qui doivent multiplier } b' \\
& \text{ sont les précédens en } y \text{ changeant } n \text{ en } n-1) + c' \text{ (les termes} \\
& \text{ qui doivent multiplier } c' \text{ sont les précédens en } y \text{ changeant } n \text{ en} \\
& n-2). \text{ On continue les termes de ces suites jusqu'à ce qu'on arrive} \\
& \text{à zéro. La loi des coefficients de ces termes est la même que nous} \\
& \text{avons trouvée pour les séries du second ordre, comme on peut le voir} \\
& \text{tout de suite. Prenons par exemple, le terme } a^{n-13} b^2 c^3, \text{ le nom-} \\
& \text{bre des permutations sera} = \frac{1.2.3 \dots n-8}{1.2.3 \dots n-13.1.2.1.2.3} \\
& = \frac{n-12. n-11. n-10. n-9. n-8}{1.2.3.1.2} \text{ comme on le voit dans}
\end{aligned}$$

notre formule; ainsi on peut faire abstraction des coefficients qu'on trouvera aisément pour chaque terme, & cela fait on trouvera sans peine la loi des termes mêmes, comme on va le voir. Reprenons la valeur de $A^{(n)}$ énoncée dans le problème précédent, & nous aurons en général pour le $(n+1)^{\text{e}}$ terme des séries du troisième ordre, $a' (A^{(n)} + c A^{(n-3)} + c^2 A^{(n-6)} + c^3 A^{(n-9)} + c^4 A^{(n-12)} + \&c.) + b' (A^{(n-1)} + c A^{(n-4)} + c^2 A^{(n-7)} + c^3 A^{(n-10)} + c^4 A^{(n-13)} \&c.) + c' (A^{(n-2)} + c A^{(n-5)} + c^2 A^{(n-8)}$

+ $c^3 A^{(n-11)} + c^4 A^{(n-14)} \&c.$). On continuera les valeurs de $A^{(n)}$ jusqu'à ce que les exposans deviennent négatifs. Faisons maintenant $B^{(n)} = A^{(n)} + A^{(n-3)}c + A^{(n-6)}c^2 + A^{(n-9)}c^3 + A^{(n-12)}c^4 + \&c.$ on aura pour le $(n+1)^e$ terme des séries recurrentes du troisième ordre la formule suivante, $(a' B^{(n)} + b' B^{(n-1)} + c' B^{(n-2)}) x^n$. Il n'y aura donc qu'à former les termes $A^{(n)}$, $A^{(n-1)}$, $A^{(n-2)}$ &c. & ensuite d'après ceux-là les termes $B^{(n)}$, $B^{(n-1)}$, $B^{(n-2)}$ &c. & former à mesure le coefficient de chaque terme d'après la règle que nous avons donnée plus haut.

§. 4. Pour donner un exemple de cette formule, je prends dans l'ouvrage cité de M. Euler p. 180 la suite recurrente $1 + \zeta + 2\zeta^2 + 2\zeta^3 + 3\zeta^4 + 3\zeta^5 + 4\zeta^6 + 4\zeta^7 \&c. = \frac{1}{1 - \zeta - \zeta^2 + \zeta^3}$.

En comparant la fraction génératrice avec la nôtre, je trouve $a' = 1$, $b' = 0$, $c' = 0$, $a = 1$, $b = -1$, $c = -1$; pour trouver le septième terme je fais $n+1 = 7$, donc $n = 6$, & notre formule se réduira à $a' B^{(6)} = A^{(6)} + A^{(3)}c + c^2$; or $A^{(6)} = a^6 - a^4b + a^2b^2 - b^3$, $A^{(3)} = a^3 - ab$, donc $B^{(6)} = a^6 - a^4b + a^2b^2 - b^3 + a^3c - abc + c^2$, & en formant les coefficients, $B^{(6)} = a^6 - 5a^4b + 6a^2b^2 - b^3 + 4a^3c - 6abc + c^2 = 1 + 5 + 6 + 1 - 4 - 6 + 1 = 4$, & c'est effectivement le septième terme.

§. 5. Pour donner un second exemple, je prends la suite recurrente $1 + 2x + 3x^2 + 3x^3 + 7x^4 + 5x^5 + 15x^6 + 9x^7 + 31x^8 + 17x^9 + 63x^{10} \&c. = \frac{1 + 3x + 3x^2}{1 + x - 2x^2 - 2x^3}$. En comparant la fraction génératrice avec la nôtre, j'obtiens $a' = 1$, $b' = 3$, $c' = 3$, $a = -1$, $b = -2$, $c = 2$. Pour trouver le dixième terme, je fais $n+1 = 10$, donc $n = 9$ & la formule se réduit à $a' B^{(9)} + b' B^{(8)} + c' B^{(7)} = B^{(9)} + 3B^{(8)} + 3B^{(7)}$. Maintenant je trouve $B^{(9)} = A^{(9)} + A^{(6)}c + A^{(3)}c^2 + c^3$,

$B^{(8)} = A^{(8)} + A^{(5)}c + A^{(2)}c^2$, $B^{(5)} = A^{(7)} + A^{(4)}c + A^{(1)}c^2$;
 $A^{(9)} = a^9 - a^7b + a^5b^2 - a^3b^3 + ab^4$, $A^{(6)} = a^6 - a^4b + a^2b^2 - b^3$, $A^{(3)} = a^3 - ab$, donc $B^{(9)} = a^9 - a^7b + a^5b^2 - a^3b^3 + ab^4 + a^6c - a^4bc + a^2b^2c - b^3c + a^3c^2 - abc^2 + c^3 =$ (en formant les coefficients) $a^9 - 8a^7b + 21a^5b^2 - 20a^3b^3 + 5ab^4 + 7a^6c - 30a^4bc + 30a^2b^2c - 4b^3c + 10a^3c^2 - 12abc^2 + c^3 = -1 - 16 - 84 - 160 - 80 + 14 + 120 + 240 + 64 - 40 - 96 + 8 = -31$. Nous aurons de même $A^{(8)} = a^8 - a^6b + a^4b^2 - a^2b^3 + b^4$, $A^{(5)} = a^5 - a^3b + ab^2$, $A^{(2)} = a^2 - b$, donc en formant tout de suite les coefficients, $B^{(8)} = a^8 - 7a^6b + 15a^4b^2 - 10a^2b^3 + b^4 + 6a^3c - 20a^2bc + 12ab^2c + 6a^2c^2 - 3bc^2 = 1 + 14 + 60 + 80 + 16 - 12 - 80 - 96 + 24 + 24 = 31$. Nous aurons enfin $A^{(7)} = a^7 - a^5b + a^3b^2 - ab^3$, $A^{(4)} = a^4 - a^2b + b^2$, $A^{(1)} = a$, donc $B^{(7)} = a^7 - 6a^5b + 10a^3b^2 - 4ab^3 + 5a^4c - 12a^2bc + 3b^2c + 3ac^2 = -1 - 12 - 40 - 32 + 10 + 48 + 24 - 12 = -15$. Le dixième terme fera donc $= -31 + 3.31 - 3.15 = 93 - 76 = 17$, comme cela est réellement.

§. 6. Soit $\frac{a' + b'x + c'x^2 + d'x^3}{1 - ax + bx^2 + cx^3 + dx^4}$ qui est la fraction gé-

nératrice de toutes les séries récurrentes du quatrième ordre, c'est-à-dire de toutes celles où un terme quelconque se forme par le moyen des quatre précédens, on trouve par un procédé analogue à celui que je viens d'employer & que je supprime à cause de sa longueur, qu'en laissant à $A^{(n)}$ & $B^{(n)}$ les mêmes valeurs que ci-dessus, & faisant $C^{(n)} = B^{(n)} - B^{(n-4)}d + B^{(n-3)}d^2 - B^{(n-2)}d^3 + B^{(n-1)}d^4$ &c. on aura en général le terme $(n+1)^e$ d'une série récurrente du quatrième ordre $= (a' C^{(n)} + b' C^{(n-1)} + c' C^{(n-2)} + d' C^{(n-3)})x^n$. Pour en donner un exemple, soit la série $1 + x + x^2 + 2x^3$

$+ 4x^4 + 6x^5 + 7x^6 + 7x^7 + 7x^8 + 8x^9 + \&c. =$
 $\frac{1 - 2x + 2x^2}{1 - 3x + 4x^2 - 3x^3 + x^4}$, nous aurons en comparant cette fraction
génératrice avec notre fraction générale $a' = 1, b' = -2, c' = 2,$
 $d' = 0, a = 3, b = 4, c = 3, d = 1$. Pour avoir le dixième
terme, nous ferons $n + 1 = 10$, ce qui donne $n = 9$, &
ce terme fera $= C^{(9)} - 2C^{(8)} + 2C^{(7)}$. Maintenant nous avons
 $C^{(9)} = B^{(9)} - B^{(5)}d + B^{(1)}d^2$, $C^{(8)} = B^{(8)} - B^{(4)}d + d^2$,
 $C^{(7)} = B^{(7)} - B^{(3)}d$. Or on trouvera comme dans le problème
précédent, $B^{(9)} = a^9 - 8a^7b + 21a^5b^2 - 20a^3b^3 + 5ab^4$
 $+ 7a^6c - 30a^4b^2c + 30a^2b^2c - 4b^3c + 10a^3c^2 - 12ab^2c^2$
 $+ c^3$; $B^{(5)} = a^5 - a^3b + ab^2 + a^2c - bc$, donc (en formant
les coefficients) $B^{(5)}d = 6a^5d - 20a^3bd + 12ab^2d + 12a^2cd$
 $- 6bcd$, $B^{(1)} = a$, donc $B^{(1)}d^2 = 3ad^2$, donc $C^{(9)} = a^9$
 $- 8a^7b + 21a^5b^2 - 20a^3b^3 + 5ab^4 + 7a^6c - 30a^4b^2c$
 $+ 30a^2b^2c - 4b^3c + 10a^3c^2 - 12ab^2c^2 + c^3 - 6a^5d$
 $+ 20a^3bd - 12ab^2d - 12a^2cd + 6bcd + 3ad^2 = 19683$
 $- 69984 + 81648 - 34560 + 3840 + 15309 - 29160$
 $+ 12960 - 768 + 2430 - 1296 + 27 - 1458 + 2160$
 $- 576 - 324 + 72 + 9 = 12$. On aura aussi $B^{(8)} = a^8$
 $- 7a^6b + 15a^4b^2 - 10a^2b^3 + b^4 + 6a^5c - 20a^3b^2c$
 $+ 12ab^2c + b^2c^2 - 3b^3c$, $B^{(4)} = a^4 - a^2b + b^2 + ac$,
donc $B^{(4)}d = 5a^4d - 12a^2bd + 3b^2d + 6acd$, donc $C^{(8)} =$
 $a^8 - 7a^6b + 15a^4b^2 - 10a^2b^3 + b^4 + 6a^5c - 20a^3b^2c$
 $+ 12ab^2c + 6a^2c^2 - 3b^3c - 5a^4d + 12a^2bd - 3b^2d$
 $- 6acd + d^3 = 6561 - 20412 + 19440 - 5760 + 256$
 $+ 4374 - 6480 + 1728 + 486 - 108 - 405 + 432$
 $- 48 - 54 + 1 = 11$. On a enfin $B^{(7)} = a^7 - 6a^5b$
 $+ 10a^3b^2 - 4ab^3 + 5a^4c - 12a^2b^2c + 3b^2c + 3ac^2$,
 $B^{(3)} = a^3 - ab + c$, donc $B^{(3)}d = 4a^3d - 6abd + 2cd$,
donc $C^{(7)} = a^7 - 6a^5b + 10a^3b^2 - 4ab^3 + 5a^4c - 12a^2b^2c$
 $+ 3b^2c + 3ac^2 - 4a^3d + 6abd - 2cd = 2187 - 5852$.

+ 4320 — 768 + 1215 — 1296 + 144 + 81 — 108
 + 72 — 6 = 9, donc $C^{(9)} = 2C^{(8)} + 2C^{(7)} = 12 — 22$
 + 18 = 8, & c'est effectivement le dixième terme.

§. 7. Soit la fraction $\frac{a' + b'x + c'x^2 + d'x^3 + e'x^4}{1 - ax + bx^2 - cx^3 + dx^4 - ex^5}$ qui

est la fraction génératrice de toutes les séries récurrentes du cinquième ordre, on trouvera qu'en laissant à $A^{(n)}$, $B^{(n)}$, $C^{(n)}$ leurs valeurs trouvées ci-dessus, & faisant $D^{(n)} = C^{(n)} + C^{(n-1)}e + C^{(n-10)}e^2 + C^{(n-11)}e^3$ &c. on aura en général le terme $(n+1)^e$ d'une série récurrente du cinquième ordre $= (a' D^{(n)} + b' D^{(n-1)} + c' D^{(n-2)} + d' D^{(n-3)} + e' D^{(n-4)}) x^n$. Pour en donner un exemple je prends dans l'ouvrage cité d'Euler p. 188 la suite $1 + 2\zeta + 3\zeta^2 + 3\zeta^3 + 4\zeta^4 + 5\zeta^5 + 6\zeta^6 + 6\zeta^7 + 7\zeta^8 + 8\zeta^9 + \&c. = \frac{1 + \zeta + \zeta^2}{1 - \zeta - \zeta^4 + \zeta^5}$. Nous aurons en comparant

cette fraction génératrice avec notre fraction générale, $a' = 1$, $b' = 1$, $c' = 1$, $d' = 0$, $e' = 0$; $a = 1$, $b = 0$, $c = 0$, $d = -1$, $e = -1$. Pour avoir le dixième terme nous ferons $n+1 = 10$, ce qui donne $n = 9$, & ce terme sera $= D^{(9)} + D^{(8)} + D^{(7)}$. Maintenant nous avons $D^{(9)} = C^{(9)} + C^{(4)}e$, $D^{(8)} = C^{(8)} + C^{(3)}e$, $D^{(7)} = C^{(7)} + C^{(2)}e$. Or $C^{(9)} = B^{(9)} - B^{(1)}d + B^{(1)}d^2$, $C^{(4)} = B^{(4)} - d$, $B^{(9)} = A^{(9)} = a^9$, $B^{(4)} = A^4 = a^4$, donc $C^{(9)} = a^9 - a^5d + ad^2$, $C^{(4)}e = a^4e - de$, & $D^{(9)} = a^9 - 6a^5d + 3ad^2 + 5a^4e - 2de = 1 + 6 + 3 - 5 - 2 = 3$. On a de même $C^{(8)} = B^{(8)} - B^{(4)}d + d^2 = a^8 - a^4d + d^2$, $C^{(3)} = B^{(3)} = a^3$, $C^{(3)}e = a^3e$, donc $D^{(8)} = a^8 - 5a^4d + d^2 + 4a^3e = 1 + 5 + 1 - 4 = 3$. On a enfin $C^{(7)} = B^{(7)} - B^{(1)}d = a^7 - a^3d$, $C^{(2)} = B^{(2)} = a^2$, donc $D^{(7)} = a^7 - 4a^3d + 3a^2e = 1 + 4 - 3 = 2$. Le dixième terme sera donc $= D^{(9)} + D^{(8)} + D^{(7)} = 3 + 3 + 2 = 8$, comme cela est effectivement.

§. 8. Soit la fraction $\frac{a' + b'x + c'x^2 + d'x^3 + e'x^4 + f'x^5}{1 - ax + bx^2 - cx^3 + dx^4 - ex^5 + fx^6}$

qui est la fraction génératrice de toutes les séries récurrentes du dixième ordre, on aura en conservant les valeurs de $A^{(n)}$, $B^{(n)}$, $C^{(n)}$, $D^{(n)}$ & faisant $E^{(n)} = D^{(n)} - D^{(n-6)}f + D^{(n-12)}f^2 - D^{(n-18)}f^3 + D^{(n-24)}f^4 + \&c.$ le terme $(n + 1)^e$ d'une série récurrente du dixième ordre $= (a' E^{(n)} + b' E^{(n-1)} + c' E^{(n-2)} + d' E^{(n-3)} + e' E^{(n-4)} + f' E^{(n-5)}) x^n$. Pour en donner un exemple, prenons dans l'ouvrage cité de M. Euler p. 186 la série $1 + \zeta + 2\zeta^2 + 3\zeta^3 + 4\zeta^4 + 5\zeta^5 + 7\zeta^6 + 8\zeta^7 + 10\zeta^8 + 12\zeta^9 + \&c.$ $= \frac{1}{1 - \zeta - \zeta^2 + \zeta^4 + \zeta^5 - \zeta^6}$, nous aurons en comparant cette

fraction génératrice avec notre fraction générale, $a' = 1$, $b' = 0$, $c' = 0$, $d' = 0$, $e' = 0$, $f' = 0$, $a = 1$, $b = -1$, $c = 0$, $d = 1$, $e = -1$, $f = -1$. Pour avoir le dixième terme, nous ferons $n = 9$, & ce terme sera $= E^{(9)}$. Mais $E^{(9)} = D^{(9)} - D^{(3)}f$, $D^{(9)} = C^{(9)} + C^{(4)}e$, $D^{(3)} = C^{(3)}$, $C^{(9)} = B^{(9)} - B^{(1)}d + B^{(1)}d^2$, $C^{(4)} = B^{(4)} - d$, $C^{(3)} = B^{(3)}$, $B^{(9)} = A^{(9)}$, $B^{(1)} = A^{(1)}$, $B^{(4)} = A^{(4)}$, $B^{(3)} = A^{(3)}$, donc $C^{(9)} = a^9 - a^7b + a^5b^2 - a^3b^3 + ab^4 - a^5d + a^3bd - ab^2d + ad^2 =$ (en formant les coefficients) $a^9 - 8a^7b + 21a^5b^2 - 20a^3b^3 + 5ab^4 - 6a^5d + 20a^3bd - 12ab^2d + 3ad^2$. On aura de même $C^{(4)}e = 5a^4e - 12a^3be + 3b^2e - 2de$. On aura enfin $D^{(3)}f = 4a^3f - 6abf$. Donc réunissant ces valeurs, on aura $E^{(9)} = a^9 - 8a^7b + 21a^5b^2 - 20a^3b^3 + 5ab^4 - 6a^5d + 20a^3bd - 12ab^2d + 3ad^2 + 5a^4e - 12a^3be + 3b^2e - 2de - 4a^3f + 6abf = 1 + 8 + 21 + 20 + 5 - 6 - 20 - 12 + 3 - 5 - 12 - 3 + 2 + 4 + 6 = 12$, comme cela devoit être.

§. 9. Pour avoir le terme général des suites du septième ordre dont la fraction génératrice est $\frac{a' + b'x + c'x^2 + d'x^3 + e'x^4 + f'x^5 + g'x^6}{1 - ax + bx^2 - cx^3 + dx^4 - ex^5 + fx^6 - gx^7}$,

il faut en conservant toutes les dénominations précédentes faire
 $F^{(n)} = E^{(n)} + E^{(n-7)}g + E^{(n-14)}g^2 + E^{(n-21)}g^3$
 $+ E^{(n-28)}g^4 + \&c.$ & l'on aura en général le terme $(n+1)^e$
 d'une série récurrente du septième ordre, $= (a' F^{(n)} + b' F^{(n-1)}$
 $+ c' F^{(n-2)} + d' F^{(n-3)} + e' F^{(n-4)} + f' F^{(n-5)}$
 $+ g' F^{(n-6)}) x^n$

§. 10. La loi de ces progressions est actuellement manifeste, & il est évident qu'en continuant à former des quantités suivant la même loi, on aura le terme général d'une série quelconque. Soit donc la fraction

$$\text{génératrice} \quad \frac{a' + b'x + c'x^2 + d'x^3 + \dots + p'x^{m-1}}{1 - ax + bx^2 - cx^3 + dx^4 - \dots \pm px^m}$$

(le signe $+$ a lieu si m est pair, & le signe $-$ si m est impair)

on formera les quantités représentées par le tableau suivant,

$$A^{(n)} = a^{(n)} - a^{n-2}b + a^{n-4}b^2 - a^{n-6}b^3 + a^{n-8}b^4 + \&c.$$

$$B^{(n)} = A^{(n)} + A^{(n-3)}c + A^{(n-6)}c^2 + A^{(n-9)}c^3$$

$$+ A^{(n-12)}c^4 + \&c.$$

$$C^{(n)} = B^{(n)} - B^{(n-4)}d + B^{(n-8)}d^2 - B^{(n-12)}d^3$$

$$+ B^{(n-16)}d^4 + \&c.$$

$$D^{(n)} = C^{(n)} + C^{(n-5)}e + C^{(n-10)}e^2 + C^{(n-15)}e^3$$

$$+ C^{(n-20)}e^4 + \&c.$$

$$E^{(n)} = D^{(n)} - D^{(n-6)}f + D^{(n-12)}f^2 - D^{(n-18)}f^3$$

$$+ D^{(n-24)}f^4 + \&c.$$

⋮
⋮
⋮
⋮

$$M^{(n)} = K^{(n)} \pm K^{(n-m)}p + K^{(n-2m)}p^2 \pm K^{(n-3m)}p^3$$

$$+ K^{(n-4m)}p^4 \pm \&c.$$

J'appelle ici $K^{(n)}$ les quantités correspondantes aux séries récurrentes de l'ordre $m-1$. Si m est impair tous les termes sont positifs, s'il est pair ils sont alternativement positifs & négatifs. C'est ce que j'ai

j'ai marqué par les signes ambigus de la valeur de $M^{(n)}$ qui est la quantité correspondante aux séries récurrentes de l'ordre m . Maintenant on aura en général le terme $(n + 1)^e$ de la série récurrente de l'ordre $m = (a' M^{(n)} + b' M^{(n-1)} + c' M^{(n-2)} + d' M^{(n-3)} + \dots + p' M^{(n-m+1)}) x^n$. Par exemple, si l'on fait $m = 7$, on aura $p' = g'$, $p = g$, $K^{(n)} = E^{(n)}$, $M^{(n)} = F^{(n)}$, on aura donc $F^{(1)} = E^{(n)} + E^{(n-7)} g + E^{(n-14)} g^2 + E^{(n-21)} g^3 + E^{(n-28)} g^4 + \&c.$ & le terme $(n + 1)^e$ sera en général $(a' F^{(n)} + b' F^{(n-1)} + c' F^{(n-2)} + \dots + g' F^{(n-6)}) x^n$, ce qui est la formule que nous avons trouvée plus haut. Cette seule formule générale nous servira donc à trouver toutes les formules particulières, en descendant depuis m jusqu'à 1.

§. 11. Pour donner un exemple de l'usage de ces séries, je les appliquerai à un problème de la doctrine des probabilités que M. de la Place a traité fort différemment dans un beau mémoire sur cette matière inséré dans le T. 7. des Mémoires présentés à l'Académie. Voici ce problème.

Si l'on imagine un solide composé d'un nombre n de faces parfaitement égales, désignées par les nombres 1. 2. 3. . . . n , l'on demande la probabilité qu'en un nombre x de coups l'on amènera ces n faces de suite dans l'ordre 1. 2. 3. . . . n .

§. 12. Afin de commencer par le cas le plus simple, je supposerai d'abord $n = 2$ ou qu'il n'y ait que deux faces. La probabilité que les numéros 1, 2 se suivront dans cet ordre, en ne supposant que deux coups, est $= \frac{1}{4}$, & la probabilité du contraire $= \frac{3}{4}$. Pour avoir la probabilité que la même chose arrivera dans trois coups, il faut ajouter à la probabilité trouvée la probabilité que dans les deux derniers coups, on amènera 1, 2 dans cet ordre, quel qu'ait été le premier coup, probabilité qui est évidemment $= \frac{1}{4}$. Ainsi pour trois coups la probabilité sera $= \frac{1}{2}$, & la probabilité du contraire $= \frac{1}{2}$. Pour quatre coups, il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver, la pro-

babilité que dans les deux derniers coups on amènera 1, 2 dans cet ordre, multipliée par la probabilité qu'on ne les amènera pas dans les deux premiers coups; cette probabilité est $= \frac{1}{4} \cdot \frac{3}{4} = \frac{3}{16}$, la probabilité totale sera donc $= \frac{1}{2} + \frac{3}{16} = \frac{11}{16}$ & la probabilité du contraire sera $= \frac{5}{16}$. Pour cinq coups, il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver, la probabilité que dans les deux derniers coups on amènera 1, 2 dans cet ordre, multipliée par la probabilité qu'on ne les amènera pas dans les trois premiers coups; cette probabilité est $= \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$, la probabilité totale sera donc $= \frac{11}{16} + \frac{1}{8} = \frac{13}{16}$ & la probabilité du contraire sera $= \frac{3}{16} = \frac{6}{32}$. Pour six coups, il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver la probabilité que dans les deux derniers coups on amènera dans cet ordre 1, 2 multipliée par la probabilité qu'on ne les amènera pas dans les quatre premiers coups; cette probabilité est $= \frac{1}{4} \cdot \frac{5}{16} = \frac{5}{64}$, la probabilité totale sera donc $= \frac{13}{16} + \frac{5}{64} = \frac{57}{64}$ & la probabilité du contraire est $= \frac{7}{64}$. Pour sept coups il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver $\frac{1}{4} \cdot \frac{3}{16} = \frac{3}{64}$, la probabilité totale sera donc $= \frac{57}{64} + \frac{3}{64} = \frac{60}{64}$ & la probabilité du contraire sera $= \frac{4}{64} = \frac{6}{128}$. On trouvera de même pour huit coups la probabilité totale $= \frac{247}{256}$, & la probabilité du contraire sera $= \frac{9}{256}$. Pour neuf coups la probabilité totale sera $= \frac{251}{256}$, & la probabilité du contraire $= \frac{5}{256} = \frac{10}{512}$. Formons maintenant le tableau des probabilités contraires à l'événement demandé pour 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, coups & l'on aura

Coups	2	3	4	5	6	7	8	9
Probab. contraire	$\frac{5}{4}$	$\frac{4}{8}$	$\frac{3}{16}$	$\frac{6}{32}$	$\frac{7}{64}$	$\frac{8}{128}$	$\frac{9}{256}$	$\frac{10}{512}$

L'analogie est évidente, les dénominateurs suivent une progression géométrique dont l'exposant est 2, & les numérateurs une progression arithmétique dont l'exposant est 1, ou bien ces numérateurs forment une série récurrente du second ordre, où chaque terme est égal à deux fois celui qui le précède, moins celui qui précède le précédent. La fraction génératrice de la suite des numérateurs est donc $= \frac{1}{1 - 2x + x^2}$.

§. 13. Supposons maintenant $n = 3$, la probabilité que les numéros 1, 2, 3 se suivront dans cet ordre en ne supposant que trois coups est $= \frac{1}{3^3} = \frac{1}{27}$ & la probabilité du contraire est $= \frac{26}{27}$. Pour avoir la probabilité que la même chose arrivera dans quatre coups il faut ajouter à la probabilité trouvée la probabilité que dans les trois derniers coups on amènera 1, 2, 3 dans cet ordre, quel que soit le premier coup; cette probabilité est $= \frac{1}{27}$, la probabilité totale sera donc $= \frac{2}{27}$ & la probabilité du contraire $= \frac{25}{27}$. Pour cinq coups, il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver la probabilité que dans les trois derniers coups on amènera 1, 2, 3 dans cet ordre, quels que soient les deux premiers coups, or il y a 3^2 cas possibles pour ces deux premiers coups, parce qu'en admettant les combinaisons où deux numéros de la même espèce se trouvent ensemble, chaque numéro peut être joint à chacun des trois numéros; cette probabilité est donc $= \frac{3^2}{3^5} = \frac{1}{27}$, la probabilité totale sera donc $= \frac{3}{27}$, & celle du contraire $= \frac{24}{27}$. Pour six coups, il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver la probabilité que dans les trois derniers coups on amènera 1, 2, 3 dans cet ordre, multipliée par la probabilité qu'on ne les amènera pas dans les trois premiers coups; cette probabilité est $= \frac{1}{3^3} \cdot \frac{26}{3^3} = \frac{26}{3^6}$, la probabilité totale sera donc $= \frac{3}{3^3} + \frac{26}{3^6} = \frac{107}{3^6}$ & la probabilité du contraire sera $= \frac{612}{3^6}$. Pour sept coups il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver la probabilité que dans les trois derniers coups on amènera 1, 2, 3 dans cet ordre, multipliée par la probabilité qu'on ne les amènera pas dans les quatre premiers coups; cette probabilité est $= \frac{1}{3^3} \cdot \frac{25}{3^4} = \frac{25}{3^7}$, la probabilité totale sera donc $= \frac{107}{3^6} + \frac{25}{3^7} = \frac{132}{3^6}$ & la probabilité du contraire sera $= \frac{197}{3^6} = \frac{1791}{3^7}$. Pour huit coups il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver, la proba-

bilité que dans les trois derniers coups on amènera 1, 2, 3 dans cet ordre, multipliée par la probabilité qu'on ne les amènera pas dans les cinq premiers coups; cette probabilité est $= \frac{1}{3^3} \cdot \frac{24}{3^3} = \frac{24}{3^6}$, la probabilité totale sera donc $= \frac{132}{3^6} + \frac{24}{3^6} = \frac{156}{3^6}$ & la probabilité du contraire sera $= \frac{573}{3^6} = \frac{5157}{3^8}$. Pour neuf coups, il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver $\frac{1}{3^3} \cdot \frac{622}{3^9} = \frac{622}{3^9}$, la probabilité totale sera donc $= \frac{156}{3^6} + \frac{622}{3^9} = \frac{4834}{3^9}$ & la probabilité du contraire sera $= \frac{14849}{3^9}$. Pour dix coups, il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver $\frac{1}{3^3} \cdot \frac{597}{3^6} = \frac{597}{3^9}$, la probabilité totale sera donc $= \frac{4834}{3^9} + \frac{597}{3^9} = \frac{5431}{3^9}$ & la probabilité du contraire sera $= \frac{14252}{3^9} = \frac{42756}{3^{10}}$. Pour onze coups, il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver, $\frac{1}{3^3} \cdot \frac{573}{3^6} = \frac{573}{3^9}$, la probabilité totale sera donc $= \frac{5431}{3^9} + \frac{573}{3^9} = \frac{6004}{3^9}$ & la probabilité du contraire sera $= \frac{13679}{3^9} = \frac{123111}{3^{11}}$. Formons maintenant le tableau des probabilités contraires à l'événement demandé pour 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11 coups, nous aurons

Coups	3	4	5	6	7	8	9	10	11
Probab. contraire	$\frac{26}{3^3}$	$\frac{75}{3^4}$	$\frac{216}{3^5}$	$\frac{622}{3^6}$	$\frac{1791}{3^7}$	$\frac{5157}{3^8}$	$\frac{14849}{3^9}$	$\frac{42756}{3^{10}}$	$\frac{123111}{3^{11}}$

Les dénominateurs suivent une progression géométrique dont l'exposant est 3; quant aux numérateurs, chacun est égal à trois fois celui qui le précède d'une place moins celui qui le précède de trois places. La fraction génératrice de la suite des numérateurs sera donc $=$

$$\frac{1}{1 - 3x + x^3}.$$

§. 14. Faisons ensuite $n = 4$, la probabilité que les numéros 1, 2, 3, 4 se suivront dans cet ordre, en ne supposant que quatre coups est $= \frac{1}{4^4} = \frac{1}{256}$ & la probabilité du contraire est $= \frac{255}{256}$.

Pour avoir la probabilité que la même chose arrivera dans cinq coups, il faut ajouter à la probabilité trouvée, la probabilité que dans les trois derniers coups, on amènera dans cet ordre 1, 2, 3, 4, quel que soit le premier coup, ce qui donne évidemment $\frac{4}{4^5} = \frac{1}{4^4}$. La probabilité

totale sera donc $= \frac{2}{4^4} = \frac{2}{256}$ & la probabilité du contraire $= \frac{254}{256}$.

Pour six coups il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver, la probabilité que dans les trois derniers coups on amènera dans cet ordre 1, 2, 3, 4 quels que soient les deux premiers coups, or il y a 4^2 cas possibles pour ces deux premiers coups, parce qu'on peut joindre à chaque numéro, les quatre numéros, ce qui donnera $\frac{4^2}{4^6} = \frac{1}{4^4}$,

la probabilité totale sera donc $= \frac{3}{4^4}$ & la probabilité du contraire $= \frac{253}{4^4}$.

Pour sept coups, il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver la probabilité que dans les quatre derniers coups on amènera 1, 2, 3, 4 dans cet ordre quels que soient les trois premiers coups, or il y a 4^3 cas possibles pour ces trois premiers coups, parce qu'on peut combiner avec chaque numéro toutes les combinaisons 4^2 de deux

numeros, ce qui donne $\frac{4^3}{4^7} = \frac{1}{4^4}$. La probabilité totale sera donc

$= \frac{4}{4^4}$ & la probabilité du contraire sera $= \frac{252}{4^4}$.

Pour huit coups il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver la probabilité que dans les quatre derniers coups on amènera 1, 2, 3, 4 dans cet ordre, multipliée par la probabilité qu'on ne les amènera pas; dans les quatre premiers coups, cette probabilité est $= \frac{1}{4^4} \cdot \frac{255}{4^4} = \frac{255}{4^8}$, la probabilité

lité totale sera donc $= \frac{4}{4^4} + \frac{255}{4^8} = \frac{1279}{4^8}$ & la probabilité du contraire sera $= \frac{64257}{4^8}$. Pour neuf coups il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver la probabilité que dans les quatre derniers coups on amènera 1, 2, 3, 4 dans cet ordre, multipliée par la probabilité qu'on ne les amènera pas dans les cinq premiers coups; cette probabilité est $= \frac{1}{4^4} \cdot \frac{254}{4^4} = \frac{254}{4^8}$, la probabilité totale sera donc $= \frac{1279}{4^8} + \frac{254}{4^8} = \frac{1533}{4^8}$ & la probabilité du contraire sera $= \frac{64003}{4^8} = \frac{256012}{4^9}$. Pour dix coups il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver la probabilité que dans les quatre derniers coups on amènera 1, 2, 3, 4 &c. dans cet ordre, multipliée par la probabilité qu'on ne les amènera pas dans les six premiers coups; cette probabilité est $= \frac{1}{4^4} \cdot \frac{253}{4^4} = \frac{253}{4^8}$, la probabilité totale sera donc $= \frac{1533}{4^8} + \frac{253}{4^8} = \frac{1786}{4^8}$ & la probabilité du contraire sera $= \frac{63750}{4^8} = \frac{1010000}{4^{10}}$. Pour onze coups, il faut ajouter à ce qu'on vient de trouver $\frac{1}{4^4} \cdot \frac{252}{4^4} = \frac{252}{4^8}$; la probabilité totale est donc $= \frac{1786}{4^8} + \frac{252}{4^8} = \frac{2038}{4^8}$ & la probabilité du contraire est $= \frac{63498}{4^8} = \frac{4063872}{4^{11}}$. Formons maintenant le tableau des probabilités contraires à l'événement demandé, pour 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11 coups & l'on aura

Coups	4	5	6	7	8	9	10	11
Probab. cont.	$\frac{255}{4^4}$	$\frac{1016}{4^5}$	$\frac{4048}{4^6}$	$\frac{16128}{4^7}$	$\frac{64257}{4^8}$	$\frac{256012}{4^9}$	$\frac{1010000}{4^{10}}$	$\frac{4063872}{4^{11}}$

Les dénominateurs forment une progression géométrique dont l'exposant est 4; quant aux numérateurs, chacun est égal à quatre fois celui qui le précède d'une place moins celui qui le précède de quatre places. La fraction génératrice de la suite des numérateurs est donc $= \frac{1}{1-4x+x^4}$.

§. 15. Si nous faisons $n = 5$, nous trouverons par le même procédé que les dénominateurs fournissent une progression géométrique dont l'exposant est 5, & le premier terme 5 & que chaque numérateur est égal à cinq fois celui qui le précède d'une place moins celui qui le précède de cinq places. La fraction génératrice de la suite des numérateurs est donc
$$= \frac{1}{1 - 5x + x^5}.$$

§. 16. On trouvera semblablement en faisant $n = 6$ que les dénominateurs forment une progression géométrique dont l'exposant est 6 & le premier terme 6, & que chaque numérateur est égal à six fois celui qui le précède d'une place, moins celui qui le précède de six places. La fraction génératrice de la suite des numérateurs sera donc
$$= \frac{1}{1 - 6x + x^6}.$$

§. 17. L'analogie est maintenant évidente & l'on voit qu'en laissant à n la valeur indéterminée, les dénominateurs formeront une progression géométrique dont l'exposant sera n , & le premier terme n , & que chaque numérateur sera égal à n fois le terme qui le précède d'une place, moins celui qui le précède de n places. La fraction génératrice de la suite des numérateurs sera donc
$$= \frac{1}{1 - nx + x^n}.$$

§. 18. Ainsi pour un nombre de coups x , le dénominateur sera en général n^x , & pour avoir le terme général des numérateurs, il faut comparer la fraction $\frac{1}{1 - nx + x^n}$ avec la fraction générale du

§. 10. Nous aurons $a' = 1$, $b' = c' = \&c. = p' = 0$, $a = n$, $b = c = \&c. = 0$, $p = \pm 1$, $m = n$, $n = x$. Nous aurons donc $A^{(x)} = B^{(x)} = C^{(x)} = \&c. = K^{(x)} = n^x$, & le terme général $M^{(x)} = K^{(x)} \pm K^{(x-n)}p + K^{(x-2n)}p^2 \pm K^{(x-3n)}p^3 + K^{(x-4n)}p^4 \&c. = n^x \pm n^{x-n}p + n^{x-2n}p^2 \pm n^{x-3n}p^3 + n^{x-4n}p^4 \&c.$ Formons maintenant les coefficients; celui du premier terme est évidemment $= 1$, pour avoir celui du second, nous

prendrons les combinaisons de $x - n + 1$ choses, dont $x - n$ sont les mêmes, ce qui donne $x - n + 1$; pour avoir celui du troisième nous prendrons les combinaisons de $x - 2n + 2$ choses, dont $x - 2n$ sont les mêmes & les deux autres les mêmes, ce qui donne $\frac{(x - 2n + 2)(x - 2n + 1)}{1.2}$; pour avoir celui du quatrième

terme, nous prendrons les combinaisons de $x - 3n + 3$ choses, dont $x - 3n$ sont les mêmes, & les trois autres les mêmes, ce qui donne $\frac{(x - 3n + 3)(x - 3n + 2)(x - 3n + 1)}{1.2.3}$, & ainsi de suite.

Quant aux signes il faut observer que si n est pair, on a $p = 1$, & que les signes doivent alterner dans la formule générale; si au contraire n est impair, on a $p = -1$, & la formule générale doit avoir le signe $+$ à tous les termes. Donc dans tous les cas les signes doivent alterner, en supposant simplement $p = 1$. Le terme général des numérateurs sera donc $n^x - (x - n + 1)n^{x-n} + \frac{(x - 2n + 2)(x - 2n + 1)}{1.2}n^{x-2n} - \frac{(x - 3n + 3)(x - 3n + 2)(x - 3n + 1)}{1.2.3}n^{x-3n} + \frac{(x - 4n + 4)(x - 4n + 3)(x - 4n + 2)(x - 4n + 1)}{1.2.3.4}n^{x-4n} + \&c.$

On aura donc enfin la probabilité contraire à l'événement demandé $= \frac{(n^x - (x - n + 1)n^{x-n} + \frac{(x - 2n + 2)(x - 2n + 1)}{1.2}n^{x-2n} - \frac{(x - 3n + 3)(x - 3n + 2)(x - 3n + 1)}{1.2.3}n^{x-3n} + \&c.)}{n^x}$

La probabilité cherchée sera donc

$$\frac{(x - n + 1)n^{x-n} - \frac{(x - 2n + 2)(x - 2n + 1)}{1.2}n^{x-2n} + \frac{(x - 3n + 3)(x - 3n + 2)(x - 3n + 1)}{1.2.3}n^{x-3n} + \&c.}{n^x}$$

§. 19. Soit par exemple $n = 2$, la probabilité contraire sera $\frac{2^x - (x - 1)2^{x-2} + \frac{(x-2)(x-3)}{1.2}2^{x-4} - \frac{(x-3)(x-4)(x-5)}{1.2.3}2^{x-6} + \frac{(x-4)(x-5)(x-6)(x-7)}{1.2.3.4}2^{x-8} + \&c.}{2^x}$

$=$

$= \frac{x + \bar{1}}{2^n}$, donc la probabilité demandée est $= 1 - \frac{x + \bar{1}}{2^n}$ comme le trouve M. de la Place dans le mémoire cité. Ce résultat découloit immédiatement de ce que nous avons dit §. 12. que la suite des numérateurs étoit celle des nombres naturels, mais j'ai pris la forme de série recurrente du second degré, parce que cette forme étoit la base de l'analogie qui devoit servir à résoudre le problème général.

§. 20. On auroit pu résoudre le problème d'une autre manière en laissant les termes qui expriment la probabilité contraire séparés, sans les confondre par l'addition. Par exemple pour le cas de $n = 2$, on auroit eu le tableau suivant:

Coups	Probabilités
2	1 — $\frac{1}{2^2}$
3	1 — $\frac{2}{2^3}$
4	1 — $\frac{3}{2^4}$ + $\frac{1}{2^4}$
5	1 — $\frac{4}{2^5}$ + $\frac{3}{2^5}$
6	1 — $\frac{5}{2^6}$ + $\frac{6}{2^6}$ — $\frac{1}{2^6}$
7	1 — $\frac{6}{2^7}$ + $\frac{10}{2^7}$ — $\frac{4}{2^7}$
8	1 — $\frac{7}{2^8}$ + $\frac{15}{2^8}$ — $\frac{10}{2^8}$ + $\frac{1}{2^8}$
9	1 — $\frac{8}{2^9}$ + $\frac{21}{2^9}$ — $\frac{20}{2^9}$ + $\frac{5}{2^9}$ &c.

L'on voit que les numérateurs de la seconde colonne verticale sont les nombres naturels, ceux de la troisième les nombres triangulaires, ceux de la quatrième les nombres pyramidaux &c., & cette considération donne le même terme général que ci-dessus. On trouvera les mêmes lois pour les cas de 3, 4, 5... n faces, d'où l'on tirera le même résultat général que par l'autre méthode, ce qui confirme la bonté de la solution.

A D D I T I O N

au Mémoire sur les intégrales particulières des équations différentielles inséré dans le Volume de 1793. p. 342 & suiv.

PAR M. JEAN TREMBLEY.

M. Le Gendre a donné dans les Mémoires de l'Académie des Sciences de Paris pour 1790 un très-beau mémoire sur les intégrales particulières des équations différentielles, où l'on trouve une théorie approfondie de ces intégrales. Il applique cette théorie à divers exemples. Je me propose de faire voir ici en peu de mots que les intégrales particulières que ce grand géomètre trouve par sa méthode, se trouvent bien simplement en égalant à zéro les radicaux que contiennent les équations différentielles, méthode que j'ai pratiquée dans les Mémoires de Turin de 1790, & qui résulte de la théorie que M. de la Place a donnée de ces intégrales particulières. Je reprendrai les exemples du mémoire cité de M. Le Gendre.

Exemple 1. $x dx + y dy = dx \sqrt{(xx + yy - bb)} = 0$.
Intégrale part. $xx + yy - bb = 0$.

Exemple 2. $dx \sqrt{Y} - dy \sqrt{X} = 0$. Intég. part. $X = 0$,
 $Y = 0$.

Exemple 3. $y - px + \frac{1}{2} q x^2 - q^2 - (p - qx)^2 = 0$.
On tire de là, $q^2 = \frac{q(2px + \frac{1}{2}x^2) + y - px - p^2}{1 + x^2}$, $q = \frac{px + \frac{1}{4}x^2}{1 + x^2}$

+ $\frac{V(-\frac{1}{2} p x^3 + \frac{1}{16} x^4 + y - p x - p^2 + x^2 y)}{1 + x^2}$. (On a ici $p = \frac{dy}{dx}$, $q = \frac{d^2y}{dx^2}$). Int. part. $p^2 + (\frac{1}{2} x^3 + x)p - \frac{1}{16} x^4 - y(1 + x^2) = 0$. Cette intégrale particulière en a elle-même une, car on a $p = -(\frac{1}{4} x^3 + \frac{1}{2} x) \pm \sqrt{(\frac{1}{16} x^6 + \frac{5}{16} x^4 + \frac{1}{4} x^2 + y(1 + x^2))}$. Intégrale part. $\frac{1}{16} x^6 + \frac{5}{16} x^4 + \frac{1}{4} x^2 + y(1 + x^2) = 0$, ou $y + \frac{1}{16} x^4 + \frac{1}{4} x^2 = 0$. L'équation différentielle est $\frac{dy}{dx} + \frac{1}{4} x^3 + \frac{1}{2} x = \sqrt{(1 + x^2)} \sqrt{y + \frac{1}{4} x^2 + \frac{1}{16} x^4}$.

Exemple 4. $(xy - 1)(2qxy - py + p^2x^2) - p^2xy(y + px)^2 = 0$. On tire de là $2qxy - py + p^2x^2 = \pm \frac{p(y + px) \sqrt{xy}}{\sqrt{xy - 1}}$. Intégrale part. $xy - 1 = 0$, $y = 0$.

Exemple 5. $(y^2 - 2mx) dy - m^2 d\zeta + 2my dx = 0$, $\zeta dy^2 + y d\zeta dy + 2m d\zeta dx = 0$. On tire de ces deux équations, $d\zeta = \frac{(y^2 - 2mx) dy + 2my dx}{m^2} = -\frac{\zeta dy^2}{y dy + 2m dx}$, ce qui donne l'équation $(y^3 - 2mxy + m^2\zeta) dy^2 + (4my^2 - 4m^2x) dy dx + 4m^3y dx^2 = 0$, d'où l'on tire $\frac{dy}{dx} = \frac{2m^2x - 2my^2 \pm 2m^2 \sqrt{(x^2 - y\zeta)}}{y^3 - 2mxy + m^2\zeta}$. Le radical donne l'intégrale particulière $x^2 - y\zeta = 0$. Donc $\zeta = \frac{x^2}{y}$. Substituant cette valeur de ζ dans la valeur de $\frac{dy}{dx}$ & réduisant, on a $(y^2 - mx) dy + 2my dx = 0$. Puisque $\zeta = \frac{x^2}{y}$, on a $d\zeta = \frac{2xy dx - x^2 dy}{y^2}$, $\frac{d\zeta}{\zeta} = \frac{2 dx}{x} - \frac{dy}{y}$. Substituant la valeur de $d\zeta$ dans la première équation différentielle, & celle de $\frac{d\zeta}{\zeta}$ dans la seconde, on a les deux équations $(mx - y^2)((mx - y^2) dy - 2my dx) = 0$, $(mx - y^2) dy - 2my dx = 0$, ce qui confirme le résultat trouvé ci-dessus.

Soit l'équation aux différences partielles $(px - qy)^2 q + 4mx^3(\zeta - px) = 0$, où $p = \left(\frac{d\zeta}{dx}\right)$, $q = \left(\frac{d\zeta}{dy}\right)$, on a en développant $(p^2x^2 - 2pqxy + q^2y^2)q + 4mx^3\zeta - 4mpx^4 = 0$.
 Donc $p^2 = \frac{2pq^2xy + 4mpx^4}{qx^2} - \frac{q^3y^2 - 4mx^3\zeta}{qx^2}$. Donc $p = \frac{q^2xy + 2mx^4}{qx^2} \pm \frac{V(q^4x^2y^2 + 4mq^2x^5y + 4m^2x^8 - q^4x^2y^2 - 4mqx^5\zeta)}{qx^2}$
 $= \frac{q^2xy + 2mx^4}{qx^2} \pm \frac{V(4mq^2x^5y - 4mqx^5\zeta + 4m^2x^8)}{qx^2}$. Le radical donne $4mq^3x^5y - 4mqx^5\zeta + 4m^2x^8 = 0$, ou $q^2y - q\zeta + mx^3 = 0$. Donc $q = \frac{\zeta}{2y} \pm \frac{V(\zeta\zeta - 4mx^3y)}{2y}$. Le radical donne $\zeta\zeta - 4mx^3y = 0$, intégrale particulière.

C O N J E C T U R E S
sur les déplacemens des Pôles & de l'Axe de la Terre.

P A R M. B O D E *).

Traduit de l'allemand.

Il est très-remarquable, que les sept planètes du système solaire que nous connoissons, s'accordant entr'elles par la direction de leur cours autour du soleil, & que nos observations sur cinq de ces planètes nous apprenant que leur rotation autour de leur axe d'ouest en est, & le parallélisme de cet axe dans chacune d'elles sont les mêmes, il y ait cependant dans la grandeur des angles d'inclinaison de ces axes vers leur orbite, dans leur position eu égard aux plages du monde, & dans la durée de leurs révolutions, une très-grande différence & une irrégularité apparente.

Cependant cet accord harmonique, joint à des exceptions considérables, n'est rien moins que la suite d'un hasard arbitraire & irrégulier, il paroît au contraire que des fins bienfaisantes & pleines de sagesse y ont concouru. Sans doute que l'auteur de l'univers, lorsqu'il prescrivit leurs lois aux forces de la nature, voulut par le cours commun des planètes, effet de la puissante attraction & rotation du Soleil, opérer la réunion commune & systématique de tous ces corps célestes avec lui; sans

*) Lu le 2 mars 1797.

doute qu'il voulut encore, par leur rotation, produire la conservation de leurs formes & de leurs masses, la position respective des parties solides & liquides de leur surface, la répartition bienfaisante du Soleil, de sa lumière & de son influence sur tous leurs points, & le retour alternatif du jour & de la nuit. Enfin les divers angles d'inclinaison & les axes restant toujours parallèles devoient prouver aux habitans des vastes contrées de leurs surfaces, des effets périodiquement variés des rayons du Soleil, selon les variétés plus ou moins grandes des saisons astronomiques.

Jusqu'ici les observations des astronomes ont fourni le résultat suivant sur la position & les directions des axes du Soleil & des planètes.

Le *globe du Soleil* placé comme sur un trône majestueux au milieu de son vaste domaine & enveloppée d'une photosphère, tourne en 25 jours 14 heures sur un axe incliné de $82\frac{1}{2}$ degrés vers le plan de l'écliptique, & qui reste constamment dirigé vers le 8° degré de \mathfrak{X} & \mathfrak{M} , de sorte que son pôle boréal est situé au firmament entre les étoiles du dragon, & son pôle austral dans la constellation du navire.

Quoiqu'on ignore le temps de la rotation du *globe de Mercure*, ainsi que la position & la direction de son axe, il n'est pas douteux que cette planète ne suive la marche & l'arrangement de toutes les autres.

Vénus tourne en 23 heures 21 minutes autour de son axe incliné (d'après les données de Bianchini) de 15 degrés vers le plan de son orbite, & dirigé constamment vers le $20^{\circ} \approx$ & Ω°), de sorte que son pôle boréal est situé à la tête du verseau, & son pôle austral au cou de l'hydre.

Le *globe de notre Terre* tourne en 23 heures 56 minutes autour de son axe, lequel est incliné de $66\frac{1}{2}$ degrés vers son orbite, & reste constamment dirigé vers $0^{\circ} \mathfrak{G}$ & $0^{\circ} \mathfrak{Z}$; son pôle boréal se rencontre actuellement dans les dernières étoiles lucides de la queue de la petite ourse, & son pôle austral dans l'octant de réflexion.

*) Les observations laborieuses & exactes de cette planète, faites récemment par le Dr Schröter, n'ont rien ajouté à cette détermination.

Mars tourne autour de son axe en 24 heures 39 minutes d'après les observations du Dr Herschel. Son axe s'incline 61° O. vers le plan de son orbite; il est dirigé constamment vers le degré 19 de \mathcal{X} & \mathcal{W} , de sorte que le pôle du nord se trouve à la queue du cygne, & le pôle austral dans le navire.

Il ne faut au *globe de Jupiter* que 9 heures 55 minutes pour tourner autour de son axe, lequel incliné d'environ $86\frac{3}{4}$ degrés, est à-peu-près perpendiculaire sur le plan de son orbite. Il est dirigé vers le 14° de \mathcal{M} & \mathcal{S} ; & son pôle boréal est dans le dragon, son pôle austral dans la dorade.

Saturne tourne très-vraisemblablement, en même temps ou à-peu-près que son anneau, dans l'espace de 10 heures autour de son axe, lequel d'après toutes les probabilités coïncide avec celui de l'anneau, & par conséquent s'incline de $58\frac{2}{3}^{\circ}$ vers son orbite. Il est constamment dirigé vers le 17° de \mathcal{H} & \mathcal{F} , de sorte que le pôle boréal est situé près de la renne, & le pôle austral près de l'oiseau de paradis.

Le temps qu'*Uranus* met à sa rotation sur son axe est sans doute encore inconnu, mais les observations de M. Herschel nous apprenant que le mouvement des six satellites de cette planète qu'on a découverts jusqu'ici, est presque perpendiculaire à son orbite, on peut supposer avec la plus grande probabilité, que l'inclinaison de son axe ne peut être que de quelques degrés, ou que son équateur fait un angle très-considérable avec son orbite.

On fait que les variations plus ou moins grandes des saisons astronomiques ou de l'influence des rayons du Soleil sur le globe de chaque planète, dépendent de l'inclinaison de son axe vers son orbite, puisque pendant le temps qu'il faut à la planète pour accomplir sa révolution ou son année, le Soleil change du double arc de complément de cette inclinaison, pour chaque endroit situé sur la surface de la planète, la hauteur dans son méridien; il faut donc, d'après les données précédentes, que ces variations dans les saisons soient en partie considérablement plus grandes dans les planètes de *Mars*, de *Saturne*, de *Vé-*

nus & d'*Uranus*, & beaucoup plus petites dans *Jupiter*, que sur notre globe.

Voici l'ordre dans lequel le Soleil & les planètes dont nous connoissons l'inclinaison de l'axe, se suivent, toujours en diminuant: *Jupiter*, le *Soleil*, la *Terre*, *Mars*, *Saturne*, *Vénus* & *Uranus*.

Outre les inclinaisons des axes, il y a dans les points apparens des pôles du Soleil & de cinq globes planétaires, une diversité tout aussi grande. Les pôles boréaux sont situés entre le degré 14 de ♄ & le 0° de ♅, & les pôles austraux entre le 14° ♄ & le 0° ♅ & sont en suivant l'ordre de l'ouest à l'est, ceux de *Jupiter*, *Vénus*, du *Soleil*, de *Mars*, *Saturne* & de la *Terre*. L'équateur de ces globes aboutit donc pour chacun à des constellations du firmament toutes différentes, & le mouvement apparent des astres & du Soleil, quoique le premier s'opère d'est en ouest, & le second dans une direction opposée, aperçu de chacun de ces corps célestes soit dans son mouvement diurne soit dans sa révolution annuelle, diffère extrêmement.

Plus l'inclinaison d'un globe planétaire est petite, & plus le Soleil, pendant chacune de ses révolutions, partant de l'équateur, approche de l'un ou de l'autre de ses pôles. A cause de la variété plus grande de la hauteur dans le méridien qui résulte de là, ce que nous appelons dans notre globe la zone torride devient dans ces globes plus large & par conséquent plus modérée; les zones tempérées au contraire deviennent plus étroites, & le passage du chaud au froid toujours plus grand. Les zones glaciales augmentent en largeur, & la nuit semestriale qui règne pendant une moitié de la révolution de la planète à l'un de ses pôles (& qui dans la planète *Uranus* est de 42 de nos années) s'étend avec toutes ses suites funestes à la culture & à la population, sur une partie de sa surface toujours plus considérable. Avec une inclinaison de l'axe de 45 degrés, il n'y a plus, dans l'idée qu'on attache aux zones astronomiques, de zone tempérée proprement dite, & si l'inclinaison est encore au dessous de 45 degrés, les zones torrides & glaciales coïncident du même côté de l'équateur.

Les

Les deux extrêmes qui peuvent avoir lieu pour l'inclinaison de l'axe sont 0 degrés, ou 90 degrés. Dans le premier cas l'axe est couché sur le plan de l'orbite & le Soleil s'arrête le plus long-temps aux pôles. Les terres polaires sur lesquelles le Soleil se trouve deviennent alors la zone torride, & les opposées la glaciale. Les saisons ne sont point liées à des contrées fixes, mais sont ambulantes sur toute la planète d'un pôle à l'autre, à mesure qu'elle fournit sa course ou sa révolution annuelle autour du Soleil. La variation graduelle de l'efficace des rayons du Soleil est pour chaque contrée aussi grande & aussi régulière que possible.

Dans le second cas, l'axe est perpendiculaire sur le plan de son orbite, & le Soleil se meut constamment dans le cercle de l'équateur. Mais ce printemps éternel ne s'étend avec ses heureux effets que sur une étroite lisière des deux côtés de l'équateur; il ne procure à tout le globe planétaire rien moins qu'un âge d'or, & le transforme au contraire en grande partie en désert aride & inhabité. Il crée une zone torride, & deux qui ne sont tempérées qu'en apparence, puisqu'elles sont à plus juste titre réputées glaciales, ayant au milieu d'elles les pôles, au dessus de l'horizon desquels le Soleil ne s'élève jamais.

L'inclinaison de l'axe de la Terre étant de $66\frac{1}{2}$ degrés, semble être la plus favorable à notre globe relativement à la plus grande culture & habitabilité possibles, puisque dans cette direction le Soleil ne s'éloigne que lentement, & dans l'intervalle de six mois jusqu'à $23\frac{1}{2}$ degrés de l'équateur vers le nord ou le midi, & retourne à lui de la même manière; en conséquence, l'effet de ses rayons produisant la chaleur & la clarté si indispensables aux trois règnes & à l'immense atelier chimique de la nature, augmente & diminue peu-à-peu; les deux zones tempérées embrassent la plus grande partie de la surface du globe, & celle-ci reste habitable jusqu'aussi près de ses pôles qu'il est possible de l'imaginer.

Mais connoissant des planètes, dont les axes sont plus ou moins inclinées que celui de notre Terre, nous pouvons conjecturer de la va-

riété des influences du Soleil qui doivent en résulter pour ces planètes & qui se manifestent chez nous par le double bienfait de la chaleur & de la lumière, que les qualités de leurs sols, de leurs productions & de leurs habitans diffèrent beaucoup entr'eux & des nôtres.

Cependant, toutes les observations faites jusqu'à ce jour nous apprennent, que les directions & les inclinations des axes planétaires sont tout aussi peu en raison avec leur distance plus ou moins grande du Soleil, qu'avec le période de leur révolution, avec leur grandeur, leur densité, leur masse & leur sphéroïdité. Or on ne sauroit s'empêcher d'admettre pour chacun de ces corps célestes une raison suffisante de cet arrangement bienfaisant; & je crois trouver cette raison dans la qualité naturelle & dans le mélange des matières de différente pesanteur spécifique d'où la Terre & les autres globes planétaires sont formés, en conséquence de laquelle pesanteur, d'abord après la formation de ces corps, leurs hémisphères se placèrent en équilibre de chaque côté de l'orbite, qui partage toujours le corps en deux.

Or notre Terre, ainsi que toute autre planète, est en quelque sorte conduite autour du Soleil par ce qu'on appelle le *rayon vecteur*, ou par la ligne qui partant toujours du Soleil se rend à leur centre, attendu que la pesanteur & la force centrifuge opère constamment d'après la direction de cette ligne, & sous un angle droit avec elle. Cependant, vu le constant parallélisme & l'angle de l'axe de la Terre ou de la planète, cette puissante ligne d'attraction du Soleil forme pendant la période planétaire des angles très-différens avec l'axe, savoir dans les deux équinoxes un angle droit, & dans les solstices un angle égal à l'inclinaison de l'axe, & par conséquent la Terre suit pendant l'équinoxe la direction de l'axe, lors du solstice elle forme un angle droit, & tout le reste du temps des angles différens avec son orbite, & de plus, la rotation diurne de la Terre pendant toute l'année autour de cet axe se fait exactement dans 23 heures 56 minutes, & toujours dans la même direction. Par conséquent ces angles qui diffèrent si fort entr'eux, n'influent pas le moins du monde sur la durée

& la direction de cette rotation, tout aussi peu que sur le parallélisme & sur l'angle de l'axe. Il semble donc qu'il doive exister une autre force puissante, qui ne soit pas troublée par cette direction changeante & mobile des forces centrales du Soleil contre l'axe & le cours de la Terre, & qui soit uniquement en état de maintenir l'axe de notre globe (& celui de toute autre planète) dans la même position invariable, & dans la direction constante vers une certaine plage de l'étendue, & cette force je crois pouvoir aussi l'attribuer au Soleil.

Car notre globe, p. ex. dans sa période annuelle réglée de l'ouest à l'est, présente successivement au Soleil toutes les parties de sa surface, & tourne en attendant une fois vers lui autour d'une ligne qui passe par son centre, & qui étant perpendiculaire sur le plan de son orbite, aboutit par conséquent aux pôles de l'écliptique, pour maintenir constamment le parallélisme de son axe diurne de rotation, comme un second axe d'est en ouest. La supposition que le soleil opère aussi cette rotation de la Terre dans le plan de son orbite ou de l'écliptique, correspondante au cercle de son mouvement annuel, est, selon moi, une explication plus naturelle du parallélisme constant de l'axe de la Terre, que si on le regarde comme la simple suite d'une position de l'axe de la Terre, prise jadis & qui ne peut être changée.

Il est reconnu, que Copernic déjà admettoit la supposition que la Terre pendant sa période annuelle, se tournoit une fois dans le plan de son orbite, pour maintenir le parallélisme de son axe, & produire l'origine des saisons, & qu'il appeloit cette rotation le troisième mouvement de la Terre. Mais il admettoit le fait, sans pouvoir en rendre raison, puisqu'il ignoroit les expériences que nous devons aux physiciens modernes, & qui servent à expliquer les lois, d'après lesquelles des forces mécaniques agissent sur des corps qui se meuvent & se tournent à la fois. C'est d'après ces lois qu'on peut conclure que si ces globes planétaires ont reçu au commencement de leur formation une impulsion de quelque côté donné, afin de se mouvoir dans l'espace en ligne droite, cette impulsion a dû se répartir sur tous les points de leur

masse, & qu'ils se sont mus tous ensemble dans des directions parallèles. Tous les points de la surface de la Terre & les pôles de la Terre, quant au parallélisme de leur axe, sont dans le même cas.

De cette manière l'axe de notre globe, lequel détermine sa période diurne de 24 heures, reçut lors de la formation primitive de la Terre, dans une région quelconque de son orbite, l'inclinaison connue, & en même temps la direction vers les plages du monde que nous appelons le nord & le sud. Si la Terre, délivrée de la force attractive du Soleil, prenoit son élan en ligne droite, ou, ce qui revient au même, si elle s'échappoit par la tangente de son orbite dans le vague de l'espace, son axe conserveroit une position constante & uniforme à cette ligne qu'elle parcourroit. Au lieu de cela, elle est incessamment arrachée par cette puissante attraction du Soleil à ce mouvement tangentiel, & son axe reçoit constamment, en même temps qu'elle avance dans son orbite elliptique, une autre position relative à la direction de son cours, telle cependant qu'elle reste toujours parallèle à elle-même, & c'est ce qui ne sauroit se faire que lorsque l'arc du mouvement de la Terre, ou l'angle formé par le rayon vecteur correspond exactement à l'angle autour duquel p. ex. le côté du nord de l'axe s'est détourné vers le Soleil ou de lui. Or ce dernier point étant la suite du premier, le Soleil doit être regardé comme la première cause efficiente de ce parallélisme de l'axe de la Terre, & c'est dans ce sens que j'attribue au Soleil une force par laquelle il fait tourner la Terre dans le plan de son orbite, pour faire naître la différence des saisons, ce qui, vu du Soleil, est le troisième mouvement de la Terre. Je regarde donc comme une supposition presque gratuite, surtout pour celui qui refuse de se rendre à l'autorité, celle qui prétend établir que ce parallélisme de l'axe de la Terre est simplement la suite d'une position de la Terre qu'elle a prise jadis, qu'elle conserve encore toujours, & qu'elle ne sauroit changer, parce qu'il n'y a point pour cela de raison suffisante, tandis que ces règles mécaniques déduites de l'expérience & des lois du mouvement, ne sont proprement applicables qu'à ces corps en

mouvement & en rotation, sur lesquels d'autres corps ne manifestent aucune action, & que le puissant Soleil force la Terre à tourner autour de lui dans une orbite presque-circulaire, & place par là son axe dans une direction différente & proportionnée à la manière dont la Terre avance dans son cours.

Au reste, il seroit aisé, même sans le secours de ces lois mécaniques d'après lesquelles se meuvent sur la terre des corps en rotation, de s'imaginer que le Soleil n'imprime qu'une seule & unique fois par an à la Terre ce mouvement de rotation autour de la ligne qui conduit au pôle de l'écliptique, puisque les astronomes & les géomètres les plus profonds ont prouvé, que l'action combinée du Soleil & de la Lune sur la forme sphéroïdale de la Terre, produit l'avancement des équinoxes, ou le recul annuel & peu conséquent des points équinoctiaux de 51" vers l'ouest, mais qui dans la suite se présente absolument comme un excédant de la rotation annuelle de la Terre produite par le Soleil du même côté (dans le sens que nous venons d'indiquer ci-dessus) *).

- *) Les expériences & les observations faites avec une toupie se tournant sur sa pointe ou sur son axe constant, & changeant à la fois de place par un mouvement circulaire, ne peuvent absolument pas, selon moi, être mises en comparaison avec le mouvement de rotation & le mouvement circulaire de la Terre, puisque d'abord la toupie ne se meut pas autour d'un corps central agissant fortement sur lui, comme la Terre se meut autour du Soleil, & qu'ensuite la toupie tourne très-rapidement autour de son axe par le mouvement de rotation qui lui a été communiqué, sans s'écarter du tout ou du moins en ne s'écartant que peu de sa place, tandis que la Terre p. ex. dans l'espace de 24 heures parcourt dans son orbite, poussée à la fois par son mouvement primitif & par la force attractive du Soleil, un espace 64 fois & au de-là plus grand que celui que chaque point de son équateur pendant une de ses rotations parcourt autour de son axe. De plus, la Terre parcourt tous les jours 346,400 milles de son orbite, & pendant le même intervalle elle ne se tourne vers le Soleil, pour maintenir le parallélisme de son axe, que d'environ 15 milles autour de la ligne qui aboutit au pôle de l'écliptique. Sa première vitesse est donc plus de 23000 fois plus grande que la seconde, & il paroît par cette inconcevable vitesse du mouvement de la Terre, que le Soleil emploie une force très-puissante & très-active à opérer la rotation annuelle de la Terre, & à maintenir le parallélisme de son axe.

D'après cette représentation simple & naturelle, on ne voit pas la possibilité que la Terre ou tout autre globe planétaire, après avoir acquis, par une suite de l'équilibre de ses parties hétérogènes établi lors de sa formation & de son développement, une position fixe de son axe, & une direction fixe de rotation dans le système solaire, puisse jamais échapper à cette action puissante du Soleil, & prendre une nouvelle position & par conséquent une nouvelle inclinaison de son axe vers son orbite, ou changer de place quant à ses pôles; on ne voit aucune cause externe ou interne existante de ce changement, ou assez efficace pour l'opérer.

Faisons encore attention aux phénomènes dans le ciel & aux suites sur la surface de la Terre, que produiroient des changemens qui auroient lieu dans l'inclinaison & dans la direction de l'axe de la Terre, ou des déplacemens réels des pôles terrestres.

1) Quoique le zodiaque ne souffre point par l'inclinaison changée de l'axe de la Terre relativement à son orbite, qui ne dérange ni les pôles ni l'équateur de ce globe, l'angle que l'équateur forme avec l'écliptique augmente ou diminue cependant au point γ & ω , & l'équateur se rapproche ou s'éloigne de l'écliptique au point \odot & \oslash d'autant de degrés, puisque ce changement de position de l'axe ne peut avoir lieu que le long du colure des solstices. Tous les pays situés dans les mêmes cercles parallèles prennent la même part à cet événement, relativement au changement de la durée des saisons, & la hauteur du pôle de chaque endroit reste la même.

2) Si la direction de l'axe de la Terre vers les plages du monde changeant, son inclinaison ne change point, il n'y a que les points équinoxiaux γ & ω & tous les autres points & cercles de la sphère céleste apparente, s'y rapportant, comme p. ex. dans l'avancement des solstices, qui passent par d'autres points de l'écliptique, & cela ne change absolument rien à la hauteur du pôle & à la durée des saisons ou à la hauteur méridienne du Soleil.

3) Enfin si l'inclinaison changée de l'axe est suivie en même temps d'un changement dans sa direction, l'effet qui en résulte au ciel & sur la terre, est composé des deux cas précédens.

4) Si la Terre est entraînée dans un autre plan, différent de celui qu'elle parcourt actuellement autour du Soleil, il se forme au ciel une nouvelle orbite apparente du Soleil, & les saisons restent les mêmes, ou changent de durée, à proportion de ce que l'axe de la Terre s'incline de la même manière qu'actuellement, ou d'une autre manière vers sa nouvelle orbite; & tous les pays prennent une part égale à ce changement, vu qu'il n'influe point sur la hauteur du pôle.

5) Si les pôles changent de place sur la surface de la Terre, l'équateur se rapproche sans doute aussi de l'écliptique ou s'en éloigne, c'est-à-dire que l'obliquité de l'écliptique & l'inclinaison de l'axe vers son orbite sont soumis à un changement. Cependant l'équateur traverse en même temps d'autres pays, & la hauteur du pôle ou la latitude géographique des lieux est soumise à un changement pareil. Mais ce déplacement des pôles ne peut avoir lieu que le long d'un des méridiens de la terre, par conséquent en ligne droite du sud au nord ou du nord au sud, puisque tous les méridiens se coupent dans les pôles. Cependant de cette manière ce n'est qu'une des moitiés de l'équateur qui peut s'étendre sur les régions plus septentrionales & l'autre sur les régions plus méridionales; & tous les pays ne prennent pas également part au changement qui résulte de là dans les saisons, car il faut encore mettre en ligne de compte la grandeur & la direction de ce déplacement des pôles, par lequel un pays se rapproche plus ou moins de la zone torride ou s'en trouve éloigné. Du moins, quelle que soit la translocation des pôles, tous les pays situés dans des zones égales boréales ou australes, ne pourront pas entrer à la fois dans la zone torride, ou prendre relativement à elle une position uniformément changée.

Si la progression des pôles se fait le long du colure du solstice, la direction de l'axe de la Terre continue à être du sud au nord, & la ré-

gion du monde n'éprouve aucun changement. L'obliquité apparente de l'écliptique change exactement d'autant, l'équateur terrestre s'avance à travers les régions plus boréales ou australes de la Terre, & par conséquent l'équateur céleste traverse d'autres constellations. Cependant les points d'intersection de γ & \cap restent immuables, tout comme toute l'écliptique. Mais si cette progression a lieu le long d'un autre méridien, la direction de l'axe de la Terre change, ou le nord & le sud tombent dans d'autres constellations; l'obliquité de l'écliptique change aussi, mais non d'autant que le déplacement des pôles importe; l'équateur terrestre prend au contraire une position oblique, & s'étend plus sur les pays situés vers le sud-est ou nord-ouest, sud-ouest ou nord-est; par conséquent l'équateur céleste passe par les constellations correspondantes; $0^\circ \gamma$ & \cap occupent d'autres points de l'écliptique. Si les pôles avancent le long du colure des équinoxes, les changemens précédens ont également lieu, & les points d'intersection de l'équateur actuel & de l'écliptique $0^\circ \gamma$ & \cap tombent dans $0^\circ \odot$ & ♄ , par conséquent les pôles indiquent à 90° de la direction précédente, le point du nord & du midi.

Il s'agit maintenant de savoir si nous avons découvert des vestiges sur la surface de la Terre, qui indiquent qu'un jour, subitement ou peu-à-peu, l'inclinaison de l'axe de la Terre a changé & que ses pôles se sont déplacés, & la réponse à cette question semble au premier coup-d'œil pencher pour l'affirmative. Car on fait que plusieurs géologues & naturalistes, pour expliquer l'origine du soi-disant déluge, pour expliquer comment dans la suite des temps on a si souvent & à des profondeurs si considérables sous terre, ou sur de hautes montagnes découvert un fond & des productions de mer, pour expliquer comment des restes de plantes, d'animaux terrestres & marins méridionaux sont parvenus & ont été enterrés sous la surface des terres septentrionales, comment les différentes couches de montagnes se sont formées, & pourquoi dans plusieurs contrées se sont produits des vestiges, des ruines d'une surface de la Terre anciennement habitée, des transformations de
terre

terre en mer & de mer en terre &c.; on fait, dis-je, que pour se tirer d'embarras ils ont presque tous admis d'anciens & de fréquens changemens dans les pôles & des déplacemens de l'axe de la Terre.

Mais il est, selon moi, plus de la compétence de l'astronome que du géologue, d'examiner les causes de ces différens phénomènes & de prononcer sur elles, puisqu'il s'agit ici d'un point de vue plus général, savoir, comme je l'ai dit plus haut, de rechercher la liaison dans laquelle se trouve la position de l'axe de la Terre avec le Soleil & avec les lois des forces attractives dans le système solaire, & d'observer ce que les autres globes planétaires qui roulent de concert avec le nôtre dans le vaste domaine du Soleil, indiquent quant à la position & l'inclinaison de leurs axes, afin de pouvoir par de justes conclusions tirées de ces raisonnemens analogiques, parvenir à savoir quelles doivent être les causes & quels les effets pour que de tels changemens aient lieu.

Conformément à ces expériences & à ces raisonnemens, on peut affirmer avec beaucoup de fondement qu'aussi long-temps que l'action combinée des forces attractives du Soleil & de la Lune sur notre Terre continue d'une manière aussi uniforme qu'elle l'a fait jusqu'à présent, il ne peut se passer aucun changement durable & considérable dans l'inclinaison & la direction de son axe & des points occupés par ses pôles.

Il n'en est pas moins vrai, que les observations exactes de nos astronomes nous ont appris, qu'effectivement depuis plusieurs siècles il s'est passé un léger changement dans l'inclinaison de l'axe de la Terre ou dans l'obliquité de l'écliptique. Car l'angle de celle-ci est aujourd'hui plus petit de 23 minutes qu'il ne l'étoit du temps d'Hipparque, c'est-à-dire il y a 2050 ans, & en admettant une diminution uniforme dans cet intervalle, elle est pour chaque année de 0,7 secondes.

On a long-temps craint, en conséquence de cette expérience, que l'écliptique pourroit un jour coïncider avec l'équateur, que l'axe de la Terre acquerroit une position perpendiculaire sur le plan de son orbite, & que le Soleil feroit constamment sa révolution autour de l'équateur,

par où dans les pays situés sous les deux pôles & dans les zones tempérées le froid iroit toujours en augmentant, & la population & la culture toujours en diminuant.

Mais nous devons aux lumières de MM. *de la Grange & de la Place* d'être heureusement guéris de ces craintes, & par des calculs profonds & analytiques, fondés sur des observations astronomiques très-exactes, ils nous ont prouvé que les causes de ce changement d'inclinaison de l'axe de la Terre se trouvent dans la perturbation ou dans l'attraction réciproque des planètes dans notre orbite, que depuis les temps d'Hipparque elle n'a pas toujours uniformément contribué à la diminution de l'obliquité de l'écliptique, qu'elle ne continue pas non plus sans interruption, mais que ce sont proprement les pôles de l'écliptique, ou cet axe perpendiculaire de la Terre, autour duquel ils tournent une fois par an, vus du Soleil, qui par cette raison seule se meuvent en longues périodes autour des pôles des orbites planétaires, lesquelles à cause de leur foible inclinaison vers l'écliptique, doivent se trouver dans le voisinage des pôles de la Terre; & les lignes des nœuds des orbites planétaires se mouvant aussi fort lentement d'ouest en est, les positions de ces orbites & de leurs pôles changent tout aussi imperceptiblement.

Par conséquent le changement observé depuis le temps d'Hipparque dans l'obliquité de l'écliptique n'est qu'une simple nutation ou oscillation de l'axe de la Terre, qui néanmoins a produit une diminution extrêmement petite de l'angle, mais qui à l'avenir produira à son tour l'équilibre, & plus tard une augmentation de l'angle en question.

M. *Schubert* à Pétersbourg a calculé les différens périodes de ce changement de l'obliquité de l'écliptique d'après les formules de M. *de la Grange* *). Il trouve que dans un intervalle de 65000 ans il ne passe pas les bornes de $20^{\circ} 34'$ & de $27^{\circ} 48'$, de sorte que sa valeur moyenne est de $24^{\circ} 11'$. Il est actuellement plus petit de 43° que cette valeur moyenne, & diminue depuis 4000 ans. Il diminuera

*) Voyez les Nouveaux mémoires de l'Académie de Pétersbourg, Vol. X.

encore pendant environ 4900 ans, & après être parvenu à $22^{\circ} 53'$ il ira de nouveau en augmentant.

Il résulte de tout cela des conséquences très-importantes pour la durée & la conservation de notre globe, à l'axe de rotation duquel la nature a assigné d'aussi étroites limites, entre lesquelles il est obligé d'osciller, & il est par conséquent clair qu'aussi long-temps que la marche & la combinaison du système solaire ont été ou seront les mêmes, ces légers effets périodiques qui en résultent, se reproduiront toujours de la même manière. L'arrangement sage, par lequel des corps célestes quoiqu'éloignés de la Terre, agissent cependant sur elle, mais ne peuvent à cause de leur position & de leur distance opérer sur elle que des oscillations légères & périodiques, favorise la conservation de l'ensemble, & nous garantit de vicissitudes grandes & funestes. C'est ainsi qu'un vaisseau porté sur la surface de l'océan agité par l'ondulation des vagues, vogue en sûreté malgré l'oscillation continuelle qui le berce, quand un vent favorable enfle ses voiles, & qu'un pilote habile le conduit.

Si l'axe de la Terre & ses pôles sont, à l'aide de ces puissans liens, à couvert de tout changement rapide & lent, qui produit des suites généralement funestes, il faut bien que les mutations & les irrégularités apparentes que nous observons sur la surface de la terre & de la mer & dans son sein, résultent d'autres causes que de la position changée de l'axe de la Terre & du déplacement des pôles, comme plusieurs l'ont cru & affirmé jusqu'à présent.

Ceci devient plus évident encore, quand on réfléchit & calcule, de combien peu d'importance sont tous les changemens de cette nature relativement au globe de la Terre, & quand on examine s'ils ont jamais été en état de déplacer son centre de gravité.

Un raisonnement général & approximatif suffit pour montrer combien peu l'homme connoît l'intérieur de la Terre, & combien petite est la partie de sa masse soumise à sa domination & à ses recherches. Des 9,282600 milles carrés que la surface de la Terre comprend, tous les

pays connus jusqu'à présent (& les terres inconnues ne sauroient comprendre une grande étendue), en occupent à peine le tiers ou 3 millions de milles carrés. Or les deux îles principales, dont l'une comprend l'Europe, l'Asie & l'Afrique, & l'autre l'Amérique, & les milliers de petites îles répandues dans toutes les mers, ne sont que des dos de chaînes de montagnes, des sommets de monts qui s'élèvent à peine sur la surface de l'océan. En portant l'élévation de ces continents au dessus du niveau de la mer, à 6000 pieds ou à un quart de mille (& combien peu de contrées s'élèvent à cette hauteur?) & en admettant la profondeur de l'océan tout aussi profonde (& quel homme l'a approfondi jusques là?) cette hauteur & cette profondeur dans un globe d'un pied = 144 lignes de diamètre, seroit de $\frac{144 \text{ lignes}}{4,1719 \text{ milles}}$ = 0,021, par conséquent d'environ $\frac{1}{50}$ de ligne, ou de la cinquième partie d'un grain de sable (en comptant 10 grains de sable pour une ligne). Et toute cette écorce du globe de 6000 pieds d'épaisseur, ne contient que la 3000^{me} partie des 2659,465000 milles cubes que le globe de la Terre renferme.

Avec cela tous les vestiges d'anciens changemens que l'homme est encore en état d'observer, se manifestent en de-ça de cette mince écorce du globe que nous venons d'admettre, dont il n'a, qui plus est, pas encore approfondi le quart, car la plus grande profondeur où l'on ait pénétré jusqu'ici dans le sein de la terre, n'atteint pas la mesure de 1500 pieds *).

Seroit-il possible que des révolutions qui auroient lieu dans la partie supérieure & à l'extrémité de cette écorce de la Terre, proportionnellement si mince, pussent être suffisantes pour déplacer aussi considérablement le point de gravité du globe de la Terre, & en même temps ses pôles & son axe, c'est-à-dire à la concurrence de plusieurs degrés de la périphérie du globe, comme on l'a admis pour expliquer p. ex. comment

*) C'est la 20^e partie d'un grain de sable, & moins de la 3^e partie de l'épaisseur d'une feuille de papier qui sert d'enveloppe ou de couverture à un globe d'un pied de diamètre.

des dents d'éléphant ont pu se trouver sous la surface de la terre en Allemagne & en Sibérie? Ou supposé que dans l'une ou l'autre époque, des montagnes se fussent par-tout roulées sur des montagnes & que des océans & des terres eussent changé de place, est-il à croire que de telles catastrophes violentes, & sans doute dévastatrices pour les habitans de la terre qui les éprouveroient, eussent pu ébranler la position de l'axe & des pôles? Non sans doute. Ces dévastations ne seroient à beaucoup près pas même à comparer au dégât qu'un insecte produiroit sur un globe d'un pied, en rongant le papier qui lui serviroit d'enveloppe, & qui pousseroit la folie jusqu'à croire que le point de gravité d'un tel globe perdrait considérablement son soutien par un accident de cette nature?

On ne peut imaginer de changement dans la position de l'axe de la Terre ou de ses pôles qu'en supposant que toute la masse du globe dût être bouleversée dans ses parties extérieures & intérieures, & tout renversé sens dessus dessous. Mais une telle catastrophe changeroit totalement la forme de l'écorce que nous habitons; les montagnes, les continens & les mers seroient déplacés à plusieurs milles de hauteur & de profondeur, & comment seroit-il possible à l'homme, qui ne pénètre dans le sein de la terre qu'à une si petite profondeur, de découvrir des vestiges & des restes de ces révolutions violentes & immenses?

Et en supposant même que le point de gravité de la terre se soit dérangé jadis par des bouleversemens violens de ses parties hétérogènes, il falloit, d'après les principes hydrostatiques, que les lois de pesanteur devinssent irrégulières relativement à la surface & à ses périodes de rotation, & les deux hémisphères auroient cessé d'être en équilibre entr'elles. De cette manière le globe terrestre ne pouvoit pas subsister; il devoit s'y former de nouvelles révolutions plus terribles encore qui auroient changé de nouveau la forme du globe, & assigné au point de gravité sa première place, qui auroient fait contre-balancer au juste les deux hémisphères, & les auroient fait tourner de nouveau avec une uniformité constante, dans l'espace de 24 heures, autour de leur axe; car

les astronomes prouvent évidemment par les observations les plus exactes relativement à la période diurne parfaitement régulière du globe terrestre, que son point de gravité est à présent suffisamment soutenu, & que l'équilibre a complètement lieu. Comment donc ces deux révolutions supposées avec leurs suites sont-elles concevables dans les principes de l'astronomie & de la physique?

De plus, le globe terrestre a la forme sphéroïdale, & tourne dans l'espace de 24 heures autour de son plus petit diamètre d'environ 8 milles. Or si cet axe, & par conséquent aussi ses pôles, restent les mêmes, & que le premier change son angle d'inclinaison vers le plan de l'écliptique peu-à-peu & avec une telle vitesse, la forme sphéroïdale à la vérité ne souffre pas de la rotation de la terre, mais l'augmentation ou la diminution de l'obliquité de l'écliptique qui en résulte & qui continue constamment ou se manifeste subitement, n'a encore été annoncée par aucune observation faite au firmament.

Si au contraire les pôles eux-mêmes quittent leur place, il se forme un nouvel axe, & la forme sphéroïdale de la Terre est changée, puisque la rotation diurne se fait dans la direction d'un autre équateur. Mais de cette manière il faudroit s'attendre aux révolutions les plus fortes & les plus terribles, & les ruines d'une population qui auroit précédé la nôtre, enfoncées trop avant dans le sein de la Terre, échapperoient entièrement aux recherches d'une génération suivante.

Les pôles actuels de la Terre semblent aussi occuper les places les plus convenables, car n'étant pas habitables, à cause du froid qui y règne, pour des êtres de notre espèce, quel que soit l'angle d'inclinaison de l'axe vers leur orbite, ils sont assignés pour demeure à l'océan septentrional & austral, & toutes les parties du globe sont situées autour d'eux à l'est & l'ouest, comme on diroit, dans l'intention bienfaisante de les exposer toutes pendant la rotation diurne & la période annuelle de la Terre, autant que la nature de l'extérieur d'une sphère le permet, aux douces influences du Soleil, & d'étendre ainsi la population & la culture aussi loin vers les pôles qu'il est possible. Si p. ex.

nous transposions le pôle arctique au milieu de l'Asie, le pôle antarctique tomberoit dans l'Amérique méridionale, & tout d'un coup plusieurs centaines de milliers de milles carrés faisant aujourd'hui partie du terrain cultivable de la surface de la terre, seroient transformées par le froid qui les couvrirait, en déserts tristes & inhabités. Il est donc non seulement très-probable, mais certain & conforme à tous les argumens que nous venons d'alléguer, que les pôles actuels, dès la formation du globe terrestre, autant que nous en connoissons aujourd'hui la surface terraquée, en ont été les pivots constans, & on ne sauroit imaginer, dans les principes astronomiques & hydrostatiques, sur la surface de notre Terre assignée au genre humain pour l'habiter & pour y dominer, aucune révolution qui eût jamais été capable de déplacer ces pôles d'une manière aussi funeste, ou qui pût les menacer dans la suite d'un pareil dérangement.

Aussi loin que les anciennes observations astronomiques remontent, & il y a 4450 ans, que l'astronome chinois Hu-Chi vit déjà l'étoile α de la queue du dragon tout près du pôle arctique, là où elle devoit se trouver alors d'après la rétrogradation des points équinoxiaux calculée sur les observations les plus récentes, il ne s'est manifesté au firmament aucun phénomène qui annonçât une inclinaison subite ou lentement amenée de l'axe de la Terre, ou le déplacement de ses pôles, dont l'effet n'auroit pas pu rester long-temps caché. Ce que par conséquent Hérodote rapporte de la légende des prêtres égyptiens est un conte, car si le Soleil avoit effectivement changé trois fois dans l'espace de 11000 années son cours apparent & le lieu de son lever eu égard aux plages du monde, les pôles devoient dans le même intervalle avoir changé trois fois de place, & par conséquent l'Égypte de climat. Mais comment les habitans d'un pays déjà si plat, auroient-ils pu, au milieu de ce triple bouleversement des terres & des mers, qui devoit résulter de ce changement de rotation dans la Terre, résister à une destruction totale?

Au contraire, combien ne se sont pas changés dans certaines contrées de la Terre, au bout de quelques siècles, le climat physique, la température de l'air & le climat d'un pays, & combien tous ces changemens ne diffèrent-ils pas entr'eux, dans un même espace de temps & sous les mêmes latitudes géographiques? Conformément à ces expériences évidentes, la cause qui nous fait trouver sous le sol des régions du nord des restes de plantes & des animaux de terre & de mer des contrées méridionales, seroit beaucoup plus naturellement à chercher dans ces changemens lents & progressifs ou périodiques du climat, que dans ces catastrophes violentes que produit un déplacement des pôles ou l'inclinaison changée de l'axe de la Terre.

En admettant un simple accroissement ou décroissement de l'inclinaison actuelle de l'axe de la Terre de $66\frac{1}{2}^{\circ}$, l'Allemagne p. ex. ne peut jamais se trouver placée sous ce que nous appelons aujourd'hui la zone torride. Et quand même dans le premier cas l'inclinaison monteroit jusqu'à 90° ou qu'elle devînt équivalente à une position perpendiculaire au plan de l'orbite de la Terre, le Soleil s'écarteroit pourtant encore de ce pays en été de $23\frac{1}{2}^{\circ}$ vers le sud. Si, en admettant le second cas, l'inclinaison de l'axe p. ex. diminuoit jusqu'à 30° , le Soleil s'écarteroit à la vérité en été de 60° de l'équateur vers le nord, & se trouveroit deux fois perpendiculairement placé sur l'Allemagne, mais d'un autre côté il ne se lèveroit pas du tout pour nous pendant quelques mois de l'hiver, & le froid deviendrait beaucoup plus rude à proportion d'aujourd'hui. Dans les deux cas il paroît également impossible que l'espèce connue des éléphants & des plantes qui ne subsistent que dans des climats chauds, pussent profiter en Allemagne.

En supposant donc que l'Allemagne notre patrie ait jamais été située dans la zone torride ou dans le voisinage de l'équateur, le pôle arctique devoit se trouver alors dans la partie boréale de la Mer-pacifique entre l'Asie & l'Amérique, & le pôle antarctique à la pointe méridionale de l'Afrique, à 750 milles de leurs points actuels. Mais alors la partie nord-est de l'Asie étoit plus près qu'aujourd'hui du pôle arctique, &
la

la Sibérie se trouvoit située dans la zone tempérée boréale. Or comme on a trouvé dans le nord de la Sibérie comme en Allemagne des squelettes d'éléphants sous terre, il faudroit par la même raison que ces deux pays eussent été en même temps sous la zone torride, ce qui n'eût pu arriver qu'au moment où le pôle arctique auroit été près de la Californie dans l'Amérique moyenne, & le pôle arctique à Madagascar dans la mer des Indes. Même en nous représentant les pôles à 70° ou 1050 milles des points qu'ils occupent aujourd'hui, on demande: Si les éléphants ont vécu précisément alors en Allemagne & en Sibérie, où étoient donc les ancêtres de ceux qui vivent présentement en Asie & en Afrique, puisqu'alors ces pays étoient situés fort avant dans la zone tempérée, & même dans la zone froide australe?

On tombe ainsi dans mille contradictions en admettant trop légèrement le déplacement des pôles, même en ne mettant pas en ligne de compte les ravages qu'il produit sur la surface même de la terre & de la mer. C'est un raisonnement bien naturel que celui-ci: Si jadis les régions actuelles du nord étoient situées dans la zone torride, une partie du climat torride actuel de la terre (car nous avons prouvé l'impossibilité que le tout ait jamais pu se trouver dans ce cas) a dû se trouver dans la zone tempérée ou même froide méridionale. Mais des éléphants ont-ils pu vivre dans ce temps-là sous ce climat alors tempéré ou froid, aujourd'hui leur patrie, ou ont-ils pu résister au bouleversement total de la surface de la terre & de la mer, lorsque tout-à-coup le pôle arctique s'est rapproché de plus de 1000 milles de l'Allemagne & de la Sibérie, & a fait par conséquent de leur patrie la zone torride? Supposera-t-on que dans cette émeute des élémens quelques-uns de ces lourds animaux, pour conserver leur espèce, & à l'imitation des oiseaux de passage, aient émigré d'Allemagne & de Sibérie aux Indes & en Afrique, leur séjour actuel, ou bien ceux qui vivoient alors dans la zone tempérée & froide méridionale, passèrent-ils tout-à-coup dans notre zone torride actuelle?

Ces questions restent sans réponse, mais elles deviennent par bonheur inutiles dès qu'on s'est suffisamment convaincu par tous les argumens astronomiques que nous venons d'indiquer, que des déplacements réitérés des pôles d'un globe terrestre cultivé & habité sont inconcevables. Néanmoins, puisque nous trouvons des squelettes d'éléphans & de plantes méridionales sous le sol des régions boréales de la Terre, le moyen le plus simple & le plus court d'expliquer ce phénomène, celui que la nature emploie le plus communément, est de dire que selon toutes les apparences il y a eu autrefois dans les régions tempérées de la Terre une espèce particulière de ces animaux & de ces plantes tropiques, d'autant plus que nous trouvons sous terre plusieurs empreintes de coquillages pétrifiés d'insectes & de plantes, dont les originaux nous sont inconnus. Ou, ce qui est tout aussi croyable, ces zones astronomiques tempérées jouissoient autrefois d'un climat physique plus chaud. N'a-t-on pas des marques incontestables que dans la totalité, le froid augmente depuis plusieurs siècles dans le nord; que les glaces s'entassent toujours davantage autour du pôle arctique, que même la végétation de nos contrées ne manifeste plus le même degré de perfection & de fertilité, quoique pendant cet espace de temps il n'y ait pas eu le moindre déplacement des pôles, ni le moindre changement dans l'inclinaison de l'axe terrestre qui pût influencer sur le climat. D'ailleurs, le froid dans l'hémisphère méridional du globe n'est-il pas beaucoup plus étendu & plus rigoureux que dans l'hémisphère boréal, quoique ces deux parties soient situées sous les mêmes climats du Soleil, & que, de plus, la Terre approche pendant l'été des zones méridionales de 700,000 milles plus près du Soleil, que pendant notre été?

Il paroît donc que les climats physiques du globe de la Terre, surtout les climats tempérés & froids, par la raison qu'ils sont beaucoup plus exposés aux divers effets du Soleil que la zone torride, sont soumis à de grands changemens, peut-être après de longs périodes de temps. Ces changemens dépendent en grande partie des circonstances locales & temporaires, que le seul retour périodique des in-

fluences annuelles du Soleil ne détermine pas uniquement. Ils sont en même temps l'agréat des fermentations, des dissolutions & des décompositions chimiques (causées par la lumière, la chaleur & les mélanges) des élémens hétérogènes qu'exhale l'écorce extérieure de la surface de la terre & de la mer, couverte de corps animaux & végétaux, que le vent chasse en partie dans l'atmosphère, & que celle-ci après les avoir modifiées & transformées en d'autres matières, rend à la terre en humeurs fertilisantes.

Monsieur de Humboldt, naturaliste savant & infatigable, m'écrivit à ce sujet, il y a quelques années, ce qui suit :

„L'histoire des plantes commence à l'époque de leur mort & de la
„destruction de toute végétation; c'est dans leur tombe qu'il faut les
„chercher (les phytolithes, les fossiles, les charbons de bois, la
„houille &c.). Quelles espèces sont-ce? où ont-elles végété? Pres-
„que toutes celles que l'on reconnoît, appartiennent aux tropes de la
„zone torride; le bambus & l'éléphant dans le nord de l'Asie & en
„Sarmatie, prouvent de la manière dont ils ont péri, que ce ne sont
„pas les eaux qui les ont transportés dans ces contrées, mais qu'ils y
„ont végété & vécu. C'est ce que le professeur Blumenbach a prouvé
„d'une manière irréfutable. Il y a donc eu une époque où le climat
„des tropes a dominé sous 40 — 50° de latitude. En faisant ces re-
„cherches, auxquelles je ne touche ici qu'en passant, je parcours toutes
„les causes astronomiques alléguées jusqu'ici comme vraisemblables, & je
„les trouve toutes inadmissibles, de sorte qu'il ne me reste à faire que
„les raisonnemens suivans: Dans une atmosphère de qualité différente
„le rayon du Soleil se décomposeroit d'une manière différente, la tem-
„pérature seroit autre, & dans le premier état chaotique de l'univers,
„où toutes les matières étoient dissoutes, il y a lieu de croire que l'at-
„mosphère n'étoit pas uniquement composée d'acide oxygéné d'azote,
„& d'un peu de carbonique dissous en calorique. Je ne regarde pas
„cette cause comme destituée de tout fondement; mais ce qui me pa-

„roît encore plus vraisemblable est que dans l'origine du corps ter-
„restre solide, lorsque des parties liquides se transformèrent en solides,
„le calorique se détacha librement, & que ces précipités des masses
„lapidaires, à proportion de la rapidité ou de la lenteur avec laquelle
„ils s'opéroient, occasionoient une température très-élevée, mais peu
„durable, des couches d'air environnantes. Peu-à-peu le calorique
„se mit en équilibre autour du sphéroïde de la Terre, & produisit le
„degré de chaleur atmosphérique propre à cette planète. Quand je vois
„que notre hémisphère boréal contient le plus de terres continentales,
„quand à mes yeux il n'est pas improbable que la masse de la Terre s'est
„endurcie plutôt vers les pôles que sous l'équateur, où les parties en-
„core liquides s'amoncelloient, je crois y trouver un nouvel argument
„en faveur de l'ancienne chaleur du nord de notre globe.”

„Il n'est donc plus croyable à mes yeux, que l'écliptique ait si
„prodigieusement changé son obliquité, & je trouve avec vous que si
„l'axe de la Terre & l'écliptique coïncidoient ensemble, (& que le
„Soleil, de cette manière, passât par les deux pôles,) le long hi-
„ver tueroit les palmiers que l'été auroit fait naître. Il est aussi de
„toute nécessité (comme je l'ai montré par des expériences dans mes
„Essais chimiques) que le jour continuel épuiserait bientôt les plantes
„condamnées à une respiration non-interrompue. Nous voyons par
„l'inclinaison des axes, dont aucun n'est au dessous de 51° , à quel
„point le jour continuel a été épargné à une grande partie de la sur-
„face d'une planète *). Je suis maintenant parfaitement convaincu que
„le phénomène remarquable de la végétation méridionale dans le nord
„tient à des causes chimiques, & non astronomiques. Car lorsque le
„continent se sépara d'avec le fluide ou s'endurcit, une grande quan-
„tité de calorique se détacha subitement & s'amoncela principalement
„chez nous dans l'hémisphère boréal, parce que ce fut là que les plus

*) Du moins à celles de la Terre, de Mars, de Jupiter & de Saturne.

„grands continens se formèrent. Chaque précipité d'une couche communiquoit au liquide furnageant une chaleur nouvelle. Celle-ci „s'évaporoit toujours plus vite à mesure que la menstrie diminuoit, „tout s'apaisa à la fin, & de cette manière une chaleur tropique „s'engendra sur le nouveau solide, laquelle produisit des animaux & „des plantes. Cette croissance surabondante des plantes ne dura pas „néanmoins long-temps. Le calorique amoncelé dans l'hémisphère „boréal aspirant à se mettre en équilibre, se communiqua bientôt au „reste de l'atmosphère, ou fut fixé de nouveau pour être de nouveau „dissous. De cette manière la température torride cessa, & l'atmo- „sphère obtint sa propre quantité de calorique. Ce nouveau mode „d'explication, auquel vous ne refuserez pas votre assentiment, n'est „point hypothétique. Dès qu'on admet que des masses solides furent „jadis liquides, qu'elles durcirent rapidement (& d'innombrables pétrifications n'en fournissent-elles pas la preuve?), on ne sauroit se refuser à l'idée d'une quantité de calorique détaché, proportionnée à la „masse durcie.” Jusqu'ici M. de Humboldt.

Enfin, il me reste encore à remarquer, qu'en conséquence de toutes les expériences & observations faites jusqu'à présent, nous ne connoissons également pas hors du globe terrestre des forces capables de déplacer les pôles & l'axe de la Terre destinée à servir d'habitation au genre humain actuel.

Il est vrai que depuis long-temps on soupçonne les *Comètes* d'avoir produit ces dérangemens désastreux. Qui fait, dit-on, si peut-être un de ces corps célestes ne passa pas de trop près à côté de notre Terre, & armé de sa force d'attraction, en inclina traîtreusement l'axe, ou en déranger les pôles, & en versant sur elle sa queue, comme le prétend Whiston, comme un immense torrent d'eau, y produisit le soi-disant déluge universel, ou, corps ignée, y mit tout en feu, consuma les terres & les mers par un incendie général, déplaça le centre

de gravité de la Terre, & y causa, en un mot, un bouleversement universel.

Mais la connoissance plus juste que nous avons aujourd'hui du cours & de la nature de ces corps célestes n'admet point l'idée qu'ils aient pu traiter jamais notre Terre avec une telle rigueur; des expériences certaines & des raisonnemens qui paroissent évidens nous mettent en état de conclure, que la pesanteur & la masse spécifique des Comètes est peu considérable. Elles paroissent être composées de parties matérielles fort rares ou d'une grande finesse, & de lumorique éthérien, & leurs queues ne sont probablement qu'un assemblage d'élémens infiniment subtils, lucides & transparens; de sorte que nous avons tout aussi peu à craindre d'elles que des corps mêmes qu'elles accompagnent.

Aussi loin qu'il nous est possible de remonter dans l'histoire probable des temps, nous ne trouvons rien de relatif aux funestes influences qu'on prête aux Comètes, & il n'en est point qui par son voisinage ait produit une révolution sur notre globe; tout ce qu'autrefois les préjugés, la superstition & l'ignorance ont inventé à ce sujet, ne sauroit plus nous égarer ni mériter notre attention.

Dans les temps modernes, quelques Comètes ont passé assez près de notre globe sans que leur voisinage ait produit, pas même dans l'atmosphère, aucun changement sensible & extraordinaire, ou qu'on ait remarqué à la suite du phénomène un dérangement général dans la température de l'air & dans la nature des saisons, ou des inondations, des tremblemens de terre &c. A plus forte raison encore les pôles & l'axe de la terre ne se sont pas dérangés à leur approche, car la moindre variation à cet égard n'eût pas échappé aux observations des astronomes modernes armés des instrumens les plus exacts & les plus parfaits.

On a, au contraire, de fortes présomptions de croire que des Comètes qui dans leur cours ont approché de près de notre Terre ou de

quelque autre planète, se sont un peu déclinées de leur orbite, entraînées par la force attractive de ces corps. Ainsi, p. ex. la Comète de 1759, lorsqu'elle fit alors, autant que nous sommes instruits de son histoire, au bout de 76 ans sa sixième révolution autour du Soleil, se fit attendre 500 jours, & prolongea d'autant l'époque de son retour, uniquement parce qu'approchant de fort près de Jupiter & de Saturne dans sa route vers le Soleil, elle fut arrêtée par ces deux planètes dans sa marche, ainsi que l'ont prouvé les calculs de M. Clairaut.

Avec tout cela, mon intention n'est pas de prétendre & de soutenir, qu'il n'y ait jamais eu, dans les temps les plus reculés & antérieurs à celui où notre globe se développa au point de devenir habitable, & où toutes ses parties parvinrent à un état de parfait équilibre & de durée, dans notre globe des dérangemens & des changemens de forme considérables, par lesquels il se peut qu'à plusieurs reprises les pôles & son axe ayent été dérangés; mon intention n'est que de prouver que tout ce que nous trouvons dans l'intérieur de la mince écorce de notre globe, & ce que nous regardons à tort comme autant de monumens subsistans de ces révolutions, ne sont que des changemens particuliers, de peu de conséquence dans leur totalité, ayant eu lieu dans différentes époques à la surface de la terre ou de la mer, & n'ayant jamais pu être une cause suffisante pour ébranler les pôles & l'axe de la Terre & déplacer son centre.

Il peut & doit se produire & se préparer continuellement encore de pareils changemens partiels au dessus & au dessous de l'écorce mince de la Terre, dont l'organisation l'y rend toujours encore propre, puisque des forces toujours vivantes & agissantes de la nature y sont sans cesse excitées & mises en activité par les décompositions & les transmutations chimiques de toutes les matières terrestres, & sont capables de produire d'un millier d'années à l'autre, sur ce globe, des révolutions plus ou moins considérables. Mais les puissantes lois de

l'équilibre & de l'attraction réciproque, par lesquelles la toute-puissance du Très-haut a lié les mondes entr'eux, ne permettent pas de croire à des changemens & à des déplacemens de l'axe & des pôles de la Terre, accompagnés de suites dangereuses & funestes pour tout le genre humain, tel qu'il existe aujourd'hui; elles assurent au contraire la durée de la forme actuelle de notre globe, & confirment le mot sublime du poëte sacré: *La sagesse de l'Éternel a fondé la Terre, & elle est inébranlable!*

RÉFLEXIONS LOGIQUES

*sur une démonstration apagogique touchant le Levier; suivies
d'une nouvelle démonstration pour le cas, où les puissances y
sont appliquées obliquement.*

PAR M. J. C. SCHWAB *).

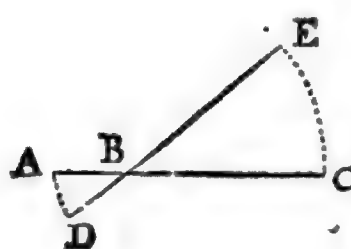
C'étoit sans doute une occupation peu digne d'un philosophe que celle d'*Euclide* de Mégare, d'imaginer des sophismes nouveaux. Mais ce que ce philosophe & sa secte cherchoient, pour chicaner & embarrasser les philosophes des autres sectes, l'ami de la vérité le rencontre quelquefois dans son chemin, sans s'y attendre. Ordinairement l'erreur commise se découvre & se corrige aisément: mais il y a des cas, où elle est cachée sous les apparences d'un raisonnement légitime. Il devient alors très-intéressant de la découvrir, ne fût-ce que pour conserver aux règles du raisonnement leur autorité, & les garantir de tout soupçon de n'être pas nécessaires & universellement vraies.

On connoît la nature de la démonstration *indirecte* ou *apagogique*, qu'on appelle aussi *réduction à l'absurde*. Elle consiste à supposer le contraire de ce qu'il y a à démontrer, & à en déduire, par un raisonnement légitime, une proposition ou fausse en elle-même, ou du moins avouée comme telle par celui qui nous nie la proposition à dé-

*) Lu à l'Académie le 22 juin 1797.

montrer: d'où l'on conclut que celle qu'on a supposée est également fausse, & que par conséquent son opposée, c'est-à-dire la proposition à démontrer, est vraie. Je n'entreprends pas ici de prouver que cette manière de raisonner est très-bonne, ni d'en développer les règles. Cela se trouve dans toutes les bonnes logiques: d'ailleurs la géométrie qui en offre mille exemples, en garantit la légitimité.

Puis donc que la proposition, à laquelle on est conduit par le raisonnement, en supposant le contraire de la proposition à démontrer, doit ou être fausse en elle-même, ou du moins contredire une autre, avouée comme vraie; il est évident que le résultat du raisonnement ne sauroit être la *proposition à démontrer*. En effet, ce seroit nier le principe de contradiction, que de soutenir qu'un raisonnement légitime peut commencer par une proposition, & finir par celle qui lui est opposée: car ce seroit soutenir, qu' A est B parce qu' A n'est pas B , ou qu' A n'est pas B parce qu' A est B ; ce qui est évidemment absurde. Voilà cependant ce qui paroît avoir lieu dans la démonstration suivante, touchant le *Levier*.



PROPOSITION.

Si les poids P & p , appliqués perpendiculairement aux extrémités A & C du levier ABC , sont entr'eux en raison inverse de ses bras AB , BC ; il y aura équilibre.

DÉMONSTRATION.

S'il n'y a point d'équilibre;

1. le levier ABC tournera autour du point d'appui B & une de ses extrémités, par ex. A descendra de l'arc AD , pendant que l'autre montera de l'arc CE .

2. Il y aura donc $AB : BC = AD : CE$; & puisque par l'hypothèse $P : p = BC : AB$, on aura

3. $P : p = CE : AD$, par conséquent $P \times AD = p \times CE$. Mais puisque les arcs AD , CE expriment les *vitesse*s des poids (ou puissances) P , p , & que ceux-ci sont entr'eux comme leurs masses; $P \times AD$ exprimera l'effort de P , & $p \times CE$ celui de p . Donc

4. les efforts seront *égaux* des deux côtés; & comme ils sont *opposés*, il y aura équilibre. Donc

5. *s'il n'y a point d'équilibre, il y aura équilibre.* Cela est absurde, & cette absurdité ne peut venir que de quelque vice dans le raisonnement qu'il s'agit de trouver.

Un raisonnement peut être vicieux ou dans la *forme*, ou dans la *matière*. Il l'est dans la *forme*, lorsque les règles du raisonnement y sont violées: il l'est dans la *matière*, lorsque l'une ou l'autre des prémisses est fausse. Dans les Mathématiques, où le raisonnement a ordinairement une marche bien simple, il arrive rarement de tomber dans la première faute: mais on peut facilement tomber dans la seconde, c'est-à-dire prendre pour vraies des propositions qui ne le sont pas. Voyons donc, s'il ne s'est pas glissé quelque prémisse fausse dans le raisonnement que nous venons de faire.

D'abord les propositions contenues sous les Nr. 2 3 & 4 ne sauroient être soupçonnées d'être fausses: la Géométrie, l'Arithmétique, la Physique & la Mécanique en garantissent la vérité. Seroit-ce donc la proposition Nr. 1 qui renfermât quelque chose de faux?

Il paroît au premier coup d'œil, qu'il n'y ait rien de plus simple, ni de plus vrai, que la conséquence de la proposition hypothétique:

S'il n'y a point d'équilibre, le levier tournera, & ses extrémités décriront les arcs AD , CE .

C'est là cependant que git le vice du raisonnement. Pour en être convaincu, remarquez que la *grandeur* des arcs AD , CE n'étant point déterminée, ils peuvent être supposés ou *finis* ou *infiniment pe-*

rits, & que la conséquence de la proposition en question doit être juste pour l'un & l'autre de ces cas. Or c'est précisément ce qui n'est pas; car en supposant les arcs AD , CE infiniment petits, la conséquence:

S'il n'y a point d'équilibre, les arcs AD , CE seront infiniment petits,

est tout-à-fait mauvaise, puisque l'équilibre est non seulement compatible avec des arcs infiniment petits, mais qu'il consiste même en ce que les arcs parcourus par les extrémités du levier, soient infiniment petits, c'est-à-dire que les deux bras du levier aient une simple tendance au mouvement. La conséquence de la dernière proposition est donc aussi mauvaise que si l'on disoit:

S'il n'y a point d'équilibre, il y aura équilibre.

Pour montrer d'une manière générale, que dans ce cas, la conséquence d'une proposition hypothétique renferme une absurdité, exprimons les idées qu'elle contient, par des lettres, & raisonnons ainsi:

Si A n'est pas, il y aura B ;

or B est ou X ou Y ;

donc si A n'est pas, il y aura ou X ou Y ;

or $A = X$,

donc si A n'est pas, il y aura ou A ou Y .

Cela est aussi absurde, qu'il l'est de dire: *S'il n'y a point de guerre, il y aura ou guerre ou paix.*

Il faut donc rectifier la proposition en question, en l'énonçant ainsi:

„S'il n'y a point d'équilibre, les arcs AD , CE que le levier décrira en tournant, seront *finis*.”

Or il est aisé de prouver que ces arcs ne sauroient être *finis*, puisque pour le devenir, il faudroit qu'ils franchissent, pour ainsi dire, la sphère

de l'*infinitement petit*; ce qui est impossible, puisque c'est précisément dans cette sphère que se trouve l'équilibre.

C'est donc de la *finitude* des arcs AD , CE qu'il faudroit déduire quelque absurdité: mais on voit bien qu'en continuant ainsi

„Si les arcs AD , CE sont finis, il y aura $AB : BC = AD : CE$;”

on tireroit encore une conséquence peu juste, puisque cette dernière proportion ne découle pas de la *finitude* des arcs, mais des arcs *en général*. C'est précisément cette mauvaise conséquence qui nous a jetés dans le sophisme qui finit par la proposition opposée à celle par laquelle il a commencé: car comme l'équilibre dépend du *rapport* des vitesses des points A & C , & que ce rapport est le même, que les arcs soient infiniment petits ou d'une grandeur finie, il n'est pas étonnant, qu'une fois parvenus à la proportion $AB : BC = AD : CE$, elle nous conduise, par d'autres propositions également vraies, à la conclusion: *Il y a équilibre.*

Au reste, s'il ne s'agissoit que de réduire au silence un adverfaire qui nieroit, que dans ce cas il y eût équilibre, la démonstration apagogique en question pourroit passer; car on pourroit dire à un tel adverfaire: „J'ai supposé ce que vous avez soutenu; & par un raisonnement légitime, je suis parvenu à ce que j'ai soutenu, moi. Je vous ai accordé votre thèse; vous devez m'accorder la mienne.” Mais on voit bien que ce plaisant accommodement seroit fait aux dépens du *principe de contradiction*, par conséquent de la vérité.

Il eût été aisé d'éviter ce sophisme, en fondant le raisonnement sur une notion *distincte* de l'équilibre; ce qui prouve combien ces sortes de notions sont nécessaires pour raisonner juste. En établissant donc, que l'équilibre consiste en ce que *les efforts de deux puissances sont opposés & égaux*, on commenceroit la démonstration apagogique du théorème en question par la proposition hypothétique suivante:

„S'il n'y a point d'équilibre, les efforts opposés des deux puissances P, p , ne seront pas égaux,”

& de là on déduiroit par un raisonnement très-juste, & facile à faire, une proportion opposée à celle-ci :

$$AB : BC = AD : CE$$

par conséquent quelque chose de faux.

Tout ce que j'ai dit jusqu'ici, n'avoit pour but que de sauver les règles de la démonstration apagogique, par conséquent celles de la logique. Pour ce qui regarde le théorème même, au lieu de la démonstration indirecte, il vaut mieux employer la *directe*; ce qui se fait très-aisément, en supposant les deux propositions suivantes, qu'on peut regarder comme des définitions ou des axiomes :

1. deux puissances sont en équilibre, lorsque leurs efforts sont opposés & égaux;
2. l'effort d'une puissance est proportionné au produit de sa masse par sa vitesse initiale, représentée par un arc infiniment petit.

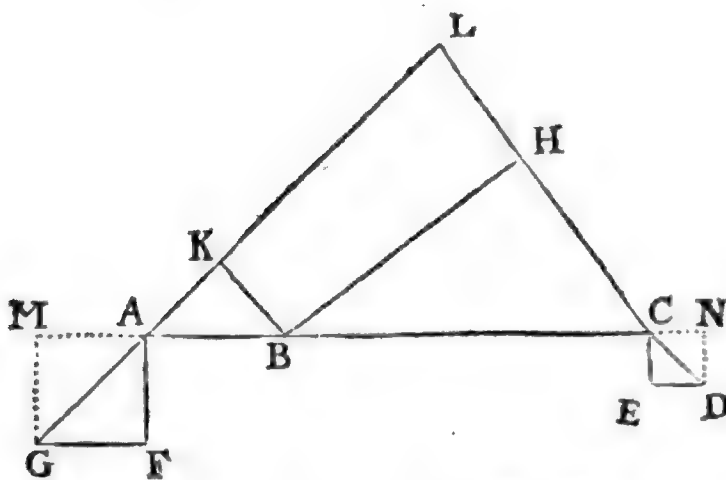
La théorie du Levier est une preuve qu'il y a des cas où l'on ne sauroit se passer de l'infini. Car comme dans la nature, l'équilibre tient le milieu entre le *repos* & le *mouvement actuel*, de même dans la Géométrie, l'*arc infiniment petit* est le milieu entre l'*extrémité de l'arc* (qui est *zéro*,) & l'*arc d'une grandeur finie*. Ces trois choses se correspondent, & rien de plus juste que d'exprimer l'effort d'un corps en équilibre par le produit de sa masse, multipliée par l'espace infiniment petit qu'il parcourt, ou par sa vitesse initiale.

M. de Fontenelle dit (si je me souviens bien) dans un de ses ouvrages, que les Mécaniciens, en démontrant la théorie du Levier, infèrent de son état de mouvement son état de repos. Cette objection est spécieuse, si l'on ne distingue pas les trois notions suivantes: *simple possibilité de se mouvoir*; *tendance au mouvement*; *mouvement actuel*. Il

est clair que le levier chargé de poids en raison inverse de ses bras, n'a pas une *simple possibilité* de se mouvoir, & qu'il n'est pas dans l'état d'un corps *en repos*, mais que ses bras font des efforts continuels, l'un pour descendre, l'autre pour monter. Ils se meuvent même, mais d'une quantité infiniment petite: & c'est précisément en quoi consiste leur équilibre. Le Mécanicien ne doit donc point se proposer de démontrer que le levier soit *en repos*; ce seroit vouloir démontrer une chose qui n'est pas, & qui ne sauroit être; & la démonstration faite d'après une notion si peu juste, ne pourroit être que mauvaise: mais il doit démontrer que le levier a une *tendance au mouvement*, qui ne peut jamais devenir *mouvement actuel*. On a critiqué la distinction que fait *Leibnitz* entre la *force* & la *faculté*. Le levier seul suffiroit pour en montrer la justesse & la nécessité.

Je joins à cette dissertation une démonstration du théorème du Levier pour le cas où les puissances y sont appliquées *obliquement*, en réduisant ce cas à celui où elles y sont appliquées *perpendiculairement*, & que je suppose démontré.

PROPOSITION.



$$P : p = BH : BK.$$

Si deux puissances P, p , appliquées obliquement au levier ABC en A & C , sont en équilibre; ces puissances seront entr'elles en raison inverse des perpendiculaires, tirées du point d'appui B à leurs directions LA, LC , ou

DÉMONSTRATION.

Prolongez LA à volonté jusqu'en G , & LC de manière qu'il y ait $P : p = AG : CD$. Des points A & C abaissez des perpendiculaires à la ligne ABC , & complétez les parallélogrammes $AFGM$, $CEDN$; les perpendiculaires AF , CE , (en vertu du théorème de la décomposition des forces,) représenteront les puissances qui appliquées perpendiculairement en A & C , feront le même effet que les puissances P , p , appliquées obliquement, & qui par conséquent seront en équilibre. Donc $AF : CE = CB : BA$, ou $AF \times BA = CE \times CB$. Or à cause des triangles semblables AGF , AKB , & CED , CBH , on aura ces deux proportions, $AG : AF = AB : KB$, $CD : CE = BC : BH$; donc $AG \times KB = AF \times AB$, & $CD \times BH = CE \times BC$. Or, comme nous venons de voir, $AF \times AB = CE \times CB$, donc $AG \times KB = CD \times BH$; donc $AG : CD = BH : KB$. Or (par la construction) $P : p = AG : CD$, donc $P : p = BH : KB$. Ce qu'il falloit démontrer.

PROPOSITION INVERSE.

Si $P : p = BH : BK$; il y aura équilibre.

DÉMONSTRATION.

Faites comme auparavant $P : p = AG : CD$; cette proposition, combinée avec l'hypothèse, donnera $AG : CD = BH : BK$, par conf. $AG \times BK = CD \times BH$. Or en complétant les parallélogrammes, on aura, à cause des triangles semblables mentionnés, $AG : AF = AB : BK$, & $CD : CE = BC : BH$; donc $AG \times BK = AF \times AB$, & $CD \times BH = CE \times BC$; d'où il s'ensuit, que $AF \times AB = CE \times BC$, par conf. $AF : CE$
 $=$

$\equiv BC : AB$. Or AF & CE représentent les puissances qui appliquées *perpendiculairement* au levier en A & C , font le même effet que les puissances AG , CD , (c'est-à-dire P , p ,) appliquées *obliquement*. Donc, puisque les puissances AF , CE sont entr'elles comme les bras du levier BC , AB , c'est-à-dire en raison inverse de leurs distances du point d'appui, elles seront en équilibre; donc si $P : p \equiv BH : BK$, il y aura équilibre. Ce qu'il falloit démontrer.

*REMARQUES
sur le Mémoire précédent.*

PAR M. BURJA *).

Le but de M. Schwab me paroît être de perfectionner toute la théorie du levier, puisqu'après avoir examiné le cas où les puissances agissent perpendiculairement, il ajoute une nouvelle démonstration pour le cas où elles sont appliquées obliquement.

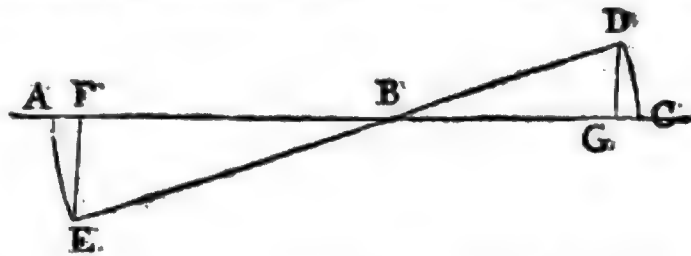
Quant au premier de ces deux cas, il remarque avec raison qu'il y a quelque chose de louche & d'embarrassé dans la démonstration que plusieurs auteurs ont donnée de l'équilibre du levier, sollicité par deux puissances qui y sont appliquées perpendiculairement, qui tendent à le tourner en sens contraire, & qui sont en raison inverse des bras du levier. Il trouve que cet embarras vient de ce qu'ils font décrire aux deux puissances, ou bien aux points où elles sont appliquées, des arcs d'une grandeur finie, au lieu de les supposer infiniment petits.

Il y a, comme on fait, trois principes d'où l'on peut partir pour démontrer l'équilibre du levier. Le premier est *l'équilibre du levier à bras égaux*, équilibre qu'on admet comme axiome, & auquel on tâche de ramener l'équilibre du levier à bras inégaux, comme a fait Archimède. Le second principe est celui de la *composition du mouvement ou des forces*, principe qu'on attribue ordinairement à Galilée, mais qu'Aristote a très-bien connu: Varignon en a déduit l'équilibre du le-

*) Lues le 22 juin 1797.

vier & des autres machines. Le troisième principe est celui des *vitesse-
ses virtuelles*, selon lequel un système de forces en équilibre, recevant
un mouvement infiniment petit, si on multiplie chaque force par l'espa-
ce infiniment petit, positif ou négatif, qu'elle parcourt, dans le sens
de sa direction ou en sens contraire, il faut que la somme algébrique
de tous les produits soit nulle. Jean Bernoulli est le premier qui a re-
connu toute la généralité de ce principe; quelques auteurs en ont fait
usage plus ou moins dans la mécanique; Monsieur de la Grange en a
fait la base de toute la première partie de sa *Mécanique analytique*.

La démonstration que M. Schwab combat, n'est effectivement que
le principe des vitesses virtuelles mal entendu par quelques-uns de ceux
qui ont voulu en faire usage. Ils l'ont mal entendu, parce que, com-
me M. Schwab le remarque très-bien, ils supposent des vitesses finies,
au lieu des infiniment petites. Ils l'ont encore mal entendu, parce
qu'ils ne prennent pas les espaces parcourus dans la direction des for-
ces, mais dans des lignes circulaires. Car soit AC le levier, B le
point d'appui, CD & AE les arcs décrits par les points C & A ,
où l'on suppose les puissances appliquées perpendiculairement. Tirez



DG & EF perpendiculairement à l'égard du levier, il se trouve que
l'une des puissances est avancée dans sa direction de la quantité FE ,
tandis que l'autre a reculé de la quantité DG . Nommant donc p la
force qui est appliquée en A , & P celle qui agit en C ; l'équilibre
exige, en supposant le mouvement infiniment petit, que $p \times EF -$
 $P \times DG = 0$, ou que $p \times EF = P \times DG$. Ce n'est qu'à
cause des sinus EF , DG , proportionnels ici aux arcs EA & DC ,
qu'on peut aussi dire que $p \times AE = P \times CD$.

Quant à la démonstration du cas où les puissances sont appliquées obliquement, M. Schwab l'a très-bien déduite du cas des directions perpendiculaires, à l'aide du principe de la composition des forces; de manière qu'il suppose deux principes à la fois, celui des vitesses virtuelles & celui de la composition des forces. Si l'on part, dès le commencement dans la théorie du levier, de la composition des forces, on n'a pas besoin d'une nouvelle démonstration pour les directions obliques, une seule suffisant pour tous les cas.

Le mémoire envoyé par M. Schwab est une nouvelle preuve de la force de cet auteur dans les raisonnemens philosophiques. Son esprit méthodique a été choqué avec raison de la mauvaise démonstration de l'équilibre du levier, qu'on trouve dans quelques livres, & il a découvert de lui-même le vrai chemin qu'il faut suivre. Sans avoir connu le principe des vitesses virtuelles, il en a senti la nécessité, & il l'auroit découvert s'il n'avoit été prévenu par les Mathématiciens.

CLASSE DE MATHÉMATIQUE

P. 15. l. 19. au lieu de 2 à 3. l. 3 à 2.

P. 15. l. 20. au lieu de 3 à 4. l. 4 à 3.

P. 16. l. 17. au lieu de l'ellipse l. l'hyperbole.

M É M O I R E S
DE
L' A C A D É M I E R O Y A L E
DES
S C I E N C E S
ET
B E L L E S - L E T T R E S.

C L A S S E
DE PHILOSOPHIE SPÉCULATIVE.

1. The first part of the paper is devoted to a discussion of the

2. The second part of the paper is devoted to a discussion of the

3. The third part of the paper is devoted to a discussion of the

4. The fourth part of the paper is devoted to a discussion of the

5. The fifth part of the paper is devoted to a discussion of the

6. The sixth part of the paper is devoted to a discussion of the

DU
D R O I T N A T U R E L
P A R M. S E L L E *).

Traduit de l'allemand.

A compter le nombre des traités de droit naturel qui ont paru depuis dix ans, on croiroit la matière épuisée; & en supposant qu'on ne se soit occupé que de parties détachées de cette science, on seroit tenté de conclure, qu'il n'est plus question que d'en faire un usage plus déterminé & des applications particulières. Mais presque tous ces ouvrages ont plus pour objet les principes mêmes que leur application pratique; & tout ce qu'on peut dire pour en expliquer le grand nombre, c'est que ceux qui en sont les auteurs n'ont pu s'accorder encore sur les premières notions de cette science.

Il est surprenant au premier coup d'œil, qu'il y ait tant de difficulté à établir ces notions, tandis que tout le monde parle de droits, & que c'est en conséquence de ces droits qu'on agit & qu'on est conduit. Mais c'est le sort de toutes les notions abstraites, de devenir vagues & susceptibles de plusieurs sens dans l'usage pratique, lorsque celui-ci devient général, & d'avoir besoin d'être, de temps en temps, expliquées & déterminées à neuf. La notion de *droit* semble avoir principalement perdu sa véritable signification par la raison suivante.

* Lu le 21 décembre 1797.

Il y a tant de lois dans la société civile, qui doivent leur existence à des fins fausses, mal-vues ou établies à mauvaise intention, comme aussi à des besoins fortuits & passagers, qu'il ne faut pas s'étonner si les droits qui répondent à de telles lois, sont trouvés faux & contraires à leurs fins, sur la pierre de touche du droit naturel. Mais leur conservation tenant si souvent à des préjugés très-enracinés & en quelque sorte amalgamés avec la morale & la religion du vulgaire, ou leur abolition étant liée avec tant d'autres difficultés, le gouvernement le plus sage se voit souvent obligé de conserver à ces lois leur sainteté, & de continuer toute leur valeur aux droits qui en découlent. De là la confusion des idées dans le droit naturel, lorsqu'on veut en déduire des droits qui prennent leur source d'ailleurs; de là en général le peu de détermination dans l'usage commun & universel du mot de *droit*. Je crois donc être suffisamment autorisé à développer les notions qui ont trait à cet objet.

Personne ne disconvient que tout droit présuppose une loi, à laquelle il doit être conforme, à laquelle il se rapporte, & sur laquelle il se fonde. Mais on est moins d'accord lorsqu'il s'agit de déterminer quelles sont les lois d'où découlent des droits. Et néanmoins la notion du droit ne peut être dérivée que de celle de la loi correspondante.

Toutes nos actions sont ou *nécessaires*, c'est-à-dire invariables & indépendantes de la volonté humaine, ou *libres*, c'est-à-dire qu'il dépend de la volonté humaine si elles doivent se faire ou non. D'après l'usage commun de la langue, la notion de droit ne peut jamais convenir aux lois qui ont pour objet nos actions nécessaires, & tout le monde trouveroit absurde de dire, que nous avons le droit de sécrétion de bile, ou le droit de propagation.

Les lois auxquelles nos actions libres sont subordonnées, sont de deux espèces. Ou bien c'est la nature elle-même qui nous les a prescrites, & elles découlent des lois de la nature, ou ce sont les hommes qui sont convenus de certaines lois calculées sur des fins arbitraires, & qui ont fait entr'eux un contrat réciproque pour veiller à leur

observation. Tout comme ces premières lois sont celles de la nature, & ces dernières celles d'une convention, on peut partager les droits qui y répondent en *droits naturels* ou de nature, & en *droits conventionnels* ou de convention.

Il s'ensuit de là que la notion du droit (*jus*) est en elle-même absolument indépendante de la moralité, puisque l'expérience nous apprend, que des nations entières observent les lois les plus immorales, & que par conséquent les droits qui découlent de cette source impure ne sauroient avoir une sanction morale. Il est si conforme à l'usage de la langue, qu'un droit conventionnel ne cesse pas d'être un droit, lors même qu'il ne peut pas être dérivé du droit naturel, qu'on ne pourroit même s'écarter de cette règle sans donner lieu à une foule de mal-entendus & de logomachies.

Il est tout aussi vrai, d'un autre côté, que toute bonne législation doit avoir devant les yeux le droit naturel, & qu'elle doit, autant que les difficultés dans la pratique le permettront, abroger ou rectifier toutes les lois conventionnelles, qui ne sont pas conformes aux naturelles, ou que la volonté arbitraire n'ose donner d'autres lois que celles que les lois de la nature permettent d'observer. Il est absolument contraire à toute fin, d'agir à l'opposite des lois de la nature.

Avant que de passer à la détermination du droit naturel, qu'il me soit permis de dire deux mots sur celui d'*autorisation*. Dans le langage ordinaire il arrive tous les jours de confondre les termes de *droit* & d'*autorisation*, sans faire attention à la différence que l'usage de la langue devrait établir entr'eux. Quelques-uns entendent par *autorisation* cette qualité d'une action, par laquelle tout autre homme est obligé de ne pas l'empêcher. Mais qui ne voit que de cette manière, *droit* & *autorisation* sont synonymes, vu qu'on ne sauroit définir autrement le droit. D'autres attribuent au droit un devoir d'obligation, & à l'autorisation un devoir de conscience; mais de cette façon on fait manifestement violence à la langue, vu que l'usage veut qu'on dise que l'on se croit autorisé à employer des moyens de coaction légitimes. De plus, dans

ce cas, l'autorisation ne pourroit résulter que de la nature, & jamais des lois conventionnelles, tandis qu'on dit pourtant très-bien qu'un domestique est autorisé à exécuter les commissions dont son maître l'a chargé. Ceux qui prétendent déterminer le mot d'autorisation de manière que ce mot désigne le *genre*, & celui du droit l'*espèce*, & ne substituer le nom de droit à celui d'autorisation, que lorsque le premier a obtenu la sanction d'une loi positive, ont contre eux l'objection, qu'on ne pourroit alors jamais se croire en droit par la nature de faire une chose, & que par conséquent il n'y auroit point de droit naturel.

En tant que les lois ou ordonnent & défendent, ou permettent simplement, on pourroit appliquer ces deux mots à cette distinction. La chose permise nous donneroit, en ce cas, l'*autorisation* de la faire; la chose ordonnée ou défendue nous en donneroit le *droit*. Mais, de cette façon même, on s'écarteroit toujours encore trop de l'usage de parler, car on se croit généralement en droit de faire ce qui est permis.

Dans l'origine il semble qu'on ait assigné à ces deux mots le sens qui suit. Quand on dit qu'on a l'autorisation & le droit de faire une chose, on veut dire toujours, qu'on n'en a pas seulement la faculté & la force, mais encore qu'une loi vient à notre appui. Etre *en droit*, être *qualifié*, *autorisé*, semblent être dans l'usage commun de la langue des termes synonymes; & conséquemment l'idée qu'on attache au mot d'autorisation semble n'appartenir jamais à la science du droit. Je passe au développement du droit naturel.

Les lois naturelles relativement à nos actions libres sont de deux espèces; elles nous sont données par notre nature physique ou par notre nature morale. La loi naturelle physique nous permet d'employer toutes nos forces, en tant que notre conservation & notre perfectionnement l'exigent. Ou plutôt, elle ordonne d'aspirer à ce but en y appliquant toutes nos forces; elle défend de faire tout ce qui est contraire à ce but, & permet tout ce qui, relativement à lui, est indifférent. La loi naturelle morale est très-souvent opposée à la loi physi-

que; elle prescrit de subordonner toutes les autres fins à la fin morale, elle exige très-souvent de grands sacrifices de notre liberté physique, & n'en permet l'usage qu'en tant qu'il ne peut être nuisible à la moralité. Ainsi, pour que la notion du droit naturel convienne à toutes les lois naturelles de nos actions libres, il faut qu'il y ait un *droit naturel physique & moral*. D'après le premier de ces droits j'ose faire tout ce que je veux & ce que je peux faire sans préjudice de mon existence physique; d'après le second, je n'ose faire que ce qui n'est pas contraire au but moral.

En bonne logique, une notion est parfaitement justifiée, lorsqu'elle est exactement déterminée & suffisamment éclaircie. Mais pour l'usage pratique il faut encore de toute nécessité qu'elle ne répugne pas manifestement à l'usage de la langue, & même qu'elle ne le circoncrive pas dans des bornes trop étroites, vu qu'autrement il est inévitable qu'on n'en fasse de fausses applications. Personne ne contesterait à la notion que nous venons de donner du droit physique, avec les déterminations nécessaires, sa valeur logique complète; elle est également conforme à l'usage de la langue, puisque non seulement des auteurs, par exemple *Hobbes*, admettent la notion du droit physique, mais qu'en général le droit naturel est plus ancien que la morale. Tous les peuples ont appris à connoître une partie de leurs droits, avant de connoître leurs devoirs, & ces droits ne dérivant pas d'une source morale, ne pouvoient être autres que des droits physiques.

Pourquoi donc les maîtres modernes de droit naturel s'opposent-ils avec tant d'ardeur à cette notion? Ce n'est probablement que parce qu'ils confondent le *droit* (Jus) avec ce qui est *droit & équitable* (Rectum & Aequum), tandis qu'il est évident que tout ce qui est droit & équitable est un droit, au lieu que tout ce qui est un droit ne sauroit être toujours droit & équitable. Aussi la plupart s'embrouillent dans le cercle suivant: qu'une loi physique ne donne jamais un droit, puisqu'une telle loi *permet* de faire ce qu'on veut & peut faire, tandis que le droit *statue* de faire ou de ne pas faire ce qu'on *ose*. Comme si

l'on n'osoit pas faire ce qui est permis? Si la loi physique permet de faire ou non ce que je veux & peux faire, j'ose aussi, en conséquence de cette loi, faire ou non, ce que je veux & peux faire. Mais il est aussi vrai, que je n'ose pas faire d'après la loi morale, tout ce que j'ose faire d'après la loi physique. Il est donc clair que celle-ci doit céder à l'autre, & de cette manière l'extension du droit sur toutes les lois imposées à nos actions libres, loin de faire aucune violence à l'usage de la langue, préviendrait au contraire une foule de vaines disputes de mots.

Il y a beaucoup d'écrivains qui confondant les facultés & les droits avec leurs lois, soutiennent qu'une loi physique n'énonce autre chose que l'existence des forces physiques. L'idée que nous avons attachée ci-dessus au mot d'autorisation viendrait à leur appui. La loi de liberté physique, qui permet de faire tout ce dont nous avons la volonté & la force en mesure suffisante, ne fonderoit point alors des droits, mais bien des autorisations. Mais qu'est-ce qui doit nous engager à circonscrire ainsi la notion du droit naturel? S'il étoit conforme à l'usage commun & philosophique de la langue, de n'appeler droit naturel que ce qui est conforme à une loi morale, je regarderois comme nuisible l'extension qu'on voudroit donner à la sphère de cette notion. Mais puisqu'il n'y a aucun fondement à déduire tous les droits naturels d'une source morale, je regarde comme utile & même comme nécessaire d'adopter la notion du droit naturel d'après ma détermination, pour ne point alimenter davantage les disputes qui depuis les temps d'*Hobbes* ont eu lieu sur l'étendue & les bornes du droit naturel, & qui n'ont absolument d'autre source que le vague & l'indétermination de la sphère qu'on assigne à l'idée du droit naturel. Une détermination plus exacte du droit naturel moral ajoutera de nouvelles raisons à celles que nous venons d'exposer.

La loi fondamentale de toute moralité est que l'homme développe & cultive autant qu'il est possible toutes ses forces. Un moyen indispensable pour y parvenir, est que nous contribuions autant qu'il nous est

est possible, au développement & à la culture des forces de nos semblables, & c'est de cette source que doivent nécessairement découler tous les droits & tous les devoirs moraux. Je puis admettre ici comme démontré que cette loi fondamentale nous est donnée par la nature; d'autant plus que ce seroit nous écarter trop de notre sujet, si nous voulions remonter à l'origine & au but de la moralité; car si c'est la raison pure & faisant abstraction de toute expérience qui nous fournit cette loi, & si le bonheur est le but de la moralité, voilà des questions dont la réponse appartient à la morale. Nous nous contentons ici de savoir qu'il y a des lois naturelles morales, & que de ces lois doit découler nécessairement un droit naturel moral, d'après lequel tout homme ose faire tout ce qui est ordonné & permis par les lois morales. Et c'est de cette manière que les lois de la moralité fondent & établissent des droits qui embrassent tout ce que les notions de *fas*, *rectum* & *aequum* peuvent exprimer.

Il est étrange que des auteurs qui n'admettent pas la notion d'un droit naturel physique, qui confondent les lois de la raison pure avec celles de la moralité, ou déduisent les dernières des premières, qui en général & avec raison regardent toute constitution sociale comme un moyen de satisfaire à la moralité, conviennent cependant, qu'il y a bien de choses permises dans le droit naturel que la morale ne sauroit permettre. Mais on ne voit pas d'où le droit naturel pourroit prendre cet accroissement de domaine, & à quel titre il pourroit franchir les bornes de la moralité, s'il n'existoit pas aussi un droit naturel physique. Notre digne confrère, l'ingénieux Mr. Klein *), distingue à la vérité entre la liberté générale ou commune & la liberté individuelle, & prétend qu'il y a bien des choses qui n'empêchant pas la liberté générale, sont cependant incompatibles avec la liberté morale de l'individu. Il ajoute que le droit naturel ne se rapporte qu'à la liberté générale, & que par conséquent son domaine est plus vaste que celui que la morale assigne à la liberté de l'individu. Mais cette distinction est purement arbitraire, & l'auteur n'a allé-

*) Dans les *Principes de la science du droit naturel* p. 50.

gué aucune preuve qui serve à l'établir. La liberté générale ou commune n'est autre chose sinon la somme toute de la liberté des individus, & quel seroit le droit naturel qui pourroit protéger l'individu qui voudroit faire de sa liberté un usage par lequel la liberté générale seroit lésée, s'il n'existoit pas un droit naturel physique.

La moralité nous donne le droit de faire tout ce qui est permis en conséquence de ses lois. Or comment seroit-il possible d'avoir le droit naturel de faire une action contraire aux lois de la moralité, si le droit naturel n'avoit d'autre source que celle de la moralité?

Une idée complète & bien entendue du droit naturel physique lèvera & doit lever toutes ces difficultés. Il est certain que la notion d'un droit du plus fort est inadmissible, & que la force & la convenance ne fondent en elles-mêmes aucun droit, mais peuvent tout au plus, comme nous l'avons vu plus haut, donner des autorisations. Ce ne seroit qu'en faisant abstraction de tout but de la liberté physique, qu'on pourroit borner la loi naturelle physique à permettre de faire, sans considération quelconque, tout ce qu'on pourroit & voudroit. Mais quoi qu'en dise la nouvelle philosophie, la volonté libre ne suit une loi qu'à cause de son but, & ne reconnoît d'autre autorité que sa conviction de l'excellence de ce but. Or le but de la liberté physique est la conservation & le perfectionnement de notre existence physique, & ce seul instinct étant non seulement suffisant à notre conservation physique, mais même beaucoup plus sûr & plus infaillible, il est clair que la liberté physique ne nous est pas tant donnée pour la conservation que pour le perfectionnement de notre existence physique, tout comme l'expérience nous prouve que les animaux sont moins liés par un instinct invariable, dans les mêmes proportions qu'un développement & un perfectionnement de leurs forces est possible, & que chez les hommes la sphère de leur liberté physique est toujours en raison du développement de leurs forces. Il est, de plus, certain, qu'un usage déraisonnable de la liberté physique manqueroit absolument ce but de perfectionner nos forces physiques, & que par con-

séquent les lois naturelles physiques énoncent beaucoup plus pour nos actions libres qu'un usage dissolu de notre liberté physique. La raison, en sa qualité d'introductrice & de commentatrice de toutes les lois, établit ici avant toutes choses sa loi générale subjective, sans laquelle on ne sauroit absolument parvenir à aucun but, savoir le principe de contradiction: Ne veuille rien que tu ne puisses, puisque tu voudrois quelque chose d'impossible pour toi! Ne fais rien que tu ne veuilles, puisque tu ferois quelque chose de contradictoire pour toi! Voilà les lois que la raison prescrit à toutes nos actions libres, quel qu'en puisse être le but. En tant que le développement de nos forces corporelles & l'amélioration de notre état physique est le but des lois naturelles physiques pour nos actions libres, la raison établit une seconde loi objective, savoir: que l'homme n'ait à employer sa liberté physique qu'autant qu'elle le conduit à atteindre ce but. Or le but du perfectionnement physique ne seroit absolument pas atteint, si l'on ne suivoit pas ici une troisième loi, celle-ci: qu'aucun homme n'en trouble un autre dans l'exercice de sa liberté physique, que personne n'a sur autrui le droit de jouir de préférence des avantages de la nature, & que dans les cas de collision, il faut observer toujours dans le partage une égalité proportionnée, vu que sans cela personne ne seroit maître ni sûr de l'exercice de sa liberté physique.

C'est sur ces lois que se fondent tous les droits naturels, dont on ne pourroit pas, sans cela, découvrir la source. De cette manière le droit naturel a deux parties, dont la première comprend les droits physiques & la seconde les droits moraux des hommes; & l'on voit en même temps ici la raison, pourquoi la sphère du droit naturel s'étend au de-là des bornes de la morale, ce qu'on ne pourroit absolument pas expliquer de toute autre manière.

Ce que je viens de dire jusqu'ici des lois raisonnables relatives à l'exercice de notre liberté physique, a été regardé dans la nouvelle philosophie, d'abord comme un produit de la raison pure & législative *a priori*, & en second lieu comme appartenant à la moralité.

Mais il faut si fort aux yeux de tout être pensant & impartial, que sans la liberté physique, posée en fait & ne pouvant avoir d'autre but que le perfectionnement de nos forces, & sans la nature de l'homme, aussi donnée, par laquelle il tend de toute nécessité vers son perfectionnement, la raison pure & faisant abstraction de ces faits & de ces données, ne seroit pas en état de produire une seule des lois établies ci-dessus, que je crois pouvoir me passer d'en fournir la preuve. Il s'ensuit tout aussi évidemment du but du simple perfectionnement physique de notre existence, qui peut très-bien se concevoir & avoir lieu sans perfection morale, que la loi de l'exercice entier de la liberté physique, & le droit qui s'y fonde, de repousser par la force les atteintes qu'on voudroit porter à notre liberté physique, ne suppose pas la moralité. L'objection qu'on pourroit faire contre cette détermination que je viens de donner, par la raison que la liberté n'a pas une origine physique, mais transcendante & par conséquent morale, ne porte pas sur moi, puisque je n'emploie de la liberté, quelle que puisse être son origine, que les notions qui se rapportent aux forces physiques, outre qu'une liberté qui se manifeste comme un phénomène, cesse nécessairement d'être transcendante, & que les qualités d'un être doivent toujours être & rester inconnues à nos yeux.

Mais comme, d'un côté, nous sommes parfaitement en droit par la nature, de faire de notre liberté physique l'usage requis pour le perfectionnement de nos forces physiques, de même il n'est pas douteux, que d'un autre côté notre existence physique doit céder à notre existence morale, & conséquemment le droit naturel physique être subordonné au droit naturel moral.

L'homme moral n'ose faire valoir ses droits naturels physiques qu'en tant que les lois morales le lui permettent. On peut avoir pleinement droit de faire une action, dont cependant un devoir de conscience nous interdit l'exécution; alors en bonne morale, le droit doit être sacrifié à l'équité. Mais le législateur dans la sphère duquel ne se trouvent pas les devoirs qu'impose la conscience, ne peut & ne

doit effectivement bâtir son édifice que sur le sol des devoirs coactifs; tout comme en général, des difficultés pratiques insurmontables ne rendent que trop souvent impossible d'arranger toutes les lois, de manière qu'elles se fondent sur le témoignage de la moralité, & ne se croisent avec aucun devoir de la conscience. Mais les législateurs qui à cause de ce manque inévitable de conformité entre les lois & la moralité, refuseroient de reconnoître celle-ci comme la mesure de la bonté de leurs lois, auroient tout aussi tort que le mécanicien, qui en composant & en appliquant une machine, voudroit mettre en doute les principes de mathématique pure, principes si difficilement & presque jamais entièrement obtenus, ou les regarder comme inutiles & nuisibles dans la pratique. Les principes de la moralité doivent toujours être pour le législateur une étoile polaire qui le guide, indépendamment du frottement des hommes entr'eux, qui retardent la marche & le mouvement de la machine.

M É M O I R E
sur les Pressentimens.
P A R M. A N C I L L O N *).

Monsieur le ministre de la Cour & conseiller au directoire des églises réformées allemandes Sack, raconte dans la vie qu'il a publiée de feu monsieur son père, que ce dernier songea une nuit qu'on venoit l'appeler chez un menuisier, membre de son église; qu'il le trouva très-malade dans son lit; que des deux fils de cet honnête homme, l'un étoit assis tranquillement dans un coin de la chambre, tandis que l'autre penché sur le corps de son père mourant, se lamentoit, & le baignoit de ses larmes; que le lendemain au moment où monsieur Sack venoit de raconter ce rêve à sa femme, on vint l'appeler chez ce menuisier; & qu'en entrant, il le trouva lui & ses deux fils précisément dans les attitudes différentes où le sommeil les lui avoit montrés.

L'auteur de la vie dont je tire ce trait, ajoute qu'en même temps que feu monsieur son père inclinoit d'après ce rêve très-singulier, & quelques autres aussi frappans qu'il avoit eus dans sa vie, à regarder comme possible & vraisemblable qu'il y eût dans notre âme un pouvoir, peut-être trop peu connu encore, d'anticiper par la pensée sur les événemens, il étoit bien éloigné d'attacher à ce phénomène plus

*) Lu le 5 octobre 1797.

d'importance qu'il ne faut, & qu'il n'ignoroit pas que cette force de l'âme (supposé qu'elle existe) est peu différente des jeux connus de l'imagination & de l'association des idées.

Ce fait, & surtout la réflexion ou l'espèce de solution qui l'accompagne, à laquelle je ne puis pas d'abord souscrire, m'ont rappelé une matière à laquelle j'ai souvent pensé, & qui est trop liée d'un côté à la connoissance de l'âme, & de l'autre à l'intérêt personnel que chacun de nous peut y prendre, pour ne pas mériter quelques momens d'attention.

On trouve déjà dans les Mémoires de notre Académie Tome XXII, pag. 401 des *Réflexions sur le pressentiment* par feu monsieur le conseiller-privé de Beausobre; elles sont de 1768, & par un plagiat que je ne puis m'empêcher de dénoncer en passant, on les retrouve transcrites mot-à-mot sous l'année 1777 dans le Supplément du Dictionnaire encyclopédique à l'article *pressentiment* avec ces deux lettres à la fin (D F); je n'ai pas cru que ce dût être pour moi une raison de supprimer les miennes. Si nous nous rencontrons dans nos idées, feu notre très-honoré confrère & moi, ce sera une confirmation de plus des principes sur lesquels nous nous trouverons d'accord; & si nous différons, cette différence ou cette opposition pourra servir à nous rectifier l'un par l'autre, & ne sera qu'un moyen de plus d'arriver à la vérité sur un sujet où la plus grande difficulté n'est pas d'expliquer le phénomène, mais d'en bien déterminer l'idée, & de ne prendre dans les sources d'explication que la saine psychologie peut offrir, que ce qui répond précisément à l'idée qu'il faut s'en faire; car rien n'est plus vague que le mot *pressentiment*, & ce n'est pas dans tous les sens où l'usage le fait prendre, qu'il peut être intéressant de chercher la raison de l'effet qu'il indique.

Qu'entend-on, ou que faut-il entendre par les pressentimens?

Supposé qu'il y en ait, quelle raison pourroit-on en donner?

Y en a-t-il réellement?

C'est l'ordre dans lequel je me propose de traiter cette matière.

J'appelle pressentiment un état donné de l'âme qui a pour objet l'avenir, & je dois montrer dans cette définition, d'abord ce qui distingue le pressentiment de tout ce qui n'est pas lui; ensuite ce qui en donne les caractères essentiels & en fait disparaître tous les caractères accessoires qui ne le constituent point.

Au premier égard le pressentiment n'est pas le songe, & le songe n'est pas le pressentiment; les différences qui les séparent sont de plusieurs sortes: différences de temps; on ne rêve qu'en dormant, & on ne peut avoir des pressentimens qu'éveillé, par la raison que nous dirons ailleurs; de manière cependant qu'éveillé on a en même temps & la représentation d'un objet, & le soupçon plus ou moins décidé que cet objet se présentera; tandis que par la vicissitude du sommeil & du réveil la représentation d'un objet peut avoir lieu dans l'un, & l'attente plus ou moins prononcée de l'objet exister dans l'autre, supposé qu'on se rappelle son songe en se réveillant: différences d'opérations; le songe s'explique par les lois de l'imagination qui dans l'état à demi-désorganisé où le sommeil plonge le corps, n'étant plus soumise pour la production & l'association des idées à l'empire de la raison, suffit seule pour faire comprendre les songes soi-disant raisonnables comme les plus ridicules & les plus bizarres; le pressentiment au contraire, lors même qu'il est fondé sur un songe, n'a rien de commun avec les lois générales que suit l'imagination, comme nous le ferons voir plus bas, & part d'un tout autre principe: différences enfin d'objet & de résultat; le songe peut nous retracer des situations ou des événemens passés, le pressentiment ne porte que sur l'avenir; le songe peut ne nous offrir qu'un simple état de l'âme, comme la tristesse ou la joie, l'anxiété ou le plaisir, le pressentiment indique toujours un fait; l'un crée souvent ce qui ne fut jamais, ce qui ne peut point être, & rassemble les contradictoires, l'autre suppose non seulement la possibilité intrinsèque du fait qu'il présente, mais encore (dans le cas où le pressentiment doit se réaliser) toutes les causes extérieures nécessaires pour établir cette correspondance entre ce qui arrivera & ce qu'on s'est représenté d'avance.

Après

Après avoir cherché, pour ainsi dire, hors de l'enceinte de ce que j'appelle pressentiment, de quoi fixer les bornes dans lesquelles il faut le renfermer si l'on veut savoir de quoi l'on cherche l'explication, & ne pas se tromper d'effet, je voudrois écarter encore de la notion même que je m'en forme, les idées étrangères & accessoires qui s'y joignent dans le langage ordinaire, & toutes les circonstances qui peuvent bien l'accompagner dans la nature, mais qu'il faut en séparer, si la notion, de confuse & de vague qu'elle est, doit devenir distincte & précise.

Ainsi le temps où l'événement pressenti arrivera ou n'arrivera point, ne fait rien à l'idée du pressentiment; ce temps peut être long ou court sans faire changer de nature au phénomène; il n'en change pas plus par la nature des faits sur lesquels il roule, que le fait soit physique ou moral, universel ou particulier & individuel; que ce soit de nous, ou des autres & de leur destination qu'il s'agisse; que l'occasion s'en trouve en nous, dans notre caractère, nos passions, notre tempérament, une disposition corporelle passagère, ou hors de nous, & dans l'aspect des choses qui nous environnent; ces circonstances ne peuvent rien mettre dans le pressentiment qui lui soit essentiel, ou qui doive déterminer l'indifférence ou l'intérêt que ce phénomène nous inspire. Il faut en dire autant de toutes les modifications qu'on peut y concevoir, en le suivant dans les diverses facultés de l'âme, dont il peut emprunter quelque chose sans que cette teinte particulière & qui varie à l'infini, puisse entrer dans sa définition autrement que pour l'embarrasser. Nous sommes pensans & sensibles dans cet acte de notre âme comme dans bien d'autres; au premier égard nos représentations peuvent être ou claires ou obscures, ou distinctes ou confuses, & le jugement qu'elles produiront participera de ces bonnes ou mauvaises qualités; mais il n'est pas nécessaire d'en faire autant de sortes de pressentimens, ou de ne faire de tout pressentiment qu'une représentation essentiellement obscure ou confuse; elle peut quelquefois être très-claire & très-distincte; elle peut l'être tellement que si on ne savoit pas que

ce qui en est l'objet n'existe point encore, soit qu'elle se présente à l'âme dans l'état de veille, soit qu'elle y passe de l'état de songe avec le jugement qui la transforme en pressentiment, on pourroit s'y méprendre, & confondre cette clarté & cette netteté qui vient uniquement de l'âme, avec celle qui a coutume d'accompagner la présence des objets; mais il y a ici une remarque importante à faire. Dans la série des choses, tout événement est préparé, tout résultat a ses élémens, tout effet a sa cause, ou pour mieux dire, ses causes à l'infini. Saisir les événemens dans leurs principes & leurs préparations éloignées, les résultats dans leurs prémisses, les effets dans leurs causes, c'est le propre de la réflexion & du raisonnement; c'est, si l'on veut, prévision, prévoyance, sagacité, mais ce n'est point pressentiment; ce n'est point ainsi que le pressentiment aperçoit, lors même que son aperçu est le plus clair & le plus distinct; c'est sur l'effet à venir, sur les caractères qu'il aura, sur les circonstances qui l'accompagneront, que porte la lumière qui frappe l'âme, & point sur les causes de l'effet; précisément comme la vue & tous les sens nous découvrent les corps & leurs propriétés prises en masse & en totalité sans les causes qui les produisent; & comme personne ne dira que nous n'apercevons clairement un arbre que parce que nous apercevons confusément tous les principes qui concourent à sa formation, on ne peut pas dire non plus que dans le pressentiment d'un événement que je suppose accompagné de la plus grande clarté, cette clarté ne provient que de la combinaison des causes qui l'amèneront; les causes existent sans doute; les idées confuses qui y répondent, existent aussi dans notre âme; mais ce ne sont pas ces idées confuses, en tant qu'elles restent telles, qui peuvent produire dans cet ordre de pressentimens une idée totale claire & lumineuse; & s'il falloit que ces causes y fussent toujours aperçues, & ces idées confuses qui les représentent, rendues distinctes, pressentir seroit prévoir avec réflexion & par le moyen de la réflexion; or certainement ce n'est pas cela. Non seulement ce n'est pas par l'analyse proprement dite de ces causes, ou des idées confuses qui y répondent dans notre âme, que se forme cet aperçu si distinct quelquefois qu'on pré-

tend avoir dans le pressentiment; mais je ne crois pas même qu'il se forme du sentiment confus de ces causes, & qu'on puisse sous ce point de vue l'appeler instinct, tact, goût, tout ce qui désigne dans l'âme un jugement prompt, sûr & non réfléchi. D'abord nous avons un instinct, un tact, un goût pour le vrai, le bon, le beau, parce que les règles qui constituent le vrai, le bon, le beau, sont en nous-mêmes, font partie de notre âme, & se tirent d'elle; ces règles sont aussi nécessaires que le sont les traits primitifs, nécessaires à notre âme pour qu'elle soit ce qu'elle est & doit être; les faits au contraire qui forment le domaine propre du pressentiment, & les causes de ces faits sont hors de nous; rien n'y porte, comme dans les principes du vrai, du bon & du beau, les caractères de la nécessité. Autre chose est de dire qu'il faut que les idées confuses des faits & des causes dont la série forme l'univers, soient dans notre âme pour qu'elle soit ce tableau continuel de l'univers auquel elle est faite pour correspondre (ce que tout bon philosophe accordera volontiers), & autre chose est de dire que c'est par ces idées confuses & prises comme telles, que le pressentiment souvent très-clair & très-distinct se forme en nous; l'un n'est pas du tout une conséquence de l'autre, & la dernière de ces assertions se contredit; ensuite lors même que nous prononçons par instinct & par tact sur une vérité, ou sur la beauté d'un tableau, d'un poëme, d'un morceau d'architecture, la promptitude, la netteté, la sûreté de notre jugement porte toute entière sur l'effet, & point sur la manière dont on est parvenu à le produire; cette manière n'est que l'application heureuse des règles; mais ces règles, quoique nous en soyons la source, nous sont *per hypothesin* inconnues dans ce moment. Ce qui est beau, ne l'est que parce qu'il les réalise; mais nous ne le trouvons beau que parce qu'il l'est, & point parce que nous y reconnoissons ces règles, car dans ce cas notre approbation ne seroit plus tact, instinct, goût, elle seroit raisonnement & théorie. En rapportant donc le pressentiment à la faculté de connoître, dont il fait sans doute partie, on ne peut point dire que c'est par les causes qu'il nous fait pressentir les ef-

fets. Je passe au rôle que la sensibilité joue dans ce qu'on appelle pressentiment, pour voir si ce qu'elle y met du sien est nécessaire pour constater l'existence de ce dernier, ou si ce n'est pas plutôt un alliage qu'il faut en séparer. Il me semble qu'on conçoit très-bien un pressentiment de ce qui pourra arriver, sans la moindre participation du cœur, ni aucune agitation de l'âme, — si par exemple celui qui prétend l'avoir, est d'un caractère froid & tranquille; si le fait dont l'idée se présente à lui est un fait isolé, insignifiant & sans intérêt, qui surtout dans l'âme de celui qui s'en forme l'image, ne rencontre pour ainsi dire, aucune fibre d'ambition, de sensualité, de cupidité qu'il fasse frémir. D'un autre côté, on conçoit également bien une âme inquiète, agitée, passionnée sans avoir pressentiment de rien — si par exemple cette agitation est vague & sans objet, si elle est purement physique & corporelle, si la violence même empêche qu'on ne pense à rien, & qu'on n'ait aucune représentation; cet état purement passif, sans idée fixe & déterminée, & où l'on ne distingue rien, n'a, suivant moi, rien de commun avec le pressentiment, puisqu'il ne dit rien & pourra s'appliquer à tout ce qui arrivera. Enfin, le sentiment & l'intérêt du cœur peuvent très-bien se trouver combinés avec le pressentiment, & cet état où l'âme est affectée & n'est pas dans son affliction ordinaire, peut ou précéder, ou accompagner, ou suivre le pressentiment; mais par cela même que l'un peut se concevoir sans l'autre, ils n'ont point de connexion nécessaire, ils ne se supposent pas mutuellement, ils sont moins encore le même état, & les relations de temps où on les imagine l'un à l'égard de l'autre, en indiquent la différence essentielle; ce qui précède, accompagne, ou suit une chose, n'étant pas cette chose même. Ainsi quiconque craint sans pouvoir dire ce qu'il craint, ou espère sans pouvoir dire ce qu'il espère; quiconque par cela même craint ou espère toujours & tout, poussé par une disposition naturelle physique ou morale qui lui fait de la crainte, du désir ou de l'espérance un besoin, ne peut pas être censé avoir des pressentimens. On dira sans doute que c'est toujours du mal qu'il

craint & du bien qu'il espère; mais il faut remarquer que la vie toute entière n'étant qu'une vicissitude continuelle de biens & de maux, de plaisirs & de peines, de succès & de revers, nous ne pouvons rencontrer que l'un ou l'autre, ou tous deux en même temps; nous allons nécessairement dans chaque période de notre durée au devant de l'une ou de l'autre de ces situations, ou plutôt de toutes les deux en même temps, puisqu'il n'y a point de plaisir sans peine, ni de peine sans plaisir; cette nécessité absolue de rencontrer ce qui répond à l'état de l'âme, l'impossibilité de se tromper en tout, ne permet pas de voir ici un pressentiment dont le propre est de porter sur un état des choses qui peut également être ou n'être pas. Il est nécessaire, aussi longtemps que le monde subsistera, que le soleil se lève & se couche, que les saisons se succèdent, que les hommes fassent, en grand & en petit, bien des imprudences & des méchancetés; direz-vous que ce que l'on prévoit à tous ces égards est pressentiment? Il est nécessaire, en supposant la prolongation de votre vie, que chaque jour ramène pour vous la respiration, la nutrition, le mouvement ou le repos, & toutes les fonctions attachées à l'existence; appellerez-vous pressentiment le tableau anticipé & continuuel de ces impressions nécessaires & inmanquables? En un mot, & pour me recueillir sur ce que je viens de dire des rapports où le pressentiment se trouve avec la faculté de connoître & de sentir, n'est-il pas clair que s'il faut choisir entre l'une ou l'autre, & en exclure une comme entièrement inutile à notre objet, c'est dans la faculté de connoître qu'il faut chercher le siège du pressentiment, & qu'il sera d'autant plus ce qu'il doit être, pour faire une classe à part dans nos représentations, que le fait à venir qu'il nous offre, sera plus simple, plus indifférent, plus isolé & plus contingent?

Ces réflexions faites & toutes ces restrictions admises, que restet-il donc au pressentiment pour n'être rien de ce que le langage ordinaire y mêle d'étranger & d'arbitraire, & pour être cependant encore quelque chose? c'est ce qu'il est difficile de déterminer. J'ai dit, en

donnant une définition tout-à-fait générale de ce mot, qu'il désigne un état de l'âme qui a pour objet l'avenir; & il me semble qu'en faisant usage des remarques précédentes, je puis, à présent, préciser davantage cette définition, & dire *qu'il y a pressentiment toutes les fois qu'il y a représentation d'un fait à venir & qui ne fait pas partie de ceux auxquels en vertu des lois générales tout homme a droit de s'attendre, accompagnée d'un jugement sur la réalité éventuelle & future de ce fait.* Les distinctions que nous avons faites plus haut, renferment le germe de cette définition & la raison de chacun des termes qui y entrent à l'exclusion d'une foule d'autres. Si on veut y mettre ces derniers, & ajouter à chacun des élémens que nous exprimons, toutes les déterminations dont il est susceptible, de manière que la représentation, le fait, le jugement qui l'accompagne, les mouvemens de l'âme qui peuvent s'y joindre, soient caractérisés suivant toute la diversité des formes que les exemples vrais ou faux de pressentimens que nous connoissons, renferment & présentent, on aura sans doute un plus grand nombre de caractères, mais on ne pourra jamais s'assurer qu'on les a tous, ils ne seront pas essentiels, par conséquent seront peu propres à entrer dans une définition; enfin il ne sera pas possible de trouver une voie d'explication qui s'adapte & satisfasse parfaitement à tous ces cas particuliers énoncés de mille manières, & dont on aura voulu mal à propos tirer autant d'attributs du pressentiment; mais si on se borne à ceux que nous avons indiqués, en supposant qu'il n'y ait rien d'omis, on aura d'un côté tout ce qui est nécessaire pour former le pressentiment, tout ce qui en épuise la notion spécifique, & en de ça de quoi il n'y en a point, & de l'autre tout ce qui peut rendre une explication du phénomène possible, au cas qu'il y ait dans la nature un pareil phénomène & que le mot qui l'exprime puisse & doive avoir un sens.

Il ne sera pas inutile, avant que de proposer l'idée qui m'est venue pour rendre éventuellement raison de cette modification de l'âme, de m'arrêter un moment à celles que d'autres ont eues ou pourroient avoir sur ce sujet, & d'en examiner les divers côtés.

J'ai déjà remarqué qu'il y a une différence entre pressentir & prévoir, & qu'on ne peut pas se servir indistinctement de l'un ou l'autre de ces termes; la raison en est que quelle que soit la cause du pressentiment, elle ne sera jamais celle de la prévoyance. La prévoyance comme le pressentiment est la représentation de l'avenir; mais dans la première cette représentation de l'avenir est très-indirecte, très-médiate, elle s'opère par la représentation des causes; on prévoit ce dont on aperçoit le germe & le principe dans ce qui se passe actuellement; mais dans le pressentiment, s'il doit différer de la prévoyance, la représentation de l'avenir est immédiate & directe, on ne passe point par les causes; on tient un résultat; & quoique ces deux actes de l'âme aient le même objet, le milieu pour ainsi dire par lequel ils y arrivent n'est pas le même, & fait que l'un n'est pas l'autre; que par conséquent on ne peut point chercher les sources de l'un dans les sources de l'autre, & les causes du pressentiment dans les causes de la prévoyance; elles doivent différer autant que les deux effets auxquels on voudroit les rendre communes.

Quand il seroit vrai qu'en vertu de l'action des idées confuses, le pressentiment pourroit n'être qu'un tact & un instinct, qui de toutes les causes d'un fait à venir aperçues confusément, nous composeroit la représentation souvent très-claire de ce fait, sentiment que nous avons déjà combattu, & qui tient, si je ne me trompe, du contradictoire; jamais l'idée d'un tact ou d'un instinct ne pourroit expliquer le pressentiment, puisque ce seroit ou le pressentiment même exprimé en d'autres termes, ou *obscurum per obscurius*. On conçoit bien comment ce qui doit devenir un jour distinct pour nous, commence par y être confus, & comment des causes encore éloignées d'un fait à venir, ne coexistent aussi chez nous qu'à des idées confuses; mais on ne comprendra jamais comment des idées confuses *per hypothesin* peuvent, dans le temps même où elles le sont, donner un aperçu clair, distinct & sûr, comme le pressentiment peut l'être. Ces idées confuses admises & supposées dans notre âme, expliquent très-heureusement la possibilité

des idées distinctes dont elles sont le germe & la matière; mais elles n'expliquent point le passage des unes aux autres & l'acte de l'âme par lequel s'opère ce moment lumineux qu'elle saisit quelquefois sur un fait qui n'existe point encore & dont toute la préparation lui est cachée. Quand d'un feu qui couve sous la cendre, s'échappe une vive étincelle, vous ne donnez pas à cette étincelle la cendre pour cause & pour principe.

Leibnitz exprimoit cette double série des causes extérieures qui de loin préparent les événemens, & des idées confuses qui dans notre âme expriment en quelque sorte ces causes, quand il disoit; *praesens gravidum futuri*; mais cette pensée si grande, si vraie & si féconde en solutions de tout genre, est-elle bien applicable ici, & explique-t-elle le pressentiment? J'avoue que je ne le crois pas. D'abord il ne s'agit point ici des causes, en tant que causes; leur sphère d'activité nous est étrangère, & tout au plus est-ce le cas des idées confuses qui leur répondent dans notre âme. L'existence de cette sorte d'idées en nous n'est pas douteuse, leur fécondité & leur activité prodigieuse au sein du repos le plus parfait en apparence, ne l'est pas plus; il est très-sûr qu'à quelque époque de vos pensées, de vos sentimens, de votre vie entière que vous vous placiez, cette époque est le fruit de toutes celles qui ont précédé; vous ne pouvez rien changer à celle-ci par la pensée sans changer toutes les autres; mais que s'ensuivra-t-il pour l'explication du pressentiment? Rien, ou je suis fort trompé; car remarquez bien qu'ici *le présent* n'est pas *gros de l'avenir*; il accouche réellement de l'avenir, il met sans confusion l'avenir à sa place, il transporte dans un période de mon existence des faits, ou plutôt des sensations & des impressions correspondantes à des faits qui devraient appartenir à un autre; c'est ce déplacement & cette anticipation, avec le sentiment que c'est un déplacement & une anticipation que nous faisons, qui forme le nœud à résoudre. La maxime de Leibnitz ne transpose rien dans l'ordre des états de notre âme; elle laisse à chacun le temps de paroître; elle déclare seulement que quelque soit cet état,

&

& quelque place que soit la sienne dans la succession qu'il forme avec d'autres, il sera toujours vrai de dire, lorsqu'il paroîtra à son tour, qu'il existoit déjà en germe dans tous ceux qui l'ont précédé; mais il n'y a rien là qui explique pourquoi un de ces états sort de la ligne où il doit être, & rétrograde; pourquoi je vois, j'entends, je sens aujourd'hui, ce que proprement je ne devrois voir, entendre, sentir que dans quelque temps; il me semble que la difficulté reste toujours.

On pourroit penser que l'imagination, cette puissance magique à laquelle nous prenons volontiers notre recours quand nous ne savons plus que dire, nous tirera encore d'embarras sur ce point, & qu'entre tous les jeux qu'elle enfante & fait varier à l'infini, nous trouverons peut-être le pressentiment; cependant je ne crois pas que ce soit tout-à-fait expliquer ce singulier phénomène que de le mettre sur le compte de l'imagination. Le propre de cette faculté de l'âme, est sans doute de nous présenter sans l'entremise des sens, des idées faites pour les sens, & qui hors des momens où elle s'en saisit sont soumises à l'action des sens; & à ne prendre de l'imagination que ce côté tout-à-fait général, il semble qu'effectivement, de quelque période de notre existence que sortent ces idées sensitives dépouillées de la sensation qui peut ou doit les accompagner, ces idées sont toutes du domaine de l'imagination; on n'en doute pas, par exemple, quand ces idées nous retracent des sensations passées; on n'en doute pas non plus, quand par des associations & des combinaisons nouvelles de sensations passées elles nous composent un simple idéal, & même quelquefois un idéal absurde & impossible, & on les rapporte sans difficulté à l'imagination; il semble donc qu'on ne devroit pas en trouver davantage à les dériver de là, quand dans le pressentiment elles nous tracent un fait ou un événement, non seulement possible, mais tel qu'il se placera effectivement dans le cours de notre vie, & qui, lorsqu'il arrivera, sera une sensation comme l'ont été tous ceux qui ont fourni la matière des images tirées soit du passé, soit de la région des possibles ou des impossibles. Comme le songe (si l'on dort), ou la rêverie & l'extase (si l'on veille)

sont une sensation ou une réunion de sensations passées, dont l'imagination détache, pour ainsi dire, le spectre ou l'image d'une manière tantôt possible & vraisemblable, tantôt bizarre & impossible, de même le pressentiment seroit une sensation anticipée donnée par l'imagination; les matériaux sont les mêmes, puisque quelque événement à venir que je suppose, dès qu'il est non seulement possible, mais qu'il est même destiné à se réaliser, les élémens qui y entrent doivent être analogues pour le fond à ceux dont le passé fournit des exemples; la force qui les met en œuvre & les assemble, est la même aussi; il semble donc qu'il ne faudroit pas chercher ailleurs que dans l'imagination la cause du pressentiment, & rien ne paroît plus plausible au premier abord. Je crois cependant la conclusion précipitée, & je me fonde sur une observation, qui pour paroître d'abord peu importante, ne laisse pas de l'être beaucoup à mes yeux. La voici: quand l'imagination travaille ou en rêve ou dans tout état qui en approche, elle n'a aucune idée de passé, de présent ou d'avenir, elle n'attache à aucun période de la durée ce qu'elle voit; cela est si vrai que c'est même le caractère distinctif du songe de nous persuader, ou plutôt de nous mettre dans un état où il nous semble que nous voyons, que nous entendons, que nous éprouvons actuellement ce que nous avons vu, entendu, éprouvé autrefois, ou ce que nous n'avons jamais éprouvé & peut-être n'éprouverons jamais, ou enfin ce que nous sommes appelés à éprouver un jour; & à mesure que le songe est plus songe, c'est-à-dire, plus il est clair & vif, & plus, les yeux ouverts, nous prenons le songe pour une réalité, parce que nous plaçons mal le temps où les choses se passent, ou plutôt nous n'avons aucune idée, aucune conscience du temps; dans le pressentiment au contraire nous déterminons le temps où ce qui n'est qu'imagination deviendra sensation. Dans le songe, la sensation a précédé le travail de l'imagination, & l'âme n'y pense pas & l'ignore, ou s'y trompe nécessairement; dans le pressentiment c'est l'imagination qui précède la sensation, & l'âme le fait & le sent. Ainsi il se peut qu'un songe se réalise, & que certains états subséquens de la

veille soient exactement ceux dont le sommeil vous a offert l'image; si vous partez alors de l'événement pour qualifier le songe, & ne considérez que cette conformité extérieure qu'ils ont entr'eux, rien n'empêchera que vous n'appeliez ce songe un pressentiment, vous vous conformerez même en cela à l'usage; mais ici comme ailleurs l'usage est impropre, & ne présente qu'une partie de la notion qu'il faut avoir; car dans ce songe qui portoit sur l'avenir, non plus que dans tout autre songe, vous n'avez eu aucune idée de temps présente à l'esprit, vous n'avez pas su si ce qui s'offroit à vous étoit passé, présent ou à venir. Vous avez eu (je le veux) le tableau de l'avenir sous les yeux, mais vous n'en avez pas eu la conscience, vous n'en avez porté aucun jugement, vous ne vous êtes pas dit: *cela pourra arriver, cela arrivera*; vous n'avez donc pas eu un pressentiment, quoique la suite des évènements de votre vie renferme en soi, & présente ce qu'un songe vous a offert; cet accomplissement réel ou prétendu n'a pas une force rétroactive, & ne peut ni placer dans votre âme ce qui n'y étoit pas, je veux dire le *conscium* d'une sensation anticipée, ni en ôter ce qui y étoit; mais l'usage veut qu'on ne distingue pas ce qu'on transporte mal à propos & après coup dans la notion d'un songe que je suppose s'accomplir, & ce qui y est ou doit y être, indépendamment de tout ce qui peut suivre. De là vient qu'on trouve très-naturel d'attribuer le pressentiment à l'imagination; pour croire qu'il en vient il n'y a qu'à combiner ces deux idées; l'une que l'imagination qui dans ses tableaux nous retrace le passé, & nous transporte même dans la région des possibles & des contradictoires, peut également nous offrir des images qui à quelque distance du temps où nous sommes, deviendront des réalités; l'autre, que cette représentation seule destinée à devenir un fait, forme le pressentiment, & qu'il n'est pas nécessaire d'y joindre aucun retour sur nous-mêmes ni aucun jugement sur la réalité éventuelle de ce qui se présente à nous; mais une preuve que c'est précisément dans cette relation aperçue par l'âme, entre ce qui se montre à elle & ce qui arrivera, que consiste la différence essentielle qui se trouve entre

une simple représentation d'un fait qui par l'événement se trouvera vrai, & entre le pressentiment de ce fait, c'est d'un côté la force des termes, & de l'autre ce que l'expérience nous apprend. Je dis la force des termes; *pressentir*, est certainement plus que se représenter une chose que la suite de notre vie réalisera ou ne réalisera pas, c'est se la représenter sous la relation d'une chose qui sera ou ne sera pas, c'est joindre à la représentation l'idée du temps où elle deviendra sensation, & sous ce point de vue c'est (comme le mot l'indique) avoir cette sensation d'avance; je dis ensuite ce que l'expérience nous apprend; qu'entre les combinaisons différentes & les conjectures que l'on fait sur sa destinée future dans un moment de rêverie & d'abandon aux caprices d'une imagination qui se joue, il s'en trouve une que le temps réalise; qu'on se rappelle même qu'elle s'est un jour présentée à l'esprit: dira-t-on pour cela qu'on a eu un pressentiment, si dans le moment où le fantôme a passé devant l'imagination, on ne l'a pas distingué d'une foule d'autres, & on ne lui a assigné aucun période dans la durée pour s'y produire comme réel? J'en doute, pourvu qu'on parle correctement. Qu'un homme rêve; qu'au bout de quelque temps son rêve s'accomplisse; qu'alors seulement il se souvienne d'avoir rêvé ce qui arrive: dira-t-il, pourra-t-il dire qu'il a eu un pressentiment? Je ne le crois pas, puisqu'il n'a porté aucun jugement sur ce rêve au moment où il s'est réveillé, & n'a eu aucun soupçon qu'il pût & dût se réaliser. Il faut donc avouer que s'il ne peut point y avoir de pressentiment sans un acte d'imagination, cependant il peut y avoir acte de l'imagination sans pressentiment, & que le pressentiment n'est point un acte de l'imagination & en est très-distinct; l'âme y distingue les temps, elle juge que ce qu'elle voit ou a vu dans un temps, existera dans un autre; or juger n'est point imaginer, & l'imagination qui explique la représentation de faits à venir, n'explique pas le jugement de l'âme qui les déclare tels; ce jugement peut s'appeler souvent téméraire & faux, mais on ne dira pas, en parlant avec justesse, qu'il est chimérique & imaginaire.

Il est plus facile, sans doute, de discuter diverses explications, & d'élever des doutes contre chacune, que d'en donner une qui sans avoir les inconvéniens des autres, soit en même temps neuve & satisfaisante; je n'en promets point de pareille, mais je vais donner celle que mon plan m'oblige de hasarder & de soumettre au jugement de ceux qui auront médité cette matière.

On ne met point en question si toutes les idées destinées à devenir un jour distinctes dans notre âme, ne doivent pas déjà y avoir existé obscures & confuses; pour peu que l'on raisonne, & qu'on n'attende pas de l'expérience & du sens intime plus que ces deux sources d'ailleurs très-respectables de nos connoissances ne peuvent faire pour notre instruction, on n'a aucun doute sur cette double manière dont une seule & même idée existe en nous. On ne suppose pas non plus, que la clarté avec laquelle un fait à venir peut se présenter à nous, vienne des idées confuses qui s'en trouvent dans notre âme; ce que nous avons dit précédemment, & la nature même des choses, la contradiction manifeste que cette assertion renferme, doivent nous convaincre que l'obscurité ne peut pas produire la clarté, & qu'elle doit cesser au moins par rapport à ce qu'on voit clairement & distinctement. Mais on demande comment il arrive (en supposant que le fait soit vrai) que des idées obscures & confuses d'un événement à venir deviennent claires & distinctes dans l'âme avant l'événement qui sembleroit seul devoir leur imprimer ce caractère, & comment ces anticipations de clarté ne frappent l'âme qu'avec le sentiment que ce sont de vraies anticipations & que la réalité y répondra? La solution de cette difficulté suppose, comme on voit, que l'on a pris un parti entre les différentes hypothèses connues sur l'union de l'âme & du corps. Celle qui est connue sous le nom de causes occasionnelles est, avec tout le respect dû à son illustre auteur, trop peu philosophique & trop peu d'accord avec des vues subséquentes plus saines, pour que nous nous en servions ni sur cette matière ni sur toute autre comme d'une voie d'explication; celle que nous appelons l'influence physique, me paroît rendre impossi-

ble tout succès dans cette recherche; car s'il n'y a absolument que la présence des objets, & l'action même de l'événement qui puisse produire dans l'âme les idées claires qui y répondent, je ne vois pas comment avant l'événement elle pourra avoir ces idées, & avec elles le projeter dans l'avenir dont il fera partie; mais pour un partisan de l'harmonie préétablie, il me semble que ce phénomène est assez intelligible. Dans ce système, que d'ailleurs je ne défends ni n'attaque, parce que ce n'en est pas le lieu, tous les états de l'âme s'expliquent par une force propre à l'âme de les produire, comme toute la série des événemens qui forment l'univers sensible & qui correspondent à ces états, n'a d'autre principe que cet univers même & son mécanisme intérieur. Ce pouvoir absolu de l'âme sur ses représentations, en vertu duquel elle les tire de son propre fond avec tous les degrés de clarté dont elles sont susceptibles, est sans doute soumis à des lois; la plus ordinaire est celle qui veut qu'elle attende que les choses arrivent, & que les objets soient présens pour nous en offrir l'idée; le pressentiment fait exception à cette loi, il est le résultat d'une force productrice qui devance les événemens, qui se hâte de produire, & rend avant le temps claires & distinctes des idées qui ne devoient point encore l'être: c'est donc cette exception qu'il s'agit d'expliquer; mais on sent combien, ne dérangeant qu'une harmonie & une correspondance arbitraire & de convention, si on l'oppose à celle qui résulteroit d'une action physique & nécessaire des deux substances l'une sur l'autre, cette exception en devient plus intelligible; il ne faut pour la comprendre que concevoir l'âme comme une force toujours active, toujours occupée à remuer, à travailler, à défricher ce fond indéfini d'idées qui fait sa richesse; cette agitation continuelle & que la lenteur des événemens ne seconde pas toujours, doit produire toutes sortes d'effets, & entr'autres cette précipitation & cette action précocce tendant à réaliser & à développer des représentations dont le temps n'est pas encore arrivé; ajoutez que de la totalité de ces idées confuses qui forment le fond d'où l'âme tire tout ce qu'elle voit ensuite mieux & plus distinctement, une partie n'existe encore que

comme idées confuses, une autre est développée jusqu'à un certain point, une autre enfin l'est parfaitement; ces idées à toutes les distances possibles, à tous les degrés possibles sur l'échelle du développement, se tiennent & se touchent par mille endroits; il y a ici des affinités, des analogies, des points de contact sans nombre; une idée claire ou distincte touche à une idée confuse; elle ne fera peut-être elle-même qu'une partie de cette idée confuse; elle hâtera par cela même le développement de celle-ci, & si elle porte sur un événement à venir, cet événement sera plus distinct qu'il ne devrait être, il participera à la clarté du reste; comme au contraire une idée confuse nuit par son voisinage à une idée distincte qui sans elle le ferait plus. Ce sont des espèces d'attractions d'un côté, d'antipathies de l'autre, dont la loi & la raison ne sont point dans la série des événemens selon l'hypothèse sur laquelle je raisonne, mais dans le foyer intérieur où elles se forment, s'échauffent & se modifient en tout sens. Je les comparerois à une classe d'écoliers, de capacité & de talens différens; plusieurs d'entr'eux anticipent sur l'effet du temps, des années, des circonstances, & leurs progrès ne sont proportionnés qu'à l'énergie propre de leur caractère, & à l'influence qu'ont sur eux leurs compagnons d'étude pour les aiguillonner & les enflammer; & que sera-ce si à ces causes générales du degré d'activité qu'il faut à l'âme pour anticiper sur des impressions qui lui sont encore réservées, je pouvois, sans trop m'étendre, joindre toutes les causes particulières, locales & quelquefois momentanées, qui pour tel individu, concourent avec les causes générales à changer en idées claires & distinctes de l'avenir, de simples préparations à les avoir? Ici c'est une trempe d'âme plus forte & capable d'un travail plus marqué, à-peu-près comme un arbre robuste, plein d'énergie & de sève, devance souvent une température dont il ne devrait chercher que l'unisson, & pousse en dépit d'une saison encore âpre & rigoureuse; là ce sera un caractère donné qui expliquera pourquoi l'âme ne réalise pas également & au même degré toutes les idées dont la clarté dépend d'elle & non de l'événement à venir qui leur coëxistera; ailleurs une

seule passion, & combien plus diverses passions, imprimeront à la pensée un mouvement qui la fera aller au devant de ce qui n'existe point encore pour elle; ailleurs encore la même secousse peut lui venir des objets qui l'environnent, & sans la conduire aux réflexions & aux combinaisons que j'ai déjà séparées du pressentiment comme étant l'attribut de la prévoyance, peut lui donner ce trait de lumière qui paroît inséparable de la présence des objets.

Mais ces sources d'explication sont trop faciles à imaginer & à multiplier par la plus légère réflexion, pour que nous ayons besoin de nous y arrêter plus long-temps. Il sera plus utile de faire l'application du principe général aux différens cas où on parle de pressentimens, pour voir jusqu'où ces cas s'accordent avec notre théorie, ou semblent la combattre.

Il n'y a que trois suppositions possibles à faire ici; celle du pressentiment & du fait à venir qu'il indiquoit, réunis & combinés; celle du pressentiment sans le fait; celle enfin du fait sans le pressentiment. Par la première supposition le pressentiment s'accomplit & est vrai; par la seconde, il est faux; par la troisième il est absolument nul, & le seroit encore plus, s'il n'y avoit ni fait ni pressentiment, quatrième supposition qu'il ne valoit pas la peine d'indiquer; mais on voit par cette énumération des divers cas, combien il est nécessaire de ne pas faire consister tout le pressentiment dans l'idée & la représentation plus ou moins claire d'un fait qui n'est point encore arrivé, mais d'y faire entrer, suivant ce que nous avons dit plus haut, un jugement de l'âme par lequel elle déclare ce fait comme devant ou ne devant pas arriver; puisque c'est ce jugement seul, suivant qu'il est ou fondé, ou erroné, ou nul, qui décide des trois sortes de cas que nous venons d'indiquer, & les rend possibles.

Je parle d'abord du cas où le pressentiment s'accomplit, & je demande, ou plutôt je cherche à répondre à ceux qui demandent pourquoi il s'accomplit & pourquoi il arrive que l'événement précédé dans notre âme par l'idée claire qui lui correspondra encore une fois, se
place

place effectivement, & d'après notre conjecture, dans la suite de ceux que nous devons voir? Cette question n'aura point de sens, ou en aura, suivant qu'on y confondra, ou qu'on y distinguera deux choses entièrement différentes. Veut-on savoir pourquoi le fait que l'on s'est représenté d'avance, arrive? c'est ce qu'on ne peut pas demander si on a bien saisi les réflexions précédentes, puisqu'on a été obligé déjà de regarder ce fait comme devant se réaliser pour nous, lorsqu'on a simplement cherché à expliquer comment il se pouvoit que nous en eussions l'idée avant qu'il fut là. Mais veut-on savoir pourquoi l'âme ne se trompe pas toujours, mais rencontre juste quelquefois dans le jugement qu'elle porte sur l'actualité éventuelle & future de ce même fait, c'est sans doute une question à faire & qui n'est pas facile à résoudre; car d'un côté on ne peut pas faire intervenir ici des raisonnemens, des combinaisons d'idées claires & distinctes, sans renverser la barrière qui sépare suivant nous le pressentiment de la prévision; & de l'autre, en se fondant trop sur le caractère machinal, aveugle & rapide du pressentiment, on ne peut pas dire qu'il résulte de la connoissance confuse que l'âme a peut-être des objets extérieurs qui coëxisteront un jour avec elle; car d'abord, elle n'a de connoissance confuse que de ses propres idées prises en masse & jusqu'au temps où elles deviendront distinctes; ensuite, pourquoi tous les pressentimens ne s'accomplissent-ils pas s'ils reposent sur une liaison quelconque aperçue ou sentie par l'âme, entre ses idées & les événemens qui un jour répondront à ces idées? On entreroit encore moins dans l'esprit de cette recherche en supposant que lorsque nos pressentimens s'accomplissent, c'est que nous avons agi de manière à procurer leur accomplissement; puisque dans une infinité de cas l'objet du pressentiment est entièrement hors de la sphère de notre influence, que dans d'autres nous avons la conscience ou de n'avoir rien fait pour amener le résultat anticipé, ou d'avoir fait tout ce qu'il dépendoit de nous pour le détourner, sans y avoir réussi, & que surtout vouloir trouver dans nos actions & dans leurs déterminations la cause des pressentimens réalisés, c'est vouloir ex-

pliquer ce qui précède par ce qui suit, le jugement que nous portons sur ce qui arrivera ou n'arrivera pas, ayant dû nécessairement précéder toutes les démarches auxquelles on attribuerait la raison de la solidité de ce jugement. Il semble donc qu'il ne reste autre chose à dire, sinon que c'est le hasard qui fait que ce jugement est quelquefois justifié par l'avenir; mais ce mot n'exprimant que l'ignorance où est celui qui juge, de chaque cause particulière qui fait conspirer un jugement de l'âme & un événement qui lui est postérieur, & ne nous dispensant pas de chercher une cause générale & probable de cette rencontre, nous proposerons de placer cette cause dans le grand nombre & le retour continuel de ces jugemens. J'ai dit plus haut pour expliquer dans l'homme la simple représentation & l'idée quelquefois très-claire d'un fait caché encore dans l'avenir, que la force attribuée à l'âme dans le système de l'harmonie préétablie, de tirer ces sortes de représentations & d'idées de son propre fond, étoit encore considérablement augmentée & surtout dirigée par le caractère propre & la trempe d'âme particulière de chaque homme, par ses penchans, ses goûts, ses passions, par tout ce qui l'environne & agit sur lui. J'applique ce principe au jugement qui met ces représentations & ces idées au nombre des événemens qui nous attendent, ou ne nous attendent pas; ce jugement est inséparable de ces tableaux de l'avenir, il doit donc participer à toutes les causes psychologiques & morales qui les multiplient à l'infini, & par conséquent porter avec soi & dans cette reproduction continuelle le principe de la vérité que l'événement lui prête quelquefois. C'est ainsi que les personnes égoïstes toujours occupées d'elles-mêmes & de leur destinée future, ont plus de pressentimens relatifs à elles, qui s'accomplissent, que d'autres; il est naturel que dans le magasin de nos idées il y en ait plus qui répondent aux événemens de notre vie qu'à des événemens étrangers; c'est ainsi que l'avarice, l'ambition, la sensualité, toutes les passions, quand elles sont dominantes, toutes les teintes même du caractère, supposez-le triste ou gai, craintif ou courageux, soupçonneux ou confiant, toutes les circonstances exté-

rieures qui impriment à l'âme un mouvement quelconque plus rapide, toutes les causes possibles d'accélération & de projection de nos idées dans l'avenir, favorisent l'accomplissement des pressentimens, & multiplient ceux qu'on appelle réalisés & justifiés par le fait; elles produisent cet effet par la raison seule qu'elles nous mettent dans le cas de répéter plus souvent cet acte de la pensée qui se porte sur l'avenir, & qu'il est impossible que d'un nombre infini de jugemens éventuels portés sur ce qui arrivera ou n'arrivera pas, il n'y en ait plusieurs qui se trouvent justes. Il est si vrai que le nombre & la répétition fréquente fait tout ici, que sans appeler même à son secours des causes aussi graves que celles que nous venons d'alléguer, on peut multiplier à son gré & par cela seul qu'on le veut, le nombre des pressentimens réels ou qui s'accomplissent; tout l'art consiste à rassembler & à combiner de mille manières différentes tous les élémens possibles de cette partie de notre vie qu'il nous reste à parcourir; plus le nombre de ces événemens supposés & imaginaires, les uns probables, les autres ridicules, sera grand, plus vous aurez prononcé souvent en vous même sur leur réalité éventuelle, & plus il y en aura qui seront effectivement ceux que vous avez à attendre; c'est un sac de dés que vous remuez sans cesse & dont vous tirez sans cesse des numéros, en vous exerçant à deviner ce qui doit en sortir; plus vous continuerez ce jeu, & plus il vous réussira, plus vous devinerez juste.

Je passe à la seconde supposition que j'ai faite, celle où le pressentiment ne se réalise point, & où les choses n'arrivent point, ou arrivent tout autrement qu'on ne les avoit imaginées. Ce n'est pas au reste la sorte de pressentiment la moins commune, surtout ce n'est pas celle que nous retenons le plus volontiers & dont nous nous vantons, parce que notre prévention secrète & plus forte que nous ne croyons, en faveur de ce phénomène psychologique, nous faisant souhaiter qu'il se présente toujours sous l'aspect le plus honorable pour lui ou pour ses partisans, nous dispose aisément à oublier ou à dissimuler tout ce qui peut faire une objection contre lui; mais j'ai un usage

plus important & plus direct à faire de cette circonstance, que le fait ne justifie pas toujours le pressentiment; c'est d'expliquer cette disparité & de la concilier avec l'origine que j'ai donnée à cette modification de l'âme. Deux traits principaux la caractérisent; c'est la représentation d'une chose qui n'est point, & le jugement inséparable de cette représentation que l'objet qui y répond, sera ou ne sera point: quant au premier élément de la définition, il est bien facile de comprendre qu'à la faveur des combinaisons infinies dont l'imagination est capable, nous pouvons & nous devons même avoir l'idée de beaucoup plus de situations, d'événemens & de résultats historiques que nous ne sommes réellement destinés à en voir un jour, & qu'il n'y en entrera dans le cours de notre vie; & de là autant de représentations ou d'images que la réalité ne suivra point: quant au second élément de la définition, comme il dépend toujours de nous de laisser ces situations & ces événemens imaginaires sans date & sans époque, c'est-à-dire de ne pas prononcer sur leur existence éventuelle, & par conséquent de ne pas les ériger en pressentimens, nous sommes aussi très-fort les maîtres par un jugement plus ou moins prononcé de l'âme, d'ajourner ces situations & ces événemens & si nous le faisons avec précipitation & légèreté, nous produisons par là autant de pressentimens trompeurs & démentis par le fait. Or il ne faut qu'avoir présentes à l'esprit toutes les causes que nous avons assignées à la multiplication prodigieuse de ces jugemens, pour voir que cette multiplication, en rendant raison de quelques pressentimens accomplis, rend mieux encore raison de tous ceux qui ne le sont pas; non seulement par la précipitation & la témérité qu'elle rend inévitables, mais encore par le petit nombre seul des chances heureuses qui ne peut s'acheter que par le bien plus grand nombre de celles qui ne le sont pas.

Enfin j'ai dit que s'il y avoit quelquefois pressentiment & fait pressenti réunis, quelquefois pressentiment vain & contraire au fait qu'il nous présente comme devant arriver, il y avoit aussi quelquefois, & même le plus souvent, fait, événement sans pressentiment; ce cas n'est

pas plus contraire à mon explication que les précédens, ou plutôt il est entièrement étranger à mon explication qui n'a pas besoin du tout de s'étendre jusqu'à lui. Si entre toutes les représentations relatives à l'avenir qui dorment sans cesse dans l'âme & y attendent le moment de devenir claires & distinctes, dont l'événement est pour elles le signal, il peut y en avoir quelques-unes qui deviennent claires plutôt qu'elles ne devroient, par l'action de l'âme sur elle-même & diverses causes qui accélèrent quelquefois cette action, il peut & il doit aussi y avoir des représentations qui ne se pressent pas autant de percer la nuit qui les couvre, & qui attendent que les faits auxquels elles doivent coexister, se présentent; l'un est certainement aussi intelligible que l'autre, s'il ne l'est pas plus; car l'un, je veux dire le cas dans lequel l'âme ne pense & ne juge qu'à mesure que le livre des destinées se déroule devant elle, & amène par conséquent des faits qui n'ont point été pressentis, c'est la règle, qui ne me regarde point, & dont je n'ai point à rendre raison; l'autre, c'est-à-dire le cas où elle devance l'événement, est l'exception qui seule m'occupe dans ce mémoire, & cette exception, comme l'on voit, n'est comprise que dans les deux premières suppositions que j'ai faites.

Après avoir tâché de fixer l'idée précise qu'il faut attacher au mot *pressentiment*, s'il ne doit signifier ni la prévision proprement dite, ni une chimère dont il ne vaudroit pas la peine de parler; après avoir, en partant de la supposition qu'il y a des pressentimens, cherché comment & dans quelle hypothèse sur l'union de l'âme & du corps on pourroit les expliquer, il me reste, pour remplir le plan de recherches que j'ai indiqué en commençant, à examiner s'il y a des pressentimens ou non?

Je n'ai pas besoin sans doute de me justifier sur cette marche d'idées, & de prouver que j'ai pu, en laissant le fait indécis, essayer de lui ouvrir des sources d'explication éventuelle pour le cas où il se présenteroit effectivement muni de tout ce qui peut le faire croire; & si les philosophes n'ont malheureusement que trop abusé de cette méthode,

pour ériger en faits dans le cours de leurs disputes ce qu'ils n'avoient pris d'abord que sur le pied d'hypothèse, pour ne pas se donner même la peine d'exposer le fait supposé, clairement & avec précision, pour perdre un temps précieux, & mettre dans de simples suppositions examinées & discutées, toute l'aigreur & l'animosité que la réalité même n'eût pas autorisée; ce n'est pas une raison pour fermer ce chemin à la spéculation; il est naturel, il fournit à l'esprit un exercice utile, il peut conduire à des vérités ignorées, & dans le cas où un fait, jusque là présumé, viendrait à être constaté, cette explication anticipée qu'il auroit reçue, épargneroit à ceux de qui on l'exigeroit, une peine qu'ils n'auroient pu se dispenser de prendre. Un phénomène, en effet, est ou réel, ou supposé, controuvé, imaginaire. Si la réalité est démontrée & certaine, on en cherche les raisons, & c'est le cours naturel des choses; si elle est douteuse & même décidément adoptée sans preuves, on peut encore utilement en chercher les raisons, c'est-à-dire faire voir comment, dans le cas où le phénomène seroit réel, on pourroit concevoir qu'il a pu & dû naître. L'explication d'un phénomène réel ne peut pas tenir lieu des preuves historiques & qui peuvent seules en établir l'existence, mais donne à ces preuves un caractère (si je puis m'exprimer ainsi) plus raisonnable, plus propre à opérer une conviction libre & entière. L'explication d'un phénomène idéal & supposé ne peut pas non plus tenir la place de cette sorte de preuves qu'il demanderoit pour être cru; elle ne peut pas suppléer ces preuves, & comme, dans ce cas, elles n'existent point, l'explication éventuelle qu'on donne d'un phénomène, en attendant qu'il se vérifie, ne peut aussi que dans cette supposition lui être de quelque utilité. Les preuves historiques qui attesteroient l'existence des pressentimens, & les raisonnemens destinés à rendre ces pressentimens intelligibles & croyables quant à leur possibilité & à leur vraisemblance intrinsèque, sont donc deux ordres de procédés, qui non seulement peuvent être séparés, mais qui m'ont paru devoir l'être; parce que ce n'est pas du tout la tâche du philosophe de constater les faits, mais de chercher à les expliquer

quand on les lui fournit vrais, authentiques & bien prouvés, ou quand par quelqu'explication provisionnelle, & applicable seulement au fait quand la réalité sera mise hors de doute, il veut prouver que la supposition en est admissible & ne renferme aucune contradiction. Le philosophe fera d'autant mieux dans cette occasion de ne point anticiper sur le travail du critique & de l'historien, que celui-ci seroit bien embarrassé de ramener des faits, la plupart du temps controuvés ou du moins altérés, toujours isolés, sans but & sans objet, qui naissent & meurent dans l'âme de ceux qui en ont eu le sentiment ou qui en répandent la tradition confuse, à ces règles sévères auxquelles à peine les monumens publics peuvent être assujettis. Prouver qu'il n'y a rien dans l'idée du pressentiment qui répugne & qui ne soit même explicable par la nature de l'âme & sa combinaison avec l'univers, c'est prouver qu'il est possible, même très-probable, qu'il y a des pressentimens dans toute la rigueur de la définition que nous en avons donnée, & que dans la foule de ceux qu'on rejette ou que l'on croit avec ou sans raison, il y en a plusieurs qui étant réels, ont par conséquent en leur faveur les preuves historiques nécessaires pour les établir; l'existence de ces preuves & leur réunion doit être possible, si l'existence du fait est possible, puisque qui dit fait, dit ce qui est prouvé à la manière dont les faits se prouvent, ou qui du moins peut l'être; mais les moyens de rassembler ces preuves & de les mettre hors de doute dans les cas particuliers, étant très-difficiles, & peut-être même impossibles à trouver & à appliquer sûrement, autorisent le philosophe à ne point s'en mettre en peine, & tout au plus à s'exercer sur la possibilité interne du phénomène.

C'est ce que j'ai voulu faire dans ce mémoire, déclarant quant à moi qu'il m'est très-indifférent qu'il y ait ou qu'il n'y ait pas de pressentimens, & que je ne crois, dans la foule de ceux dont j'ai entendu parler, à aucun en particulier, parce que je n'ai eu ni le temps, ni surtout la volonté, de le soumettre à un examen rigoureux; cependant comme cet intérêt de pure spéculation paroît très-froid & très-mince

à la plupart des hommes que la question de fait, savoir s'il y a des pressentimens ou s'il n'y en a point, touche uniquement, mettons-les en état de la résoudre eux-mêmes, en leur proposant les partis exclusifs qu'il y a à prendre pour l'admission ou la rejection des pressentimens considérés à présent sous le rapport de faits; les rejeter tous sans exception; les admettre tous sans exception; en croire autant qu'il s'en trouvera de prouvés & de constatés.

Les rejeter tous absolument ne paroît pas praticable. On trouve dans l'ouvrage estimable intitulé *Magazin zur Erfahrungs-Seelenkunde von Carl Philipp Moritz, Berlin bei Mylius 1785*, tome troisième, pag. 56, une pièce sans nom d'auteur, comme elles le sont toutes, dont l'objet est de prouver que tout ce qu'on dit des pressentimens est erreur & chimère; il semble que c'est & de l'expérience & du raisonnement que l'auteur a voulu tirer cette conséquence. Ce qu'il emprunte de l'expérience c'est une histoire qu'il raconte d'une dame de sa connoissance, qui deux fois de suite eut des pressentimens sinistres qui s'accomplirent, mais à laquelle une humeur triste & mélancolique avoit évidemment présenté ces images; & de là l'auteur conclut que si on examinoit tous les pressentimens d'aussi près qu'il se flatte d'avoir éclairé ceux-ci, on verroit qu'ils ont tous la même origine. Les données sont ici très-peu de chose, comme on voit, & la conclusion tranchante & générale; il y a des pressentimens gais & qui portent presque tous sur un avenir gracieux, apparemment que ceux-ci ne sont point engendrés par la mélancolie; en supposant juste la définition que j'ai donnée plus haut du pressentiment, cette dame n'en eut point, puisqu'elle n'eut l'idée d'aucun désastre particulier; il ne faut pas confondre, comme on le fait ici, la cause générale, psychologique & cosmologique du pressentiment avec les causes qui en déterminent le nombre plus ou moins grand, le genre & l'espèce, l'objet particulier, les sentimens qui l'accompagnent, causes que nous avons indiquées & que nous accordons toutes, non comme sources d'explication & de définition du pressentiment, mais comme sources d'explication de certains pressentimens donnés,

nés, & de leur correspondance plus ou moins fréquente avec l'événement; enfin le défaut d'idée précise de ce qu'il faut entendre par pressentiment conduit l'auteur à tirer la même conséquence de deux principes directement opposés l'un à l'autre; car si les pressentimens de la personne qu'il cite s'étoient trouvés démentis par le fait, il les auroit relégués dans le pays des chimères, & maintenant qu'ils ont été réalisés il les y relègue encore, par la raison qu'ils ont été le fruit d'une disposition d'esprit sombre & inquiète; mais cette disposition, par cela même qu'elle est vague & fait tout craindre, comme on le voit dans l'exemple que nous analysons, ne fait rien craindre en particulier, n'explique la représentation d'aucun malheur déterminé, & par conséquent ne produit aucun pressentiment dans le sens restreint du mot que nous avons adopté; nous sommes donc fondés à traiter de chimères les deux pressentimens que l'auteur allègue, & qui à la lettre ne signifioient rien en s'appliquant à tout dans l'ordre des revers, mais l'auteur qui ne fait pas cette différence devroit par cette raison admettre sans difficulté ces deux pressentimens; il le devroit encore parce qu'ils se sont trouvés d'accord avec ce qui est arrivé, & qu'il déclare que s'ils ne s'étoient pas trouvés vrais par le fait, il les auroit rejetés à ce titre sans chercher avec tant de soin dans le caractère de son amie ce qui pouvoit rendre raison de ce phénomène; en quoi il se trompe encore suivant nous. La distinction très-fondée de pressentimens vrais ou qui s'accomplissent, & de pressentimens vains, illusoires ou que le fait contredit, nous indique bien les deux espèces de pressentimens qui peuvent avoir lieu, mais n'exprime point la nature du pressentiment en général; pour qu'il ait comme genre toute la réalité & la vérité qui lui compète, il suffit qu'il y ait dans l'âme la représentation anticipée d'un événement à venir, d'un événement individuel, caractérisé, que le cours de la nature n'amène pas nécessairement, & un jugement qui prononce d'une manière décidée sur sa réalité ou non-réalité éventuelle; que ce jugement soit confirmé ou contredit par le fait, il pourra bien en résulter un pressentiment de telle ou telle espèce, mais

il y aura toujours eu pressentiment en général; & dire qu'on ne croit pas aux pressentimens, ce sera dire tout au plus qu'on ne croit point à ceux qui passent pour avoir été accomplis & justifiés par l'événement, mais ce ne sera pas dire encore qu'on ne croit point à ceux qui avant l'événement & en le mettant à part, ont eu dans l'âme où ils prirent naissance les caractères distinctifs de cette opération. Ce sont deux assertions bien différentes & que l'auteur confond; l'une & l'autre est peu philosophique dans la généralité où il l'énonce. Les raisonnemens dont il appuie une induction d'expérience qu'il croit s'être procurée, sont plus foibles encore que cette induction, & quand il allègue comme des objections péremptoires, que ce pouvoir accordé à l'âme de pressentir l'avenir, s'il étoit réel, devrait être marqué dans un plus grand nombre d'exemples; qu'il le devrait surtout s'il est utile & bienfaisant; que Dieu lui-même ne peut connoître l'avenir (au moins autant que notre foible intelligence peut présumer quelque chose de la sienne) que par l'idée distincte, adéquate, simultanée de toutes les causes dont l'avenir naîtra, & qu'il ne paroît pas naturel que l'homme, par une capacité plus étendue, puisse connoître l'avenir sans analyser le présent; que ce don fait à l'âme humaine lui est funeste, & que le ciel en le lui refusant lui eût épargné mille agitations aussi inutiles que cruelles; que pour quelques expériences sur ce sujet qui embarrassent & qui semblent être concluantes, il en est une foule d'autres qui ne sont que des bruits sourds que l'amour du merveilleux a fait naître, que la légèreté a répandus au loin, que le sort ordinaire à tous les récits qui passent de bouche en bouche a altérés, grossis, embellis; que si la curiosité peut conduire à les examiner de près & à tâcher de les constater, il y a loin encore de là à en faire la base d'une théorie; & qu'enfin toutes les observations faites & à faire sur ce phénomène peuvent & doivent mener à le dériver de toute autre cause que d'une faculté de pressentir l'avenir qu'on dût mettre au nombre de toutes celles dont l'âme est douée; quand, dis-je l'auteur accumule tous ces raisonnemens, on peut lui répondre qu'il n'est pas plus nécessaire que tous les hommes

ayent des pressentimens qu'il ne l'est que tous soient fous, somnambules, capables de mille singularités qui pour le bonheur de l'humanité sont & seront toujours des singularités que l'on ne raye pas pour cela du nombre des phénomènes qui seroient parfaitement explicables pour quiconque connoîtroit parfaitement l'âme & ses profondeurs; que si l'on se retranche à dire que ceux qui n'ont pas des pressentimens effectifs, pourroient en avoir & en portent le germe dans leur âme, & si l'on conclut des exemples qu'on en trouve à ceux qu'on ignore, c'est qu'on part, en le disant, de toute la diversité des effets que peuvent & doivent quelquefois produire le jugement, la mémoire & l'imagination que l'auteur regarde lui-même comme les attributs généraux de l'humanité & dont le pressentiment n'est qu'une modification particulière; que vu l'ignorance où nous sommes de ce qui est véritablement utile dans un ensemble aussi immense que l'univers, c'est une très-mauvaise mesure pour juger de ce qui est ou peut être, que le plus ou le moins d'utilité que nous trouvons aux choses, & une singulière prétention de vouloir que ce qui nous paroît utile soit par cela même le lot de tous les hommes; que cet aperçu clair, mais non distinct & motivé de l'avenir étant comme toutes les idées confuses, une imperfection attachée à l'humanité, il y a lieu de s'étonner que l'auteur en fasse une perfection qui à ses yeux l'emporte sur la manière dont nous croyons que Dieu a connoissance de l'avenir; qu'en supposant même tous les pressentimens funestes & tourmentans (ce qui n'est pas), on ne voit pas pourquoi la providence devoit nous épargner cette situation désagréable & qu'on avoue être rare, plutôt que tant d'autres auxquelles elle a pu nous exposer bien plus souvent sans blesser ni la sagesse ni la bonté, en nous fournissant ici comme par-tout ailleurs les moyens d'en prévenir ou d'en adoucir l'influence sur notre repos; que le mélange de vrai & de faux qu'il y a dans tous les récits dont il s'agiroit d'abstraire la vérité, ne prouve autre chose que l'obligation, pour quiconque croiroit que la chose en vaut la peine, de porter dans cette analyse plus d'attention & de soin; qu'il n'y a pas plus de simple

curiosité à faire cette recherche & de témérité à croire qu'elle pourroit nous révéler quelque nouvelle puissance dans notre âme, qu'il n'y en avoit dans tous les efforts auxquels nous devons la découverte des facultés dont nous la savons certainement douée; & qu'enfin c'est gratuitement que l'auteur affirme qu'on n'a pas besoin de recourir, pour expliquer les pressentimens, à quelque acte particulier de l'âme, aussi long-temps que lui-même du moins n'a rien donné sur cette matière de plus net & de plus satisfaisant que la pièce dont nous venons de donner le précis, & qui au reste a pour titre: *Die Wichtigkeit des Ahndungs-Vermögens, oder sonderbare Wirkungen eines melancholischen Temperaments*. C'est contre cette nullité absolue de tout pressentiment fondée ici sur un seul exemple mal choisi & sur des raisonnemens *a priori* peu raisonnables, que je m'élève, ne m'intéressant d'ailleurs du tout point, comme je l'ai dit dès l'entrée, à la question de fait.

Je ne m'arrêterai point au second parti extrême & aussi peu philosophique que le premier, c'est celui de la crédulité excessive, qui sans examen & sur les plus légères apparences, trouve par-tout des pressentimens; je l'abandonne au vulgaire, qu'il est d'ailleurs assez inutile de vouloir éclairer & détromper.

Il ne reste pour ceux qui veulent tenir ici le juste milieu, & qui n'ont pas renoncé à l'espérance de rencontrer dans la vie commune & dans la réalité ce qui paroît possible & plausible dans la spéculation, qu'à soumettre à l'examen le plus sévère tous les cas particuliers qui pourront parvenir à leur connoissance, & à mesurer toujours le degré de leur persuasion sur le nombre & la validité des preuves qui doivent la déterminer.

Les idées de pressentiment vraies ou fausses sont si généralement répandues, & elles ont une si grande influence sur la façon de penser, de sentir & d'agir de certaines personnes, qu'il ne sera peut-être pas inutile, en finissant ce mémoire, d'indiquer les conséquences les plus prochaines des principes qu'on y a posés, & dont elles seront en même temps & la récapitulation & l'application; elles se rangent naturel-

lement sous les trois effets que je viens d'indiquer, idées, sentimens, démarches.

Quant aux idées, on ne fera pas tenté de multiplier à l'infini les pressentimens & d'en trouver par-tout les caractères, on sera plutôt convaincu qu'il doit y en avoir très-peu qui méritent ce nom, si l'on pense que d'après la définition que nous en avons donnée, il ne suffit ni d'un sentiment confus de crainte ou d'espérance qui ne porte sur aucun malheur ou succès déterminé, ni même sur une simple représentation de l'avenir sans un jugement de l'âme sur la certitude éventuelle de cet avenir qu'on a sous les yeux; qu'il s'agit bien moins encore, pour savoir s'il y en a eu ou non, de la conformité de l'événement avec lui, ce qui n'en est que la différence spécifique & n'en constitue pas le genre, & que par conséquent la preuve en est très-difficile, l'observateur ou l'appréciateur du phénomène se trouvant par là réduit à ne pas sortir de l'âme où le phénomène se passe, pour le caractériser.

Il ne sera pas plus difficile, si on veut y prendre garde, de puiser dans différentes observations précédentes des motifs de se tranquilliser, & des moyens d'arracher à quelque pressentiment que ce puisse être, le pouvoir de nous agiter & de nous rendre malheureux. D'abord il est clair par l'énumération que nous avons faite de toutes les causes tant générales que particulières, & même locales, qui donnent à l'âme une impulsion sans laquelle cette faculté de pressentir dormiroit toujours, qu'il dépend beaucoup de nous de remplir notre vie de semblables affections intérieures, ou de les en bannir presque entièrement. Occupons-nous moins de l'avenir, & surtout d'un avenir éloigné, incertain par cela même, & inutile à notre bien-être actuel en raison de son éloignement & de son incertitude; mettons un frein à nos craintes & à nos espérances, & persuadons-nous bien, que dans l'ordre des événemens qui changent notre vie, il en est peu qui méritent toute la vivacité que nous mettons à les désirer ou à les craindre; fermons notre cœur aux passions violentes; elles se trouvent toujours à l'étroit dans le moment présent, elles vivent toutes dans l'avenir, parce qu'elles de-

mandent un vaste champ & que l'illusion éclaire; ne souffrons pas qu'aucune d'entr'elles nous maîtrise, s'empare de nous, & ne nous permette de voir par-tout que l'objet dont elle se nourrit; résistons à l'amour du merveilleux, du singulier, à la tentation de nous croire des êtres assez importans pour que la nature nous révèle ses secrets, & à la petite démangeaison d'entretenir nos semblables des prétendues confidences dont elle nous gratifie; & par cette attention sur nous-mêmes, que tant d'autres raisons nous conseillent, nous couperons par la racine sinon les pressentimens, du moins le prurit, la maladie des pressentimens, & nous amortirons en grande partie les atteintes qu'ils pourroient donner à notre repos & à notre bonheur. Si la liaison continuelle qui se trouve entre leur naissance, la direction particulière qu'ils prennent, leur fréquence, & entre notre éducation, notre caractère, nos passions, est une source ordinaire de l'état de mal-aise où ils nous jettent, la confiance que nous y avons en est une seconde; ils feroient beaucoup moins d'impression sur nous si nous ne nous imaginions pas que les choses arrivent parce que nous les avons pressenties, & que c'est cet état de notre âme qui devient le garant & l'instrument même de leur réalité. — Grande erreur! le contraire est plutôt vrai; c'est du fait qu'il faut partir pour juger du pressentiment, & non pas descendre du pressentiment au fait pour regarder le fait comme produit & nécessité par le pressentiment; puisqu'il est clair que, si la chose dont il s'agit doit arriver, nous la pressentons parce qu'elle doit arriver, mais elle n'arrive point parce que nous l'avons pressentie, & que ce n'est pas le pressentiment qui amène le fait, mais le fait qui, s'il est déterminé dans ses causes, rend le pressentiment toujours possible, quelquefois actuel & nécessaire. Que ce soit là le vrai point de vue & le rapport incontestable entre ce qui se passe en nous & ce qui se passe hors de nous, c'est ce qui paroît par la manière dont nous avons tâché de rendre raison de cette opération de l'âme, par le défaut de liaison qui se trouve entre elle & ce qui doit se réaliser, & surtout par la considération qu'en plaçant dans le pressentiment seul, je ne fais quelle

force secrète & magique de conduire son objet à l'existence, on n'auroit que des pressentimens accomplis, tandis qu'il y en a une infinité qui ne s'accordent point avec l'état des choses hors de nous; parce qu'autant le lien qui hors de nous attache les causes aux effets, pour déterminer le cours de notre vie, est un lien étroit, fixe, & précis, autant celui qu'on peut imaginer entre cet ordre de choses extérieur & la série des états de notre âme, est lâche, foible, au moins incertain & arbitraire par rapport à nous. Il n'y auroit qu'un moyen de rétablir cette communication de cause & d'effet entre le pressentiment & ce qui arrivera, c'est, en la rejetant comme immédiate & directe, de la réhabiliter comme indirecte, & de dire que si le pressentiment ne change & ne produit rien par lui-même dans les événemens de notre vie, il peut y influencer beaucoup suivant qu'il nous cache ou nous permet d'apercevoir les règles de prudence & de sagesse auxquels ces événemens sont subordonnés, nous ôte ou nous laisse la présence d'esprit, le calme & la tranquillité nécessaires pour prendre le bon parti, nous suggère des démarches ou des entreprises qui ont tantôt accompli, tantôt rendu vains nos pressentimens; rien n'est plus vrai, & on pourroit faire voir par plus d'un exemple que ce n'est pas ce qu'on a pressenti, mais ce qu'on a été & ce que l'on a fait à la suite d'un pressentiment, qui a donné à l'avenir une direction ou conforme, ou contraire à ce pressentiment: mais bien loin d'infirmier la règle que nous avons posée, c'est que dans la rencontre du pressentiment & du fait sur lequel il porte, il ne faut jamais regarder le premier comme cause du second, mais attendre pour prononcer sur le premier, que le second l'ait ou ne l'ait pas justifié; l'observation sur les actions qui se placent quelquefois entre le premier & le second, confirme encore cette règle; ce sont donc ces actions qui déterminent proprement l'avenir que nous aurons, & non l'état pur & simple de l'âme qui le pressent, & comme ces actions sont en notre pouvoir, les pressentimens par rapport à leurs suites éventuelles y sont aussi; en supprimant ou en faisant celles là, nous vivifions ou nous tuons ceux-ci dans leurs con-

séquences; or rien n'est plus lié que cette discussion au but que je me propose ici, qui est d'offrir des motifs d'assurance & de tranquillité aux âmes superstitieuses & craintives que l'idée d'avoir le pressentiment d'un malheur trouble & bouleverse; en même temps que d'autres non moins superstitieuses, portées à la joie ou par leur caractère ou par la couleur des objets qu'elles aiment à placer dans l'avenir, peuvent apprendre ici combien leurs espérances seront souvent vaines, & leurs triomphes anticipés chimériques. Qu'elles se demandent pourquoi ces tableaux différens les affectent si fort, & disposent à leur gré de tous les ressorts d'une sensibilité qu'ils dominent; si elles veulent bien se connoître & descendre jusque dans les replis de leurs pensées les plus secrètes, elles verront que tant d'irritabilité au moindre pressentiment qu'elles éprouvent, ne vient que de l'importance qu'elles attachent à cet état de l'âme, & de l'efficace directe, immédiate & pour ainsi dire physique qu'elles lui attribuent, de changer leur existence; elles craignent un revers, elles se tiennent sûres d'un succès & en sont transportées d'avance, parce qu'elles le pressentent & que ce pressentiment seul leur en paroît la démonstration & le gage, tandis que c'est le revers ou le succès présent qui fait seul la preuve de l'image & du jugement de l'âme qui ont anticipé sur le fait. Sans ce renversement d'idées on ne trouveroit jamais dans ce qu'on appelle pressentiment l'occasion & la source des émotions & des agitations les plus vives; les traces de cette erreur comme du principe de toutes les impressions pénibles que fait souvent ce phénomène, se voient dans tous les récits auxquels il donne lieu; ceux qui les font & ceux qui les écoutent, également prévenus du pouvoir immédiat qu'ils lui attribuent de produire ce qu'il ne fait dans le vrai que représenter, mettent dans ce qu'ils en disent ou dans ce qu'ils écoutent, je ne sais quoi de mystérieux & de significatif qui produit ou favorise nécessairement la fausse liaison d'idées dont je parle. Tilly la veille de la fameuse bataille de Leipzig, entre dans la maison où il vouloit passer la nuit, & fixant sur le mur quelques portraits qui représentoient des crânes & des ossemens, il ne peut en détourner les yeux,

yeux, devient morne & rêveur, ne ferme pas les paupières, & le lendemain il est battu par Gustave Adolphe; le maréchal St André, raconte Brantome, le matin avant la bataille de Dreux où il resta, sentit pour la première fois de sa vie une inquiétude étrange, des terreurs dont il ne pouvoit se rendre raison, & l'on fait qu'il perdit la vie dans ce combat. — Ne diroit-on pas, à lire ces récits, premièrement que le général des Impériaux & le maréchal françois se représentèrent l'un la défaite & l'autre la mort, auquel cas sans doute ils eurent un pressentiment? tandis qu'il est très-possible que ce trouble nouveau, & ces agitations secrètes & plus fortes qu'eux, tinssent à une cause purement physique, à une de ces affections corporelles qui dans toute autre occasion les eût subjugués; secondement que c'est cet état de mal-aise qui constitue seul leur pressentiment, quoique nous ayons fait voir qu'une joie vive ou une tristesse & une anxiété singulières peuvent bien accompagner le pressentiment, mais ne doivent point entrer dans sa définition si on ne veut tout confondre, & moins encore la constituer seule, & quoiqu'il soit clair que pour placer dans les agitations singulières de ces deux hommes, si peu accoutumés à en avoir à la veille d'un combat, le pressentiment du revers qui les attendoit, il faudroit supposer qu'elles les suivirent dans le combat, ce qui est peu vraisemblable & ne repose sur aucun témoignage historique; enfin troisièmement, que ce fut cette disposition seule de la veille qui réalisa le coup funeste qui leur fut porté? Mais comment le put-elle, si ce coup put s'expliquer par le concours de toutes les causes de défaite ou de mort qui du dehors y concoururent, si cette disposition les quitta & disparut complètement au moment de l'action, si enfin (ce que le silence de l'histoire au moins permet de croire) cette disposition ne leur fit faire aucune de ces fautes qui sont le principe ordinaire & connu des issues de combat dévastreuses? C'est cependant cette réunion d'erreurs & de faux aperçus, où l'on se plaît, comme on se plaît à tout ce qui parle fortement à l'imagination, qui, pour la plupart des hommes,

imprime à toute idée de pressentiment un caractère propre à égaler leur sensibilité & à la rendre malheureuse.

Si cette doctrine bien vue, rectifie nos idées, & donne à nos sentimens une direction d'où notre repos dépend souvent, elle peut influencer sur nos actions, & doit décider la question, s'il faut agir ou non d'après nos pressentimens, contribuer par des démarches réelles à accomplir les uns & à anéantir les autres dans leurs suites. Il me semble que les principes posés ne laissent subsister comme le seul parti sensé & raisonnable, que celui de nous tenir parfaitement tranquilles & de ne rien faire ni pour ni contre nos pressentimens. J'ai mis, je crois, hors de doute la possibilité d'une anticipation quelconque de l'avenir, soit prochaine soit éloignée, soit justifiée soit démentie par l'événement, & qui essentiellement différente & d'un simple acte d'imagination & de la pénétration, de la prévoyance réfléchie, se forme de l'image d'un fait particulier & d'un jugement tacite de l'âme, qui avec une espèce de certitude & sans aucun motif distinct l'affirme ou le nie en elle-même; la possibilité de cette opération ne pourroit souffrir de difficulté que pour ceux qui asservissent tellement l'âme à l'action des objets extérieurs qu'elle ne peut jamais les devancer, en recevoir par là deux fois l'impression & avant & après leur présence; mais hors de là & dans la supposition d'une série simplement correspondante & harmonique de deux univers qui ne se nécessitent point l'un l'autre & dont chacun cède à l'impulsion d'une force qui lui est propre, il est clair que l'âme peut au gré des différentes causes que j'ai indiquées, sortir hors du cercle actuel de ses représentations. J'ai fait voir par ceux des pressentimens qui se réalisent & par ceux qui ne se réalisent point, que la raison de la conformité des premiers avec l'événement est la rencontre toujours fortuite de leur objet avec les causes extérieures disposées hors de nous pour les accomplir, & toujours à nous inconnues, comme la raison de l'opposition des seconds à l'événement est la divergence, pour ainsi dire, toujours fortuite aussi par rapport à nous, des causes

extérieures qui devroient en procurer la réalité; or il ne faut que ces deux considérations pour sentir que vouloir travailler à réaliser ou à anéantir dans ses conséquences un pressentiment, c'est travailler sans aucune direction fixe, n'avoir pas de base pour ses opérations & s'agiter dans le vide; car que me servira-t-il de savoir que quelquefois mes pressentimens peuvent être la copie fidèle de ce qui m'arrivera, & que le plus souvent ils me tromperont, si je n'ai aucune marque certaine par laquelle je puisse en faire la différence? Que me servira-t-il de savoir que les pressentimens qui s'accomplissent & ceux qui ne laissent aucune trace, tirent de causes réelles ou extérieures, favorables ou contraires, ce qui en fait la réalité ou le frivole, si ces causes me sont inconnues? Dans ce défaut de marques pour reconnoître d'abord ce qui trompera ou ce qui ne trompera pas, quel motif ai-je pour agir ou pour ne pas agir, & l'idée que c'est peut-être un fantôme qui m'apparoît & m'égare, ne doit-elle pas suspendre toute espèce de concours de ma part à appeler ou à détourner ce qu'il me présente? Dans l'ignorance où je suis des causes extérieures, les seules qui influent sur l'issue des pressentimens, & dont je devrois par mes résolutions prévenir ou provoquer, affoiblir ou fortifier l'action, suis-je capable de l'un ou de l'autre? & le risque de travailler contre moi, en croyant travailler pour moi, ne me suggèrera-t-il pas une sage immobilité? Aussi voyons-nous que les personnes foibles que leurs pressentimens dirigent pour ainsi dire dans leur conduite & l'arrangement de leur vie, ne se croient bien fondées à les prendre ainsi pour guides, que par la fausse idée que ce sont des avis certains & infaillibles, qui portent en eux-mêmes le principe & la cause des événemens qui vont suivre. J'ai assez réfuté cette erreur, & je ne la rappelle que comme l'ennemie la plus ordinaire des conseils que donne ici la raison; telle ou telle chose, dit-on, arrivera & doit arriver par cela même que j'en ai le pressentiment; il ne s'agit donc plus, si c'est un mal, que de prendre des mesures pour l'éviter, & si c'est un bien, que d'aider

à le faire éclorre par des démarches efficaces; des prémisses différentes donneront la conclusion contraire, & nous convaincront qu'en supposant même ce qui n'est point, c'est qu'on puisse toujours compter sur le pressentiment, cette certitude du fait qu'il annonce, n'emporte pas du tout de notre part la faculté d'agir avec succès pour ou contre le fait, parce que cette certitude ne nous apprend absolument rien sur les moyens nécessaires pour réussir.

*PARALLÈLE HISTORIQUE
de nos deux Philosophies nationales.*

P A R M. M E R I A N *).

Ce Parallèle sera purement historique. Il ne s'agit point ici d'examiner ces deux Philosophies en elles-mêmes, ni d'en apprécier la valeur intrinsèque, mais de comparer des faits & des circonstances qui les ont préparées, ou accompagnées & suivies dès leur apparition, & durant leur marche progressive, enfin leur sort passé, présent, futur même autant qu'il sera possible de le prévoir ou de le conjecturer.

Quoique cette comparaison ne décide rien pour le fond des choses, je ne la crois pas inutile ni dénuée de tout intérêt aux yeux du philosophe même: aussi l'histoire des sciences nous a-t-elle, de tout temps, conservé ces sortes de détails, qui ne laissent pas quelquefois de refluer indirectement sur la destinée de ces sciences.

Ils deviennent intéressans dans le pays que nous habitons, qui est le même où ces deux philosophies ont pris naissance, où elles ont pullulé, & d'où elles se sont propagées par toute l'étendue de l'Allemagne.

*) Lu le 6 juin & le 31 août 1797. Depuis lors jusqu'à l'impression de ce Mémoire (en 1800) il s'est passé bien des nouveautés curieuses dont je pourrois l'enrichir, si je ne croyois de mon devoir de laisser les choses sous l'aspect qu'elles me présentent dans ce temps-là.

J'observe encore que si je ne cite ni les écrits ni les noms des auteurs modernes & vivans, les traits que j'en rapporte n'en sont pas moins authentiques, somme en cas de besoin il me seroit facile de le prouver.

L'une des deux fut particulièrement accueillie par la grande reine Sophie Charlotte, & l'ouvrage où elle étale ses attraits, les plus séduisants, fut commencé pour complaire à cette princesse. Et dans la suite n'est-ce pas de la plus célèbre de nos universités qu'elle prit son premier essor dans la carrière qu'elle a fournie avec un succès si étonnant?

L'autre, née de nos jours dans la capitale de la Prusse, s'est bientôt répandue, & continue à se répandre depuis la mer Baltique, & vers les royaumes du Nord, & au de-là des rives méridionales du Rhin, où elle semble vouloir planter ses trophées sur le sommet des Alpes.

Si ma vocation pour l'entreprise dont je me charge avoit besoin d'être justifiée; je dirois d'abord que j'ai vécu sous les deux régnes ou sous les deux régimes, comme on voudra les appeler; que j'ai vu la première de ces philosophies dans sa culmination, comme aujourd'hui je vois la seconde non seulement monter au même niveau, mais tendre fortement à s'élever plus haut.

J'ajouterois que sans prédilection pour aucune théorie ni pour aucun système, je les regarde tous d'un œil calme & impartial, me bornant à mon rôle favori de simple spectateur dans le monde philosophique & dans le monde littéraire.

Je n'attache pas la moindre importance à mes observations comparatives, que tous mes contemporains ont été également à portée de faire, & que plusieurs d'entr'eux auront faites mieux que moi. Dans le temps où j'achevois de rédiger les miennes, des écrits nouvellement publiés dans la même vue, ou dans des vues approchantes, m'auroient fait supprimer cette foible esquisse, sans la réflexion que conçue, tant bien que mal, en langue françoise, elle pourroit avoir le mérite de la nouveauté hors des frontières Germaniques, où notre philosophie & nos querelles spéculatives sont presque totalement ignorées.

I.

Les chefs de ces deux Philosophies. Les caractères différentiels de leurs doctrines. Leur langage ou leur style.

Le nom de Leibnitz suffit pour réveiller l'idée d'un génie du premier ordre, tel qu'il faut des siècles pour en produire de semblables, & dont la mémoire traversera tous les siècles. Esprit universel, il porta dans les connoissances humaines ce coup d'œil pénétrant qui en démêle jusqu'aux derniers replis, les éclaire d'un nouveau jour, & les refond dans des moules nouveaux.

Mais, dans le vaste champ qu'il embrassoit, il se contenta pour l'ordinaire de concentrer ses idées en peu de mots; après quoi il les abandonnoit pour tourner sa curiosité inépuisable sur d'autres sujets. De là vient qu'il ne semble toucher qu'en passant là où il verse la lumière la plus profonde, & répandre ses trésors sans presque s'en apercevoir.

C'est ainsi qu'il proposa d'abord ses plus sublimes découvertes en Physique, en Géométrie, & la plus sublime de toutes, celle du calcul infinitésimal. Il montra la même indifférence pour sa philosophie, que vous trouverez jetée sur trois pages dans les Actes de Leipzig *), & puis laissée là pour n'y revenir que par occasion, dans ses réponses à Bayle, dans sa dispute avec le Dr Clarke, & dans un ouvrage posthume très-précieux, mais enseveli, avec ses autres manuscrits, jusqu'en 1763, dans la bibliothèque royale d'Hannovre, où je le vis cette même année entre les mains du sous-bibliothécaire, qui s'occupoit à le copier **).

On sait que la philosophie de Leibnitz, par les soins de son disciple Wolf, prit cet ascendant dont nous l'avons vue en possession durant plus d'un demi-siècle. Ce n'est que depuis une quinzaine d'an-

*) Ad ann. 1684. *De cognitione, veritate & ideis.*

**) *Nouveaux Essais sur l'Entendement humain.*

nées que cet édifice pompeux commence à s'ébranler sur sa base, & semble vouloir crouler.

Une philosophie plus récente que nous avons vue naître, menace en effet le Leibnizianisme ou le Wolfianisme d'une ruine fatale. On ne sauroit contester à son inventeur, Mr Kant, un esprit original, profond & subtil, avec les talens nécessaires pour le faire valoir. En le comparant avec Leibnitz & Wolf, je serois tenté de le placer sur la même ligne philosophique avec le premier, & plus haut que le second, dont le principal mérite consiste dans la rédaction méthodique des idées de son maître.

Ce qui le rend encore très-estimable à mes yeux, c'est qu'il ne recherche ni les avantages ni les frivoles honneurs du monde, & qu'en vrai philosophe, renfermé dans sa vie contemplative, il ne brigua jamais pour se faire un parti: de sorte qu'il ne doit qu'à son génie l'éclatante fortune que dans un âge déjà fort avancé il voit faire à sa nouvelle doctrine.

M'étant déclaré neutre, & ne faisant ici que l'office d'historien, je me dispense d'un long étalage des systèmes ou des théories de ces philosophes, dont il suffira de tracer en gros les caractères différentiels.

La Métaphysique, selon Wolf, est non seulement une vraie science, mais la première, la grande science, qui contient les élémens de toutes les autres, la reine qui leur dicte ses lois.

Elle établit les êtres simples, qui seuls jouissent d'une existence véritable, & dont l'agrégat compose l'Univers. Tout ce qui se passe en nous, nos perceptions, nos pensées, nos connoissances, nos sentimens, nos desirs, nos volontés, ne sont que des représentations, ou obscures, ou confuses, ou distinctes, de cet agrégat ou de cet Univers.

Dans la Métaphysique sont comprises quatre sciences, quoique ce nom n'appartienne proprement qu'à la première, qui explique l'essence des êtres, leurs propriétés générales, leurs modes, leurs relations.

tions. La deuxième a pour objet la collection de tous les êtres, ou le monde; la troisième le monde spirituel, & en particulier l'âme humaine; la quatrième enfin l'existence, la nature, les attributs, les actes & l'influence de la divinité.

L'harmonie préétablie, l'harmonie universelle, le meilleur monde, les indiscernables, & les autres doctrines de Leibnitz, remises sur l'enclume par Wolf, tiennent à ces quatre sciences, & dépendent des mêmes principes, mais particulièrement du grand principe de la *raison suffisante*, le pivot sur qui tout tourne, l'arc-boutant du système, le ressort qui fait procéder ce système suivant une méthode rigide & avec une évidence pleinement démonstrative.

Mais voyons à présent ce que devient tout ce splendide appareil dans la nouvelle théorie de notre philosophe de Kœnigsberg!

J'y cherche en vain notre chère Métaphysique; elle a disparu comme un songe: la science reine est descendue de son trône, & ce trône est renversé.

De la révision exacte de nos facultés, de leur domaine & de ses limites il s'ensuit que tout ce qu'il nous a plu d'appeler sujet, substance, être réel subsistant par lui-même, nous est si profondément caché que nous n'oserions en affirmer l'existence ni aucune propriété quelconque, ni même leur possibilité; que ce ne sont-là pour nous que des zéro, ou des quantités inconnues, des *x* algébriques. Il ne reste tout au plus à ces mots si sonores qu'une signification logique, ordinale ou ordonnatrice, si je puis m'exprimer ainsi, pour régler nos connoissances, les rapporter sous des classes, & à des unités intellectuelles ou *rationnelles*. Le principe de la causalité, & son frère le grand principe de la raison, se bornent au même usage, & ne s'appliquent plus à rien de réel.

Par là tout le champ de notre savoir est restreint à des perceptions sensibles, externes & internes, qui toutes vont s'encadrer dans les formes préexistantes de l'Espace & du Temps, à des notions intellec-

tuelles, qui se rangent sous des Catégories également préexistantes, & à des déductions que la raison pure va tirer de ces matériaux.

Voilà les colonnes d'Hercule, lesquelles nous ne saurions passer sans nous perdre dans un Océan immense, & qui n'a plus de rivages.

Nous voici donc resserrés en une sphère bien étroite. Nous ne sommes sûrs de l'existence de quoi que ce soit dont nous n'ayons aperception immédiate. La raison ne nous découvre aucun être hors de nous ni en nous. La méthode démonstrative porte ici absolument à faux, puisque les existences ne se démontrent point; & le grand principe de la raison suffisante n'y suffit plus.

Sous cet aspect l'on devine le sort des sciences si réelles aux yeux des Wolfiens, de l'Ontologie, de la Cosmologie, de la Pneumatologie, & de la Théologie naturelle, dont les objets conservent tout au plus une possibilité éloignée, vague, incertaine, précaire.

Cependant, si la théorie rigoureuse s'aheurte à ces bornes que Kant lui a marquées, il trouve ou il cherche, dans sa philosophie pratique ou morale, de quoi suppléer à cette défecuosité. Un besoin moral très-pressant qui nous entraîne vers le souverain bien, nous prouve notre durée au de-là du tombeau, & l'existence de Dieu; sans laquelle notre progression vers ce bien seroit inconcevable. De là il déduit, non une démonstration, qui hors de la Géométrie ne sauroit avoir lieu; mais une certitude morale dans laquelle nous devons acquiescer, de ces vérités qui nous intéressent si fort.

On l'a taxé d'inconséquence dans cette déduction. Mais c'est de quoi je ne juge point.

Au reste, sa philosophie n'est, à proprement parler, ni sceptique ni dogmatique, mais l'un & l'autre à la fois. Dans sa destruction du Dogmatisme il suit la marche sceptique de Hume. Cependant il ne néglige pas de poser, de son côté, des thèses fixes, sans leur donner le nom de dogmes, mais qui font le même effet. Son Scepticisme même prend un ton aussi péremptoire que le Dogmatisme. Sur le

tout, le nom de *Criticisme* qu'il a adopté, paroît le mieux assorti à sa philosophie, & désigner le mieux l'esprit qui y règne.

Ces deux mots peuvent suffire pour donner une idée générale de ces deux philosophies, & de leur différence, qui va jusqu'à la contrariété.

Je serai tout aussi court par rapport au langage ou au style de nos philosophes, en les considérant comme écrivains.

Leibnitz commença par publier ses idées neuves en latin, dans des recueils littéraires écrits en cette langue. Mais lorsqu'il s'agissoit de leur donner plus d'étendue, & plus de vogue, il se servit d'un véhicule mieux adapté à cette fin, de la langue françoise, dès lors langue universelle, & surtout langue du beau monde & des cours, dont le suffrage n'étoit rien moins qu'indifférent à ce grand homme.

Voici là-dessus ses propres paroles.

*On dira que je ne devois point écrire en françois. Mais je vois que si je mettois ces pensées en latin, (car de les mettre en allemand, il n'y songeoit pas même, ni ne pouvoit alors y songer), elles ne seroient lues que par des gens de lettres; au lieu que le livre de Locke, depuis qu'on l'a mis en françois, se promène dans le grand monde hors de l'Angleterre *).*

Son style françois est aisé, coulant, plein d'aménité. Il l'affaïsonne de traits puisés dans sa vaste érudition, & dans la littérature agréable dont son esprit étoit orné, de même que de beaux traits d'une imagination brillante, témoin cette sublime pyramide des mondes qui termine la Théodicée.

Son disciple & commentateur Wolf eut la sagesse de renoncer au titre de bel-esprit & de bel écrivain, & n'aspira qu'à la clarté, à la

*) Il s'agit ici de ses *Nouveaux Essais sur l'entendement humain*, opposés à celui de Locke. V. la lettre citée dans la préface de l'éditeur de ses *Oeuvres philosophiques*. P. XIII. note 6. Les mêmes raisons l'ont porté à écrire sa Théodicée en françois, comme il le déclare & dans la préface & dans une de ses Lettres. Il voulut même qu'elle fut imprimée en Hollande, comme l'avoient été les objections de Bayle, pour mieux se répandre de là par toute l'Europe.

justesse de l'expression, à présenter les pensées de Leibnitz dans un ordre lumineux & d'une manière instructive. Il écrivit dans sa langue maternelle, qu'il a le premier familiarisée avec la Philosophie & avec les notions abstraites. Aussi la Métaphysique allemande est-elle encore aujourd'hui préférée à ces volumineux in-quarto latins où dans la suite il délaya cette science avec tant de prolixité.

J'imputerois en partie aux sujets & à la méthode ce que son langage peut avoir de sec & de raboteux: en quoi plusieurs Wolfiens sub-délégués ne l'imitèrent que trop scrupuleusement, & se disputèrent même l'honneur, si c'en est un, de le surpasser. L'agrément de la diction leur sembloit répugner à la solidité des pensées; & ils semblent avoir regardé la lourde pesanteur comme partie intégrante du vrai esprit philosophique.

Je ne m'arroe point d'apprécier le style de notre philosophe Prussien, qui a aussi philosophé en allemand. Des juges qui se croient compétens, y trouvent des périodes souvent trop longues, trop de parenthèses enchâssées dans des parenthèses, & en général des inégalités. Mais ne seroient-elles pas inévitables dans des sujets aussi compliqués, & qu'il lui a fallu éplucher avec un soin en apparence si minucieux? Ce que je crois y remarquer, c'est un langage approprié aux matières qu'il traite, mais dont la délicatesse & la nouveauté exigent souvent des expressions détournées du sens que nous avons coutume d'y attacher, de sorte qu'on ne sauroit s'y habituer qu'à force d'étude & de méditation. J'avouerai même que ces termes & leurs dissections m'y paroissent plus multipliés que chez les Wolfiens; ce qui y répand une teinte scolastique pour le moins égale, sinon plus forte, que chez ces derniers.

M. Kant a d'ailleurs semé dans ses écrits le degré d'élégance que comportoit leur étoffe, laquelle pour l'ordinaire n'y est pas peu récalitrante. Mais dans les occasions où il peut se débarrasser de cette gêne, son style prend de la force, & produit des morceaux vraiment éloquens.

Parmi les auteurs sortis de son école, il en est certainement qui à beaucoup d'esprit & de pénétration joignent le grand art de bien écrire: les Epîtres philosophiques de l'un d'eux se liront toujours avec plaisir. Mais en échange il n'en manque pas de ceux qui dégoutent par leur fausse finesse, par leur affectation déplacée de paroître profonds & originaux à force de courir après des termes recherchés ou inintelligibles, ou dont le sens n'aboutit qu'à de vaines subtilités.

II.

Les succès de ces deux Philosophies.

Considérons maintenant la fortune & les succès de ces deux philosophies dans le monde pensant & scientifique.

Leibnitz, après avoir engendré ses idées par la force de son génie, les dispersa dans plusieurs écrits, sans ambitionner l'honneur de se faire chef de secte.

Il ne chercha point surtout à s'entourer d'une secte nationale. Nous avons vu qu'il n'écrivoit point dans la langue de sa nation, mais en latin, & préférablement en françois, pour se faire entendre aux penseurs de toutes les nations.

Il y réussit parfaitement. Des spéculations aussi neuves, & qui devoient paroître fort extraordinaires, annoncées sous ce nom illustre, éveillèrent l'attention des philosophes les plus distingués des terres étrangères. Bayle les envisagea à sa manière, & les combattit par des objections très-spécieuses, que Leibnitz tâcha de résoudre dans sa Théodicée, où il traite son adversaire comme les grands hommes devroient toujours se traiter, avec ces égards & cette politesse qu'ils se doivent réciproquement. Je ne relis jamais, sans être vivement affecté, la fin de son Discours préliminaire *), où il en appelle à Bayle lui-même,

*) De la Conformité de la Foi avec la Raison. Pag. 76.

déjà mort, & qu'il suppose revenu de ses erreurs dans des régions où il voit les choses de plus près, & où les yeux de son entendement ne sont plus offusqués par les brouillards qui flottent sur le globe terrestre.

*Candidus infuetum miratur limen Olympi,
Sub pedibusque videt nubes & sidera Dap'nis.*

Le célèbre Jean le Clerc & d'autres savans se plurent à regarder les doctrines ou les hypothèses de la Théodicée comme un beau roman, comme un simple jeu d'esprit, & interprétèrent même dans ce sens un endroit de la Préface où l'auteur déclare son dessein *de tout rapporter à l'édification* *). En quoi ils lui font certainement tort. Car qu'est-ce qui empêcheroit d'être vrai, & d'édifier tout ensemble? & au contraire qu'y a-t-il en toute chose de plus édifiant que la vérité?

Le pays où le Leibnizianisme trouva le moins d'accueil, fut la Grande Bretagne, à cause de sa prédilection pour la philosophie de Locke, née dans son sein, & qui d'ailleurs présentait un aspect plus naturel, plus simple, plus populaire. A quoi se joignoit probablement la jalousie nationale, fomentée par le fameux procès sur la découverte du calcul des infinis. C'est ce qui fit entrer Leibnitz en lice avec le D. Clarke, mais à qui il fut obligé de céder le champ de bataille par la même raison qui le lui avoit fait céder par Bayle: il ne survécut point à la fin de cette dispute.

Mais sa philosophie y survécut; ou pour mieux dire, elle avoit attendu cette époque pour devenir véritablement une secte, plus renfermée désormais, il est vrai, dans l'enceinte de l'Allemagne, mais où elle alloit exercer un empire presque absolu.

Elle en a toute l'obligation à Wolf, qui en rassemblant les riches matériaux épars dans les écrits de son maître, s'appliqua, avec un soin infini, à les répartir, & en les subordonnant les uns aux autres, à en combiner un corps de doctrine ou un système complet, semblable à un chêne robuste, dont toutes les branches, sorties d'une racine &

*) P. 319.

d'une tige communes, & enlacées entr'elles, s'élèvent fièrement dans les airs; ou bien à un édifice imposant par son architecture régulière, & affermi sur des fondemens inébranlables.

On doit à Wolf le témoignage d'avoir rempli cette tâche aussi bien qu'elle pouvoit l'être, & d'avoir le premier donné, ou essayé de donner, une philosophie systématique, ordonnée & démontrée comme le sont les Elémens d'Euclide.

Outre cette qualité essentielle attachée au Wolfianisme, & qui le rendoit particulièrement propre à l'usage didactique, bien des circonstances accessoires concoururent à lui gagner une vogue prodigieuse.

Et d'abord, Mr Wolf commença par l'enseigner lui-même dans une des premières universités d'Allemagne, & par là se vit à portée d'en faciliter les progrès, & d'étendre sa sphère d'activité dans toute sorte de directions. Cette ressource avoit manqué à Leibnitz, ou plutôt il ne s'étoit pas soucié de la mettre en œuvre. Il est néanmoins indubitable que le docteur cathédral *) a de grands avantages à cet égard sur le philosophe qui ne spécule que pour lui-même & ses lecteurs.

Ensuite, ce qui releva considérablement son crédit, ce fut la haine de ses envieux, l'acharnement injuste de ses ennemis, & les persécutions qu'ils lui suscitèrent: l'histoire de tous les âges nous apprend qu'il n'est point de moyen plus sûr de donner cours à des doctrines quelconques, & de leur amener une foule de profélytes. Personne jamais ne jouit de ce bonheur comme Wolf. Sa migration forcée de Halle à Marbourg, sa rentrée glorieuse & triomphante dans Halle remplissoient les cent bouches de la Renommée; & la jeunesse studieuse accourut de toute part pour se former sous un tel maître.

Plusieurs de ces étudiants, devenus maîtres à leur tour, se mirent à commenter, à abrégé, à allonger, à façonner en mille manières la merveilleuse philosophie dont leur esprit s'étoit imbibé, & à la prêcher avec emphase du haut de leurs chaires professorales ou magistérielles. En fort peu

*) *Philosophus cathedrarius.*

de temps, tous les auditoires de la Germanie en retentirent, & se transformèrent en écoles Wolsiennes.

La philosophie de Kant ne s'est pas élevée tout-à-fait par les mêmes voies.

Ce philosophe, que nous avons placé entre Leibnitz & Wolf, mais plus près du premier, ne paroît pas avoir voulu recourir aux moyens secondaires quoiqu'ils fussent également en sa disposition. Professeur, comme Wolf, ce n'est pourtant pas en cette qualité qu'il chercha à conquérir & à consolider ses conquêtes: du moins n'avons-nous pas vu l'université où il professe, inondée de peuplades d'étudiants, comme autrefois celles de Halle & de Marbourg, ni de sa part le moindre empressement à les y évoquer.

Il est, ainsi que le fut Leibnitz, redevable de sa fortune aux productions de son esprit, mais d'une fortune d'autant plus rapide qu'il n'eut pas pour elle la même insouciance. Ce ne sont pas des fragmens, des pièces occasionelles, détachées, éparpillées, fugitives, mais des expositions plénières, profondément méditées & revues, développées avec une intelligence & une finesse exquisés, & avec une persévérance infatigable.

Cette philosophie si bien organisée devoit naturellement intéresser tous les spéculateurs de profession & tous les esprits curieux. De sorte que sans autre entremise de la part de son inventeur, soit par son prix interne, soit par les attraites de la nouveauté, soit par tous les deux à la fois, elle se fraya d'elle-même le chemin vers sa prééminence actuelle.

Les philosophes que je compare ont essuyé, essuient encore des incursions hostiles sur leur territoire scientifique, je veux dire dans leurs systèmes & dans leurs théories. Malgré cela le Wolfianisme a long-temps maintenu son rang de secte dominante. Et aujourd'hui le Kantianisme, ou le Criticisme, à travers les mêmes obstacles, s'achemine à grands pas vers le même rang, & s'il ne l'a pas déjà atteint, paroît sur le point de l'atteindre.

Après avoir suivi ces deux philosophies dans leur ascension vers l'Apogée, arrêtons-nous pour contempler divers effets qu'elles ont produits, & sur leurs sectateurs, & sur leurs antagonistes, & sur tous les esprits; comme aussi leur influence, tant directe que collatérale, sur les sciences, sur les opinions, sur le monde moral, & jusque dans la vie commune. Parmi ces phénomènes nous en découvrirons peut-être de propres à nous expliquer les causes du destin variable qu'elles ont subi, & à nous faire présumer celui que l'avenir leur prépare.

III.

Le zèle de nos philosophes, & les effets qu'il produit.

Ce sont des spectacles bien singuliers, ceux que l'esprit des sectes, & le zèle qui les enflamme, offrent à un observateur de sang-froid.

Qu'un amant transi regarde sa maîtresse comme une divinité terrestre; qu'un chevalier errant coure le monde pour lui prouver à coups d'estoc & de taille que sa Dulcinée est l'abrégé de toute perfection; que le fanatisme porte les hommes à toute sorte d'excès; le feu des passions, les égaremens d'une imagination visionnaire & déréglée me le rendent explicable.

Je m'explique encore mieux les douces émotions que nous causent les productions des beaux-arts, comment les chef-d'œuvres de la Peinture, de la Musique, de la Poésie, de l'Eloquence peuvent nous transmettre une portion de ce noble enthousiasme, jeter dans nos âmes des étincelles de ce feu céleste dont les artistes furent animés en les composant.

Dans les sciences mêmes je conçois qu'une découverte inattendue, la solution subite d'un problème long-temps & vainement cherchée peut affecter les Archimèdes d'une extase momentanée.

Il n'en est pas de même de ce zèle constant & inaltérable pour les spéculations sèches & abstraites de la froide Métaphysique. Que ce zèle pût déranger les cerveaux, les exalter au Don-Quichotisme, y exciter même des convulsions, c'est ce que j'aurois de la peine à croire, si l'histoire, l'expérience, & des faits indubitables ne me l'attestoient.

Dans tous les temps, on a vu ce zèle démesuré s'échauffer plus ou moins, à proportion que les philosophes ont pris un air plus ou moins imposant & un ton plus ou moins tranchant, plus pour les dogmes que pour les opinions, plus dans le Lycée, sous le Portique, dans les jardins mêmes d'Epicure, que dans les Académies de Platon & d'Arcésilas, mais moins que par-tout ailleurs chez les Pyrrhoniens.

Sous le règne de l'Ecole il dégénéra en tyrannie. Il fut plus modéré chez les Cartésiens, par la marche & la nature même de leur philosophie, qui commença par le doute universel. Locke y donna peu de prise, parce qu'il s'abstint du ton impérieux, & que loin d'aspirer à être chef de secte, il n'aspira qu'à n'être d'aucune secte.

Leur renaissance & celle du zèle sectaire étoient réservées à nos jours & à notre patrie.

Le Scolasticisme, avec ses principaux symptômes, se ressuscita dans la philosophie de Wolf; & celle qui veut aujourd'hui la bouleverser ou l'antantir, est bien loin d'en être exempte.

Si nous les confrontons à cet égard, nous serons frappés de voir ces mêmes symptômes résulter également de causes si diverses, ou pour mieux parler, de doctrines qui se contrarient si fort. Et cela ne nous autoriseroit-il pas à soupçonner que d'autres motifs, sortis non de l'entendement mais du cœur humain, s'y seront insensiblement mêlés?

Ces motifs devoient puissamment coopérer avec la persuasion de la solidité de leurs doctrines philosophiques; & cette persuasion je la vois également enracinée dans les deux écoles.

Chez les Wolfiens il n'y a pas de quoi s'en étonner. Se croyant illuminés des rayons de l'Evidence, que leur manquait-il? Il n'y

auroit en effet point de situation plus souhaitable; & cette conviction intime d'être convaincu sur toute chose doit naturellement inspirer une confiance illimitée.

Cependant elle n'est pas moindre chez nos philosophes critiques, & découle de la même source, de la persuasion d'avoir exactement déterminé le peu qu'il nous est possible de savoir, & le grand nombre de choses qu'il faut nous résoudre à ignorer, d'avoir balayé le champ de la Philosophie, & d'en avoir extirpé les ronces, les épines, les plantes parasites. C'est ce que Mr Kant nomme le profit négatif de son Criticisme, mais sur lequel il est tout aussi positif que le dogmatiste le plus entêté de son dogmatisme. Et ses adhérens le sont encore davantage.

De cette douce confiance, illusoire ou fondée, n'importe lequel des deux, devoient naître & sont nées les plus superbes prétentions.

Avant eux, vous disent-ils les uns & les autres, l'esprit humain, plongé dans d'épaisses ténèbres, s'ignoroit lui-même, n'avoit ni règle, ni compas, ni ligne à plomb, ni mesure quelconque pour se guider, point de principe fixe, & ne faisoit qu'errer dans un espace vague, parmi des demi-vues, de fausses lueurs, des notions confuses & imparfaites.

Or comme j'entends tenir ce langage des deux côtés avec la même suffisance, je me trouve ici dans un étrange embarras. D'un côté l'on me crie que Leibnitz & Wolf ont fait luire le plein jour sur toutes les connoissances possibles; ce que pour le repos de ma conscience philosophique j'aimerois fort à croire: mais de l'autre, voici un des plus célèbres professeurs qui vient me certifier sur sa parole que jusques à Kant la Philosophie n'exista point.

Cependant elle existoit si bien sous l'ancien régime qu'il n'y avoit plus rien à y refaire, pas la moindre chose à ajouter ni à retrancher. Tout étoit dit, tout tiré au clair, tout muni de preuves irréfragables: il ne restoit qu'à renoncer aux recherches ultérieures, à toute dévia-

tion d'un système si bien construit, & à s'y renfermer comme dans une forteresse inexpugnable.

Wolf lui-même parle de sa philosophie & de sa méthode dans des termes si fastueux. Mais il est vrai aussi que tant que cette opinion prévaloit, la liberté de penser & d'examiner en devoient beaucoup souffrir, & les esprits demeurer systématiquement engourdis.

Le nouveau régime les a d'abord réveillés de ce sommeil léthargique. Mais est-ce pour toujours ? & ne risquons-nous pas d'y retomber ?

Quand je me retourne dans ce nouveau régime, je m'aperçois qu'on y fait également des efforts pour m'y inscrire & m'y circonscrire. S'il n'a pas tous les dehors d'un système, il en a la ténacité. Il a aussi tout épuisé, mis le sceau sur toutes nos connoissances ; & ses déductions ne sont pas moins infailibles que les démonstrations de l'autre.

Ne vois-je pas le premier sectateur de Kant, homme d'esprit d'ailleurs & écrivain très-élégant, s'indigner contre les philosophes ses confrères, les accuser de stupeur, de préjugés, ou d'une crasse indolence, pour n'avoir pas embrassé, dès son apparition, la théorie critique dans sa totalité, pour ne l'avoir pas promulguée, & dans leurs ouvrages, & sur leurs chaires doctrinales, dans les termes scientifiques de sa propre création. Suivant lui, ils ne devoient dès lors plus parler d'autre chose que de perceptions pures, de formes pures sensibles, de catégories de l'entendement pur, de types purs des notions intellectuelles, de l'amphibolie des notions réflexives, d'idées & d'antinomies de la raison pure. Car tout devoit être pur dans ce sanctuaire dirai-je du Purisme ou de la Pureté ?

Enfin, l'admiration zélée des doctrines nouvelles ne tarde pas à rejaillir sur les inventeurs, & de là sur les promoteurs les plus fervens de ces doctrines. Chaque secte porte son chef dans les nues. Déjà parmi les anciens, Epicure, ce philosophe athée, trouva un poète qui non content de le nommer

*Le premier qui du monde a brisé la barrière,
Et de l'immensité parcouru la carrière *),*

le substitue en termes formels à la Divinité détrônée **).

Tout cela n'a point diminué dans notre siècle de lumières; ce sont les mêmes ravissmens ou les mêmes vertiges: nous répétons en mauvaise prose des licences à peine pardonnables à un grand poète, et nous y renchérissons. . . .

Je craindrois de vous fatiguer en faisant résonner ici les louanges immenses prodiguées à la philosophie de Wolf & à sa personne, & renvoyées par tous les échos de nos écoles, en parlant des statues & des autels qu'on sembloit lui destiner, ou de la médaille frappée en son honneur, & dédiée, dans son inscription, à l'Hermès Trismégiste de notre siècle, & de je ne fais combien d'autres explosions volcaniques du zèle immodéré de ses passionnés admirateurs, dont les ouvrages de ce temps-là portent encore l'empreinte.

Je suis fâché, mais obligé de le dire: notre nouvelle philosophie loin de demeurer ici en arrière, paroît vouloir dépasser sa sœur aînée en ce genre d'extravagances.

Des hommes tels que Leibnitz, Wolf, Kant, sont certainement dignes de reconnoissance & d'éloges. Mais ne voit-on pas que ces nuées d'encens dont on les parfume, au lieu de les honorer & de rehausser leur réputation, seroient plus propres à y nuire? Et puis, n'est-il pas honteux que de soi-disans philosophes se livrent à des exagérations puériles, à une idolâtrie absurde, à des paroxysmes d'énergumènes?

Mais soit. Appelez, si vous voulez, les patriarches de vos sectes, des hommes immortels, la gloire des siècles, les lumières du monde, les soleils ou les étoiles polaires de la Philosophie: ce n'est pas peu;

*) *confringere ut arda*

Naturae primus portarum claustra cupiret.

Ergo vivida vis animi pervicit, & extra

Processit longe flammantia moenia Mundi,

Atque Omne immensum peragravit mente animoque. Lucret. Lib. I. vv. 77. seqq.

**) *Deus, Deus, inclyte Memmi.* Idem Liv. V. v. 8.

cependant je vous le passe. Mais où suis-je quand je les entends titter de vicegérans de Dieu sur la terre, de nouveaux créateurs ou sauveurs; quand je lis que Kant est venu achever le grand ouvrage commencé par Jésus-Christ, & dans un autre endroit, que Christ nous a manifesté Dieu en chair, & Kant Dieu en esprit? En vérité l'on m'excusera; mais le jugement le plus charitable que l'on puisse porter de tels panégyristes, ne seroit-ce pas de les croire échappés je ne sais d'où?

IV.

Leurs procédés en matière de dispute ou de controverse.

Tout ce qui est nouveau ou fait semblant de l'être, éprouve des difficultés & des contradictions. Il faut alors ou avoir sans cesse les armes à la main, ou bien vous reposer tranquillement sur la force de vos raisons. A mesure qu'elles auront pris un certain degré de consistance, & gagné du terrain, les attaques seront moins à craindre: des avocats habiles plaideront votre cause: des guerriers formés dans votre camp rompront la lance pour vous, sans compter nombre de champions subalternes dont les poumons vigoureux seront capables au moins de jeter l'alarme dans le camp ennemi.

Wolf, qui croyoit son système à l'abri de tout revers, se fâchoit pourtant toutes les fois que l'on osoit y trouver à redire. Mr Kant n'a pas plus mauvaise opinion de sa théorie; & je vois cependant qu'on lui reproche de se montrer trop irascible en défendant son grand Impératif, quoique l'irascibilité n'y soit point érigée en principe. Mais des insultes injustes peuvent les avoir provoqués; & après tout, pour être philosophe on ne cesse pas d'être homme.

Vous remarquerez encore chez eux les mêmes moyens de repousser les traits de leurs antagonistes. Leur réponse constante aux objec-

tions, c'est qu'on ne les a pas compris. Leibnitz déjà se plaignoit de ne l'être point : Wolf ne parloit pas autrement ; & c'est-là le refuge ordinaire de leurs élèves, aussitôt qu'on les serre un peu de près.

Il est fâcheux sans doute qu'il soit si facile de se tromper sur le sens de propositions que l'on se vante d'avoir exposées avec une si haute évidence. Car cela incline bien des gens à se défier de cette évidence, à soupçonner même que ces propositions pourroient bien n'en être pas susceptibles.

Pendant les disputes sur la Monadologie, je me souviens d'avoir lu la lettre d'un célèbre Leibnizien, où il est dit, en parlant des incrédules qui rejettent les Monades „Ils ont beau faire ; ils ne pénétreront jamais nos mystères.“ Mais les mystères sont-ils admissibles dans les sciences humaines, qui dépendent de la raison naturelle ? Ou répondra-t-on peut-être que les anciens philosophes avoient les leurs, lesquels ils dévoiloient aux initiés dans leurs leçons ou dans leurs conférences égotiques ? Et seroit-ce de là que nos professeurs modernes, & Wolf tout le premier, auroient copié leurs leçons privées, plus privées, & très-privées ou intimement secrètes ? *)

Mr. Kant déclare que ses assertions ne sauroient être réfutées, mais qu'il est très-aisé de se méprendre sur leur vrai sens.

Je conviens du premier point, quant à ses assertions négatives ou à la partie sceptique de son livre, que l'on réfutera difficilement par des preuves démonstratives. Mais ici il nous reste au moins de régler notre assentiment sur les plus fortes probabilités ; & combien de choses ne croyons-nous pas sans être en état de les démontrer ? leur nombre surpasse de beaucoup celui des démontrables !

Quant à ses assertions positives ou théoriques, je ne déciderai pas si elles ont été bien ou mal réfutées, ou si elles peuvent l'être. Tout ce que je fais, c'est qu'elles sont encore en litige, & que la contestation ne me paroît pas finie.

*) *Collegia privata, privatiores, privatissima.*

Enfin, quant à la facilité de se méprendre sur leur sens précis, ce que Leibnitz & Wolf ont également affirmé de leurs dogmes, j'ai si peu de peine à le croire que sans m'arrêter à aucune philosophie en particulier je le crois en général de toutes les spéculations transcendantes: subtilisées au de-là d'un certain point, notre entendement se trouve dans l'impuissance de les suivre; & pour peu qu'il s'y obstine, le voilà sous un ciel nébuleux, ou dont il ne s'échappe tout au plus que des rayons si atténués & si affoiblis que le meilleur prisme ne sauroit les décomposer. Rien de plus vrai ni de mieux dit que cet apophthème de Montaigne: *Les extrémités de notre perquisition tombent toutes en éblouissement.*

Si les spéculateurs du plus grand renom ne sont pas toujours à l'abri de ces inconvéniens, à combien plus forte raison n'y seront pas exposées ces têtes légères qui se livrent inconsidérément au penchant séducteur de bâtir des systèmes ou des corps de doctrine? Ils se laissent entraîner par la beauté apparente de leurs plans, sans prévoir les crevasses & les lacunes qui se manifesteront dans l'exécution de ces plans. Alors vous les verrez réduits à souder, à radoubler, à replâtrer, à pallier le mieux qu'ils peuvent. Ils auront recours à de secondes définitions de ce qu'ils avoient défini, à des divisions & des subdivisions, à des distinctions où il faudra distinguer de nouveau, à hâcher leurs idées en parcelles menues, à les effiler tellement que le dernier fil devient imperceptible à leurs propres yeux. Or comment voulez-vous que je vous comprenne si vous cessez de vous comprendre vous-même?

Ce n'est point-là ce qu'on reproche à la philosophie de Wolf, qui part de premiers principes ou d'axiomes qu'elle suppose évidens par eux-mêmes, & par conséquent incontestables. Ce qu'on y trouve à redire, c'est le passage brusque des abstractions aux substances, du monde des idées au monde des êtres, de définitions nominales & arbitraires à des réalités, d'avoir voulu par là transporter & maintenir la marche géométrique dans des sujets incompatibles avec elle; ce qui, malgré tous les soins pour l'empêcher, ne manque pas de faire
souvent

souvent rouler son système sur des notions ambiguës, que la Géométrie ne connoît point.

Le dessein louable du philosophe critique, c'est d'épurer nos facultés de tout alliage hétérogène, d'assigner au juste leur portée, de découvrir jusqu'où elles vont, ce qu'elles donnent & ce qu'elles refusent. Et c'est avec prudence qu'il ne poursuit pas sa théorie au de-là de certains premiers élémens, sans vouloir creuser les élémens de ces élémens; ce qui ne finiroit jamais, & ne feroit qu'égarer la raison dans un labyrinthe inextricable. Mais malgré cela les recherches où cet examen l'engage, demandent, pour être bien saisies, une contention d'esprit soutenue, sans laquelle, comme il l'assure, on ne sauroit en effet éviter de fréquentes méprises. Et je m'étonne d'autant moins de voir ses disciples & ses commentateurs eux-mêmes n'être pas d'accord dans l'explication de plusieurs articles assez essentiels de sa doctrine. N'est-il pas plaisant, par exemple, de les voir disputer entre eux si leur maître est idéaliste ou s'il ne l'est pas? que ne vont-ils le demander à lui-même?

Pour moi, j'avoue que si je trouve des difficultés dans les écrits de Kant, il m'arrive plus souvent encore de comprendre moins ces mêmes commentateurs, qui au lieu de les dissiper, ne font que les accumuler par les subtilités ténébreuses où ils s'enfoncent. Tels de leurs ouvrages, que sur les éloges que je leur avois vu prodiguer, je m'étois empressé de lire, n'ont fait que m'embrouiller davantage. Ils me découvrent dans mon esprit tant de qualités positives & négatives, tant de formes & de formalités, & dans ses opérations je ne fais combien de nuances microscopiques, que je n'ai jamais pu parvenir à y déterrer. Je veux bien m'en prendre à mon peu d'intelligence; mais je confesse franchement qu'à cet égard la philosophie de Leibnitz & de Wolf s'ajuste mieux à ma foible compréhension.

V.

Applications de ces deux Philosophies.

Voyons maintenant ces deux Philosophies agissantes hors de leur propre district.

La Métaphysique Wolfienne, en vertu de la haute idée que l'on s'en formoit, devoit primer par dessus toutes les autres sciences, qui ne vivent que du suc nourricier de ses principes, & ne se soutiennent que par l'appui salutaire de sa méthode.

Aussi les vit-on toutes successivement se ranger sous ses drapeaux, & régler leurs évolutions sur ses ordres absolus. Son application la plus prochaine Wolf la fit à la Morale; d'où elle se fraya un passage aisé au Droit de la Nature & des Gens; de là à la Politique, à la Jurisprudence civile & criminelle, & ainsi de suite.

On ne l'appliqua pas moins aux sciences physiques, à la Chimie, à l'Anatomie, que l'on fonda sur la raison suffisante, & non-seulement à la théorie mais à la pratique de la Médecine. Il existe des Dissertations longues & curieuses, où l'art de guérir est assujetti à la marche méthodique, & qui donnent des recettes pour composer des recettes *).

Qui ignore les transformations qu'elle fit subir à la Théologie? Il est surtout remarquable que les diverses communions du Christianisme s'en prévalurent également pour y établir les articles de foi qui les différencient & les opposent le plus entr'elles. Son accoutrement scolastique lui ouvrit les collèges & les monastères de la Catholicité. Elle fit plus de progrès encore dans les écoles protestantes: la confession d'Augsbourg fut systématiquement expliquée par un célèbre théologien Berlinoise, & l'Exégèse de l'Ecriture sainte mathématiquement déduite. Il parut aussi des Démonologies démonstratives. Enfin, notre église réformée a produit aussi deux Théologies façonnées à la

*) V. celle de Wolf même, dans ses *Horae subsecivae*.

Wolfienne, qui ont eu de la réputation dans leur temps, & ne l'ont pas encore entièrement perdue, la Théologie dogmatique de Wittembach & la polémique de Stapfer.

Du sein de nos grandes écoles le fond & la forme de la doctrine Wolfienne furent transportés par ses adeptes dans les fonctions où les appeloient les postes qu'on leur confia, dans les départemens politiques & civils, dans l'enseignement populaire, dans toute sorte de transactions publiques ;

*Au barreau l'avocat en hérissoit son style,
Et le docteur en chaire en fêma l'Evangile.*

On plaidoit, on prêchoit, on catéchisoit en effet dans ce goût ; de quoi il seroit facile d'exhiber des documens authentiques & nombreux, si on les demandoit.

Enfin, ce jargon philosophique ou philosophesque se glissa jusque dans la vie commune, dans le langage de la conversation & le style épistolaire, où le portèrent des étudiants frais-émoulus dans les universités. On conçoit le bel effet que cela devoit faire. Je me souviens d'avoir vu des pièces de ce genre que l'on aura de la peine à croire sérieuses, quoique cela ne soit nullement impossible, vu la manie du temps, d'avoir vu, dis-je, des formules de propos galans scientifiquement élaborées, des billets-doux en axiomes, théorèmes, lemmes & corollaires, sans oublier les postulats. Ce qu'il y a de sûr, c'est que ce charlatanisme avoit soufflé son infection d'un bout à l'autre de l'Allemagne.

Le mauvais goût d'alors y contribua sans doute ; mais il fut à son tour entretenu, & sa durée prolongée par ce délire métaphysique.

Il est vrai qu'on créa aussi une science exprès pour les Beaux-Arts, moyennant laquelle leurs charmes & leurs perfections, avec la nature même du Génie & du Goût, vont se résoudre dans des principes abstraits, science que l'on décora du nom d'*Esthétique* ou de sentimentale. Mais c'est une grande question si cette science a jamais influé sur le sentiment, si elle a jamais produit, si elle produira jamais

un poëte, un peintre, un artiste seulement médiocre. Ce que l'on a observé, c'est que Wolf lui-même jugeoit des choses de goût en homme qui n'en avoit guère, & un peu comme l'aveugle des couleurs: cependant des auteurs très-graves regardent ce que ses disciples ont écrit sur l'Art poétique comme des preuves manifestes de cette influence de la méthode des géomètres sur la Poésie. Ils en disent autant de l'Eloquence & de l'étude même des langues géométriquement traitée.

Tout cela étoit bon pour ces temps-là. Mais que dans un temps aussi éclairé que le nôtre, où les Arts se sont si fort perfectionnés, où notre langue s'est enrichie de chef-d'œuvres en prose & en vers, où les hommes de lettres, secouant la poussière du cabinet, vivent un peu plus dans le monde & dans la bonne société, que de nos jours, dis-je, & au milieu de nous, ces propos pédantesques pussent être sérieusement répétés, c'est ce qu'on ne s'imagineroit pas, si nous n'en avions des preuves sans réplique & sans nombre, vivantes, parlantes, écrites & imprimées.

La philosophie de Kant fait, à l'égard de toutes ses applications, le pendant de celle de Wolf, & ses courtes annales nous y découvrent précisément les mêmes phénomènes, plus fortement marqués encore par leur contraste avec la culture & avec les mœurs modernes.

Je n'ai pas besoin de prolixes citations pour prouver ce qui saute aux yeux de quiconque prend la peine de feuilleter les plus fraîches productions sorties de nos presses, ou seulement les journaux & les gazettes littéraires où elles sont annoncées. Il les verra presque toutes moulées sur la philosophie à la mode, & la physionomie de la Raison pure tracée sur tous les sujets que l'on y discute, les plus sublimes comme les plus triviaux, ne fût-ce que pour donner à ces derniers un faux air d'importance & de profondeur.

Les élèves de Kant, après avoir prédit à toutes les connoissances humaines une révolution calquée sur la Critique de cette *Raison pure*, travaillent sans relâche à exécuter cette révolution.

Leur maître avoit établi la Physique sur ses principes abstraits. Et depuis lors nous avons des traités de Physique, de Physiologie, une Chimie toute entière, le Droit positif, la Législation, la Politique, des cours d'Histoire même, qui le croiroit? arrangés d'après les maximes de la Raison pure. On nous inculque de la prendre pour guide dans la lecture des poètes, pour en mieux saisir le sens & les beautés, & nous y former le cœur & l'esprit. C'est à quoi assurément ces poètes ne s'attendoient pas; & j'ose douter qu'ils méritassent d'être lus, s'ils avoient versifié *a priori*, & avoient voulu allumer leur verve dans cette glacière.

A s'en rapporter à quelques-uns de nos enthousiastes, il n'y auroit eu avant Kant ni morale ni religion. D'autres heureusement ont la complaisance de rencontrer aussi de la morale & de la religion dans les écrits des prophètes, des évangélistes, des apôtres, quoiqu'ils n'eussent pas étudié le livre de la Raison pratique. C'est sur ce livre que tous nos catéchismes vont désormais se refondre; & déjà il en existe un qui commande la chasteté aux enfans de par l'Impératif catégorique. L'année passée il a paru des magasins & des journaux catéchétiques de trois ou quatre espèces.

Les prédicateurs Wolfiens sont oubliés; mais après un assez long intervalle les Kantiens viennent les remplacer. Les sermonnaires, les recueils d'homélies, les oraisons sacrées de toute façon, se multiplient de jour en jour, les préceptes religieux y sont étayés sur leur grande base impérative; ce qui les rend peu intelligibles au commun de leurs auditeurs, & encore moins propres à faire sur leur âme de salutaires impressions, à cause de ce soin extrême d'en éloigner tout désir & toute idée de félicité, ce puissant motif si constamment employé dans l'Evangile pour nous exciter à la vertu, & dont le cœur humain semble avoir un besoin indispensable. Ces mêmes maximes sont aussi énoncées avec le même apprêt dans un ouvrage intitulé *Philosophie de la Religion*.

L'on jugera bien que la Théologie proprement dite devoit passer par le même alembic, & de scientifique, comme elle l'avoit été sous Wolf, devenir critique & pure. Son sort, ou son désastre, c'est de changer de forme selon la philosophie du jour. On l'a vue Aristotélicienne, Platonicienne, scolastique, Cartésienne, Lockienne, Wolfienne; enfin depuis peu elle se pare de l'uniforme de notre nouvelle philosophie. Kant lui-même, & plusieurs de ses amis ont tenté de concilier leurs spéculations avec les dogmes reçus; mais comme leur grand moyen consiste à allégoriser ces dogmes, & qu'en forgeant des allégories à plaisir, il est aisé de concilier tout avec tout, ils n'ont pas été généralement approuvés.

Ce qui se conçoit mieux du Wolfianisme que de notre philosophie pure, & qui cependant n'en est pas moins certain, c'est que celle-ci pénètre de plus en plus dans l'Allemagne catholique. Dans des évêchés dont les princes souverains s'honorent véritablement de protéger les sciences, nous voyons déjà des maîtres salariés pour y donner des leçons, & des maîtres pleins de chaleur pour leur grand maître, qui soutiennent aussi qu'avant lui il n'y eut point de philosophie, & se déchainent également contre ces malheureux Eudémonistes qui font entrer le bonheur comme motif dans la pratique de la morale.

Je ne fais pas encore, mais je serois curieux de le savoir, comment ils font pour adapter à leurs doctrines transcendantes une théorie qui n'admet rien de transcendant, & dont l'idéalisme même, quoiqu'il porte ce nom, proscriit toute transcendance réelle.

Le dogme de la Transsubstantiation semble au moins supposer des substances, & même des substances matérielles. Cependant, si le mot *substance* n'est qu'une dénomination logique, si les corps ne sont que des phénomènes, & dans la philosophie de Kant ils le sont encore plus que dans celle de Leibnitz, ils tireront peut-être de là une solution des difficultés élevées contre ce dogme, d'autant plus que

Leibnitz même avoit déjà entrepris de prouver qu'il n'implique rien de contradictoire *).

En tout cas, il leur resteroit une autre ressource, & peut-être la meilleure de toutes, celle que le célèbre évêque d'Avranches avoit indiquée depuis long-temps, & que Pascal avoit aussi embrassée: c'est de conclure des bornes étroites de notre entendement si bien constatées par Kant, ou de ce que le dit évêque nomme *la foiblesse de l'esprit humain*, la nécessité de soumettre la raison à la foi, & aux décrets de l'Eglise. — Je me trompe pourtant, & je m'aperçois qu'ils ne s'en tiendront pas là; puisqu'ils trouvent dans leur Raison pure tous les dogmes orthodoxes de leur église, jusqu'à la primauté du Pape, & à l'infailibilité de cette même église. J'apprends de plus que l'un d'eux a imaginé une métaphysique mathématicienne, qui fait dominer dans toutes les choses de l'Univers le nombre de trois; ce qui ne lui laisse point de doute sur la Trinité, placée à la tête de ces choses.

Cette philosophie, comme celle de Wolf, soumet à son domaine les objets du Goût, des Belles-Lettres, & des Beaux-Arts, dont elle compose à son tour une science subordonnée aux principes qui lui sont propres, & bâtie sur des déductions plausibles. Je souhai terois pourtant que les termes qu'elle a forgés pour cette science, y demeurassent, sans passer dans le commerce de la vie, ou comme on prétend l'avoir déjà remarqué, sur les lèvres du beau-sexe, qu'elles pourroient défigurer par des contorsions fantasques.

Enfin, une application bien plus désirable de la nouvelle philosophie, & la plus désirable de toutes, nous est pronostiquée avec beaucoup d'emphase: c'est la réforme morale du genre humain, & le bonheur universel qui en émanera jusqu'à la fin des siècles. Ces espérances flatteuses seront inmanquablement réalisées par la Raison pratique de Kant.

*) Le manuscrit qui contient cette preuve, se trouve dans la bibliothèque d'Hannovre dont j'ai parlé plus haut.

Il est incontestable que si tous les individus de l'espèce humaine étoient justes, sages, vertueux, & remplissoient exactement les devoirs moraux, leur somme totale, ou le genre humain, seroit aussi parfait & aussi heureux que d'ailleurs la constitution fragile de l'homme lui permet de l'être. Mais ces devoirs ne sont-ils pas les mêmes, également prescrits, également reconnus, adoptés avec la même sincérité dans tous les systèmes de Morale? Or c'est uniquement de leur pratique, & non des principes abstraits d'où ils dérivent, que vous pouvez attendre les heureuses conséquences que votre imagination vous peint de couleurs si riantes.

Direz-vous que votre Raison pratique est d'une tout autre énergie pour porter les hommes au bien? Mais c'est ce que je ne vois pas fort clairement. Et d'abord elle remonte si haut dans le monde intellectuel que l'on risque de se perdre sur ses traces. Puis, à force de s'épurer, & de se dégager de toute vue de bonheur, ce n'est plus qu'une spéculation; elle n'agit point sur le sentiment, & ne présente aucun vrai motif au commun des hommes, j'ajoute, ni aux philosophes mêmes, qui après tout ne sont pas pétris d'un limon différent, & ne semble être faite que pour des intelligences d'un ordre supérieur; si tant est que l'on puisse en concevoir d'entièrement détachées de tout désir & de tout intérêt pour leur propre bien-être.

Enfin, tout en convenant de la vérité abstraite du principe moral de Mr Kant, bien des gens ne conviennent pas qu'il soit le premier & le seul qui ait posé ce principe. Selon eux, plusieurs philosophes, & Wolf entr'autres, avoient déjà fondé la Morale sur la Raison, qui dès lors peut se nommer raison pratique. Et l'anglois Wollaston n'a-t-il pas réduit la certitude morale, & les écarts de cette certitude, au Vrai & au Faux, dont nos actions peuvent être les signes tout aussi bien que nos paroles?

Malgré tout cela, je n'en suis pas moins enchanté du tableau que trace à nos philosophes leur amour ardent pour la Raison pratique. Quelle belle poésie que le monde régénéré, la paix perpétuelle, les hommes s'élevant à la perfection & au bien suprême, où ils parviendront

dront sans y songer, & précisément parce qu'ils n'y songent point. Ne vois-je pas les jardins du paradis, & les champs Elysées s'ouvrir devant moi, une terre nouvelle ou plutôt un nouveau ciel sur la terre, où l'âge de Saturne, la vierge Astrée, & une meilleure race de mortels viendront descendre du haut Olympe,

*Jam redit & virgo, redeunt Saturnia regna,
Jam nova progenies coelo demittitur alto.*

Pourquoi, hélas, en ouvrant les yeux dans le monde où je suis, me semble-t-il quelquefois y apercevoir tout autre chose? Pourquoi au moins l'aurore de cette glorieuse époque ne vient-elle pas poindre sur mon horizon pendant le peu de jours qu'il me reste à vivre? Seroit-elle réservée pour ma postérité? Dieu le veuille! En attendant nous aurons le loisir de continuer notre parallèle.

VI.

Q u e s t i o n .

Voici une question, à laquelle je voudrais trouver une réponse satisfaisante.

Il est de fait que dans le présent siècle, qui touche à sa fin, l'Allemagne a constamment été le vrai théâtre de la Philosophie, qui nulle part ailleurs n'a joué des scènes aussi animées, aussi bruyantes, turbulentes même, & dont rien n'a pu interrompre le cours, ni les disputes des souverains, ni les guerres intestines & étrangères, ni le sort désastreux ou périlleux de tant de provinces & de peuples. Tous ces troubles n'ont pu troubler nos têtes métaphysiciennes, ni suspendre leurs élans vers les régions hyperphysiques, ni les batailles qui s'y livrent, ni les victoires & les défaites qui les ont signalées.

Mém. 1797.

[III.] 11.

Or je demande pourquoi il n'en est pas de même dans les autres pays policés, surtout dans ceux à qui l'Allemagne doit la première irradiation des lettres, des sciences, de la philosophie: pourquoi y règne-t-il tant d'indifférence & de flegme pour des choses que nous évaluons à un prix si excessif?

Je doute qu'il ait jamais paru un livre plus hardi, & plus effrayant par ses paradoxes, que le *Traité de la nature humaine* par David Hume. Et voilà ce livre qui ne fait pas la moindre sensation, qui, de l'aveu de son propre auteur, meurt en naissant. Lorsqu'au bout de dix années il se remontre sous une forme différente, on y fait bien quelque attention; il est examiné, pesé, réfuté même par quelques philosophes épars en Angleterre & en Ecosse; mais loin de susciter du tumulte ou des insurrections, on ne s'associe ni en sa faveur ni pour le combattre; on l'abandonne au jugement de chaque lecteur, & à sa destinée quelconque.

Mais la théorie contenue dans ce livre n'est pas plutôt reproduite, avec quelques modifications, par notre philosophe de Kœnigsberg, que les esprits commencent à fermenter & bientôt à bouillonner: l'incendie gagne tous les bancs de nos écoles, & monte à la hauteur où nous le voyons.

J'ignore si l'esprit de patriotisme y entre pour quelque chose. Car observons bien que depuis à-peu-près cinquante ans, ce paradoxe ou cette hérésie Humienne n'est pas inconnue sous notre climat philosophique, sans cependant avoir altéré le repos de nos sublimes métaphysiciens: ils se contentèrent de la regarder d'un œil dédaigneux, & de la traiter avec le plus profond mépris; qu'ils soupçonnoient peu alors qu'elle pût devenir un jour l'instrument fatal de leur chute!

Mais, pour frapper ce coup, il fallut qu'elle passât entre les mains d'un philosophe de leur nation: ce n'est que depuis cette date qu'elle figure, avec tant de lustre, sous le ciel germanique, & y porte la terreur dans tous les systèmes.

Ceci ne m'explique pourtant pas tout-à-fait ces grandes commotions dont nous avons été, dont nous sommes encore les témoins, & qui ont pris leur essor sous les deux régimes dont je fais la comparaison historique.

Je puis me tromper; mais voici au moins une des causes qui probablement y auront contribué.

Chez les autres nations éclairées & civilisées, les hommes pensans vivent plus isolés, ne tiennent pas de si près les uns aux autres, & ont moins d'intérêts communs à débattre. Ils s'adonnent à leurs spéculations dans la solitude du cabinet ou dans le loisir de la retraite. Leurs écrits, s'ils ont quelque mérite, ne s'en répandent pas moins, & trouvent des approbateurs & des censeurs: on les juge librement, mais de particulier à particulier, & puis les choses en demeurent là. Lors même qu'il en naît des disputes plus ou moins vives, elles ne s'aigrissent jamais jusqu'à former des factions & des complots. Il paroîtroit même absurde de se passionner à outrance pour des sujets qui ne concernent en aucune façon le bien public ou le salut de la patrie.

Il en est un peu autrement en Allemagne, où les gens de lettres composent davantage des classes séparées. Le grand nombre de nos universités, collèges, & institutions semblables, étant situées en proximité les unes des autres, & par là plus souvent exposées à des concurrences & à des conflits, leurs préfets, ceux qui les dirigent & y administrent l'instruction, sont plus intéressés à y faire valoir leurs talens, & pour leur honneur & pour leur profit. Et comme dans le stade où ils courent ils ne sauroient se promettre la palme que de la réputation prépondérante qu'ils auront acquise, & des applaudissemens d'un auditoire affluent, il en résulte des jalousies, des intrigues, des tentatives de se supplanter: foiblesse humaine, dont la philosophie ne guérit pas toujours, & qu'en eux leur position peut excuser.

Leurs doctrines ou leurs opinions sont ventilées dans des programmes, dans des thèses publiquement soutenues & discutées, dans leurs leçons, leurs correspondances, dans leurs écrits, & dans les journaux

qui en accélèrent la circulation. De là proviennent des associations, des corporations, des ligues offensives & défensives. Ne pouvant être tous chefs de secte, la plupart s'enrôlent sous quelque chef célèbre, dont ils abrègent ou élargissent, divulguent & défendent les oracles avec un zèle extraordinaire.

Voilà à-peu-près comment je crois avoir vu autrefois se former & se maintenir le parti Wolfien, & de nos jours celui de Kant, sans nier cependant que leurs sectateurs, du moins les plus dignes d'estime d'entr'eux, ne les aient embrassés de bonne foi, par conviction ou avec une ferme persuasion.

Aussi long-temps qu'il en existe deux pour s'entrebalancer, ou se disputer la préférence, il n'y a pas grand mal. Dans le parlement de la Philosophie, comme dans le parlement Britannique, le parti d'opposition est peut-être nécessaire ou du moins utile. Cette collision, ce frottement des esprits les uns contre les autres alimente l'amour des sciences, fait jaillir des idées neuves, & seconde le jeu libre de la raison. Le malheur est que l'un des deux ne tarde pas à gagner le dessus, & à s'emparer des rênes du gouvernement. Dès lors plus de liberté: la vraie philosophie gémit sous l'oppression, & la science se convertit en métier.

C'est ce qui arriva sous le Wolfianisme: la république philosophe y devint en effet un corps de métier, & avoit ses tribunes, qui bannissoient ou confisquoient comme de la contrebande tout ce qui n'étoit pas marqué de leur timbre, & fabriqué avec leur privilège spécial.

Je souhaite de toute mon âme que cet abus ne renaisse pas sous la nouvelle économie qui va s'établir sur les débris de la précédente. Mais ce que j'en vois jusqu'ici, favorise peu mes souhaits, & semble confirmer d'autant plus mes conjectures sur l'origine & les causes d'un vice très-difficile à extirper.

VII.

Le sort de nos deux Philosophies hors de l'Allemagne.

Si la philosophie indigène des peuples étrangers n'occasionne point chez eux ces fortes agitations dont nous sommes continuellement frappés, on ne sauroit guères s'attendre que la nôtre puisse les y occasionner. Aussi n'a-t-elle pas voyagé fort loin au de-là des mers, du Rhin, & des Alpes. Et jusqu'à présent la similitude se maintient à cet égard entre la philosophie de Wolf & celle de Kant: toutes deux elles demeurent presque confinées dans leur terre natale.

Rendons cette justice à l'Allemagne que si ses productions scientifiques & littéraires sont moins connues au dehors, elle par contre n'ignore & ne nous laisser ignorer de rien, que nulle part ailleurs on n'est mieux instruit de l'état des sciences & des lettres, & des fruits qu'elles font mûrir sur tous les sols Européens, hors même de l'Europe. C'est ici sans contredit une belle prérogative.

Nos journaux, nos papiers publics, parmi lesquels il y en a de très-excellens, nous rendent un compte exact de tout ce qui se transige dans le monde savant, de tous les livres nouveaux qui se publient dans toutes les langues. Je dis plus: presque tous ces livres, sans excepter les plus médiocres ou les plus mauvais, sont aussitôt traduits dans la nôtre, & leurs traductions souvent annoncées d'avance de plusieurs lieux, quelquefois même avant que les originaux aient paru, & sur le simple bruit qu'ils vont paroître: tant il y a toujours de plumes en l'air prêtes à les entreprendre. Elles ne sont pas, comme on se l'imagine bien, toutes du même calibre: il y en a parmi elles beaucoup de fabriquées à la hâte par des ouvriers mercenaires; mais on les distingue facilement de celles où des hommes intelligens ont mis la main, & dont le nombre n'est pas modique. Quoi qu'il en soit, tout cela trouve ses chalands, & ne laisse pas de faire percer la lumière dans plusieurs branches de la société.

On ne nous rend pas la même justice sur les territoires étrangers : nos productions s'y transplantent plus rarement ; notre langue n'y est pas cultivée, ou plutôt n'y est guères connue. Et c'est-là une des raisons de ce que je viens de remarquer touchant nos deux philosophies : j'ai dit qu'elles ont fait des progrès peu sensibles dans les contrées externes.

Celle de Leibnitz, il est vrai, attira d'abord, comme nous l'avons vu, l'attention de l'Europe philosophe, & plus même hors de l'Allemagne que dans son sein. Les uns l'admirèrent comme un essai heureux de solutions nouvelles ; les autres comme le rêve sublime d'un homme de génie. Mais fondue en système, germanisée & latinisée par Wolf & son école, elle ne sortit guères plus de nos limites, ou, si l'on réussissoit à la faire passer au de-là, y fut moins goûtée qu'auparavant. Elle ne put même prendre pied dans les provinces Bataves, quoiqu'elle y trouvât un apôtre aussi habile que zélé dans la personne du célèbre Kœnig. Si, comme on le prétend, elle a sauté par dessus les murs de quelques couvens d'Italie, elle semble se tenir discrètement renfermée dans leur enceinte, & y vivre en recluse.

La philosophie de Kant ne paroît pas prospérer davantage hors de notre patrie. Le bruit courut, il y a quelque temps, qu'elle avoit ses missionnaires à Londres, qui y donnoient des leçons réglées ; & depuis peu les gazettes nous apprennent que ces leçons sont imprimées ; mais il règne encore un profond silence sur le succès de cette mission, & sur les conversions qu'elle auroit opérées, lesquelles, pour se rendre croyables, auroient besoin de certificats bien fidèles, & d'autant plus que les papiers anglois disent assez clairement le contraire, & parlent d'un ton fort leste de cette nouvelle philosophie, en bornant tout son mérite à celui d'un nouveau vocabulaire métaphysique.

La transmigration de cette philosophie éprouve d'ailleurs les mêmes obstacles que celle de sa sœur aînée, & de plus grands encore, non seulement à cause de sa structure aussi délicate que complexe, & de son néologisme, mais aussi parce que jusqu'à présent elle est toute Teutoni-

que. Je ne saurois juger comment l'on s'y est pris pour l'habiller à l'Angloise; mais je présume qu'elle se prêteroit difficilement à l'idiôme françois, dans lequel cependant les idées Leibniziennes se rendent avec aisance; de quoi Leibnitz lui-même a donné l'exemple & la preuve, comme après lui la marquise de Châtelet, & d'autres bons écrivains parmi lesquels nous comptons plus d'un de nos confrères; au lieu que je douterois que l'on voulût ou pût satisfaire aujourd'hui la curiosité de l'abbé Sieyes par rapport au Kantianisme, quoique je souhaitasse qu'on le tentât. Les journalistes de France nous disent pourtant qu'un jeune politique, Adrien Lezay, a fait cette tentative sur la *Paix perpétuelle* de Kant, en ajoutant qu'il a su nettoyer les idées du philosophe de toute la scolastique qui les défigure. Mais de vouloir faire la même opération sur la *Critique de la Raison pure*, ce seroit une tâche bien autrement scabreuse.

Je fais ce que l'on a coutume de répondre. On attribue cette inattention à notre philosophie, cette indifférence pour elle, d'un côté à l'orgueil Anglois, qui n'estime que les plantes crues sur son propre terroir, & réprouve tout ce qui est exotique, de l'autre, à la volatilité françoise, qui rend cette nation incapable de se coller, comme nous faisons, aux recherches abstruses, & de rien approfondir. On leur rend donc la pareille, soit en méprisant tout haut leurs prétendus exploits philosophiques, soit en les honorant tout au plus d'un sourire d'indulgence, ou d'une généreuse commisération.

L'Allemagne, à nos yeux, est la vraie, la seule patrie des philosophes, le centre ou le foyer d'où la Philosophie darde ses rayons, le siège souverain d'où elle promulgue ses arrêts. Il est vrai qu'ils ne sont pas absolument irrévocables: nous les voyons s'entre-détruire, & les systèmes que nous croyions à l'abri de toute attaque culbutés par des systèmes postérieurs. Mais le dernier en date, le dernier qui surnage, est toujours le meilleur: il ne laisse plus rien à désirer; il bravera le naufrage des temps, & ira droit à l'éternité.

Pour déprécier la philosophie étrangère, on lui donne le nom d'empirique, en attachant à ce mot je ne fais quelle idée dégradante. D'après Locke & les Anglois qui ont marché sur ses pas, des philosophes du continent, Condillac, Bonnet & d'autres ont suivi la route de l'expérience, qui leur paroissoit la plus naturelle & la plus sûre. Et sans m'ériger en juge, je ne vois pas au fond ce qu'il y auroit si fort à reprendre; il me semble plutôt que finalement on est toujours obligé d'en revenir là: les spéculateurs mêmes les plus transcendans ne sauroient s'en dispenser, & sont empiriques dans le sens que ce terme présente à mon esprit.

Je ne crois pas, à la vérité, que mon âme, si les découvertes modernes ne permettent d'en avoir une, je ne crois pas, dis-je, que cette âme ne soit autre chose qu'une table rase; il faut au moins lui supposer la faculté innée de lire les caractères qui viennent se tracer sur cette table, avec la force d'y réagir, & de les approprier à des usages intellectuels. Mais cela n'empêche point que toutes nos connoissances ne partent originairement de l'expérience. Cette faculté, cette force même dont je viens de parler, ne me sont pas connues avant qu'elles se déploient, & que leur action m'avertisse de leur existence. J'en dis autant des idées innées de Leibnitz; elles resteroient purement innées, sans que nous en fussions rien, si les impressions faites sur nos sens ne leur donnoient lieu de se développer & de se rendre, pour ainsi dire, ostensibles. Enfin, il en est ainsi des formes sensibles & des formes intellectuelles, qui demeureroient vides & cachées, si nos perceptions & nos notions ne venoient s'y empreindre & remplir leur vacuité: c'est aussi de quoi Mr Kant est le premier à convenir.

Ainsi l'observation & l'expérience demeurent toujours les sources vraies & primitives de tout ce que nous apprenons, de tout ce que nous savons. Et, à proprement parler, ce qui préexiste ou existe en nous *a priori*, nous ne le découvrons qu'*a posteriori*. L'on a donc beau vouloir décrier l'Empirisme; il maintiendra ses droits imprescriptibles.

VIII.

Leur état présent & futur.

Le Wolfianisme, après un long empire, commença à décliner.

On se lasse de tout à la longue, mais ce qui est outré, n'est guères durable: les passions les plus fortes sont les premières à s'éteindre, & bientôt leur feu se change en glace. Rien ne fit plus de tort au système divin de Wolf que d'avoir été divinisé. Les éloges excentriques, les épithètes ampoulées qu'on lui prodigua, & tout ce fanatisme sectaire dégoûtèrent peu-à-peu les observateurs calmes, leur parurent peu philosophiques, insipides & tirant même sur le ridicule. Bientôt on se défia & du fond & de la forme: enfin l'on osa briser les entraves & sortir de captivité, pour respirer un air plus serein & plus salubre.

Les progrès du goût & de la belle littérature hâtèrent ce déclin. La méthode céleste déplut par sa siccité inhérente, qui faisoit fuir les Muses, les Grâces, les Amours, aussi bien que par la platitude fréquente de ses applications; & nos beaux-esprits ne lui furent pas avares de leurs sarcasmes.

Déjà dans des temps fort antérieurs, elle avoit été assez plaisamment parodiée & persifflée dans une brochure intitulée *Le cordonnier scientifique*, mais qui fit peu d'effet, & à cause de son auteur, fils de l'ennemi mortel & injuste de Wolf, & parce que cette méthode, alors dans son croissant, préoccupoit tous les esprits en sa faveur.

Mais lors même qu'elle brilla en son plein midi, le poète Gellert, dont j'admirois l'audace, la turlupina dans sa fable *du Renard & de la Pie*. Il alla plus loin dans un de ses contes inscrit *l'Auteur immortel*, où il fait le portrait de Wolf d'une manière non méconnoissable, & lui prédit la destinée de ses vastes volumes après sa mort, prédiction qui s'est assez vérifiée.

Toutes ces causes, en partie très-frivoles, minèrent, par leur concours, le crédit de la philosophie systématique, & firent pencher cette grande planète vers son couchant. Ce qui la conserva encore stationnaire, ce fut l'assistance que lui prêtèrent des hommes de beaucoup de mérite. Imbus de ses principes, & convaincus de leur vérité, ils ne croyoient pas devoir l'abandonner; mais ils sentirent que pour son propre avantage il falloit lui faire changer de face, émousser ce qu'elle avoit d'anguleux, polir ses parties dures ou durusculs, & en la dépouillant de toute pédanterie scolastique la monter au ton du siècle, & la parer modestement des fleurs de l'éloquence. Ils y réussirent, & personne mieux peut-être que le célèbre Mendelson, qui tient un rang distingué parmi nos auteurs classiques. La philosophie qu'il chérissoit avec une affection si tendre que la crise où il la vit exposée par la Critique de la raison pure, peut avoir hâté ses derniers momens, cette philosophie pourra disparaître; mais les écrits du philosophe Israélite vivront, & la postérité le lira avec le même plaisir que Platon son guide & son modèle.

Ces écrivains avoient dégagé le système Wolfien de son air rébarbatif sans lui rien ôter de sa force réelle, qu'au contraire ils renforçoient encore par des élucidations ingénieuses: ce qui prouve qu'elle ne dépendoit pas uniquement de son attirail scientifique.

Cette même considération en détermina d'autres à se libérer tout-à-fait, & à voler de leurs propres ailes. Il retournèrent à la méthode observatrice & expérimentale; & voilà comment par eux la Métaphysique est redevenue la Physique de l'esprit humain. Un ouvrage des plus importans de ce genre c'est l'*Organon* de notre ancien confrère Lambert, dans lequel il se rapproche fort des principes & de la marche de Locke. Il y fit succéder son *Architectonique*, nouvelle Ontologie, où il fixe les premières & les plus simples notions de la Philosophie & des Mathématiques. Un autre de nos confrères a rendu à ce livre un service essentiel en l'élaguant, & en rédigeant la redondance des idées & du style de Mr Lambert à une élégante brièveté.

Deux professeurs, l'un à Leipzig, l'autre à Gœttingue, des philosophes Berlinoïses, que je ne nomme point pour éviter toute ombre de flatterie, ont encore excellé dans ces sortes d'essais, mais qui leur valurent le sobriquet d'Empiriques, si c'en est un, ou bien aussi le titre d'Ecclésiastiques, parce qu'ils prenoient par-tout, & admettoient indifféremment ce qui leur paroissoit vrai & bien vu, sans déférer aux noms & aux autorités, sans se rendre chiens ou satellites de qui que ce soit. J'ai déjà dit que la première de ces épithètes ne me paroît pas injurieuse mais honorable; & j'en dis autant de la seconde.

Ces nouveaux empiriques ou ecclésiastiques tenoient la balance pour le moins en équilibre contre les auteurs de l'ancien système, lesquels d'ailleurs, épandus ça & là, ne formoient déjà plus une chaîne si étroite, & n'étoient plus si bien corporifiés; lorsque dans le ciel du Septentrion apparut le nouvel astre, ou le nouveau météore de la Philosophie critique, & vint ouvrir une scène très-alarmante pour les uns & les autres, mais surtout pour les Wolfiens. Car le philosophe qui observe & expérimente, peut sans crainte proposer le résultat de ses expériences & de ses observations; il peut y revenir, les refaire, les changer, les varier à son gré: de même, le philosophe qui choisit, car c'est ce que signifie le mot d'Ecclésiastique, demeure toujours le maître de son choix, il peut se plier & se replier selon les occurrences; au lieu que la concaténation systématique exclut cette flexibilité; la roideur y résiste; tout ou rien, durer ou rompre, voilà sa devise.

Le dernier trait de mon parallèle seroit le plus curieux, si pour le bien débrouiller il ne falloit pas le don de lire dans l'avenir.

Il est visible, pour quiconque fait voir, que le règne de Kant a succédé, succède ou succèdera à celui de Wolf, que de jour en jour il prend des accroissemens, qu'il fermente au même degré, & produit la même effervescence dans les esprits, que par toute l'Allemagne il est prôné, préconisé avec le même zèle, & que ses acolythes sont en contiguité entr'eux, comme autrefois les Wolfiens.

Mais quelle sera sa destinée future? quelle sa durée? Ce règne sera-t-il aussi long que le Wolfien? sera-t-il perpétuel?

Ici je demeure en suspens, parce que je ne suis ni prophète ni fils de prophète.

Si je devois m'en rapporter aux admirateurs ou adorateurs de Kant, je n'hésiterois pas un moment à me déclarer pour la vérité, la permanence, l'immutabilité, l'immortalité de leur philosophie. Mais ma foi commence à vaciller quand je me souviens d'avoir reçu autrefois des assurances non moins positives & sacrées par rapport à la philosophie de Wolf. Et cependant qu'est-il arrivé?

A m'en fier à un des plus notables Kantians, tout le monde philosophe s'est déjà courbé sous leur joug; leurs adversaires ont disparu de l'arène,

Et le combat finit faute de combattans.

Mais cela est-il bien certain? ou aurois-je les yeux fascinés au point de voir encore des combats à droite & à gauche, & cette arène que l'on me peint comme déserte, foulée par des athlètes vaillans de toute espèce & de toute couleur, dogmatiques, empiriques, éclectiques, sceptiques enfin, les plus dangereux de tous? Le Kantianisme a bien pour lui la supériorité du nombre; il se fortifie journellement par des acquisitions & des alliances récentes, & de toute part l'on s'empresse à militer sous ses enseignes. Soit. Mais encore ici la période Wolfienne m'avoit offert le même spectacle: & cette période s'est écoulée, & ce spectacle s'est évanoui.

Tout est sujet à des variations & à l'inconstance, les sciences comme toute autre chose, & la philosophie plus que toute autre science. Qui pourra donc me garantir que celle qui tient aujourd'hui le haut bout, n'en soit déplacée tôt au tard par une émule qui viendra ouvrir de nouvelles perspectives, donnera un nouveau tour aux anciennes idées, ou changera les nomenclatures, car souvent il n'en faut pas davantage. Et n'entrevoyons-nous pas déjà des tentatives pareilles dans le lointain, mais qui pourront se rapprocher?

Il n'est pas à croire que cela arrive si tôt; puisque le génie d'un Kant seroit requis pour inventer, compasser, arrondir un plan qui pût lutter contre le sien. Néanmoins cela peut être amené sur les ailes du temps: il peut avoir un successeur comme il a succédé à Leibnitz, à côté duquel son nom s'enregistreroit alors dans le temple de Mémoire; & en tout cas il y auroit là de quoi se consoler. Mais qui fait même si en mourant il laissera un Wolf pour appui de sa cause & propagateur de sa théorie? Son école assurément nourrit des hommes dignes de lui rendre ce bon office; mais auront-ils toujours le même courage, la même persévérance, un zèle aussi brûlant? seront-ils également secondés & favorisés par les temps, les lieux, les circonstances?

Je ne parle pas de ses sectateurs d'une classe inférieure, qui ne seroient propres qu'à tout gâter, ainsi que leurs semblables l'ont fait sous le Wolfianisme. N'étant rien par eux-mêmes, & désirant de paroître quelque chose, ils s'accrochent à un nom illustre, & s'érigent en trompettes de sa gloire, que par leurs phrases admiratives, & leurs exclamations d'écoliers, ils terniroient plutôt si elle pouvoit être ternie, mais à qui ils préjudicient dans l'opinion publique en y réfléchant un jour défavorable. Et c'est ce qui devoit préserver ses partisans du premier ordre, dont le mérite solide est reconnu, de la contagion d'un si mauvais exemple.

Enfin, quand je promène mes regards en arrière sur les anciens philosophes de la secte de Wolf, & leurs immenses lucubrations, qui autrefois causèrent tant de rumeur; & qu'à l'exception d'un petit nombre, je les vois reléguées à l'oubli, & moisir dans la poussière; quand je me représente les gros in-quarto mêmes de leur maître qui ne sont plus guères que révévés comme des reliques; que de réflexions viennent s'offrir à mon esprit? Celle-ci entr'autres. Je me dis alors: les découvertes, les hypothèses, les opinions, les erreurs mêmes des grands hommes ne périront point; mais dépouillées de tout ce vaste & inutile apparat dont on les a surchargées, on ne les connoitra que sommairement, réduites à leur quintessence; & on ne les en

connoitra que mieux. Cela ne devoit-il pas servir de leçon aux écrivains philosophes de nos jours? Qu'ils s'étudient à la brièveté, à la précision, à saisir le point lumineux des sujets, hors duquel plus ils entassent de diatribes les unes sur les autres, plus ils se rendront obscurs & ennuyeux, & ne feront que se perdre dans un stérile verbiage, qui ne leur survivra point, ou mourra dès leur vivant.

J'aurois tout le premier dû suivre cette maxime, je devois au moins finir ici, s'il ne me restoit sur le cœur une dernière réflexion, que m'inspire le lieu même où j'ai l'honneur de parler.

IX.

Conduite de notre Académie à leur égard.

Quelle a été la contenance & la conduite de notre Académie? quel rôle a-t-elle fait, & fait-elle encore au milieu de ces dissensions & de ces révolutions du monde philosophe? Je réponds sans hésiter: le seul qui lui convenoit, le seul qui convient à une Académie.

Dans notre ancienne Société royale, quoique fondée & présidée par Leibnitz, il n'étoit pas question de philosophie, pas même de la sienne. Ce n'est qu'à la fondation de l'Académie présente, sous le grand roi Frédéric II, que la classe philosophique, dont nous jouissons exclusivement à tous les instituts d'ailleurs de même nature que le nôtre, y fut introduite par son ordre, & sous la direction du président de Maupertuis, qui n'adhérant à aucune secte particulière y introduisit à son tour une pleine liberté de penser & de manifester sa pensée, en respectant ce qui est respectable, & en se contenant dans les bornes de la décence & de l'honnêteté.

J'ai toujours cru que ce ne fut pas un malheur pour nous d'être d'abord présidés par un étranger célèbre, qui à ses autres qualités joi-

gnoit la connoissance du monde & des hommes, plutôt que par un nourrisson d'université, cloué à tel ou tel système. Car je le demande, que seroit devenue notre classe de Philosophie sous Wolf lui-même, ou sous quelque coryphée de sa tribu ou d'une tribu quelconque? une secte, régentée par un chef de secte, tout ce qu'il y a de plus contraire à une Académie, & d'où le vrai esprit philosophique & académique eût été totalement exilé.

Au lieu que grâce au tour heureux imprimé dès le commencement à cette classe, nous n'y avons jamais eu de secte avouée, quoique nous y eussions des hommes de toute secte, aussi bien que des hommes de nulle secte, qui malgré la différence de leurs sentimens vivoient ensemble dans une parfaite harmonie en frères & en amis.

Ce qui favorisa puissamment cette disposition pacifique, & contribua à l'entretenir, c'est d'abord la sage précaution de reléguer de chez nous toute controverse personnelle; ensuite l'absence de tout motif d'intérêt entre des savans qui n'ont point d'auditeurs ou de disciples à se contester & à s'enlever; enfin cet adoucissement, cette politesse des mœurs d'une grande capitale, qui du trône & des cours brillantes dont il est environné, descend toujours, plus ou moins, à travers tous les étages de la société civile, où par conséquent l'humeur acariâtre & querelleuse des métaphysiciens passeroit pour un effet de mauvaise éducation, ou donneroit la comédie à ceux qui aiment à rire.

J'oserois encore affirmer que ce même Eclecticisme qui a rempli, en quelque façon, l'intervalle entre Wolf & Kant, a coulé en grande partie de chez nous, ou du moins a été fortement encouragé par nos philosophes: il régnoit dans leur classe; & c'est la seule secte ou non-secte qui doit respirer dans une Académie.

La nôtre en a fait preuve en tout temps, surtout dans la distribution de ses prix, où l'on ne vote point par prévention partielle, mais toujours pour les pièces qui semblent avoir traité le mieux la question, & en avoir donné la solution la mieux motivée. Cela s'est vu encore en dernier lieu, lorsqu'il s'agissoit du Palladium de la philo-

sophie Germanique, de sa progression ou rétrogradation depuis Leibnitz & Wolf. Le prix a été partagé entre les sectes actuellement en guerre ouverte, je veux dire entre ceux qui avoient plaidé le plus plausiblement pour chacune de ces sectes; la troisième part a été décernée à l'auteur d'une opinion mitoyenne, & l'*accessit* à un défenseur modéré du Kantianisme, qui y ramène très-ingénieusement la vraisemblance de la substantialité, ou ce qu'il nomme un réalisme relatif. Décision vraiment eclectique & vraiment académique.

Puis-je me flatter d'avoir observé la même neutralité dans mon Parallélisme? Je le croirai, si j'ai satisfait les hommes raisonnables des deux partis opposés. Mais j'en serai bien plus sûr, si j'ai le bonheur de déplaire aux zélateurs hyperboliques de l'un & de l'autre.

ESSAI SUR CETTE QUESTION:

Quelles sont les lumières qu'il importe le plus aux hommes d'acquérir, & quels sont les sentimens qu'on doit surtout chercher à leur inspirer?

PAR M. JEAN TREMBLEY *).

TROISIÈME MÉMOIRE.

Dans le second mémoire que j'ai lu à l'Académie sur cette matière, j'ai commencé à réfuter les opinions de quelques écrivains systématiques qui négligeant les faits & l'expérience, & procédant *a priori*, ont cherché à éblouir les hommes par des calomnies odieuses & par de fastidieuses promesses. Mon dessein n'a jamais été de proscrire toute recherche de théorie ni de jeter du ridicule sur les travaux des philosophes sages & circonspects qui se livrant à l'étude des anciens, ont cherché à quel point les résultats qu'ils en ont déduits sont applicables à la pratique, sans vouloir faire de leurs idées la règle des choses, ni détruire tout ce qui leur répugne. Combattre une pareille philosophie, ce seroit vouloir arrêter tout progrès de la raison, & mettre à l'esprit humain des entraves que je suis fort éloigné d'approuver. Mais en rendant justice aux philosophes de cet ordre, j'ai cru pouvoir m'élever contre les prétentions de ces écrivains qui n'aspirant qu'à dominer l'opinion publique, lâchent avec autant de confiance que de témérité leurs sentences & leurs apophrhègmes, insultent à la stupidité de ceux qui osent douter & craignent d'abandonner les anciennes institu-

*) Lu à l'Académie le 13 mai 1797.

Mém. 1797.

tions, embrassent l'universalité des connoissances humaines & l'universalité des opérations de ce monde, annoncent avec une fastidieuse présomption le *Tableau des progrès de l'esprit humain*, & nous en donnent une esquisse qui ne contient au fond que le tableau de leurs préjugés & de leurs passions, dans laquelle au milieu de l'étalage qu'ils font de leurs connoissances, on démêle aisément l'ignorance de tout ce qui est étranger à leur nation & à leur secte, la résolution ferme qu'ils ont prise de mépriser ce qu'ils n'ont pas même essayé de comprendre, & de communiquer par l'enthousiasme une impulsion capable de renverser tout ce qui choque leur égoïsme. Les efforts de ces écrivains pour propager leur secte n'ont pas toujours été couronnés du succès, les événemens qu'ils avoient annoncés avec tant de confiance n'ont point eu lieu, ils ont vu se former dans les temps & dans les lieux qui sembloient leur être le plus favorables, des institutions contraires à leurs principes, & plus d'une fois ils ont succombé sous leurs propres efforts. Cependant, comme les écrivains de cette sorte ne se laissent point abattre par les faits, qu'ils sont toujours prêts à résister avec des mots & des suppositions à l'expérience qui les terrasse, comme ils peuvent continuer à éblouir les jeunes gens & les imaginations foibles, qui croient ces théories solides parce qu'on n'y répond pas, il ne sera pas inutile de jeter un coup-d'oeil sur leurs principes & sur leur marche, d'analyser quelques-unes de leurs suppositions, de les comparer avec les faits, de montrer le vide des systèmes qu'ils présentent comme parfaits, de montrer comment en physique & en morale, au lieu de décrire la marche de l'esprit humain, ils montrent la lanterne magique, & annoncent des progrès qui n'ont jamais été faits. On ne peut les entendre se pavaner & se répéter sans cesse, sans être tenté de s'écrier avec Juvenal

Semper ego auditor tantum, nunquamne reponam

Vexatus toties?

Au lieu de rechercher avec soin la nature des faits principaux & essentiels, de juger de la bonté d'une administration par le bonheur des

peuples qui lui sont soumis, par l'état de l'agriculture, par le nombre & la nature des impôts, par les secours accordés aux indigens, par la promptitude avec laquelle on répare les abus, &c. &c., ils se contentent de quelques dénominations générales, les noms d'aristocratie ou de démocratie suffisent pour exciter le blâme ou la louange, ils ne font aucune attention aux nuances, aux différens tempéramens, ils ne voient point de milieu entre le bien & le mal, entre la servitude & la liberté, ils confondent sous la même dénomination les gouvernemens les plus opposés, quelques considérations générales leur suffisent pour les apprécier, & des philosophes de cabinet qui n'ont jamais vu les pays dont ils prétendent juger, dont toute l'instruction se fonde sur quelques relations de voyageurs, sur quelques récits de gazettes, prononcent affirmativement sur les vices d'un gouvernement dont ils ne connoissent pas le moindre détail, rangent au nombre des esclaves des sujets qui vivent heureux & tranquilles à l'abri de toute imposition arbitraire, de toute vexation, & s'érigeant en précepteurs du genre humain jettent au hasard & avec une présomption aussi téméraire que ridicule leurs drogues & leurs spécifiques. Quelques défauts réels ou apparens leur suffisent pour décider qu'un gouvernement est détestable, tout ce qui n'est pas combiné d'après leurs prétendus principes leur paroît essentiellement vicieux, une destruction générale, subite & complète leur paroît le seul moyen de parvenir à la liberté & au bonheur, il leur tarde de voir crouler toutes les institutions qu'ils ont critiquées ou calomniées, d'élever leur amour-propre sur les ruines du monde moral & politique, & de créer *a priori* un nouvel univers où quelques abstractions serviront de règle unique & invariable. Ils réparent tout au moyen de quelques combinaisons de mots, les désordres les plus nuisibles ne les révoltent point, ils marchent intrépides au travers de la désolation & de la misère vers cette sublime administration où le cahos sans cesse renaissant maintiendra un ordre constant, où des passions violentes & sans frein feront régner la douceur & la modération, où les caprices d'une multitude ignorante & corrompue four-

nissent des règles immuables de justice & d'équité, où l'on sera libre sous le joug d'une multitude de despotes inquiets & turbulens, où la vie & les propriétés des individus seront en sûreté, tandis que les présomptions tiendront lieu de preuves, & que l'exécution précédera l'examen, où le gouvernement vivra dans l'abondance sans perception régulière d'impôts, sans circulation d'espèces, où chaque individu s'agitant sans cesse en tout sens, toutes les parties convergeront vers un même but, enfin où la félicité générale résultera des maux particuliers. Tel est le système imposant qu'on présente aux hommes, sous lequel doivent fléchir tous les esprits, dont il n'est pas même permis de discuter la nature, & qu'il faut adopter avec la plus aveugle crédulité. Car cette tolérance, le premier bien de l'humanité, qu'ils ont prônée avec tant d'enthousiasme, ne s'étend pas au de-là de leurs propres opinions, on ne peut révoquer en doute la vérité de leurs théories sans se rendre coupable, sans exciter la fureur convulsive de leurs sectateurs fanatiques, qui nés pour la superstition & ne faisant que passer d'un genre à l'autre, ne voient dans la liberté que la faculté de détruire tout ce qui ne leur agréé pas. Cela suffit pour faire juger de la facilité avec laquelle le fanatisme s'empare des hommes, des écarts où l'on donne lorsqu'on s'éloigne des faits & de l'observation, de l'utilité d'une marche lente & circonspecte, du danger d'exciter des mouvemens dont on ne peut prévoir les effets, de la nécessité de faire entrer dans le calcul des théories politiques les vices actuels des hommes, les préjugés qui les affectent, les habitudes qu'ils ont contractées, les motifs qui les font agir.

Il est surtout important de considérer les compensations qui existent, & qui sont telles que souvent un gouvernement qui paroît vicieux dans la théorie, devient non seulement supportable, mais même bienfaisant dans la pratique, tandis que des systèmes qui semblent puisés dans les premiers principes de la nature humaine, produisent des chocs violens, des convulsions, & entraînent l'anarchie. Les droits de la société, & par conséquent ceux des gouvernemens, résultent, il est vrai, de la réunion

des droits des individus. On imagine en conséquence un gouvernement représentatif où les administrateurs de l'état sont réellement les mandataires de leurs concitoyens & n'existent que par leur choix; on le donne comme le plus propre à produire le plus grand bien de la société, à maintenir les droits de chaque individu. Ce n'est point ici le lieu de discuter cette question; je me contenterai de remarquer que ce principe abstrait n'est pas toujours susceptible d'une application facile, & que les difficultés que présente cette application méritent l'attention des politiques éclairés, & doivent les détourner de toute opération subite & violente. Rien de plus aisé en apparence que de composer un corps législatif dont les membres soient élus par le peuple, soit que le peuple y concoure directement, soit qu'il ne fasse que nommer des députés chargés de cette élection. Il paroît tout simple de confier les affaires générales de l'état à ce corps législatif, & les affaires de chaque canton à des assemblées particulières subordonnées à l'assemblée principale & chargées des détails dont celle-ci ne peut s'occuper. Ces assemblées particulières peuvent se subdiviser à l'infini, suivant l'étendue du pays & les besoins de ses différentes parties. Le principe moteur occupera le centre, il communiquera son action jusqu'aux extrémités, & la circulation générale ramènera au centre le produit de toutes les opérations particulières. Par ce moyen chaque individu sera actif, concourra au bien général, tous les intérêts seront connus & discutés, & les lois ne seront autre chose que l'expression de ces intérêts divers combinés & conciliés d'après les principes du bon sens & les leçons de l'expérience. Mais il se présente ici une considération majeure qui doit inspirer de la défiance à tout homme qui réfléchit. Ce principe moteur, ce centre d'action, duquel tout part & auquel tout revient, qui exerce dans la machine politique les fonctions que remplit le cœur dans le corps humain, ce principe, dis-je, ne doit pas être idéal, mais réel. Supposer que la notification des décrets d'une assemblée générale suffira pour que les diverses assemblées secondaires & ensuite les individus s'y conforment, c'est ne considérer

L'homme que sous l'aspect d'un être raisonnable, c'est faire abstraction de ses préjugés, de ses vices, de ses passions, c'est supposer que les délibérations d'une assemblée quelconque se terminent toujours d'une manière conforme aux principes du bien public, & que l'évidence de ces résultats frappera toutes les corporations, tous les individus. Mais si tel étoit le pouvoir de la raison & des lumières, la question du meilleur gouvernement seroit tout-à-fait oiseuse, tous les gouvernemens seroient parfaits, & conduiroient au même but, le bonheur général de la société. Le despote absolu sentiroit par cela même la vérité des représentations que lui adresseroient ses sujets, ces représentations seroient toujours fondées sur la justice, elles produiroient nécessairement leur effet, le despote seroit donc toujours éclairé sur les vrais intérêts de ses sujets, & gouverneroit en conséquence. Ce que je dis du despotisme peut s'appliquer indifféremment à toute espèce de monarchie, d'aristocratie ou de démocratie, & dès lors les hommes seroient toujours sages, toujours libres, toujours heureux.

Mais cette supposition tombe d'elle-même; nous avons vu que le plus grand nombre des hommes est par la nature de ses occupations presque absorbé par les idées sensibles, qu'il ne s'élève que très-difficilement aux idées générales, qu'il est le plus souvent entraîné par la considération de ses intérêts particuliers, enfin que les vices de l'éducation & ceux des gouvernemens remplissent souvent les esprits de préjugés, d'idées fausses & incohérentes, & font germer en eux des passions violentes & destructives dont l'histoire nous découvre les funestes effets. Il faut donc, pour que le gouvernement tende au bien public, pour que sa marche ne soit ni arrêtée ni interrompue, que les membres du corps législatif soient tirés du petit nombre des hommes éclairés & capables d'approfondir & de discuter mûrement les questions difficiles qui s'offrent à leur examen; il faut encore que les membres des assemblées secondaires, sans posséder le génie qui enfante de bonnes lois, aient assez d'instruction & de lumières pour en sentir l'excellence, pour en démêler les

exceptions, & pour les exposer à l'assemblée principale; il faut enfin que les individus qui ne peuvent s'élever à ces considérations, obéissent purement & simplement, & ne puissent pas soumettre à leurs caprices les décisions de leurs supérieurs. En admettant donc que la composition des assemblées soit bonne, il faut une force publique qui maintienne l'exécution des lois, arrête les désordres, & prévienne les atteintes que l'on pourroit porter à la constitution. Sans l'existence de cette force publique, le système du gouvernement demeurera purement idéal, la liaison des différentes parties de l'état n'existera que dans l'imagination, au moindre choc des opinions ou des passions, la machine s'arrêtera, les diverses parties se sépareront, les assemblées secondaires prendront la place de l'assemblée principale, la plus petite communauté deviendra indépendante, bientôt les individus en viendront à refuser toute obéissance, & même à commander à leurs supérieurs. Par-tout où il existe des êtres imparfaits, sujets aux vices & aux erreurs, il faut de la contrainte; cette contrainte étant physique par sa nature, suppose des forces physiques, un pouvoir exécutif. L'intensité & le nombre de ces forces physiques dépendent essentiellement de l'étendue de l'empire & de sa situation. Je dis de sa situation, car ces forces physiques nécessaires pour maintenir la subordination intérieure, le sont aussi pour mettre l'état à l'abri des dangers extérieurs, pour le garantir d'une invasion, de toute attaque hostile. Un grand empire environné de voisins redoutables a besoin de forces considérables, ces forces doivent s'exercer avec facilité & promptitude, elles supposent un régime & une discipline particulières. Des troupes nombreuses qui obéissent à un seul chef peuvent aisément opérer de grands changemens dans l'état, il faut qu'elles soient liées à la constitution de telle sorte qu'elles puissent la soutenir & non l'ébranler, & cette combinaison est délicate.

Les principes du droit naturel nous font bien connoître distinctement le but auquel on doit tendre, mais ils ne nous éclairent pas de même sur les moyens, & c'est ici où l'imperfection des connoissances humaines,

des sciences politiques se fait surtout sentir. Les écrivains systématiques ne font guères mention de ces lacunes; ils passent des objets qui sont exactement déterminés à ceux qui restent encore vagues, sans en marquer la différence, & ils suppléent par des hypothèses à ce qui leur manque dans les principes. Un médecin qui discerneroit avec sagacité la nature des remèdes convenables à chaque maladie, mais qui se tromperoit sur les doses, produiroit de grands maux, l'art de guérir seroit entre ses mains un instrument funeste. On peut en dire autant de la science du gouvernement, il ne suffit pas de connoître la nature des différens pouvoirs, il faut encore déterminer leur équilibre, & si la considération de la nature humaine & des droits qui en résultent suffit pour nous conduire à certaines combinaisons qui tendent à réunir les intérêts, elle ne suffit pas pour déterminer la quantité des forces qui doivent en assurer l'existence, & cependant cette considération est tout aussi importante que la première. Si l'on donne trop de forces au pouvoir exécutif, il pourra en abuser pour détruire la constitution dont il est le défenseur légitime, & pour exercer sous de vaines formes de liberté un véritable despotisme. Si l'on ne donne pas des forces suffisantes à ce même pouvoir exécutif, il tombera dans la langueur & dans l'inaction, la constitution sera vacillante, les désordres se multiplieront, la subordination se détruira, & l'on tombera dans l'anarchie. Les frottemens sont nécessaires dans toute machine, mais s'ils sont excessifs le mouvement cesse, s'ils sont trop foibles le mouvement devient exagéré & détruit la machine. La nature & les lois de ces frottemens sont connues par l'expérience, & leur détermination a supposé beaucoup de tentatives & d'essais. La nature des formes morales est bien plus difficile à déterminer, les expériences ne peuvent se faire qu'aux dépens des peuples, elles exigent un temps considérable, & la complication des circonstances empêche d'en démêler les effets. Cependant l'expérience peut seule définir ce que les principes laissent indéterminé, mais s'il est impossible par la nature même des choses de former & de détruire à volonté des sociétés

parti-

particulières, de les combiner de diverses manières, d'y produire des désordres artificiels pour juger de la manière dont ils se réparent, si l'on n'a ni le pouvoir ni le droit de sacrifier un grand nombre d'individus à des expériences incertaines & de longue durée, n'est-il pas évident que les questions politiques que tant d'écrivains tranchent d'un seul coup, ne sont pas susceptibles d'une solution complète, que l'on ne peut former ni d'après les principes ni d'après les faits une théorie absolue d'administration, & que pour produire quelque bien, surtout pour éviter le mal, il faut rabattre de ces hautes prétentions. Je le demande à tout homme qui réfléchit. Où trouver la détermination précise des forces que chaque état doit posséder pour subsister libre & indépendant, comment calculer les limites de ces forces & leur subordination? Si une simple erreur de quantité, indépendamment des erreurs qu'on peut commettre dans la combinaison & la subordination de ces forces, suffit pour faire pencher la constitution vers le despotisme ou vers l'anarchie, comment ose-t-on entreprendre de dissoudre un gouvernement pour le réformer ensuite, comment peut-on regarder comme suffisants des principes qui nous abandonnent au moment de l'exécution, & qui ne peuvent opérer sans être étayés de suppositions arbitraires?

Il faut donc en revenir à l'observation des détails, détruire, comme je l'ai dit plus haut, & comme on l'a entrepris plus d'une fois avec succès, les abus particuliers, tels que ceux qui s'opposent à la production des matières premières, à leur fabrication, à leur circulation, à la marche simple & rapide des procédures civiles & criminelles, à la perception des impositions légitimes &c. &c., en un mot il faut conserver avec soin tout ce dont l'utilité est constatée par l'expérience, sans s'embarrasser s'il existe un meilleur idéal, & porter toute son attention sur les vices réels, sur ceux dont l'influence se fait sentir continuellement, & rend les hommes malheureux. Les abus se portent aisément à l'extrême, c'est l'effet naturel des passions; parvenus à un certain degré, ils ne peuvent se soutenir, ils tendent à tomber, il faut faciliter cette chute, & ne rien pré-

cipiter, des opérations violentes & subites remplacent presque toujours un abus par un abus opposé, les maladies du corps politique comme celles du corps humain ne peuvent se guérir brusquement, la nature revient à l'état de santé par degrés insensibles, elle ménage entre la maladie & la guérison une convalescence plus ou moins longue, qui laisse aux divers organes le temps & les moyens de reprendre leur jeu & leurs fonctions. Une guérison subite n'est qu'apparente, & présage une rechute. La grandeur des abus rend nécessairement l'autorité précaire & vacillante, ses démarches sont incertaines, elle se trouve forcée de rétrograder. Dans cet état des choses, il est aisé d'introduire des améliorations utiles, de détruire successivement les vices principaux. Mais cette marche ne peut être goûtée que par des esprits froids & mûris par la réflexion, & malheureusement ces esprits sont rarement susceptibles de diriger le peuple & de modifier ses passions. L'exercice de la raison est pénible & difficile, le développement des passions est au contraire facile & agréable, le peuple est donc naturellement dominé par un homme doué d'une imagination forte & du talent de la parole, il s'échauffe promptement, & une fois échauffé il n'est plus susceptible de réflexion. Il est presque toujours la proie des enthousiastes, & de là résultent tant d'excès. Les gens honnêtes & éclairés, au lieu de flatter cet enthousiasme naissant, au lieu de se livrer à des spéculations brillantes & mensongères, doivent se réunir pour arrêter le torrent, pour abattre ces prétendus docteurs dont tout le mérite est fondé sur l'ignorance & sur la foiblesse de la multitude qu'ils dirigent, pour réprimer les mouvemens violens, pour verser goutte à goutte dans les esprits des instructions saines & solides, pour diminuer efficacement les abus, & préparer les améliorations dont les circonstances sont susceptibles.

Plus on étudie l'histoire, plus on envisage avec terreur les grandes révolutions, plus on est convaincu de cette vérité que les convulsions des états sont peu propres à faire naître un gouvernement tempéré. L'Angleterre a été long-temps travaillée par des guerres civiles sans faire

autre chose que changer l'espèce de ses maux, & la révolution de 1688 qui lui a donné une constitution solide & permanente (autant du moins que les institutions humaines en sont susceptibles) s'est faite sans secousse, il existoit des bases, la grande charte assuroit déjà les droits du peuple, on n'a point multiplié les innovations; les formes, les habitudes, les cérémonies mêmes, tout a subsisté, les rouages de l'administration n'ont point été arrêtés, & l'empire britannique s'est vu en état de résister aux troubles intérieurs, aux guerres étrangères, sans que l'agriculture ait cessé de fleurir & les arts de prospérer. Mais cette constitution dont l'illustre Montesquieu a fait un si bel éloge, & qui a le grand avantage de fournir par elle-même les moyens de remédier aux vices qui s'y introduisent, si l'on peut se garantir de la corruption des mœurs, cette gangrène politique qui entraîne inévitablement la ruine des états, quelle que soit leur forme, quelle que soit la sagesse de leurs institutions; cette constitution, dis-je, tient essentiellement à la situation du pays. L'Angleterre est une île, une flotte protège son commerce & la met à l'abri d'une invasion, sans pouvoir devenir dangereuse à l'état, ce qui fait tomber une multitude de questions épineuses sur la combinaison des forces de l'état avec son équilibre, simplifie la question, & la rapproche beaucoup de la pratique. En procédant *a priori* on n'écarte aucune de ces questions, on est obligé de les résoudre toutes, on n'est aidé par aucune considération particulière, on se trouve ainsi engagé dans un labyrinthe inextricable. Si les Anglois avoient écouté les écrivains systématiques qui ont déclamé chez eux comme ailleurs, s'ils avoient cru avec Sidney que toute monarchie est nécessairement despotique, & toute république vraiment libre, ils seroient retombés dans l'anarchie qui précéda & suivit l'usurpation de Cromwell; s'ils avoient adopté les principes de Filmer sur l'obéissance passive, ils auroient languì sous l'oppression d'un pouvoir arbitraire & superstitieux, ils auroient perdu jusqu'à l'espérance d'un meilleur état; & s'il subsiste encore en Angleterre de grands abus, si le dédale de la jurisprudence civile augmente tous les jours, si les peines ne sont pas tou-

jours proportionnées aux crimes, si la police manque d'activité, si le nombre des mendiants est énorme, si la taxe des terres est trop inégalement répartie, si la représentation n'est pas proportionnée à la population, si les vrais principes du commerce ne sont pas encore assez développés, si on laisse subsister des prohibitions déraisonnables, n'en doit-on pas accuser la négligence des détails & de l'observation? On se livre avec passion à la discussion des intérêts généraux, on s'occupe exclusivement des événemens qui agitent l'Europe, de cette balance politique qui a déjà coûté tant de sang & de trésors à la nation, & qui l'a conduite à un épuisement que l'état brillant du commerce ne peut pas toujours pallier. D'ailleurs, les abus dont je parle tiennent aux passions de ceux qui gouvernent, ils subsistent par l'influence des intérêts particuliers, on emploie pour les soutenir des déclamations vagues sur le danger des innovations, & l'on ne veut pas voir que le seul moyen d'échapper à des innovations dangereuses est de corriger graduellement les abus, de les détacher, pour ainsi dire, les uns des autres; ils tombent isolés, sans secousses & sans fracas: si au contraire on les laisse s'accumuler & jeter de profondes racines, ils se lient entre eux, forment une masse redoutable qu'on ne peut plus ébranler qu'en bloc, & cette masse peut entraîner par sa chute de grands désordres dans l'édifice qu'il s'agissoit de réparer. Les écrivains systématiques ont fait depuis long-temps sonner bien haut la découverte d'une imposition unique qui tient lieu de toutes les autres, & qui n'a aucun de leurs inconvéniens. Leurs disciples répètent tous les jours avec confiance que rien n'est plus admirable que cette doctrine. Mais au lieu d'approfondir le sujet comme il mérite de l'être, & de répondre aux objections qui se présentent, ils se bornent à reprendre les leçons de leurs maîtres, & les reprennent tout aussi vagues, tout aussi indéterminées, tout aussi illusoires qu'ils les ont reçues. Si le globe terrestre ne formoit qu'un seul état, il seroit sans doute possible de présenter ce système sous un jour plus favorable, il resteroit cependant bien des difficultés tirées de l'inégalité des fortunes & de la combinaison des

dépenses. Mais la distribution de la surface terrestre en divers états ne dépendant pas du faiseur de systèmes, il faut qu'il nous explique comment les états qui ont une grande population & peu de territoire, ou dont le territoire est stérile, peuvent subsister au moyen de cette imposition unique, comment cette imposition peut se soutenir avec avantage dans un pays dont les voisins suivent un système différent, comment un capitaliste qui a toute sa fortune placée hors du pays, peut être imposé comme il le doit. Il faut qu'il prenne des exemples déterminés, & qu'il fasse des calculs exacts. Or ces calculs exacts ont prouvé plus d'une fois que le produit de cette imposition unique n'iroit pas dans les pays les plus fertiles à la moitié des sommes qu'on se proposoit de lever. On n'a pas daigné répondre à ces calculs qu'on a traités de chimères & qui reposoient cependant sur les faits. On n'est guères allé au de-là de l'exposition métaphysique du sujet, & en insistant avec opiniâtreté sur une proposition exagérée, on a rendu le système entier ridicule, & l'on a fait perdre le fruit qu'on pouvoit retirer de certaines observations particulières qu'il renferme, très-justes en elles-mêmes, mais qui demandent à être dépouillées de toute exagération, & séparées de ces formules générales qui ne sont applicables à aucun cas particulier.

Il est important de considérer les défauts des meilleurs gouvernemens, de voir de près comment les abus se combinent avec les institutions les plus sages. On déduira de cette considération une maxime essentielle & toujours négligée, c'est qu'il ne suffit pas pour décrier un gouvernement, d'alléguer quelques abus bien constatés; cette méthode détruiroit toute espèce d'administration. Il faudroit commencer par prouver qu'il peut exister un gouvernement parfait & incapable de dégénérer, or cette assertion ne peut sortir que de la bouche d'un enthousiaste qui prend les chimères de son imagination pour des réalités. Que reste-t-il donc à faire, sinon de saisir l'ensemble d'une constitution avant de la juger, de balancer les inconvéniens par les avantages, de rechercher surtout avec soin si les changemens qui se présentent les premiers ne produiroient pas

plus de mal que de bien, s'ils n'entraîneroient point la chute du système politique, si les innovations les plus spécieuses ne seroient pas plus propres à flatter la vanité & l'ambition cachée de quelques individus, qu'à procurer le bien public. Car le peuple sent bien les maux qui l'affectent, mais il n'en voit pas les remèdes, & ceux qui se chargent de voir pour lui, ceux qui cachent leurs vues sous le masque des intérêts communs, travaillent bien plutôt à se défaire des objets qui les blessent, à humilier leurs ennemis, à se revêtir eux-mêmes de l'autorité, qu'à sonder les plaies réelles & peu apparentes, qu'à extirper les abus qui troublent le repos de ce même peuple dont ils se vantent d'être les défenseurs, & dont l'anéantissement leur causeroit quelques sacrifices. Cromwell ne parloit que de liberté & de religion, & ne respiroit que despotisme & vengeance. Pour l'ordinaire, les adversaires des gouvernemens portent toute leur attention sur les vices de ceux qui gouvernent, & n'ont aucun égard aux vices de ceux qui sont gouvernés, leurs réformes tendent uniquement à diminuer l'autorité, ils se mettent peu en peine d'énervier l'état, leur but est de régner par l'opinion, ils ne voient pas que cette opinion vacillante & précaire peut changer à tout instant, & se tourner contre ceux-mêmes qui l'ont rendue dominante. Quelques idées de réforme générale, quelques principes abstraits d'égalité & de justice distributive, quelques exemples choisis au hasard, ou d'après les passions favorites des novateurs ne suffisent pas pour améliorer la condition du peuple. Considérer un état abstraitement, & sans égard à ses limites & à ses voisins, c'est se jeter dans une spéculation vaine; il y a entre les états comme entre les individus une liaison & une dépendance réciproque, cette dépendance influe nécessairement sur leur organisation intérieure, & tel changement qui seroit bon en soi devient nuisible par les circonstances extérieures. Plus les limites d'un état sont étroites, plus cette considération est importante. Un grand empire peut se suffire à lui-même à plusieurs égards, il renferme dans son sein des principes de santé & de force qui le mettent en état de résister & de se faire crain-

dre au dehors. L'abondance & la variété de ses productions obligent ses voisins à devenir ses tributaires, l'activité & l'industrie de ses nombreux habitans peut guérir en peu de temps les plaies les plus profondes, & lui rendre sa première vigueur. Il n'en est pas de même d'un petit état que la nature a placé dans des circonstances moins favorables, qui se trouve environné de voisins plus puissans que lui, qui dépend en partie de ces voisins pour sa subsistance, pour son industrie, dont les relations extérieures font toute la sûreté politique, & souvent la félicité intérieure, parce qu'elles le dispensent de ces précautions pénibles & coûteuses qui épuiseroient bientôt ses ressources. L'indépendance d'un pareil état ne peut jamais être que conditionnelle, elle suppose un certain équilibre entre les états voisins, elle doit surtout résulter de l'avantage que ces mêmes voisins y trouvent, il faut donc se garder de troubler ces avantages, d'affoiblir les liens qui unissent les deux parties de l'état, de les isoler, pour ainsi dire, & d'énervier une constitution déjà foible par sa nature. Tout changement, toute réforme intérieure doit être calculée d'après ces considérations. Supposez dans un petit état, quelle qu'en soit la forme, l'administration la plus parfaite, les réglemens les plus sages, & dans les individus qui le composent une convergence de vues & d'efforts qui n'a peut-être jamais existé, vous n'aurez encore rien fait pour l'existence durable de cet état, si ses voisins sont mal disposés, & menacent son existence. Les membres de cet état seront bientôt las de veiller à la défense commune, de perdre leur temps, de négliger leurs affaires, ou de s'épuiser en frais de défense. Les ressources étant peu considérables, cet état tombera bientôt dans la langueur, & périra tôt ou tard. Les circonstances physiques ont presque toujours décidé de l'existence & de la conservation des petites républiques. L'on a vu plus d'une fois des pays fertiles & florissans faire de vains efforts pour s'ériger en états indépendans, consumer inutilement beaucoup de sang & de trésors, épuiser de grandes ressources, & retomber enfin sous le joug qu'ils avoient tenté de secouer, tandis que de petites villes, des états beaucoup plus

foibles, pauvres & peu peuplés ont conservé leur liberté après avoir échappé à de grands dangers.

Les dix-sept provinces des Pays-bas sont un exemple de ce que je viens d'avancer. Les dix provinces les plus riches, les plus peuplées, les plus florissantes, défendues par des forteresses redoutables, ont succombé après de longs efforts, & sont retombées sous un joug que la politique superstitieuse & vexatoire de Philippe II leur avoit rendu odieux. Les sept autres provinces pauvres, stériles, dont le terrain marécageux pour la plus grande partie ne sembloit propre qu'à l'habitation de quelques pêcheurs, se sont maintenues au milieu des eaux, ont résisté à la fois aux efforts de la nature & à ceux de la politique, ont combattu avec succès les puissances les plus formidables, & ont étonné l'Europe par leur prospérité. Ces mêmes eaux qui menaçoient de les engloutir sont devenues leurs remparts, une flotte assuroit leur existence, le commerce entretenoit cette flotte & la rendoit redoutable, la conquête du pays présentoit de grandes difficultés & offroit peu d'avantages, parce que la fabrique artificielle de cet état singulier une fois détruite, il ne restera plus qu'un marais. Les principes abstraits des philosophes viennent échouer contre de telles circonstances, la nature force les institutions humaines à se rapprocher d'elle, & à s'adapter à ses dispositions. Ce sont des causes du même genre qui ont fait subsister si long-temps Venise au milieu de ses lagunes, tandis que les républiques les plus florissantes de l'Italie avoient cessé d'exister. C'est ainsi que la liberté des Suisses née dans les rochers des Alpes, s'étoit conservée par la stérilité même de ces rochers, & n'avoit pu s'étendre beaucoup au de-là. Je ne veux pas dire par là que les causes morales ne puissent prodigieusement modifier l'influence des causes physiques; cela est plus clair que le jour, & c'est ce qui met un terme à la durée des états. „Comme toutes les choses humaines ont leur fin, dit Montesquieu (*Espr. des loix*, Liv. XI. Ch. VI.) l'état dont nous parlons perdra sa liberté, il périra; Rome, Lacédémone & Carthage ont bien péri.“

Le politique éclairé ne perdra jamais de vue ces considérations tirées des faits & de l'expérience, il les opposera constamment aux maximes abstraites qui ne sont que des vérités de supposition, & dont les conséquences nécessairement hypothétiques, ne peuvent être admises qu'autant qu'elles s'accordent avec les résultats de l'observation. Prétendre ériger en état indépendant une portion quelconque du globe terrestre, c'est contredire la nature des choses. Tout est lié dans le monde politique comme dans le monde physique, il ne peut s'opérer de changement considérable dans un état sans que les pays voisins ne s'en ressentent. Ces conséquences doivent donc entrer dans les calculs, & l'on ne peut les négliger sans tomber dans des erreurs dangereuses.

La marche des passions est si aveugle, & leur choc si impétueux, que les institutions les plus durables en apparence croulent au moment que l'on y pense le moins, parce que quelques hommes frappés de quelques abus, ou blessés dans leur amour-propre, n'hésitent point pour se satisfaire de renverser tout le système. Je le demande maintenant, comment se flatter de parvenir à un système parfait de gouvernement, tandis que les hommes resteront en proie à des passions aussi âcres & aussi déréglées. Comment trouver des forces suffisantes pour réprimer ces passions, sans que la liberté puisse en souffrir? Comment peut-on conclure de l'existence de quelques abus, qu'il faut détruire le gouvernement auquel on les attribue, sans s'être assuré auparavant que les abus qui résulteroient d'un autre ordre de choses ne seroient pas plus dangereux, & qu'il n'est pas possible de remédier à ces abus sans intervertir l'ordre public, sans anéantir les biens dont on jouit? Enfin, comment ose-t-on juger de l'administration d'un état & du bonheur de ses habitans, d'après ces dénominations générales d'aristocratie ou de démocratie, qui ne fournissent aucune notion claire, & donnent souvent lieu à des conséquences directement opposées à la vérité & à l'état réel des choses? On raisonne comme si dans tous les gouvernemens qu'on appelle aristocratiques, quelques individus décidoient arbitrairement de la vie & des biens des

citoyens, comme si toutes les lois étoient variables à leur gré, comme si leurs caprices étoient la seule règle de la justice. Au contraire, dans les gouvernemens que l'on nomme démocratiques, on suppose tous les individus égaux, jouissant des mêmes droits, vivant à l'abri de toute autorité arbitraire, uniquement gouvernés par les principes de la raison & du droit naturel. Cependant la plupart des gouvernemens sont essentiellement mixtes, les pouvoirs & les droits y sont diversement balancés, & ils reçoivent souvent leurs noms de quelques formes apparentes plutôt que de la réalité & de la nature intime du gouvernement. L'administration de la justice & des affaires extérieures peut être confiée exclusivement à un certain ordre de personnes sans que leur pouvoir soit absolu, sans qu'elles puissent toucher aux privilèges des différentes classes d'individus, sans qu'il leur soit permis d'augmenter les impositions, sans qu'elles possèdent des forces physiques suffisantes pour introduire l'arbitraire. Ce gouvernement s'appellera cependant une aristocratie, parce que les premières places de l'administration ne sont pas accessibles à tous les individus, & on le confondra avec ces gouvernemens arbitraires où tout est incertain & variable. Les gouvernemens d'Alger & de Tunis sont de véritables aristocraties, ou plutôt de véritables oligarchies; comment pourroit-on les mettre sur la même ligne que les diverses aristocraties que l'on a vu subsister en Europe, & leur appliquer les mêmes raisonnemens? Et ces aristocraties ne différoient-elles pas tellement entre elles, que ce qu'il y avoit de repréhensible dans l'une ne pouvoit en aucune façon s'appliquer à l'autre, en sorte qu'il étoit impossible de les faire entrer dans la même catégorie? D'un autre côté, les individus peuvent être égaux relativement aux droits politiques, les magistrats peuvent être amovibles, sans que les citoyens soient à l'abri des procédés arbitraires, sans que les impositions soient également réparties, sans qu'il existe des lois permanentes qui protègent avec efficace les divers membres de l'état, sans que la faveur & le crédit soient dans l'impuissance d'opérer des injustices, sans que le despotisme s'exerce avec moins de

danger. J'ai fait voir ci-dessus qu'une multitude d'hommes rassemblés & pleinement persuadés que lorsqu'ils sont réunis, ils sont les maîtres absolus des individus qui sont soumis à leurs décrets, qu'une telle assemblée exerçoit le plus dur & le plus intolérable de tous les despotismes. Lisez l'histoire des Athéniens, & vous frémisserez des injustices qu'ils commettoient après de longues délibérations. Pour les condamner, je ne veux d'autres juges qu'eux-mêmes, ils ne tarديوient pas à se repentir de leurs procédés, & à exercer en sens contraire des violences tout aussi révoltantes. Aussi leur gouvernement n'a-t-il jamais été stable, ils sont tombés plus d'une fois sous le joug d'une tyrannie odieuse, & un des plus grands hommes qu'ait produits cette ville célèbre, dont la philosophie douce & éclairée étoit fondée sur l'expérience, qui avoit observé les hommes sous tous les rapports, habile général & politique éclairé, Xénophon fait voir en détail comment ce gouvernement ne pouvoit subsister que par un mouvement perpétuel & violent, par des injustices constantes exercées contre ceux que leurs lumières & leurs talens élevoient au dessus du vulgaire, parce que de tels hommes tendoient nécessairement à introduire des formes plus stables, à réprimer des abus destructeurs. Le nom de démocratie ne suffit donc pas pour assurer la liberté, & peut subsister avec l'esclavage le plus dur. Si l'on consulte l'histoire, on verra que la démocratie proprement dite a rarement existé, on verra que les gouvernemens qu'on a appelés démocratiques étoient réellement des aristocraties plus ou moins nombreuses, qui exerçoient un empire absolu sur leurs sujets. Une des conditions essentielles du gouvernement démocratique est qu'aucune classe d'individus ne soit sujette des autres. Or à l'exception de quelques états que leur petitesse déroboit aux yeux des politiques, tous les autres avoient des sujets, (sans parler des esclaves qui existoient en si grand nombre dans les républiques anciennes). Ces états étoient donc de véritables aristocraties d'autant plus dangereuses que le nombre de ceux qui gouvernent rend les excès plus aisés & les remèdes plus difficiles. Quelle que soit l'au-

torité, quels que soient les moyens d'un petit nombre d'aristocrates, la multitude de leurs sujets leur en impose nécessairement, l'inégalité prodigieuse des forces physiques ne peut jamais être entièrement compensée par l'inégalité des forces morales, une réaction est toujours à craindre. Mais lorsque le nombre de ceux qui gouvernent égale ou surpasse le nombre de ceux qui sont gouvernés, les forces physiques ne peuvent plus contrebalancer les forces morales, la crainte d'un soulèvement n'existe pas, & les passions viles s'exercent avec audace parce que l'on est sûr de l'impunité. Il est inutile de citer des exemples, je ne fais pas ici un traité historique des différens gouvernemens, il me suffit d'avoir indiqué les idées principales. Ces considérations me paroissent puisées dans la nature des choses, cependant rien de plus fréquent que de voir classer les gouvernemens d'après des dénominations vagues, qui répondent souvent à des idées contradictoires. Mais les ambitieux de tout genre connoissant le pouvoir des mots, pèsent adroitement sur ces dénominations, leur but est de former des sectes & non d'éclairer les hommes; or le nom d'une secte est comme on fait une chose essentielle, il tient lieu d'idées, c'est une bannière sous laquelle viennent se ranger les fanatiques, & les notions obscures attachées à ce nom engendrent des préjugés indestructibles, parce que l'état de la question n'étant jamais éclairci, il est impossible de s'entendre & de discuter avec fruit. On connoît les ravages qu'ont produits les noms de Jansénistes & de Molinistes, on sait avec quelle fureur on combattoit des deux côtés, sans qu'il fût possible aux partisans de ces sectes de déterminer clairement le sujet de la dispute. Il en est de même des noms d'aristocratie & de démocratie, chacun s'en forme des idées particulières suivant les préjugés que lui ont inspirés l'éducation, les passions, les circonstances. Ces idées une fois développées, on ne s'embarrasse point de savoir si elles existent de même dans la tête des autres hommes, s'ils ont attaché aux mêmes mots les mêmes combinaisons de principes & de conséquences; on suppose la chose hors de doute, & sur la simple dénomination d'aristocrate

ou de démocrate on se livre à des sentimens d'aversion ou d'amitié qui sont aussi exagérés dans leurs effets qu'aveugles dans leur principe. La confusion des idées porte ainsi le désordre à l'extrême, on juge du tout par une de ses parties, si l'on a cru découvrir quelques erreurs dans les idées d'un homme, on n'hésite pas à le condamner sur tous les points, & l'on ne daigne plus écouter les réflexions les plus sages, dès qu'elles se trouvent mêlées avec quelque principe qui ne flatte pas les préjugés dominans.

On ne veut pas considérer que les combinaisons morales étant pour la plupart un mélange d'erreurs & des vérités, il est absurde de rejeter toutes celles qui nous paroissent imparfaites, que cette méthode conduit au scepticisme absolu, & ne laisse subsister aucune règle de pratique. Ce n'est pas d'après un principe isolé, d'après l'observation d'un préjugé qu'on doit apprécier un homme, mais d'après l'ensemble de ses idées, & cet ensemble, pour être saisi, demande de l'attention, & surtout de la patience. Si l'on s'aigrit dès l'entrée, si l'on se permet des imputations & des qualifications odieuses avant d'avoir fait un examen réfléchi, on ne peut acquérir autre chose que des préjugés, on se livre entièrement aux personnes qui savent flatter nos passions, quelque méprisables qu'elles puissent être d'ailleurs, & l'on repousse tout le reste. On contracte par là une habitude pernicieuse d'intolérance, on exerce un despotisme qui détruit toute liberté de penser, & met dans la société une contrainte insupportable. Les hommes les plus éclairés deviennent odieux, l'influence des passions subsiste seule, elle déprave les habitudes, corrompt le caractère, elle produit un enthousiasme exclusif qui ne laisse aucun accès à la raison. Tels sont les tristes effets de l'abus des mots, les hommes ont naturellement de la peine à soutenir leur attention, à suspendre leur jugement, à suivre les règles d'une logique sévère, à ne pas étendre les conséquences au de-là des principes, ils sortent perpétuellement de la question & n'y reviennent pas aisément, quelques mots sacramentaux leur paroissent plus commodes, ils les adoptent sans réflexion, s'en ser-

vent comme d'une égide contre toutes les attaques, & suppléent au défaut d'idées par un vain jargon qui ne sert qu'à étourdir, qui ne frappe que les organes & propage l'imbécillité. Voilà les dangers que l'on court lorsque l'on commence par les questions abstraites, qui ne sont pas susceptibles d'application, & où l'on ne peut pas être réfuté par les faits.

Il est plus aisé sans doute & plus commode pour ce qu'on appelle le génie, d'inventer un système général de géographie physique, de créer un monde composé d'éléments imaginaires, de lui faire subir diverses modifications, & de l'amener bien ou mal à l'état où se trouve actuellement le globe terrestre, que d'observer en détail les circonstances où se trouve ce même globe, de recueillir avec beaucoup de peine une multitude de faits particuliers, de les analyser, de les combiner, de voir comment ils se généralisent par leur liaison, de s'arrêter là où la nature cesse de nous instruire, & d'avouer son ignorance sur les objets qui excitent le plus sa curiosité. Il est plus flatteur pour l'imagination de considérer la nature humaine dans son principe, de déduire tous les phénomènes particuliers de quelques suppositions générales, de tout expliquer par une structure déterminée des organes les plus accessibles à nos recherches, de réunir sous un même point de vue le passé, le présent & l'avenir, de prononcer sur la nature des causes, sur la manière dont elles agissent & sur les effets qui dérivent de leur essence, que d'observer avec une attention minutieuse, une fatigue extrême, les premiers développemens des facultés de l'homme, les premiers mouvemens des enfans, d'enchaîner à chaque instant, pour ainsi dire, l'imagination & la faculté de raisonner, de se traîner long-temps dans l'obscurité, de recueillir les faits les plus indifférens en apparence, de revenir sans cesse sur les conséquences qui paroissent les plus naturelles, de se contenter de quelques éléments de la science, & de laisser au temps & à une observation plus attentive les découvertes ultérieures. De même il est plus satisfaisant pour l'amour-propre, pour l'ambition, de dicter des principes abstraits de gouvernement

suffisans pour tous les temps & pour tous les lieux, d'accommoder à quelques vues générales tous les effets particuliers, de prédire les résultats de chaque combinaison déterminée, d'anéantir les exceptions, de négliger les obstacles qui résultent des faits, & de réduire tout à des causes idéales, uniformes & constantes, que de chercher à pénétrer dans le dédale des erreurs & des vices des hommes, d'observer avec soin la complication infinie des effets moraux, de saisir l'enchaînement & la subordination de ces effets, de chercher les moyens de remédier aux abus par une réforme graduelle & adaptée à la nature des préjugés, de combiner les phénomènes moraux & les circonstances physiques, de produire avec lenteur des effets durables, & surtout de s'attacher constamment à prévenir le mal. Aussi le nombre des faiseurs de projets est-il immense, & celui des bienfaiteurs de l'humanité est-il très-petit.

M É M O I R E

sur l'application du Calcul des probabilités à la valeur du témoignage.

PAR MM. PREVOST ET LHUILIER *).

Le but de ce mémoire est plutôt de reconnoître l'état actuel de cette théorie, que d'y rien ajouter de nouveau. Cependant en déterminant les points de vue sous lesquels on peut l'envisager, nous croyons faire un travail utile, & nous rencontrons même quelques conséquences qui ne sont pas sans intérêt. Pour suivre un ordre clair, nous examinons d'abord les principes les plus simples de l'application que nous avons dessein de faire, ceux qui ne sont, pour ainsi dire, qu'une traduction des principes généraux de la stochastique en langage historique ou judiciaire**): ensuite nous

*) Lu le 23 août 1797.

**) Sur ces principes nous renvoyons à nos deux précédens Mémoires insérés dans ceux de l'Académie pour 1796. Dans ces mémoires nous avons constamment usé d'un emblème commode pour fixer, par l'imagination même, l'attention de nos lecteurs sur les abstractions que nous avions à cœur de leur exposer. Cet emblème est celui d'un dé polyèdre. Nous avons constamment supposé que ce dé pouvoit porter des faces de deux espèces, *as* & *non-as*. C'est comme si nous eussions dit des faces *marquées* & des faces *non-marquées*, des faces *noires* & des faces *blanches*. En un mot, deux cas contradictoires, qui s'excluent mutuellement, & entre lesquels dans la théorie abstraite, l'esprit n'a aucune raison de choisir. Maintenant quittant cette théorie abstraite, & la supposant éclaircie; nous tentons d'en faire l'application à un objet particulier & usuel. Ainsi pour vérifier nos assertions, il suffira toujours de les ramener à l'emblème du dé. Un témoin peut être conçu sous cette forme. Les dépositions vraies ou fausses seront des *as* & des *non-as*. Et nous ne ferons, pour ainsi dire, que la traduction de nos principes.

compliquons un peu ce langage pour nous rapprocher des choses réelles; & soit par des abstractions partielles, soit par des altérations faites à dessein dans les principes généraux, nous en substituons d'autres qui deviennent plus aisément applicables à notre sujet.

SECTION I.

Principes rigoureux & abstraits.

§ 1. Le témoignage est un argument. JAC. BERNOULLI a établi des principes sur l'estimation de la valeur des argumens. Il distingue les *mixtes*, qui prouvent toujours quelque chose de déterminé; savoir le vrai ou le faux; la directe ou la contradictoire: & les *purs*, qui prouvent en quelques cas la vérité d'une assertion, & dans les autres cas ne prouvent rien. Pour l'estimation de ces deux espèces d'argumens combinés, il donne une formule $\left(1 - \frac{c f i}{a d g} \times \frac{r u}{q t + r u}\right)$, que LAMBERT a soumise à une épreuve fort simple, à laquelle elle n'a point résisté *).

Si l'un des argumens qui prouvent la contradictoire de la proposition qu'on discute est supposé certain, (c'est-à-dire si l'on fait q ou $t = 0$), la formule de BERNOULLI conserve une valeur positive $\left(1 - \frac{c f i}{a d g}\right)$;

*) *Organon*, T. II. *Phænomenol.* § 239.

Voici la signification des lettres employées dans cette expression symbolique: Elles désignent les cas de toute espèce qui résultent de divers argumens.

Argument	1 ^{re} .	2 ^d .	3 ^e .	4 ^e .	5 ^e .	&c.
Tous les cas possibles . . .	a	d	g	p	f	&c.
Cas probans	b	e	h	q	t	&c.
Cas non probans ou prouvant le contraire }	...c	f	i	r	u	&c.

Les formules de cet auteur, & en particulier la formule citée au texte, tendent à déterminer la probabilité qui résulte de la combinaison de ces divers argumens. Celle-ci est relative au mélange des argumens mixtes & purs. Les trois premiers argumens sont supposés *purs*, & les deux derniers (le 4^e & le 5^e) sont supposés *mixtes*. Voy. *Art. conject. Pars IV. Cap. III. §§ 4 & 6.*

Mém. 1797.

[III.] 16.

tandis qu'elle devoit donner une probabilité nulle. En effet cette formule exprimant la valeur des argumens pour la proposition directe, il est clair que la certitude supposée de la contradictoire l'anéantit.

§ 2. LAMBERT indique ensuite la cause de cette erreur. JAC. BERNOULLI a compté pour valables tous les cas dans lesquels les argumens purs, envisagés en eux-mêmes, prouvent la vérité, soit que les cas des argumens mixtes combinés avec eux prouvent la vérité, soit qu'ils prouvent la contradictoire. Mais cette combinaison, faite sans avoir égard à l'objet particulier dont il s'agit, présente des cas absolument inconcevables, & impossibles à réaliser; lesquels par conséquent doivent être exclus, & ne peuvent être énumérés dans la totalité des cas également possibles. Deux argumens conspirans, & prouvant à la fois une même proposition, sont à la fois dans le vrai, ou à la fois dans le faux; mais ils ne peuvent être supposés à la fois l'un dans le vrai & l'autre dans le faux. Ce cas, qui est considéré dans la théorie abstraite des combinaisons, n'est point au nombre de ceux qu'on doit compter dans l'estimation des argumens.

§ 3. L'erreur commise par JAC. BERNOULLI a été plusieurs fois répétée après lui, avant que LAMBERT l'eût redressée. En particulier, dans l'application de cette théorie à l'objet de nos recherches actuelles, on estimoit la valeur de l'argument tiré des dépositions simultanées & uniformes de plusieurs témoins, en prenant le complément de la formule par laquelle on estimoit la probabilité de leurs mensonges successifs: ce qui suppose la même erreur qu'avoit commise JAC. BERNOULLI dans sa formule générale *).

§ 4. Voyons maintenant comment LAMBERT corrige cette théorie. Il fait remarquer qu'outre les argumens mixtes & purs, on peut concevoir, & on doit admettre une troisième sorte d'argumens, dont BER-

*) Voy. *Trans. phil.* n. 256. p. 359, & plusieurs autres Mémoires & Cours où ce sujet se trouve traité.

NOULLI n'a pas donné l'analyse. Cet argument est tel que les cas où il ne prouve pas la vérité sont de deux espèces: quelques-uns de ces cas prouvent le contraire de la vérité, & les autres ne prouvent rien du tout *).

Tel est précisément l'argument tiré du témoignage. Dans une déposition, on conçoit quelques cas où elle établit la vérité, quelques cas où elle établit le contraire, & quelques cas où elle ne signifie rien. Les hommes disent vrai, ou ils mentent, ou ils parlent à la légère de ce dont ils sont mal instruits. LAMBERT a eu égard à cette dernière circonstance, & l'a fait entrer dans l'expression symbolique de la crédibilité d'un témoin. Il fait observer d'ailleurs qu'on peut aisément éliminer cet élément dans tous les cas particuliers où cela peut être nécessaire, sans que ses formules en souffrent.

Soit donc un témoin tel que, sur un nombre de cas $= v + i + m$, on doive croire v fois sa déposition vraie, i fois insignifiante, & m fois mensongère, ou décidément fautive, & par conséquent établissant la contradictoire.

Soit ensuite un second témoin dont la crédibilité soit représentée d'une manière analogue par v' , i' , m' .

Si ces témoins déposent uniformément, LAMBERT trouve la crédibilité de leur témoignage, c'est-à-dire le rapport du nombre des cas de vérité à tous les cas $= \frac{vv' + vi' + v'i}{vv' + vi' + v'i + ii' + mm' + mi' + m'i}$; la probabilité de la contradictoire $= mm' + mi' + m'i$ divisé par le dénominateur de la fraction précédente; & enfin la probabilité d'une déposition insignifiante $= ii'$ divisé de même. C'est à ce résultat que se réduisent les expressions un peu différentes qu'emploie LAMBERT **).

*) L. c.

**) Ibid. § 237.

§ 5. Cette formule est si générale qu'elle comprend aussi le cas de deux témoins discordans, qui affirment les deux contradictoires. En changeant seulement l'une en l'autre les expressions des probabilités du vrai & du faux pour l'un des témoins, la formule donne la probabilité que l'autre dit la vérité *).

S'il y a plusieurs témoins, dont quelques-uns discordans, on pourra toujours résoudre les questions relatives à la probabilité de leur témoignage par ces formules. Car comme on suppose que toutes les dépositions sont en faveur de l'une & de l'autre des contradictoires; on les divisera en deux classes, & l'on déterminera séparément la probabilité de chaque classe par la formule des témoins concordans. Cette opération réduira les dépositions à deux témoignages composés discordans. Et la question sera résolue. Cette solution suit naturellement de ce qui précède.

Ici finit la théorie de LAMBERT.

§ 6. Si l'on veut pour un moment faire abstraction des témoignages insignifiants, & admettre que tous les témoignages sont de la classe des argumens mixtes, on remarquera une simplification de l'opération que nous venons d'indiquer pour le cas des témoins discordans, dans une classe de cas assez nombreuse. Supposons plusieurs témoins dont la crédibilité doive s'estimer par une même moyenne (comme $\frac{1}{2}$, par exemple). On pourra négliger toutes les couples ou paires de témoins qui se contredisent. Le sens commun dit que l'un valant l'autre, cette déduction d'argumens égaux de part & d'autre n'altère point la conclusion. Et le calcul donne le même résultat, comme nous le ferons voir tout-à-l'heure (§ 8).

§ 7. La formule déterminée par LAMBERT, d'après la considération de chaque cas particulier de combinaison, se dérive aisément des principes **). Cette formule (en négligeant les cas d'insignifiance, c'est-à-

*) § 238.

**) Exposés & discutés dans nos précédens Mémoires cités ci-dessus.

dire les termes affectés du facteur i), devient pour les témoignages concordans celle-ci, $\frac{vv'}{vv' + mm'}$. Or voici comment nous l'aurions trouvée.

L'accord des dépositions est manifestement postérieur aux raisons qui ont engagé les témoins à déposer comme ils ont fait, ou à la cause de cet accord entre les dépositions. Or cette cause est ce que nous voulons déterminer. Il ne s'offre que deux causes possibles d'un tel effet. L'accord résulte ou de la vérité simultanée, ou du mensonge simultanée des témoins. Et puisque les crédibilités respectives de chaque témoin pris à part sont $\frac{v}{v+m}$, $\frac{v'}{v'+m'}$; il en résulte que les cas de vérité simultanée sont $\frac{vv'}{(v+m)(v'+m')}$; & de mensonge simultanée $\frac{mm'}{(v+m)(v'+m')}$; & que par conséquent les probabilités de l'accord des deux témoins par l'une ou l'autre de ces causes sont entr'elles $= vv' : mm'$. Donc (par le principe étiologique) tel est aussi le rapport des probabilités que cet accord a été produit par ces causes. Et puisqu'il n'y a pas d'autre cause concevable, on a les probabilités absolues de ces causes, (par une conséquence immédiate du principe étiologique) égales à $\frac{vv'}{vv' + mm'}$, $\frac{mm'}{vv' + mm'}$. Et en particulier la probabilité de la vérité des témoins $= \frac{vv'}{vv' + mm'}$ *).

*) Il est peut-être à propos de prévenir ici une objection qui pourroit frapper au premier coup d'oeil. Ni le temps, ni l'espace n'influent sur la probabilité. Par conséquent toute unité, qui se rapporte à cette quantité, doit pouvoir être transportée & multipliée indifféremment sous ces deux relations. Pourquoi donc traite-t-on par deux théories diverses (*a priori* & *a posteriori*) la probabilité composée des témoignages successifs & simultanés? Je réponds qu'on pourroit sans doute les traiter par une même théorie: mais qu'il faudroit employer des hypothèses étranges. Or dans les applications on n'a pas en vue l'uniformité, mais la réalité. Le cas de plusieurs témoins simultanés, témoignant à la fois.

En général lorsque n témoins dont les véracités sont $v, v', v'' \dots v^n$; & les falsidicités $m, m', m'' \dots m^n$; s'accordent à déposer sur un fait simple, la probabilité que le fait est conforme à leur témoignage, est à la probabilité du contraire, dans le rapport de $vv'v'' \dots v^n$ à $mm'm'' \dots m^n$; & partant ces probabilités sont respectivement $\frac{vv'v'' \dots v^n}{vv'v'' \dots v^n + mm'm'' \dots m^n}$ & $\frac{mm'm'' \dots m^n}{vv'v'' \dots v^n + mm'm'' \dots m^n}$. En particulier soient $v = v' = v'' \dots = v^n$ & $m = m' = m'' \dots = m^n$. Ces probabilités sont $\frac{v^n}{v^n + m^n}$ & $\frac{m^n}{v^n + m^n}$.

§ 8. Maintenant que sur $n + n'$ témoins, il y en ait n concordans d'une part & n' concordans de l'autre; tellement que ces deux classes discordent entr'elles & affirment les deux contradictoires. La probabilité que le fait est conforme aux témoignages concordans des premiers témoins, est à la probabilité qu'il est conforme aux témoignages des seconds, dans le rapport de $v^n \times m^{n'}$ à $m^n \times v^{n'}$; & partant ces probabilités sont $\frac{v^n \times m^{n'}}{v^n \times m^{n'} + m^n \times v^{n'}}$ & $\frac{m^n \times v^{n'}}{v^n \times m^{n'} + m^n \times v^{n'}}$.

Soit p. ex. $n > n'$; le rapport de ces probabilités est celui de $v^{n-n'}$ à $m^{n-n'}$; & partant ces probabilités absolues sont respectivement $\frac{v^{n-n'}}{v^{n-n'} + m^{n-n'}}$ & $\frac{m^{n-n'}}{v^{n-n'} + m^{n-n'}}$; les mêmes que si $n - n'$ témoins avoient déposé dans le sens des témoins de la première classe.

§ 9. Ces principes abstraits & rigoureux de l'évaluation du témoignage ont l'inconvénient d'offrir peu d'applications. On n'est guères appelé à raisonner avec une telle précision dans les cas où on pourroit l'employer. Un juge ne peut presque jamais déterminer pour chaque cas

à un seul juge, est tout-à-fait naturel. La même hypothèse transférée de l'espace au temps, seroit peu applicable.

la véracité du témoin qu'il entend. Cependant on sent que le jugement qu'il porte sur la valeur de chaque témoignage est l'effet de quelque calcul implicite de sa crédibilité. Il me paroît qu'il divise tacitement les témoignages en plusieurs classes, & qu'il y rapporte vaguement les diverses dépositions qu'il reçoit.

Un historien en use de même; souvent aussi dans les jugemens relatifs à l'objet de ses recherches, il est uniquement dirigé par une sorte de confiance commune au témoignage des hommes, sans qu'il soit en son pouvoir de distinguer, comme le juge, des classes de crédibilité. Cela arrive toutes les fois qu'un fait est principalement fondé sur une tradition dont l'origine est obscure.

§ 10. Mais c'est surtout la complication des faits qui sont l'objet du témoignage, qui rend très-difficile l'application de la théorie abstraite. On vient de voir que cette théorie suppose une analyse très-exacte du fait, & de tous les élémens de crédibilité qui le fondent. Mais 1°. pour ce qui concerne les faits traditionnels, il n'y en a pas de tels, qui soient simples. Car supposons-en un, si peu composé, qu'il se réduise à une seule question adressée au témoin, dont la réponse soit *oui* ou *non*, sans aucun accessoire. Je dis encore que l'argument testimonial offrira toujours double question; car chaque témoin de la chaîne traditionnelle, affirmant ou niant touchant un fait qu'il n'a pas vu, dit deux choses. *On m'a dit. Et: Ce qu'on m'a dit est bien ce que je répète.* On lui demande: *Vous a-t-on dit ce fait?* Quelle que soit la réponse, le doute sur la vérité peut porter sur deux points. *Peut-être on n'a rien dit* au témoin qui répond affirmativement. Ou: *Peut-être lui a-t-on nié* ce qu'il affirme. (Réciproquement pour le cas inverse.) 2°. Les faits ordinaires sur lesquels on dépose sont extrêmement compliqués. Le moindre rapport suppose presque inévitablement une affirmation tacite ou expresse sur une multitude de circonstances de temps, de lieu, & de toute autre espèce. Nous savons qu'on répondra à cela qu'il y a moyen de passer, par la théorie, du simple au composé: & qu'on peut déterminer les for-

mules qui, pour chaque degré de composition des faits, donneront la probabilité du témoignage. Nous ne le nions pas. Mais nous disons que pour peu qu'on veuille réfléchir à l'énorme complication que ces formules offriront dès que les faits se compliqueront, & qu'on aura des dépositions variées sur toutes ces circonstances, on renoncera à l'espérance de les rendre applicables. 3°. Non seulement les faits sont compliqués entr'eux, mais les argumens qui fondent la vérité de chaque fait sont mêlés & de difficile analyse. En sorte que chaque circonstance étant envisagée comme un fait à part, offre dans les applications une nouvelle estimation à faire de la crédibilité du témoin relativement à la nature du fait, ce qui rend variable cette quantité, & force le calculateur à changer ses données à chaque cas, & plusieurs fois dans un même cas, pour peu qu'il soit compliqué. 4°. Enfin il est bien difficile d'avoir étudié un homme de manière à tenir compte à part des cas où sa déposition est insignifiante, par opposition à ceux où elle est décidément fausse.

Telles sont les difficultés que présente l'application exacte des principes rigoureux du calcul du témoignage: Principes dont LAMBERT a le premier tracé la vraie théorie, & desquels il faut toujours partir plus ou moins directement.

SECTION II.

Méthode d'hypothèse.

§ 11. Il résulte des réflexions précédentes, que la matière du témoignage est une de ces matières extrêmement compliquées, dont l'analyse rigoureuse est à-peu-près impossible, & auxquelles en conséquence on ne peut point avec avantage appliquer directement les principes d'une théorie abstraite. Nous en inférons cette conséquence, c'est qu'il faut avoir recours à une méthode d'application indirecte. Et la seule qui nous paroisse convenir à ce sujet est celle qui est fréquemment & utilement employée dans des matières de physique qui offrent les mêmes diffi-

difficultés. Cette méthode est celle d'hypothèse, qui consiste à feindre quelque principe général, tel qu'il soit fécond en conséquences, & tel en même temps qu'il soit une représentation plus ou moins fidèle de la réalité. Les exemples de cette méthode dans la philosophie naturelle sont si fréquens qu'il est peu nécessaire de les rappeler. Et les fruits qu'on en a tirés sont très-évidens. Dans l'emploi de cette méthode, on doit être attentif à comparer sans cesse les conséquences déduites du principe fictif avec la vérité d'expérience. Et l'on doit s'attendre (comme en effet on l'éprouve) que plus les conséquences divergent, plus il doit y avoir d'écart entre les vérités hypothétiques que donne le calcul, & les vérités naturelles que donne l'observation. C'est ainsi, par exemple, qu'on a traité avec tant de succès l'hydrodynamique en la réduisant par hypothèse à quelque principe simple, qu'on est bien éloigné d'envisager comme l'expression exacte de la réalité. Aussi n'est-on point surpris de trouver dans ses résultats compliqués, & éloignés de leur origine, quelques aberrations par lesquelles ils s'écartent des phénomènes observés. Mais il ne faut pas concevoir l'espérance d'arriver dans la matière qui nous occupe, à des résultats aussi précis que ceux qu'on obtient dans la philosophie naturelle. Il faudra donc nous contenter de quelques approximations plus éloignées, & pour cet effet faire plus d'une tentative.

§ 12. Nous observons d'abord que, dans la méthode que nous avons en vue, il y a des hypothèses de deux genres. Les unes sont de simples abstractions partielles, par lesquelles on écarte quelque élément qui complique trop les résultats, (comme lorsqu'on suppose une machine sans frottement). Les autres sont des fictions où non seulement on omet quelques élémens, mais où l'on en introduit d'arbitraires. On peut bien dire, par exemple, que le principe de la conservation des forces vives, introduit si utilement par DAN. BERNOULLI dans la théorie de l'hydrodynamique, est de cette dernière catégorie; puis qu'il n'y a réellement point lieu de croire à l'élasticité parfaite des élémens des fluides. Il n'en est pas moins vrai que les premiers résultats de ce principe, &

plusieurs résultats assez éloignés, sont conformes aux phénomènes observés; en sorte que ce principe est une sorte de représentation fidèle de la nature jusqu'à certaines limites d'écart. Et si le principe d'équilibre, qui lui a été substitué, n'en diffère qu'en apparence, il donne lieu à la même remarque.

Essayons donc diverses hypothèses sur le témoignage, soit de celles qui ne consistent qu'en abstractions partielles, soit de celles qui introduisent des élémens arbitraires; c'est-à-dire qui modifient ceux qui influent réellement sur le phénomène que nous voulons apprécier, de manière à simplifier sans trop d'écart.

CHAPITRE I.

Hypothèses de simple abstraction partielle.

Supposition principale.

Soit un fait simple exposé par une question à laquelle on répond par *oui* ou *non*.

Première supposition secondaire.

§ 13. Supposons que jamais un témoignage ne soit insignifiant; c'est-à-dire, que toute déposition soit un argument mixte; tellement que selon la véracité ou la falsidicité du déposant, le fait soit décidément vrai ou décidément faux: en sorte que, par conséquent, le contraire de l'affertion fausse soit décidément vrai. Examinons les conséquences de cette hypothèse.

Première conséquence. Dans les témoignages traditionnels, le double mensonge donne la vérité *).

*) Cette conséquence n'a pas été indiquée, à notre connoissance, ailleurs que dans le petit abrégé que M. PREVOST publia en 1794 à l'usage de ses disciples, & où se trouve cette remarque. *Certum est recte processisse nostram argumentationem, si modo ille qui excipit testimonium decreverit ei fidere nonnisi eo casu quo a merentibus fuerit ad se usque delatum. Caeteroquin fieri posse concipitur ut plures testes in serie mentiantur, et tamen verum prosperatur sine propter alternationes veri falsique in testando. Cresceret pro-*

En effet, le témoin auriculaire mentant sur le dire du premier, rapporte *oui* lorsqu'il a entendu *non* (& le contraire); & partant, si le témoignage *non* du premier témoin étoit un mensonge, le second témoin, mentant sur ce mensonge, ramène le *oui* qui est conforme au fait.

Un témoin mentant sur un mensonge rétablit la vérité; à-peu-près de même qu'en algèbre le produit de deux quantités négatives est positif; & précisément comme en grammaire on observe que deux négations valent une affirmation.

Seconde conséquence. On peut de là estimer par le calcul la probabilité du témoignage composé provenant d'une chaîne de deux témoins, en connoissant les probabilités de leurs témoignages simples.

En effet: soient deux témoins dont l'un, oculaire, sur $v + m$ paroles dise v vérités & m mensonges; & dont l'autre, auriculaire, sur $v' + m'$ paroles dise v' vérités & m' mensonges.

Le *oui* prononcé par le témoin auriculaire, a été précédé par le *oui* ou par le *non* du témoin oculaire: la suite des témoignages est donc l'une des deux suivantes

<i>oui</i>	<i>non</i>
<i>oui</i>	<i>oui</i>

Soit la suite $\begin{smallmatrix} \textit{oui} \\ \textit{oui} \end{smallmatrix}$. Le témoin auriculaire a dit vrai (sur ce qu'il a entendu.) Le fait est conforme au *oui* du témoin auriculaire, si le témoin oculaire a dit vrai; & il lui est contraire, si le témoin oculaire a menti.

Soit la suite $\begin{smallmatrix} \textit{non} \\ \textit{oui} \end{smallmatrix}$. Le témoin auriculaire a dit faux (sur ce qu'il a entendu.) Le fait est contraire au *oui* du témoin auriculaire, si le témoin oculaire a dit vrai; & il lui est conforme, si le témoin oculaire a menti.

habilitas veri, si haec consideratio foret admittenda; nam prodiit novos casus nondum numeratos quibus testimonium verum excipitur. Pendet scilicet haec observatio ab hypothese sub qua de testimonio loquimur in praesentia. Agi ponitur de facto quodam unico, et de quaestione singulo verbo affirmandi negandive in responso excipienda. Sed sic res vix ac ne vix quidem in traditione exhibetur. De probabilitate, § 60.

Le juge qui entend seulement le dernier témoin, & qui ignore la composition de la chaîne qui forme le témoignage composé, doit estimer comme il suit la probabilité de ce témoignage.

La probabilité que le fait est vrai (conforme au témoignage de l'auriculaire) est à la probabilité du contraire, dans le rapport de $vv' + mm'$ à $vm' + mv'$; donc ces deux probabilités absolues sont

$$\frac{vv' + mm'}{vv' + vm' + mm' + mv'} \text{ \& } \frac{vm' + mv'}{vv' + vm' + mm' + mv'} \text{ ou } \frac{vv' + mm'}{(v + m)(v' + m')} \\ \text{\& } \frac{vm' + mv'}{(v + m)(v' + m')}.$$

Autrement. Sur $(v + m)(v' + m')$ témoignages de ces deux témoins.

Il y en a vv' qui donnent la vérité par la succession de deux témoignages vrais.

Il y en a $vm' + mv'$ qui donnent le faux; parce qu'un des témoins a dit vrai & l'autre faux.

Il y en a mm' qui donnent le vrai par la succession de deux témoignages faux.

Partant, sur $(v + m)(v' + m')$ cas, il y en a $vv' + mm'$ qui donnent la vérité, & $vm' + mv'$ qui donnent la fausseté.

Donc la probabilité que le fait est vrai, est $\frac{vv' + mm'}{(v + m)(v' + m')}$ & la probabilité que le fait est faux, est $\frac{vm' + mv'}{(v + m)(v' + m')}$.

Exemple. Soient les deux témoins équivérifiques; ces deux probabilités sont $\frac{vv + mm}{(v + m)^2}$ & $\frac{2vm}{(v + m)^2}$.

Troisième conséquence. Soient deux chaînes composées chacune de deux témoins traditionnels. Que la véracité du témoin oculaire de chaque chaîne soit la même que la véracité du témoin auriculaire de l'autre; les probabilités des deux témoignages composés sont les mêmes.

Quatrième conséquence. Soient deux chaînes composées chacune de deux témoins traditionnels. Que les témoins qui composent une des chaî-

nes alternent avec les témoins qui composent l'autre chaîne quant à la véracité & la fausseté; les probabilités des deux témoignages composés sont les mêmes. Cette conséquence remarquable découle immédiatement des formules de la seconde.

Cinquième conséquence. La probabilité du témoignage composé est le doute, lorsque chaque témoignage simple est douteux.

Mais les deux témoins étant supposés équivéridiques, la probabilité du témoignage composé est plus grande que le doute, quelle que soit la probabilité du témoignage simple différente du doute.

Sixième conséquence. Lorsque les deux témoins sont, ou l'un & l'autre plus véridiques qu'ils ne sont menteurs, ou l'un & l'autre plus menteurs qu'ils ne sont véridiques; la probabilité du témoignage composé est plus grande que le doute.

Mais, si l'un des témoins est plus véridique qu'il n'est menteur, tandis que l'autre témoin est plus menteur qu'il n'est véridique; la probabilité du témoignage composé est plus petite que le doute.

Les conséquences précédentes sont relatives à une chaîne composée seulement de deux témoignages simples. Je vais les étendre à une chaîne composée d'un nombre quelconque de témoins, en les supposant (pour plus de facilité) équivéridiques.

Septième conséquence. Soit une chaîne composée de n témoins successifs, dont le premier est oculaire, & que la probabilité du témoignage de chacun d'eux soit $\frac{v}{v+m}$. La probabilité du témoignage composé est $\frac{1}{2} \left(1 + \left(\frac{v-m}{v+m} \right)^n \right)$; & la probabilité du contraire est $\frac{1}{2} \left(1 - \left(\frac{v-m}{v+m} \right)^n \right)$.

Huitième conséquence. La probabilité du témoignage composé est le doute, lorsque chaque témoignage simple est douteux.

Neuvième conséquence. Quelle que soit la véracité de chaque témoin en particulier: la probabilité du témoignage composé approche du doute, d'autant plus que le nombre des témoins successifs est plus grand.

Dixième conséquence. Le nombre des témoins successifs étant *pair*, & la probabilité de chaque témoignage simple étant différente du doute, la probabilité du témoignage composé est plus grande que le doute, quelle que soit la véracité de chaque témoin en particulier.

Mais le nombre des témoins successifs étant *impair*, la probabilité du témoignage composé est plus grande que le doute, seulement lorsque chaque témoin successif est plus véridique qu'il n'est menteur; & dans le cas contraire, la probabilité du témoignage composé est plus petite que le doute.

Onzième conséquence. La probabilité du témoignage composé est indépendante de l'ordre suivant lequel la vérité & le mensonge peuvent se succéder dans la chaîne traditionnelle.

Seconde hypothèse secondaire.

§ 14. Chaque témoignage simple est en partie vrai, en partie insignifiant, & en partie faux.

Principe évident. Lorsque dans une chaîne de témoins traditionnels, il s'est glissé quelque témoignage insignifiant, le témoignage composé est insignifiant.

Première conséquence. La supposition que le témoignage peut être insignifiant, diminue chacune des probabilités que le témoignage composé est vrai ou faux; mais elle n'altère pas le rapport de ces probabilités.

Seconde conséquence. Plus le nombre des témoins traditionnels est considérable, plus la probabilité que le témoignage composé est insignifiant, approche d'être l'unité ou la certitude: de manière qu'il n'y a aucune limite à la grandeur de cette probabilité, par l'augmentation du nombre des témoins.

Cette théorie absolument neuve peut trouver plus d'une application. Mais il est difficile de l'employer dans des cas où le fait est compliqué, parce qu'alors la vérité provenant du double mensonge n'est qu'une portion très-petite du champ des possibilités. Aussi un juge, un historien se prêteront-ils difficilement à l'admettre, quoiqu'elle soit bien rigoureuse & sûre moyennant l'hypothèse.

CHAPITRE II.

Hypothèses fictives.

Nous ne donnerons dans ce chapitre que deux exemples. Nous rappellerons d'abord l'hypothèse de CRAIG. Ensuite nous proposerons un autre essai tendant à-peu-près au même but.

ARTICLE I.

Hypothèse de CRAIG.

§ 15. CRAIG *) pose en principe que (indépendamment du nombre des témoins successifs) le temps & l'espace ont une influence constante sur la foi dûe au témoignage: que cette influence tend à détruire cette foi: & qu'elle agit, dans chaque élément de temps & d'espace très-petit (infinitement petit), par d'égales impulsions élémentaires; en sorte que son action est absolument comparable à celle des forces perpétuelles (telles que la pesanteur).

§ 16. Cette hypothèse a l'avantage d'offrir une grande facilité d'en déduire les conséquences. Car on doit envisager comme telles tous les théorèmes de dynamique déduits dès long-temps de ce principe. Et il ne s'agit plus que d'en interpréter les termes dans le sens de cette nouvelle application. Ainsi, par exemple, la loi de diminution de la foi

*) *Theologiae christianae principia mathematica.* Lond. 1699. et Lips. 1755. Ces suppositions sont en partie implicites. Mais on lit (Prop. IV.): *Causa suspicionis supponitur esse vis uniformis.* Et les Prop. V. et VI. supposent cette force perpétuelle comme celle de la pesanteur.

fera celle des carrés des temps & des distances, comme l'auteur l'établit dès les premières propositions de son ouvrage.

§ 17. Sur cette base il construit un grand édifice; & (moyennant quelques déterminations arbitraires *Prop. XIV. Schol.*) il en vient à découvrir l'époque précise où périra la foi chrétienne, en tant qu'elle repose sur la croyance aux faits de l'évangile. La crédibilité de l'histoire de JÉSUS-CHRIST, en tant que fondée sur la tradition orale, périt vers l'an 800 de l'ère. Et en tant que fondée sur la tradition écrite, elle périra l'an 3150. D'où l'auteur, s'autorisant d'un passage de St. Luc, fixe cette époque comme celle où JÉSUS-CHRIST viendra sur la terre.

§ 18. P. PETERSON travaillant peu après sur des principes analogues, arrivoit, par quelque loi de décroissement un peu différente, à des résultats qui différoient de ceux-là pour la date. Il fixoit l'an 1789 pour cette chute de la foi, qui, selon lui, présageoit la fin du monde *).

§ 19. Examinons le fondement de cet édifice.

Je suppose qu'un témoin éloigné de 1000 lieues ait la voix assez forte pour que je reçoive immédiatement sa déposition, ou qu'il me la communique par signaux prompts & sûrs: la distance n'influera point sur ma foi. Ce n'est donc qu'à cause du nombre des témoins successifs, que je sens ma foi s'affoiblir par la distance. Il y a donc double emploi à compter d'un côté la distance, de l'autre le nombre des témoins successifs.

Quant au temps, considérons son action dans un seul témoin (comme fait CRAIG au *Schol. de la Prop. XIV. du Chap. I.*) Ici il a un fondement réel à l'introduction de cet élément. Le témoignage reposant sur la mémoire, & celle-ci dépendant du temps, on doit à cet égard compter celui-ci pour quelque chose. Cependant ici même, il est à-peu-près impossible de feindre aucune loi, qui se rapproche un peu de
la

*) L'ouvrage de PETERSON (imprimé à Londres en 1701 sous le titre de *Animadversiones in T. CRAIG Princip. mathem.*) ne nous est connu que par cette indication, que nous fournit M. LE SAGE.

la moyenne du phénomène. En sorte qu'il est peut-être plus utile de faire entrer les incertitudes de souvenir dans l'appréciation générale de la véracité, d'une manière vague & conforme aux données d'expérience dans chaque cas particulier.

Mais passons au cas de deux ou plusieurs témoins successifs. Que fait à la mémoire du second témoin, le temps que le premier a laissé s'écouler entre le fait & sa déposition? Si l'on vouloit supputer l'effet du temps sur la mémoire, il faudroit recommencer à chaque témoin, & renoncer à toute formule où l'on suppose une action continue.

Ces considérations nous paroissent rendre inadmissibles les principes de CRAIG, & expliquer pleinement le sentiment de répulsion qu'éprouve le sens commun à l'ouïe de ses résultats.

§ 20. Les principes de cet auteur sur les témoins simultanées ne me paroissent pas plus admissibles. Il ne distingue pas l'estimation *a priori* & *a posteriori*, & se contente de sommer la foi due à chacun des témoins simultanées pour en conclure la foi totale. D'où nous voyons résulter diverses conséquences ou inconcevables ou contraires au sentiment de tout homme qui porte son attention sur cet objet. Telles sont celles-ci: 1. Qu'on peut obtenir des probabilités plus grandes que la certitude, en multipliant le nombre des témoins, (déduction faite de ce que l'auteur nomme *le soupçon*). 2. Que la concordance des témoins n'ajoute aucun poids à la déposition de chacun d'eux; & que de tels témoignages, envisagés un à un, n'ont pas une crédibilité supérieure à celle des témoignages qui ne sont point étayés comme eux.

§ 21. De sorte que, soit pour le témoignage successif, soit pour le simultanée, les hypothèses de CRAIG ne nous paroissent offrir aucune application juste & intéressante.

Ce jugement est assez semblable à celui de KÄSTNER (*Programma quo gradus et mensuram probabil. dari defenditur*, Lipsiae 1748, pag. 13.), cité & approuvé par l'éditeur de CRAIG (T. DAN. TITIVS, *Lipsf.* 1755.)

Il paroît donc qu'il vaut beaucoup mieux renoncer à toute appréciation exacte du témoignage, que se jeter dans cette route.

ARTICLE II.

A u t r e t e n t a t i v e .

§ 22. *HYPOTHÈSES.*

I. *Tout témoignage énonce décidément la vérité ou le contraire de la vérité.*

Nota. Pour abréger, nous nommons le contraire de la vérité *mensonge*.

II. *Nul témoignage fondé sur le mensonge ne peut donner la vérité.*

REMARQUES.

I. Il suit de ces hypothèses, que toute tradition, où se trouvent un ou plusieurs mensonges, énonce décidément le mensonge.

II. Puisque, par la première hypothèse, le témoignage qui n'énonce pas la vérité, énonce décidément son contraire; le témoignage est supposé relatif à un fait simple, & tel que le témoin étant interrogé satisfait en répondant purement *oui* ou *non*. Car la moindre modification à cette réponse, faisant concevoir plus de deux réponses possibles; il s'ensuivroit que dans le récit d'un fait déterminé, il y a plusieurs manières de dire décidément toute la vérité, ou que la vérité a plus d'un contraire. Ce qui implique contradiction.

III. La seconde hypothèse applique aux faits simples le jugement qu'on porte communément sur les faits compliqués. Car dans ceux-ci il est extrêmement difficile qu'une suite de mensonges donne la vérité. Les faits compliqués se dénaturent & périssent en quelque sorte par le mensonge.

§ 23. En conséquence des remarques précédentes, il ne sera pas inutile de tracer la marche qu'on devra suivre pour traiter, dans nos hypo-

thèses, avec rigueur & clarté, les diverses questions qui pourront être proposées.

1. On feindra un fait simple, & tel que le témoignage sur ce fait soit énoncé par *oui* ou *non*.

2. En développant les divers cas possibles, on caractérisera chaque témoignage comme énonçant décidément la vérité ou le mensonge sur le fait proposé uniquement, & non sur aucun fait subordonné.

3. Enfin dans toute tradition mêlée de mensonges, on caractérisera toujours le témoignage final (ou la dernière déposition) comme énonçant le mensonge.

§ 24. On peut juger maintenant jusqu'à quel point nos hypothèses sont naturelles. Sans chercher à les défendre, & en les proposant comme un simple essai, nous indiquerons ici les principales considérations que cette question présente.

1. Il est à la vérité peu naturel de dire que tout témoignage énonce décidément la vérité ou le mensonge, puisque souvent les témoins disent des choses mêlées de vrai & de faux, & dont aussi le contraire n'est ni absolument vrai, ni absolument faux. Mais ce vice de notre première hypothèse est corrigé par la seconde. En effet, ce vice tient à ce qu'on suppose tout fait simple. Or la seconde hypothèse, appliquant aux faits simples le jugement qu'on porte des faits composés (§ 22. *Rem. III.*), fait rentrer ces jugemens dans l'ordre naturel.

2. Et en effet la conséquence énoncée dans notre première remarque (§ 22.) paroît assez conforme au jugement commun des hommes. Car dans les faits historiques ou judiciaires, on ne se fie pas à une tradition qu'on fait être mêlée de témoignages mensongers. Cela tient sans doute à ce que ces faits sont compliqués (§§ 10 & 22. *Rem. III.*). Dans nos hypothèses, nous évitons d'introduire directement la complication, mais nous en conservons l'effet.

§ 25. Avant d'employer ces hypothèses, il est bien de faire remarquer l'axiome suivant:

Tout fait non - prouvé est d'une probabilité nulle.

Cet axiome prévient une objection qui pourroit s'offrir contre toute hypothèse de laquelle suit que la tradition peut diminuer la crédibilité du témoignage au-dessous de toute quantité donnée. Dans la plupart des cas testimoniaux, cet axiome ne se vérifie pas en apparence. Mais cela vient de ce que les faits attestés sont prouvés d'ailleurs, & indépendamment du témoignage qu'on apprécie.

§ 26. Tentons maintenant de faire usage de nos hypothèses.

Pour rendre ce travail utile, il conviendrait d'avoir un plan bien déterminé, qui donnât lieu à quelques comparaisons entre le calcul & l'observation. Mais cela est très-difficile dans cette matière. La seule détermination que nous croyons pouvoir donner à notre plan, consistera à tendre plutôt à apprécier le témoignage historique, que le témoignage judiciaire. En conséquence nous aurons plutôt en vue (ainsi que CRAIG) les cas où le témoignage peut s'estimer par une sorte de moyenne, que les cas particuliers, dans lesquels il faut, en vertu d'une observation délicate, fixer par voie d'expérience la crédibilité d'un témoin.

§ 27. Le témoignage traditionnel tient sa principale force de sa combinaison avec le simultanée. Une seule suite de témoins successifs perdrait très-vite sa crédibilité. Mais plusieurs suites ou chaînes combinées la conservent long-temps. Nous allons feindre une combinaison de telles chaînes, assez régulière pour y appliquer le calcul, & qui toutefois représente en quelque façon les combinaisons réelles. Et y appliquant nos hypothèses, nous reconnoîtrons 1. si la tradition peut donner une crédibilité croissante? 2. quelle est la crédibilité moyenne requise pour que, dans la supposition la plus favorable, la crédibilité ne se détériore pas par la tradition?

§ 28. Soient deux suites ou chaînes de témoins. Que chacune d'elles soit formée de deux témoins successifs. Que ces deux chaînes soient indépendantes l'une de l'autre. Enfin que ces témoins déposent d'accord

sur le même fait, & qu'un juge unique reçoive simultanément le dernier témoignage de l'une & l'autre chaîne.

On demande la crédibilité de cette tradition?

§ 29. Soit $\frac{v}{v+m}$ la crédibilité moyenne d'un témoin isolé quelconque.

La crédibilité du second témoin d'une chaîne quelconque sur le fait en question, sera $= \left(\frac{v}{v+m}\right)^2$ (§ 22. *Hypoth. II.*)

Mais le juge recevant à la fois deux dépositions uniformes, doit estimer la crédibilité de leur témoignage par la formule générale de LAMBERT, en faisant disparaître les termes où i se trouve employée (§ 22. *Hyp. I.*), ainsi que nous l'avons fait ci-dessus (§ 7.)

Ici nous avons au lieu des deux crédibilités $\frac{v}{v+m}$, $\frac{v'}{v'+m'}$, une même crédibilité pour chacun des deux témoins, laquelle est $= \left(\frac{v}{v+m}\right)^2$. Et partant, la formule devient $\frac{v^4}{v^4 + (2vm + m^2)^2}$.

§ 30. Maintenant si nous voulons que la tradition n'altère point le poids du témoignage, il faut que la crédibilité de cette tradition, telle qu'elle parvient au juge, égale la crédibilité moyenne d'un seul témoin isolé. Nous avons donc à résoudre cette équation $\frac{v^4}{v^4 + (2vm + m^2)^2}$

$= \frac{v}{v+m}$ où faisant $m = 1$, on trouvera $v \geq 4,8642$; & partant $\frac{v}{v+m} = \frac{4,864}{5,864} = \frac{5}{6}$ à-peu-près.

§ 31. D'où il suit que, si la crédibilité moyenne d'un témoin isolé est $> \frac{5}{6}$, cette tradition fera croître la crédibilité du témoignage: & que si cette crédibilité d'un témoin isolé est $< \frac{5}{6}$, la même forme de tradition affoiblira le poids du témoignage.

§ 32. Suivons cette hypothèse de tradition régulière. Considérons la double chaîne que nous avons en vue, comme un témoin unique, que nous nommerons *témoin composé*.

Soient maintenant quatre pareils témoins composés, distribués de manière à former deux chaînes traditionnelles, chacune de deux témoins composés, & indépendantes l'une de l'autre. Et que les deux derniers témoins composés de chaque chaîne attestent uniformément un même fait à un seul juge.

Et puisque la crédibilité d'un témoin composé isolé est connue, on parviendra, par un procédé analogue au précédent (§ 29.), à estimer la crédibilité résultant de la tradition par les deux chaînes que forment des témoins pareils.

La crédibilité d'un seul témoin composé a été trouvée = $\frac{v^4}{v^4 + (2vm + mm)^2}$. Soit donc maintenant cette quantité $\frac{v^4}{v^4 + (2vm + mm)^2}$ = $\frac{v'}{v' + m'}$. Et la crédibilité des deux chaînes de témoins composés (qu'on peut nommer un témoin composé *du second ordre*) sera = $\frac{(v')^4}{(v')^4 + (2v'm' + m'm')^2}$.

Pareillement on trouvera, par le même artifice, la crédibilité d'un témoin composé *du troisième ordre* = $\frac{(v'')^4}{(v'')^4 + (2v''m'' + m''m'')^2}$.

Et ainsi de suite.

§ 33. Et pour chacun de ces ordres, la même forme d'équation (§ 30.) se présentera à résoudre, pour déterminer la crédibilité moyenne du témoin de l'ordre précédent, qui donne une égale crédibilité à ces deux ordres; c'est-à-dire qui donne une tradition à cette époque, telle que le poids du témoignage n'en est point altéré.

§ 34. Sur quoi nous observons que, puisque la crédibilité = $\frac{1}{2}$ pour le témoin élémentaire (ou *du premier ordre*) isolé, donne ce résultat, la

même valeur satisfera à toutes les équations suivantes. En sorte que pour qu'un témoin composé d'un ordre n ait la même crédibilité que celui de l'ordre $n - 1$, il faut que la crédibilité de celui-ci soit $= \frac{1}{2}$.

§ 35. Par conséquent si le témoin élémentaire (ou *du premier ordre*) a une crédibilité $> \frac{1}{2}$, celles des témoins des ordres subséquens iront toujours croissant. La tradition fortifiera continuellement & indéfiniment le témoignage. Et inversement, si la crédibilité du témoin simple $< \frac{1}{2}$, elle s'affaiblira.

§ 36. Il est bien évident qu'un tel ordre de tradition régulière, & cet entrelacement de dépositions simultanées & successives, est un ordre tout-à-fait fictif. Il indique seulement que (dans nos hypothèses) on peut concevoir comme possible (quoique fort difficile) ce singulier effet de la tradition d'accroître la valeur du témoignage.

Il faut de plus observer que, même dans ces hypothèses fictives, ce n'est pas la transmission successive qui produit cet effet. C'est le nombre toujours croissant des dépositions simultanées. Cet accroissement compense, & même surcompense (selon les cas) le décroissement de valeur qu'opère la succession ou transmission du témoignage par plusieurs différentes bouches.

§ 37. Ayant ainsi procédé par voie d'hypothèse fictive, il faudroit examiner jusqu'à quel point ces conséquences s'accordent avec l'expérience. Mais cela supposeroit des recueils d'observations dont nous sommes privés.

On pourroit, à ce qu'il semble, faire plusieurs classes de faits.

I. Les faits éclatans; tels que celui-ci: *CÉSAR vainquit POMPÉE*.

II. Les faits vulgaires.

§ 38. Quant aux premiers, nous présumons que nos hypothèses leur sont applicables jusques-là, qu'on peut concevoir que de tels faits perdent fort peu, ou même ne perdent point de leur crédibilité par le laps de temps. On doit peut-être croire le fait cité ci-dessus en exemple (§ 37. I.) avec autant de confiance que les contemporains.

Si cela est vrai & conforme au sentiment des hommes instruits & raisonnables, il s'ensuivroit que ce qui se passe relativement à de tels faits ressemble assez bien à nos fictions. Et on en concluroit que, pour ce qui concerne ces faits-là, la crédibilité moyenne des témoins approche beaucoup d'être représentée par la fraction $\frac{1}{2}$ qui donne la limite *): cette moyenne comprenant sans doute par compensation les monumens & autres témoignages extraordinaires **).

§ 39. Pour les faits de la seconde classe, comme ils frappent peu l'attention, les rapports sont fort altérés & deviennent très-incertains par la voie traditionnelle, ce qui fait qu'on est peu disposé à les croire. On dit que le thermomètre de l'observatoire a marqué hier le degré *d* à midi. Je fais cela de la 3^e ou 4^e main. Je n'y ai point une confiance pleine, quoique la tradition soit si courte. Et lors même que 3 ou 4 personnes me diroient la même chose, j'aurois toujours plus de doute que si un témoin oculaire me faisoit ce rapport, & en aucun cas, je pense, je n'en aurois moins. Il faut donc qu'ici les auriculaires passent
pour

*) C'est celle qu'avoit choisie, par forme d'exemple, l'auteur anonyme du *Mémoire des Transf. phil.* que nous avons cité en note au § 3.

**) Il ne sera pas hors de propos de comparer à nos résultats, les réflexions d'un homme judicieux qui ne s'occupe nullement de l'application du calcul au témoignage, & qui raisonne sur celui-ci conformément aux principes communs de l'histoire. „L'évidence historique dépend d'abord du crédit qu'on accorde „aux assertions des écrivains contemporains, & de la manière dont ils s'accor- „dent avec les fastes, les monumens publics, ainsi qu'avec les faits & les cir- „constances que les lecteurs sont à portée d'observer. Ces écrivains accrédités „confirment, d'après les mêmes principes, la véracité de ceux qui les ont im- „médiatement précédés. Ainsi les faits sont tracés & discutés en rétrogradant „aussi loin que peut régulièrement conduire la chaîne qui les lie, & jusqu'aux „plus anciens événemens dont l'authenticité inspire quelque confiance. C'est „sur de pareilles bases qu'est fondée la croyance des choses qui n'ont pu frap- „per immédiatement nos sens. Par exemple, nous n'avons aucun autre moyen „de juger que la république romaine a existé, que la bataille d'Adium a été „donnée, & qu'un conquérant normand a envahi l'Angleterre.“ *Voyage de la Chine par MACARINEX. T. III. p. 21. de la traduct. franç.*

pour fort inattentifs; ayant une crédibilité moyenne $\leq \frac{1}{2}$, & même beaucoup moindre.

§ 40. Il y auroit à considérer d'autres divisions des faits 1. relativement à leur nature plus ou moins mêlée de circonstances qui influent sur la véridicité des témoins *) 2. à leur complication, &c.

Enfin il faudroit distinguer les témoins spontanées de ceux qui sont interrogés. — La tradition orale de la tradition écrite &c.

On devroit aussi avoir égard à la possibilité de *collusion* dans les témoignages concordans. Elle introduit quelques cas défavorables à la crédibilité, estimée indépendamment de cette circonstance.

§ 41. Tel est le premier essai imparfait d'une méthode d'hypothèse, qui pourroit être suivie avec plus de fruit, si l'on avoit un certain nombre de résultats d'observation bien déterminés, auxquels on pût comparer ceux de théorie. Peut-être ce travail n'est-il pas impossible à exécuter. Ce mémoire a pour but de l'indiquer comme utile aux observations en ce genre **).

§ 42. Du reste, de même que le calcul des probabilités *a posteriori* suppose un *instinct de prévoyance*: ainsi le calcul du témoignage nous paroît supposer un *instinct de confiance* qui lui sert de base. Il y a là-dessus quelques remarques à faire qui ne peuvent trouver place ici.

*) LAMBERT *Phaenomenol.* § 233. & suiv.

**) Toute cette théorie s'appliqueroit à d'autres argumens, avec quelques modifications. On pourroit donc tirer de plusieurs sources les résultats d'expérience à comparer à ceux de calcul.

SECTION III.

Eclaircissmens mathématiques sur les sections précédentes.

§ 43. Sur le § 13.

Sur la première supposition secondaire.

Sur la cinquième conséquence. La probabilité en faveur du témoignage composé, est à la probabilité du contraire, dans le rapport de $vv + mm$ à $2vm$.

Mais, v & m étant inégales: $vv - 2vm + mm \left(= \frac{(v-m)^2}{(m-v)^2} \right) \gtrless 0$: donc $vv + mm \gtrless 2vm$; donc la première probabilité est plus grande que la seconde.

Sur la sixième conséquence. Soit en même tems $\frac{v}{v'} \gtrless \frac{m}{m'}$, ou $\frac{v}{v'} \gtrless \frac{m}{m'}$, j'affirme que $vv' + mm' \gtrless vm' + mv'$.

1. Soit en même temps, $\frac{v}{v'} \gtrless \frac{m}{m'}$: on aura $v(v' - m') \gtrless m(v' - m')$; ou $vv' - vm' \gtrless mv' - mm'$. Donc, ajoutant à chaque membre $vm' + mm'$, $vv' + mm' \gtrless mv' + vm'$.

2. Soit en même temps, $\frac{v}{v'} \gtrless \frac{m}{m'}$: on aura $v(m' - v') \gtrless m(m' - v')$; ou, $vm' - vv' \gtrless mm' - mv'$; donc, ajoutant à chaque membre $vv' + mv'$, $vm' + mv' \gtrless vv' + mm'$; ou, $vv' + mm' \gtrless vm' + mv'$.

Soit en même temps, $\frac{v}{v'} \gtrless \frac{m}{m'}$, ou $\frac{v}{v'} \gtrless \frac{m}{m'}$; j'affirme que $vv' + mm' \gtrless vm' + mv'$.

1. Soit en même temps, $\frac{v}{v'} \gtrless \frac{m}{m'}$; on obtient $v(m' - v') \gtrless m(m' - v')$; ou $vm' - vv' \gtrless mm' - mv'$; ajoutant $vv' + mm'$ à chaque membre, $vm' + mv' \gtrless vv' + mm'$; ou $vv' + mm' \gtrless vm' + mv'$.

2. Soit en même temps, $\frac{v}{v'} \gtrless \frac{m}{m'}$; la démonstration est la même: savoir, $v(v' - m') \gtrless m(v' - m')$; ou, $vv' - vm' \gtrless mv' - mm'$
de là, $vv' + mm' \gtrless vm' + mv'$.

Sur la septième conséquence. Lemme connu. Soient élevés les binomes $a + b$ & $a - b$, à une même puissance dont l'exposant est n . J'affirme que la somme des termes impairs de la puissance $(a + b)^n$ à compter depuis le premier, est la moitié de la somme $(a + b)^n + (a - b)^n$; & que la somme des termes pairs à compter depuis le second, est la moitié de la différence $(a + b)^n - (a - b)^n$.

$$\text{Dém. } (a+b)^n = a^n + \frac{n}{1} a^{n-1} b + \frac{n}{1} \cdot \frac{n-1}{2} a^{n-2} b^2 + \frac{n}{1} \cdot \frac{n-2}{3} a^{n-3} b^3 + \frac{n}{1} \cdot \frac{n-3}{4} a^{n-4} b^4 + \dots$$

$$(a-b)^n = a^n - \frac{n}{1} a^{n-1} b + \frac{n}{1} \cdot \frac{n-1}{2} a^{n-2} b^2 - \frac{n}{1} \cdot \frac{n-2}{3} a^{n-3} b^3 + \frac{n}{1} \cdot \frac{n-3}{4} a^{n-4} b^4 \dots$$

$$\text{donc, } (a+b)^n + (a-b)^n = 2(a^n + \frac{n}{1} \cdot \frac{n-2}{2} a^{n-2} b^2 + \frac{n}{1} \cdot \frac{n-4}{4} a^{n-4} b^4 + \dots)$$

$$(a+b)^n - (a-b)^n = 2(\frac{n}{1} a^{n-1} b + \frac{n}{1} \cdot \frac{n-1}{3} a^{n-3} b^3 + \dots)$$

Partant, la somme des termes alternatifs à compter depuis le premier est bien $\frac{(a+b)^n + (a-b)^n}{2}$.

Et la somme des termes alternatifs à compter depuis le second, est $\frac{(a+b)^n - (a-b)^n}{2}$.

Remarque. Les termes alternatifs du binome $(a + b)^n$ à compter depuis le premier, contiennent des puissances de b à exposans pairs, & ses termes alternatifs à compter depuis le second contiennent des puissances de b à exposans impairs.

Application. Dans les témoignages traditionnels le témoignage composé est vrai, lorsque dans la suite traditionnelle il n'y a aucun témoignage faux, ou lorsque leur nombre est pair; & le témoignage composé est faux, lorsque dans la suite traditionnelle il y a des témoignages faux en nombre impair.

Or les manières dont peut être composée la suite traditionnelle des témoignages de n témoins équivéradiques, dont chacun sur $v + m$ paroles dit v vérités & m mensonges, sont exprimées par les termes du binome $(v + m)^n$; de manière que les termes alternatifs de cette puissance

développée, à compter depuis le premier, expriment les manières dont les témoignages simples sont faux en nombre pair; & les termes alternatifs restans expriment les manières dont les témoignages simples sont faux en nombre impair. Partant, les probabilités que le témoignage composé est vrai ou faux sont entr'elles comme les sommes des termes impairs & des termes pairs de la puissance $(v + m)^n$; c. à . d. comme $(v + m)^n + (v - m)^n$ & $(v + m)^n - (v - m)^n$. Donc ces probabilités sont

$$\frac{(v + m)^n + (v - m)^n}{2(v + m)^n} = \frac{1}{2} \left(1 + \left(\frac{v - m}{v + m} \right)^n \right)$$

$$\& \frac{(v + m)^n - (v - m)^n}{2(v + m)^n} = \frac{1}{2} \left(1 - \left(\frac{v - m}{v + m} \right)^n \right).$$

Sur la neuvième conséquence. La probabilité du témoignage composé étant $\frac{1}{2} \left(1 + \left(\frac{v - m}{v + m} \right)^n \right)$; plus n est grande, plus la puissance n^{me} de la fraction proprement dite $\frac{v - m}{v + m}$ est petite; & partant, plus la quantité $\frac{1}{2} \left(1 + \left(\frac{v - m}{v + m} \right)^n \right)$ approche d'être $\frac{1}{2}$.

Sur la dixième conséquence. Lorsque n est paire, la puissance $\left(\frac{v - m}{v + m} \right)^n$ est positive, quelle que soit la valeur de v relativement à m ; savoir, plus grande ou plus petite qu'elle. Partant, la probabilité $\frac{1}{2} \left(1 + \left(\frac{v - m}{v + m} \right)^n \right)$ est plus grande que $\frac{1}{2}$.

Lorsque n est impaire, la puissance $\left(\frac{v - m}{v + m} \right)^n$ est positive ou négative, suivant que v est plus grande ou plus petite que m ; & partant, cette probabilité est plus grande ou plus petite que le doute, suivant que v est plus grande ou plus petite que m .

Sur le § 14. Sur la seconde supposition secondaire.

Soient n témoins successifs équivéridiques, dont chacun sur $v + i + m$ paroles, prononce v vérités, i insignifiances, & m mensonges. La pro-

babilité que le témoignage composé est vrai ou faux, est $\frac{(v+m)^n}{(v+i+m)^n}$

la probabilité que ce témoignage est vrai, est $\frac{1}{2} \frac{(v+m)^n + (v-m)^n}{(v+i+m)^n}$;

la probabilité que ce témoignage est faux, est $\frac{1}{2} \frac{(v+m)^n - (v-m)^n}{(v+i+m)^n}$.

Partant, le rapport de ces probabilités est le même que si tous les témoignages étoient signifians.

La probabilité que le témoignage composé est insignifiant, est $1 - \left(\frac{v+m}{v+i+m}\right)^n$. Or, la puissance $\left(\frac{v+m}{v+i+m}\right)^n$ de la fraction proprement dite $\frac{v+m}{v+i+m}$ est d'autant plus petite que n est plus grande; & il n'y a aucune limite à sa petitesse (par l'augmentation de n). Partant, la probabilité que le témoignage composé est insignifiant, approche de la certitude d'autant plus que le nombre des témoins successifs est plus grand; & elle peut en différer moins que d'aucune quantité assignée.

§ 44. *Addition.* Je vais indiquer par un ou deux exemples, le procédé à suivre dans les applications du calcul à la combinaison des témoignages simultanées & traditionnels, d'après la première supposition secondaire (§ 13.)

Premier exemple. Soit un nombre n de témoins auriculaires A , témoignant pour *oui* sur le témoignage d'un seul témoin oculaire O entendu par eux simultanément. On demande la probabilité de ce témoignage composé,

Les témoins A étant d'accord à témoigner par *oui* sur le dire de O ;
la probabilité que O a dit *oui*, est $\frac{v^n}{v^n + m^n}$;
la probabilité que O a dit *non*, est $\frac{m^n}{v^n + m^n}$.

Le fait est conforme au témoignage des A ; 1. si O ayant dit *oui* il a dit *vrai*; 2. si O ayant dit *non* il a dit *faux*.

Le fait est contraire au témoignage des A ; 1. si O ayant dit *oui* il a dit *faux*; 2. si O ayant dit *non* il a dit *vrai*.

De là, la probabilité que le fait est conforme au témoignage des A est à la probabilité du contraire, dans le rapport de $v^n \times v + m^n \times m$ à $v^n \times m + m^n \times v$, ou de $v^{n+1} + m^{n+1}$ à $mv(v^{n-1} + m^{n-1})$.

Partant, la probabilité que le fait est conforme au témoignage des A est $\frac{v^{n+1} + m^{n+1}}{v^{n+1} + m^{n+1} + mv(v^{n-1} + m^{n-1})} = \frac{v^{n+1} + m^{n+1}}{(v+m)(v^n + m^n)}$; & la probabilité du contraire est $\frac{mv(v^{n-1} + m^{n-1})}{(v+m)(v^n + m^n)}$.

Second exemple. Soient r chaînes traditionnelles, composées chacun de n témoins traditionnels. Que les derniers témoins s'accordent dans leurs témoignages. On demande la probabilité du témoignage composé.

La probabilité de chaque dernier témoignage est $\frac{(v+m)^n + (v-m)^n}{2(v+m)^n}$
 Probabilité du contraire $\frac{(v+m)^n - (v-m)^n}{2(v+m)^n}$.

La probabilité en faveur de l'accord des r derniers témoins, est à la probabilité du contraire, dans le rapport de $((v+m)^n + (v-m)^n)^r$ à $((v+m)^n - (v-m)^n)^r$.

Partant, la probabilité en faveur du témoignage composé est $\frac{((v+m)^n + (v-m)^n)^r}{((v+m)^n + (v-m)^n)^r + ((v+m)^n - (v-m)^n)^r}$
 Probabilité du contraire

$$\frac{((v+m)^n - (v-m)^n)^r}{((v+m)^n + (v-m)^n)^r + ((v+m)^n - (v-m)^n)^r}.$$

Exemple. Soit $\frac{n}{v} = \frac{1}{2}$, ou soient deux chaînes composées chacune de deux témoins.

Probabilité en faveur du témoignage composé

$$\frac{(vv + mm)^2}{(vv + mm)^2 + 4vmm} = 1 - \frac{4vmm}{(vv + mm)^2 + 4vmm}.$$

Probabilité du contraire $\frac{4vmm}{(vv + mm)^2 + 4vmm}.$

Pour que ce dernier témoignage équivaille à un seul témoignage simple, les valeurs successivement approchées de $\frac{v}{v+m}$ sont, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{5}$, $\frac{6}{17}$.

NOTE ADDITIONNELLE

au Volume des Mémoires de l'Acad. mcccxcvi. Classe de Philosophie Spéculative;
pag. 29. l. 22.

*que deux personnes exemptes à la fois n'y ont pas été exposées $\frac{489}{1000}$, trois $\frac{888}{1000}$. Après ces mots exemptes à la fois, ajoutez, & placées dans les mêmes circonstances. *)*

*) Si les circonstances peuvent différer, la probabilité de n'avoir point été exposé, qui pour une personne est $\frac{89}{100}$, devient pour n personnes $(\frac{89}{100})^n$, selon la règle commune de la probabilité composée. En sorte qu'elle décroît sans limite en augmentant n .

Ce résultat étant contraire à la conjecture de M. HAYGARTH, il est équitable de supposer que cet auteur avoit en vue l'hypothèse du texte, & non celle de cette note.

Peut-être se rapprocheroit-on encore plus de l'intention de cet auteur ou de son calculateur, si l'on déterminoit la probabilité, que toutes les personnes exemptes à la fois ne se trouvent pas à la fois dans le cas d'avoir été exposées à la contagion (ces personnes pouvant être ou n'être pas dans les mêmes circonstances). En ce cas pour n personnes on auroit la probabilité $1 - (\frac{1}{100})^n$ en faveur de la supposition que l'une de ces personnes au moins n'a jamais été exposée à la contagion: probabilité qui croît rapidement & sans limite en augmentant n .

Mais si l'on y réfléchit, on verra que ce dernier aspect ne remplit que très-imparfaitement les vues ultérieures de l'auteur, auxquelles les aspects précédens s'appliquent mieux. Ces vues ultérieures se trouvent clairement énoncées à la page 32 de l'ouvrage cité, où l'auteur se résumant s'exprime ainsi. „Nous pouvons conclure de là, que si trois personnes, ou davantage, dans le même temps & dans le même lieu, ont toutes échappé à la petite-vérole, elles n'ont pas été exposées à son infection.“ Cette conclusion paroît nous mettre précisément dans l'hypothèse adoptée dans le texte de notre mémoire.

M É M O I R E S
DE
L' A C A D É M I E R O Y A L E
DES
S C I E N C E S
ET
B E L L E S - L E T T R E S.

C L A S S E
DE B E L L E S - L E T T R E S.

R E F L E X I O N S

sur

les traces anciennes du Caractère des Nations modernes.

PAR M. L'ABBÉ DENINA *).

P R E M I È R E P A R T I E.

• Sect. 1.

Des Egyptiens & des peuples de l'Asie mineure.

La Religion, le Gouvernement, le progrès ou déchet des lumières qu'amène la suite des temps, changent nécessairement les coutumes, les mœurs, en un mot, le caractère des nations. Cependant, le pays qu'elles habitent, l'air qu'elles respirent, le sol qui les nourrit, ne changent que peu pour les grandes nations. Le débordement des rivières, la stagnation des eaux, qui forment les marais, & par des exhalaisons pernicieuses affoiblissent le corps & l'esprit, & détruisent la population de quelques contrées, mais n'altèrent qu'une portion des vastes pays: & les grandes nations, malgré les vicissitudes qu'éprouvent ceux que le hazard met à leur tête pour les gouverner, conservent dans un espace de temps indéterminé le même esprit & le même fond de Caractère. L'histoire du Genre humain autant qu'elle nous est connue, commence par l'Egypte, la Syrie, la Perse, l'Arménie, l'Arabie; par l'Asie mineure, la Grèce, & l'Afrique. Elle

*) Lu le 12 janvier 1797.

embrasse ensuite l'Italie, l'Espagne, la France, & s'étend progressivement dans l'Allemagne. Le nord-est de l'Europe ne fut connu que plus tard. Or, si nous considérons chacun de ces pays, nous y trouverons encore dans les habitans naturels, les mêmes inclinations, les mêmes talens, le même esprit, que leurs devanciers ont manifesté dans les temps les plus reculés.

L'Egypte, qui en général occupe un sol plat & prodigieusement fertile en bled, le principal moyen de subsistance, fut le pays le plus peuplé du monde, dès le temps que notre globe eut pris la forme & la consistance qu'il conserve encore depuis environ quatre mille ans; car il nous faut dater la régénération des nations à l'époque d'un immense déluge, & à l'irruption des volcans effrayans qui ont bouleversé la terre. Nourri très-facilement, forcé d'ailleurs de se tenir tranquille les trois mois de l'année que dure l'inondation du Nil, l'Egyptien à pû de bonne heure se livrer à la contemplation des astres, du ciel & des élémens qui composent la terre, & même de tous les êtres qui l'environnent, & dont il éprouvoit l'effet & l'influence. L'Egyptien fut par conséquent paresseux, contemplatif, religieux, & ses idées religieuses dégénérèrent en une superstition qui étonna même les autres peuples superstitieux. De là l'opinion que les Grecs avoient de la sagesse Egyptienne, & celle qu'eurent les Romains de l'étrange superstition de ce même peuple. Ce pays peuplé de bonne heure, forma un état respectable & puissant, tandis que les nations voisines étoient foibles & peu considérables; mais les Egyptiens, quoique robustes parcequ'ils sont bien nourris, n'ont jamais été guerriers; & loin d'être conquérans, ils ont toujours été subjugués par tous ceux qui se présentèrent pour les soumettre. Sésostris, que d'autres appellent Sethos, est le seul de ses rois qui puisse être regardé comme un guerrier; cependant l'Egypte ne conserva pas long-temps ses conquêtes. Sethos fut lui-même vaincu par les Ibériens; & à peine les Perses & les Mèdes eurent-ils formé un état, que l'Egypte fut subjuguée par eux. Si Psammeticus s'éleva dans la suite, & fit des exploits de quelque conséquence,

c'étoit avec des troupes qu'il attira de la Grèce. Ce fut une race Grecque où Macédonienne qui, après le partage des conquêtes d'Alexandre, soutint à main armée le trône dont Ptolémée Lagus s'empara. Alexandrie surtout, qui résista pendant quelque temps à l'armée victorieuse de César, étoit une ville Grecque sur un sol Egyptien. Si les empereurs Romains regardoient l'Egypte avec jalousie, parceque c'étoit le grénier principal de la capitale, ce n'étoit pas de crainte que la nation secouât le joug; mais que les gouverneurs ne se rendissent indépendans: elle porta sans résistance & passa aussi sans résistance du joug des Romains sous celui des Arabes ou Sarrazins: un seul des souverains Musulmans qui régnèrent en Egypte, eut une grande influence dans les affaires d'Orient, & fut regardé comme un très grand potentat. C'étoit Saladin; & ce monarque célébré par tous les écrivains de son temps n'étoit pas Egyptien. Il étoit Arménien, ou plus probablement du Diarbeck, dit autrefois Mésopotamie. Mais quelle plus grande preuve du caractère foible de ce peuple fait pour être soumis que de le voir constamment asservi à un double joug? Car non seulement il est tributaire de l'empire Ottoman dont il fait partie, mais il est de plus despotiquement tyrannisé par une société d'aventuriers ou plutôt d'esclaves, sortis des provinces de la Turquie qui forment une espèce d'Aristocratie des plus oppressives & des plus humiliantes pour la nation subjuguée. Les mameloucs qui sont les souverains de l'Egypte, n'associent pas un seul Egyptien à leur milice qui est le corps régnant & une espèce d'Aristocratie.

L'Arménie est un pays montagneux. Le sol est en général sec, coupé cependant de vallées & de rivières qui en arrosent une partie. Elle est à peu près à l'Asie ce que la Navarre est à l'Espagne, & les Alpes sont à l'Italie & à la France. Les Arméniens ont été guerriers dans le temps de Cyrus, d'Alexandre & de Pompée. Ils l'ont été sous les empereurs Romains, soit avant, soit après la translation de l'empire à Constantinople. Ils le sont encore sous la domination des Musulmans. Quoiqu'ils aient dû céder à l'ascendant irrésistible qu'ont

pris les Macédoniens, les Romains, les Arabes, & les Turcs, ils n'ont jamais cessé de fournir de bonnes troupes au monarque auquel ils furent soumis; & ils sont encore aujourd'hui une partie importante des armées Ottomanes. Mais au fond, les Arméniens sont encore plus marchands que soldats; & on les trouve tels depuis que l'histoire parle d'eux. Nous les voyons trafiquer chez les Assyriens, les Caldéens, les Perses, chez les Grecs & les Romains. L'Arménie étoit un pays commerçant du temps de Mithridate. Elle continua de l'être lorsqu'elle devint province de l'empire Romain. De tous les peuples qui ont subi le joug des Arabes & des Turcs, les Arméniens sont ceux que l'on trouve les plus répandus dans toute l'Asie & l'Afrique, & dans les places maritimes de l'Europe. On les compte par milliers au grand Caire, à Alexandrie, à Jérusalem, à Damas, à Smyrne, à Constantinople, à Ispahan. Il y en a à Livourne, à Venise, à Marseille. Il y en a dans les ports de la Baltique. Ils n'ont jamais fait un vaste commerce, parceque c'est une nation méditerranée. Mais actifs, fins, rusés même, comme tous les montagnards & les marchands, ils sont plus honnêtes que les peuples commerçants par mer, tels que les insulaires en général, & les nations qui ont des ports & qui font le commerce maritime, ordinairement accompagné de piraterie, comme nous le verrons en parlant des Liguriens, des Carthagiinois & de quelques nations Hispaniennes, avec lesquelles ils ont beaucoup moins de rapport, qu'avec les Tyroliens, les Milanois montagnards, les Savoyards & les Suisses.

Les Arabes, placés sous les mêmes degrés de latitude que les Egyptiens, habitent un pays tout à fait différent de l'Egypte, & leur nation est aussi différente de l'Egyptienne, que les rives de l'Euphrate le sont de celles du Nil. Ils sont actifs, industrieux, laborieux; ils ont l'esprit vif & l'imagination facilement exaltée. Les Grecs n'ont eu occasion de faire mention des Arabes que fort tard, quoiqu'Hérodote, qui parle tant de l'Egypte, auroit dû naturellement parler de l'Arabie. Les prophètes & les poètes Grecs & Latins antérieurs au règne de Vef-

pasien, n'ont rien dit de particulier des Arabes; ils n'ont guères parlé que de la mollesse, des richesses, des délices des Sabéens qui étoient les habitans de l'Arabie heureuse, province très-riche, plus par sa position avantageuse, étant le centre & l'entrepôt du commerce des Indes avec l'Egypte & l'Europe, que par les productions de son propre terroir qui ne produit guère que de l'encens. Ainsi toutes les nations comprises sous le nom d'Arabes n'eurent pas les mêmes mœurs, les mêmes coutumes, le même caractère. L'Arabie déserte ne put jamais être un pays policé; les habitans parsemés sur les sables se bornent à chercher quelques sources d'eau & quelques parcelles de terrain couvertes d'arbres & de broussailles. L'Arabie Pétrée, moins stérile, mais peu capable de nourrir par ses productions une population nombreuse, fit de ses habitans une nation marchande, comme le sont en Europe toutes celles des pays montagneux; & les Arabes dont Moïse fait mention étoient des marchands. Les Madianites à qui Joseph fut vendu par ses frères *) étoient de l'Arabie Pétrée **).

L'Arabie surnommée l'heureuse, devoit être plus policée, & même lettrée dès le temps de Salomon. Car comment la reine de Saba se feroit elle avisée d'aller visiter le sage roi d'Israël, si dans son pays il n'y eût eu aucune idée de littérature, aucun goût pour l'instruction? Mille ans après Salomon, les Arabes de l'Hyemen qui est le nom moderne de l'Arabie heureuse, étoient sans doute policés, comme ceux de l'Arabie pétrée continuoient d'être négocians. Cependant les uns & les autres unissoient à l'esprit, à la culture des arts, la vigueur & la bravoure militaire. Tout ce que nous ont transmis touchant les Arabes, Joseph historien Juif, Strabon Cappadocien, Dion Cassius Bithynien, répond parfaitement à l'idée que l'on eut de cette nation fameuse dans les siècles suivans. Hérode les appelloit une race de barbares, impies, perfides, trompeurs, rusés, artificieux. On les trouve tels partout où il parloit d'eux. Leurs vices & leurs pratiques religieuses

*) Genv. cap. 36. v. 28.

**) Voyez Calmet sur le 2 verset du chap. 25. du même livre.

étoient totalement contraires à celles des Egyptiens superstitieux & idolâtres jusqu'à l'excès, & des Juifs déistes rigides & scrupuleux. En général le gouvernement des Arabes étoit dans les temps les plus reculés plutôt mixte que monarchique. Mais les Rois de l'Arabie heureuse étoient tels que le sont ordinairement les souverains des pays riches, c'est-à-dire despotes & fainéants. L'histoire de Syllaëus nous présente les Arabes spirituels, adroits, intriguans & galans, tels qu'on les trouve encore mille ans après lui, & quatre à cinq-cens ans après Mahomet; & nous donne aussi quelque idée du caractère des rois Arabes de son temps, des rois de la Judée & même de la cour d'Auguste. Ce Syllaëus par son adresse étoit devenu tout puissant sous le règne d'Obades au nom duquel il gouvernoit despotiquement, & auquel il comptoit succéder quoique Obades eût des fils. Syllaëus emprunta du Roi Hérode de grandes sommes d'argent pour se faire des partisans dans le pays & acheter la protection des Romains. Il va à la cour de Jérusalem où il lie une intrigue avec Salomé sœur du roi: il la demande en mariage, mais ne voulant pas se soumettre à la condition de se faire Juif, il est refusé. Il va à Rome intriguer contre le Roi de Judée. Son esprit insinuant, & les agrémens de sa figure lui font des amis; & il gagne la confiance d'Auguste même, malgré les mauvais services qu'il avoit rendu à Aelius Gallus dans son expédition en Arabie, où ce général avoit perdu une grande partie de son armée par la ruse & la perfidie de cet intrigant *).

A cette époque les Arabes étoient entourés de nations civilisées. La langue grecque & une infinité d'ouvrages écrits en cette langue étoient répandus autour d'eux. En Syrie, en Egypte on parloit, on écrivoit le grec, comme de nos jours on parle & on écrit le françois en Allemagne, en Pologne & en Russie. C'étoit là un moyen facile de propager les lettres & les arts dans tout le pays qu'occupaient les Arabes. Il falloit bien que les personnes d'un certain rang fussent,

fi

*) Joseph. lib. 16. cap. 11. Dion Cassius lib. 6.

si non le latin, du moins le grec, pour traiter avec les Romains dont l'influence étoit fort grande, même dans les provinces Arabes les plus éloignées, telle que l'Arabie heureuse. Syllaëus qui gouvernoit sous le foible Obades parloit le grec sans doute & peut être le latin.

Mais les Arabes avoient ils alors quelque sorte de littérature? On devroit le supposer, vû que la nation étoit naturellement spirituelle & que depuis long-temps elle pouvoit participer aux progrès que les sciences avoient fait en Egypte, & dans toute l'Asie mineure. Les Juifs avec lesquels ils confinoient immédiatement, avoient des ouvrages de toutes sortes, puisque dès le temps de Salomon, on disoit que le nombre des livres en étoit infini. Cependant nous ne connoissons aucun livre Arabe antérieur à celui que Mahomet fit écrire, & qui fut apellé par nom générique *le livre* (al Coran). Ce titre même nous feroit croire qu'il n'y en avoit guères. Et il est singulier que la littérature Arabe ne commence qu'après la publication d'un code de loix, qui commandoit l'ignorance.

Quelle que soit la célébrité que les Arabes ont acquis par leur savoir depuis le règne d'Almanzor, le caractère original de la nation est la férocité guerrière, plutôt que l'esprit d'étude & de philosophie. Leurs conquêtes qu'ils poussèrent bien loin dans les trois parties du monde, en Asie, en Afrique, en Europe, ne sont que trop connues; & c'est le premier peuple qui marchant du midi vers le nord, y ait porté ses armes victorieuses. Car les Romains avoient conquis de vastes provinces dans le midi, lorsque par leur masse énorme ils écrasèrent une partie du nord. D'ailleurs le pays de leur origine, âpre, stérile & pierreux, donnoit aux Arabes la même vigueur & le même besoin de se répandre, qu'ont eu ensuite les hordes septentrionales. Nous verrons cependant que les Arabes & les Maures de leur race ont dû céder à d'autres barbares sortis du nord; & sont aujourd'hui bornés à leurs déserts avec leurs troupeaux, la plupart sans villes, sans villages & sans maisons, comme nous les ont présentés les auteurs grecs & latins. Mais ils font quelque commerce chez leurs voisins

comme ils en faisoient anciennement à Jérusalem, à Damas, à Antioche. Ils vendent comme les Indiens les productions rares de leur sol, & n'achètent presque rien de l'étranger, comme ils faisoient du temps des premiers empereurs Romains; car c'est ce que Pline nous apprend en termes bien clairs.

Mahomet par sa naissance tenoit également à deux Arabes; car la Mecque se trouve entre l'Arabie heureuse & l'Arabie Pétrée sur les bords de la mer rouge. On croit communément qu'il n'avoit aucune instruction; mais il en avoit assez pour connoître le caractère des nations au milieu desquelles il étoit né; & pour savoir quel parti l'on pouvoit tirer des principes moraux & religieux que les Juifs & les Chrétiens avoient répandus dans son pays. Il étoit assez instruit pour savoir qu'il lui seroit plus facile de conduire à la guerre un peuple ignorant & fanatique, qu'une nation adonnée aux sciences & aux arts. L'enthousiasme religieux qu'il excita & dirigea, fit des Arabes une nation guerrière & féroce. Cependant ces peuples originaires d'un pays dont l'air & les productions ne peuvent qu'influer avantageusement sur les qualités intellectuelles, reprirent de la disposition & du penchant pour l'étude & les sciences, lorsque le premier enthousiasme, convertisseur & martial, eut fait place à la raison & à l'esprit de tolérance. Sans cesser d'être vaillants guerriers, les Arabes en s'avancant par leurs conquêtes sous des climats plus tempérés que n'est leur patrie, devinrent la nation la plus savante de l'univers. Ils ont même mérité beaucoup des sciences & des arts parceque c'est par eux que les ouvrages des anciens Grecs commencèrent à être connus dans l'occident de l'Europe, que les peuples du Nord avoient plongés dans une profonde ignorance. Ils alloient les régénérer peut être dans l'Asie mineure & la Grèce qui avoient été leur berceau, lorsqu'un autre peuple septentrional infiniment plus barbare que les Goths & les Vandales, en repoussèrent les Arabes; & ils prirent d'eux exactement ce qui devoit les éloigner de la culture des lettres. Le Mahométisme qu'ils embrassèrent, parut

vraiment fait pour éterniser parmi les Turcs, l'ignorance qu'ils portèrent à leur entrée dans la plus belle partie de notre hémisphère. La Syrie, ou Sourie, nous présente différens peuples qui sans être poltrons, ne furent pourtant jamais guerriers féroces. Les Phéniciens qui en habitoient la partie la plus montagneuse & qui de l'autre côté touchoient à la mer, étoient certainement plus portés au trafic, qu'à la guerre. Ils ont fondé des colonies en différens pays; mais on ne dit pas qu'ils y aient trouvé de la résistance de la part des anciens habitans ni qu'ils les aient soumis par la force de leurs armes. Ce qui est dit en mille endroits des livres anciens, c'est qu'ils faisoient un commerce prodigieux, qu'ils avoient des manufactures, qu'ils importaient leurs marchandises dans tous les ports & les villes maritimes. Quoique manufacturiers & marchands plus que guerriers, ils ne manquoient cependant ni de bravoure, ni de talens militaires, dont ils donnèrent des preuves en défendant Tyr assiégée vigoureusement par Alexandre; mais ils ne purent long-temps résister aux forces du conquérant & subirent le sort de la plus grande partie de l'Asie sous les Macédoniens, ensuite sous les Romains, enfin sous les Sarrazins & les Turcs. Ils n'ont jamais cessé d'être marchands, quelque révolution qu'ait éprouvé le commerce de la Méditerranée; & ils n'ont jamais perdu la réputation d'astucieux & de trompeurs qu'ils avoient dans l'ancien temps. C'est l'opinion qu'on a généralement de tous les peuples commerçans, surtout de ceux qui sortent des montagnes, & qui ont des ports de mer au pied d'elles. Mais ce n'est pourtant pas cela qui a le plus distingué les Phéniciens des autres peuples de la Syrie, ni qui leur acquit cette célébrité qui durera éternellement. Leur vaste commerce qui faisoit le principal moyen de subsistance dans un pays qui ne produit pas beaucoup de bled & ne nourrit pas beaucoup de bétail, les obligea comme marchands à se servir de signes pour tenir le compte de leurs ventes & de leurs achats. S'ils ne sont pas les premiers inventeurs de l'écriture, ce sont eux qui ont le plus propagé cette importante invention.

La langue des Phéniciens ne devoit pas être bien différente de celle des Juifs leurs voisins, soit que ceux-ci l'aient portée de leur longue pérégrination & de l'Egypte, soit qu'ils l'aient apprise depuis leur établissement dans le pays des Philistins, qu'on appella dans la suite Palestine. Mais la langue des Phéniciens, par leur commerce avec les Grecs, plus général & plus constant que n'étoit celui des Juifs fut remplacée par des langues étrangères. Ils soutinrent cependant la réputation de peuple lettré & même philosophe, autant qu'un peuple peut mériter cette épithète. Le fameux Platonicien Porphyrius, Maximus Tyrius, & le jurisconsulte Ulpien étoient de ce pays; Guillaume, le meilleur historien du XII^e siècle, étoit de Tyr.

La plupart des ouvrages que les Romains trouverent à Carthage lorsqu'ils prirent & détruisirent cette ville, étoient d'auteurs Phéniciens, parmi lesquels on distinguoit trois ou quatre historiens célèbres tels que Dius Mochus, Sanchoniaton, & le philosophe Mochus Sidonius qui semble avoir été l'inventeur du système des atomes *). L'on croit que les Phéniciens inventerent aussi l'arithmétique **).

C'est une singularité digne de remarque que les pays, d'où se sont répandus anciennement dans l'Europe les lettres élémentaires & l'art d'écrire, soient de nos jours les seuls dans les pays sujets au gouvernement Turc où l'on ait établi une imprimerie. Au commencement de notre siècle un Arabe nommé Abdalla, élève des Jésuites & établi à Aleppe, s'étoit fort distingué dans des entretiens & des disputes qu'il eut avec les Grecs schismatiques qu'il vouloit attirer à la communion romaine. Il les attaquoit si souvent sur leurs dogmes, que le patriarche de Constantinople excité par les prêtres de sa communion, dont Abdalla avoit blessé la vanité ou réveillé le zèle, le représenta au grand visir comme un homme dangereux & turbulent: & en appuyant ses sollicitations pour faire couper la tête au convertisseur,

*) Vossius de hist. graecis. 1. 3. hist. univers. t. 3. pag. 330.

**) Vide Gausab. ad Pompon. Melam. lib. I. cap. XII.

des présens accoutumés de quelques bourses ou centaines de ducats, il obtint ce qu'il souhaitoit. Abdalla en fut heureusement averti, & se sauva dans le Liban parmi les Druses, où sa vie étoit en sûreté. Il y porta le même esprit de controverse, & de zèle religieux. Ne pouvant se répandre où il auroit voulu, il sentit qu'il ne pouvoit communiquer ses opinions que par des écrits. Comme il lui étoit impossible de multiplier les copies en manuscrit, autant qu'il auroit fallu, il s'avisa d'établir une imprimerie. Il connoissoit non seulement l'art typographique & ses avantages, mais il s'étoit même exercé dans l'art de la gravure, parce qu'il avoit été jouaillier. Il avoit un frère moine-Basilien, supérieur du couvent de Marlanna. Il alla s'établir dans ce couvent: il trouva des associés à son entreprise, grava des caractères très-parfaits & très-beaux, & imprima en 1733 les pseaumes de David en langue arabe; ensuite plusieurs traductions de livres de théologie & de dévotion. Cependant cet établissement languissoit au bout de quelques ans après ses premières productions, par les raisons que Mr. Volney rapporte & qu'il n'est pas à propos de répéter ici *). Les Israélites, peuple que tant de vicissitudes ont rendu fameux, possédèrent jadis le coin de la Syrie qu'arrose le Jourdain. L'esprit de cette nation répandue dans l'univers ne peut plus être attribué, ni au climat ni au sol qu'ils habitent; & c'est à d'autres causes qu'il faut rapporter le caractère qu'on lui trouve généralement dans tous les différens pays qu'elle habite. L'espèce humaine n'est pas diversifiée par races comme celle des chiens; mais elle l'est au moins autant que celle de quelques autres espèces d'animaux. Il est très-certain que la nation juive est toute de la même race. Sans les Iduméens qui quelque temps avant la naissance de Jésus Christ embrassèrent le judaïsme, on pourroit dire que les juifs ne sont encore qu'une seule famille propagée à l'infini. Ce peuple dont l'origine & l'antiquité de quatre mille ans sont si bien constatées, dispersé en tant de pays & dans des positions très-différentes de son ancien état, montre encore le même esprit

*) Voy. Volney voyage en Egypte & en Syrie T. 2.

que nous trouvons dans ses ancêtres, d'un temps extrêmement reculé. Semblable au reste à tous les peuples orientaux, au milieu desquels la race d'Abraham se forma en nation, elle a quelque chose de commun avec chacune d'elles: religieuse ou superstitieuse comme l'Egyptienne, active comme l'Arabe, commerçante comme la Phénicienne. Mais on lui trouve, on lui reproche deux qualités distinctives, & qui lui semblent particulières & dominantes; c'est d'être trop fins dans le commerce & l'exercice de leur métier, & nullement propres à la guerre, ce qui leur procure la réputation de lacheté & de poltronerie. Or cet esprit fin & trompeur se fait remarquer dès la première origine de la nation, & quelque soin qu'aient pris les commentateurs de la Sainte Bible à justifier les actions des patriarches, on ne peut s'empêcher d'y trouver de la fraude & de la tromperie. Abraham trompe Pharaon en lui faisant croire que sa femme Sara n'est que sa sœur. Jacob & sa mère trompent Isaac pour lui dérober la bénédiction & le droit d'ainesse dûs à Esaü. Jacob est trompé lui-même par Laban qui lui promet Rachel pour épouse & ne lui donne d'abord que Lia. Ses fils le trompèrent en lui faisant croire que Joseph avoit été dévoré par des bêtes féroces. Joseph à son tour trompe, par une supercherie faite avec bonne intention, tous ses frères, en faisant cacher dans leurs sacs à bled, la vaisselle & les calomniant. L'histoire juive est toute remplie de semblables faits. L'historien Joseph en rapporte une anecdote singulière, postérieure au temps dont parlent les livres sacrés *). Ce Joseph fils de Tobie, qui fut fermier général de Ptolomée, roi de Syrie & d'Egypte se trouvant à Alexandrie à la table du roi, vit entrer dans la salle une très-belle danseuse qu'on introduisoit pour divertir le Monarque & ses convives, & fut pris d'une forte passion pour cette payenne qu'il désiroit ardemment d'avoir pour maitresse ou pour femme. Il en fit confidence à son frère Solymius qui étoit aussi venu à Alexandrie, conduisant avec lui une fille nubile qu'il comptoit de marier à quelque riche

*) Antiq. Judai. l. 12. cap. 4. p. 216.

juif de cette ville. Solymius parut s'y prêter, il promit de lui faire trouver dans son lit la belle danseuse; mais au lieu de lui conduire cette étrangère, il fit habiller sa propre fille de façon à lui donner le change, & l'introduisit un soir dans la chambre de son frère, qui moitié ivre couche avec sa nièce, croyant avoir la belle danseuse dans ses bras. Il l'eut ensuite plusieurs fois de la même manière, & ses jouissances loin d'éteindre sa passion ne firent que l'augmenter. Il en fit encore confidence à ce frère complaisant, en lui avouant qu'il étoit fâché de se sentir toujours plus amoureux de la petite danseuse, parceque probablement le roi ne voudroit pas la lui céder. Alors Solymius lui-dit qu'il lui seroit très-facile d'avoir à lui la personne, dont il étoit épris, puisqu'elle n'étoit point la danseuse, mais sa propre fille, & qu'il avoit cru le bien servir par cette supercherie afin de l'empêcher de se mêler avec une étrangère, & payenne contre les loix de la nation. Joseph en fut très-content, & il épousa sa nièce après l'avoir eue pour concubine sans la connoître. C'est de cette alliance singulièrement ménagée que naquit Hyrcanus, dont il est tant parlé dans l'histoire du temps des Ptolomées. Le sort de cet Hyrcanus qui étoit le cadet de tous les fils de Joseph & d'une seconde femme, à ce qu'il paroît, ressemble à plusieurs égards à celui de Joseph fils de Jacob, qui fit en Egypte la fortune brillante si connue. Hyrcanus chéri de son père, excita la jalousie & la haine de ses frères aînés qui cherchèrent tous les moyens de le faire périr. Cette haine fraternelle n'eut d'autre effet que de procurer à Hyrcanus plus de considération à Alexandrie, & à la cour du roi Ptolémée. Mais cela n'a guères de rapport à nos réflexions; ce qui en a beaucoup, c'est de voir des juifs trois cens ans avant leur dispersion, être fermiers des accises dans un pays étranger, & faire valoir leurs entreprises deux ou trois fois plus que n'espéroient de pouvoir le faire aucun des autres qui se présentèrent, lorsque le roi mit à l'enchère les revenus de ses douanes & autres impôts. Ils ont encore dans l'Hyemen ou l'Arabie heureuse la fabrication de la monnoye,

soit par privilège, soit parce qu'aucune autre classe de personnes ne s'y trouve aussi habile à fondre, raffiner & mêler les métaux.

Le précepte, ou le conseil si souvent inculqué au peuple d'Israël de ne point prêter à usure, de ne point tromper son prochain, nous prouve également qu'il étoit de tous temps enclin à ce métier. Il est à remarquer que même le roi Hérode dont nous venons de parler, avoit prêté à usure des sommes considérables au roi d'Arabie, où à son ministre Syllaëus *). Ce penchant devint dans les descendants de Juda & d'Israël une habitude, presque une nécessité, depuis que chassés de leur patrie, dispersés dans toute l'Europe, incapables de posséder des biens fonds, inhabiles au métier de soldats, exclus des emplois civils, ils ne purent subsister que comme artisans, frippiers, boutiquiers ou courtiers; ils sont comme tous les marchands de détail, forcés de mentir & de tromper pour faire quelque profit. *Lucrari enim non possunt*, dit Cicéron & avant lui Panetius, *nisi admodum mentiantur*.

Les peuples sujets aux Turcs qui habitent la Natolie, dite anciennement Asie mineure, nous intéressent actuellement trop peu pour nous arrêter à les distinguer les uns des autres & les comparer à ces illustres nations, qui ont occupé cette même péninsule, une des plus belles portions de notre hémisphère. Avant qu'elle fut soumise au joug oppresseur des Turcs, l'Asie mineure occupoit une partie considérable de l'histoire Orientale. Aucun pays n'y a proportionnellement fourni tant de matière. Mais que sont à présent les descendants des Cappadociens, des Pamphyliens, des Mysiens, des Lyciens, des Eoliens, des Doriens, des Galates? La Lycie, la Cappadocie, partagées jadis en plusieurs royaumes, ne sont à présent qu'une province de cet empire qui dégrade tout ce qu'il occupe. Ce seroit peine absolument perdue que d'aller chercher l'ombre de ces peuples policés & spirituels, qui ont précédé toutes les nations connues & l'Européenne, surtout dans la culture de tous les arts tant agréables qu'utiles. C'est

*) Josephi ubi supra.

C'est le pays où sont nés les premiers poètes, les premiers historiens, les premiers philosophes & qui continua par l'espace de dix siècles d'en produire. Car l'on fait, qu'Homère, qu'Hérodote, que Thalès, qu'Esopé, que Pythagore peut-être, étoient de différentes villes de l'Asie mineure; & si nous y comprenons les isles adjacentes, quelle foule d'auteurs, & d'autres hommes illustres par leurs talens & leurs ouvrages, n'y trouvons nous pas? Il n'y a aucun coin de cette péninsule, aucun de ces rochers isolés qui ne puisse en citer. Cumes, capitale de l'Eolide, dont les habitans eurent une réputation singulière de stupidité, (afin qu'il n'y eût aucun pays au monde, où l'on ne trouvât quelque canton, qui se fit remarquer par un caractère particulier & différent de tous les voisins,) Cumes, dis-je, est pourtant la patrie d'Hésiode, peut-être l'étoit elle aussi d'Homère, le premier & le plus célèbre de tous les grands poètes. Il est vrai que tous les différens peuples compris dans l'Asie mineure ou Natolie ne se distinguèrent pas tous par les mêmes talens. Ceux qui habitoient vers la partie occidentale qui touche à la mer Méditerranée & à la mer Egée, qu'on nomme aujourd'hui l'Archipel, ont montré plus de penchant pour le commerce, plus de génie pour les arts & les sciences, que pour la guerre. Halicarnasse, Milet, Ephèse, Clazomène, Téos, Sicyon & Phocée, ont vu naître dans leur sein des hommes dont le génie a éternisé la mémoire. C'est dans la Phrygie que naquit Esopé dont les ingénieuses inventions ont encore fait, deux mille ans après, la réputation d'un des auteurs les plus chéris de la nation la plus spirituelle, la plus illustre de l'Europe moderne. D'un autre côté, les nations qui ont habité cette partie de l'Asie mineure qui a surpassé tous les autres pays autant par les richesses naturelles de son sol, que par l'industrie de ses habitans, n'égalerent point la valeur guerrière des Grecs, qu'elle avoit tout près vers l'occident, ni des autres peuples de l'Asie avec lesquels elle confinoit à l'orient. Les Cappadociens, par exemple, & les autres nations qui touchoient à la mer noire & à la Thrace d'un côté, à la Scythie de l'autre, furent moins policés, plus

féroces, & par là même meilleurs guerriers. La Phrygie, la Lydie, les principales provinces de la Natolie ont été subjuguées par les Grecs, par les Perses, par les Romains, par les Arabes & les Turcs presque sans résistance, si on fait abstraction de la fameuse guerre de Troie; au lieu que le Pont, la Cappadoce ont combattu obstinément contre des agresseurs conquérans, & ont même soumis à leur domination d'autres pays. La Cappadoce formoit un Royaume considérable sous les successeurs d'Alexandre, lorsque ce pays devint le partage de quelques-uns d'eux.

L'histoire des guerres de Mithridate ne laisse pas douter qu'il n'eût lui-même & que ses peuples n'eussent de la bravoure, & beaucoup de cette férocity qui l'accompagne & la soutient. Et c'est encore de ces contrées là, ainsi que de l'Arménie, que la Porte tire des troupes, surtout de la cavalerie; tandis que du côté de l'Archipel elle n'attire à Constantinople que des manufactures & des denrées. Je ne doute pas que ces trois Nations ne soutiennent la même réputation chez les Turcs; & ils pourroient servir d'exemple que les bons soldats s'accomodent mieux d'un gouvernement monarchique; car les Cappadociens rendus à la liberté demanderent un Roi. Cette partie de la Natolie ne donna ni à la Grèce ni à Rome, lorsque celle-ci la soumit, que peu d'hommes de lettres renommés; le géographe Strabon & Pausanias, deux auteurs plus estimés par leur érudition & leur exactitude que par leur imagination, étoient Cappadociens, mais de différentes provinces. Les Cappadociens au reste passoient du temps des Romains pour de grands menteurs, comme les Ciliciens, & les Crétois.

On voit encore par l'histoire des guerres de Mithridate que le Pont étoit habité par une nation belliqueuse & peu différente de la Cappadocienne.

La Bythinie, péninsule de l'extrémité occidentale de la Natolie, devint célèbre dans l'histoire romaine pour avoir donné un azile à Annibal. Au reste ses peuples n'étoient pas seulement belliqueux, mais aussi grands voleurs par terre & par mer. Le seul homme de la Bi-

thyne dont l'histoire ait conservé le nom après celui du roi Prusias & de quelques-uns de ses prédécesseurs, est un nommé Cléon, le plus fortuné traître de tous ceux dont on ait connoissance. Il étoit d'un bourg nommé Gordo, & fit de bonne heure le métier de voleur de grands chemins, à la manière que tant de petits seigneurs & princes le firent dans le moyen âge dans toute l'Europe. Il se tenoit dans un lieu fortifié par la nature & par des châteaux qu'on y avoit construits. Il faisoit de là avec ses gens des excursions à la ronde, arrêtoit & pilloir sans distinction les officiers, les traitans Romains, les marchands & autres particuliers. Lorsque la rupture éclata entre Marc-Antoine & Octave, il empêcha les lieutenans de ce dernier de tirer de l'argent du pays, & rendit par là des services importans à Marc-Antoine dont il reçût des récompenses considérables, mais ensuite il abandonna ce triumvir & se mit du parti d'Octave, qui beaucoup plus qu'Antoine combla Cléon d'honneurs & de biens, en sorte que de voleur qu'il avoit été il figura comme un prince. Il rebâtit & érigea en ville le village de Gordo où il étoit né, & lui donna le nom de Juliopolis, pour témoigner de la reconnoissance à César. Mais il ne changea pas de caractère. N'ayant plus besoin de voler les passants, il traita en fier despote ses sujets, & abusa en tyran impie de son pouvoir, foulant aux pieds les loix & la religion du pays. Il y avoit un grand temple célèbre desservi par des prêtresses révérees du peuple, lorsque Gordo pour comble d'honneur obtint encore la dignité de Grand Prêtre, ou Pontife, de certaines villes du Royaume de Pont; appelées Comane. Il étoit défendu par d'anciennes loix d'introduire des cochons dans l'enclos qu'habitoient les prêtresses, ni dans la ville autour de ce temple. Cléon bravant les coutumes & les loix y en fit conduire, en fit manger & en mangea surtout. Cette viande, ou d'autres excès, lui causerent une telle indigestion qu'il fut frappé d'une apoplexie, dont il mourut. Les Prêtres & les Prêtresses ne manquèrent pas d'attribuer sa mort à la vengeance de la Divinité, dont ils étoient les ministres. Je ne veux ni dans cet article ni dans aucun au-

tre conclure d'un ou deux exemples particuliers, que tel ait été où soit le caractère de toute une nation. Mais lorsque nous n'avons point d'autres faits qui nous fassent penser le contraire, on peut prendre ces faits & ces exemples particuliers au moins pour des indices qui nous font conjecturer du général.

Au surplus, l'on fait bien que c'est des provinces dont nous venons de parler, connues autrefois sous le nom de Cappadocie, de Pont & de Bythinie que la Porte tire encore une partie de ses troupes, & combien de Bachas de Scutari n'auront pas fait dans ce même pays ce que fit Cléon?

Sect. 2.

Des Peuples qui habitent la Turquie Européenne.

La Thrace, où est Constantinople, capitale de l'empire Ottoman, n'est séparée de la Bithynie que par le détroit, qui sépare l'Asie de l'Europe, & qui fait la communication de l'Archipel avec la mer noire. Aussi le pays ressemble assez, & par la nature du sol & par le caractère des habitans, à la Bithynie; mais les Thraces qui descendent plus directement des Scythes ont dû s'amalgamer plus facilement avec les Turcs qu'avec tous les autres peuples qui ont passé sous le joug de ces conquérans. De toutes les provinces de l'Europe orientale qui font partie de l'empire Ottoman, la Thrace est celle dont les habitans, sans être meilleurs guerriers que les Macédoniens, les Theffaliens & les Grecs, étoient les plus barbares. Toutes les particularités qui nous ont été transmises des temps les plus reculés concernant ce pays, nous confirment dans cette idée, en commençant par le fabuleux Orphée, jusqu'à la restauration de Byfance; & le petit nombre d'auteurs & d'artistes que la Thrace a donné à la Grèce & à Rome, ne nous oblige pas à modifier cette assertion. La Thrace a donné à Rome un empereur, c'étoit Maximin, le plus cruel de tous ces tyrans qui ont occupé le trône d'Auguste. Byfance sa capitale, devenue une nouvelle Rome

& le siège des successeurs de Constantin, son restaurateur, devoit a mollir le caractère des habitans de la Thrace, qui prit ensuite le nom de Romanie; en effet cela a un peu mitigé leur ancienne férocité, mais il augmenta la corruption des mœurs qui y règnoient depuis longtemps & que le Christianisme n'avoit que peu corrigé. Il dû à la vérité mettre des bornes à la Polygamie qui étoit assez fréquente avant la publication de l'évangile; mais les Turcs y ramenèrent la pluralité des femmes, & à cet égard la Thrace ou Romélie nous représente encore celle du temps des Romains.

Jettons maintenant un coup d'œil sur la Grèce proprement dite, sur les nations qui l'ont habitée, & celles qui l'habitent. Il ne faut pas ici chercher dans l'antiquité les traces du caractère des Grecs modernes, mais plutôt tâcher de trouver dans ceux-ci quelques ombres, quelques foibles restes des coutumes des siècles antérieurs à la restauration de Byfance & à l'empire de Constantin; & depuis cette époque jusqu'à l'invasion des Turcs. Aucune partie de notre hémisphère n'a moins changé quant au physique, que la Grèce; & nul pays n'offre un état aussi différent de son état ancien, ni des peuples moins ressemblans à ceux qui ont jadis occupé ce même terrain. Si nous partageons la Grèce en trois sections, une au nord, qui comprendra la Thessalie, l'autre au Sud, qui est l'ancien Péloponnèse, dit aujourd'hui la Morée, la troisième, au milieu de ces deux, qui renferme l'Attique, la Béotie, & l'Etolie, nous trouverons peut-être encore un reste de caractère des anciens peuples qui les habitoient; mais nous ne trouverons rien dans la partie du milieu, qui rappelle le temps de Périclès & d'Epaminondas, si ce n'est peut-être la stupidité féroce des Béotiens, dans quelques Sangiacs, Bachas & Emirs Turcs, & l'esprit Athénien dans l'astuce de ces peu de Grecs qui habitent les débris d'Athènes, & d'Argos. Je ne fais ce qui peut rester dans les Jénischéher Vilajetti, de l'ancienne réputation qu'avoient les femmes Thessaliennes, d'être de terribles sorcières ou magiciennes, réputation que la fameuse Médée acquit à ce pays. Je ne fais non plus si l'esprit des

habitans actuels peut encore donner lieu à quelques imaginations romanesques, de débiter que les montagnes de Thessalie étoient le séjour des Muses, & la plus haute de ces montagnes qui est l'Olympe, aujourd'hui Lacha, le séjour des dieux: mais en rapprochant ce qu'il y a de réel dans les contes fabuleux des Grecs, de l'histoire la plus véritable tant Grecque que Romaine, nous trouverons que les Thessaliens se sont distingués dans le temps le plus reculé par leur habileté à dresser des chevaux & former des corps redoutables de cavalerie. Il est vrai que peu de contrées dans l'Europe orientale, sont plus faites pour nourrir des chevaux, & produire des hommes lestes, adroits & robustes pour les monter. La plaine arrosée par différentes rivières est aussi riche en pâturages que fertile en grains; & la face méridionale du mont Lacha, & de plusieurs autres montagnes qui entourent cette belle plaine, fournit aux habitans tous les moyens de subsistance, qui produisent, ou maintiennent la force & l'adresse, tant de corps que d'esprit; forces également utiles à toutes sortes de métiers. L'on fait combien les escadrons Thessaliens se firent admirer dans les guerres des Grecs, & quel parti en tirèrent Philippe & Alexandre, rois de Macédoine; puis les Romains, lorsqu'ils en furent les maîtres. Et n'est-ce point pour remonter ses troupes, & avoir les moyens de les faire subsister que Pompée alla se camper dans les plaines de Pharsale?

Sous les Empereurs d'Orient, comme sous les Ottomans, la Thessalie n'a cessé de fournir une excellente cavalerie, moins nombreuse à la vérité que celle d'Albanie, parce que ce sandgiacat, n'est pas d'une aussi grande étendue; mais les cavaliers Albaniens sont moins adroits que les Thessaliens, nation d'un caractère plus vif & plus spirituel.

Ces avantages ne firent pourtant pas de la Thessalie une province savante. Le Pinde, le Permesse, le Parnasse, tout le pays charmant où l'on prétendit établir le séjour des muses, ne fut jamais ni le berceau ni l'école des poètes. A cet égard la Thessalie resta encore au dessous de la Macédoine & de la Thrace. Il lui arriva comme à certaines villes, où il y a de célèbres universités & qui ne donnèrent jamais le

jour à un bien célèbre docteur. Quoique les Theffaliens n'aient jamais passé pour un peuple stupide comme les Béotiens, aucun d'eux ne s'est illustré dans quelque science ou quelque art que ce soit, comme ont fait trois ou quatre Thébains. Qui fait si l'aisance que la bonté du territoire donnoit aux habitans, ne les rendit pas un peu insoucians, de sorte que contens d'une certaine culture qui leur étoit facile, ils ne firent jamais de ces efforts d'application qui procurent les grands succès & acquièrent la célébrité?

Les Béotiens au reste passaient, autant que les Theffaliens, pour excellens cavaliers, & possédoient un pays très-propre à nourrir toute espèce d'animaux utiles. Aussi peu portés pour les arts qui demandent de l'esprit & du travail, ils étoient aussi bons soldats que les Theffaliens, & se distinguoient surtout comme cavaliers. La grasse nourriture & une atmosphère lourde qui appésantit l'esprit, ne s'oppose pas à la férocité, & n'étouffe point les passions ni le penchant au plaisir de toute espèce. Thèbes, capitale de la Béotie eut toujours de bonnes troupes, parce que la nation étoit vigoureuse & féroce, mais elle n'eut que rarement de bons généraux parce que la force de l'esprit est encore plus nécessaire que la force du corps pour conduire des armées. Elle n'eut à cet égard que deux génies, Pélopidas & Épaminondas, tandis qu'Athènes & Sparte en avoient une foule. Mais ce qui est plus étonnant c'est que pendant l'espace de plusieurs siècles que la Grèce fut lettrée & produisit tant d'excellens auteurs, Thèbes ne vit sortir de son sein que le seul Pindare. Encore Pindare étoit il poète d'un genre qui tient de près à la musique, art dans lequel il semble que les Thébains se distinguoient; puisque dans l'histoire dramatique d'Athènes on trouve souvent nommés des maîtres de musique Thébains. D'ailleurs, Pindare n'eut pas trop lieu de se louer des bontés de ses concitoyens fiers & envieux, qui trouvèrent fort mauvais que ce poète eût loué les Athéniens, & le condamnèrent pour cela à une amende. Si quelqu'autre Béotien a pris place parmi les grands auteurs, philosophes, poètes, historiens, il étoit né, non dans les gras-

ses campagnes qui bordent l'Orchomène & au milieu desquelles Thèbes étoit assise, mais dans les régions plus élevées & hérissées de collines. Telle étoit Chéronée la patrie de Plutarque. La nourriture forte donnoit aux Béotiens une vigueur plus propre aux exercices corporels, qu'à ceux de l'esprit. On a observé que le bled Béotien étoit de deux cinquièmes plus nourrissant que celui de l'Attique.

Hume dans son essai sur le caractère national, eut raison de dire que ce n'est pas aux climats qu'il faut attribuer la différence énorme, qui se présente entre la stupidité des Thébains, & l'esprit des Athéniens, puisque ces deux villes sont exactement sous le même parallèle, & ne sont qu'à la distance de quelques lieues l'une de l'autre; mais il veut en conclure le peu d'influence des causes physiques sur l'esprit des nations. Nous lui accordons facilement que des causes morales en aient au moins autant que les causes physiques. Mais comment est-il échappé à ce génie observateur & profond, que ce n'est pas seulement dans le climat, c'est-à-dire dans la plus ou moins considérable proximité des tropiques, qu'il faut chercher les causes physiques, mais dans l'atmosphère, le sol, la qualité de ses productions, & les circonstances locales?

Le sol de l'Attique est très-différent de celui de la Béotie Thébaine, & donne une nourriture plus légère & plus délicate. Le pain fait avec le froment du cru de l'Attique est moins nourrissant que celui de la Béotie; & l'orge qui y est plus naturelle & plus commune que le froment, donne un aliment plus léger que le froment. Le vin est meilleur & l'huile, moins pesante que le beurre & la graisse, est dans l'Attique de la plus fine qualité. Le miel faisoit une bonne partie de la nourriture des anciens; or dans l'Attique où est la colline d'Himette si renommée pour cet objet, le miel étoit, de même que le vin, plus délicat que dans les autres contrées de la Grèce.

D'ailleurs un sol graveleux, rocailleux, sec & exposé au vent de l'Est & du Sud, tel que le demandent également la vigne & l'olivier, donne un air médiocrement vif & fort sain. C'est à cause de l'air ou
des

des autres avantages particuliers de l'Attique que Platon rendoit grâces aux dieux de ce qu'il étoit né Athénien plutôt que Thébain, & sans doute parce qu'Athènes étoit le pays d'un peuple plus spirituel, que ne l'étoit le Thébain. Mais la cause de cette différence est celle que nous cherchons, & nous ne pouvons douter qu'elle ne consiste dans la qualité du sol & de l'air, ainsi que l'on vient d'indiquer. Sa position géographique étoit aussi avantageuse à la ville d'Athènes, capitale de l'Attique. Elle offroit un port sûr aux colonies & à toute classe d'émigrés, qui du continent de l'Asie mineure, des îles adjacentes, de la Phénicie & de l'Egypte, abordoient au continent de l'Europe. Or il n'est pas douteux que la civilisation, les sciences & les arts, & tout ce qui contribue à l'esprit & au caractère national, & qui en est également la cause & l'effet, ne soit venu de l'Egypte & de l'Asie en Europe, & que les habitans de l'Attique n'aient été les premiers à en profiter. La constitution politique n'y contribua pas moins; & c'est-là une des principales causes morales du caractère des nations. Mais cette constitution, cette forme de gouvernement, ces lois ne sont-elles pas une suite du caractère & d'autres causes précédentes, ou de quelques circonstances accidentelles? D'où vient qu'elles sont différentes en différens états de la Grèce? Nous allons le dire en parlant des Lacédémoniens. Et n'est-ce pas en attendant par cette vivacité d'esprit, effet des causes physiques, que les Athéniens adoptèrent le gouvernement démocratique, tandis que Sparte se décida fermement pour l'aristocratie. On ne peut guère douter que la constitution démocratique n'ait beaucoup contribué aux progrès étonnans que fit l'esprit humain dans Athènes. Mais Solon, son législateur, étoit Athénien, & son esprit & ses idées précédèrent ses lois, & les révolutions qui les affermirent étoient un effet naturel du caractère de la nation, vif, actif, inquiet & remuant comme les Athéniens l'ont été de tout temps. Pour rendre les rois odieux on inventa la tragédie, & pour ridiculiser les personnes trop influentes par leur crédit, la comédie se forma. Et c'est pour gouverner les peuples qu'on voulut être orateur, &

on le devint. Les Athéniens étoient guerriers; les vies de tant d'illustres capitaines athéniens, les victoires de Marathon, de Salamine, des Thermopyles, & la longue guerre du Péloponnèse, ne permettent pas de disputer à ce peuple les talens militaires. Cependant ce peuple ne fut ni féroce comme les Thébains, ni guerrier comme les Lacédémoniens. Ses grands succès ont été le fruit plutôt de la sagacité que de la bravoure, & plus de la valeur de l'esprit que de cette férocité belliqueuse qui vient du tempérament. Il a fallu aux Athéniens s'armer & combattre pour se donner une consistance au milieu de voisins jaloux & envieux, mais l'ardeur de ce peuple se refroidit aussitôt qu'il eut pris du goût pour les arts & qu'il connut les avantages du commerce. Je crois bien qu'Athènes perdit son influence, ensuite sa liberté, pour avoir préféré le commerce à la guerre, mais sa position l'invitoit au commerce, & toute nation qui commence à s'y adonner contracte de l'aversion pour le métier de la guerre, & finit par la faire avec son argent plutôt qu'avec son fer & ses bras. Nous en verrons bien d'autres exemples dans d'autres parties de l'Europe.

Les Mégariens placés à l'occident de l'Attique, possédoient un territoire beaucoup moins gras que celui de la Béotie; il étoit même moins fertile que celui de l'Attique, & ils ne manifestèrent jamais ni la bravoure des Thébains & des Spartiates, ni l'esprit & les talens des Athéniens. Aussi ils ne jouèrent jamais qu'un rôle très-secondaire, asservis tantôt par les uns tantôt par les autres voisins. La finesse de leur esprit n'étoit que la ruse dans les affaires particulières & dans le trafic. C'est le caractère assez commun des peuples qui habitent les pays montagneux & trop dépourvus des moyens de subsistance. La pauvreté qui excitoit leur industrie, la tournoit en ruse, qui est un talent de la troisième classe. Les philosophes de l'école de Mégare avoient dans leur méthode cet espèce de talent. Le portrait qu'un ancien nous a laissé des Mégariens, ressemble beaucoup à celui des Grecs modernes en général, si ce n'est que les Mégariens étoient pauvres par la nature

de leur pays, & les Grecs de nos jours le sont par la nature du gouvernement oppressif sous lequel ils vivent.

Le territoire des Corinthiens n'est pas d'une qualité supérieure à celui de la Mégaride. Il est même plus stérile, mais se trouvant au centre des communications de deux grandes parties principales de la Grèce, entre le continent & la péninsule, & au milieu de deux mers, leur ville & leur port devinrent l'entrepôt du commerce de l'Asie & de l'Europe. Ils imitèrent les Phéniciens dès qu'ils virent leur puissance, & s'adonnèrent comme eux au commerce maritime. Ils eurent un double moyen de s'enrichir par le commerce qu'on venoit faire chez eux des deux côtés du levant & du couchant, & par celui qu'ils faisoient eux-mêmes avec leurs vaisseaux. L'aisance & les richesses acquises par ce double moyen, produisit le même effet que la richesse naturelle chez les peuples qui possèdent un sol fertile, c'est de ne produire presque jamais de grands génies, mais une foule d'esprits légers & superficiels, tels que les forment les grandes & riches villes. Ce ne sont que les arts qui servent immédiatement au luxe & aux plaisirs que l'on cultive avec succès dans de tels pays. Aussi on ne cite pas un seul grand auteur ni un seul grand artiste qui fût né & élevé à Corinthe. On y trouvoit des ouvrages de tout genre de littérature, mais tout cela étoit le produit des richesses de leur commerce & de leurs douanes, mais non de leur génie. Il paroît cependant que la classe dominante unissoit d'autres connoissances à l'esprit de commerce. Ils joignirent la science du gouvernement & les talens politiques, sinon pour acquérir de l'ascendant sur les autres peuples, du moins pour conserver leur autorité sur la classe inférieure. Ils différoient en cela des Athéniens, qui furent toujours décidés pour la démocratie, & des Lacédémoniens qui avoient combiné l'aristocratie avec la royauté. Ils eurent quelquefois des tyrans, comme toutes les grandes & riches villes.

Sect. 3.

Des peuples habitans de la Morée.

Le Péloponnèse, que sa forme ressemblante à une feuille de mûrier fit appeler Morée par les Italiens du moyen âge, est le pays de toute l'Europe méridionale qui a le moins changé pour le physique depuis le temps d'Agamemnon & de Lycurgue, mais qui a le plus changé sous le rapport politique & moral. Le sol de cette péninsule n'a essuyé ni des inondations, ni des stagnations d'eau qui ayent changé en marais ses campagnes, & fait désert ses villes, comme il est arrivé à la Campanie & à la Calabre. Les vents qui souffloient autrefois, y soufflent encore régulièrement, & n'y viennent point imprégnés de vapeurs d'autres qualités. Cependant que trouverons-nous dans la Morée qui nous rappelle le Péloponnèse du temps de Thucydide & de Polybe, si ce n'est des vignes, quelques cèdres, quelques chênes, dont les fruits peuvent encore prouver la possibilité de vivre de glands. Ce pays, qui ne fait à présent qu'une médiocre province de l'empire Ottoman, n'offre plus aucune diversité dans le caractère, les mœurs & l'esprit de ses habitans, si on excepte le petit coin de Mania. Il contenoit anciennement trois, cinq, six, huit nations, dont le nom est encore célèbre, & dont l'esprit, les mœurs, les lois, la constitution étoient fort différentes. Sans nous arrêter aux Eliens, chez qui se célébroient les jeux Olympiques si fameux, ni aux Messéniens que le sort de Mérope & la guerre des Thébains sous Epaminondas ont fait distinguer, ni aux Epidauriens connus par leur crédulité au sujet d'Esculape; fixons un moment nos regards sur les trois principales nations, les Argiens, les Arcadiens & les Lacédémoniens, si différentes entr'elles quoique si voisines. Les Argiens, occupant un pays moitié plaine fertile, moitié collines ou montagnes d'une douce pente, sur une côte de facile abordage, furent une des premières contrées de la péninsule qui se trouva habitée par des colonies Asiatiques ou Egyptiennes, & fut regardée comme le berceau des peuples grecs. C'est au moins là que naquirent & vécurent les plus anciens personnages, dont la fable &

l'histoire d'Europe ayant parlé, & qui ont fait le sujet de tant de tragédies. Presque tous ces personnages & leurs aventures, soit fabuleuses soit réelles, nous présentent des hommes, des femmes d'un caractère fier, hautain, & plus que féroce. Les noms de Danaüs & de ses filles, d'Atrée, de Thyeste, d'Agamemnon, de Clytemnestre, d'Oreste portent avec eux l'idée de l'atrocité. Le caractère modéré, le temps & le progrès de la civilisation se retrouva encore dans la nation Argienne du temps de Périclès & d'Alexandre de Phères après celui où l'on place l'histoire des Atrides & la guerre de Troie. Ils conservèrent l'esprit guerrier, toujours accompagné de férocité & de hauteur. Riches comme les Corinthiens, mais plus par la nature de leur territoire que par le commerce, ils donnèrent dans le luxe, ils aimèrent & favorisèrent les arts qui le soutiennent, ils négligèrent les lettres & surtout les sciences, comme c'est la coutume des hommes fiers par l'ancienneté de leur origine, de leur illustration, de leurs richesses. Les Argiens moins diffamés que les Thébains ne purent pas même compter comme ceux-ci un homme célèbre par son esprit qui fût né parmi eux, mais ils pouvoient se vanter d'avoir eu des musiciens célèbres comme en eurent les Thébains. Thélésille, dame Argienne, qui par quelques poésies sorties de sa plume est placée sur le Parnasse avec Sapho & Corinne, s'est plus illustrée par sa fierté militaire qui étoit effectivement le caractère de la nation, que par ses talents poétiques *).

L'Arcadie n'a pas été le théâtre de ces terribles scènes que l'ancienne histoire de Thèbes, de Mycène & d'Argos nous présente. La nation qui l'occupoit, confinant d'un côté à l'Argolide, de l'autre à la Laconie, ne ressemble ni à l'une ni à l'autre par ses mœurs, ses lois & ses usages; c'est le peuple dont tant les historiens que les poètes ont le plus constamment parlé avec éloge. Quoique les Arcadiens n'aient pas figuré dans les grandes révolutions de la Grèce autant que les Athéniens, les Thébains, les Spartiates, ils aimoient cependant les

*) Plutarch. Clemens Alexandr. Stromat. Lib. 4. Pausanias. Fulvius Ursinus in poetic.

plaisirs autant que les premiers, les arts autant que les seconds, & ils étoient aussi bons guerriers que les troisièmes de ces peuples si renommés. Leur forme de gouvernement n'avoit presque aucun rapport avec les constitutions des autres Grecs. Mais à quoi faut-il attribuer leur caractère humain, leur hospitalité, leur gaieté, leur amour pour les arts agréables, leur système particulier de gouvernement & leur esprit militaire? On dit constamment que les Arcadiens étoient absolument indigènes; qu'ils n'étoient venus d'aucun autre pays s'établir dans les terres qu'ils occupoient. L'on ne nomme point leurs législateurs comme l'on nomme ceux d'Athènes, de Sparte, de Crète, ni le premier fondateur d'aucune de leurs villes comme l'on nomme celui de Thèbes & tant d'autres. Il est à croire que les premiers habitans étoient quelques colonies sorties immédiatement de l'Argolide, ou de l'Achaïe, d'un temps inconnu, & dont le chef par sa modération & une sagesse particulière resta dans l'obscurité. Car ce ne sont que les grandes aventures & les grands crimes qui donnent le plus de renommée, ou les grands obstacles qu'un homme rencontre lorsqu'il veut faire le bien de ses semblables. Les bons rois font certainement moins parler d'eux que les tyrans. Quelque bon esprit parmi les premiers immigrés, fut leur insinuer des principes de sociabilité, leur inspira du goût pour la musique & pour la poésie sa fidelle compagne, car la musique vocale demande nécessairement des paroles mesurées qui énoncent quelque sentiment. Ces chants accompagnés du son de quelques instrumens, dont on attribua l'invention à un homme qu'ils nommèrent Pan, furent probablement la première cause de cette sociabilité, de ce caractère doux, de cette gaieté simple & innocente qui distingua les Arcadiens de tous les autres peuples, non seulement de la Grèce, mais de l'Europe ancienne, car le premier homme honnête & hospitalier que l'on cite dans l'histoire de l'Occident, est un Arcadien nommé Evandre. La bonté du pays, qui partagé en montagnes, en vallées, en quelques plaines, offroit assez abondamment tout ce qui constitue la plus saine nourriture, orge, vin, huile, fruits de toute sorte, gi-

bier, & médiocrement de la viande & du laitage, a dû contribuer à l'aménité, à la gaieté de l'esprit de la nation, & cette gaieté avoit peut-être servi à écarter les discordes meurtrières. Effectivement l'Arcadie est le pays où les guerres intestines n'eurent jamais lieu, autant que l'on sache. Cependant les Arcadiens n'étoient pas moins braves guerriers que leurs voisins. Ils se sont défendus contre ceux qui les attaquèrent, & ont su conserver leur indépendance contre l'ambition des Lacédémoniens. Heureusement il n'y eut point parmi eux de famille qui se crût, ou voulût se faire croire descendue de quelques fameux héros, ou demi-dieux, & qui par ce titre prétendit à la royauté ou à des distinctions humiliantes pour les autres. Il subsista parmi eux une grande égalité de conditions, sans qu'on se soit entiché de cette égalité de biens que l'imagination de quelques philosophes législateurs enfanta, & qui n'a réellement jamais existé aucune part, pas même à Sparte. Jamais n'exista une démocratie moins turbulente que chez les Arcadiens, ni plus de cet esprit humain, bien-faisant, hospitalier, plus de patience dans les travaux, de fermeté dans les entreprises, de constance dans un parti une fois pris. Cette petite nation se soutint fort long-temps; & on trouve dans leur constitution & leur caractère trois singularités remarquables. 1. Ils alloient servir librement dans les guerres étrangères, sans être à la solde d'aucune puissance préférablement, de sorte qu'il se trouvoit des mercenaires Arcadiens dans des armées différentes, & par conséquent quelquefois les uns contre les autres. 2. Lorsqu'après la fameuse journée de Leuctres, Epaminondas leur conseilla de bâtir & de fortifier une ville qui fût le centre & la capitale de l'état, ils acceptèrent & mirent cet avis en exécution. Non seulement les autres villes & bourgades ne s'y opposèrent point, comme on auroit dû s'attendre de la jalousie & de l'intérêt de chaque district, mais elles y contribuèrent de bon gré; & c'est alors que l'on vit naître cette ville devenue ensuite très-célèbre, à laquelle, en considération de son étendue & de sa vaste enceinte, on donna le nom de Mégalopolis (grande ville). Cette fondation devoit

amener l'aristocratie dans l'état; car il étoit naturel que les familles établies dans la capitale attirassent à elles la principale influence; mais si la nouvelle forme de gouvernement qu'ils établirent à cette époque doit s'appeler aristocratique, c'est bien la plus large aristocratie que l'on puisse imaginer, ou autrement, la démocratie la plus raisonnable.

3. Il se forma un conseil ou assemblée, à laquelle fut confié le pouvoir de décréter la guerre & la paix; & cette assemblée qui répond à ce que dans des républiques modernes on appelleroit petit conseil, étoit composée de dix mille individus *).

Sparte fut le siège de la valeur & de la sévérité, au lieu qu'Argos & Corinthe étoient l'asyle de la licence & de la débauche. Les Lacédémoniens ne ressembloient aux autres Péloponnésiens que pour la bravoure, en quoi ils les ont surpassés, ce qui étoit le principal effet de leur constitution. La sévérité des mœurs publiques qui les distingua hautement de toutes les autres nations, n'avoit pour objet que l'esprit de domination & le maintien de la discipline militaire. Le caractère absolument particulier des Lacédémoniens ne peut être attribué à des causes physiques. La différence entre leur caractère & celui des autres Grecs est infiniment plus grande que n'est la différence, soit de la qualité de l'air & du sol, soit de la position relativement aux autres cantons de la Grèce. Ce sont les lois de Lycurgue qui ont formé les Spartiates. Mais ce législateur & les compatriotes qui en acceptèrent & observèrent les lois, ne devoient-ils pas avoir d'avance quelque chose de différent dans leur manière d'être & de penser, qui les distinguât tant des Athéniens que des Thébains? Il est difficile de remonter à la première origine du caractère de cette nation singulière. Si un homme tel que Lycurgue Lacédémonien, issu à ce que l'on a cru de la race d'Hercule, eût été Athénien & de la descendance de Thésée, auroit-il donné à sa patrie les mêmes lois qu'il donna à Sparte? Et ces lois auroient-elles été acceptées & observées

*) V. Demosth. de falsa legatione lib. 10. Barthelemy voyage d'Anacharsis T. 3. p. 314.

vées par les Athéniens, comme elles l'ont été par les Lacédémoniens? Je crois plutôt que Solon auroit donné à ceux-ci à-peu-près les mêmes lois que leur donna Lycurgue, pour peu qu'il eût considéré la nature du pays & ce qui étoit déjà établi avant la nouvelle constitution que Lycurgue, dit-on, apporta de Crète, & qui pourtant ne pouvoit ressembler à la constitution Crétoise, que dans la partie qu'on appelleroit du droit civil, & peu ou point pour la forme du gouvernement. Lycurgue ne changea pas même les lois fondamentales de Sparte, ou l'ancienne constitution, que l'on suppose qu'il voulut totalement détruire pour en établir une nouvelle. Ne lit-on pas qu'avant lui il y avoit des rois & des princes Lacédémoniens, de deux familles différentes, mais issues de la même tige, & que non seulement le trône étoit héréditaire dans la famille des Héraclides, mais qu'on avoit déjà réglé la succession d'une manière précise, & telle que l'Europe eut tant de peine à bien établir, qui est le droit de représentation, appelé improprement loi Salique? Ce qui a fait vraiment la grandeur de Sparte & sa longue durée, indépendamment de la considération très-particulière de la naissance & la conduite sage & vertueuse du législateur, c'est l'article de ses lois qui y établit, pour ainsi dire, la pauvreté comme base de la vertu politique. Ce grand homme qui avoit beaucoup voyagé & vu beaucoup plus que ses concitoyens (puisque ce fut lui qui le premier envoya à Sparte les poèmes d'Homère) connoissoit la Grèce & les pays qui l'entourent. Il connoissoit sans doute la Laconie plus particulièrement. Il vit que jamais ses habitans, moins encore ceux de Sparte, plus éloignés de la mer, ne pourroient faire un commerce avantageux avec les Crétois, les Rhodiens, les Phéniciens, les Corinthiens & les Athéniens. Il n'ignoroit pas d'ailleurs que ce commerce, en cas qu'il prospérât, ne pouvoit qu'amener le luxe & la corruption à la suite des richesses. Vrai philosophe, comme il l'étoit, il savoit aussi que les jouissances que procurent les richesses, ne compensent pas les désagrémens qui accompagnent les jouissances du luxe & du vice, & qu'un peuple est plus facilement

heureux en général par la frugalité & la tempérance, & même par l'ignorance des plaisirs, excepté de ceux que la nature offre & demande. Il dirigea ses lois à prévenir l'acquisition & l'abus des richesses, par le partage des terres, qui amenoit autant qu'il étoit possible l'égalité des biens. Il savoit que la fertilité du pays suffisamment cultivé, devoit fournir à la subsistance des habitans. Par son crédit & par l'intervention des oracles qu'il sut ménager, il engagea, il força les Lacédémoniens à se soumettre à un nouveau régime qu'il leur prescrivit. Il falloit cependant pourvoir à la sûreté & à la conservation du pays qui devoit fournir les objets indispensablement nécessaires à la subsistance; & cette sûreté ne pouvoit naître que de la valeur des habitans, de leurs forces & de leur habileté à repousser les attaques des étrangers ambitieux, envieux ou brigands par pauvreté. L'esprit guerrier dont les philosophes Athéniens accusoient Lycurgue d'avoir fait l'objet principal ou unique de sa législation, n'étoit que le garant de la propriété qu'il devoit assurer à sa nation. Et cette envie de dominer sur la Grèce & même dans l'Asie, ne fut qu'une suite inévitable des lois qui d'abord n'avoient pour objet que la défense. Il est si facile que les mesures que l'on prend pour assurer ce que l'on a, portent quelque gouvernement que ce soit à s'emparer de ce que l'on n'a pas. Au surplus, il n'étoit pas possible de dépouiller les hommes de toutes les passions. On en détruit rarement une sans en faire naître ou en augmenter une autre, dont le principe peut être souvent bon & louable. La constitution lacédémonienne devoit au moins inspirer l'amour de la patrie & celui de la gloire. Tous nous disent que les Spartiates honoroient, élevoient aux dignités ceux qui se distinguoient par leur bravoure, leur adresse, leur patience, & comment pouvoit-on en donner des preuves remarquables qu'à l'occasion de guerres, puis qu'il n'y avoit ni art ni science qu'on cultivât, que l'on honorât, que l'on permit? Ne savoit-on pas que c'étoit pour cela qu'on les exerçoit à la course, à la nage, à la lutte, au vol même? Elevés & formés pour la guerre, les Spartiates y étoient encore por-

tés par le régime sévère, la gêne & la contrainte dans laquelle ils vivoient chez eux pendant la paix. Et cette privation de presque tous les plaisirs, leur faisant peu aimer la vie, leur faisoit peu craindre la mort. C'est-là aussi en partie la cause de leur bravoure & de leur intrépidité. Idolâtres jusqu'au fanatisme, de leur constitution politique, & pleins d'ardeur d'en propager les principes, ils embrassoient facilement, ils cherchoient même toutes les occasions que les autres peuples leur offroient, de se mêler de leurs affaires & de leur gouvernement, pour y introduire l'aristocratie, telle qu'elle étoit chez eux. L'esprit militaire, suite nécessaire de leur constitution, & le désir des conquêtes, qui n'est guères séparable de l'esprit guerrier, les rendit enfin la puissance prépondérante de la Grèce. Les victoires & les conquêtes ne manquèrent pas dans la suite d'introduire l'amour des richesses, & avec elles l'amour du plaisir & les moyens de s'en procurer. On trouve dans Xénophon que dès qu'à Sparte on eut de l'argent, les sévères Spartiates s'ennuyèrent de leurs femmes, plus robustes, plus sages que jolies: ils allèrent en chercher de plus aimables à Corinthe, ville très-renommée par l'amabilité dangereuse des courtisanes que le gouvernement favorisoit.

Le peuple Lacédémonien devint peuple comme les autres, & les Spartiates des hommes comme les autres. Mais la discipline militaire & la tactique, qui avoit fait le principal fondement de leur constitution & de leur puissance, se soutint encore long-temps, comme le goût des arts se soutint chez les Athéniens, chez qui il avoit prévalu même dans le temps de leur supériorité militaire sur les autres états de la Grèce. Les troupes Lacédémoniennes ou Achéennes soutenoient encore leur réputation, après qu'il n'étoit plus parlé, ni de troupes Athéniennes, ni de guerriers Thébains, Argiens, & bien moins de Corinthiens.

S E C O N D E P A R T I E.

Section 1.

P o r t u g a i s.

Dans la première partie de ce mémoire, j'ai jeté un coup d'œil rapide sur les nations qui ont habité anciennement, & celles qui habitent aujourd'hui cette grande partie du globe, qui, de la mer Caspienne, s'étend jusqu'à l'océan occidental, & qui borde au midi la mer Méditerranée. J'ai observé les Arméniens, actifs, industrieux, également guerriers & commerçans, tels qu'ils étoient dans le siècle de Mithridate & de Tigrane. J'ai comparé les Perses du temps de Cyrus avec les Parthes du siècle de César, & ces mêmes Parthes avec les Persans de nos jours. J'ai cherché la cause de la bravoure & du génie des Arabes, comparé la férocité des Sarrazins avec la mollesse des Assyriens. Nous avons vu les Egyptiens contemplatifs & superstitieux, conquis, subjugués de tout temps par des guerriers illustres & par de vils aventuriers.

Les corsaires Barbaresques & les régences de Tunis & d'Alger nous ont rappelé la bravoure, la perfidie & le caractère atroce des Carthaginois du temps de Régulus & de Scipion, & des Numides du temps de Marius & de Jugurtha. Quelques remarques que j'ai faites sur des relations qui nous ont été transmises de l'expédition d'Annibal & de l'irruption des Cimbres sur les frontières d'Italie, m'ont conduit à faire des observations sur le caractère des peuples habitans des Alpes, & même à porter les regards sur d'autres provinces d'Italie, pour voir sous quels rapports les Italiens modernes ressemblent encore à ceux qui ont habité ce beau pays quinze & vingt siècles avant nous.

Nous rentrerons à présent en Europe par où les géographes commencent ordinairement la description de l'ancien hémisphère, c'est-à-dire par Lisbonne & Cadix, & nous parcourrons l'Espagne & la France, & rapprocherons ce que disent les auteurs anciens & les observateurs modernes.

Quelque médiocre que soit l'étendue du Portugal, les peuples qui l'habitent, d'après ce qu'on peut déduire des anciennes histoires, n'eurent pas tous les mêmes mœurs ni les mêmes talens. Ce que César, Silius Italicus, Strabon, Appien Alexandrin nous disent des Lusitaniens, ne peut pas s'appliquer à la nation en général, mais à différens peuples qui la composoient. La cavalerie Lusitanienne qui a si bien servi Annibal en Italie, ne pouvoit venir que des bords du Tage, & les troupes légères Lusitaniennes dont parle César, étoient des habitans d'entre le Minho & le Douero; & c'est de ceux-ci qu'il faut entendre particulièrement ce que Strabon en rapporte. Ils étoient dit-il, gens experts à dresser des embûches, à épier le moment d'attaquer avec avantage, ou de se retirer, lestes, légers, *agiles, versatiles*. Au reste, Strabon écrivant sous les premiers empereurs, nous retrace la Lusitanie comme une nation sauvage & barbare; telle en effet il devoit la supposer, puisque le commerce de l'Océan étoit encore loin de naître, & la Lusitanie se trouvoit écartée de celui de la Méditerranée, de la Grèce, de l'Italie, & de tout le Levant policé. Cependant ce même auteur ajoute qu'il y avoit beaucoup d'usages & exercices semblables à ceux des Grecs, & que les habitans des rives du Douero vivoient à la manière des Lacédémoniens. Ils n'étoient donc pas tous sauvages & barbares, puisqu'ils imitoient les Grecs certainement civilisés. Une sorte de civilisation s'étoit introduite dans la Lusitanie méridionale, tandis que dans les montagnes du nord *Tra los montes*, & entre Douero & Minho, on n'étoit peut-être encore que chasseurs & guerriers.

La fin que fit Viriathus, trahi par ses compatriotes, & même par ses officiers ou ses ministres, pourroit donner une idée peu avantageuse du

caractère de la nation. Mais c'est-là le seul fait de cette nature que nous présente l'histoire des Lusitaniens, & nullepart on ne les trouve, ni eux ni leurs descendants, accusés de perfidie, ni traités de traîtres, de fourbes, de méchans, comme plusieurs autres nations placées dans des montagnes & sur le bord de la mer, ont été traitées par leurs voisins & par tous ceux qui eurent à faire avec elles. Ni les Lusitaniens, ni les Portugais, ne purent éviter le reproche de férocité, qualité presque inhérente à la bravoure & à l'ardeur guerrière; malgré cela, il ne paroît pas qu'on ait fait ce reproche à ces trois ou quatre chefs des anciens Lusitaniens, dont l'histoire fait mention particulière, tels qu'Apimano, Gastaron, & ce Viriathus qui suivit Annibal en Italie; antérieur de près d'un siècle au fameux chef de parti dont nous venons de parler.

La Lusitanie qui commença à s'appeler Portugal dans le 12^{ème} siècle, disparoît pour ainsi dire, de l'histoire de l'Europe l'espace de près de mille ans. A peine fait-on qu'elle subit le sort des autres provinces de l'Hispanie, que les Goths, les Vandales, les Alains & les Suèves l'enlevèrent à l'empire romain, & que les Arabes à leur tour l'enlevèrent à ceux-ci. Il n'est fait aucune mention particulière des Lusitaniens: leur histoire se confond avec celle de la Vieille Castille, du petit Royaume de Léon, & de l'Andalousie, preuve non équivoque qu'il ne se fit rien de remarquable dans leur pays, ni par les anciens habitans, ni par les descendants des peuples du Nord qui les avoient subjugués, ni même par les Maures. Mais ce pays prend une nouvelle face & se forme en état particulier sous des princes Bourguignons de la maison de France, entée sur une race Castillane. Le nom de Portugal devient illustre & même imposant. Son histoire nous présente une suite de souverains d'un grand caractère depuis Alphonse I jusqu'à Sébastien. Et ces rois trouvèrent, ou firent former des sujets propres à les seconder dans leurs vues & les servir dans leurs entreprises. Plusieurs de ces rois & de leur grands officiers pouvoient rappeler les vertus de leur fameux Viriathus. Mais les exploits des

Portugais du 15^e siècle de notre ère, étoient d'une nature bien différente de l'ancien temps. La découverte du passage à l'Inde & les conquêtes qu'ils y firent, n'ont rien de commun avec tout ce que pouvoient faire les Lusitaniens dans le temps des Romains. Il paroît qu'ils n'avoient que des bateaux de cuir pour passer les rivières & les marais. On ne lit pas même si avec de tels navires, ils s'exposoient aux vagues de l'océan. Les richesses de l'Asie que les conquérans du Malabar portèrent dans leur pays, la gloire qu'ils acquirent par l'heureux succès de leurs entreprises, ont dû changer le caractère de la nation, aussi bien que celui des souverains. Cette marche malheureusement naturelle ne manque dans aucun temps, dans aucun pays, dans aucune condition. Comme les Portugais du 15^{ème} siècle ne ressembloient plus à ceux de l'ancien temps, ignorans & sauvages, sans police & sans art, ceux de la fin du siècle 16^{ème} ne montroient plus les talens & les vertus de leurs aïeux. Le luxe & la mollesse qui suivent les richesses & l'illustration acquises dans le temps de la pauvreté & de la vertu, firent du Portugal une province de l'Espagne. Mais la décadence de la valeur Castellane & Arragonoise fit renaître un royaume que l'Espagne avoit englouti. Maintenant les Portugais, depuis qu'ils forment de nouveau une nation indépendante, ont-ils repris leur caractère primitif? trouve-t-on chez eux les traces des mœurs Lusitaniennes? Je ne doute pas que dans plusieurs cantons de ce royaume, quelque riches qu'ils soient devenus par la possession du Brésil, on ne retrouve encore les mœurs simples, sévères & sauvages que Strabon se faisoit une peine de nous peindre, & disoit être un sujet désagréable.

En général, tant les divers peuples Portugais que leurs anciens devanciers les Lusitains, ressemblent à ceux des Espagnols avec lesquels ils confinent, & avec lesquels ils se confondoient anciennement. Ceux des environs de Lisbonne, qui descendent en partie des Turditains, ne diffèrent des Andaloux qu'autant qu'ils sont plus éloignés du centre de la civilisation. Ceux qui sont entre Lisbonne & Oporto, tien-

nent beaucoup du caractère castillan. Aussi peut-on les regarder comme descendans de ces Celtibères si renommés dans l'histoire romaine. La province entre le Douero & le Minho étoit habitée par les Callaiques ou Galliciens, & on y retrouve encore à-peu-près les mœurs & le caractère des Galliciens modernes, peuple laborieux, pieux & frugal. Si l'on considère les Portugais par rapport à la littérature & aux sciences, il faut avouer que malgré l'esprit naturel que le climat & le sol leur inspire, les progrès ont été, chez eux, plus tardifs que par-tout ailleurs chez les nations connues des Romains. Il ne se trouve aucun vestige de culture littéraire dans les beaux siècles de la littérature romaine, ni même de celle qu'on peut appeler littérature chrétienne, tandis qu'on en trouve presque dans toutes les parties de l'Espagne, des Gaules, & même dans la Grande Bretagne.

Un voyageur très-moderne, Jacques Murphy (T. 2. p. 36, 37) observe que le Portugal fut toujours peu favorable aux savans, & il cite à ce sujet Magellan, Vernei, Viera & le célèbre prince Dom Henri, aux études duquel le Portugal & l'Europe entière sont si redevables des progrès de la navigation, & que pourtant les courtisans ses compatriotes traitoient de chevalier errant. Je m'étonne que Mr Murphy n'ait pas cité Camoëns. Au surplus, quoique le Portugal soit un pays d'une étendue fort bornée, la nation qui l'habite n'offre pas par-tout le même caractère ni le même esprit. Dans les provinces qui environnent la capitale & que des champs fertiles & le commerce enrichissent, on ne trouve pas l'activité & l'industrie qui distingue les provinces écartées, & surtout les vallées qui sont entre le Douero & le Minho. Il y a dans ce département un district qui porte le nom de Guimaraëns. Henri tige des rois de Portugal résidoit à Guimaraëns, ces rois descendant d'Urraque sa fille. C'est là qu'on trouve une pépinière inépuisable d'hommes industrieux, attirant à eux seuls presque tout le commerce de Lisbonne & des provinces qui en dépendent. Ils occupoient de même presque toutes les places,

places, au moins les subalternes, qui sont ordinairement les plus influentes dans toutes les parties de l'administration, & qui supposent de l'esprit & quelque sorte d'étude dans ceux qui les obtiennent.

Sect. 2.

Les Espagnols.

Le caractère espagnol n'a pas toujours été représenté avantageusement; & quelle est la nation dont les auteurs aient toujours & uniquement dit du bien? Cependant aucun n'a disputé aux Espagnols la bravoure, l'esprit vif & la noblesse des sentimens. La nation a hautement figuré parmi tous les peuples Européens en trois temps différens, & à toutes ces époques par l'espace de cent & deux-cents ans. Sans remonter au siècle d'Amilcar & d'Annibal, où différens peuples d'Espagne ont donné tant de preuves de bravoure, nous ne les considérerons que depuis le temps de Sertorius jusqu'aux empereurs Antonins; puis dans le siècle du grand Théodore & dans celui de Charlemagne; enfin dans le siècle de Ferdinand le Catholique & de Philippe II qui embrassent aussi le long règne de Charles-Quint. On fait bien ce que coûta aux Romains la conquête d'Espagne & la déroute qu'essuya le grand Pompée. Jamais les troupes espagnoles n'ont montré de la lâcheté ni de la foiblesse, soit dans les armées romaines soit en combattant contr'elles. Le caractère de la nation se fit remarquer très-avantageusement dans la personne de Cornelius Balbus, homme sûr, politique honnête, ami de César, d'Auguste, de Lentulus, de Cicéron. Sous Auguste & sous ses successeurs, n'ayant eu que peu d'occasions de faire la guerre, les Espagnols se distinguèrent à Rome de toutes les autres nations, & même de l'Italienne, par leurs talens en tout genre de littérature. Car depuis les cinq ou six grands auteurs de la première classe, ce furent les Espagnols qui soutinrent & ranimèrent autant l'éloquence que la poésie. Quels que soient les défauts que l'on reproche aux deux Sénèques & au poète Lucain, il est très-certain

qu'aucun Italien de leur temps ne les égala dans ces genres, ni C. Julius Hyginus dans l'érudition, ni Quintilien dans la critique. En supposant même ce que quelques Italiens prétendent peut-être sans raison, que ce soient les Espagnols qui ont le plus contribué à la corruption du goût chez les Latins, il en résulteroit toujours qu'ils ont eu une supériorité très-décidée de génie & de réputation; car sans cela les autres auteurs ne les auroient pas pris pour maîtres & pour modèles.

Les Andaloux & les habitans de la province de Cadix & de Grenade passaient du temps d'Auguste pour les peuples les plus efféminés de l'Espagne. C'est ce que nous apprenons de Tite-Live, qui ajoute de plus qu'ils faisoient la guerre avec des mercenaires étrangers. Tit. Liv. l. 34, c. 17. *Omnium Hispanorum maxime imbelles habentur Turditani &c. Decem millia Celtiberum mercede Turditani conducunt, alienisque armis parabant bellum.* Le luxe de Cadix précéda de beaucoup celui des autres grandes villes maritimes & commerçantes de l'antiquité. Un capitaine de vaisseau espagnol, certainement de Cadix & non de Barcelone, étoit pour sa largesse le mieux venu chez les femmes galantes de la capitale de l'empire romain. *Navis Hispanæ magister decoris pretiosus emptor.* Hor. Mais en même temps le peuple de cette partie de l'Espagne étoit considéré comme le plus avancé dans la culture des arts & des belles-lettres. C'est qu'à la jouissance d'un climat plus que tempéré (car c'est un des pays les plus méridionaux de l'Europe) les Turditains qui occupoient à-peu-près ce qu'on appela dans la suite le royaume de Seville & de l'Andalousie, étoient la plus riche nation de tout l'occident, & même de toute l'Europe. Un sol très-fertile en grains, entouré de montagnes couvertes d'arbres fruitiers & de vignes, & à la portée des plus riches mines de l'occident, un fleuve navigable & des ports excellens, un commerce très-étendu avec l'Italie, alors centre de l'univers connu, procuroient à cette partie de l'Espagne tous les moyens de cultiver les arts & de s'adonner à l'étude. Aussi cette nation se distingua dans la littérature sous les empereurs romains aussi hautement qu'elle figura depuis dans les beaux

jours de la monarchie espagnole. Ne dissimulons pourtant pas que les savans romains, nommément Cicéron, remarquèrent dans les auteurs espagnols leurs contemporains, la même imagination exaltée, le même style guindé & boursoufflé que nous trouvons dans Paravicino & Gongora, qui ont eu dans la littérature espagnole la même influence que les Sénèques & Lucain leurs anciens compatriotes avoient eue dans la littérature latine. *Quintus Metellus usque eo de suis rebus scribi cupiebat, ut etiam Cordubae natis poetis pingue quiddam sonantibus & peregrinum, tamen aures suas dederit. Pro Archia.*

Les provinces de l'Espagne qu'ont habitées les Celtibères, forment à présent la Nouvelle & la Vieille Castille avec le royaume de Léon, ancienne patrie des Vectons, non moins braves que les Celtibères. Cette partie de la nation espagnole signala hautement sa valeur, lorsque les Arabes s'emparèrent d'une grande partie de l'Espagne. Quelques familles de ces Goths qui avoient conquis sur les Romains ces provinces, ne pouvant dans la Basse Castille résister aux Maures, se retirèrent dans les montagnes des Asturies, & dans la Haute Castille, d'où les Maures ne purent jamais les chasser. Leurs forces s'accrurent peu-à-peu, tandis que les Maures dans les riches plaines de la Basse Castille perdoient leur vigueur, de sorte qu'à la fin ils durent succomber. Toute l'histoire de la conquête des Maures, de leurs longues guerres avec les anciens habitans, nous présente ceux des montagnes de l'Asturie, & de la Haute & Vieille Castille, comme plus vaillans guerriers que ceux qui occupoient la plaine. Aussi les familles nobles d'Espagne prétendent toujours être issues de celles qui ont habité la Haute Castille & les Asturies du temps des Maures, & de descendre des Goths. Le commun peuple de ces provinces tient encore beaucoup du caractère que leur trouvèrent les Romains, & que leur donne l'âpreté du pays qu'ils occupent. Ils sont fort & robustes. Les flottes castillanes, qui combattoient tantôt pour, tantôt contre les rois de France, dans leurs guerres avec les Anglois, étoient pour la plupart de l'Asturie. Aussi deux des plus fameux pilotes espagnols, Antonio

Florez & Pedro Mendez, étoient Asturiens, de la ville ou du voisinage d'Avila *).

Cependant la prospérité de la Castille devenue sous Charles - Quint & ses successeurs la première puissance de l'Europe, gâta la nation, comme la prospérité des familles gâte les enfans. A l'activité & à l'industrie succédèrent l'oïfiveté & la paresse, & aux richesses l'orgueil. L'on observe que les Asturiens, quoiqu'habitant un pays qui confine avec la Biscaye & la Navarre, ne sont plus ni aussi actifs ni aussi vifs que les Biscayens & les Navarrois. Ces deux peuples se distinguèrent encore plus qu'aucune autre nation espagnole, les uns par leur finesse, les autres par leur bravoure, & tous deux par leur activité & leur industrie. Ils font deux états séparés qui ont été gouvernés par différens souverains; cela dut mettre quelque diversité dans leurs mœurs & leurs coutumes. Mais comme ils habitent un pays de la même nature, ces deux nations ne diffèrent presque point ni par les qualités physiques, ni par les intellectuelles & morales. Ils descendent des Cantabres & des Vascons, que les anciens tant géographes qu'historiens & poètes, nous représentent sous les mêmes couleurs. Les Cantabres ont plus long-temps & avec plus de hardiesse résisté aux Romains, déjà maîtres de tout le reste de l'Espagne & des Gaules, & encore ils ne furent jamais aussi complètement domptés que les autres peuples. On lit dans Horace „*Cantaber fero domitus* **), & *impatiens juga ferre nostra* ***); & une troisième fois, en faisant la cour à Auguste sur ses succès, il dit „*Cantaber non ante domabilis* ****). Strabon, qui en parloit sous Tibère, lorsqu'on les regardoit comme soumis, remarque aussi qu'on les avoit très-peu imposés, soit parce qu'on vouloit les ménager, soit pour ne pas les pousser à une révolte dangereuse, soit parce que leur pays n'est pas naturellement riche. La Biscaye & la Navarre sont montagneuses, & les mines de fer, les forges & les usines qui y sont en grand nombre, en font la richesse principale, & fournissent

*) V. Levesque hist. de Philippe de Valois.

**) Od. 6. lib. 2.

***) Od. 4. lib. 4.

****) Id. Od. 14. lib. 4.

moyennant un travail assidu la principale subsistance aux habitans. L'âpreté de l'air & du sol, & la nature du travail donnent de la vigueur, & rendent la nation féroce & martiale. Hommes & femmes y étoient fort laborieux, travaillant à l'envi & presque également les uns & les autres. On les comparoit aux Liguriens. Il est vrai, le caractère de ces deux nations ne diffère pas trop. Par la même raison les Biscayens & les Navarrois ainsi que les Génois ressemblent aux Catalans, quoique placés à deux extrémités opposées de la péninsule.

Les Catalans, issus en partie des Goths & des Alains du quatorzième siècle, & ceux de nos jours ne sont pas de la même race que ceux qui habitoient les bords de l'Ebre du temps d'Annibal, & qui y étoient venus d'un pays bien différent de celui d'où vinrent les Goths & les Alains, qui remplacèrent les races anciennes & les africaines, ou se mêlèrent avec elles. Cependant les Catalans ont été de tout temps, & sont encore aujourd'hui hommes laborieux, cultivateurs infatigables, bons marinières, économes jusqu'à l'avarice; jaloux sinon de leur indépendance, du moins des privilèges qui la représentent, ou du moins la rappellent. Leurs montagnes, leurs ports, leurs climats & leurs vins sont encore les mêmes que jadis. Les mêmes besoins leur inspirent la même industrie, & leur nourriture habituelle leur donne la même vigueur. Nous trouverons, dans d'autres mers, d'autres nations qui habitent un pays de qualité fort approchante de la Catalogne, dont le caractère ressemble parfaitement à celui des Catalans, & infiniment plus qu'à celui des autres nations leurs voisines.

Les Valenciens dont le pays faisoit partie du royaume d'Arragon, ainsi que la Catalogne, ressemblent beaucoup moins aux Catalans leurs voisins qu'aux Andaloux dont ils sont fort éloignés. La bonté de leur pays les invite plutôt à la culture des sciences & de la belle littérature, qu'au commerce & aux métiers pénibles qu'exercent les Catalans. C'étoit d'eux qu'Horace entendoit parler lorsqu'il se félicitoit qu'on étudioit ses ouvrages sur les bords de l'Ebre:

me peritus discet Iberus, Rhodanique potor.

Les Arragonois ressembloient aussi peu aux Navarrois & aux Catalans avec lesquels ils confinent de deux côtés opposés, qu'ils ressembloient aux François. Ils sont fiers & paresseux, & ce n'est pas que leur pays soit bien gras & fertile, ce qui naturellement donne de l'orgueil & de la paresse, mais c'est plutôt par le souvenir de leur ancienne noblesse. Il est vrai que du temps même des Romains, l'Espagne Tarraconoise, qui comprenoit l'Arragon moderne, soit par des mœurs plus polies, ou par plus de dignité & de magnificence dans leur manière de vivre, se fit particulièrement remarquer. Strabon, qui traite de barbares la plupart des peuples espagnols, semble distinguer la province de Sarra-gosse, peuplée de différentes nations, dont les plus nobles étoient les Jaccetaniens. Plusieurs autres provinces ou royaumes, comme la Catalogne, la Murcie & Valence, étoient unis au royaume d'Arragon, & les familles qui tenoient de plus près à la ville capitale & à la cour régnante devinrent de plus en plus fières & se regardèrent comme une classe d'hommes supérieurs aux autres. L'effet le plus inmanquable de cette persuasion devoit être & le fut, d'éloigner de tout travail & de toute occupation utile & productive. Les Arragonois étant ou voulant se faire croire nobles, donnoient dans le désœuvrement. Les emplois de cour & la profession militaire leur paroissoient seuls convenables à des chevaliers (cavalleros). Ne daignant point mettre la main à la charrue ou à quelque métier que ce fût, ils devenoient facilement & souvent bons soldats. Au reste l'air & la gravité qu'on attribue aux Espagnols, & qui nous rappellent ce vers si souvent répété „*furiâ francefè e gravità spagnuola*” paroît appartenir spécialement aux Arragonois, qui ont aussi donné lieu aux Italiens du siècle de Léon X de leur reprocher un esprit particulier de flatterie, qui s'associe quelquefois avec la fierté. Non seulement on trouve une foule d'hommes hautains avec des inférieurs, & bas & rampans avec les personnes en crédit dont ils briguent la faveur, mais par-tout où il y a de la haute & puissante noblesse, il faut qu'il y ait une inégalité

frappante dans les fortunes, & que la classe inférieure & pauvre se courbe sous celle qui est riche & privilégiée. Quoi qu'il en soit, le penchant des Arragonois à la flatterie se fit remarquer sous les empereurs romains. C'est à Tarracon que fut bâti le premier temple à l'honneur d'Auguste, & qu'on traita cet empereur comme un dieu. C'étoient encore les Tarraconoïs, ou les sujets des rois d'Arragon, qui méritèrent à la nation espagnole le reproche de bassesse & de flatterie, & qui accoutumèrent les Italiens à prodiguer le titre de Don & de Seigneur. Écoutons sur cela ce que l'Arioste dit dans ses satyres. „J'appellerai, dit-il, *seigneur* ou *monseigneur* le portier de l'homme en place: l'usage d'appeler frères les domestiques, est passé depuis que la flatterie espagnole introduisit le titre de *seigneur* jusques dans les mauvais lieux *). C'est que dans ce temps-là les Espagnols, sujets du rois d'Arragon, alloient à Rome briguer les bénéfices. Cependant les Arragonois ont cultivé les beaux-arts avec succès dès le moment qu'ils eurent quelques relations avec des nations lettrées. Martial, plus estimé dans son genre qu'aucun autre des poètes & auteurs latins-espagnols, étoit de Bambola ou Bilbilis, dans l'Arragon. Mariana, Antoine Augustin, Sepulveda, les deux Argenfola & une foule d'autres auteurs estimés étoient Arragonois, & Cervantes suivant quelques-uns. Les Espagnols en général ont figuré hautement à trois époques différentes, dans les lettres, dans les armes & dans la politique, & ont bien des titres pour être considérés originairement comme une nation aussi brave & vaillante que spirituelle & savante, portée également à la grandeur outrée & à l'enflure, ainsi qu'à la fine plaisanterie, telle qu'on la trouve dans Martial, dans trois ou quatre poètes comiques & dans le fameux roman de Don Quixote.

L'Espagne a produit de grands guerriers, de grands hommes d'état presque dans tous les siècles. Jusqu'à une certaine époque, depuis

*) Signor, dirò, non s'usa fratello

Poiché la vile adulazion spagnuola

Messa ha la signoria fin nel bordello. Ariosto Satira 2.

les siècles de Trajan espagnol, jusqu'à la mort de Philippe II & de Philippe III, la nation espagnole fut presque en tout sens la première nation de l'Europe & du monde. Elle fut éclipsée vers la fin du dernier siècle par la nation françoise, comme celle-ci le fut en quelque manière vers le milieu & la fin du 18^{me} siècle par la nation Britannique.

Sect. 3.

Les François.

Mille fois les auteurs modernes qui ont prétendu caractériser les François, ont rappelé ce que César, Polybe & Tite-Live en ont dit, le premier dans ses commentaires, les deux autres dans les livres qui nous restent de leurs histoires. Strabon avoit lu non seulement ces auteurs, mais plusieurs autres dont il ne nous reste guères que le nom, tels qu'Artémidore & Possidonius, qui ont parlé des Gaulois; & il avoit par lui-même tâché de connoître toutes les nations dont il vouloit parler. Mais dans le portrait qu'il en trace, on ne trouve presque rien d'applicable à la nation françoise, que ce qui lui est commun avec une grande moitié de l'Europe ancienne. „La nation Gauloise, dit-il, est en général belliqueuse & féroce, *αριμανιωτον και θυμικον* & toujours prête à combattre. Au reste, elle a l'esprit simple & sans méchanceté: si on les pique, soudain & ouvertement ils marchent au combat & sans circonspection, de là vient qu'ils sont facilement attrapés, si l'on emploie à leur égard quelque ruse de guerre. Car on leur livre bataille toujours & par-tout où l'on veut, sans qu'ils prennent aucune mesure ou précaution, & ils n'y apportent que la force & l'audace. On les persuade facilement à s'adonner à des occupations utiles, de sorte qu'ils se sont appliqués à l'éducation & à la littérature. Leurs forces viennent tant de la grandeur de leur taille, que de leur nombre: ils s'assembloient en foule, parce qu'ils sont simples & libres, & ils prennent avec ardeur le parti de leurs voisins, lorsque ceux-ci se plaignent d'avoir été offensés.” Il observe ensuite que les Gaulois
ont

ont été vaincus par les Romains plus facilement que les Espagnols, & que leur cavalerie est meilleure que leur infanterie. Leur nourriture consiste en laitage & en viande, surtout en viande de cochon. Leurs maisons sont construites de planches & de claies, avec une espèce de voûte formée en coupole. Quant à la viande de porc dont ils se nourrissent, ils en ont en si grande quantité qu'ils envoyaient à Rome des saucisses & des jambons. Le gouvernement est presque généralement aristocratique. Autrefois ils élisaient un prince & un général chaque année. Leur simplicité & leur férocité est accompagnée d'une grande dose de sottise, d'arrogance & de fatuité dans leur habillement." A l'exception de ces derniers traits il seroit plus facile de reconnoître dans ce tableau les ancêtres des Allemands, surtout des Westphaliens, que ceux des François. En effet l'auteur ne manque pas d'ajouter que les Gaulois ont beaucoup d'usages communs avec les Germains leurs voisins. A quelques égards ce qu'il en a dit pourroit encore convenir à des Scythes & à des Sarmates. Toutes les nations occidentales & septentrionales dans l'état qui a précédé la civilisation qu'ils ont reçue des Grecs & des Romains, se ressembloient sous beaucoup de rapports, comme elles se ressemblent aussi depuis le progrès général qu'ont fait la civilisation, le commerce & le luxe. Mais c'est en considérant séparément les diverses contrées qui constituent la Gaule ancienne & la France moderne, qu'on distinguera le caractère des peuples qui les ont habitées & qui les habitent. Aussi César, le premier & le plus classique des auteurs qui nous ont transmis une description de la Gaule, commence par dire que ses habitans différoient entr'eux de langage, de mœurs, de lois & de coutumes. Tous les François modernes, ainsi que leurs ancêtres, se ressemblent sans doute en beaucoup de choses, comme tous les hommes de toutes les nations. Mais des traits particuliers distinguent les peuples de diverses contrées aussi bien que les grandes nations. Non seulement les Gascons se distinguent par exemple des Normands, mais les Auvergnats se distinguent des Provençaux & des Bourguignons leurs voisins, presque autant que les Espagnols diffèrent

des François. Voyons donc quelle idée nous donnent les auteurs anciens de chacun de ces peuples; & observons en quoi les habitans modernes de ces mêmes contrées leur ressemblent.

Avant même que César gouvernât les Gaules, les provinces méridionales étoient partie alliées, partie soumises aux Romains. Cependant l'on trouve dans cette grande lisière qui de Nice s'étend jusqu'à Bayonne, à-peu-près sous le même méridien, une différence de caractère remarquable entre les Gascons & les Provençaux. Les uns placés au pied des Pyrénées qui leur offroient des mines de cuivre & de fer, & des vallons propres à toutes sortes de forges & d'usines, respirant un air plus vif, se présentent toujours comme guerriers hardis & habiles, surtout dans la partie qui avoit du rapport aux ouvrages auxquels ils étoient accoutumés, tels que les approches par des tranchées & des chemins couverts, (*cuniculis ad aggerem vineasque actis, cujus rei sunt peritissimi Aquitani, propterea quod multis locis apud eos ærariæ secturæ sunt* *).

Comme la Gascogne tient à la Navarre, ces deux nations se ressemblent beaucoup. Aussi trouve-t-on dans le caractère de Henri IV, qui étoit autant Gascon que Navarrois, la bravoure & l'esprit de ces deux nations, & les autres hommes illustres, tant de l'un que de l'autre pays, ou de grands traits de ressemblance entr'eux. Ces deux provinces, qui équivalent à deux petits royaumes, nous présentent dans tout le cours des siècles un peuple brave & un peu fanfaron. Il paroît bien que les Marseillois se faisoient respecter par les Carthaginois, puisqu'ils ne les attaquèrent point, & qu'Annibal évita leur rencontre en passant d'Espagne en Italie: il se tint surtout éloigné de Marseille. Cette ville montra depuis un esprit guerrier pendant la guerre civile entre César & Pompée. Marseille, dont les auteurs romains parlent plus souvent, étoit sans doute une puissance maritime fort respectable, mais ses habitans très-différens des Liguriens leurs voisins; ils n'emploient leur marine & leurs troupes qu'à protéger leur commerce,

*) *Caesar de Bello Gallico lib. 3. c. 21.*

leurs possessions & leurs colonies. Nous ne les voyons jamais agresseurs, ni brigands, ni faisant des projets de conquêtes ou d'entreprises hostiles. C'est surtout dans les sciences & les arts qui contribuent aux agrémens de la vie sociale, que les Provençaux se sont distingués. Les premiers auteurs non-romains ni italiens que l'histoire de la littérature latine nous présente, sont un Narbonnois de la ville d'Ataco, appelé Varron Atacin, & Trogue Pompée d'Arles, historien très-célèbre, quoique nous n'ayons que l'abrégé de son ouvrage.

Les peuples de la Gaule méridionale, comprise depuis sous le nom de Rouergue, de Languedoc, de Gascogne, de Guienne, ne se sont pas moins distingués par leur civilisation, par la culture des arts & par le luxe qui les accompagne indivisiblement, que par la valeur militaire. Un climat des plus tempérés de l'Europe, des productions assez abondantes de tous genres, même de quelques espèces à peine connues dans d'autres pays, des vins délicieux de différentes sortes, des poissons de rivières, de la Mer méditerranée & de l'Océan, ont facilité de tout temps aux habitans de ces provinces les moyens de faire bonne chère. Ils se distinguoient déjà à cet égard des autres Gaulois dans le siècle de Constantin; & Ammien Marcellin ne manque pas de le rapporter *). La qualité de ces alimens, la bonté des vins unies à la bonté de l'air & au commerce avec les colonies grecques des Marseillois & avec les Romains, devoient dès le temps de César porter les Languedociens à la culture des beaux-arts, & en faire une nation spirituelle & lettrée. Aussi le fut-elle presque aussitôt que l'Espagnole & la Provençale, & long-temps avant celle qui dans la suite se distingua de toutes les autres. Car St Hilaire & St Prosper étoient de la Gaule Narbonnoise ou de l'Aquitaine. Parmi une foule d'hommes d'un talent supérieur que le Languedoc a produits, un des plus distingués est François Viéta, le premier des François qui ait égalé dans l'algèbre Tartaglia & Pacioli. Pierre Fermat, non moins renommé que Viéta, étoit également Languedocien.

*) Ammien Marcell. lib. 16. c. 9.

Les Auvergnats descendans des Arverni ne sont séparés de la Provence que par les Cévennes, & confinent avec la Bourgogne par le Beaujolois. Plus au nord que les Provençaux & plus au midi que les Bourguignons, ils ne ressemblent guères ni aux uns ni aux autres. Plus guerriers que leurs voisins, ils sont moins propres que ceux-ci pour les arts & les sciences. De tous les peuples de la Gaule méridionale & méditerranée, les Arverni sont ceux qui ont coûté le plus de peine à César pour les soumettre. Dans les guerres de France postérieures au siècle de César, le peuple & la noblesse se montra toujours brave & valeureuse, quoiqu'on trouve fort peu de ces génies militaires du premier rang, qui à la bravoure & au courage unissent une grande sagacité & un esprit profond de combinaisons *). Aussi l'Auvergne ne commença que fort tard à paroître sur le parnasse françois, & ne parut point du tout sur le parnasse latin. Car nous n'avons aucune notice d'un Auvergnat qui ait été regardé comme savant, comme auteur, ni même comme amateur de littérature, avant l'établissement des Francs; & à peine nous en trouvons en France quelques-uns un peu distingués, soit dans le moyen âge, soit dans ces derniers siècles. Un sol fertile en blé, gras pâturages, viande abondante & fromage donnent bien de cette vigueur qui fait le bon soldat, mais ne donnent pas cette finesse, cette élévation d'esprit qui forment le génie, que l'air & les vins, les fruits & l'huile du Languedoc, de la Provence, du Quercy, de la Guienne ont donné aux Fermat, aux Fénélon, aux Montesquieu, ajoutons aux Mirabeau, aux Maury.

Les Auvergnats, les Dauphinois, les Savoyards & les Franco-mois ne ressemblent que fort peu aux Provençaux & aux Bourguignons au milieu desquels ils se trouvent. De tous les peuples de la Gaule Narbonnoise, les Arverni sont ceux qui ont donné plus de peine qu'aucun autre à César, qui les appelle *omnium Gallorum fortissimos*. Les

*) Je ne fais si les éloges que nous lisons & que nous entendons faire du général Desaix Auvergnat, tué à la bataille de Marengo dans le temps que cet écrit est sous presse (au mois de juin 1800) ne démentent pas ce qu'on dit ici du caractère des habitans de l'Auvergne.

descendans ou successeurs de ces Arverni, les seuls presque qui ayent retenu l'ancien nom, ont aussi conservé l'ancienne férocité martiale, qui les distingua dans les guerres des François, comme ils s'étoient distingués dans celles des Gaulois. L'air & les productions du sol, montagneux mais fertile, abondant en grain, en viande & en laitage, leur donne plus de cette force qui fait le soldat, que de cette finesse qui fait le poète, le littérateur, l'auteur & l'homme agréable. Le peuple de la haute Auvergne, comme tout peuple montagnard, est laborieux & propre à tous les travaux champêtres & mécaniques. Aussi les Auvergnats se répandent comme manœuvres dans les autres provinces, & surtout dans la capitale.

Les Dauphinois qui habitent un pays à-peu-près semblable à l'Auvergne, mais plus froid à cause des hautes Alpes qui les couvrent au sud-est, ressemblent aussi beaucoup plus aux Auvergnats qu'aux Provençaux; plus propres en général au gros travail & au métier de la guerre qu'aux beaux-arts & aux lettres, quoiqu'ils puissent compter quelques auteurs très-estimables natifs ou originaires de leur province. Ce n'est que bien tard, & lorsque l'esprit devint, pour ainsi dire, commun, que les descendans des Allobroges parurent sur les rangs, & purent entrer en comparaison & en concurrence avec les nations les plus spirituelles.

Les Aedui, auxquels ont succédé les Bourguignons, nous sont présentés par César comme braves guerriers, & encore plus habiles politiques. L'œil perçant de cet homme d'un grand génie eut de la peine à pénétrer leur conduite, tant elle étoit sage & circonspecte. Le mélange d'une race uniquement guerrière venue du nord qui se mêla avec celle des Aedui, à qui les nouveau-venus, les Bourguignons, donnèrent leur nom, a dû changer un peu le caractère des anciens habitans. Effectivement les Bourguignons paroissent plus fiers guerriers dans l'histoire du moyen âge depuis Charlemagne jusques à Charles-Quint, qu'on ne les trouve dans les anciens temps. Il est vrai que sous les noms de Bourguignons l'on comprenoit aussi les

Francomtois dits anciennement Sequani, & ce peuple étoit du temps des Romains regardé comme moins politique, mais plus militaire que les Aedui; & tels sont encore les Francomtois modernes comparative-ment aux Bourguignons. Cependant c'est dans la Franche-comté que naquit le cardinal Granvelle, grand politique, & c'est dans le duché de Bourgogne que vit le jour le maréchal de Turenne. Mais Granvelle devint un grand ministre parce que des circonstances particulières l'engagèrent dans des emplois politiques, quoique son caractère naturel en eût dû faire un soldat. Au surplus, St Bernard, le premier grand homme descendant des Barbares, le maréchal de Turenne & Bossuet nous donnèrent une juste idée du caractère bourguignon.

Les Orléanois, les Tourangeaux & ceux du pays de Blois, de Beauce & de Vendome, qui occupent le beau milieu des Gaules & de la France, doivent réunir dans leur caractère les qualités dominantes des peuples qui les entourent. Il faut sans doute entendre d'eux ce que César & les autres auteurs grecs & romains ont dit des Gaulois en général, & ce que les écrivains modernes disent des François modernes. Cependant ces riches & fertiles provinces, également éloignées des montagnes de l'Auvergne & des collines de la Bourgogne, n'inspirent à leurs habitans ni la férocité martiale des Auvergnats, ni les talens des Bourguignons. C'est précisément en parlant de la Touraine que le Tasse a dit: „Ce ne sont pas des hommes robustes & laborieux, quoique brillans par leurs armures. Leur pays mou & délicieux produit des habitans de la même nature” *).

Aussi ni dans les siècles qui précédèrent l'invasion des Barbares, ni depuis la renaissance des lettres & des arts, ni dans les siècles intermédiaires, aucun Tourangeau, & très-peu d'Orléanois & de Blésois

*) Non è gente robusta o faticosa,
 Benchè tutta di ferro elle riluce.
 La terra molle e lieta e dilettofa
 Simili à se gli abitator produce.
 Gerusal. Liberat. Canto 11. st. 69.

ont acquis la célébrité de tant d'autres François parmi les grands auteurs, hormis que l'on compte Rabelais.

C'en est bien autrement de la péninsule que la Loire sépare de l'Orléanois, & dont les anciens habitans s'appellent pour la plupart *Veneti* & *Ruelli*. Dans les temps postérieurs on les appela Bretons, du nom d'une grande colonie venue des côtes Britanniques. Ce mélange de race ne changea rien au caractère fier, ferme & énergique des *Veneti*, qu'aucune autre nation du continent occidental n'égala. C'est de tous les peuples Gaulois celui que César subjuga avec autant de peine, que lui en avoient donné les Auvergnats. Les Bretons, qui vinrent se mêler avec eux ne devoient pas être une race extrêmement brave & valeureuse, puisqu'ils avoient cédé le terrain aux Anglois & aux Saxons qui avoient envahi leur pays. Cependant la postérité de ces émigrés insulaires prit bientôt l'esprit de leurs hôtes; & la nation, mêlée de Gaulois & de Bretons, se rendit aussi respectable par sa valeur, que l'avoient été les habitans primitifs du temps de César. Les plus fameux guerriers françois, tels que Du Guesclin & Clifton par exemple, étoient nés en Bretagne. Cette province conserva, même dans les affaires civiles, les anciennes lois, les privilèges & une sorte d'indépendance des rois de France, plus long-temps qu'aucune autre partie des Gaules. Ses magistrats ont manifesté jusques dans les derniers temps une fermeté que la cour eut bien de la peine à faire plier; & dans la révolution actuelle, la Bretagne se comporta d'une manière vigoureuse sans être barbare. Les auteurs que ce département a donnés à la France, ont je ne sais quoi de plus roide & de plus énergique que les autres François. Le fameux Abailard étoit Breton, d'un village près de Nantes; & n'a-t-on pas remarqué dans Duclos, dernier secrétaire de l'Académie & historiographe de France, un caractère, un ton, un style plus fier que dans tous ceux qui l'avoient précédé dans la même carrière? Maupertuis de St Malo ressembloit-il beaucoup aux autres savans de son genre & de sa classe?

Les *Normands* qui occupent le pays habité jadis par les Ambibariens, les Lexobiens, les Aulerci, les Burovices & autres peuples, dont César, Strabon & Ptolémée font mention, ressemblent aux Bretons leurs voisins au midi, dans la proportion que les Danois & les Bas-Saxons ressemblent à ces *Angli* ou Anglo-Saxons qui se sont établis dans l'Armorique ou Basse-Bretagne. La nature du sol & de ses productions est plus propre à former des guerriers, & surtout de la cavalerie pesante, que des troupes légères; & en général plutôt des soldats que des artisans, des artistes & des savans. Les Holsteinois, Danois ou Bas-Saxons, qui se sont mêlés aux descendans des anciens Celtes ou Gaulois, n'étoient pas une nation fort différente. Ils étoient probablement de la race de ces Cimbres qui avoient ravagé une partie des Gaules & menacé de fort près l'Italie. Cela ne put que former une nation guerrière. Elle fut même conquérante, car ces Normands, comme l'on fait, s'emparèrent de l'Angleterre, sous la conduite de Guillaume, qui étoit le sixième des souverains de la Normandie. Cette nation cultiva pourtant avec succès les arts & les sciences. Mais le grand Corneille, qui fut pour la Normandie, quoique dans un autre genre, ce que Pindare avoit été pour la Béotie, n'a-t-il pas comme le poète lyrique Béotien, plus d'élévation & d'énergie que de délicatesse & de goût? On fait que la Normandie a donné au palais une foule de clercs de procureurs qui se sont distingués dans leur métier. Un procureur en vogue ne peut pas être un sot; mais entre le talent d'un procureur & un bel-esprit n'y a-t-il pas une grande différence?

Le peuple Parisien qu'entouroient ceux que nous venons de voir, est celui dont il est le moins parlé dans l'histoire des guerres des Romains dans la Gaule; mais on voit que c'est dans leur ville principale assise sur une petite île que forme la Seine, que se tenoient le plus souvent les assemblées nationales. (*Cæs. de B. G. lib. 6 & 7.*) Quoiqu'elle égalât fort tard quelques autres villes des Gaules, telles qu'Arles, Vienne, Marseille & Lyon, néanmoins les généraux romains sous
les

les successeurs d'Auguste y prenoient souvent leurs quartiers pour être plus à la portée des Bataves & des nations Belghiques & Britanniques, qui n'étoient pas encore bien soumises. Julien entr'autres, lorsqu'il n'avoit encore que le titre de César, qui signifioit à-peu-près successeur présomptif à l'empire, y fit assez longue résidence. Et c'est cet empereur philosophe ou sophiste qui le premier a dit quelques mots du caractère des Parisiens. Il les trouva graves & sérieux, ce qui ne s'accorde pas avec le caractère ni des Parisiens, ni généralement des François des derniers siècles, qui est le peuple le plus gai & le plus plaisant. Mais est-ce le caractère primitif & originaire du peuple de Paris, devenu le centre de communication, qui a changé, & s'est propagé dans les provinces, ou sont-ce les provinciaux qui ont porté à la capitale l'esprit & la gaieté naturelle de leur pays? Ceci pourroit faire le sujet d'une discussion particulière, qui nous conduiroit aussi à examiner le caractère de quelques auteurs très-estimés & très-célèbres natifs de Paris & du voisinage, tels que Molière, Boileau, Voltaire, d'Alembert, & même de quelques généraux renommés.

Il seroit difficile de dire laquelle des deux nations dont je viens de parler, a le plus conservé des traces de l'ancien caractère. Jusque vers le milieu du dernier siècle on pourroit dire qu'elles en conservoient également, & que la nation espagnole montroit encore quelque supériorité de génie sur la françoise. Les Espagnols pouvoient encore rappeler avec confiance les réflexions qu'avoient faites les historiens romains que la conquête de leur pays avoit coûté aux conquérans un plus grand nombre d'années que ne leur coûta de semaines la conquête des Gaules. Ils ont fait la guerre aux Maures avec plus de gloire que n'en acquirent les François dans leurs longues guerres avec les Anglois. Lorsque l'Aragon & la Castille eut des Gonsalve, des Cardona, des Leiva, on pouvoit se glorifier d'avoir donné à Rome les plus valeureux & les plus sages empereurs qui ayent régné depuis César & Auguste. Dans les premiers temps de la littérature françoise, qui est celui des poètes provençaux, les Aragonois & les Catalans ont contribué à

son éclat autant que les Languedociens & les Limosins; & lorsqu'ils avoient des Véga, des Calderon, des Barques, des Cervantes, des Nunnès & tant d'autres auteurs connus & estimés de toute l'Europe, ils pouvoient bien citer ce que Strabon avoit dit, que l'Espagne avoit des livres anciens de six mille ans *).

Depuis que la postérité de Charles-Quint & la maison d'Aragon fut éteinte, le gouvernement des étrangers, ensuite la trop grande prospérité fit peut-être changer le caractère & l'esprit national, & il est peut-être à présent plus difficile de l'y reconnoître que les traces de l'ancien caractère. On les a remarqués jusqu'à nos jours dans celles du caractère françois, surtout en ce que César a dit qu'au commencement du combat ils étoient plus qu'hommes & dans la suite moins que femmes. Les succès que leurs armées ont eus dans la guerre actuelle démentent trop hautement ce fameux aphorisme.

Je ne fais s'il est à propos de rappeler ici que les femmes de la halle de Paris peuvent bien rappeler la férocité des femmes gauloises, particulièrement des Ambrones ou Dauphinoises, dont les anciens auteurs ont fait mention; mais au surplus l'état actuel des affaires de France nous feroit plutôt revenir à considérer l'esprit de galanterie qui distingua toujours la nation, & qui en cela ne diffère point de l'Espagnol, quoi qu'on ait dit de la jalousie de ces derniers.

Sect. 4.

Des Belges & des Bataves.

Depuis long-temps les Belges n'étoient plus comptés parmi les Gaulois, ils vont devenir François depuis qu'avec les progrès de la république qui succède à la monarchie françoise, celle-ci s'est emparée de ce pays. Lorsque les peuples du midi, Grecs & Romains, connurent les

*) L'auteur a traité ce sujet dans deux lettres adressées au feu comte de Mirabeau, qui sont la II. & la III. parmi les Lettres critiques pour servir de supplément au discours sur la question: Que doit-on à l'Espagne? par Mr l'abbé Denina: A Berlin, chez George Jacob Decker, imprimeur du roi. 1786.

Gaules, ils ont parlé de la nation Belgique, comme de la partie la plus brave & la plus belliqueuse de toute la Gaule, plus même que la Celtibérienne, qui d'ailleurs s'est rendue si célèbre dans l'ancienne histoire de l'Occident: il est vrai que la Belgique comprenoit aussi la péninsule, qu'on appela Bretagne, depuis qu'une nombreuse colonie d'émigrés britanniques s'y fut établie; & nous avons déjà vu combien les Veneti, anciens habitans de la Bretagne, s'étoient signalés par un caractère fier & belliqueux du temps de César, ainsi que sous leurs souverains particuliers & sous les rois de France. Cependant les habitans de la Belgique, qui commencèrent à porter, & qui ont dernièrement repris l'ancien nom, se sont encore plus distingués que ceux de la Bretagne.

Cinquante ans avant que César entrât dans le pays, & qu'il expérimentât la bravoure de cette nation, elle s'étoit hautement distinguée, lorsque les Cimbres parcoururent & ravagèrent tout l'Occident. Les Barbares, dont à la fin Marius délivra l'Europe, n'avoient trouvé dans les autres parties des Gaules, & dans toute l'Allemagne & dans l'Espagne, aucun peuple qui eût le courage ou la force de les repousser, excepté les Belges; ils avoient avant cette époque envoyé des colonies dans l'île Britannique, (*Caes. de Bel. Gall. l. 6. no. 12.*) qui donnèrent les noms des bourgs, dont ils étoient sortis, à ceux qu'ils occupèrent ou qu'ils bâtirent. Cette émigration de quelques bandes de Belges d'un temps immémorial, est la seule dont on ait connoissance; car il ne paroît d'ailleurs pas, que les Belges aient jamais porté la guerre, ni en conquérans, ni en brigands, hors de leurs pays; leur bravoure ne se fit connoître que lorsqu'on les attaquoit chez eux, ou lorsqu'ils prirent les armes pour servir leurs souverains. César les subjuga cependant quoiqu'avec peine; mais cela n'ôta rien à la réputation qu'ils avoient acquise, & ils firent ensuite la force principale des armées gauloises sous les premiers empereurs *). Ils montrèrent encore la même valeur qu'ils avoient déployée contre les Cimbres, lorsque

*) Tacit. Hist. lib. 4. cap. 76.

d'autres Barbares, qu'on appela Normands, parce qu'ils venoient du nord, se jetèrent dans les Gaules; les Belges, qui furent les premiers attaqués, se battirent contre eux vaillamment, & les chassèrent de leur pays, ce que les autres Gaulois, leurs voisins, ne purent faire. Les petits tyrans qui s'élevèrent parmi eux, & dont chacun s'empara des villes & des bourgs qu'il trouvoit à sa convenance, & où il avoit acquis de la considération & des forces, ne leur firent rien perdre de leur férocité guerrière. Car aucun peuple, quelque vaillant qu'il fût, n'a pu toujours se garantir contre les usurpations de concitoyens ou de voisins trop puissans. Cependant les Belges ne furent jamais totalement asservis, pas même lorsque par différentes alliances des petits princes de la Belgique, tout ce pays passa sous la domination du duc de Bourgogne. Mais les Flamands ne laissoient pas de faire une partie considérable des armées Bourguignonnes, toujours braves, quoique quelquefois vaincues par les Suisses. Au reste, ce fut bien plus par le commerce que par les arts que les Pays-Bas acquirent de la renommée dans l'univers. Aucune autre nation ne rivalisoit alors avec de plus grands succès l'industrielle Italie; & les Flamands sont peut-être le seul peuple de l'Europe qui possédant un pays gras & fertile, égale l'activité & l'industrie des contrées montagneuses. La différence est que la bonté de leur sol, l'avantage de sa situation, portèrent les Flamands à faire le commerce & à cultiver les arts presque généralement dans leur propre patrie, au lieu que les peuples montagnards, Suisses, Comasques, Bergamasques, Tiroliens, Savoyards, vont chercher ailleurs de l'occupation & de la fortune. Mais ceux des Flamands qui embrassent le métier de la guerre, vont nécessairement l'exercer loin de chez eux, au service du maître que le sort & les vicissitudes des maisons souveraines leur ont donné. Et certes, quoique les militaires sortis de ce pays n'aient pas toujours été heureux dans leurs exploits, depuis qu'ils furent sujets à l'Espagne & à l'Autriche, ils ne parurent pourtant jamais dégénérer des anciens Belges.

Les Bataves faisoient anciennement partie de la nation belge. Si les généraux romains rendirent justice en général à la valeur des Belges, ils semblent encore distinguer particulièrement les Bataves *). Sous les premiers empereurs, on les regardoit presque comme l'élite des armées, si nous nous en tenons à ce qu'en dit Tacite.

Au reste, leur sort, de même que leur réputation, furent les mêmes à-peu-près que ceux des Belges; mais le pays qu'occupaient les Catres, nation germanique, qui semble avoir été les premiers habitans du terrain marécageux qu'on appela Batavie, pays très-différent de celui des montagnes d'où ils venoient, leur inspira cependant le même esprit, & les rendit actifs & laborieux plus encore que les Belges, possesseurs d'un sol beaucoup meilleur & plus riche. Les habitans de l'île appelée Batavie, que forme le Rhin & l'Océan, pour avoir de quoi subsister, se livrèrent à un genre de travail différent de celui des habitans des montagnes. Ceux-ci, pour tirer & avoir du blé ou des légumes, & faire croître de la vigne & des arbres fruitiers, portent de la terre sur le roc nu, & la reportent encore, lorsque de fortes pluies l'entraînent au bas. Les Bataves, au contraire, sujets au flux & reflux de l'Océan, furent obligés d'amonceler de la terre autant qu'ils purent pour repousser les flots, & garantir leurs prés & leurs champs des débordemens du fleuve & de la mer. La nécessité des premiers travaux pour creuser des canaux & élever des digues, dont l'entretien demandoit d'autres travaux, ne pouvoit que rendre la nation plus robuste, & la porter à l'industrie & à l'économie, puisque le pays n'étoit pas naturellement opulent, & comme la richesse & l'abondance suivent l'industrie & le travail plus encore que la fertilité naturelle du pays, les Bataves devinrent une nation riche & puissante, précisément parce qu'elle possédoit un triste terrain. De pêcheurs qu'ils devoient être, ils devinrent par une progression naturelle, navigateurs & commerçans. Les Hollandois, sous lequel nom, (qui a

*) *Batavi virtute praecipui.* Tac. Germ. cap. 29.

d'ailleurs plus de rapport à celui de Bataves, puisque ces deux mots signifient à-peu-près un pays-bas & humide), on comprend aussi les Frisons & cinq autres peuples, se trouvoient, comme les Belges, dans un état florissant sous les ducs de Bourgogne, & sous les premiers souverains autrichiens, Philippe le bel, ainsi que sous Marguerite sa sœur, gouvernante du pays sous la minorité de Charles-Quint.

Les Bataves, soit effet de tempérament, soit de bonnes mœurs, paroissent avoir été pacifiques, effet sans doute d'un tempérament froid, qui ne les porte pas à la débauche, & des mœurs, qui sont également chez eux effet de leur tempérament, & qui rendent les mariages féconds. L'impudicité de la fameuse Jaqueline ne peut faire qu'une légère exception à l'opinion publique de la chasteté des Hollandoises. Les personnes du haut rang sont plus sujettes à la dépravation des mœurs à cet égard. Comment ce pays, qui, loin d'attirer à lui des habitans étrangers, en vit partir & éprouva de nombreuses émigrations par les désastres que le flux de l'Océan y causa, dont quelques-uns vinrent chercher des établissemens dans le Brandebourg & d'autres dans la Prusse orientale, comment auroit-il pu être aussi peuplé qu'il l'étoit, lorsqu'il osa se soustraire à la domination du plus puissant monarque de l'Europe? A cette occasion les Hollandois, les Zélandois, les Frisons ont signalé des vertus guerrières, qui devoient rappeler la bravoure des anciens Bataves: mais les conquêtes qu'ils firent sur les Portugais, presque en même temps qu'ils secouèrent le joug castillan, firent succéder à la fierté guerrière l'amour des richesses & l'esprit du commerce, qui certes les procure plus sûrement que la guerre. Ils soutinrent cependant les rudes attaques d'une autre puissance plus formidable pour eux encore, que n'avoit été celle des rois d'Espagne, car Louis XIV pouvoit leur faire plus de mal que ni Philippe II, ni Philippe III ne leur en avoient fait. Mais les guerres qu'ils soutinrent & qu'ils firent pendant le long règne de Louis XIV, avant la guerre de succession d'Espagne, & celle que causa ce fameux événement & la mort de Charles VI, se firent par les Hollandois

plus par leur argent que par leurs hommes. Les troupes hollandoises étoient presque totalement composées d'étrangers, que les richesses des Indes & le cabotage amassoit à Amsterdam principalement; & on est bien loin de voir sortir de la Hollande de ces légions bataves aguerries, qui se distinguèrent dans les armées romaines. Mais on trouvera parmi les Bataves de ces derniers siècles des hommes dévoués aux lettres & aux sciences, qui pourroient bien se comparer à quelques-uns de ceux que le pays latin a produits. Je dis le pays latin, parce que les auteurs qui ont le plus illustré la littérature romaine, n'étoient pas nés dans le Latium.

Peut-être la valeur guerrière des Bataves tenoit à leur origine, car ils descendoient des Cattes, qui sont les Hessois, la nation la plus belliqueuse que les Romains ayent connue dans la Germanie.

O B S E R V A T I O N S
sur les Dialectes, particulièrement sur ceux d'Italie.

PAR M. L'ABBÉ DENINA.

Les dialectes ou langages particuliers de différentes provinces d'un vaste pays, ne sont pas fils de la langue à laquelle ils appartiennent, mais plutôt ses frères, puisqu'ils existoient avant que la langue dont on pourroit les supposer sortis, fût formée elle-même; & ils sont nés du même langage informe ou formé, dont se forma celui qui ensuite devint langue principale & dominante dans le pays.

Les peuples de l'Asie mineure, & les Grecs, ont formé leur idiome des monosyllabes des peuples Scythiques & des Tartares habitans du Caucafé & des bords de la mer Caspienne. Cette belle & harmonieuse langue que nous admirons encore dans Homère, dans Hérodote & dans cette foule de poètes, d'historiens, d'orateurs & de philosophes, est fille de ce même ancien langage oriental d'où sont sorties les langues esclavonne & teutonique si différentes en apparence de la grecque; & des langues grecque, esclavonne & teutonique est née, au moins pour la plus grande partie, la latine. La différence frappante que l'on trouve en ces idiomes n'eut pour principale cause que la manière différente avec laquelle les anciens peuples de l'Italie prononçoient les mots qui leur étoient venus de la Grèce, des îles de la Mer-noire & du golfe Adriatique, ou d'un pays moitié grec moitié illyrien, tel qu'étoit tout le continent compris à présent sous le nom de Turquie européenne & de Dalmatie.

Avant

Avant que se soit établi l'idiome qu'on appela grec, différens peuples de la Grèce & de la Natolie parloient différens langages dont le fond étoit le même, mais qui différoient par des nuances plus ou moins grandes & marquantes. Le langage des Athéniens ayant ensuite été adopté par les autres Grecs, parce qu'Athènes & son district appelé l'Attique, eut à une certaine époque produit des écrivains plus agréables & plus intéressans que ceux des autres contrées, les autres écrivains ont jugé à propos d'en imiter le style ou le langage. Par-là le dialecte attique est devenu la langue générale de tous les Grecs policés & instruits, & surtout de ceux qui se méloient d'écrire.

Nous ne chercherons pas ici comment les langues orientales du temps d'Alexandre & de celui de Mahomet, se sont formées & divisées en différens dialectes. Il y auroit pour nous peu d'intérêt à cette recherche. Il est cependant certain que l'hébreu étoit un dialecte de l'idiome chaldéen, & que lui-même se divisoit en plusieurs autres, particulièrement en judaïque & samaritain.

Pour la langue latine, on sait bien qu'elle ne fut jamais divisée en différens dialectes; quoiqu'il soit très-probable que dans les premiers siècles de Rome les quatre peuples qui partageoient le Latium, les Volsques, les Herniciens, les Eques parlassent un langage différent les uns des autres; mais dès que ces peuples n'en firent qu'un seul, la langue qu'on parloit à Rome, devenue capitale incontestable de tout le pays latin, régna seule, & il n'y eut plus d'autre langue latine que la romaine, laquelle encore ne fut formée qu'après la réunion de ces quatre peuples. Elle se répandit ensuite rapidement dans toute l'Italie, dans tout le sud-ouest de l'Europe, & dans l'Afrique, mais elle ne put se diviser en dialectes, parce que tous ceux qui l'apprenoient suivoient autant qu'ils pouvoient l'inflexion, les mots & les tours des phrases qu'ils entendoient des Romains; & jamais il ne fut question de dialectes latins. Mais dès que cette langue, après être devenue commune à une grande partie de l'ancien monde, se corrompit, tant à Rome & dans les pays voisins, que dans les provinces éloignées, il

en sortit une foule de langages qui pouvoient s'appeler des dialectes comme ceux des Grecs, mais qui n'eurent ce nom que long-temps après, lorsque quelques-uns de ces langages ayant prévalu sur ceux des peuples voisins, devinrent des idiomes communs à des nations nombreuses.

Il est vrai que lorsqu'on appeloit romance la langue latine corrompue, on auroit pu appeler dialecte provençal, languedocien, gascon, picard & parisien les langues particulières des habitans de la Provence, du Languedoc, de la Gascogne, de la Picardie & de l'Isle de France. Mais ce mot n'étoit point usité, ou plutôt étoit inconnu dans le sens où nous le prenons. Cependant lorsque la langue latine se fut corrompue & qu'elle devint ce qu'en Italie on appelle langue vulgaire & en France langue romaine ou romance, il se forma dans toute l'Europe une foule de langages, différens dans les formes, mais dont le fond étoit le même, & ces langages étoient tous des dialectes de cette langue romaine ou vulgaire. Quelques-uns de ces dialectes sont devenus des idiomes parfaits & des langues générales de trois grandes nations, l'italienne, la françoise & l'espagnole.

On convint ensuite d'appeler dialecte les langues que parlent des peuples qui sont membres d'une grande nation, mais qui forment des états indépendans les uns des autres. Ainsi les différens langages de la nation espagnole avant le siècle de Charles-Quint auroient aussi pu s'appeler dialectes; mais depuis que tous ces petits royaumes ont été réunis à un seul, le langage des Andaloux, des Murciens, des Catalans, & même des Valenciens & des Aragonois, ne peut plus s'appeler que patois, dès qu'il s'éloigne du dialecte castillan devenu l'idiome général de toute la nation espagnole *).

Conformément à l'idée qu'on attache aujourd'hui à ce mot, il n'y a plus que l'Italie & l'Allemagne qui ayent des dialectes plus ou moins différens les uns des autres, mais qui ont un rapport commun avec

*) Le Basque que l'on parle dans la Biscaye, n'est pas un dialecte espagnol, ayant un fond totalement différent.

celui qui est devenu la langue de toute la nation. En Italie, dans le quinzième siècle, on comptoit quatorze langues différentes, c'est-à-dire quatorze dialectes qui auroient encore pu se subdiviser en quarante ou cinquante & beaucoup plus encore, lorsque la Romagne, la Toscane, la Lombardie contenoient plusieurs républiques ou principautés indépendantes. Nous pouvons à présent en distinguer cinq principaux, qui sont le Napolitain, le Romain, le Toscan, le Vénitien, le Bas- & le Haut-Lombard, comprenant sous le nom de Bas-Lombard celui que l'on parle depuis Bologne & Ferrare jusqu'à Milan, & sous le nom de Haut-Lombard tout le Piémont. Comme dans le royaume de Naples, ainsi que dans le Piémont, le langage vulgaire que l'on parle en différentes provinces, est aussi différent de celui que l'on parle dans la capitale des deux états & dans les villes voisines, on peut les appeler, en propres termes, patois, comme on appelle en France ceux de l'Auvergne, de la Gascogne & tous ceux qu'autrefois on auroit pu appeler langue ou dialecte. Nous jetterons donc un coup d'œil sur quatre de ces dialectes italiens, sans parler du toscan dont nous avons déjà montré l'origine, puisque ce dialecte est devenu la langue commune des Italiens.

Il est naturel que les langages des peuples qui se trouvent plus près du siège de la langue-mère, s'approchent davantage de celui qui en est aussi sorti, & qui est devenu dominant. Cependant, c'est moins par le voisinage que par d'autres rapports également physiques que les langues diffèrent plus ou moins entr'elles, & s'éloignent ou s'approchent de la langue-mère. Le Bolonois diffère du Romain & du Toscan plus que les deux dialectes, le Vénitien & le Piémontois; & tous également fils de la langue latine, s'éloignent davantage de leur mère commune que les langues les plus éloignées du pays latin, filles aussi de la même mère. Le Bolonois, le Vénitien & le Piémontois s'en éloignent au moins autant que le François; & le Génois qui n'est séparé du Latium que par la Toscane, est plus différent de l'idiome romain & toscan que n'est le Portugais, avec lequel au reste il a beau-

coup de rapport. Mais en général il est sûr que le langage des provinces plus voisines de Rome, siège de la langue latine, tient beaucoup plus du fond maternel que tous les autres. Le Napolitain est au Toscan, ou plutôt au Florentin, ce que l'Ionien étoit à l'Attique; le Florentin comme l'Athénien resserre les mots par contraction en supprimant une syllabe ou en y substituant une consonne. Il a fait *bere*, *dire*, *fare*, de *bibere*, *dicere*, *facere*; il a fait *condurre*, *porre*, *torre*, *trarre*, de *conducere*, *ponere*, *collere*, *trahere*; ainsi de *presbyter*, il fit *prêtre*. L'organe napolitain au contraire allonge les mots soit en préférant les voyelles plus larges aux plus serrées, soit en changeant les voyelles simples en diphthongues, & même en ajoutant la diphthongue à la voyelle qui reste, ou en prononçant longues les voyelles brèves du latin, soit en y insérant des syllabes entières. Ce peuple par l'effet du climat ouvre la gorge plus que les autres Italiens. Il change par là l'*e* & l'*o* romain en *a*, il dit *arede*, au lieu d'*erede*, *areteco* au lieu d'*eretico*, *arore* au lieu d'*errore*; il dit *arazio*, *arologio*, *arecchio*, au lieu de *orazio*, *orologio*, *orecchio*. Il fait *arciolo* & *artica*, de *urciolo* & *urtica*. Il change avec cela l'*i* bref du latin en *e*, il dit *anema*, *areteco*, *aroëco*, *lemosëna*, au lieu de *anima*, *eretico*, *eroico*, *limosina* *). Il change en *i* long l'*i* bref, du latin, il dit par exemple *decîte*, *sapîte*, du latin *dicitis*, *sapitis*. D'un autre côté il supprime l'*i* initial qui précède l'*m*, & l'*n*, il dit *mportare*, *mpuntare*, *mpoltronito*, *ndebeatato*, *ndescreto*, *ntrecedere*, *ntrobedare*, *ntrologare*, au lieu de *importare*, *impuntare*, *impoltronito*, *indebitato*, *indiscreto*, *intercedere*, *intorbidare*, *interrogare*. Il supprime par là l'*e* muet ou demi-muet de l'accent lombard & gaulois qui a changé l'*in* latin en *en*, & qui donne à cet *en* le son d'un *a* qui approche de l'*e* muet. Le changement du *b* en *v* est très-fréquent dans tous les dialectes. On le voit d'abord dans les

*) En tous ces changemens de l'*e* en *a*, & de l'*i* en *e*, le Napolitain tient beaucoup du dialecte Siennois, duquel il se rapproche aussi à d'autres égards bien plus que du Florentin; l'un & l'autre de ces deux dialectes ressembloient autrefois au langage romain avant le pontificat de Léon X, depuis lequel le langage romain prit beaucoup plus de nuances florentines.

verbes *habere*, & *debere*, *bibere*, *recipere*, dont l'italien a fait *avere*, *dovere* & *bevere*, *ricevere*, dans *faba fava*. On trouve même dans Boccace *boce* & *boto*, au lieu de *voce* & *voto*, *voix* & *voeu*. Dans l'espagnol cela est très-ordinaire, comme nous l'avons vu en son lieu. Mais ce qui ne se trouve guère dans les autres soit langues soit dialectes, c'est de substituer l'*m* au *b* & au *v* comme fait le napolitain, qui dit *sammuco* au lieu de *sambuco*, *momba* & *Mombardia* au lieu de *bomba* & *Lombardia*. Il dit *commogliare* au lieu de *convolvere*, *commertazione*, *commertato*, *commerzo*, *commierzo*, *chiommo* au lieu de *conversazione*, *convertito*, *converso*, *piombo*. On voit pourtant dans tous ces cas que le *v* latin a été changé naturellement en *b*, ensuite ce *b* le fut en *m*. Il y a quelques mots dans le Toscan, où l'*m* latin a été changé en *v*, comme dans *novero*, *annoverare*, faits de *numerus* & *adnumerare*. Ce qui est plus singulier & plus frappant dans l'articulation napolitaine c'est la répugnance qu'a ce peuple à prononcer le *d* précédé de l'*n*; d'où vient qu'au lieu d'*andare*, *bando*, *condizione*, *indole*, *indotto*, *mondo*, *rondo*, il dit *annare*, *banno*, *connezione*, *innola*, *innotto*, *monno*, *tonno*. Enfin dans tous les mots où se trouvent ces deux consonnes adossées l'une à l'autre, la seconde se change en la première.

L'italien a de la facilité & même du penchant à commencer les mots par la consonne *s*, & il se rapproche en cela de l'allemand, & en général des langues du Nord, autant que le françois s'en éloigne. Nous trouverons non seulement une foule de mots latins où les Toscans & tous les Italiens ont supprimé l'*e* ou l'*i* initial, & le commencent par l'*s* suivant comme *sperienza*, *spremere*, *spiagare*, *stimare*, & où le nous laissons, *speranza*, *spirito*, *studio*, mots que l'espagnol & le françois ont appuyés d'un *e*; mais on l'a ajouté là où dans le latin il n'étoit pas & où il est inutile. Car on dit *squasi*, *sdimenticarse*, *spiaggia*, au lieu de *quasi*, *dimenticarsi*, *piaggia*. Ceci n'est pas extraordinaire. Ce qui l'est bien davantage c'est que le napolitain substitue le *sc* à l'*sf*; car il change en *sci* le *fl* latin & allemand. De *floré* il fait *sciore*, de *flumen*, *sciunno*; de *sufflare* & *soffio*, il fait *sciasciare* & *sciòscio*; de

flanc, il fait *scianco*. C'est de quoi nous ne trouvons guères d'exemples dans aucuns idiomes ni dialectes. Mais cela constate l'étymologie de quantité de mots très-bons italiens, qu'on ne trouveroit pas autrement, comme de *sciagurato*, *scioperato*, *scillinguato*, *scimunito*, *scempio*. Par cette observation du changement de l'ex en *sc* & *sci*, on voit que la racine de ces mots est *augurium*, *lingua*, *opera* ou *opus*, *munus* ou *monitus*, & *exemplum* ou *amplum*.

Le changement de *pl* en *ch* qui est très-ordinaire au napolitain, est commun au portugais généralement, & en partie à l'espagnol & au toscan, qui de *plus* fait *più*, de *pluere*, *piovere*, de *plenus*, *pieno*: mais le napolitain non seulement change l'*l* en *i*, mais aussi le *p* en *ch*, puisque de *plus* il fait *chiù*, de *platea chiazza*, de *plaga* en italien *spiaggia*, il fait *chiaia*, de *plantare*, *chiantare*, de *plicare*, *plier*, & ainsi des mots qu'il a pris du françois ou de l'allemand, comme *chianca* de *planche*.

Le napolitain approche du piémontois, du provençal & de l'espagnol en ce qu'il change en *u* & en *ue* l'*l* suivi d'un *t* ou d'un *d*. Il dit *auto o avoto* au lieu d'*autro*, *altro*, *scaudare* au lieu de *scaldare*, *fauda* pour *falda*. Il change de même l'*l* en *u* entre l'*e* & l'*s*. Il dit *sceuse* au lieu de *scelse*; souvent l'*l* est simplement supprimé. Au lieu de *una volta*, ou l'*ultima volta*, une fois, la dernière fois, il dit *na vota*, l'*utema vota*.

En d'autres mots il substitue l'*r* à l'*l* & *vice versa*, comme dans *leggestrare* pour *registrare*. Il supprime l'*r* final presque toujours; d'où vient que lorsque l'italien commun par euphonie supprime l'*e* final de l'infinitif, le napolitain supprime le *re*, il dit *annà*, *vedè*, au lieu d'*andare*, *vedere*. La mollesse du peuple Campanien rejette autant qu'il peut la consonne canine *r*, de la préposition *per* il fait *pé*.

En général le gosier napolitain, plus ouvert que celui du lombard & du toscan, allonge ou enfle & grossit les mots comme fait l'espagnol; & cela par la même raison, mais d'une manière un peu différente. L'espagnol le fait en ajoutant des syllabes entières aux mots latins qu'il adopte, ou en adoptant ou préférant les mots à-peu-près synonymes en préférant toujours les plus longues aux plus courtes; mais il sup-

prime beaucoup de consonnes intermédiaires, ce que ne fait guère le napolitain, lequel au contraire en ajoute souvent à l'orthographe commune, surtout l'*m*, & double celles qui dans les autres dialectes sont simples. Outre cela il change en diphthongue les voyelles, & même il les leur adosse, en quoi il diffère extrêmement de tous les autres langages ou dialectes, puisque l'espagnol même, & dans quelques cas le toscan, réduit à un monosyllabe les dissyllabes latins. Le pronom *meus mea meum* dans plusieurs dialectes italiens, dans le françois & dans l'espagnol devient, *mo, ma, me; suus, sua, tuus, tua*, se réduisent dans les autres langages à *so* ou *son*, *sa, to, ton, ta* ou *su & tu, to, ta, tes*. Le napolitain ne se tient pas seulement à *mes o mio* romain & toscan, mais il en fait *meio & mieio*, de *tuo* il fait *tuoie*; de *vos* il fait *vuoie*. Au lieu de *bellezza*, il dit *bellezzitudine*, de *licenza* il fait *licenzieia*; il dit *leffeione* au lieu de *lezione*; *patafeio* pour *epitafio* & mille autres semblables.

L'*a* romain & toscan en venant vers les sources du Pô & de la Doire perdit par degrés le son qu'il avoit sur le bord du Tibre, & qu'il conserva sur les rives de l'Arne.

Dans les syllabes intermédiaires il commence à le perdre en passant l'Apennin, où on dit *andér*, *pèder* au lieu d'*andare & padre*. Mais il le reprend en s'avancant en Lombardie & en Piémont, il se change en diphthonge *ai*, & en *e* ouvert, en *e* fermé. On dit *andaït*, *faït*, *staït*, au lieu de *andato, fatto, stato*. *Aira & era* au lieu de *aia, area* (aire). Dans nos vallées qui touchent au Dauphiné & à la Provence on disoit *aiga*, & *aigua aeva eva* au lieu de *aegua*, & de cette *aiva & eva* le françois a fait *eau* par transposition. *Agro, aire*, (aigre). Sur la fin des verbes tant infinitifs qu'indicatifs l'*a* s'est changé en *e* comme nous venons de le dire. *Andé* pour *andare*, & *mangé* pour *mangearé*. De *padre, madre, frate* il fait *payre, mayre, frayre*, dont le françois a fait *père, mère, frère*. En échange il prononce comme *a*, l'*e* toscan venu de l'*i* latin. On dit *pass* pour *pesce, piscis*, *vard* pour *verde, viridis*, *nat* pour *net*, mais l'*a* final reste totalement dans tous

les mots qui l'ont dans le latin; mais il commence en quelque sorte à préparer le changement que le françois y a fait en le changeant en *e*. L'*e* que le napolitain substitue à l'*i* au milieu & sur la fin des mots, disant par exemple *domene nobele*, *coffe facile*, au piémontois n'est ni l'un ni l'autre, dans les finales. Il dit *person a nobil*, *cofe facil*, *affè difissil*. L'*o* que le napolitain retient, le piémontois le change souvent en *u* du son françois, & cela même dans des mots où le françois lui donne le son de l'*o* fermé de l'italien, ou de l'*u* latin, c'est-à-dire de l'*ou*. Nous disons *duminica*, & *duminic*, au lieu de *domenica* & *domenico*, *furni* & *furniment*, pour *fornire* & *fornimento*. *Durvi* pour *aprire*, *ouvrir*. *Ubident*, & *ubidi*, au lieu de *obediente*, & *obedire*. *Urtia* au lieu d'*ortica*.

Le lombard & le vénitien ne sont pas plus que le napolitain, une langue italienne ou toscane corrompue. Ils sont nés & se sont formés en même temps que celle-ci, peut-être même avant elle; car nous avons des écrits en langue piémontoise de plus ancienne date que ne le sont ceux qu'on a en langue toscane & romaine vulgaire, & antérieurs à tout qui se sont conservés d'écrits en langue napolitaine, puisque ce qu'on a de plus ancien dans ces deux langues n'est que du siècle de Boccace, c'est-à-dire du quatorzième, & ce que nous avons en piémontois est du treizième. Voici maintenant quel est le caractère de ces deux dialectes.

D'abord le piémontois a non seulement laissé tomber l'*m* & l'*s* final du latin, comme ont fait tous les autres dialectes, mais il supprime toutes les syllabes finales tant dans le nom que dans les verbes, excepté l'*a* des terminaisons féminines où il dit, *col*, *bras*, *man*, *pé*, *let*, *scagn*, *scabel*, *beu*, ou *bo*, *caval*, *mul*, *porc*, *vitel*, au lieu de *collo*, *braccio*, *mano* & *mani*, *piede* & *piedi*, *letto*, *scagno*, *scabello*, *cavallo*, *bue* ou *bove*, *mulo*. Il supprime pareillement l'*e* final des substantifs, & des adjectifs qui dans la langue régulière, finissent par cette voyelle. Il dit *condiffion*, *rafon*, *oraffion*, *difficil*, *facil*, *animal*, *pan*, *rival*, *sli-val*, *nobil*, *grand*. S'il y a des mots terminés en *o* ou en *i*, c'est lorsqu'il retranche une syllabe entière, particulièrement dans les mots qui

qui en latin & en toscan ont la pénultième brève, ou lorsqu'il supprime des lettres intermédiaires. D'*asino* (âne) il fait *asò*, de *gomito* coude, il fait *gomo*, de *guindolo* ou *pindolo* mot lombard formé de l'allemand *wind*, il fait *vindo*; au lieu de *cavalli* & *capelli* il dit *cavai*, *cavei*; ainsi *fornei*, *scabei*, *stornei*, au lieu de *fornelli*, *scabelli*, *stornelli*; il fait *foi* de *folli*; il fait *fnoï* de *finocchio* *funiculus*, il fait *oei* d'*occhio*, *oculus*, *poui* de *pidochio*, *pediculus*, *pou*, il fait *coï* de *cavoli*, *choux*, de *cogliere*, il fait *coëi*, *cueillir*; il mouille *l* plus que ne fait le françois, ou plutôt il le supprime. Il dit *famiia*, *fia*, ou *famia*, *fia*, *maravia*, pour *famille*, *fille*, *merveille*. Au lieu de *io non posso*, il dit *i peuss nen*. L'*o* latin & italien devient presque généralement *eu* dans tous les mots où le françois fait le même changement. Il fait *oeu* d'*ovo*, *peui* de *poi*, *postea*. Il en retranche une infinité de syllabes à la fin des mots en réduisant à un seul *i* les terminaisons latines de *atis*, *etis*, *itis*, & *itus*, ou *ata*, *ito* des participes latins ou toscans. Il fait *amé*, *mangé*, d'*amare*, *mangiare*. Il dit, *si ame le feu*, *scaudeve*; au lieu de dire *jè amate il fuoco*, *scaldatevi*; *si avi fam*, *mangé*, au lieu de dire *jè avete fame mangiate*.

Le rapport entre le piémontois & le françois est ici trop évident, sans qu'on puisse dire que la manière de prononcer & d'abrégier les mots ait passé de la Gaule subalpine dans la transalpine, c'est-à-dire du Piémont au Dauphiné & en Provence; ou que les mots étant passés de Rome & de la Toscane dans la Gaule narbonnoise ou méridionale, aient fait naturellement la même marche, & en s'avancant du sud au nord vers la Gaule celtique, se soient raccourcis & resserrés, à mesure que l'air y étoit plus froid; ou enfin que l'air ou le climat ait fait dans le Dauphiné le même effet qu'en Piémont sur les organes de la parole. Toujours est-il certain que les mots romains & toscans passés en France sont moins serrés dans le langage provençal, languedocien & toscan, que dans le picard & le parisien. Ce qui est ici à remarquer, c'est que le françois ayant perdu toutes les finales que le piémontois avoit encore conservées, il y a substitué un *s* ou un *x*; en adoptant

au reste les mots tels que le piémontois les avoit formés, mais y changeant de plus l'expression de la consonne *c*. Les Alpes ont mis en cela une différence considérable non seulement entre l'italien & le françois, mais entre le dialecte piémontois & le dauphinois.

Le *c* qui avant l'*e* & l'*i* dans l'Italie méridionale à Florence, à Rome, à Naples, a un son que les autres nations ne connoissent pas, & que les Allemands marquent avec *tsch*, quand il écrivent p. e. *Tschernitschef*, que nous écrivons *Cernicesf*. Dans la Haute-Italie depuis Venise jusqu'à Pignerol, Saluces & Coni, il prend le son de l'*s* comme en France & en Espagne; on dit en Lombardie *serv* pour *cervo*, *sercà* ou *serché* pour *cercàre*, *sira* & *sirot* pour *cera* & *cerotto*. Mais avant l'*a*, l'*o* & l'*u* il se prononce de même que dans le latin, comme un *k*. On dit par-tout jusqu'aux montagnes qui séparent le Piémont du Dauphiné, *casa*, *casal*, *cor* ou *coeur*, *cordial*, *cura*, *curios*. Mais dans le Haut-Piémont ce *ca* prend une nuance qui le prépare au changement qui s'y fait au de-là des Alpes, où il va prendre un son qui ressemble au *ç* renforcé de l'italien. Bien qu'à mesure que tout le pays devint sujet au même souverain qui résidoit à Turin & Verceil, plus vers le centre d'Italie, le langage des montagnes s'est approché de celui de la plaine; j'ai bien entendu dans le marquisat de Saluces *ciausse* au lieu *causse*, *chausses*, *Ciarle* au lieu de *Carlo*, *Charles*. On dit encore *ciat* pour *chat*, *ciaudroné*, mot tout piémontois qui signifie *sauter*, *danfer*, faire du tapage. Et ce mot ne peut venir de *calderone*, *chaudron*. Ce *cia* & *cio* piémontois tient un singulier milieu entre le *cha* & *cla* françois, & le *chi* italien. Car l'on dit *ciamé*, *ciair* au lieu de *chiamare*, & *chiaro*, *ciò*; pour *chiodo*, (*clou*) *ciodi* pour *chiudere*, *clorre*. Si c'étoit écrit *caoud*, le françois dit *chaud*. Du mot latin *calx calcis* l'italien auroit dû faire *calce*; mais ce mot pouvoit trop facilement se confondre avec *calze* chausses; pour éviter l'équivoque il forma le diminutif *calcina*. Par la même raison le piémontois ne fit pas de *calce*, *causse*, qui se seroit confondu à cause de chausses; mais en adoptant *calcina* il en fit *caussina*. C'est aussi par la même rai-

son que le françois n'a pas pris de nos dialectes le mot de *calcio* & *caufs*, ce mot devenant dans son accent & son écriture le même que *chaux*. Ce changement de l'*i* à l'*u* lorsqu'il est précédé de l'*a* est très-constant dans le piémontois, [qui en cela est conforme au napolitain, duquel à d'autres égards, il s'éloigne extrêmement.

Dans l'infinitif des verbes le *re* caractéristique du latin & de l'italien, est supprimé plus généralement qu'il ne l'est dans le napolitain, & plus complètement que dans le françois, parce que celui-ci a au moins dans l'écriture & souvent en certains cas dans la prononciation conservé l'*r*, que le lombard & surtout le piémontois ont supprimé. Nous disons *andé*, *lavoré*, *mangé*, *torné*, au lieu d'*andare*, *lavorare*, *mangiare*, *tornare*, & non pas *tornà*, *mangia*, *lavourà* comme les Napolitains & quelques Lombards.

Les verbes qui en latin & dans l'italien littéraire ou commun se terminent en *ere* tant brève que longue, le piémontois les termine en *e*, ou en *i* bref, c'est-à-dire non accentué. Il dit *lesi*, *scrivi*, *torfi*, au lieu de *leggere*, *scrivere*, *torcere*; mais si l'*ère* est long il allonge l'*i* qui le remplace. Il dit *tasi* pour *tacere*. Cela n'est pourtant pas trop général, car au lieu de *vedere*, il ne dit pas *vedé*, mais *vedi*, ou *vede*. Les verbes de la quatrième conjugaison latine se terminant en *ire* tant en latin qu'en italien, il les termine en *i* long. Il dit *durvi*, *pati*, *sentì*, au lieu d'*aprire*, *patire*, *sentire*. Le retranchement de la dernière syllabe tant dans les participes que dans les infinitifs a forcé le Piémontois d'abandonner beaucoup de mots qui sont passés du latin aux autres dialectes italiens, dont cependant il a retenu les composés ou les abstraits, ainsi que, dans une infinité d'autres mots, ont fait toutes les quatre langues filles de la latine. Les Vénitiens & les Milanois n'ont pas retenu le verbe *arare*, *cadere*, *mettere*, *porre*, *prendere*, *udire* qui seroient devenus, on ne fait quoi; mais il a bien retenu *cadensa*, *componi*, *disponi*, *proponi*, *presa*, *udienza*, *uditore* &c.

Par le même défaut de prononciation qui lui fait trop couper les mots, le Vénitien, le Milanois, le Piémontois sont privés du prétérit

parfait ou passé défini, & n'ont que le composé avec le verbe auxiliaire. Jamais on n'entend *fui, feci, amai, andai, diedi, lessi, tacqui; j'eus, je fus, je fis, j'aimai, j'allai, je donnai, je lus, je tus*. Je ne saurois dire comment ils eussent pu former ce prétérit. Il est étonnant que le françois ou le gaulois ultramontain qui a tronqué, coupé les mots latins plus que le gaulois cisalpin & subalpin, c'est-à-dire lombard & piémontois, ait cependant retenu ces prétérits ou passés. On doit l'attribuer à ce qu'il a conservé l'*r*, l'*s*, & l'*e* final qui lui sert à distinguer les participes des autres modes, & les personnes les unes des autres, au moins dans l'écriture. Les dialectes de l'Italie septentrionale sont en cela dans le même cas que les Allemands qui n'ont pas non plus de parfait défini, & cela par une cause peu différente. Le *ge*, qui représente le redoublement de la première syllabe du prétérit grec, a été généralement affecté au participe passé à l'exclusion du prétérit de l'indicatif. Ce n'est que dans quelques dialectes, & dans quelques auteurs que l'on trouve encore quelques verbes au passé défini, au reste la déclinaison des verbes & la formation des participes est assez singulière dans la langue vénitienne *).

Mais c'est dans la formation des pronoms & des adverbes qui tiennent de la nature des pronoms, que la diversité est extrême dans les dialectes italiens, ainsi que dans les langues avec lesquelles ils ont une étroite affinité. La première personne, ou le pronom toscan *io* & *i* s'est écarté d'*ego* autant que le *je* du françois, & l'*eu* du portugais.

*) Il seroit ici un détail trop ennuyeux que de rapporter ces variations telles que *vorave*, au lieu de *vorrei* & *vorrebbe*; *sarave* au lieu de *farei, farebbe*, ou *faria*. Ce dialecte ressemble au reste au piémontois & au françois en ce qu'il change *atis, etis, itis* latins de *amatis, videtis, facitis*, en un seul *e* accentué. Il dit *amé, andé, fè* au lieu de *amate, andate, fate*; *deme, fème*, au lieu de *datemi, fatemi*. *Vedeu* pour *vedete voi*, s'en éloigne encore plus que *vedeve*, ou *veadeve* de *vedete voi*, puisque le *vos* ou *voi* est réduit à la seule lettre *u*; dans les participes le vénitien ainsi que tous les dialectes de la Lombardie ne font ordinairement que tronquer la dernière syllabe du mot toscan. Ils disent *andà, sentì, venù, tornà*, au lieu de *andato, sentito, venuto, tornato*. Cependant le vénitien forme quelques-uns de ses participes de manière tout-à-fait particulière, car il dit *credesto, podessto, volesto*, au lieu de *creduto, potuto, voluto*.

Le Bolonois change l'*ego*, *io*, je en *a*, il dit *a vui*, je veux. A *m magn l man*, *ch' an tuccass dedris*: pour dire je me mange les mains, que je ne me touchasse le derrière. Quelques peuples de Lombardie semblent avoir abandonné l'*e* & l'*o* d'*ego*, & conservé le *g* intermédiaire, & avoir appuyé l'*io* de cette consonne; le vénitien dit *song io* au lieu de *son io* & au lieu de *io ero* j'étois, il dit *mi giera*. Dans quelques-uns de ces cas, c'est-à-dire dans l'interrogatif, le piémontois retient l'*e* ou l'*u*, *sonn-e andait*, *sonn-e ancora à tempo* &c. pour *son io andato*, ou *son'io ancora à tempo*? *Eu i ne*, ou *ai-ne fait*, *eu-ine dit* au lieu de *ho io fatto*, *ho io detto*? *Tu*, *nos*, *vos* ont conservé leur radicale *t*, *n*, *v*; on dit presque par toute l'Italie *noi*, ou *no'*; *tu*, *te*, *ti*, *voi*, *vo'* & *vu*, ont éprouvé moins de variation que dans les dialectes grecs.

Cependant le *nos* & le *nobis*, le *vos* & le *vobis* du latin ont pris un tour fort différent, au lieu qu'en françois ils sont constamment *nous* & *vous*. D'abord le toscan a le *ci* & *ne*, qui tiennent lieu de *nos* & *nobis*, *ci conduffe* il nous dit, nous conduisit, *ne fece vedere*, nous fit voir, *ne obligò*, il nous obligea; de même *vi*, & *ve* dans les cas obliques tiennent lieu de *voi*, *vous*, *vi dono*, *ve-lo dico*, je vous donne, je vous dis. Le piémontois dans tous les cas n'emploie que le *v* qu'on accompagne, ou que l'on suppose accompagné d'un *e* muet, mais lorsque *ve veui beni*, *ve dio* ou *dig de nò*; souvent on double le *t* & le *v* dans la même phrase, *t*, *v*, ou *cercava* comme on dit aussi *t'eu fercate*, *i v'eu fercave* au lieu de *ti ho cercato*, *vi ho cercato*. Je t'ai cherché, je vous ai cherché; *v'avomo fercave*; nous vous avons cherché ou cherchés si l'on parle à plusieurs personnes.

Les pronoms de la troisième personne en venant du Tibre ou de l'Arno jusque vers les Alpes ont prodigieusement changé dans la route. Pourroit-on croire que *ille* romain, & *egli* toscan est devenu un simple *a* dans le piémontois? cependant cela est très-certain.

Et voici comment ce changement s'est fait. De *ille legit*, le Toscan a fait *egli legge*, il lit. De *illi legunt*, *egli* ou *eglino leggono*. Cet *egli* sorti immédiatement de *ille*, & d'*illi* s'abrègent en *ei*, & cet *ei*

changeant l'*i* en apostrophe devient *e'*, *e' dice*, *e' scrive*, *e' vuole*, *e' viene*, & dans la haute Lombardie prend le son de l'*a*; le Piémontois dit *a dis*, *a scriv*, *a veul*, *a ven*, & au pluriel *a diso*, *a scrivo*, *a veulo*, *a venno*.

Cependant ce *a* sorti d'*e'*, *ei*, *egli*, venant après le verbe, reste *e*. Ce même pronom dans les autres dialectes change aussi de forme & de son en changeant de place. Le vénitien pour dire *egli sono*, *egli hanno*, dit *ixè*, ou *izè* pour *ei sono*. S'il est interrogatif comme par exemple *sono egli*, *font-ils*, il dit *xeli*? en insérant l'*l* pour éviter le hiatus, ou prévenir la formation d'une diphthongue. Le piémontois dit en pareil cas *a son venû*, *a l'an fait*, pour *egli* ou *ei sono venuti*, *egli hanno fatto*. L'*l* est insérée ici purement pour séparer les deux voyelles. Mais si cela est par interrogation, *zeli* ou *font-ils venus*? on dit *sonn-e venû*, *ann-e fait*?

Quelle différence entre *sonne*, & *xeli*, quoique l'une & l'autre expression viennent du pronom *ille* du verbe *sum*, *es*, *est*! Car le vénitien, ainsi que le milanois, a formé la troisième du pluriel de la troisième du singulier; avec cette différence que l'un rejette l'*n* final dans la troisième personne du pluriel, & le milanois le retient ou le prend. L'*e* italien, ou l'*est* latin & françois, le vénitien le porte tout simple au pluriel comme il fait de tous les verbes; au lieu que le milanois laisse subsister l'*n*, & il dit *i en andà*, *ils sont allés*, *i en fà è*, *ils ont fait*, *i veulen*, *ils veulent*.

Les dialectes n'ont pas suivi d'autre marche que celles qu'ont faite les langues en générale, soit en changeant le matériel, soit en changeant l'intellectuel, c'est-à-dire la signification des mots qu'elles ont reçue d'une langue antérieure. Il faudroit copier la moitié d'un vocabulaire, & le charger de notes sans nombre pour expliquer comment & pourquoi tel & tel mot qui devoit signifier telle ou telle chose, en signifie un autre; ou faire un immense commentaire au Traité des tropes de du Marlais. Car tous les mots qui semblent dire autre chose que ce qu'ils devroient, c'est par quelque rapport qu'ils ont avec l'objet,

ou l'action que le mot signifie proprement. Le langage métaphysique est tout composé de tels termes chez tous les peuples du monde, & ce qui est digne de remarque, c'est que le mot qui a été substitué à celui qu'avoit une langue antérieure, dont les autres sont sorties, a aussi du rapport avec celui qu'on a abandonné. Toutes les nations ont également formé & enrichi leur langue par ce moyen, & ont remplacé les mots qu'ils avoient perdus du fond de la langue mère, ou qu'ils n'avoient pas encore acquis autrement. Par le même moyen les dialectes italiens sont également riches; quelques-uns peut-être plus que n'est celui qui est devenu l'idiome de toute la nation.

Aussi les Napolitains, les Vénitiens prétendent parler un langage qui ne manque d'aucune sorte de termes & d'expressions pour quelque genre de discours que se soit, & pour traiter toutes sortes de sujets. Le Bolonois, quoiqu'il ne soit plus le langage qu'on parloit du temps de Dante, est certainement aussi riche qu'il avoit jamais été. La seule traduction du roman comique de Bertoldo Bertoldino & Cacasno suffit pour le prouver, puisqu'il présente abondamment des mots, des phrases, des proverbes capables d'exprimer tous les sentimens, toute la philosophie morale & physique & tous les objets que la nature présente. J'en pourrois dire autant du piémontois, quoiqu'on n'ait dans ce dialecte aucun ouvrage moderne assez considérable qui puisse montrer de quoi il est capable, comme on en a en napolitain, en vénitien, en bolonois. D'où vient donc que toutes ces nations qui parlent & qui peuvent écrire dans leurs langages, écrivent & parlent ordinairement dans une langue différente de leurs dialectes, presque autant & plus même que les langues espagnole & françoise le sont de l'italienne commune? & que trois parties de l'Italie, toutes plus considérables que ne l'est la toscane, & incomparablement plus que n'étoit le seul état de Florence, pour traiter la morale, la religion, les affaires publiques & sérieuses de quelque nature qu'elles soient, ont-elles adopté le dialecte florentin? car il nous faut avouer, que cette langue commune à toute l'Italie littéraire, religieuse & politique, est le dialecte florentin, non

pas celui du bas peuple, mais celui que parloient les gens de condition dans le siècle de Pétrarque & de Boccace. Je vais tâcher de répondre à cette demande si naturelle & si raisonnable.

Trois causes concourent ordinairement à donner à un dialecte la préférence sur les autres d'un même pays ou de la même nation: 1. Une certaine supériorité d'esprit du peuple qui le parle. 2. La puissance ou la considération politique de ce même peuple. 3. La position géographique du pays. Ces trois causes, ou du moins deux décidément, ont contribué à faire du dialecte attique la langue commune des Grecs, du dialecte romain la langue latine, du toscan la langue italienne, du castillan & du parisien la langue castillane & la françoise, enfin du saxon la langue allemande. Je ne dirai pas que les Athéniens fussent absolument plus spirituels que les autres Grecs, parce que les Rhodiens, les Siciliens, comptés alors pour peuple grec, les Corinthiens, les Spartiates ne cédoient peut-être pas aux Athéniens pour l'esprit naturel. Homère n'étoit pas Athénien & Aristote étoit du côté tout opposé à la patrie d'Homère. Toutes les villes du pays de langue grecque en s'étendant depuis Sardes capitale de la Natolie jusqu'à Thessalonique, qui est une frontière de la Thrace, ont produit des génies supérieurs, & tous les dialectes qu'on a parlés dans ces pays pouvoient se regarder comme des idiomes parfaits. Car que manquoit-il au langage d'Hérodote & d'Hippocrate, qui ont écrit dans le dialecte ionique? Cependant on convient généralement que les Athéniens étoient plus encore plus spirituels que les autres Grecs; & il devoient cela à la qualité de leur sol, à l'air du pays. L'huile, le miel, le vin, les grains & tous les produits du sol de l'Attique étoient favorables aux qualités spirituelles. Aussi dès que la Grèce fut policée, l'Attique lui a donné plus d'auteurs de tous genres, qu'aucune autre contrée, & ce qui importe le plus, c'étoit cette classe d'auteurs qu'on lit & qu'on entend plus communément. Athènes n'étoit pas à la vérité aussi puissante du temps de Périclès que Sparte le fut du temps d'Agéfilas & de Lyfandre, & que les rois de Macédoine l'ont été depuis;

depuis; mais elle fut toujours plus fréquentée des autres nations grecques, & plus peuplée que ne le furent jamais ni Sparte ni la capitale de la Macédoine. Elle donna quelque temps la loi à une grande partie des Grecs, tandis que quatre ou cinq auteurs célèbres qui y étoient nés, ou qui s'y étoient établis, attiroient dans ses murs tous ceux des Grecs qui aspiraient à quelque sorte de renommée par leurs talens. Admirant les discours, les écrits des poètes, des historiens, des orateurs athéniens, ils tâchèrent ensuite d'en imiter le langage préférablement à celui de leur propre pays, surtout en écrivant des ouvrages qu'on souhaitoit qu'ils fussent lus des autres Grecs; puis qu'on favoit bien que les autres Grecs s'étoient tous accoutumés au langage des Athéniens, qui, au surplus, par la position même de l'Attique, avoient plus de ressemblance avec celui des autres peuples au milieu desquels ils se trouvoient. Ainsi le langage des autres Grecs, des Macédoniens, des Corinthiens, des Thébains d'un côté, des Rhodiens, des peuples de l'Asie mineure & des îles adjacentes de l'autre, devoit avoir plus de points de rapport avec celui de l'Attique, que ne pouvoient en avoir ceux de la Thessalie & de la grande Grèce, ou de l'Italie méridionale & de la Sicile, pour entendre le langage de Rhodes, de Smyrne & d'Halicarnasse. Faute de monumens d'une telle antiquité nous ne savons pas quels étoient les dialectes latins avant que tout le pays fût réuni en un seul état sous la domination de Rome. Mais il est bien à présumer que les quatre peuples qui formoient quatre états indépendans, eussent quelque diversité d'expression. Par cela seul il devoit y avoir des nuances qui distinguoient le langage des Romains de celui des Volsques, & le langage de ces derniers de celui des Herniques & des Eques. Cette diversité d'orthographe qu'on trouve encore dans quelques fragmens de livres & de monumens anciens, conserve encore des traces de ce qu'on appelle licence poétique ou irrégularité d'inflexion, & étoit sans doute des particularités de l'accent ou de la prononciation des différens peuples du Latium. Mais on devoit bien s'attendre que celui des Romains prévalût par de plus fortes raisons encore que celles qui

firent prévaloir le dialecte attique sur les autres grecs, & le florentin, l'aretin sur le pisan, le siennois, le lucquois, comme nous allons le voir. Ce n'est pourtant pas que les habitans de la partie du Latium où étoit Rome, eussent plus de talens que les autres pour les arts & les sciences, & pour la littérature qui forme & perfectionne les langues. On auroit plutôt raison de croire que les Volsques & les Herniques, qui étoient au sud-est de Rome, en eussent davantage; puisque tous les plus grands génies qui ont illustré le littérature latine, Cicéron, Horace, Ovide, (abstraction faite de ceux qui étoient de la Gaule cisalpine) étoient ou du pays des Volsques ou près de ses frontières. Mais Rome étant devenue la capitale dominante de tout le pays, c'étoit son dialecte qui devoit l'emporter sur les autres, quand même ceux-ci auroient eu des avantages intrinsèques & réels. Rome au reste se trouvoit au centre des pays qui constituèrent son premier état de prépondérance sur l'ancienne Italie. Son cercle tenoit immédiatement au pays des Sabins & à celui des Etrusques, qui furent les premiers peuples non latins qui adoptèrent la langue latine, & concoururent à la propager. Ces deux nations italiennes durent avoir plus de facilité à apprendre le langage des Romains, qu'ils n'en auroient eu pour celui d'Antium & de Sueffa Pometia.

Le dialecte romain, devenu l'idiome de tout le Latium, ensuite de toute l'Italie & de l'Europe occidentale, tomba en décrépitude, & de son corps corrompu & pourri naquirent une foule de langages différens. En Italie dans le siècle de Charles-Quint on en comptoit autant qu'il y avoit de villes, & autant qu'il y avoit de diversité d'air dans les différentes contrées de la péninsule; mais que l'on peut réduire à six plus distingués & plus marquans.

Quoique les Italiens aient assez généralement la réputation de peuple spirituel, les Toscans jouissent encore plus particulièrement de cette réputation, & parmi eux les Florentins, les Siennois, les Lucquois l'ont méritée encore plus que les autres. Je comprends sous le nom de Florentins les habitans de cette partie de la Toscane qui com-

posoit l'état de la république de Florence vers l'an 1350. Ils eurent plus que les autres, du goût pour la littérature, & une habitude plus commune d'écrire, tenir registre, & conserver mémoire de leurs affaires. Cela étoit si marqué que les Siennois leur rivaux le relevèrent comme preuve d'ambition & de vanité *); mais d'autre côté le soin qu'ils eurent de mettre & conserver par écrit tant de détails de leurs affaires publiques & particulières, prouve un esprit d'ordre & d'exactitude que n'avoient peut-être pas si communément les autres Italiens supérieurs au reste en force d'imagination, & les Lombards généralement. C'est sans doute par cet esprit d'exactitude qu'ils mirent plus de précision dans la formation des mots, dans la déclinaison des noms, dans la conjugaison des verbes, que les autres Italiens n'en mettoient dans leur langage, soit qu'ils s'en tinssent à l'orthographe latine, soit qu'ils s'en écartassent. Il s'ensuivit de là que leurs écrits étoient plus facilement lus, compris & goûtés des autres Italiens, que ceux des Lombards, des Vénitiens, des Napolitains ne l'étoient réciproquement les uns des autres. Car il est évident que les terminaisons du langage florentin, telles qu'on les a dans les quatre ou cinq auteurs du 14^e siècle, distinguent mieux, dans les noms & dans les verbes, le singulier du pluriel, le masculin du féminin, & une personne de l'autre. Il a surpassé même à cet égard le siennois, qui à quelques autres égards auroit l'avantage. Mais après tout ces différences entre les dialectes florentin, siennois & lucquois, & celui des autres villes de la Toscane, ne sont pas fort considérables. En général les Toscans, successeurs des anciens Etrusques, semblent avoir eu de tout temps un penchant organique à finir les mots par des voyelles, surtout par l'*u*, qui très-facilement prenoit le son de l'*o* fermé des Italiens. Par là, en supprimant l'*m*, l'*s*, le *t* final du latin, en retenant la voyelle précédente, le mot se trouve plus approchant du latin, qui étoit encore fort en usage, quoique barbarisé. Ces mots étoient mieux formés, d'autant plus qu'en ne supprimant point les *e* intermédiaires, ils conservoient

*) Gigli dans son *Dizionario Cateriniano*.

aussi beaucoup plus de conformité tant avec les mots encore latins, qu'avec les mots vulgaires des autres pays, de la Romagne, de tout l'Etat ecclésiastique, du Napolitain, & même du Lombard. Dans quelle autre contrée d'Italie, avant même que la langue fut fixée, ne devoit-on comprendre plus facilement *faceffe*, *diceffe*, que *ffifs*, *dfifs* du Bolonois?

La considération qu'acquît la nation florentine vers 1500 fut encore une des causes que son dialecte se répandit plus que les autres dans toute l'Italie. Il est vrai que le Vénitien passoit pour plus doux & plus agréable, & d'un autre côté la puissance vénitienne étoit alors sans comparaison supérieure à celle de Florence & de toute la Toscane unie. Mais la position de celle-ci, & les Florentins & les autres Toscans, qui se répandoient dans les autres villes d'Italie & surtout à Rome, répandoient naturellement leur langage, sans se donner aucune peine de le faire apprendre aux autres. Ainsi Rome qui auroit eu assez de droit & de facilité de donner aux autres nations italiennes son dialecte, s'accoutuma aisément elle-même à se conformer au florentin, qui par d'autres raisons particulières, & que l'on peut dire accidentelles, gagna de l'ascendant à l'époque même que Rome se relevoit de l'état de dépopulation où le grand schisme d'Occident l'avoit réduite. Avant cette époque l'accent romain s'approchoit beaucoup plus du napolitain que du toscan, comme on le voit dans un fragment très-remarquable de Louis Monaldeschi, contemporain de Pétrarque *).

Mais ce qui a décidé l'ascendant que devoit prendre le dialecte toscan, particulièrement le florentin, ce fut le mérite étonnant de trois ouvrages de trois auteurs qu'on regarda comme Florentins, quoiqu'un seul des trois fût né à Florence; ces ouvrages sont le poème de Dante, le recueil de poésie lyrique & didactique de Pétrarque, & le Décameron de Boccace. Le premier intéressoit par son sujet politique, religieux & satyrique en même temps. Le second, moins in-

*) Muratori Rer. Ital. T. XII, pag. 525.

téressant pour le sujet, quoique l'amour intéresse assez généralement comme le dit Pétrarque lui-même, charmoit pour l'expression d'un sentiment tendre avec un style & des mots si bien choisis que toutes les âmes sensibles en firent leurs délices. Boccace, le troisième de ces auteurs, par ses contes si variés, si bien imaginés, & au reste si libres, ne pouvoit que trouver des lecteurs en foule dans toute l'Italie, surtout dans un siècle corrompu tel que l'étoit celui qui suivit le XIV, sur la fin duquel le Boccace avoit composé & publié ce fameux ouvrage. L'imprimerie introduite en Italie vers la fin du siècle précédent avoit répandu par toutes les provinces le Décameron de Boccace & les poésies du Dante & de Pétrarque. Il n'y avoit point de livres aussi agréables ni aussi intéressans, & ces ouvrages étoient lus avidement par tous ceux qui avoient reçu quelque sorte d'instruction, tant hommes que femmes. La galanterie étant assez générale, & la religion qui est le fond du poëme de Dante, étant absolument la dominante, le style de ces trois auteurs ayant quelque chose de plus régulier que tout ce que l'on put alors avoir d'écrit en langue vulgaire à Naples, à Rome, à Venise, ni dans aucune ville de la Haute-Italie; Jaques Sannazzare, originaire de la Lumelline, mais né & élevé à Naples, dès qu'il se décida d'écrire en langue vulgaire, forma son style sur celui de Pétrarque & de Boccace. Quelques beaux - esprits qui se trouvoient à la cour d'Urbain, d'autres qui vivoient à celle des marquis de Ferrare, ensuite à celle de Mantoue, ou aux armées qui faisoient la guerre en Piémont, se décidèrent à écrire en langue vulgaire, ce qui n'avoit guère été d'usage dans le siècle précédent, & tâchèrent d'imiter la construction, l'inflexion des noms, des verbes qu'ils trouvoient aussi conformes à cet égard à trois ou quatre autres écrivains florentins du même siècle que Boccace. Bembo, qui étoit un des ornemens de la cour brillante d'Urbain, fit plus. Non seulement il imita le style de Pétrarque & de Boccace en écrivant en langue vulgaire, mais il en tira des règles générales pour tous ceux qui voudroient écrire dans la même langue. Le livre qu'il donna sous le titre trop vague de *Prose*,

est la première grammaire de la langue italienne; quoiqu'en même temps que lui un littérateur du Frioul nommé François Fortunio, eût déjà donné un ouvrage sur le même sujet.

Il se fit alors un changement général dans l'usage de la langue nationale. Le bas peuple conserva son patois dans toutes les provinces d'Italie, mais tous ceux qui se méloient d'écrire, ceux qui ou voyageoient, ou recevoient chez eux des étrangers, ceux enfin qui devoient parler en public, parloient & écrivoient la même langue à quelque variété près. Depuis les bords de la Mer méditerranée jusqu'à la Mer adriatique, & depuis le Phare de Messine jusques aux Alpes, le langage des plus célèbres Florentins, tels que Machiavel & Guichardin, est absolument le même que celui de Baldassar Castiglione Mantouan, ou de Mathieu Bandello de Castelnovo, Tortonois, leurs contemporains. Le style du comte de Saint Martin de Virle, soit en prose en vers, n'est pas différent de celui de Bernardin Rota & de Sannazar, ni en prose différent de celui de Bembo & du Fortunio. Mais ce qui nous prouve incontestablement que la langue d'usage chez tous les écrivains & les personnes de marque de toute l'Italie est totalement la même, c'est de voir que ces deux auteurs très-estimés que je viens de nommer, Castiglione & Bandello, protestoient qu'ils écrivoient en langue lombarde, & non pas en langue florentine ou toscane; & néanmoins leur langue n'est nullement différente de celle qu'on trouve dans les ouvrages par exemple des Toscans & des Florentins de leur temps, tels que Machiavel, le Casa, le Berni. Aussi le Cortigiano de Castiglione, malgré que l'auteur l'ait voulu donner comme écrit en langue lombarde, a été cité par les rédacteurs du fameux dictionnaire de la Crusca. Les nouvelles de Bandello auroient pû l'être avec plus de raison encore. Car dans quatre volumes assez considérables il n'y a pas quatre mots, pas un seul tour de phrase qui ne se trouve dans les écrits que les académiciens de la Crusca ont cités & donnés pour modèles. Quelqu'air de paradoxe que puisse présenter ce qu'a dit Mr le comte Geleani Napione, dans l'éloge qu'il a donné de cet auteur, je suis pres-

que de son avis, que le style de Bandello est aussi bon italien que celui de Boccace, & plus conforme au véritable génie de la langue italienne, quand même on devoit le juger d'après les écrivains florentins du 14^e siècle, Jacques Passavanti, Jean & Matthieu Villani & le traducteur de Pierre Crescenzi.

R E M A R Q U E.

Tous les dialectes, ainsi que tous les idiomes, quelques différences qu'ils aient entr'eux, ont des singularités qui les rapprochent de ceux qui dans le total sont le plus éloignés les uns des autres. Cela vient apparemment de ce que dans chaque peuple il y a des individus qui ont dans l'organisation intérieure quelques différences. Ces singularités passent de la prononciation dans l'écriture, & y portent des nuances qui d'un côté diversifient, de l'autre rapprochent les dialectes & les langues.

Nous venons de voir que les Napolitains & les Piémontois ont changé en *u* l'*l* suivi d'une consonne, en disant *caud* ou *caoud*, au lieu de *caldo*. Cet *u* adossé à l'*l* se change dans l'allemand en *i*, & *au* devient *aü* lorsque ces mots passent du singulier au pluriel, comme *haus* se prononce au pluriel *häüfer*. Les Piémontois communément, & beaucoup de Toscans & même de Florentins ont changé ainsi cet *u* précisément au pluriel, car nous disons *noi aïtri*, *voi aïtri*, *lor aïtri*, au lieu d'*altri* ou *autris*. On a remarqué cela dans le discours familier de Varchi, qui étoit le plus rigide Florentin qu'il y eût jamais. Deux siècles après Jérôme Gigli le relève, & le reprochoit aux Florentins dans son *Diçionario Casertiniano*. L'accent danois insère facilement une voyelle entre une consonne, & une autre voyelle tant dans les mots allemands que dans les françois, & même dans ceux qu'il a pris très-

anciennement du latin ou du grec; il fait *giore* de *gero*, il dit *skiender*, *skione*, *skiul*.

La plupart des Italiens, excepté le Piémontois, insère cet *i* dans le mot dissyllabe, & transmet cela au François; *viene*, *piere*, *piede* de *venit*, *tenet*, *pede*, *vient*, *tient*, *pied*, le Piémontois ne dit que *ven*, *ten*, *pe*. Mais le Siennois insère cet *i* dans des mots de toutes sortes il dit *caritia*, *santitia* au lieu de *carità*, *santità*. Le Toscan appuie d'un *u* les mots commençant par *au* ou *o*, car s'il est bref en latin, il le substitue à l'*h* grec, latin ou allemand. Il fait *uopo* d'*opus*, *uovo* de *ovum*, *nuovo* de *novus*, *uomo* d'*homo*, *uofe* de *hofen*, *chauffe*. Il ressemble en cela à l'ancien dialecte éolique père ou ancêtre du latin, qui appuyoit les voyelles initiales d'un *béta*, mais aussi à l'allemand en général, qui dès son origine appuya d'un *w* presque tous les mots qu'il prit du grec, commençans par une voyelle, comme nous avons vu dans *Wagen* d'*αγην*, *Wein* d'*οινος*, *wercken* d'*εργειν*, *fieri*, ou *esse*.

L'*h* du latin supprimé pour l'ordinaire par le Toscan, comme la plupart des aspirations grecques avoient été supprimées dans la première formation du latin, se prononçoit vulgairement comme un *i*. Il en reste une preuve dans *ieri*, fait de *heri*. L'Anglois donne généralement à l'*h* initial l'expression d'un *i* comme *hume* prononcé *ioume*. Nous avons vu dans l'espagnol l'*au* changé en *o*; & l'on fait que ce changement avoit quelquefois lieu chez les anciens, qui de *Claudius* & *Plautius* ont fait *Clodius* & *Plotius*.

L'Anglois supprime l'*u*, & le *w* après l'*a*. L'italien du mot *Augustus* mois d'*Août*, a fait *Agosto*, d'*Augustinus*, *Agostino*.

Le Napolitain change la voyelle *e* en diphthongue, ou la lui ajoute: les Allemands l'ont fait dans l'origine de leur langue, en changeant l'*us* en *aus*, comme de *mus*, *maufs*, de *hus*, *haus*. Ils le font encore dans la prononciation des mots latins, ils disent *deiüs*, *meiüs* pour *deus*, *meus*. Les Latins qui n'avoient pas adopté toutes les lettres des Grecs dans leur écriture, paroissent les avoir eues dans la prononciation, de sorte que l'*e* & l'*i* avoit deux tons différens, quelquefois répondoit à l'épsilon

l'epfilon ou *e* bref des Grecs, quelquefois à l'*ae eta*, ou *ita*, qui représentoit un double *e*. Ces *e* doubles, ou trainés & ferrés, prenoient l'expression d'un *i*, & enfin il fut prononcé comme l'*i* long. Les Anglois par une action contraire, mais analogue, écrivoient avec deux *e* une syllabe qu'ils prononçoient comme *i*, *green*, *grün*, ainsi qu'ils écrivent avec deux *o o*, ce qui doit avoir le son de l'*u* latin, & de l'*ou* françois. L'Anglois écrit par *ea*, & prononce *i*; ce changement d'*i* a dû être piquant dans la langue ionique. Tous les dialectes, ainsi que tous les idiomes quelque différence qu'ils aient entr'eux ont des singularités qui les rapprochent de ceux qui dans le total sont le plus éloignés les uns des autres. Cela vient apparemment de ce que dans chaque peuple il y a des individus qui ont dans l'organisation intérieure quelques différences, comme il y en a dans la figure extérieure. Ces petites nuances ou singularités passent de la prononciation dans l'écriture.

Chaque peuple a une disposition à prononcer certaines lettres ou syllabes, & ces variétés & ces nuances qui lui sont plus faciles à prononcer sont entre les dialectes d'une seule nation comme dans les idiomes communs de grands peuples très-séparés les uns des autres & parlant des langues originairement différentes. Quelques-uns prononçoient l'*au* comme un *o* ouvert. Parmi les Italiens & autres peuples modernes les uns ont retenu l'*au*, d'autres l'ont changé en *o*. Les uns, comme les François, l'ont conservé dans l'écriture, les autres, comme les Espagnols, l'écrivent par un *o* simple mais ouvert. Les Piémontois parmi les Italiens, & parmi les autres nations les François seuls prononcent la diphthongue *eu*; les Allemands ont de la peine à la faire sentir, quelque peine que se donnent leurs grammairiens pour les accoutumer à prononcer le *oe* comme l'*eu* françois, l'*e* simple l'emportant presque toujours.

Notre patois lombard, milanois & piémontois n'ayant pas retenu la terminaison en *o* & en *i* du toscan, a conservé tout entier quelques mots latins; il en a conservé d'autres en retranchant une partie, & par-là il a pu composer des noms & des verbes de deux ou trois mots latins ou italiens. Du mot indéclinable *nequam* il a fait *nec* & *neca*

dans les sons qui signifient *homme* ou *femme* de *mauvaise* *humeur*. Beaucoup d'autres, après être tronqués & devenus monosyllabes, en ont formé d'autres fort expressifs. *Masna* en piémontois signifie enfant. Ce mot est formé de *mac* qui veut dire seulement *adef*s, tout à l'heure, en latin *modo*, & *na*, *natus*, *né*. *Solamente adesso nato*. On appelle *ffurniot* dans notre patois un oiseau qui commence à voler hors du nid. Ce mot est formé de la préposition *ex*, de l'adverbe *foras*, & du substantif *nido*. Cette analyse nous fait trouver l'étymologie de plusieurs autres mots purs piémontois composés pareillement d'*ex* changé en *s*, & d'un nom ou d'un verbe latin, italien ou allemand, & quelquefois d'un mot celtique ou gaulois. Dans toutes les langues & dans tous les dialectes il se trouve des traces qu'ont laissées les anciennes langues éteintes, ou la racine du mot latin, auquel on ne s'attend pas, & quelquefois pris dans un sens éloigné de celui qu'il avoit, & que l'on substitua aux mots propres qu'on avoit abandonnés. C'est-là la seconde origine, ou cause de la différence tant des dialectes, que des langues ou idiomes; & qui tient d'un côté à la première cause physique, lorsqu'un mot abandonné par défaut de prononciation est remplacé par un autre; d'un autre côté, peut tenir à des causes morales ou des circonstances accidentelles.

*EXAMEN RAISONNÉ
de l'origine de l'ancienne & Sérénissime Maison Landgraviale
de Hesse.*

PAR M. LE CHEVALIER DE VERDY DU VERNOS *).

Rainier, autrement Reinier ou Raginaire I, *Raginerius*, surnommé au Long-col, duc de Lorraine ou de Hasbay **), comte de Hainaut, qui vivoit sur la fin du IX^e siècle, & au commencement du X^e, sous les règnes des rois de Germanie, l'empereur Arnoul & Louis IV, & de Charles-le-simple, roi de France, est la souche incontestable de l'ancienne & Sérénissime Maison de Hesse ***). Mais le voile épais qui couvre les temps antérieurs à l'existence de Reinier, & les contradictions des auteurs qui ont voulu percer à travers les ténèbres de ces siècles de troubles & d'ignorance, n'ont pas permis encore de découvrir la véritable origine de ce prince.

*) Lu à la séance de l'Académie du 17 avril 1797.

**) Moréri donne ce titre à Reinier I. Le Hasbay, Hasbain ou Hasbaigne est cette petite contrée du pays de Liège dont St Tron est le chef-lieu. C'étoit dans les premiers temps un comté qui s'étendoit jusqu'à la ville de Louvain.

***) V. Pfiffel, H^{is} d'Allem. Tom. I, p. 87, Ed. de 1777.

Mallet, H^{is} de Hesse; Tom. I, p. 178.

Hubner, Genealogische Tabellen, 279.

Lignéville, H^{is} de la M^{aison} de Lorraine, p. 2.

Teuthorn, ausführliche Geschichte der Hessen, Band 4, S. 19 & sequent.

Quelques-uns font descendre sa maison d'Erchinoald ou Archambaud, maire du palais de Neustrie sous les règnes de Clovis II & de Clotaire II, le même duquel Hübner fait sortir les maisons de Habsbourg, de Zeringen, de Bade, de Hohenzollern, de Lorraine & des Welfes *). D'autres lui donnent pour auteur un certain Madalgatre ou Vincent, fondateur de l'abbaye d'Haumon près Maubeuge, & mari de Ste Vaubourg, fondatrice des chanoinesses de Mons **). Hübner lui-même la fait remonter jusqu'à Pharamond premier, roi prétendu des François, dont l'existence n'a pu encore être prouvée jusqu'à présent, comme nous le démontrerons ailleurs ***). Mais comme ces systèmes ne sont appuyés d'aucune preuve, & qu'ils ne portent aucun caractère d'authenticité ni même de vraisemblance, on ne peut raisonnablement pas les adopter.

Ce n'est pas cependant faute de monumens que ces auteurs systématiques ne se sont point entendus sur les origines diverses qu'ils ont données de la maison de Reinier: mais le désir de l'originalité, la négligence des recherches, peut-être encore les motifs intéressés d'une vile adulation, ont eu plus d'influence sur leurs travaux que la ferme intention de ne rechercher & de n'exprimer que des faits vrais & prouvés. On aura beau dire qu'au de-là de Charlemagne il n'existe plus de preuves de l'ancienneté des maisons illustres qui se sont propagées jusqu'à nous. C'est le langage de l'ignorance ou de la mauvaise foi; car il est certain que depuis les commencemens de l'établissement des Francs dans les Gaules, & surtout depuis que leur domination y fut consolidée par la conversion de Clovis au christianisme, les monastères & les chapitres, seuls dépositaires alors des connoissances, le devinrent encore des titres de toutes les institutions civiles & religieuses que le gouvernement, la piété & la libéralité des rois & des grandes familles consacroient à l'ordre public & à la religion; dépôts précieux, dans lesquels reposoient les vrais monumens de l'histoire de ces temps,

*) Hübner, genealogische Tabellen, 124, 175, 228.

**) Moréri, au mot *Hainaut*.

***) Hübner, Tab. général. 279.

& les preuves de l'existence des familles illustres, dont l'origine ne peut se trouver que dans le berceau même des états qui se formèrent alors sur les débris de l'Empire romain.

Si donc les historiens & les généalogistes qui, dans des temps postérieurs, se sont occupés du soin de nous éclairer sur l'ancienneté des maisons illustres ou souveraines, n'ont pas eu recours aux dépôts dont nous venons de parler, ou aux ouvrages qui en ont répandu la connaissance, leurs travaux, loin de suffire à notre instruction, n'ont d'autres effets que de nous induire d'erreurs en erreurs, & d'ajouter dans le développement des opinions contradictoires de leurs auteurs de nouvelles difficultés à celles qu'ils ont rencontrées dans la fabrication de leurs systèmes divers.

C'est dans la classe de ces sortes d'ouvrages qu'on est forcé de placer ceux qui concernent principalement la généalogie de la Sérénissime Maison de Hesse; ouvrages que par état & par devoir j'ai souvent été dans l'obligation de consulter, d'analyser & de rapprocher les uns des autres, pour en extraire & produire, dans des cas du plus grand intérêt, tout ce qui pouvoit servir à justifier ou à détruire différentes prétentions opposées. Heureusement que dans le cours des temps que j'avois à parcourir, je ne craignois pas de trouver le masque de la fable sur les traits de la vérité, ni les impressions du doute sur les détails des faits historiques. Mais souvent embarrassé par les contradictions des auteurs que je consultois, je me trouvois obligé, pour les concilier, de recourir aux sources, de rechercher les causes des erreurs des uns, de m'assurer du degré des probabilités sur lesquelles s'appuyoient les opinions des autres, & c'est ainsi, qu'après le travail le plus ingrat & le plus pénible, je suis parvenu à justifier victorieusement les faits que j'avançois & que j'avois à prouver.

Qu'on me pardonne la personnalité de ces détails. Je les ai crus nécessaires 1. à la justification du motif qui m'a engagé à traiter le sujet qui a donné lieu à ce mémoire, 2. à prouver, par l'expérience, combien l'étude des généalogies est nécessaire à quiconque est chargé

de la discussion des intérêts des princes & du maintien de leurs droits, & particulièrement sous ce rapport, à tout homme d'état, & à toute personne qui écrit ou qui étudie l'histoire. 3. Combien enfin est peu judicieuse l'opinion de ceux qui pensent & qui publient que „les recherches des généalogistes sont aussi *frivoles*, aussi *peu intéressantes* que les occupations des savans qui travaillent sur l'étymologie des mots.”

Je ne m'étendrai pas davantage sur des détails étrangers à mon sujet; mais je dirai que d'après l'étude longue & réfléchie que j'avois faite de l'histoire & de la généalogie de la Sérénissime Maison de Hesse, je me croyois en droit d'essayer au moins si je ne pourrois pas découvrir dans le dédale obscur de la généalogie de cette illustre maison, quelques traces qui me conduiroient de son issue à son entrée, en en parcourant toutes les sinuosités & tous les détours. L'entreprise étoit effrayante, je l'avoue, mais les difficultés qu'elle m'offroit, loin de me rebuter, étoient autant de ressorts qui fortifioient à l'envi ma résolution & flattoient mon penchant à la recherche des vérités historiques.

Le résultat du mon travail n'est point un système fantastique. Ce que j'émetts de contraire à l'opinion de mes prédécesseurs dans cette carrière, je le prouve. Aucun intérêt, pas même d'amour-propre, n'a eu d'influence sur mes recherches ni sur mes interprétations. J'ai sondé toutes les sources; j'en ai découvert de nouvelles, dont j'ai profité comme des anciennes. En un mot, je n'ai rien négligé pour porter sur cette intéressante généalogie le degré de lumière que semble exiger encore la perfection dont elle peut être susceptible.

Je commence par l'examen raisonné de la véritable origine de cette Maison; cette discussion seule fera la matière de ce premier mémoire.

J'ai dit que de tous les auteurs qui ont traité ce sujet, il n'en est aucun qui puisse mériter une confiance fondée, aucun d'eux n'ayant justifié ce qu'il avançoit, & que tous ont eu des opinions différentes sur l'origine que nous nous proposons de rechercher. Parmi ces auteurs le plus généralement connu est le professeur Hübner; il est aussi le plus généralement consulté; mais quoique son système, sur l'objet

qui nous occupe, soit rempli d'erreurs & d'inexactitudes, nous en choisissons le plan comme le plus méthodique & le plus propre à servir de base à nos recherches. La découverte de la véritable origine de l'illustre & Sérénissime Maison de Hesse en est le principal objet, & c'est par l'analyse du système de Hübner à cet égard, que nous nous flattons de parvenir à cette découverte. Voici le Tableau généalogique qui renferme ce système. Il est extrait de la 279 de ses Tables généalogiques.

Système de Hübner sur l'origine des anciens Ducs de Lorraine de la Maison des Comtes de Hainaut.

Pharamond, élu roi des Francs-Occidentaux en 419. † 425 ou 430. (1.) Ep. Argotta, fille de Genebault, dernier duc des Francs-Occidentaux, mort en 419.	
Clodion ou Clodius Crinitus, roi des Francs 425, règne 20 ans. (2.) Ep. Basine, fille de Widelph, roi de Thuringe. (3.)	
Mérovée I roi des Francs 445. † 460. (4.) Ep. Verica. C'est de lui que les Mérovingiens ont reçu cette dénomination. N°. Sa postérité directe finit à Chilpéric III, roi de France, déposé en 752. mort en 755.	Alberon, seigneur ou prince du pays Mosellan, tige des rois & empereurs Carlovingiens, † 491. (5.)
Vaubert, duc du pays Mosellan, † 528.	
Ansebert, seigneur du pays Mosellan & margrave de l'Escaut, † 570.	
Arnoul, seigneur du pays Mosellan & margrave de l'Escaut, † 601.	
St. Arnoul, maire du palais, ensuite évêque de Metz, puis ermite, † 641.	
St. Cloud, duc de Moselle & év. de Metz, † 718.	Ansegise, duc de Brabant & margrave de l'Escaut, † 685.
Martin, duc de Moselle, en 673. † 710.	Ep. Béatrix, fille & héritière d'Hitulphe, comte d'Ardennes.
Eleuther, duc de Moselle & des Ardennes en 710, jusqu'en 715 qu'il céda ses biens à son frère Lambert.	Lambert, duc de Moselle & d'Ardennes, par cession de son frère en 715. † 778.
Loher, duc de Moselle en 778. † 809.	Simpert, évêque d'Augsbourg 788. † 818.
Frédéric, duc de Moselle & comte d'Ardennes 809. † 847.	Ep. Félicité, fille de Henri, comte de Salm, héritière de Bouillon.
Sadiger, duc de Moselle, comte d'Ardennes, de Bouillon & de Salm 817. † 876.	Valcand, évêque de Liège en 811. † 829.
Reinier, surnommé & appelé par d'autres Gisfelbert I, duc de Moselle & d'Ardennes, devint duc de Lorraine, en 868, mais ne put se maintenir dans ce duché. † 912. Ep. Ermengarde, fille de l'empereur Lothaire I.	

R E M A R Q U E S

*sur le système de Hübner, relativement à l'origine de Reinier I,
comte de Hainaut & duc de Lorraine.*

(1.) En plaçant Pharamond à la tête de cette généalogie, & le donnant ainsi pour souche à la maison de laquelle descendoit Reinier I, dont nous cherchons l'origine, Hübner a hasardé une opinion qui paroît être aujourd'hui démontrée fautive. Il est vrai que depuis plusieurs siècles les historiens françois l'avoient tellement accréditée, qu'il eût paru également téméraire & vain à quiconque auroit tenté d'en rechercher la source, ou qui auroit douté de son existence. J'observe cependant que depuis le célèbre Bossuet, les historiens chronologistes de la France, & surtout le savant & profond président Hénault, ont affecté un silence sur les premiers rois Mérovingiens, qui porte à croire qu'ils n'avoient guère de confiance dans les récits des historiens modernes de ces premiers temps de la Monarchie françoise. Je remarque encore que ceux qui, après le président Hénault, ont parcouru la même carrière, ont observé le même silence, en se contentant, comme lui, de fixer au règne de Clovis I l'époque véritable de l'origine du royaume de France, sans parler de ses prédécesseurs.

Un silence aussi général & de la part des historiens les plus estimés de notre siècle, justifie le doute qui s'étoit élevé de nos jours sur la véracité des faits historiques aux temps auxquels on rapporte l'établissement des Francs dans les Gaules. Il excitoit encore le zèle de ces érudits & infatigables cénobites, auxquels l'agriculture, le premier des arts, les sciences & les lettres doivent leur plus beau lustre, & qui cherchoient depuis si long-temps à purger l'histoire des fables, des mensonges & des bévues qui en obscurcissoient la vérité, pour la lui rendre toute entière. Tels ont été les savans & respectables auteurs de *l'Art de vérifier les dates*, ouvrage qui dans les temps à venir passera pour le plus beau monument que notre siècle littéraire ait consacré à l'honneur, à l'exactitude & à la vérité de l'Histoire. En rapportant

portant ce qu'on lit dans ce précieux ouvrage, au commencement de la Chronologie des rois de France, ce sera suffisamment démontrer l'erreur de Hübner, quant à ce qu'il pense de Pharamond & de tous ceux qui avant & après ce fécond généalogiste en systèmes, se sont empressés d'accréditer cette erreur.

„On place, disent ces auteurs, vers l'an 418 le commencement de l'empire des Francs dans les Gaules. Divisés jusqu'alors en différens peuples, & gouvernés par des rois particuliers, ils se réunirent pour ne plus former qu'une nation sous un même chef, & élurent *Théodemer*, fils de *Richimer* ou *Richomer*, qui fut consul en 384. Grégoire de Tours dit, sans en marquer l'année, qu'il fut tué avec sa mère *Afchila*.” Ce ne fut donc point Pharamond qui fut élu premier roi des Francs réunis. Aussi nos auteurs ne le placent-ils à aucune époque dans leur Chronologie des rois de France, & lorsqu'ils ont occasion d'en parler, ils ajoutent toujours à son nom l'épithète de *prétendu roi*. Voici encore comme ils établissent l'ordre chronologique entre les premiers rois mérovingiens, depuis *Théodemer* jusqu'à Clovis I.

I. Théodemer, proclamé roi des Francs vers l'an 418.

II. Clodion, parent de Théodemer, lui succède en 427, mort en 448.

III. Mérovée, fils ou proche parent de Clodion, roi en 448, mort en 458.

IV. Childéric I, fils de Mérovée, lui succède en 458, mort en 481.

V. Clovis I, fils de Childéric, roi en 481, véritable fondateur de la Monarchie françoise.

Or, d'après ces autorités, loin de prétendre illustrer la maison de Hesse, ainsi que toutes celles que Hübner fait descendre directement de Pharamond, comme les maisons de Habsbourg, de Zeringen, de Bade, de Zollern, de Lorraine &c., ce seroit au contraire jeter un ridicule sur ces maisons que de leur donner pour souche un individu qui, au sentiment des meilleurs critiques & des plus exacts historiens;

n'a pas même existé. Il faut donc chercher une source plus pure pour parvenir à la découverte de la véritable origine de la maison de Hesse. Nous en trouverons les traces indicatives en continuant l'analyse du système de Hübner.

(2.) Grégoire de Tours assure que Clodion étoit fils de Théodemer, & qu'il lui succéda comme roi des Francs, l'an 427. Son règne fut en effet de vingt ans, puisqu'il mourut, suivant cet auteur, en 448. (V. l'*Építome de Grégoire de Tours*; Dom Bouquet, Tom. I, pag. 771 & suiv. L'*Art de vérifier les dates*, Tom. I, pag. 531.) Il y a donc au moins de l'inexactitude de la part de Hübner, quand il fait Clodion successeur de *Pharamond*, & quand il fixe le temps de son règne, de l'an 425 à l'an 445. Or, à quel titre accorderoit-on plus de confiance au sentiment de Hübner, qui n'a rien prouvé, qu'à celui des auteurs que nous citons, & surtout de Grégoire de Tours, qui florissoit au siècle le plus voisin de celui dans lequel vivoit & régnoit Clodion. Sous ce rapport, Grégoire peut être regardé comme contemporain des premiers rois françois, & considéré par conséquent comme le plus instruit des historiens de ces anciens temps, quant aux faits publics, tels que la mort d'un souverain & son remplacement sur le trône par un autre. Or, il étoit évêque de Tours sous le règne de Chilpéric; on connoît la fermeté avec laquelle il s'éleva contre les désordres de ce prince & de la reine Frédégonde son épouse. (V. l'édition de ses Ouvrages, en 1699, par Dom Ruinart, Paris, *in folio*). Il ne parle point de *Pharamond*; il dit que Clodion étoit *fils de Théodemer* auquel il succéda; il désigne Mérovée comme successeur de Clodion, Childéric, comme successeur de Mérovée, & enfin le grand Clovis, comme fils & successeur de Childéric. Comment auroit-il pu ignorer tous ces faits; ou pour quelle raison en auroit-il interverti la réalité en plaçant *Théodemer* à la tête des rois Francs au lieu de *Pharamond*, qui n'auroit pu lui être inconnu, puisqu'un siècle étoit à peine passé depuis la mort de Théodemer, en 427, que Clodion lui succéda, jusqu'au temps qu'écrivoit Grégoire, & que

l'on peut fixer vers 560. On peut voir dans la collation des historiens de France, par Dom Bouquet, ce qu'il dit de Grégoire de Tours & de la confiance que mérite ce *père de l'histoire des rois de France*, ainsi qu'il est nommé par les auteurs de l'Encyclopédie (*V. son article*). D'après ces considérations ne seroit-il pas même ridicule de mettre en parallèle le sentiment de Hübner avec celui de Grégoire de Tours, & de donner la préférence au premier? Il le seroit encore davantage de rejeter, dans la même intention, celui des auteurs de l'Art de vérifier les dates, dont les travaux n'ont eu pour objet unique que la plus scrupuleuse exactitude dans la fixation des époques les plus marquantes de l'histoire, & qui à cet égard, ont mérité la reconnaissance & captivé les suffrages de tous les savans diplomates, comme des plus érudits littérateurs. Concluons donc que puisqu'ils ne parlent sous aucun autre rapport de Pharamond que sous celui de *prétendu premier roi des Francs*, il faut lui substituer, comme ils le font, *Théodemer*, ainsi que Grégoire de Tours le reconnoît pour premier roi des Francs lors de leur réunion, en 418, en un seul corps de nation.

Clodion, suivant Adon & Sigebert, porta les cheveux longs sur le trône, & c'est par lui que les Francs ont commencé d'avoir des rois à longue chevelure. „*Clodius, rex crinitus, regnat super Francos. Ex hoc Franci crinitos reges habere coeperunt.*” Cet usage, à ce qu'il paroît, dura tout le temps de la première race des rois de France. Les Francs l'avoient apporté de Germanie, & le regardoient comme une marque d'indépendance; la coutume alors, en tout pays, étant de couper les cheveux aux esclaves. Telle est la raison pour laquelle plusieurs auteurs ont désigné Clodion sous le surnom de *chevelu*, & que Hübner le nomme quelquefois *Clodius crinitus*.

(3.) Les mêmes auteurs ne nomment point la femme de Clodion, que Hübner appelle Basine, fille de Widelphe, roi de Thuringe; mais ils lui donnent deux fils & disent: „Si Clodion est *ce roi des Francs* dont parle le rhéteur Prisque, il laissa deux fils qui se disputèrent la couronne. Le cadet, que quelques-uns croient être Mé-

rovée, vint en ambassade à Rome, l'an 432, où Prisque le vit *legationem obeuntem*. Il y fut bien accueilli de l'empereur Valentinien III, & eut la faveur du général Aëce qui le jugea propre à servir l'Empire."

(4.) Mérovée étoit, selon les auteurs que nous suivons, fils de Clodion, ou du moins son très-proche parent, & en cela ils sont d'accord avec Hübner. Mais ce dernier se trompe dans les dates de l'élévation de ce prince sur le trône & de sa mort. Il est prouvé qu'il fut proclamé roi en 448, & décéda en 458, suivant Sigebert, après un règne de dix ans.

Nous avons dit ci-dessus que Mérovée s'étant rendu à Rome, l'an 432, en qualité d'ambassadeur, il forma une liaison étroite avec Aëce, (*Aëtius*) qui le prit en grande faveur, ce qui fait conjecturer que ce fut en effet lui-même qui, comme roi des Francs, assista & contribua au gain de la célèbre bataille qu'Aëtius remporta sur Attila, en 451, dans les plaines de Champagne, *Campi Catalaunici*.

Mérovée fut père de Childéric, qui lui succéda en 458, & dont la postérité continua cette première race royale de France, qu'on a peut-être trop légèrement appelée des rois fainéans, & qu'il eût été plus simple & plus juste de nommer Mérovingienne. Elle perdit les trônes qu'elle avoit occupés dans les Gaules l'espace de 334 ans, par une de ces révolutions que les mêmes causes font naître, quand elles font l'effet des passions humaines & du relâchement de l'administration. Cette époque fameuse arriva à la déposition de Childéric III, en 755, que son maire du palais, le célèbre Pepin-le-Bref, fut proclamé roi, & devint ainsi le chef de la seconde race des rois de France, dite Carlovingienne.

(5.) Peut-être que ce frère de Mérovée, que Hübner nomme Alberon, étoit ce second des fils de Clodion, dont nous venons de parler dans la note précédente; nous en doutons cependant, puisque nous ne trouvons nulle part qu'il y ait eu un seigneur ou prince Mossellan de ce nom. Il en est de même de son prétendu fils que Hübner appelle Vaubert & qu'il fait père d'Ansebert. Ce qui est une er-

reur capitale, comme nous allons l'expliquer sommairement en attendant que nous la discutons dans tous les détails.

Ansebert, aïeul de St Cloud, évêque de Metz, duquel est sortie la maison des comtes de Hainaut, & d'Ansegise, duc de Brabant, souche des deux dernières races des rois de France, ne descendoit point de la première de ces maisons royales; mais bien d'une ancienne famille des Gaules, souvent illustrée par les honneurs du consulat & de la préfecture, les premières de l'Empire romain. Ferréol, qui vivoit de l'an 400 à 456, & qui fut préfet du prétoire des Gaules sous l'empereur Honorius, est la souche de cette famille. Il étoit aïeul d'Ansebert, ce qui prouvé, détruit sans réplique l'origine que le professeur Hübner & tant d'autres, après lui, donnent à la maison de Reinier, duc de Lorraine, & par conséquent à celle des Landgraves de Hesse.

Voici un aperçu généalogique de la descendance directe & de pères en fils, du sénateur Ansebert de ce même Ferréol; cet aperçu contenant sept générations jusqu'au duc Ansegise dont la postérité est susceptible de nouveaux éclaircissmens que nous ferons connoître ailleurs.

I. Ferreolus I du nom, préfet du prétoire des Gaules sous l'empereur Honorius. (a)
Ep. Papiantilla, fille du consul Afranius Syagrius. (b) de l'an 400 à 456.

II. Ferreolus Tonantius II, sénateur & préfet du prétoire des Gaules, l'an 450, vivoit encore l'an 467. (c)
Ep. N fille de l'empereur Avitus. (d)

III. Tonantius Ferreolus III, sénateur. (e)
Ep. Industria, fille de Clovis I, roi de France. (f)

IV. Ansebert, sénateur, duc en Austrasie, † en 567. (g)
Ep. Blitilde, fille de Clotaire I, roi de France. (h)

Arnould, duc en Austrasie, † 606. (i)
Ep. Oda, morte l'an 571. (k)

V. St Arnould, duc en Austrasie, ensuite évêque de Metz, vers l'an 641.
Ep. Doda.

VI. Ansegise, duc en Austrasie,
Ep. Begge, fille de Pépin l'ancien, maire du palais d'Austrasie ⁹⁾.

⁹⁾ Cette généalogie est tirée d'un vieux manuscrit de la bibliothèque de Corbie. Elle se rapporte exactement, quant aux noms, aux dates & aux générations, à

REMARQUES PARTICULIÈRES

sur cet aperçu généalogique.

(a) Ferréol I est d'autant mieux connu qu'il fut l'ami très-intime de Sidoine Apollinaire, évêque de Clermont, qui l'a célébré dans plusieurs de ses poésies. Il paroît même qu'il entretenoit une correspondance suivie avec lui. C'est dans l'épître XII du VII livre de Sidonius, adressée à Ferréol, qu'on trouve, „que le nombre des sénateurs & des triomphes de sa maison (de Ferréol) se pouvoit compter par celui de ses aïeux; même qu'on pouvoit se lasser à décrire les honneurs qu'avoit possédés sa famille.”

Patrem inde, patruosque minime silendos percurrisset, & quamlibet posset triumphalibus adoreis familiae tuae defatigari, non tamen eatenus explicandis antiquorum stemmatibus exinaniretur, ut ob hoc ad narrandam gloriam tuam fieret obtusior . . . &c.

Le même auteur témoigne dans l'épître IX de son second livre à Donidius, que Ferréol avoit autrefois exercé la charge de grand-maître à la cour de l'empereur, & le qualifie *vir praefectorius*. Il raconte encore dans cette même lettre, comme il fut accueilli par Ferréol dans sa maison de campagne, appelée *Prusianum* près de Nismes: „*Apud humanissimos dominos Ferreolum & Apollinarem tempus voluptuosissimum exegi.*”

Ferréol s'étoit retiré des affaires & du monde pour jouir du repos à la fin de ses jours dans sa maison de campagne sur les frontières du Rouergue près de la ville de Millau. C'est là que Sidonius lui adressa encore cette pièce de vers, intitulée *Propempticon ad Libellum* dans laquelle on lit;

„*Hic docti invenies patrem Tonanti,
Rectorem, columenque Galliarum,
Prisci Ferreolum parem Syagri:
Conjux Papianilla quem pudico
Curas participans juvat labore.*”

celle de Dubouchet, auteur de l'Origine de la deuxième & troisième lignées de la Maison royale de France, Paris 1644.

C'en est assez pour prouver d'abord l'existence & l'illustration de Ferréol & de sa famille. Nous entrerons dans de plus grands détails quand dans un mémoire subséquent, nous l'établirons comme souche de la maison de Hainaut.

(b) L'illustration de la famille de Papianilla étoit égale à celle de Ferreolus. On sait qu'Afranius Syagrius, son père, fut un des plus grands hommes de son siècle, qu'il occupa les plus grandes charges de l'Empire, ayant été maître des offices, deux fois consul & trois fois préfet du prétoire, dont deux en Italie, & une dans les Gaules. (*V. la Chronique de Cassiodore & Sid. Apoll. Lib. 1. Epist. VII.*)

(c) Tonantius Ferreolus étoit préfet du prétoire des Gaules lorsqu'Attila y pénétra. Ce Barbare s'étoit déjà avancé jusqu'à la Loire & faisoit le siège d'Orléans, lorsque Tonantius ayant engagé les Francs & les Goths de se joindre aux troupes romaines que commandoit Aëtius, ce dernier l'obligea à lever le siège, le poursuivit & l'ayant atteint dans les plaines de Châlons, lui livra cette fameuse bataille qui obligea Attila, entièrement défait, d'abandonner, pour cette fois, les Gaules. Il paroît que Mérovée, roi des Francs, & Théodoric, roi des Goths, qui y perdit la vie, partagèrent avec Aëtius la gloire de cette journée. Tonantius s'acquit un grand mérite dans les Gaules, par cet événement qu'on attribuoit à sa prudence comme à son activité. Sidonius le nomme le premier d'entre les ambassadeurs députés par les Etats des Gaules pour parler au sénat de Rome des plaintes majeures contre le préfet Arvandus, qui fut accusé, condamné & supplicié pour crime de trahison, en 467. Le même auteur contemporain donne aux frères de Tonantius l'éloge de princes très-accomplis; *lectissimi ac quaeavorum nobilium principes (ibidem)*.

(d) On ignore le nom de la femme de Tonantius. Dubouchet la croit fille de l'empereur Avitus, & discute les motifs sur lesquels il établit cette opinion. Il seroit trop long de les rapporter ici. Nous les ferons connoître ailleurs.

(e) On apprend par la neuvième des lettres de Sidonius, au second livre de ses Epîtres, que Tonantius Ferreolus III étoit fils de Tonantius Ferreolus II, préfet du prétoire des Gaules. Sidonius l'avoit connu personnellement. Il existe même des lettres qu'il lui adressoit, & entr'autres une de l'an 478, dans laquelle il lui trace des règles de conduite dans différentes circonstances qui prouvent que Tonantius étoit encore fort jeune alors.

(f) Ce fut par une raison d'état que Clovis, roi de France, donna sa fille Industria en mariage à Tonantius Ferreolus III. Clovis vouloit conquérir la partie des Gaules occupée par les Goths, & il savoit que Ferréol, très-puissant dans la Gaule Narbonnoise, étoit en outre très-lié d'amitié avec Alaric. En s'alliant avec Ferréol il jugea qu'il pourroit plus aisément parvenir à rompre cette liaison; ce qui, en effet, eut lieu dans la suite. (*Orig. de la seconde & troisième lignées de la Maison Royale de Fr. p. 16 & 17.*)

On ne trouve point les époques de la mort de Ferréol III, qui vivoit encore en 520, ni de celle d'Industria son épouse (*ibidem*).

(g) Il est prouvé que le sénateur Ansebert étoit fils de Tonantius Ferreolus III & d'Industria, par un très-ancien manuscrit de l'abbaye de St Vincent de Metz; par la vie de S. Firmin, évêque d'Uzez, son frère, & par celle de S. Ferréol, son fils, qui succéda dans le siège épiscopal d'Uzez à son oncle Firmin. Il y est dit nommément, qu'Ansebert étoit de la province de Narbonne; qu'il tiroit son extraction & sa noblesse d'une grande suite de sénateurs, & qu'il avoit épousé Blitilde, fille de Clotaire, roi des François. (*V. les extraits de ces pièces dans Du Bouchet, p. 23, 24, 27, 30 aux preuves.*)

(h) L'alliance d'Ansebert avec Blitilde, fille de Clotaire, est prouvée par le manuscrit de l'abbaye de St Vincent que l'on a déjà cité ci-dessus; par une généalogie de Charlemagne, de l'an 868; par un poème de l'origine des François dédié à l'empereur Charles-le-Chauve; par un fragment de l'histoire de France, tiré de la bibliothèque du collège des Cholets à Paris; par la Chronique d'Albéric des trois fontaines,

taines, & par la vie de S. Arnould, évêque de Metz, petit-fils d'Ansebert, écrite peu de temps après la mort de cet évêque. (*Ibidem* p. p. 31, 33, 37, 38, 39.)

J'observe ici que quoiqu'Hübner décide dans sa Table généalogique des *anciens ducs de Lorraine* qu'Ansebert étoit fils de Vaubert, il témoigne cependant un doute positif sur cette filiation, dans la cinquième de ses Tables qui comprend les *rois de France Carlovingiens*. Voici comment il exprime ce doute

Clodion, roi de France † en 445.		
Mérovée roi, † 460.	Albéron † en 491.	Sigemer eut pour femme une fille de <i>Ferréol de Rome</i> .
Vaubert † 528. Ep. Lucile.		Ferréol, qui épousa Deutérie.
Ansebert, fils de <i>Vaubert</i> ou de <i>Ferréol</i> , † 570. Ep. Blitilde, fille de Clotaire.		

On voit donc par ce court extrait que Hübner doutoit qu'Ansebert fût fils de Vaubert ou d'un Ferréol, que, sur aussi peu de fondement, il dit être fils de Sigemer & d'une fille d'un Ferréol de Rome. Il est donc probable encore que n'ayant point puisé aux vraies sources, il n'a pu fixer la descendance d'Ansebert des premiers rois Mérovingiens, comme il le fait dans sa Table de l'origine des anciens ducs de Lorraine, que sur une conjecture que les preuves que nous venons de faire connoître, démentent & annullent sans réplique.

Nous ne relèverons point ici les autres erreurs qui se trouvent dans cet extrait. La généalogie que nous dresserons d'après nos recherches en sera purgée autant qu'il nous sera possible.

(i) Arnould étoit fils d'Ansebert (*Ibidem* p. p. 31, 32, 37, 38, 39 *aux preuves*.) Son père, que quelques auteurs ont qualifié de maire du palais & de duc en Aquitaine, gouvernoit les provinces de ce royaume qui relevoient précédemment du royaume d'Austrasie. Arnould, son fils, lui succéda dans ces mêmes provinces; mais le roi

Sigebert, appelé par d'autres Sigisbert, son oncle maternel, qui résidoit à Metz, capitale de l'Austrasie, voulant le rapprocher & le fixer près de lui, „lui donna les biens que ses descendans ont possédés dans le pays de Hasbain & de Tongres, & particulièrement les ducs de Brabant, sortis des comtes de Hainaut.” (*Ibidem*, p. 54 & aux preuves p. 31, dans l'extrait d'un ancien manuscrit de l'abbaye de St Vincent à Metz.

(k) Le manuscrit ci-dessus cité, nomme aussi Oda la femme d'Arnould, & la dit sortir de la plus noble des maisons de Souabe; Et *quia rex carebat liberis, haeredem sui eum (Arnoaldum) ordinavit, eique uxorem nomine Oda ex nobilissimo Suevorum genere dedit, de qua genuit Arnulphum.*

(l) Il n'y a ni doute ni contradictions sur la naissance de St Arnould ou Arnulfe: tous les auteurs qui ont parlé de lui, tous les généalogistes qui se sont occupés de sa maison, conviennent unanimement qu'il étoit fils d'Arnould, duc en Austrasie, seigneur du Hasbain & de Tongres, & d'Oda princesse de Souabe.

Il fut duc en Austrasie sous les rois Théodebert II, Clotaire II & Dagobert I, ensuite évêque de Metz & premier ministre, puis quitta le monde, pour passer le reste de ses jours dans la solitude, où il mourut l'an 641, laissant trois fils de Doda, sa femme, qu'il perdit bientôt après qu'elle l'eût rendu père de ces trois enfans. (*Du Bouchet* p. 56 — 60.)

(m) Doda fut en effet femme de St Arnould, mais on ignore à-peu-près de quelle maison elle sortit. Plusieurs auteurs Lorrains la disent fille d'un duc de Saxe, d'autres nomment son père Wittibis, comte de Boulogne, ce qui faute de monumens & de preuves, reste indécis. (*Ibidem* p. 57.)

Elle fut mère

1) de St Cloud, duquel Hübner fait descendre la maison de Hainaut, devenue ducal de Brabant & dont nous parlerons ci-après. (*V. la note 6.*)

2) D'Ansegise, par lequel nous terminons ces recherches particulières, & duquel descendent les deux dernières races des rois de France.

3) De Wallachises, qui eut pour femme Walrade; mais morts l'un & l'autre, ne laissant qu'un fils qui mourut sans avoir eu postérité. (*Ibidem* p. 60 — 62.)

Je finis ici ces remarques particulières sur l'aperçu généalogique dont je viens de justifier les filiations par des preuves authentiques, & qui se termine inclusivement à Ansegise. Je reprends actuellement le cours de mes remarques sur le système de Hübner, dont l'analyse est l'objet de ce mémoire.

(6.) St Cloud paroît avoir été l'aîné des enfans de St Arnould, au rapport de Paul-Diacre, qui le nomme dans son Traité des évêques de Metz, *Clodulfus major filius Arnulphi*. Du Bouchet prétend qu'il ne contracta point d'alliance, & que par conséquent il ne laissa point de postérité; il croit justifier cette opinion en disant „que parmi les anciens auteurs on ne trouve aucun témoignage que St Cloud ait été marié” sur quoi je remarque 1) que Du Bouchet ne s'étant attaché lui-même qu'à la recherche de la véritable souche des maisons desquelles sont sorties celles des deux dernières races des rois de France, il n'a consulté que les auteurs qui avoient eu le même dessein, & les titres qui avoient quelque rapport à son objet. C'est ce que l'on voit évidemment par les preuves qu'il administre, & qui toutes sont fondées & concluantes dans le sens de son opinion. Mais ce qui est étranger à son système, il a, avec raison, grand soin de l'écarter pour ne pas surcharger, sans doute, son travail de recherches & de discussions inutiles. Telles auroient été celles auxquelles il se fût livré s'il avoit été de son plan de rechercher la souche d'une autre maison que de celles qui l'intéressoient uniquement. Or, St Cloud, selon le sentiment de Rosières, de Wassebourg, de Zampigni, d'Elbéne & de Favin, épousa une fille de Clotaire II, nommée *Marie*, & selon d'autres une des sœurs de Pepin l'ancien, maire du palais d'Austrasie, qu'ils nomment *Amalberge*. Quel que fût le nom & l'extraction de cette princesse,

tous ces auteurs conviennent qu'elle fut mère de plusieurs enfans, entre autres de ce même Martin, que Hübner dit également fils de St Cloud, qui partagea l'autorité & le gouvernement en Austrasie avec Pepin l'ancien & fut assassiné par le fameux Ebroïn. 2) Que le même Paul-Diacre dit encore, au sujet de St Cloud; „qu'il résista au dessein qu'avoit formé son père de distribuer tous ses biens à l'usage des pauvres, à cause de quoi il donna sa bénédiction à son second fils Anchise qui avoit consenti à sa résolution.” Or, si St Cloud se refusa au dessein de St Arnould, son père, de dépouiller sa famille de tous ses biens pour en faire le sacrifice aux pauvres, quel pouvoit être le motif de ce refus, si ce n'est celui de conserver son patrimoine à ses enfans, s'il étoit marié, ou à ceux qu'il pourroit avoir, s'il n'avoit encore alors que le désir de contracter alliance? La vie de St Cloud retrace celle de son père; comme lui, il fut employé aux *occupations de la cour*, l'espace de vingt-six ans, au moins, & probablement qu'il y exerça la charge de comte du palais; comme lui, & avec les mêmes vertus, il fut porté, *par le peuple & le clergé*, sur la chaire épiscopale de Metz, & mourut saintement le 10 juillet 714, archevêque de Trèves; sans doute, que comme son père encore il fut marié, tandis qu'il étoit occupé des affaires du monde & du gouvernement; devenu & veuf & chéri par son amour pour la justice & pour ses éminentes qualités, il fut choisi & *forcé*, comme le rapporte l'auteur de sa vie, pour occuper le même siège qu'Arnould, son père, avoit honoré par ses vertus, & que le fils prit pour modèle. D. Bouquet remarque que St Cloud étoit fort riche, *opulentissimus in rebus saeculi fuit*, & l'on ne voit pas qu'il ait employé ses richesses à des fondations quelconques, ou monastiques, comme c'en étoit la manie de son temps, ou à des établissemens de charité; c'est qu'ayant des sentimens plus paternels & mieux raisonnés, il crut plus de son devoir de laisser sa fortune à ses enfans nés ou à naître, que de l'employer à une destination étrangère. Un de ses neveux nommé Wandrille, fils de Wallachise, le troisième des fils de St Arnould, n'ayant point eu d'enfans de son mariage avec

Walrade, consacra tous ses biens à fonder les fameuses abbayes de Fontenelles, appelée de son nom St Wandrille, & de Fescam en Normandie. Tel étoit le goût du siècle que parmi les grands qui ne laissoient point de postérité, la plupart léguoient leurs biens ou les affectoient à des établissemens de piété. Il est donc à croire que si Wandrille eût eu des enfans, il leur auroit laissé sa fortune, & par la même raison, que si St Cloud n'en eût pas eu, il eût destiné la sienne à des fondations religieuses.

Outre les auteurs que nous avons déjà cités, Meurisse, Bollandus, Le Cointe, Mabillon, Baillet & Moréri assurent unanimement que St Cloud contracta alliance, & que sa femme se nommoit suivant les uns, *Marie*, & suivant les autres *Almaberte*; qu'il en eut des enfans; qu'il fut ministre d'état & chargé ensuite par le clergé & par le peuple de la conduite de l'église de Metz, qu'il gouverna pendant 40 ans &c.

D'après ces observations & ces autorités pourroit-on balancer encore entre l'opinion de Du Bouchet qui, sans l'appuyer d'aucun preuve, d'aucune raison même, ne veut point reconnoître d'enfans à St Cloud, & celle de Hübner qui lui donne, entr'autres enfans & pour fils Martin, duc en Austrasie, assassiné par le maire Ebroïn vers l'an 680, sentiment au contraire que justifient les onze auteurs que nous avons nommés dans cette note? Telles sont les raisons qui nous portent à préférer le système de Hübner à tous les autres, quant à la postérité de St Cloud, de qui il fait descendre Reinier au Long-col à la sixième génération. Nous observerons cependant que c'est à tort qu'il qualifie de ducs les descendans de St Cloud jusqu'à Reinier. Ils n'étoient que riches & puissans seigneurs dans les pays qu'arrose la Moselle, d'où ils s'étendirent vers la Meuse, & ensuite dans le Brabant & le Hainaut où Giselbert I, père de Reinier, possédoit déjà plusieurs vastes comtés dont nous aurons occasion de parler dans la suite. Peut-être, & il y a lieu de croire que les offices provinciaux de ducs ou gouverneurs, & de comtes qui présidoient à l'administration de la justice, à la levée & à l'organisation des troupes de leurs cantons, ne se conféroient alors qu'à

de grands propriétaires, les descendants de St Cloud en furent revêtus, comme Hübner leur en donne les titres en les qualifiant de ducs, comtes & seigneurs de Moselle. Quoi qu'il en soit, nous ne trouvons dans la série des six générations que l'on compte depuis St Cloud jusqu'à Reinier qu'une difficulté embarrassante; c'est que Hübner nomme le père de Reinier, *Sadiger*, qui selon lui, devint duc de Moselle, comte d'Ardenne, de Bouillon & de Salm, en 847, & que Butkens, Spener & beaucoup d'autres auteurs de grande considération appellent *Gislebert* & *Gifelbert* le même qui enleva & épousa en 846, Ermengarde, fille de l'empereur Lothaire I. Nous développerons cette difficulté dans les remarques sur la généalogie de la première maison des comtes de Hainaut sortie de Reinier au Long-col. Il auroit été trop diffus ici d'entrer dans tous les détails que ce développement exige. En attendant nous résumerons le contenu de ces recherches en rappelant

1) Que la maison de laquelle sortoit Reinier remonte à Ferreolus I, préfet du prétoire des Gaules, qui florissoit de l'an 400 à l'an 456, sous l'empereur Honorius, & non directement de la famille des Mérovingiens comme le prétend Hübner.

2) Que cette origine est commune aux maisons des comtes de Hainaut & des rois de France des deux dernières races, comme la table généalogique ci jointe le démontre.

Origine de la Maison des anciens comtes de Hainaut, de Louvain, devenus ducs de Brabant, & ensuite Landgraves de Hesse; commune aux Maisons des deux dernières dynasties des rois de France, sorties de Charlemagne & de Hugues-Capet).*

Ferreolus I, préfet du prétoire des Gaules, sous l'empereur Honorius, vivoit de 400 à 456.
Ep. Papiamilla, fille du consul Afranius Syagrius.

Tonantius - Ferreolus, sénateur & préfet du prétoire des Gaules, l'an 450, vivoit en 467.
Ep. N.... fille de l'empereur Avitus.

Tonantius - Ferreolus III, sénateur.
Ep. Industrie, fille de Clovis I, roi de France.

Ansebert, sénateur, duc en Austrasie, † l'an 567.
Ep. Blulde, fille de Clotaire I roi.

Arnould, duc en Austrasie, † 606.
Ep. Oda, morte l'an 571.

St Arnould, duc en Austrasie, ensuite évêque de Metz † environ l'an 641.
Ep. Dode.

St Cloud, ministre d'état comme comte du palais, ensuite évêque de Metz, puis archevêque de Trèves † 714.
Ep. Mane ou Almaberte, fille de Clotaire II.

Martin, duc en Austrasie, & maire du palais, assassiné par Ebroin vers l'an 680.
Ep. Béatrix, fille & héritière d'Hirtulphe, comte d'Ardenne.

Lambert, duc de Moselle & d'Ardenne, en 715 † 778.

Loher, duc de Moselle en 778 † 809.

Friederic, duc de Moselle & comte d'Ardenne en 809 † 847.
Ep. Felicité, fille de Henri, comte de Salm, & héritière de Bouillon.

Giselbert, comte d'Ardenne, de Salm, de Bouillon, de Darnau, de Munswarie, de Brabant &c.
Ep. Ermengarde, fille de l'empereur Lothaire, mariée vers l'an 846.

Reinier I, surnommé au Long-col, duc & comte de Brabant, de Hasbain, de Hainaut &c. † 916.
Ep. Albrade, dont on ignore la Maison.

Anchules ou Ansegise, duc en Austrasie.

Ep. Bogge, fille de Pepin-l'ancien, maire du palais d'Austrasie.

Pepin, dit le Gros, maire du palais & prince des Français † 714.
Ep. Plestrude & Alphéide.

2.
Charles - Martel, duc & prince des Franç. † 741.
Ep. Rotrude première femme.

Pepin, Prince des Français, élu roi en 710 † 768.
Ep. Berthe, fille de Charibert comte de Laon.

Charlemagne.

2.
Childebrand, duquel est sorti Robert le Fort, arrière-grand-père de Hugues - Capet, Tige de la troisième race des rois de France.

* Du Bouchet, la véritable Origine de la seconde & troisième lignées de la Maison royale de France. — Butkens, Trophées du duché de Brabant, tome premier. — Hubner, Tables généalogiques. — L'Art de vérifier les dates.

En enlevant, comme nous l'avons fait dans cet examen, à la Maison de Hesse la prétendue gloire de descendre directement de la première race des rois de France, ainsi que Hübner l'avoit si fastidieusement & si légèrement établi, nous n'avons cependant rien diminué de l'illustration ni de l'ancienneté de son origine, en lui donnant pour souche un préfet du prétoire de l'Empire romain dans les Gaules. Cet office étoit la première magistrature de l'empire, & ceux qui en étoient revêtus aux temps des premières conquêtes des Francs dans les Gaules, ne le cédoient, ni en puissance, ni en autorité, ni en représentation aux chefs de ces peuples guerriers que leur valeur & la fortune élevèrent au rang suprême de la royauté. L'illustration de la naissance fut chez tous les peuples policés un mérite qui ajoutoit un degré de plus à l'éclat de la souveraineté, à la confiance & aux hommages des sujets envers le représentant unique d'une nation entière. Cet avantage, comme celui qu'on attache à l'ancienneté d'une famille, aucune maison souveraine ne peut le disputer à celle des Landgraves de Hesse, ni se prétendre au dessus, à cet égard. Ferreolus I que nous établissons pour souche à cette maison, sortoit d'une famille sénatoriale, consulaire & de l'ordre des chevaliers, le premier de l'état. (*V. ci-dessus p. 102.*) Etablie dans la Gaule Narbonnoise depuis la conquête de cette province par les Romains, Ferreolus y étoit né & y possédoit de grands biens. Il y occupa la charge de préfet du prétoire que plusieurs de ses ancêtres avoient exercée, comme Sidonius Apollinaris, son contemporain & son ami, nous l'apprend encore. (*Ibidem.*) Cette charge éminente ne se conféroit qu'à des personnes du premier rang & richement possessionnées, ce qui doit faire présumer que la famille des Ferreols étoit l'une de ces *très-illustres familles*, dont parle Tacite (*Lib. II, cap. 8.*) qui *subsistoient encore & dont la valeur & les richesses avoient beaucoup contribué à la splendeur & à la conservation de l'Empire.*

Pour ne laisser rien à désirer sur l'illustration de l'origine que nous venons d'assigner à la Maison des Landgraves de Hesse, & que les
preuves

preuves dont nous l'avons étayée rendent plus certaine qu'aucune de celles qu'on lui a données jusqu'à présent, nous allons jeter un coup-d'oeil sur l'essence & la dignité de l'office dont étoit revêtu le préfet du prétoire sous le gouvernement des empereurs romains.

De toutes les dignités de l'Empire romain celle du préfet du prétoire étoit la plus considérée, étant telle qu'Eunapius, (*in Vita philosophorum*,) ne la distingue de la dignité impériale même que par la pourpre, exclusivement affectée à l'empereur. Dans son origine cet office ne fut établi que pour distinguer le chef de la garde du prince des autres grands officiers de l'état & de la cour. Cette garde étoit composée de dix mille soldats choisis & soumis aux ordres immédiats du préfet. Dans la suite son autorité s'étendit sur tous les objets de l'administration militaire. Le temps & la mollesse des empereurs remirent enfin l'intendance générale de toutes les affaires de l'Empire entre ses mains, de manière que rien ne se fit plus que de l'avis ou par l'ordre du préfet du prétoire. Alors le grand officier devint ce que fut un maire du palais sous les derniers rois de France de la race Mérovingienne. Aucun n'envahit le trône, mais tous en remplirent les fonctions, & s'emparèrent de toute l'autorité.

Comme l'éclat d'une grande représentation en impose toujours à la multitude, & qu'elle la porte sans efforts & même sans répugnance à la soumission & au respect, les préfets du prétoire, comme généralissimes de l'armée & premiers-ministres de l'Empire, s'entourèrent de tous les honneurs qui pouvoient imprimer l'idée de leur grandeur & de leur pouvoir; honneurs qui ne différoient guères de ceux qui relevoient l'éclat de la majesté impériale. Ils étoient les seuls que l'empereur saluât. Lorsqu'ils paroissoient en public, c'étoit toujours dans un char doré attelé de quatre chevaux blancs couverts de pourpre, précédés de crieurs publics qui les annonçoient par des cris d'allégresse. On portoit devant eux l'image du prince, afin que le peuple, qui les proclamait *Pères de l'empire*, leur rendit les mêmes honneurs qu'au souverain. (*Leg. I. C. de Quaestor. §. 1. Author. ut ordina. Praef. seu Novel. 70. Cassiod. in formula.*)

On trouve dans diverses lois des empereurs que le préfet du prétoire est appelé la seconde puissance, la sublime grandeur, l'illustre prééminence, l'altesse, l'espérance de la magnificence du prince, la puissance de gouverner absolument. On nommoit son tribunal, le siège très-haut, le siège magnifique, la cour de la grandeur, le siège le plus éminent de tous, le sommet de la haute préfecture & le souverain faîte. Tant de titres prouveroient seuls que tous les pouvoirs de l'administration étoient entre les mains du préfet du prétoire, & que sa puissance surpassoit en quelque façon, & à beaucoup d'égards, celle de l'empereur lui-même. Dion remarque dans la vie de Trajan, que ceignant le baudrier & l'épée au préfet, il consentit qu'il pût l'employer contre son service, s'il s'éloignoit de la justice & du gouvernement légitime. Lorsque l'empereur écrivoit à ce grand officier, il étoit d'usage & de style de terminer sa lettre ainsi: *Plaise à la divine bonté de vous conserver longues années, père très-cher & très-aimé.* (Novella Valent. Tit. I.) On voit encore par l'antique inscription suivante, qu'outre la qualité de *Père des princes* on donnoit encore au préfet du prétoire celle de tuteur de l'Empire.

MISITHEO.

EMINENTI. VIRO. PARENTI.

PRINCIPUM. PRAEF. PRAETORIO.

ET TOTIUS ORBIS TUTORI REIP.

S. P. Q. R.

VICEM REDDIDIT.

Auguste fut le premier qui institua la charge de préfet du prétoire, qui ne cessa qu'à la chute même de l'Empire, & cette charge ne fut d'abord qu'un office purement militaire; mais Auguste, trop adroit politique pour ne pas s'apercevoir qu'en remettant entre les mains d'un seul un commandement de cette importance, eut la sage précaution de créer deux préfets à la fois, pour que l'autorité de l'un, balançant toujours celle de l'autre, rendit leurs entreprises mutuelles contre le prince & contre l'état, plus difficiles & moins dangereuses. Ce fut encore de

l'ordre des chevaliers qu'Auguste régla que les préfets du prétoire seroient choisis, comme le plus propre à honorer un tel poste, & à soutenir avec plus de zèle & de courage les intérêts, la gloire & le repos du chef suprême de l'Empire.

Tibère, successeur adoptif d'Auguste, livré à tous les excès de la débauche & des passions brutales qui le dominoient, étoit incapable de gouverner par lui-même. Epris d'un chevalier romain, le trop célèbre Séjan, il lui confia, avec la préfecture du prétoire, toute l'autorité de l'administration militaire & civile; ce qui éleva ce favori à un degré de puissance qui porta bientôt ombrage à son maître, & lui causa tant de terreurs & de regrets, que l'ayant dénoncé au sénat, Séjan fut condamné à mort & exécuté le même jour. Tibère ne fut pas plus heureux dans le choix qu'il fit pour donner un successeur à Séjan. Il nomma à sa place Macron, génie également pervers, mais plus dangereux parce qu'il étoit plus adroit, & qu'il abusa comme lui de son pouvoir, jusque là que l'histoire l'accuse d'avoir été l'assassin de Tibère son bienfaiteur. L'ambition & l'abus de l'autorité de ces deux favoris servirent heureusement d'exemples aux successeurs de Tibère, & depuis les empereurs, à l'imitation d'Auguste, créèrent deux préfets du prétoire dont l'autorité subsista jusqu'à Constantin le grand.

Cet empereur, jaloux de la grande influence que les deux préteurs s'étoient acquise sur toutes les affaires du gouvernement, fit plus encore qu'Auguste pour affoiblir cette puissance, en la divisant davantage. Au lieu de deux préfets il en établit quatre, l'un pour l'Orient, l'autre pour l'Illyrie, le troisième pour l'Italie & pour l'Afrique, le quatrième enfin pour les Gaules; il eut soin de séparer de leur office ce qui étoit relatif au militaire, & ne leur laissa d'autre attribution que celle des affaires purement civiles. Quant au commandement en chef des troupes, il le conféra à deux officiers supérieurs sous le titre de maîtres de la milice, dont l'un eut, sous sa surveillance & sous ses ordres, l'infanterie, & l'autre la cavalerie. Cependant il resta encore aux préfets un grand pouvoir, ayant

celui de faire & de proclamer des édits qu'on étoit obligé de suivre jusqu'à ce qu'ils fussent révoqués par le souverain. Ils commandoient aux gouverneurs des provinces de leurs préfectures, les dépofoient quand les circonstances l'exigeoient, punissoient les délits des juges provinciaux, en nommoient d'autres à leurs places, jugoient en dernier ressort & sans appel, dispofoient des biens du fisc & de tous autres vacans, selon qu'ils le jugeoient à propos; ils avoient le pouvoir de lever les tributs, de les fixer soit en or, soit en argent ou en denrées; ordonnoient de tout ce qui les compétoit, aussi absolument que le prince eût pu le faire lui-même. Mais comme rien n'est stable, même parmi les institutions les plus sages, & que l'ambition de l'homme en place tend toujours à une augmentation de pouvoirs, les préfets du prétoire reprirent dans la suite le commandement sur la milice.

Au rapport de Zosime, Constantin réunit sous la préfecture du prétoire des Gaules les Transalpins, les Celtes, les Espagnols & ceux de la Grande-Bretagne; le commandement de ce préfet s'étendoit sur vingt-neuf provinces, 17 dans les Gaules, 7 en Espagne, y compris une partie de la Mauritanie Tingitane, & 5 dans la Grande-Bretagne. Toutes ces provinces étoient divisées en trois diocèses, & chaque diocèse gouverné par un vicaire qui obéissoit au préfet. Sous ses ordres étoient encore le maître de la cavalerie, cinq comtes des affaires militaires, onze consuls, dix-huit présidens & un grand nombre d'autres officiers *).

*) On trouve dans le livre intitulé *La véritable origine de la deuxième & troisième lignées de la Maison royale de France &c. par le Sieur Du-Bouchet, chevalier de l'ordre du roi*, in fol. Paris, 1646, un dénombrement très-curieux des dignités de l'Empire, tant civiles que militaires, sous la préfecture des Gaules, avant qu'elles fussent occupées par les Francs, les Bourguignons & les Goths. Ce dénombrement est extrait de la Notice de l'Empire d'Occident, écrite après le règne des empereurs Arcadius & Honorius. Cette pièce que nous avons consultée avec intérêt, ainsi que plusieurs endroits du livre qui la renferme, est la première de celles qui forment le chapitre des preuves. Nous y renvoyons le lecteur. Si elle lui est inconnue, il y puisera des connoissances qui lui faciliteront l'intelligence de l'histoire de l'Empire romain à cette époque, qui n'est pas la plus lumineuse.

La résidence du préfet des Gaules étoit la ville de Trèves, comme Antioche, Thessalonique & Milan l'étoient des préfets d'Orient, d'Illyrie & d'Italie. Mais après que Constantin le tyran eut usurpé les Gaules & le nom d'empereur, Arles en fut la capitale, & le siège du préfet y fut fixé tant que dura la préfecture, anéantie lorsque les Barbares se rendirent maîtres des provinces qui la composoient.

Avant Constantin, le préfet du prétoire tenoit sa dignité à vie, ou du moins autant que duroit le règne d'un empereur. Mais lorsque sa puissance fut limitée à certaines provinces, sa fonction devint annuelle, de même que le consulat, si ce n'est que celui qui occupoit l'une ou l'autre de ces places n'eût un mérite particulier, ou que le prince ne jugeât à propos de le continuer.

Il falloit être de l'ordre des chevaliers pour être préfet du prétoire. Les sénateurs en furent long-temps exclus, de crainte peut-être que leur puissance ne fût trop élevée & leur influence trop suspecte. C'est ce qui engagea Commode à ôter à Paternus l'administration de la préfecture, en lui donnant la dignité de sénateur; c'est pourquoi Marc-Antonin se plaignoit „de ce qu'il ne pouvoit pas conférer la préfecture à Pertinax, (le même qui depuis fut proclamé empereur,) parce qu'il étoit sénateur.” Alexandre-Sévère jugea cependant à propos d'abroger cet usage & de rendre la dignité de sénateur compatible avec celle du préfet du prétoire, „pour que les sénateurs ne fussent jugés que par un sénateur & que les préfets fussent appelés *clarissimes*.” Ainsi cette charge de préfet du prétoire n'étoit possédée que par les hommes les plus qualifiés de l'Empire & les plus illustres en naissance comme en mérite. Tels furent les deux Ferréols, père & fils, que nous regardons comme les véritables souches de la maison de laquelle sortoit Reinier au Long-col, chef de la Maison de Hainaut, devenue ducale de Brabant & Landgraviale de Hesse.

OBSERVATIONS

sur une discussion relative à la Chronologie ancienne.

PAR M. JEAN TREMBLEY *).

I. On trouve dans l'Odyssée Liv. 6, v. 99 & 100 les deux vers suivans:

Αὐτὰρ ἐπεὶ σίτου τὰ φέρον δμῶαι τε καὶ αὐτῇ,
Σφαίρῃ ται τ' ἄρ' ἐπαίζον ἀπὸ κρηδεμνα βαλόνται.

Voici la note qu'a mise à ce passage Mr Ernesti dans l'édition qu'il a donnée à Leipzig de l'Homère de Clarke.

„Non inspexerit hunc locum necesse est Isaacus Newtonus, cum auctore Homero fretus & Suidæ de Nausicaa loco, Nausicaæ inventionem sphaeræ astronomicæ tribuit, & verosimillimum (scilicet) judicat, id inventum eam accepisse ab Argonautis, dum in Corcyra morarentur. Quæ est ridicula hallucinatio. Et tamen hæc ipsa est ei basis fingendæ epochæ Argonautarum e siderum positu, qui fuerit quo tempore Argonautæ ad Corcyram appellerent. Tales sunt demonstrationes philosophorum & mathematicorum litterarum expertium, cum se ad historica conferunt.”

Il y a plusieurs remarques à faire sur cette note de Mr Ernesti. Mais avant tout, je dois rapporter le passage de Newton auquel ce savant fait allusion. Il se trouve au chap. 1. de l'ouvrage posthume intitulé *Chronologia veterum regnorum emendata*. „Corcyraei affirmant**) sphaeram inven-

*) Lu à l'Académie le 12 octobre 1797.

**) Suidas in Αναγallis.

tam fuisse a Nausicaa filia Alcinoi regis Phæacum qui hanc insulam habitabant, & valde probabile est eam habuisse sphæram ex Argonautis qui domum repetentes ad hanc insulam appulerunt, & ibi aliquandiu apud ejus patrem commorati sunt."

On voit dans ce passage que Newton ne cite point Homère, mais uniquement Suidas à l'article Αναγαλλίς. Voici cet article „Αναγαλλίς, η Κερκυραία Γραμματική, την σφαίρας ευρεσιν Ναυτικάα τη Αλκίνοου θυγατρὶ ανατιθῆσιν." Ce passage est, comme l'on voit, équivoque, & peut se rapporter à la sphère astronomique comme au jeu de la paume. Il n'a aucun trait au passage cité d'Homère, puisqu'Homère ne fait aucune mention d'Anagallis ni de l'invention du jeu de paume, mais dit seulement que les filles de Nausicaa y jouoient. L'erreur de Newton sur ce point n'a donc rien de ridicule, le passage cité ne contenant rien qui dût le détromper. Il est certain cependant que Newton s'est trompé dans l'interprétation de ce passage. D'abord Suidas rapporte la même chose au mot Ορχήσεις, où l'on voit que le mot σφαίρη se rapporte à la paume, & non à la sphère astronomique. De plus, les commentateurs de Suidas ont remarqué que ce passage de Suidas est relatif à un passage d'Athénée Liv. 1, chap. 12. Voici ce passage:

„Ορχήσεις δέεισι παρ' Ομηρῳ αὶ μὲν τινες τῶν κυβιστῶν, αὶ δὲ διὰ τῆς σφαίρας, ἢ τὴν ευρεσιν Ἀγαλλίς ἢ Κερκυραία γραμματικὴ Ναυτικάα ανατιθῆσι ὡς πολυτιμὴ χαρίζομενη ταύτην δὲ μόνην τῶν ἡρωιδῶν Ομηρὸς παραγεί σφαιρίζουσιν."

Athénée dit dans ce passage qu'Homère fait mention de différentes sortes de jeux, qu'il parle des κυβιστῆς, c'étoient des gens qui faisoient la culbute la tête la première, ce terme vient de κύβη, *caput*; que d'autres jouoient à la paume, dont Ἀγαλλίς attribue l'invention à Nausicaa qui vouloit obliger ses concitoyens, & qu'elle est la seule princesse qu'Homère introduise jouant à la paume.

2. Il n'est pas douteux que si Newton avoit vu le second passage de Suidas & celui d'Athénée, il n'eût réformé son opinion & supprimé sa

remarque. S'il s'étoit rappelé le vers d'Homère cité ci-dessus, il auroit probablement conçu des doutes, examiné la chose avec plus d'attention, car quoi qu'en dise Mr Ernesti, ce vers d'Homère ne suffisoit pas seul pour démontrer l'erreur de Newton, les filles de Nauficaa auroient pu jouer à la paume, & cette princesse inventer la sphère astronomique. Quoi qu'il en soit, il est certain que Newton s'est trompé, & que Mr Ernesti le relève avec raison. Mais cette erreur ne mérite point l'épithète de ridicule, comme je l'ai fait voir en rapportant le passage de Suidas. Ce passage donnoit tout naturellement l'idée de la sphère astronomique, il a manqué à Newton de le comparer avec les passages parallèles & surtout avec celui d'Athénée, mais quel est l'érudit qui ait tout vu & tout comparé, & qui ne se soit jamais trompé dans l'interprétation d'aucun passage. Nous verrons bientôt que Mr Ernesti lui-même n'a pu se garantir de ce malheur. Weidler dans son Histoire de l'astronomie p. 3. se range au sentiment de Newton, quoiqu'il connût les divers passages relatifs à cet objet. Voici ses paroles.

„*Apud Suidam in Lexico verbo Anagallis, Anagallis Corcyrea grammatica sphaeræ inventionem tribuit Nauficaæ Alcinoi filia, quæ ex Athenæo L. 4, c. 11. deprompta esse Kusterus in notis ad Suidam docet. Alibi verbis Οἰκνῆος & σφαῖρα, Suidas per σφαῖραν pilam lusoriam designare videtur. Sed de sphaera astronomica rectius Anagallidis testimonium accipitur.*” Je crois que si Mr Weidler eût fait plus d'attention aux passages qu'il cite, il eût abandonné son sentiment; je n'ai cité ce morceau que pour faire voir que la chose a paru douteuse à des auteurs très-instruits, même après l'inspection des passages que Newton ne connoissoit pas.

3. Mr Ernesti après avoir relevé l'erreur de Newton, ajoute que cette erreur est la seule base sur laquelle il ait fondé l'époque des Argonautes. Cette assertion n'a pas besoin d'être réfutée; tous ceux qui ont jeté les yeux sur l'ouvrage de Newton savent que l'argument tiré de Nauficaa n'est qu'un argument subsidiaire qui n'influe en quoi que ce soit sur les preuves qu'allègue Newton, & ce que je dirai plus bas des argumens par lesquels

lesquels on a attaqué le système de ce grand homme mettra la chose dans tout son jour. Je remarquerai seulement que l'erreur de Mr Ernesti vient de ce qu'immédiatement après le passage de Nauficaa que j'ai rapporté ci-dessus, Newton ajoute „*igitur sub expeditione Argonautarum cardinalia æquinoctiorum & solstitiorum puncta occupabant ipsum meditullium siderum arietis, cancri, chelarum & capricorni.*” Mr Ernesti a cru que ce mot *igitur* se rapportoit uniquement au passage qui précède immédiatement, au lieu qu'il se rapporte à tout le paragraphe, dans lequel Newton fait voir que la sphère ancienne doit être postérieure à l'expédition des Argonautes, puisque les principaux faits de l'histoire des Argonautes sont tracés sur cette sphère, & antérieurs au siège de Troie, puisqu'aucun fait relatif à ce siège n'y est tracé. Si Mr Ernesti avoit fait la moindre attention à ce paragraphe, il auroit vu que Newton avoit appuyé son système sur de tout autres preuves que le fait de Nauficaa, & il auroit supprimé la fin de la note où il dit: „*Tales sunt demonstrationes Philosophorum & Mathematicorum litterarum expertium cum se ad historica conferunt.*” Un homme tel que Newton méritoit d'être critiqué avec plus de ménagement, & surtout avec plus de justice. Avancer que Newton étoit un homme sans lettres, c'est contredire les faits les mieux constatés. Quel que soit le mérite de son système chronologique, on ne peut nier que son ouvrage ne suppose une grande érudition & une critique très-fine, & ses adversaires n'ont pu s'empêcher de lui rendre cette justice. Prétendre que Newton a donné ses recherches de chronologie pour des démonstrations, c'est contredire ce qu'il a dit lui-même en termes exprès. Il commence son ouvrage par des réflexions sur l'extrême incertitude de la chronologie ancienne, & sur la difficulté de parvenir sur ce sujet à quelque chose de probable. Et cet ouvrage même, il ne l'a jamais destiné à l'impression, on ne l'a publié qu'après sa mort. Il n'en a paru pendant sa vie qu'un court extrait intitulé *Brevia Chronica* qu'il avoit prêté à l'abbé Conti, & que celui-ci fit imprimer à Paris sans sa permission. Newton s'en plaignit amèrement, & en répondant à

la critique du P. Souciet dans les Trans. Phil. No. 389, il dit en parlant de l'abbé Conti: „*Dixit me habere magnum opus edendum. Sed nusquam id dixi. Cantabrigiæ degens aliquando solebam me aliis studiis fatigatum aliquantisper reficere Historia & Chronologia. Sed nunquam fassus sum me hujus generis librum typis destinasse.*” Ce n'est pas-là le langage d'un homme qui croit avoir trouvé des démonstrations. Au reste, je n'examinerai point jusqu'à quel degré la philosophie & les mathématiques peuvent rendre un homme inepte aux recherches historiques, je me contenterai d'observer que la chronologie est une science qui tient immédiatement aux mathématiques, & nous allons voir qu'il est à regretter que ceux qui s'en sont mêlés aient quelquefois négligé si fort les mathématiques. Mr Ernesti lui-même se seroit épargné une critique aussi forte s'il eût examiné les argumens mathématiques qu'allègue Newton. Je ne prétends pas, du reste, déroger le moins du monde à l'estime dûe aux talens de ce célèbre littérateur; il me suffit d'avoir prouvé que l'erreur de Newton sur un passage de Suidas n'a point les conséquences que lui attribue Mr Ernesti, & n'emporte point la chute de son système.

4. Si l'on conçoit aisément que Mr Ernesti absorbé par des occupations d'un genre différent, ne soit pas entré dans le détail des preuves sur lesquelles Newton appuyoit sa Chronologie, on s'étonnera avec raison de ce qu'un écrivain, astronome de profession, & qui s'est longtemps occupé de l'histoire de l'astronomie, n'ait pas étudié avec attention Newton & les auteurs que cite ce grand homme, & l'ait attaqué par des argumens qui pèchent par les fondemens. Je veux parler de Mr Bailly, qui dans son Histoire de l'Astronomie ancienne a combattu Newton d'une manière bien étrange, comme on va le voir. Cet ouvrage étant fort répandu, & ayant été traduit en plusieurs langues, j'ai cru devoir relever des erreurs qui se présentent sous la forme de recherches approfondies, & que le plus grand nombre des lecteurs adopte faute de remonter aux sources.

5. La Chronologie de Newton a deux parties, l'une historique, l'autre astronomique, c'est à celle-ci que s'attache Mr Bailly. Eudoxe de Cnide qui vivoit environ 370 ans avant J. C. a donné une détermination de la sphère, c'est-à-dire des points par lesquels passent les principaux cercles, & entr'autres les colures des équinoxes & des solstices. Le colure des équinoxes est un grand cercle qui passe par les pôles de l'équateur, & coupe l'écliptique aux points équinoxiaux sous un angle d'environ $66\frac{1}{2}^{\circ}$. Le colure des solstices est un grand cercle qui passe par les pôles de l'équateur, & coupe perpendiculairement l'écliptique aux points des solstices. Nous n'avons pas les ouvrages d'Eudoxe, mais Hipparque de Bithynie qui vivoit environ deux siècles après lui, nous en a conservé quelques passages dans son commentaire sur les Phénomènes d'Aratus, & Aratus lui-même n'a fait que mettre en vers les ouvrages d'Eudoxe. Newton prétend que la détermination de la sphère donnée par Eudoxe, est celle de la sphère du temps des Argonautes. Cela posé, il cherche à fixer précisément cette détermination, & comparant la position des cercles de la sphère, avec celle qu'ils avoient à la fin de 1689, il en conclut au moyen du mouvement des points équinoxiaux qui rétrogradent de 1° en 72 ans, l'intervalle de temps écoulé entre l'expédition des Argonautes & l'année 1690. On voit donc qu'il y a deux choses à prouver dans le système de Newton, la première, que la sphère que décrit Eudoxe est la même que celle qui a été décrite du temps de l'expédition des Argonautes, & la seconde, que la détermination des points par lesquels Newton fait passer cette sphère ancienne, est bien conforme au texte d'Eudoxe tel qu'Hipparque nous l'a conservé.

6. Voici maintenant comment débute Mr Bailly p. 509 de l'Histoire de l'Astronomie ancienne. „Nous parlerons seulement de la preuve astronomique du système de Newton, que Mr Halley appeloit la partie du système le plus sujette à discussion, *the most questionable part of the whole system*. Le mémoire de Halley, dont Mr Bailly tire ce passage, se trouve dans le T. 34 des Transactions philosophiques, & est destiné à l'examen de quelques objections du P. Souciet contre la philosophie

de Newton. Or voici ce que dit Mr Halley. „J'observe d'abord que le P. Souciet accorde la partie de tout le système la plus sujette à la critique, savoir que Chiron le centaure fixe les colures dans l'ancienne sphère des fixes aux mêmes lieux où Hipparque nous dit que les a supposés Eudoxe plusieurs siècles après Chiron.” Mr Halley ne parle donc point ici en général de la partie astronomique du système de Newton, puisqu'au contraire il prend la plume pour la défendre, mais seulement de la supposition que fait Newton que la sphère d'Eudoxe est la même que celle de Chiron, supposition qu'il n'est pas facile de prouver, & que le P. Souciet accorde dès l'entrée, parce qu'il fonde aussi là dessus ses calculs. Or cette supposition, dont Mr Halley fait sentir la foiblesse, Mr Bailly la regarde comme démontrée.” Rien, dit-il, (*ibid.*) n'est plus évident ni mieux démontré que cette assertion, mais en étant d'accord avec Mr Newton pour placer la sphère des Grecs entre l'expédition des Argonautes & la destruction de Troie, nous ne pouvons être de son avis sur le siècle qu'il assigne à ces deux faits historiques. Ainsi Mr Bailly accorde ce dont Mr Halley doute, & nie ce que Mr Halley prouve découler de la supposition douteuse. C'est donc à tort que Mr Bailly s'autorise du suffrage de Mr Halley, qui porte directement contre lui.

7. Mr Bailly dit p. 512.

„Newton donne Chiron pour l'inventeur de cette sphère, Mr Fréret n'est pas tout-à-fait de cet avis. Mr Newton ne cite qu'un vers d'un ancien poëte grec qui dit que Chiron a dessiné les constellations, & qu'il a partagé les étoiles en divers astérismes. L'invention de la sphère est aussi attribuée à Musée.”

Mr Bailly n'a pas lu ici Newton avec plus d'attention qu'il n'avoit lu Halley. Voici ce que dit Newton chap. 1.

„*Museus Eumolpi filius, Orphei magister & Argonauta construxit sphaeram, primusque Græcorum habetur qui ejusmodi rem confecerit. Sphæra autem ipsa ostendit eam delineatam fuisse circa Argonautarum expeditionem, hæc enim expeditio asterismis expressa est, cum nonnullis*

aliis vetustioribus Græcorum historiis, sed de recentioribus rebus nihil omnino."

Newton cite là-dessus Diogène Laërce qui dit Lib. 3 Proëm. §. 3. „ιδου γουν παρα μεν Αθηναιοις γεγωνα Μουσαιος, παρα δε Οηβαιοις Δινος, και του μεν Ευμολπου παιδα φασι, ποιηται δε θεσπονιαν και σφαιραν πρωτον." On voit par là que Newton attribue l'invention de la sphère à Musée, & non à Chiron, & qu'il se fonde sur un passage positif de Diogène Laërce, & non sur un ancien vers grec. Mr Bailly a confondu l'invention de la sphère avec la désignation des astérismes que Newton attribue à Chiron, fondé sur un ancien vers grec. Voici le passage de Newton. „*Chiron delineavit σχηματα Ολυμπου, asterismos ut dicimus, à vetere gigantomachiae scriptore, cujus meminit Clemens Alexandrinus: practicus enim astronomus erat Chiron, quod intelligi etiam potest de ejus filia Hippone.*"

8. Mr Bailly dit p. 509.

„Mr Newton veut que cette sphère ait été réglée lorsque les colures coupoient l'écliptique au 6° 20' du Taureau, du Lion, du Scorpion & du Verseau à 36° 29' du lieu que ces colures occupoient en 1689."

Voici le passage de Newton Opusc. T. 3, p. 67.

„*Igitur duo coluri sub Argonautarum expeditione secantes eclipticam in punctis cardinalibus, (c'est-à-dire au premier degré du Belier, du Cancer, de la Balance & du Capricorne) eandem secabant anno 1689 jam peracto in 6° 29' tauri, 6° 29' leonis, 6° 29' scorpii, 6° 29' aquarii, videlicet in punctis quæ distant à cardinalibus Chironis punctis, toto signo cum sex gradibus & viginti novem minutis; quod definitum est quo diligentius licuit per veterum observationes factas, crassa satis Minerva.*"

Mr Bailly a donc confondu la détermination que donne Newton pour la fin de 1689 avec celle qu'il donne pour le temps de Chiron, & a mis l'une pour l'autre. D'après cela, ce qu'il ajoute que la différence 36° 29' répond à un intervalle de 2625 ans, & par conséquent fixeroit l'époque de Chiron à l'an 936 avant J. C., n'a point de sens, puisqu'à la fin de 1689 les colures étoient précisément aux mêmes points où Mr Bailly dit que Newton les plaçoit à l'époque de Chiron.

9. Mr Bailly dit *ibid.*

„Newton veut que toutes les déterminations des points équinoxiaux au 15° , 12° , 10° , 8° , 1° degré des signes rentrent les unes dans les autres, & ne diffèrent que par une différente manière de compter. Ainsi le 8° & le 15° sont les mêmes, parce que le 15° degré du signe étoit alors selon lui le même que le 8° degré de la constellation, puisque la constellation commençoit au 7° degré du signe. Voilà la différence du système de Newton aux autres interprétations des positions désignées par les anciens astronomes.”

Voici le passage de Newton p. 62.

„Monet Achilles Tatius quod antiquitus nonnulli statuebant solstitium in ipso cancri initio, alii in octavo cancri gradu, alii circiter duodecesimum, alii vero circiter decimum quintum ejusdem gradum. Hæc opinionum diversitas oritur ex æquinoctii præcessione, tum à Graecis ignorata. Cum primum sphaera excogitata fuit, solstitium erat in decimo quinto gradu, seu in ipso meditullio cancri, deinde venit in duodecesimum, octavum, quartum & primum ordinate. Eudoxus qui floruit circiter sexagesimum à Metone annum & circiter centesimum ante Aratum, veterum sphaeram describens, statuit solstitia atque æquinoctia in meditullio constellationum arietis, cancri, chelarum & capricorni, ut asserit Hipparchus Bithynus, & ut constat ex descriptione æquinoctialis & tropicorum circularum quam fecit Aratus qui Eudoxum secutus est, & ex positione quam obtinent coluri æquinoctiorum & solstitiorum, qui in Eudoxi sphaera ab Hipparcho descripta transeunt per horum siderum meditullium.”

Newton attribue, comme l'on voit, les différences des déterminations des solstices données dans différens temps à la précession des équinoxes, qui fait varier la position du colure, & c'est ce que devoit dire Mr Bailly au lieu de s'en tenir à l'expression vague & obscure de la différente manière de placer l'origine des signes. Car il n'y a que la précession des équinoxes qui puisse donner un sens à cette opinion, autrement en admettant que la fixation au 8° degré revenoit au même que la fixation au 15° par la différente manière de compter, la fixa-

tion au 12° degré ne pouvoit s'accorder avec les précédentes. Tout peut s'expliquer au contraire par la précession des équinoxes, qui fait que le colure qui étoit au 15° degré parvient au bout d'un certain temps au 12°, 8°, &c. degré, & par ce moyen les déterminations différentes données en différens temps reviennent au même.

10. Si l'on divise l'écliptique en 12 parties égales, chacune de 30°, & qu'on commence à compter depuis une des intersections de l'écliptique avec l'équateur, savoir celle qui répond à l'équinoxe du printemps, on aura les 12 signes du zodiaque ou dodécatemories. Mais cette intersection étant variable, les mêmes constellations ne répondront pas toujours aux mêmes signes, & la différence augmentera avec le temps. Cela posé, voici ce que dit Mr Bailly *ibid.*

„Quand Eudoxe dit formellement que les colures passoient par le milieu du Belier, de l'Ecrevisse, de la Balance & du Capricorne, Mr Newton entend le milieu des constellations & non pas des signes.” Cela est vrai, mais à entendre Mr Bailly, on diroit que cette opinion de Newton est absolument nouvelle, & qu'il l'a imaginée pour confirmer son système. Cependant le chap. 3 du liv. 2 de l'ouvrage du P. Petau intitulé *Variae dissertationes* est presque entièrement destiné à prouver cette opinion. „*Sic igitur existimo, dit Petau, non de signis ipsis seu dodecatemoriis in zodiaco, vel æquinoctiali primi cæli descriptis illic Eudoxum agere, sed de stellatis imaginibus & asterismis.*” Je ne rapporte pas ici les preuves du P. Petau, on peut les voir dans l'endroit cité, il me suffit d'avoir prouvé que cette opinion étoit établie longtemps avant que Newton l'adoptât.

11. Mr Bailly s'attache maintenant à détruire cette opinion, p. 510. „Il est évident qu'Eudoxe par la désignation générale du milieu du Belier, de l'Ecrevisse, de la Balance, & du Capricorne a voulu marquer précisément le 15° degré des signes ou dodécatemories.”

Pour juger de la solidité de cette assertion, il suffit de lire le passage d'Eudoxe cité par Hipparque liv. 1, chap. 28 de son commentaire sur les Phénomènes d'Aratus. „*Εν δὲ τῇ ἐπερῷ κολουῶν φησι κλισθαι τοῦ κητους*

την κεφαλην, και του κριου τα νωτα, κατα πλατος." *In altero coluro dicit esse ceti caput & arietis dorsum juxta latitudinem.* „Newton en conséquence de ce passage fait passer le colure près de l'étoile γ de Bayer qui est au milieu du dos. Si le colure avoit passé au milieu du signe, il auroit passé entre les étoiles ϵ & δ de Bayer, situation qu'on ne peut rapporter au milieu du dos, comme l'a remarqué Mr Halley. Mr Bailly qui a eu connoissance du mémoire de Halley, puisqu'il le cite, auroit mieux fait de discuter les raisonnemens de ce grand astronome & d'y répondre, que de copier quelques argumens du P. Soucier & de Mr Fréret, dont nous verrons bientôt la foiblesse.

12. „L'usage, dit Mr Bailly, étoit alors de rapporter les étoiles à l'équateur, & c'est ainsi qu'il faut entendre les expressions d'Eudoxe & d'Hipparque. Le P. Petau en donne encore d'autres preuves liv. 2, chap. 2." Le P. Petau dit bien dans le chapitre cité par Mr Bailly qu'Hipparque comptoit les longitudes sur l'équateur, mais il ajoute dans le même chapitre qu'Hipparque ne rapportoit pas seulement les étoiles à l'équateur, qu'il les rapportoit aussi à l'écliptique, & il en donne des preuves. Voici ses termes. „*Hipparchum vero non in solo æquinoctiali siderum longitudes, sed etiam in zodiaco alia ratione usque contemplatum esse, ex libro ejus secundo ac tertio probari potest.*” Je ne rapporte pas les preuves qu'on peut voir dans l'endroit cité, d'autant plus que la chose peut se prouver immédiatement par la découverte que fit Hipparque de la rétrogradation des points équinoxiaux qu'il crut parcourir un degré en 100 ans, car ce mouvement uniforme se fait selon l'écliptique & non selon l'équateur, il faut donc qu'en calculant ce mouvement, Hipparque rapportât les étoiles à l'écliptique, & non à l'équateur. Au reste nous n'avons pas l'ouvrage où Hipparque rapporte cette découverte. Lorsqu'il écrivit ses Commentaires sur Aratus, le seul de ses ouvrages qui nous reste, il n'avoit pas encore pensé à ce mouvement, c'est Ptolomée qui nous a appris ce que nous en savons, comme nous le verrons plus bas. Dans le chap. 3 du même livre le P. Petau s'exprime ainsi. „*Denique sive in æquinoctiali, sive*

sive in zodiaco signa cœlestia constituerit Eudoxus, neque in ipsius Eudoxi allatis ab Hipparcho verbis neque apud Aratum, aries, cancer, chelæ, capricornus de signis aut dodecatemoriis explicari queunt.” On voit donc que le P. Petau sur lequel Mr Bailly paroît s'appuyer, lui est entièrement contraire.

13. Mr Bailly dit p. 428.

„Geminus, qui écrivoit environ un siècle après Hipparque, dit dans son calendrier qu'Eudoxe plaçoit l'équinoxe du printemps au 6° du Belier, & le solstice d'hiver au 4° du Capricorne; Eudoxe ni Geminus n'ignoroient pas que la distance de ces deux points sur l'écliptique est de 270°, il ne s'en trouve cependant que 268, c'est une preuve démonstrative que ces déterminations étoient prises sur l'équateur & non sur l'écliptique.”

Si Mr Bailly eût lu avec plus d'attention Geminus, il n'auroit pas cité en sa faveur un passage qui prouve directement le contraire de ce qu'il avance. Geminus ne parle point de degrés, il parle de *ἡμέραι*. Il détermine le nombre de jours que le soleil met à parcourir chaque signe, *τον δε κριον διαπορευεται ὁ ἥλιος εν ἡμέραις λα΄* & ainsi de suite (p. 64 & suiv. de l'Uranographie de Petau). Voici une petite table qui représente les noms des mois avec le nombre de jours que leur assigne Geminus.

Belier	-	-	-	31	Balance	-	-	-	30
Taureau	-	-	-	32	Scorpion	-	-	-	30
Gémeaux	-	-	-	32	Sagittaire	-	-	-	29
Cancer	-	-	-	31	Capricorne	-	-	-	29
Lion	-	-	-	31	Verseau	-	-	-	30
Vierge	-	-	-	30	Poissons	-	-	-	30
					<hr/>				
					365				

Maintenant Geminus dit que suivant Eudoxe l'équinoxe arrive au 6° jour du Belier & le solstice d'hiver au 4° jour du Capricorne. Prenez le nombre des jours écoulés dans cet intervalle, & vous aurez

Belier	-	-	-	-	25	Sagittaire	-	-	-	29
Taureau	-	-	-	-	32	Capricorne	-	-	-	4
Gémeaux	-	-	-	-	32					<hr/>
Cancer	-	-	-	-	31					274
Lion	-	-	-	-	31	& il reste				
Vierge	-	-	-	-	30	Capricorne	-	-	-	25
Balance	-	-	-	-	30	Verseau	-	-	-	30
Scorpion	-	-	-	-	30	Poissons	-	-	-	30
						Belier	-	-	-	6
										<hr/>
										91

L'intervalle de 274 jours est bien les trois quarts de 365. Car les trois quarts de 365 sont $273\frac{3}{4}$ ou en nombres ronds 274. Ainsi la marche du soleil est bien supposée uniforme dans Eudoxe, elle est donc rapportée à l'écliptique & non à l'équateur. L'erreur de Mr Bailly vient de ce qu'il a confondu les jours *ἡμέραι* avec les degrés *μοίραι*. Or suivant Geminus le soleil parcourt 360° en 365 jours. Au reste, le passage de Geminus que cite Mr Bailly, *Εν δε τη ε' Ευδοξω ισημερια, in sexta die Eudoxi est æquinoctium*, est directement contraire à l'opinion qu'il soutient, & tout-à-fait favorable à celle de Newton, car puisqu'Eudoxe place l'équinoxe du printemps au 6° jour du séjour du soleil dans le Belier, il en résulte qu'Eudoxe fait passer le colure des équinoxes par le 6° degré du Belier environ. Or suivant Newton, Eudoxe le fait passer à $7\frac{1}{2}^{\circ}$. Donc l'affertion de Geminus se rapproche beaucoup de celle de Newton & est tout-à-fait contraire à celle du P. Soucier, de Mr Fréret & de Mr Bailly, qui prétendent qu'Eudoxe le fait passer au 15° degré du Belier.

14. Mr Bailly recueillant tout ce qu'il croit pouvoir être contraire au système de Newton, dit p. 510.

„Mr Fréret ajoute avec raison qu'Hipparque en plaçant la première étoile du Belier dans le colure de l'équinoxe du printemps, conformément aux observations de l'an 162 avant J. C., éloignoit ce même colure, ainsi que celui des solstices, de plus de 15° des étoiles par lesquelles la sphère d'Eudoxe marquoit leur passage; que ce même Hipparque donnant le lieu de beaucoup d'autres étoiles dans sa propre sphère, & le comparant avec celui de la sphère d'Eudoxe, marque constamment une différence de 15° à 16° . L'intervalle de 1191 ans entre l'an 1353 & l'an 162, époque des observations d'Hipparque, demande une différence de $16\frac{1}{2}^{\circ}$, mais les observations de ce temps n'étoient pas assez précises pour qu'il ne se commît pas des erreurs de cette espèce.”

Il y a plusieurs observations à faire sur ce passage; la première contient un argument *ad hominem* contre MM. Fréret & Bailly. Je dis *ad hominem*, parce que nous verrons plus bas que cet argument ne prouve pas en lui-même tout ce qu'il prouve contre la manière de raisonner de ces messieurs. Ptolomée nous apprend qu'Hipparque supposoit le mouvement des points équinoxiaux de 1° en 100 ans. L'intervalle de 1191 ans écoulé depuis l'expédition des Argonautes jusqu'à Hipparque ne fait donc pas tout-à-fait 12° , ce qui donne à-peu-près le résultat de Newton. Si suivant Mr Fréret, Hipparque assignoit un intervalle de 15° à 16° pour cet espace de temps, il se seroit contredit, c'est-à-dire qu'il auroit supposé le mouvement des points équinoxiaux de 1° en 72 ans, ce qui est contraire au rapport de Ptolomée. Mr Fréret fait raisonner Hipparque comme si ce dernier eût connu le mouvement des points équinoxiaux, tel que l'ont déterminé les modernes, au lieu qu'il auroit dû le faire raisonner d'après le mouvement qu'il avoit cru reconnoître aux points équinoxiaux, ce qui auroit détruit sa conclusion.

15. L'argument dont je viens de parler seroit démonstratif en faveur de Newton, si Hipparque avoit conclu le mouvement des points équinoxiaux d'observations faites au temps de l'expédition des Argo-

nautes, mais loin de là il l'avoit conclu des observations de Timocharis qui ne vivoit qu'environ deux siècles avant lui. Voici ce qu'on trouve là dessus dans l'Almageste de Ptolomée, Liv. 2, chap. 11. Pour ne pas allonger inutilement ce mémoire, je me contenterai de rapporter la version latine de George de Trébifonde.

„Hipparchus in tractatu de transgressione solstitiorum & æquinoctialium punctorum, lunaribus propositis eclipsibus partim in ætate sua observatis, partim multo prius à Timocharide colligit spicam stellam in temporibus quidem suis sex gradibus ab autumnali puncto ad præcedentia remotiorem fuisse, in temporibus vero Timocharidis, octo gradibus proxime, sic enim concludens ait: Spica ergo autumnale punctum octo gradibus prius secundum longitudinem signorum præcedebat, nunc vero sex gradibus præcedit Ibid. Ex istis unius gradus ad successionem progressus in 100 proxime annis factus fuisse invenitur, sicut etiam Hipparchus suspicatus fuisse videtur, sic enim in Tractatu de magnitudine anni scribit. Si enim, inquit, propter hanc causam solstitia & æquinoctia ad præcedentia signorum non minus per annum quam centesimam unius gradus partem moverentur, in 300 certe annis non minus quam per tres gradus transgressa fuissent Cap. III. Hipparchus etiam ad zodiaci polos fieri hunc motum consensisse videtur, nam in Tractatu de solstitialium & æquinoctialium punctorum transgressu ab observationibus Timocharidis & suis colligit spicam non ad æquinoctialem, sed ad circulum qui per medium signorum est, magnitudinem distantiae secundum latitudinem conservasse, ac duobus gradibus & prius & posterius australiorem ipso fuisse, propterea in Tractatu de magnitudine anni supponit in zodiaci polis hunc motum fieri, ambigebat tamen, (ut asserit) quoniam nec observationes Timocharidos tempore factas certas putabat, quod simpliciter nimium captae fuerint, nec tempus quod interea fluit ad perfectam hujus rei intelligentiam sufficiebat.”

Il résulte des passages que je viens de transcrire, que dans la détermination du mouvement des points solstitiaux, Hipparque n'avoit pas fait usage d'observations faites au temps où la sphère d'Eudoxe a été réglée, mais seulement des observations de Timocharis dont il se

défluoit à cause de leur peu d'exactitude. On ne peut donc tirer de là aucun argument direct relativement à l'époque de la sphère d'Eudoxe. Il en résulte seulement que d'après sa détermination Hipparque devoit regarder l'époque de la sphère d'Eudoxe comme plus éloignée qu'elle ne l'étoit réellement, puisqu'il comptoit cent ans pour un degré, au lieu de 72 ans. C'est à quoi MM. Fréret & Bailly n'ont fait aucune attention, cette considération les auroit engagés à supprimer leur argument qui porte absolument contr'eux. On voit encore par ces passages de Ptolomée, qu'Hipparque rapportoit le mouvement des étoiles au pôle de l'écliptique, & non au pôle de l'équateur, ce qui confirme le raisonnement que j'ai fait plus haut.

16. Ma seconde observation est relative à la différence de 15° à 16° que Mr Fréret prétend que met constamment Hipparque entre sa propre sphère & celle d'Eudoxe. Il suffit de lire Hipparque pour se convaincre que cette assertion n'est pas juste. Voici ses propres termes, que pour abrégé je rapporterai seulement d'après la traduction du P. Petau, qui est exacte. L. 1, §. 28.

„In altero coluro, scilicet aequinoctiorum, sitam esse scribit (Eudoxus) sinistram arctophylacis manum, ac per medium ipsum transire secundum longitudinem, deinde chelarum medium secundum latitudinem centauri, praeterea dextram manum & anteriora genua. Post nunquam apparentem polum, flexum fluminis & ceti caput, & arietis terga secundum latitudinem Persei caput cum dextra manu.”

Telle est la position du colure des équinoxes qu'Hipparque attribue à Eudoxe. Voici maintenant les corrections qu'il y apporte.

„Atqui laeva manus arctophylacis abest ab isto circulo, intervallo scilicet dimidii signi, nec in ipso circulo sita est, qui per aequinoctii puncta transit, ut Eudoxus affirmat. Etenim antecedens earum quae in illa sunt chelarum obtinet partem amplius 13. Praeterea in eo quoque hallucinatus est, quod medium corpus illius secundum longitudinem ab eo quem diximus secari circulo putat. Etenim quae est in ejus capite stella, chelarum partem obtinet circiter $16\frac{2}{3}^{\circ}$, quae in dextro pede chelarum, circi-

ter 24, 45, quae in zona est lucida, chelarum fere partem 14, 20; quae in dextra centauri manu abest ab illo circulo quadrante circiter signi. Nam chelarum partem obtinet 8. Caput porro ceti distat quidem ab eodem circulo, sed non magno spatio. Quippe nodus piscium qui post caput ceti positus est in ejusque cervice, obtinet arietis partem 3, 15. Sed nec arietis terga in illo eodem circulo collocanda sunt à quo amplius signi triente distant. Nam quae stella inest in medio illius tergo, arietis obtinet partem amplius $11\frac{1}{2}$. Sic & Persei tam dextra manus quam caput absunt ab eodem circulo unius signi circiter triente."

On voit d'abord par la fin de ce passage que Newton en prenant l'étoile γ de Bayer qui est au milieu du dos, s'est conformé à l'interprétation que donne Hipparque du passage d'Eudoxe, ce qui détruit l'opinion du P. Souciet, qui prétend qu'Eudoxe faisoit passer le colure par une étoile qui est à la queue. Ensuite on voit qu'Hipparque n'assigne que $11\frac{1}{2}^{\circ}$ d'après cette étoile entre la sphère d'Eudoxe & la sienne, & qu'il n'en assigne que 10° d'après la tête de Persée. Or Newton en assigne 11 , ainsi cet endroit lui est tout-à-fait favorable. Mr Fréret & Mr Bailly auroient dû citer ce passage aussi bien que ceux qui peuvent favoriser leur opinion. Si l'on considère ce passage dans son entier, on voit qu'Hipparque observe que les constellations par lesquelles Eudoxe fait passer le colure des équinoxes, en sont plus ou moins éloignées, savoir la main du Bouvier de près d'un demi-signes, les étoiles du Scorpion de 8° , 13° , 14° , 16° , 24° , la tête de la Baleine beaucoup moins, puisque le nœud des Poissons qui est situé après la tête de la Baleine n'en diffère que de $3^{\circ} 15'$, enfin l'étoile du dos du Bélier $11\frac{1}{2}^{\circ}$ & la tête de Persée 10° . Comment donc Mr Fréret peut-il dire, & Mr Bailly répéter après lui, qu'Hipparque met constamment une différence de 15° à 16° entre sa sphère & celle d'Eudoxe, puisque ces différences varient à tel point? Il est évident que la cause de ces variations dépend en grande partie de l'espace qu'occupent les constellations indiquées par Eudoxe. Aussi Hipparque s'exprime vaguement, il dit que la main du Bouvier est distante du colure d'environ un demi-

signe *ας ημίου μερος ζωδιου*. La différence peut être en moins comme en plus, & Mr Fréret la suppose gratuitement en plus. D'ailleurs la main du Bouvier occupe un espace de quelques degrés, & ne peut par conséquent servir à une détermination exacte. De plus, Mr Fréret n'a aucun droit de choisir la main du Bouvier qui diffère d'environ un demi-signes, plutôt que la main du Centaure qui n'en diffère que d'un quart de signe, & la tête de la Baleine qui en diffère beaucoup moins. Enfin la détermination de l'étoile qui passe par le milieu du dos du Belier est sans doute beaucoup plus exacte, puisqu'il s'agit d'une étoile particulière; voilà pourquoi Newton l'a adoptée, & cette détermination est d'autant plus vraisemblable qu'elle s'accorde à-peu-près avec celle de Geminus, comme on l'a vu plus haut. D'ailleurs, comme je l'ai déjà remarqué, il suffit qu'Hipparque regarde l'étoile du milieu du dos du Belier, comme celle qui a été indiquée par Eudoxe, pour que Newton ait raison, parce qu'on connoît la position de cette étoile pour 1690, d'où l'on remonte au moyen de la précession des équinoxes à l'époque prescrite par Newton. Je remarquerai en dernier lieu qu'on ne conçoit pas comment Mr Bailly, après s'être efforcé de prouver qu'Hipparque rapportoit toujours les étoiles à l'équateur, prétend qu'il assignoit constamment une différence de 15 à 16 degrés entre sa sphère & celle d'Eudoxe. Car la précession n'est uniforme qu'autant qu'on la prend en longitude; si on la calcule en ascension droite, elle ne l'est plus, elle dépend de l'ascension droite & de la déclinaison, la différence ne devoit donc pas être constante, & c'est à quoi Mr Bailly n'a fait aucune attention. Il y auroit bien des remarques à faire là-dessus que je supprime pour ne pas trop allonger ce mémoire.

17. On est étonné de voir Mr Bailly p. 509 & 510 objecter à Newton avec Mr Whiston qu'en prenant le milieu exact de la constellation du Belier & celui de la Balance, l'intervalle au lieu d'être de 180°, est de 191° 17'. Premièrement l'affertion n'est pas juste. Prenez dans le catalogue de Flamsteed les deux étoiles du Belier qui diffèrent

le plus en longitude, & vous aurez en excluant les étoiles informes γ du Belier dont la longitude est $1^{\text{h}} 0^{\circ} 23'$ & τ dont la longitude est $1^{\text{h}} 22^{\circ} 29'$ dont le milieu est de $1^{\text{h}} 11^{\circ} 26'$. Prenez maintenant dans la Balance l'étoile qui est au pied de la Vierge, sa longitude est $7^{\text{h}} 40' 30''$ & ξ de la Balance dont la longitude est $7^{\text{h}} 28^{\circ} 30'$, le milieu est $7^{\text{h}} 16^{\circ} 34'$. La différence est de $1^{\text{h}} 5^{\circ} 8'$, ou de $185^{\circ} 8'$, & non pas de $191^{\circ} 17'$ comme le dit Mr Whiston. Si l'on observe ensuite que Newton ne parloit pas du milieu exact des constellations, puisqu'il s'agissoit d'observations faites comme il le dit *crassa Minerva*, on verra que cette différence de 5° répartie sur quatre déterminations disparoit absolument. Et il est d'autant plus étonnant que Mr Bailly se soit arrêté à une pareille difficulté, qu'il dit lui-même p. 511 que dans ces premiers temps une étoile qui étoit à 4° du pôle passoit pour immobile. Si les anciens ne pouvoient répondre de quatre degrés, à plus forte raison ne pouvoient-ils répondre d'un. Pourquoi tant de précision dans un cas, & si peu dans l'autre?

18. Voici un passage plus singulier p. 429.

„Columelle nous apprend qu'Hipparque mettoit la première étoile du Belier au premier degré d'Aries. Or il est certain que cette étoile ne pouvoit être alors au commencement des signes par sa longitude, elle ne pouvoit y être que par son ascension droite. Elle n'a eu 0° de longitude que 388 ans avant J. C., & au temps d'Hipparque, 150 ans avant l'ère Chrétienne, elle avoit déjà environ $3^{\circ} 20'$. L'usage étoit donc de rapporter les étoiles à l'équateur, & c'est ainsi qu'on doit entendre les expressions d'Eudoxe & d'Hipparque.”

Mr Bailly tombe ici dans la même erreur qu'a commise le P. Souciet dans ses dissertations contre Newton, & que Mr Halley a relevée dans le mémoire cité ci-dessus. Il ne fait pas attention à la latitude de l'étoile. Lorsqu'une étoile située hors de l'écliptique se trouve dans le colure des équinoxes, le point de l'écliptique qui exprime sa longitude ne se trouve pas sous ce colure, puisque ce point se détermine par un arc de grand cercle abaissé perpendiculairement de l'étoile sur l'éclip-

l'écliptique, & que le colure fait avec l'écliptique un angle oblique. Ainsi EC étant le colure des équinoxes, CP l'écliptique, EP exprime la latitude de l'étoile, CP sa longitude, & ECP est le complément de l'obliquité de l'écliptique. Ce n'est donc pas le



point P qui passe sous le colure en même temps que l'étoile, mais le point C , il faut donc retrancher l'arc CP de la longitude de l'étoile, pour avoir la position du point qui passe sous le colure en même temps que l'étoile. C'est pour cet effet que Mr Halley donne dans le mémoire cité la proportion suivante 1 : $\cot ECP = TEP : \sin CP$. Mr Halley appliquant ce calcul à la première étoile du Belier qui est précisément celle dont traite Mr Bailly, trouve $EP = 3^\circ 7\frac{1}{2}'$ qu'il faut retrancher de la longitude. Or Mr Bailly dit que cette longitude étoit de $3^\circ 20'$ environ, elle se réduit donc à quelques minutes qui ne sont ici d'aucune conséquence, parce qu'on ne fait pas précisément dans quelle année Hipparque a observé. Si donc Mr Bailly eût bien posé son calcul, il auroit trouvé que l'étoile en question étoit sous le colure des équinoxes du temps d'Hipparque, & n'auroit pas fait ici hors de propos une distinction entre l'ascension droite & la longitude. Car cette phrase „l'étoile ne pouvoit être au commencement des signes par sa longitude” n'a aucun sens, puisqu'il s'agit du temps où le colure passoit par l'étoile. Que le père Souciet fût tombé dans cette erreur & eût critiqué Newton aux dépens des premiers principes de l'astronomie, cela se conçoit, il paroît par son ouvrage qu'il étoit plus pressé de tourner en ridicule un hérétique d'un grand nom que de se mettre au fait de la trigonométrie sphérique. Mais qu'un astronome de profession, tel que Mr Bailly, qui a pour but d'approfondir tout ce qui tient à l'astronomie ancienne, tombe dans de pareilles méprises, c'est ce dont on peut s'étonner avec raison. Si Mr Bailly eût donné quelque attention au mémoire de Halley qu'il cite, il y auroit trouvé tout ce qui étoit nécessaire pour se détromper, puisque Halley prouve en

détail que la première étoile d'Aries étoit sous le colure 162 ans avant J. C., temps où Hipparque florissoit.

19. Mr Bailly dit que dans la sphère d'Eudoxe il y a une étoile située au pôle. „Hipparque, dit-il, cite un passage de la sphère d'Eudoxe. *Est vero stella quaedam in eodem consistens loca quae quidem polus est mundi.* Il est donc certain que du temps où a été réglée la sphère décrite par Eudoxe, il y avoit une étoile placée au pôle même ou du moins très-près du pôle.” La conséquence n'est pas juste. Puisqu'Eudoxe regardoit cette étoile comme immobile, il faut qu'elle fût très-près du pôle au temps d'Eudoxe même, & non au temps de la sphère décrite par lui. Car en admettant qu'Eudoxe copioit la description d'une sphère déterminée long-temps avant lui, il faut supposer qu'il regardoit les étoiles, & ne représentoit pas comme immobile une étoile qu'il voyoit se mouvoir. Or Mr Bailly appliquant ce passage d'Eudoxe à l'étoile α du Dragon, calcule sa distance au pôle pour le temps où il suppose que la sphère a été réglée, c'est-à-dire 1326 ans avant J. C., au lieu de la calculer pour le temps où Eudoxe vivoit. Il auroit trouvé cette distance de $6\frac{1}{2}^{\circ}$ au lieu de 4° . Or il est assez singulier, comme le remarque le P. Petau Liv. 3 chap. 5, qu'Eudoxe n'eût pas remarqué le mouvement de cette étoile, d'autant plus que dans la description des parallèles il rapportoit le mouvement des étoiles au pôle du monde & non à cette étoile. Le Père Petau remarque que l'étoile β de la petite Ourse étoit du temps d'Eudoxe à la même distance du pôle que l'étoile α du Dragon, & comme elle a une longitude moindre de 3° , elle a passé sous le colure des solstices plus de deux-cents ans après l'autre. Mais en admettant le calcul de Mr Bailly qui calcule que α du dragon passoit à plus de 4° du pôle environ 1326 ans avant J. C. j'observerai que c'est gratuitement qu'il avance que c'est la seule étoile à laquelle le passage d'Eudoxe puisse se rapporter. Car l'étoile α de la petite Ourse avoit en 1700 une longitude de $4^{\circ} 5' 33'' 26''$, elle étoit donc à 35° du colure des solstices, elle étoit donc sous le colure des solstices 760 ans avant J. C. Sa la-

itude est $71^{\circ} 25' 20''$

23 29

94 54 20, ce qui met cette étoile à 4° du pôle. Cette étoile, qui donne un résultat beaucoup plus rapproché du système de Newton, & dont l'écart est en sens contraire, étoit donc aussi près du pôle que celle de Mr Bailly. Ainsi son raisonnement n'est pas concluant.

20. Je terminerai ici ce mémoire. Il résulte de ce que je viens de dire, que les argumens par lesquels Mr Bailly a attaqué Newton ne sont pas justes, & que plusieurs d'entr'eux se tournent contre lui. J'ai cru devoir relever la manière légère & inexacte avec laquelle Mr Bailly a cru pouvoir critiquer Newton, & faire voir avec quelles précautions son livre doit être lu. Il résulte encore des observations précédentes que l'état de la question reste tel que l'a posé Mr Halley; que la partie vraiment hypothétique du système de Newton est celle où il prétend que la sphère que décrit Eudoxe est celle-là même qui a été réglée du temps des Argonautes. Si on lui passe cette supposition, il a un avantage marqué sur ses adversaires. Comme nous n'avons pas les ouvrages d'Eudoxe, nous ne pouvons pas, d'après la manière dont il s'exprime, juger de l'époque des observations qu'il rapporte. Il est certain cependant que ces observations sont de beaucoup antérieures à son temps, & comme on ne connoît avant lui aucun astronome auquel on puisse les attribuer, l'opinion qui les attribue à Chiron n'est pas dénuée de toute probabilité. De plus, comme les résultats de cette supposition coïncident avec ceux que Newton a tirés de la durée moyenne du règne des rois, on ne peut pas nier que ce système ne mérite l'attention des philosophes, & surtout d'être discuté avec plus de soin qu'on ne l'a fait jusqu'ici.

S U I T E D E L' E S S A I
*d'un „Montaigne moderné” & „Observations grammaticales &
 critiques.”*
 PAR MONSIEUR BASTIDE *).

J'ai l'honneur de mettre sous les yeux de mes très-honorés confrères la première Partie du second volume de mon *Recueil d'observations sur la Langue françoise*. Cette troisième Partie, commencée en mai 1794, & finie ces jours derniers, va du feuillet 200 exclus. au feuillet 300 incl., & je dois répéter ici à son occasion ce que j'ai dit le 12 février 1795 quant aux deux premières parties de mon Recueil, c'est que „je ne doute point qu'il ne contienne bien des choses hasardées, mais „que j'ose croire aussi qu'il renferme de l'intéressant.”

Maintenant je me propose de donner à mes doctes auditeurs la suite de ce que je leur ai livré le 21 avril dernier, c'est-à-dire du commencement du Chapitre de *Montaigne* intitulé „De l'Institution des „enfants” dans son état *moderné*, & des observations grammaticales soit critiques faites à l'occasion de mon ouvrage sur cet auteur.

(Morceau *moderné*: „De l'Institution des enfans.” Livre 1,
 Chap. 25 des *Essais*, alin. 5 à 14.)

*) Lu à l'Académie le 16 mars 1797.

O b s e r v a t i o n s.

„Je voudrois que . . . * (le gouverneur) selon la portée de
 „l'âme qu'il a en main, *il commençast à la *mettre sur la*
 „*monstre*.” Alin. 9.

„Mettre sur la montre.”

Le maquignonage paroît avoir fourni cette locution à *Montaigne*. „Montre” est le lieu où les maquignons font voir leurs chevaux, & la manière dont ils les essayent. D'ailleurs vous trouvez plus bas: „Il est bon qu'il le face *trotter* devant luy, pour juger de son *train*” & plus haut: „La *monstre* de leurs inclinations est si tendre en ce bas aage . . .”

„A *faute* de ceste proportion (entre le maître & le disciple) nous galtons tout.” Alin. 9.

A *faute*, selon l'A. *Féraud*, est une expression ancienne. L'*Académie* n'en avertit pas: au contraire *faute*, selon elle, s'emploie adverbiallement, tantôt avec une préposition, tantôt sans préposition. En effet, il seroit bien bizarre que l'on fût obligé de dire „*au défaut*” ou „*à défaut*” & qu'il fût interdit de dire „*à faute*” dont *faute*, pris adverbiallement, me paroît être une abréviation ou contraction *).

„Et de la sçavoir choisir (cette proportion) & s'y conduire bien
 „*mesurement*, c'est une des plus arduës besongnes que je sçache.” Alin. 9.

„Mesurément.”

Cet adverbe s'est perdu, & son composé *démésurément* s'est maintenu, lorsque l'on dit encore aussi bien *mesuré* que *démésuré*.

„Je marche plus ferme & plus seur *à mont* qu'*à val*.” Alin. 9.

L'*Académie* dit que l'adverbe *à-val* n'a d'usage qu'en parlant de ce qui va sur la rivière en descendant, & elle se tait sur la qualification de *à-mont*, bien que dans sa phrase au mot *à-val* „un de ces bateaux alloit *à-mont*, & l'autre *à-val*” elle en use comme d'un adverbe.

*) Il en est de „à faute” comme de „alors que” que l'on a dit & que l'on devroit dire encore pour „lorsque.”

Mais il me paroît singulier que l'on restreigne ainsi l'usage d'un mot à un cas unique, lorsqu'on pourroit l'employer à d'autres usages. „Un „bateau alloit *à-mont* „un bateau alloit *à-val*” ne signifie rien autre chose „sinon „un bateau alloit *en montant* „un bateau alloit *en descendant*.” Pourquoi donc ne diroit-on pas avec *Montaigne*: „je marche plus „ferme . . . *à mont* qu'*à val*” puisqu'on diroit bien: „je marche plus „ferme . . . *en montant* qu'*en descendant*?” La brièveté, & par conséquent l'énergie, y gagneroit *).

„. . . hors de-là (de la doctrine d'Aristote) ce ne sont que chi- „mères & *inanité*.” Alin. 9.

„*Inanité*.”

Ce mot, renouvelé par *J. J. Rousseau* (pour signifier „vanité” inutilité) ne paroît pas avoir pris, selon l'*A. Féraud*. Attendons: les mots ne font pas fortune en un tour de main. Il suffit quelquefois peut-être, pour ne point faire fortune, qu'ils aient du mérite **).

„Il faut qu'il (le jeune homme) *imboive* leurs humeurs (ceux des „différens auteurs) non qu'il apprenne leurs préceptes.” Alin. 9.

Imboire n'est pas dans les Dictionnaires: cependant on y trouve *imbu*, qui semble être son *participe* employé *adjectivement*.

„La vérité & la raison . . . ne sont pas plus à qui les a *dictes* pre- „mièrement, qu'à qui les *dit* après.” Alin. 9.

En rendant ce passage ainsi: „La vérité & la raison ne sont pas „plus au premier *usager* qu'au suivant” j'ai étendu l'emploi du mot *usager*; & en cela je pense être entré dans l'esprit de mon auteur & avoir rectifié sa phrase. *Dire la raison* ne se dit pas plus, ce me semble, que „*Vernunft sagen*” expression de *Mrs Titius & Bode*. D'ailleurs je trouve que, dans l'idée de *Montaigne*, il ne s'agit pas tant

*) Et ce ne seroit qu'une expression de plus que la navigation auroit fournie. En voici quelques-unes que je me rappelle. „Aller à voiles & à rames dans une „*affaire*” Donner dans „un *dessin* à pleines voiles” Caler la voile dans une *affaire*” „Avoir le vent en poupe” „Le courant du marché, du monde, des affaires.” Et, si je ne me trompe, j'ai vu *louvoyer* employé au figuré.

**) „La fortune des mots est comme celle des personnes.” *Féraud*.

de *communiquer la vérité, la raison* aux autres, que de *l'employer pour soi-même*.

„. . . les pièces empruntées d'autrui, il (le jeune homme) les „transformera & confondra, pour en faire un ouvrage tout sien: à „sçavoir son jugement, son institution, son travail & étude ne visera „qu'à le former.” Alin. 9.

„C'est-à-dire (dit *Coste*) qu'il doit employer son jugement, son „institution, son travail & son étude à former cet ouvrage.” C'est-là, „je crois (ajoute ce commentateur) la pensée de *Montaigne* un peu „plus clairement exprimée, mais qui dans le fond ne me paroît pas „tout-à-fait exempte d'obscurité.” *Croyez d'après lui* (puis-je répéter ici) *si vous avez une foi bien robuste*. Notre académicien, pour lever l'obscurité, qui, malgré son explication, se trouve encore, de son propre aveu, dans la pensée de *Montaigne*, nous dit en quoi consiste, à son opinion, cet ouvrage à la formation duquel le jeune homme doit employer son jugement, son institution, son travail & son étude. „Cet ouvrage (ajoute-t-il) consiste, *si je ne me trompe*, „à pouvoir former sur les matières dont on a pris soin de s'instruire, „un jugement distinct & précis, dont on voie nettement les raisons, „& qu'on puisse rapporter dans son esprit toutes les fois qu'on voudra „se donner la peine de réfléchir de nouveau sur ces matières.” Comme il ne m'étoit pas possible de ne point trouver de l'obscurité dans la pensée de *Montaigne*, malgré les efforts réitérés de son commentateur Uzétain, j'avois conjecturé que cette obscurité procédoit d'une ponctuation fautive, & au lieu de: „Ainsi les pièces empruntées d'autrui, il „les transformera & confondra, pour en faire un ouvrage tout sien: „à sçavoir son jugement, son institution, son travail & étude ne visera „qu'à le former” je lisois: „„Ainsi les pièces empruntées d'autrui, „„il les transformera & confondra, pour en faire un ouvrage tout sien, „„à sçavoir son jugement: son institution, son travail & étude ne visera „„qu'à le former.” Les Editions „*Millanges*” „*Lagrange*” „*Camuzat*” „*Loyson*” „*Angeot*” & autres m'ont appris depuis, que ma conjecture

étoit fondée *). Mais comment se peut-il qu'un Editeur de *Montaigne* prenne sur lui de ne consulter point l'édition de son auteur procurée par sa *filles d'alliance*? Et comment encore est-il possible qu'un Traducteur, qui paroît avoir travaillé sur cette édition **), s'en écarte précisément dans un passage où elle rectifie d'autres imprimés? C'est pourtant ce qui est arrivé à feu Mr Bode. Voici sa traduction: *Eben so wird der Zögling, das, was er von andern borgt, verändern und verwandeln, um ein ihm eigenes Werk daraus zu bilden; das heisst, sein Urtheil, seine Erziehung, seine Arbeit und sein Studium wird dahin gehen, sich selbst zu bilden ***).* Encore, pour faire cette traduction erronée Mr Bode a-t-il été obligé de convertir le *le* du dernier membre de la phrase de *Montaigne* en *se*; ce qui vraiment est très-commode pour se tirer d'un mauvais pas. Voici comme, *salvo meliori*, je rendrois la pensée de *Montaigne* en allemand: *Eben so wird der Zögling, das, was er von andern borgt, verändern und verwandeln, um ein ihm eigenes Werk daraus zu bilden, nemlich seine Urtheilungskraft: seine Erziehung, seine Arbeit und sein Studium zielen auf nichts anders als auf die Bildung seiner Urtheilungskraft."*

„C'est . . . l'entendement qui voyt & qui oyt." Alin. 10.

Je

*) L'édition *Bastien*, dont on fait tant de bruit, porte: „Ainsi les pièces empruntées d'austroy, il les transformera & confondra, pour en faire un ouvrage, tout sien, à sçavoir son jugement, son institution, son travail, & estude ne visera qu'à le former."

**) „Erst las er ein Kapitel in der alten Pariser Folioausgabe (bey Camusat 1735 ²²³⁰) langsam und mit angestrongter Meditation über den Ideengang seines Autors durch, . . . Dann . . . Nun griff er zur Feder, und übersetzte nach vorliegendem Original, fast ohne inne zu halten . . . das durchdachte Pensum." J. J. Bode's litterarisches Leben, durch Böttiger, pag. 135."

***) Sir Cotton n'a pas été plus heureux dans sa traduction du passage dont il s'agit. La voici: „So will the pupil transform and blend the several fragments he borrowed from others, in order to compile a work that shall be altogether his own; that is to say, his judgment, his instruction, his labour and study are to be wholly employed in forming such a work."

****) 1635.

Je ne fais ce que la Langue a gagné à la suppression de presque tous les temps simples du verbe *ouïr*. Il y peut avoir des cas où la définition de tel de ses temps sonne bien avec la définition de tel temps d'un autre verbe, par exemple ici: „C'est l'entendement qui *voit*, „& qui *oit*” & plus bas, où Montaigne dit: „Si vous le *voyez*, vous „*l'oyez*, si vous *l'oyez*, vous le *voyez*.” Je fais que dans le premier cas *oit* forme un *hiatus* avec *qui*, mais il n'en forme pas dans le second, non plus que dans ce vers de Polieuète: „Oyez, dit-il ensuite, oyez, peuple, „oyez tous!” *) où le verbe *ouïr* fait bien mieux à mon oreille, que ne feroit, la mesure mise à part, le verbe *écouter*. „Ecoutez, dit-il ensuite, „écoutez, peuple, écoutez tous.” Un homme qui veut se faire entendre par un peuple assemblé, qui dit, par deux fois, à ce peuple assemblé qu'il veut se faire entendre de lui, qui lui donne à entendre qu'il n'entend pas que personne se dispense de l'attention requise; cet homme, dis-je, semble être dans un moment de vivacité, & devoir employer un mot *disyllabe* de préférence à un mot *trissyllabe*.

„Fascheuse suffisance, qu'une suffisance pure *livresque*!” Alin. 10.

„Livresque.”

Ce mot me paroît exprimer heureusement ce que d'ailleurs on ne sauroit dire qu'en *trois* mots: „tirée des livres.”

„Je voudrois que le Paluël & Pompée . . . apprinssent des *caprioles*, à les voir seulement faire . . . sans nous bouger de nos *places*.” Alin. 10.

*) Ni dans cette Epigramme de Saint-Gelais:

„Un charlatan disoit en plein marché
„Qu'il seroit voir le *Diable* à tout le monde.
„Si n'y en eut, tant fut-il empêché,
„Qui ne courût pour voir l'esprit immonde.
„Lors une bourse assez large & profonde
„Il leur déploie, & leur dit: „„Gens de bien,
„„Ouvrez vos yeux, voyez, y a-t-il rien?”
„„Non „„dit quelqu'un des plus près regardans.”
„„Et c'est „„dit-il „„le *Diable*, voyez-vous bien,
„„Ouvrir sa bourse & ne voir rien dedans.”

Cela rappelle ce riche avare, lequel envoyoit son cheval de selle au manège, pour qu'en y *voyant faire* les autres chevaux, il apprit & la courbette haute, & la petite courbette, & toutes les autres cabrioles cavallines.

„On dressera cest enfant à estre espargnant & mesnager de sa *suffisance*, quand il l'aura acquise.” Alin. 13.

Montaigne dit encore plus bas: „On l'advertira (le jeune homme) „estant en compagnie, d'avoir les yeux par tout: car je trouve que „les premiers sièges sont communement saisis par les hommes moins „capables, & que les grandeurs de fortune ne se trouvent guères meslées à la *suffisance*.” *J. J. Rousseau* a rendu ce dernier mot à l'usage commun. „Le laboureur, l'homme du peuple ne cherche point à „justifier son ignorance ou ses vices par son incrédulité. Il ne censure „point les œuvres de Dieu, & ne s'attaque point à son maître pour faire „briller sa *suffisance*.” J'en demande pardon aux admirateurs de *Jean-Jaques*, mais je ne le comprends pas bien ici. Je conçois que l'homme qui n'est pas du peuple puisse dire: „Je suis vicieux, parce que je ne „crois point” mais je n'imagine pas comment, soit l'homme du peuple, soit l'homme du monde, pourroit dire: „Je ne *suis* rien, *parce que* je „ne *crois* rien”, ni comment le premier feroit briller une *suffisance* qui est encore à acquérir.

„C'est une incivile importunité de choquer tout ce qui n'est pas „de nostre *appétit*.” Alin. 13.

Le mot d'*appétit* dont se sert *Montaigne*, au lieu de celui de *goût* que j'ai employé, & dont mon auteur avoit usé dans la première édition de *Millanges* (Bordeaux, 1580, 1 Vol. in 8°.) contenant les deux premiers Livres des *Essais*; ce mot, que l'on met aujourd'hui à tant de sauces, n'a plus la signification que *Montaigne* lui donne ici. On dira bien de quelqu'un: „Il a *appétit* de tous les emplois qui „sont à donner „Il est *en appétit* de fortune „Il a de l'*appétit* pour les „charges lucratives „Il a l'*appétit* ouvert de grand matin „L'*appétit* lui „vient en mangeant, mais la *soif* ne s'en va pas chez lui en bu-

„vant” *) „Il ne restera pas sur son *appétit*”; mais on ne dira pas du même *cadet*: „Cet emploi n’est pas de son *appétit*.” Non que son dégoût ne soit possible, s’il n’y a rien pour le jeu du pouce: mais par la raison qu’*appétit* n’est plus synonyme de *goût*.

„Qu’on le rende (le jeune homme) . . . aimant la *pertinence*, & „par conséquent la *briefueté*.” Alin. 13.

Pourquoi, disant „impertinemment „*impertinence*” & „impertinent”, & ayant conservé „*pertinemment*” & „*pertinent*” laisser perdre „*pertinence*?” Il seroit difficile de faire à cette question une réponse *pertinente*, d’y répondre *pertinemment*.

„Qu’on l’instruise (le jeune homme) . . . à quitter les armes à la „*verité*, tout aussy-tost qu’il l’apercevra, soit qu’elle naisse és mains „de son adversaire, soit qu’elle naisse en luy-mesme par quelque „*visement*.”

Il est permis de *se raviser*, mais défendu, de par l’*Académie française*, d’avoir un *ravissement*.

*) „L’appétit vient en mangeant, disoit Angeston: mais la soif s’en va en buvant.”
Rabelais, „Gargantua” Liv. 1. Chap. 5. alin. 4. des édit. Le Duchat.

C O N S I D É R A T I O N S

*sur les devoirs & les droits des gens de lettres dans la
société civile.*

PAR M. DE GOYON *).

T R O I S I È M E E T D E R N I E R M É M O I R E .

Après avoir employé les deux premières parties de cette dissertation à établir d'abord les *devoirs*, ensuite les *droits* des gens de lettres dans la société civile, il nous reste à rapporter & à réfuter les objections auxquelles nous avons dû nous attendre.

§. I.

Dans ce siècle éclairé, qui le croiroit? les lettres, les sciences & ceux qui les cultivent ne laissent pas de trouver des adversaires assez nombreux.

Parmi ceux-ci, les uns, aussi frivoles que suffisans, intéressés à ridiculiser le savoir, les talens & le génie, comme on décrie ce que l'on n'a, ni ne peut avoir, demandent ironiquement à quels secours, à quels honneurs, à quelles places, dans la société civile, l'homme de lettres pourroit prétendre. Voudroit-on aujourd'hui réunir les eaux

*) Lu à l'Académie le 13 juillet & le 7 septembre 1797.

du Pactole à celles de l'Hippocrène qui jusqu'ici ont coulé dans un sens opposé? Si un ouvrage est bon, le succès, le débit en est assuré. L'auteur y trouve le salaire de ses peines, & des moyens de subsistance honnêtes, sans importuner personne, sans implorer la bienfaisance publique. La réputation, la célébrité même ne sauroient lui échapper. La renommée portera son nom au temple de Mémoire; un laurier y ceindra son front; que peut-il désirer de plus? Quant aux places, aux dignités, les gens de lettres doivent-ils y aspirer? Quel rôle y joueroient-ils la plupart? Ne fait-on pas à quel point les auteurs, les savans, les philosophes sont déplacés sur le théâtre du grand monde?

D'un autre côté se présentent des Egoïstes présomptueux, qui se persuadent qu'on leur dérobe tout ce que d'autres obtiennent. Vains d'un nom sous le poids duquel ils succombent, & d'autant plus excessifs dans leurs prétentions, qu'ils ont réellement moins de droits, ils s'étonnent que nous demandions pour les gens de lettres des grâces, des faveurs qui ne sont dûes, disent-ils, qu'à une naissance illustre, à des services éclatans, qu'ils auroient peut-être la modestie de circonscrire dans la carrière qu'eux & leurs pères ont embrassée.

Enfin des zélateurs de la chose publique, zélateurs de bonne foi, mais outrés, extrêmes dans leurs idées, comme dans leurs affections, à la vue de cette multitude d'écrivains qui pullulent de toute part, demandent quel état seroit assez riche pour nourrir tous ceux qu'il renferme dans son sein, pour leur procurer le loisir & l'aisance? Multiplier à leur égard les secours, les bienfaits, n'est ce pas vouloir augmenter leur nombre déjà trop grand & pour le public & pour eux-mêmes, puisqu'il diminue autant leur considération qu'il nuit à leur fortune? Que de temps, que de bras la fureur d'écrire, de se faire imprimer, n'enlève-t-elle pas aux arts, au commerce, aux occupations vraiment utiles! Encore si l'inutilité de tant d'écrits en étoit le seul inconvénient! Mais combien de brochures, ou ridicules ou dangereuses enfantent chaque jour la vanité, la folie ou l'immoralité! Eh!

l'on voudroit encore en grossir le débordement! Ah! cherchons, cherchons plutôt à en tarir la source. Peut-être seroit-il à désirer qu'un nouvel Omar nous débarrassât de ce déluge d'écrits qui nous inondent; ou du moins que l'on renouvelât contre les auteurs cette loi si sage, si redoutable aux écrivains qui n'obtenoient pas le suffrage du public, laquelle condamnoit, sous peine de mort, la langue à effacer les inepties que la main avoit tracées *).

Mêmes raisons, ajoute-t-on, pour ne pas prodiguer aux gens de lettres, aux savans, les distinctions ni les dignités. Si l'opulence n'est pas faite pour eux, les titres, l'éclat leur conviennent-ils davantage? Ne seroit-il pas à craindre que la perspective des honneurs, des distinctions sociales, ne développât en eux une ambition contraire à la modération qui doit les caractériser; & qu'elle ne leur fit attacher moins de prix aux dignités de la littérature qui seules doivent être l'objet de leur émulation & de leurs desirs? Avec la facilité qu'ils ont à s'enivrer d'encens, la tête ne leur tourneroit-elle pas? La médiocrité de fortune, la retraite, voilà leur véritable lot.

Eh! quel mal n'y auroit-il pas à les appeler aux emplois publics, à les admettre dans l'administration, dans le gouvernement! D'abord, cela les détourneroit d'une profession dans laquelle, s'ils ont réellement du talent, ils peuvent faire quelque bien; ils la quitteroient pour en prendre une autre où ils seroient tout au moins inutiles. La dissipation, le grand monde les raviroit à l'étude, à leurs recherches profondes, & les forceroit de se plier sans cesse à des formes qui leur sont étrangères ou qui les rendroient bientôt étrangers à leur profession. Il est si difficile de passer subitement du tourbillon de la société à la méditation du cabinet!

On connoît le charme qui accompagne l'amour des lettres, l'étude des sciences & de la philosophie. On n'ignore pas à quel point cette

^{*)} Loi portée par Caligula, & qui, sur le refus des auteurs, les condamnoit à être précipités dans la Saône: *Palleat*

Aut Lugdunensem rhetor dicturus ad aram. Juvenal.

passion sublime est en même temps exclusive & tyrannique; comme elle écarte du cœur où elle règne, de l'esprit qu'elle maîtrise, toute autre passion, toute autre pensée; comme elle éclipse, anéantit tout ce qui n'est pas elle. Puisqu'elle rend l'homme qu'elle domine aussi indifférent au soin de ses propres affaires, combien, à plus forte raison, ne le seroit-il pas aux affaires publiques! En outre, à cette insouciance pour tout autre objet que celui de ses goûts, se joignent pour l'ordinaire un esprit d'indépendance, une roideur de caractère que l'on contracte dans la solitude du cabinet, & que difficilement on quitte dans le monde: humeur si opposée à cette déférence, à ce caractère liant qui, dans les affaires, concilie les esprits, aplanit les difficultés & assure le succès. Car, on le fait, pour réussir parmi les hommes, il faut ce qui manque presque toujours au savant, l'art d'oublier ses livres, de s'oublier soi-même pour s'occuper des autres, sans exiger qu'ils s'occupent de lui.

De plus, pour conduire les semblables, les lumières naturelles d'une raison saine ne valent-elles pas mieux cent fois que tout le fatras d'érudition puisé dans les livres, que toutes les saillies d'une imagination folâtre, que les froides combinaisons d'une philosophie purement spéculative, que la méthode rigoureuse d'un esprit géométrique, ou les élans fougueux d'un génie indompté? Non, le génie des vers, de l'éloquence, ou même de l'histoire n'est pas celui de l'administration. Celui-là tient aux passions; & celui-ci doit sans cesse s'en défendre. Le génie des sciences exactes sembleroit peut-être plus propre à l'administrateur, si le goût des théories & l'habitude des abstractions, si l'esprit d'exactitude trop scrupuleuse qu'elles font contracter n'étoient ennemis de la facilité, de la célérité qu'exige l'exécution en matière de gouvernement.

Dominés par leur talent, par l'objet de leurs études favorites, les gens de lettres, les savans, les philosophes pourroient-ils être les maîtres d'apporter dans l'administration cette attention soutenue, cet ef-

prit d'ordre & de suite qu'elle demande? De la hauteur de leurs vases & brillantes conceptions, descendroient-ils à ces détails souvent minutieux en apparence, mais essentiels, indispensables, que présentent l'économie publique & la manutention des affaires? Ne se dispenseront-ils pas d'occupations, de soins qu'ils jugeront d'autant moins dignes d'eux, qu'ils en font eux-mêmes plus incapables?

Malgré les motifs les plus puissans, l'écrivain que la sensibilité, l'imagination ou la mémoire entraînent, sera peu propre à fournir la carrière administrative ou politique. Lorsqu'il faudra combiner le plan & les moyens de telle ou telle partie du gouvernement, donner son avis, signer un ordre, remplir une mission, que feront nos gens de lettres, nos savans, nos philosophes? Ils penseront, au lieu d'agir; ils méditeront, au lieu d'exécuter.

Emportés, l'un, au milieu de ces sphères lumineuses qui roulent sur nos têtes, l'autre, dans ce pays de brillantes fictions que peuplèrent la mythologie ou la féerie, & planant au-dessus de notre humble région, l'astronome tracera un système planétaire, assignera le moment d'une éclipse, ou se fatiguera sans relâche à la recherche d'une nouvelle constellation; le poëte rimera une ode, aiguîsra une épigramme, développera une scène lyrique, ou se pénétrera d'une situation vraiment théâtrale. Enfoncés, celui-là, dans les profondeurs de la terre, celui-ci, dans celles de l'âme, le minéralogiste & le métaphysicien seront également avides, l'un de fouiller ces laboratoires secrets, où se formèrent anciennement les fossiles précieux; l'autre d'analyser, d'expliquer les plus subtiles opérations de l'intelligence & de la volonté humaine. Le physicien & l'historien occupés tout entiers, ou des faits de la nature, ou de ceux des hommes, le premier voudra indiquer, toutes les causes, détailler tous les effets, créera, au besoin, des hypothèses pour confirmer les principes qu'il aura posés; le second peindra les grands tableaux que la galerie des siècles écoulés présente à sa touche sublime. Attentifs à calculer, l'un les forces mouvantes, l'autre

tre le pouvoir magique des passions, le mécanicien, sur les pas d'Archimède, ne rêvera que machines nouvelles, & voudra diriger l'univers à son gré; l'orateur se transportera, par la pensée, au milieu du sénat, montera à la tribune aux harangues; comme Cicéron il arrondira une période; & à l'aide de figures pompeuses, de mouvemens pathétiques, il croira subjuguier les esprits & maîtriser les cœurs. Le géomètre résoudra un problème; l'érudit restituera ou commentera un passage; le moraliste établira des règles nouvelles de nos actions; bref, en faisant ce qu'il ne faut pas, aucun d'eux ne fera ce qu'il faut; & tous également tromperont l'attente de la société.

Supposons pourtant qu'installés dans quelque partie de l'administration, nos gens de lettres, nos savans, habiles à se plier aux circonstances, à se pénétrer des devoirs de leur nouvel état, puissent se captiver au point d'y donner le degré d'application convenable, & de se détacher à cet effet, des objets habituels de leurs pensées & de leurs goûts qui les jetteroient dans de fâcheux écarts, pourront-ils se garantir de mille autres écueils plus dangereux encore?

Leur imagination trop facilement exaltée est un prisme enchanteur qui, en colorant les objets, les altère, les défigure; tandis que chez l'homme ordinaire, chez l'ignorant, l'œil sain du bon sens & des lumières naturelles, comme un verre fidèle & net, montre les choses telles qu'elles sont, & les fait voir sous leur vrai jour. La précipitation, l'imprévoyance, l'irréflexion, défauts trop ordinaires de l'imagination si ardente & des passions si actives chez les gens de lettres, ne porteront-elles pas dans la gestion des affaires publiques, la confusion, les méprises, le désordre qu'elles occasionnent dans leur conduite particulière? Une pareille manière d'être & de sentir n'est-elle pas entièrement opposée au rôle, au génie des hommes en place, des hommes d'état, qui doivent surtout se distinguer par la prévoyance des événemens, par l'esprit de conduite & la circonspection dans les mesures? Quel est l'objet de ceux-ci? c'est de servir la société par leurs

travaux, bien plus que de lui plaire par leurs écrits; c'est à bien exécuter ce dont elle les charge, que doivent tendre tous leurs efforts. Pourvu qu'ils fassent de bonnes & d'utiles choses, on les dispense d'en produire de belles & d'agréables; & pour cela, c'est moins la science qui leur est nécessaire, que des vues élevées & la connoissance du monde. Uniquement faits pour le cabinet, ceux qui connoissent si bien les livres, connoissent fort peu les hommes; & l'esprit de la littérature n'est pas celui des affaires. Pour les traiter, les gens du monde, les gens de cour ont au contraire la plus grande facilité. Nés au milieu d'elles, au milieu des hommes, des passions, des intrigues, de leurs agitations, de leurs effets, les étudier est l'occupation de toute leur vie, les connoître est le fruit de leur expérience journalière; tandis que cette science échappe aux considérations théoriques, aux observations trop généralisées du littérateur, du philosophe. Vivant très-retirés, ceux-ci ne sauroient avoir des idées bien étendues, bien exactes du monde; ils n'en acquièrent presque aucune connoissance. Eh! de combien de faux jugemens, de fausses démarches cette ignorance ne doit-elle pas devenir la source! que de bévues & de mécomptes sont la suite inévitable de cette inexpérience! ces erreurs de l'esprit, ces écarts du génie, qui, dans les sciences, dans les arts, même dans la philosophie, sont peut-être sans conséquence, bien dangereux dans le cours de la vie privée, combien, dans la carrière politique, ne le seront-ils pas davantage!

Il est encore pour eux un danger infiniment plus grand; il est pour le public des maux mille fois plus funestes; c'est l'esprit de système & l'amour des paradoxes dont ils sont ordinairement possédés; c'est le penchant à traiter les arts, le commerce, les finances, la législation, le gouvernement, comme la plupart d'entre eux traitent la physique, l'histoire, & même la morale, sur le pied d'hypothèses, de conceptions romanesques, ou de choses purement arbitraires; c'est surtout la fureur d'innover, & leur enthousiasme pour je ne sais quel optimisme politique: principes très-beaux sans doute en spéculation &

sur le papier; mais qui, dans l'exécution, dans le simple essai, sont désastreux, ou reconnus impraticables. Entraîné par ses idées, on dessine des plans, on bâtit des édifices politiques d'une beauté idéale. Pour les exécuter, rien ne coûteroit, rien n'arrêteroit; engoués de leurs projets de réforme, ou plutôt de reconstruction, que nos littérateurs, nos savans, nos philosophes parviennent malheureusement au timon des affaires, quelle subversion ne vont-ils pas opérer?

Sans parler du bel-esprit, qui, nourri des lectures amusantes & du jargon des poètes, s'il ne fait aucun bien, ne fera pas grand mal, quels services les sociétés actuellement existantes peuvent-elles attendre de ce savant tellement plein des anciens, de leur langue, de leurs mœurs, de leur histoire civile, politique & militaire, qu'il n'existe plus que parmi eux, qu'il n'est point de son siècle, ou qu'il ne tient à ses contemporains que par le désir de les refondre sur le modèle des Romains ou des Grecs? Quels maux n'enfantera pas ce génie impétueux qui, orgueilleux de la supériorité de lumières dont il se croit éminemment, exclusivement doué, en exercera tyranniquement le despotisme sur ses semblables, qu'il regarde comme des instrumens passifs de ses volontés? Ne doutant de rien, il hasardera tout; entier dans ses idées, il ne ménagera rien pour les suivre. *Plutôt que de perdre un principe **), il perdra colonies, marine, commerce, finances, crédit; & si on le laisse faire, fouillant les fondemens de l'édifice social avec plus de hardiesse que de prévoyance, au lieu de le réparer, il le renversera, le détruira de fond en comble; & restera lui-même enseveli sous les ruines dont il aura couvert le sol de sa malheureuse patrie **).

D'ailleurs, si l'esprit a ses écarts, le cœur ne les partage-t-il pas? n'en est-il point la source principale? Quand l'idée du beau possible a tourné des têtes d'ailleurs judicieuses, ne voit-on pas l'amour du bon praticable dominer tellement des cœurs naturellement droits, que l'en-

*) C'étoit le cri de guerre de Brissot & de sa faction.

**) *Tanta quis ignoret, quæ tulimus, mala?*

enthousiasme, ce semble le plus louable, en exaltant l'imagination, fascine le jugement, captive la volonté, séduit l'intention; & fait dévier du chemin de la vérité? Que d'écrivains, que d'orateurs il rend éloquens mais injustes, lors même qu'ils croient servir la justice! Que de partisans de la vertu ont marché sur les traces des scélérats pour s'être égarés dans les ténèbres d'une métaphysique abstruse! Nés avec une âme honnête, mais ardente, voyez comme la fièvre du bien, comme la chimère du mieux ont exaspéré leurs sentimens & dénaturé leurs idées! Dans leur délire réformateur, en professant toutes les vertus, ils sont devenus complices de tous les crimes. Dans leur illusion, ils ont prêté à l'athéisme, l'autorité de la raison; au brigandage, l'intérêt de la justice; à l'assassinat, la sublimité de l'héroïsme. Par l'intégrité de leur conduite passée, par l'éloquence de leurs écrits politiques, par le ton de conviction, d'enthousiasme qui les anime, que de sectateurs n'ont-ils pas faits parmi leurs compatriotes, chez les étrangers, parmi les princes eux-mêmes, si intéressés à se garantir eux & les autres d'une erreur d'autant plus funeste dans ses effets, qu'elle paroît plus vertueuse dans son principe!

Enfin, que de gens se montrent sensés, honnêtes, la plume à la main, qui ne sont rien moins que cela dans la conduite de la vie! Trop souvent l'écrivain paroît judicieux & droit, tandis que l'homme est inconséquent & vicieux! Perpétuellement en contradiction avec les principes qu'il affiche, il réunit la théorie du bien & la pratique du mal. Et si c'est le funeste attribut de l'espèce humaine en général, combien en particulier l'est-il davantage des gens de lettres, les plus passionnés, les plus irascibles des hommes, qui, par conséquent, s'ils sont méchans, seront les plus dangereux de tous? Salluste fit l'éloge de la vertu. Ce fut sur une table d'or que Sénèque écrivit le *Traité du mépris des richesses*; & de nos jours, le génie de l'intrigue & de la fausseté n'a-t-il pas tracé pour la jeunesse de magnifiques préceptes de morale *)?

*) Aussi, cet auteur demande-t-il instamment qu'on ne le juge que d'après ses écrits.

Non: les talens, le savoir ne sont ni la vertu, ni le bonheur; ils ne donnent ni les moyens, ni le droit de se conduire soi-même, à plus forte raison de conduire les autres. Que sera-ce donc s'ils ne sont accompagnés d'aucune moralité; que sera-ce s'ils ne servent que d'armes à la perversité, à la scélératesse? Ce seront des intrigans, des ambitieux, qui, sous le masque de la philanthropie ou du patriotisme, n'attendront que le moment d'une fermentation publique pour semer le trouble & la discorde, pour souffler l'esprit de révolte & d'anarchie, pour assurer le succès de leurs vues cupides, de leurs passions viles ou haineuses; & telle révolution qu'on oseroit appeler *la Dictature de l'instruction & du génie* *), sera l'opprobre des lettres, le retour à la barbarie, & l'époque la plus déplorable dans l'histoire de l'humanité.

Ainsi, loin d'encourager la manie d'écrire par des libéralités tout au moins superflues; loin de prodiguer aux gens de lettres, aux savans, aux philosophes des décorations, des honneurs peu faits pour eux; loin de les introduire dans aucune partie de l'administration ou du gouvernement, parce qu'ils y seroient ou inutiles ou dangereux; il est à propos, dit-on, de laisser cette classe d'hommes, peut-être trop nombreuse, dans la condition que la nature & leur goût, la fortune ou la nécessité leur assignent au sein de la société civile. Qu'ils y partagent les droits que l'accomplissement de ses devoirs assure à tout homme honnête, à tout bon citoyen, rien de plus juste; mais c'en est assez. Si, dans leur profession, ils se distinguent par des talens supérieurs, ainsi que par des vertus éminentes, ils parviendront d'eux-mêmes à la considération & au bien-être qu'elle amène presque toujours; ils se mettront naturellement à la place qui leur convient, sans que l'état s'en mêle, sans qu'il faille établir en leur faveur des privilèges qui dérogent au droit commun, des prérogatives nuisibles à eux-mêmes, injurieuses aux autres, & par conséquent préjudiciables à la société.

*) C'est ainsi que Collot d'Herbois appeloit le gouvernement de Robespierre.

§. II.

De tout ce que l'on vient d'opposer aux justes prétentions des gens de lettres, ou plutôt à celles que nous croyons devoir établir pour eux, nous ne relèverons que les objections qui ont quelque fondement; nous laisserons tomber le reste: des sophismes, des sarcasmes ne méritent que le silence du mépris. Mais pour mettre dans notre réponse autant de clarté que de franchise, telle est la marche que nous suivrons. Après avoir séparé les raisons des motifs, & les faits des suppositions, nous établirons entre ceux que l'on appelle communément *gens de lettres* une distinction d'autant plus nécessaire, qu'elle est fondée sur la différence de leurs qualités intellectuelles & morales: différence essentielle, qui, portant les uns à faire de leurs talens un usage salutaire, comme les autres à en abuser d'une manière funeste, doit autant mériter à ceux-là l'estime & la confiance de la société, qu'inspirer pour ceux-ci de défiance & d'éloignement.

Nous ne nous occuperons des derniers, malheureusement trop nombreux, que lorsqu'il s'agira des faits qui les concernent, faits graves, & de la vérité desquels nous sommes forcés de convenir.

Pour les premiers, qui, ressemblant au portrait que nous avons tracé des gens de lettres philosophes *), sont seuls vraiment dignes de ce nom, quels antagonistes que ces êtres vains & frivoles qui, avec l'arme du ridicule, se font un jeu, une gloire d'immoler la raison sur l'autel de la folie!

Quant à vous, courtisans de la fortune, rassurez-vous! Que votre cupidité, votre ambition cessent de s'alarmer; elles ne trouveront pas sur leur chemin ceux dont elles calomnient les droits parce qu'elles redoutent leur mérite. Si l'homme de lettres parvient quelquefois aux richesses, aux honneurs, aux dignités, c'est ordinairement par la voie des talens & des services; mais ce seroit bien peu le connoître, que lui supposer des vues intéressées.

*) V. notre premier Mémoire, Année 1795, p. 187, & suiv.

Désireroit-il l'opulence & les jouissances qu'elle procure? Eh! que feroit-il d'une table somptueuse, d'une habitation magnifique, d'un équipage brillant? Aussi riche de ce dont il fait se passer, que l'homme avide est pauvre de ce qu'il désire, le savant philosophe n'aspire qu'à cette honnête, à cette précieuse médiocrité que recommandoit Sénèque, que chantoit Horace, & qui fait le trésor du sage. Il prie le ciel d'éloigner également de lui & la pauvreté qui lui laisseroit trop peu de loisir, & les richesses qui lui en donneroient trop *), toutes deux parce qu'elles réveillent les passions, troublent la paix de l'âme, & la détournent du travail. Indifférent sur ses propres intérêts, peu fait pour la fortune, il trouveroit peut-être le poids de ses faveurs, plus difficile à supporter que celui de ses disgrâces. Animé du désir de s'éclairer lui-même & ses semblables, il ne demande, il n'attend de ses efforts d'autre prix que leur succès. Bien moins occupé des besoins du corps que de ceux de l'esprit, plus affamé des plaisirs de l'âme que de ceux des sens, *il préfère, comme Anaxagore, une goutte de sagesse à des tonnes d'or*, les charmes de l'étude, la découverte de la vérité aux amusemens factices d'un monde puéril.

En effet: que l'historien profondément pénétré, que l'orateur vivement ému, que le poète livré à l'enthousiasme, trouvent ces tableaux frappans, ces grandes images, ces mouvemens sublimes qui portent l'émotion, le trouble dans les âmes; tout l'or du Potosi, tout l'éclat du trône valent-ils à leurs yeux les dons, les succès du génie? Ici c'est Thucydide qui, à la lecture d'Hérodote, est ému jusqu'aux larmes, & sent avec transport se développer en lui le génie de l'histoire; ou bien Maffillon qui, peignant le jugement dernier, voit tout-à-coup ses auditeurs se soulever avec effroi sur leurs sièges; &, interdit lui-même, jouit de la terreur salutaire qu'il répand dans les âmes. La, c'est Sophocle mourant de joie, au retour du théâtre où ses cheveux blancs viennent de ceindre une nouvelle couronne; c'est Horace qui, dédaignant le faste des Césars, ne touche plus à la terre, & de son front radieux

*) *Nec paupertatem, nec divitias*; Salomon, Prov.

frappe la voûte éthérée *); c'est Santeuil dont la majesté des fonctions les plus augustes ne sauroit arrêter la verve féconde, ni contenir le délire impétueux **). Eh! que l'on ne croie pas que les orateurs, les poètes soient seuls sujets à cette délicieuse ivresse: les graves philosophes, les froids géomètres n'en sont pas moins susceptibles. Au moment qu'occupé d'un problème important ou d'une analyse profonde, l'un en trouve la solution, l'autre en saisit le résultat, quelle satisfaction indicible! Voyez Pythagore que les rapports du carré de l'hypoténuse transportent de plaisir; voyez Archytas qu'enchantent ses découvertes sur la duplication du cube; voyez Archimède que Syracuse en feu & le glaive menaçant d'un barbare ne sauroient distraire de ses utiles calculs!

Avec de telles jouissances, que peut ambitionner l'homme de lettres philosophe? seroient-ce les titres, les décorations? Juste appréciateur de ce que prise tant le vulgaire, loin d'intriguer pour les obtenir, il ne songe pas même à ces distinctions si fort enviées, si courues, & presque toujours la proie de ceux qui les méritent le moins. Trop souvent le masque de la nullité ou le prix du vice, les honneurs, loin de tenter le philosophe, l'aviliroient peut-être à ses yeux.

Mais du moins la célébrité, la gloire! Ah! si l'intérêt, cet aiguillon des âmes basses, si la vanité, ce mobile des petites âmes ne sont pas capables d'effleurer, d'émouvoir celle de notre sage littérateur, peut-être n'en seroit-il pas de même de la considération & de la gloire. Cependant cette célébrité que l'on paye trop cher quand elle coûte le repos, voudroit-il l'obtenir à ce prix? La gloire, cette passion des grandes âmes, est faite pour tenter la sienne; & seroit-il

cou-

*) *Sublimi feriam sidera vertice. Od. Lib. I.*

**) On se rappellera ce trait de Santeuil: Lorsqu'il étoit occupé à composer sa belle hymne de la *Purification*, il fut choisi pour servir d'acolyte à l'autel. L'épithète sublime de *sacerdos à Virgo* qui lui vint, comme par inspiration, après l'avoir long-temps cherchée, lui fit jeter son flambeau, & crier en courant: *Je l'ai trouvée!*

condamnable d'y aspirer? Seroit-ce un crime d'avoir la conscience des inclinations vertueuses, des talens précieux qu'il a reçus de la nature, & surtout du louable usage qu'il en a fait? D'ailleurs, il aime les lettres & les sciences comme la vertu; les unes font les délices de son esprit, comme l'autre fait le charme de son cœur. Il les aime pour elles-mêmes; je me trompe, c'est pour le bien qu'elles font ou peuvent faire aux hommes. L'utilité, on le répète, voilà le but constant, le seul but de ses efforts; la gloire en est tout au plus la récompense. Trop sensible, trop vrai pour la dédaigner si elle se présente; assez modeste, assez grand pour savoir s'en passer si elle le fuit, ou si l'injustice la lui enlève, il est plus jaloux de mériter l'approbation du petit nombre de gens éclairés & justes, qu'ardent à la rechercher, ou fier de l'obtenir.

Cependant, s'il fait peu de cas des louanges, pour lui le devoir est tout. Fidèle à ce qu'il exige de lui, l'homme de lettres renoncera-t-il à ses travaux favoris, aux charmes de son cabinet, pour des fonctions aussi nouvelles que pénibles, pour des places où il risque de faire tant d'ingrats & de jaloux? Il attache tant de prix à sa liberté! Il est si convaincu que vivre ignoré du grand monde, c'est vivre heureux *)! Il fait si bien ce que sont les postes éminens: objets d'envie pour qui ne les connoît pas; brillant esclavage, sujets d'amertume pour qui les occupe! Il fait, & sa modestie en tremble, il fait que ce sont des piédestaux, qui, plus ils élèvent, plus ils rapetissent tout ce qui n'est pas grand au de-là des mesures ordinaires.

Aussi, pour le résoudre à quitter sa retraite, à sacrifier les douceurs de la vie privée, ne faut-il pas moins que la voix du plus impérieux des devoirs, celui d'obéir à la patrie, de répondre aux vues de la société. C'est à cette condition seule qu'il peut se résigner.

Tels sont les sentimens, telles sont les dispositions du véritable homme de lettres. D'après ce portrait, on jugera si les critiques fri-

*) *Bene vixit, bene qui latuit. Epiq.*

Mém. 1797.

voles de la mauvaise foi, ou les craintes exagérées de la prévention doivent prévaloir sur les deux grands motifs qui combattent en sa faveur, la justice & l'intérêt public toujours inséparables.

Mal à propos voudroit-on blâmer les libéralités de l'état envers les gens de lettres, & faire à ceux-ci un devoir rigoureux de renoncer aux commodités, aux agrémens de la vie.

Que d'êtres nuls pour leur pays, si ce n'est à titre de consommateurs *), obtiennent ses faveurs & ses grâces! & l'être le plus utile à la société, l'être qui lui consacre sans réserve ses veilles, ses talens, n'auroit aucune part à sa bienfaisance? Quel plus juste emploi de la fortune publique, quelle dépense plus avantageuse à un état que celle qui sert à y répandre, à y multiplier les lumières? Vainement craindroit-on qu'elle ne l'appauvrit. Si, par l'étendue de leurs facultés intellectuelles & leur influence sur l'opinion publique, les gens de lettres, les philosophes sont peut-être une des parties les plus intéressantes des nations; chez la plus éclairée d'entre elles, ils n'en forment assurément qu'une classe trop peu nombreuse. D'ailleurs, dans ce petit nombre, tous ne sont pas, à beaucoup près, exposés à solliciter les secours du gouvernement; & quant à ceux dont la situation les exige, à quoi cela se réduit-il? Que faut-il à l'homme de lettres philosophe? On l'a vu: accoutumé à vivre de peu, il fait s'en contenter. Mais pour l'intérêt même des lettres & des sciences, il est à propos qu'à l'égard de celui qui les cultive avec succès, la société, sage en ses dons, les mesure, sinon sur les vrais besoins, du moins sur les convenances; il est à propos qu'en le garantissant du malaise humiliant qui aigrit les humeurs & abat le génie, elle le préserve également de cet excès d'aisance qui amollit le cœur & dissipe l'esprit. Cette quiétude pour l'hiver de l'âge n'est-elle pas la récompense bien légitime des services rendus pendant les belles saisons de la vie? & pour la lui donner, cette sécurité, que de moyens faciles & peu coûteux se

*) *Plebs. . . . fruges consumere nati. Juvenal.*

présenteront à l'ingénieuse bienfaisance des gouvernemens & des princes ambitieux de la vraie gloire *)! S'ils sont jaloux d'ouvrir aux peuples toutes les sources de la prospérité publique, sentant combien les savans, les philosophes peuvent les aider puissamment dans ce généreux dessein, ils s'empresseront sûrement de procurer à ceux-ci des établissemens aussi avantageux qu'honorables.

Mais s'il est aussi injuste qu'impolitique de dénier à l'homme de lettres dans le besoin, les secours nécessaires, il ne le feroit pas moins de lui refuser les distinctions que méritent ses talens. Quoi! l'on prodigue les titres, les décorations à tant d'êtres qui n'ont pour eux que le hasard de la naissance, ou le préjugé en faveur de la profession qu'ils ont choisie! Celui qui sert l'état par ses écrits seroit-il donc si fort inférieur à ceux qui le servent de leur épée? Eclairer ses concitoyens est-ce un bien moindre mérite que de les défendre? Quelle autorité plus naturelle, quel titre plus légitime à la considération que la supériorité des lumières? A qui un aussi beau caractère & les droits qu'il donne appartiennent-ils plus justement qu'à celui qui, loin d'abuser de cette supériorité sur ses semblables, ne la fait servir qu'à leur avantage? Non, malgré la modération philosophique qui les caractérise, l'homme de lettres, le savant ne pouvant être insensibles à la gloire, cet aiguillon actif, habilement employé, les excitera aux grandes choses. Si les faveurs, les préférences accordées à la médiocrité, à l'intrigue, à l'or refroidissent le zèle, éteignent l'émulation, abattent le génie, combien la justice rendue au mérite ne les allume-t-elle pas, ne met-elle pas en jeu toutes les facultés de l'âme? De ces âmes embrasées d'un si beau feu, on verra pour l'instruction & le bonheur des hommes, éclore des vérités nouvelles, jaillir de nouvelles lumières. L'utilité ne sera pas le seul avantage qui résultera de ces sages mesures. En échange de l'accueil que la société fera aux lettres,

*) Tels qu'à Berlin, la ferme des almanachs, impôt volontaire mis sur la curiosité du public, & dont l'Académie retire en grande partie le produit.

aux sciences & à ceux dont elles font l'occupation particulière, n'en retirera-t-elle pas la plus brillante, comme la plus solide partie de sa gloire?

La Grèce & Rome sont-elles plus célèbres par le nombre de guerriers qui leur soumirent les peuples voisins, que par la foule d'orateurs, de poètes, de philosophes auxquels ces heureuses contrées donnèrent le jour? Le royal élève d'Aristote est-il moins illustre par sa reconnoissance pour son instituteur, par son respect pour la mémoire de Pindare & son enthousiasme pour les ouvrages d'Homère, que par la prise de Thèbes, la défaite de Darius & la ruine de Persépolis? N'est-ce pas bien plus à son goût pour les lettres & aux bienfaits dont il combla Virgile, Horace & Pollion, qu'Octave dut le nom d'*Auguste* & la splendeur d'un règne qui fit oublier les crimes de son triumvirat? N'est-ce pas à cette protection éclairée que François I & Louis XIV sont redevables des surnoms glorieux que l'histoire leur conserve? Combien de peuples enfin ne survivent à leur puissance, combien de princes n'ont échappé à l'oubli des siècles que par l'éclat que réfléchirent sur eux les beaux génies qu'ils honorèrent!

La même justice, le même intérêt qui sollicitent des secours & des distinctions en faveur des gens de lettres, les appellent aux divers emplois de la société civile, selon les dispositions personnelles qu'ils annoncent.

Pour les en écarter, outre leur répugnance ordinaire dont on s'est fortement prévalu, on a surtout avancé que, par la tournure de leur esprit, ils étoient peu propres à les remplir, qu'il seroit même dangereux de les leur confier; (& c'est le point le plus important, qu'il nous reste à discuter.)

Naturellement éloignés de tout autre genre de vie que celui qu'ils ont choisi, satisfaits des plaisirs de l'étude, des jouissances de l'esprit, sans doute les gens de lettres, les savans, les philosophes se passent

bien plus aisément des emplois & des places, que les places & les emplois ne se passeront d'eux; mais si la patrie ou le souverain jugeoient à propos de les y appeler, doit-on présumer qu'ils s'y refusassent? Combien en est-il parmi eux qui eussent pu, qui pourroient rendre à l'état les plus grands services, & dont le zèle pour la chose publique eût triomphé de leur répugnance? Quelles considérations ne disparaîtroient aux yeux de l'homme de lettres devant ce motif si puissant sur son cœur, le désir & l'occasion d'être utile? C'est cet espoir, autant que son goût personnel, qui le jeta dans la carrière qu'il a embrassée; il l'entraîneroit également dans toute autre que le vœu de ses semblables ouvriroit à ses talens. Mais modeste, il se cache, il se dérobe dans l'obscurité avec autant de soin que la médiocrité met d'empressement à se montrer au grand jour. Modéré comme homme, dévoué comme citoyen, il attend que l'œil du gouvernement le démêle dans la foule & lui fasse signe de s'avancer. Mais non: rarement pense-t-on à lui s'il se présente une place vacante dans quelque partie que ce soit de l'administration. C'est un littérateur, dit-on, c'est un savant, un philosophe, qu'en peut-on faire? il seroit tout au moins inutile à la chose publique.

Ce n'est donc plus aujourd'hui un injuste & ridicule mépris pour les lettres & les sciences qui ferme à ceux qui les cultivent la carrière politique & l'accès aux postes éminens. Mais il est un autre mur de séparation que l'ignorance ou plutôt l'envie & la mauvaise foi voudroient élever entre la littérature & l'administration publique. On s'imaginer, ou l'on voudroit faire entendre que le goût pour les lettres, le loisir savant & philosophique sont incompatibles avec l'importance, l'activité des fonctions administratives; & que les qualités de l'esprit qui caractérisent en général les littérateurs & les savans, sont non seulement étrangères, mais opposées à la science du gouvernement & aux opérations de la politique.

Quoi! ceux qui s'élevant au dessus du vulgaire par la force du génie & de la raison, ont éclairé l'opinion publique, ou combattu des

préjugés nuisibles à la société, seroient encore victimes du préjugé aussi absurde que funeste qui condamneroit à une espèce de nullité tant de vertus, tant de talens! Quoi! des écrivains célèbres, faits pour répandre tant d'éclat sur les lieux qui les ont vus naître, éprouveroient dans une humiliante obscurité l'impuissance si cruelle de faire le bien! Non: l'on n'a que trop écouté cette prévention si fausse, qui, sous de vains prétextes, excluait des affaires publiques ceux que, toutes choses égales, la nature, l'éducation & l'habitude rendent si propres à les bien administrer.

L'amour des livres & de la retraite, le goût de la simplicité, certaine timidité, apanage naturel du savant-philosophe, sont les défauts, les torts qu'on lui reproche, comme autant de motifs pour l'exclure des fonctions publiques. Jamais injustice fut-elle plus aveugle!

On l'a dit avec vérité: pour qui fait les consulter avec discernement, les livres sont d'excellens conseillers; ce sont les morts qui instruisent les vivans. Sans afficher son peu de goût pour un monde où l'on sacrifie si souvent le savoir au ridicule, la raison à la frivolité, où il est du bon ton d'être corrompu & de corrompre, le sage littérateur fait s'en tenir à cette distance, qui, en le garantissant de la contagion des passions & des vices, le met à portée de les observer avec fruit & pour lui & pour les autres. Ne nous y méprenons pas: écartés autrefois de la société, peut-être avec raison, les gens de lettres y sont aujourd'hui admis à juste titre; que dis-je? ils en font une partie des plus intéressantes. Façonnés par l'esprit de leur siècle, sans en prendre les travers, ils en ont, la plupart, pris l'amabilité. Si quelquefois ils s'éloignent des hommes par amour pour l'étude, ils s'en rapprochent bientôt par le désir de leur plaire, par l'envie & l'espoir de les servir. Pour y réussir, outre cette simplicité de mœurs que donne la vraie philosophie, outre la douceur de caractère que la culture des lettres a coutume de procurer, que de moyens, généralement parlant, ne leur fournissent pas leurs dispositions naturelles & les connoissances

acquises? Lorsqu'on a su donner à ses lumières, à sa bienfaisance la sphère d'activité la plus étendue; lorsque dans ses études, dans ses écrits, on a embrassé tant de choses relatives à l'instruction des hommes & à la perfection sociale; loin d'être incapable d'y coopérer par les moyens d'exécution, n'a-t-on pas au contraire la plus grande aptitude à remplir les devoirs d'homme public dans toutes les classes de la société, dans toutes les places du gouvernement? De la même plume, dont on composa un poème, un roman, un système d'histoire naturelle, un traité de morale, un code de droit public &c., n'est-il pas facile de tracer des plans d'administration, des projets d'utilité publique, des réglemens de police, de prescrire des réformes salutaires dans les lois civiles ou criminelles, de donner des ordres pour la marche & l'approvisionnement d'une armée, pour l'équipement & la sortie d'une flotte, de motiver une déclaration de guerre, de rédiger un traité de paix, d'alliance & de commerce?

Loin d'apercevoir entre les affaires publiques & les lettres, les sciences & l'administration, cette disconvenance, cette incompatibilité que des gens prévenus ou peu réfléchis croient y trouver d'après quelques raisonnemens spécieux ou quelques exemples particuliers, quelle heureuse connexité, quels rapports admirables n'y découvrira pas l'œil de la réflexion & de l'impartialité? Comme elles se prêtent de mutuels secours, des lumières réciproques! Les sciences éclairent l'esprit; les affaires le mûrissent. L'application que celles-là exigent, l'activité que demandent celles-ci l'exercent, le développent également. La connoissance pratique des choses & des hommes que l'on acquiert, que l'on rectifie sans cesse dans l'habitude des affaires, guérira ce délire prétendu philosophique qu'enfante la théorie puisée dans les livres, qu'échauffe la solitude du cabinet, & que provoque le funeste enthousiasme d'une perfection chimérique. Plus à portée de voir, de connoître la vérité par une expérience journalière, les gens de lettres reviendroient bientôt de leurs préventions, de leurs idées d'optimisme, ce tourment des imaginations ardentes & des cœurs sensibles. Ils ne

s'égareroient plus, ils n'égareroient plus les autres dans le pays des abstractions & des systèmes, dans les régions d'un mieux imaginaire, presque toujours l'ennemi du bien réel. D'un autre côté, instruits par l'étude & la méditation, aidés d'une philosophie plus saine, les gens de lettres seront-ils parvenus au maniement des affaires? au lieu d'y apporter des préjugés communs, des allures routinières & des idées fausses, ils répandront un jour plus pur, plus salubre sur toutes les branches de l'administration, sur tous les détails du gouvernement. Si l'action lente, mais continuelle du temps destructeur a endommagé quelque partie de l'édifice social, ils savent que c'est un mal presque inévitable, attaché à tout ce qui est d'institution humaine. Mais contents d'y proposer modestement quelques réparations nécessaires, & d'y changer avec précaution quelques pierres dégradées, ils se garderont bien de l'abattre, dans l'espoir téméraire de le reconstruire plus parfait.

Non: bien loin qu'il existe de la désunion, moins encore de l'opposition entre la littérature & la science du gouvernement, jamais deux objets n'eurent plus de convenance & d'affinité. Pour s'en convaincre, il suffit de jeter les yeux sur l'histoire des siècles, & l'on verra que celui où la politique, où l'art de gouverner les hommes a été le plus florissant, a été en même temps celui où les lettres, les sciences & la philosophie étoient le plus assidûment cultivées. Tout se tient, tout s'enchaîne dans les objets de l'entendement humain. La lumière qui le frappe, les éclaire tous à la fois, & le conduit aisément des uns aux autres, des plus simples aux plus composés, des plus agréables aux plus essentiels.

Cependant on objecte des raisons prises de la nature de certains esprits peu propres à gouverner les peuples; & à l'appui, on cite des faits récents, trop publics pour être oubliés ou contestés.

Sans doute chez les gens de lettres, ainsi que parmi tous les hommes, il en est de l'esprit, comme du caractère, du tempérament & de la figure. La diversité est infinie. Si le goût de l'étude, si l'habitude

bitude de réfléchir, de combiner leurs idées, & le talent de s'en rendre raison à eux-mêmes, leur sont communs à tous, la différence des qualités de l'esprit les caractérise d'une manière bien distincte; & tous, à beaucoup près, ne sont pas propres aux mêmes choses.

Le génie sublime ou profond, fait pour créer, se porte au grand, au beau en tout genre. L'esprit fin & délicat traite les choses de pur agrément, le joli est son idole. La mémoire vaste & meublée d'une érudition immense sert à enrichir l'âge présent des trésors de la savante antiquité. Le jugement sain, le goût exquis s'emploient à rectifier, à polir, à perfectionner les découvertes & les travaux des autres. Il est tel esprit susceptible de chaleur par lui-même, que le silence du cabinet & la méditation échauffent, mais que le tourbillon du grand monde dissipe, éteint entièrement: semblable à ces corps métalliques qui ne s'électrifient jamais mieux que lorsqu'ils sont isolés. Tel autre qui, froid de sa nature, a besoin de l'action de la société & de la collision des pensées pour l'animer & le faire valoir, ressemble à ces cailloux dont le choc fait seul jaillir le feu qu'ils recèlent. Tels autres, suivant que l'imagination, la sensibilité ou la réflexion les maîtrisent, ont plus de brillant, plus d'expression, ou plus de profondeur; tels autres enfin Qu'est-il besoin de caractériser ici les divers genres d'esprit? S'il s'agissoit d'examiner lequel est le plus propre aux affaires, quelle sorte d'hommes sont les plus capables de manier les rênes du gouvernement, certainement, aux qualités brillantes, on préféreroit les qualités solides. Dans le choix d'un homme de lettres pour administrateur, la pénétration, la justesse, la profondeur, la sagesse l'emporteront toujours sur la délicatesse, la vivacité, l'étendue même & la fécondité.

Mais à quoi bon apprécier séparément les diverses qualités de l'esprit, puisqu'en général, réunies dans une heureuse proportion, elles constituent le véritable homme de lettres, surtout lorsque l'âge & l'expérience ont tempéré en lui cette vivacité d'imagination, cette cha-

leur de sensibilité peu compatibles avec la maturité de raison qu'exige la chose publique.

Il n'est pas commun sans doute de rencontrer de ces esprits supérieurs qui saisissent, embrassent les objets avec autant de facilité que d'étendue, excellent dans tout ce qu'ils entreprennent, & ne semblent nés que pour les succès. A plus forte raison, l'homme universel est-il une chimère; mais s'il étoit possible que l'on approchât de la réalité, à qui en appartiendrait la gloire? Ne seroit-ce pas à l'homme de lettres tel que nous l'avons défini, qui doué en naissant d'une intelligence au dessus du commun, l'aura cultivée de bonne heure par l'étude & agrandie par la méditation; qui, sans être aussi profondément versé dans toutes les parties de la science, a cependant une teinture suffisante de chacune d'elles? N'est-ce pas à l'homme qui a puisé dans les Mathématiques la justesse, dans la Logique la méthode, dans la Métaphysique la profondeur, dans la Morale de grands principes, dans l'Histoire de grands exemples? Ne sera-ce pas à l'homme enfin, qui, empruntant de la Physique & des Arts une foule de connoissances & de métaphores, des Langues anciennes & modernes leurs variétés, leurs richesses, de l'Eloquence ses mouvemens, de la Poésie ses images, de toutes deux, cette expression, ce nombre, cette harmonie de style dont le charme remue si bien les passions, saura donner à la raison tout le feu du sentiment, toutes les grâces de l'imagination; & qui par conséquent, maître de son esprit, saura maîtriser ceux des autres & entraîner leurs volontés?

Si à ces avantages que la retraite & l'étude lui procurent, il joint ceux que lui donneront une sage fréquentation de la société & l'usage modéré du grand monde, à quoi ne réussira-t-il pas? N'est-ce pas en lui que réside éminemment cette raison éclairée & mûrie par l'expérience de tous les âges & de tous les peuples, cet esprit philosophique, l'essence de tous les bons esprits, qui, semblable au feu élémentaire, l'agent universel, l'âme de la nature, s'insinue en tout, s'amalgame à tout, répand par-tout la chaleur, la vie & la fécondité?

Mais, c'est précisément, a-t-on dit, c'est cette supériorité même de lumières qui rend l'homme de lettres philosophe, incapable des soins de l'administration si fort au dessous de lui.

Il est, on en convient, il est des génies extraordinaires, qui entraînés par un penchant irrésistible & maîtrisés par un enthousiasme victorieux, sont incapables d'être autre chose que ce qu'ils sont. Pascal, Corneille, Molière, Lafontaine, les deux Rousseau *) n'eussent vraisemblablement pas été en état de gouverner une simple bourgade. Montaigne, maire de Bordeaux, ne put jamais y faire régner ni ordre ni tranquillité; Montesquieu y eût été peut-être assez embarrassé **). Mais, à l'exception de ces âmes privilégiées, de ces êtres vraiment rares que l'avare nature ne sème que de loin en loin dans l'immensité des siècles, vous verrez en général les gens de lettres, guidés par cet esprit de sagesse & animés par le zèle du vrai citoyen, subordonner à leurs devoirs, leurs goûts habituels & leur talent particulier. Vous les verrez, dès que la voix de la patrie se fera entendre, quitter leurs

*) La théorie de J. J., souvent admirable quand il s'en tient aux principes généraux, fourmille de contradictions lorsqu'il entre dans les détails pratiques, & n'offre le plus souvent que des hypothèses impossibles ou dangereuses à réaliser. Voyez son *Discours sur l'inégalité des conditions*, son *Contrat social*, ses *Lettres de la montagne*, son *Code pour la Pologne* &c.

**) Mais Fénélon! . . . malgré les sarcasmes du vice, ne semble-t-il pas que la sagesse même ait pris la plume de ce vertueux prélat pour tracer les lois de l'heureuse Salente? Veut-on apprécier au vrai la popularité, la philanthropie de ces novateurs? observons la conduite & la fin de deux d'entr'eux qui ne sont pas les moins fameux dans les annales du philosophisme. L'un (*Mirabeau*) démagogue par vengeance, puis courtisan par intérêt, est bientôt effacé de la liste des vivans par un trait de l'illuminisme. L'autre (*Condorcet*) fabricant d'un code fondé sur les principes de la philosophie, fait assassiner lâchement son bienfaiteur (*le D. de la R. . .*), & pour se soustraire à la hache de Robespierre, après avoir erré long-temps en proie à des frayeurs continuelles, est forcé de les terminer par le poison. Ainsi ces hypocrites de patriotisme & de philosophie, en feignant d'étendre les liens de la bienveillance universelle, relâchent & rompent tous les nœuds particuliers qui unissent les hommes entr'eux. Il n'y a plus de citoyens, plus d'amis, plus de parens, plus de frères, plus de fils, plus d'époux; on n'a que des cosmopolites, des individus égoïstes; il n'existe plus de vraie société.

cabinets, se rendre avec empressement au poste qui leur sera confié; &, se pliant heureusement à tout ce qu'exigera l'utilité publique, devenir, selon les circonstances & le besoin, magistrats éclairés, sages administrateurs, négociateurs habiles, politiques profonds, grands hommes d'état.

Mais, ajoute-t-on, vos savans, vos philosophes se défendront-ils de cet esprit de système qui leur est si ordinaire, de cette manie des innovations qui ne tend qu'à tout bouleverser, à tout confondre?

On ne se dissimule pas ce qu'une pareille objection a d'impônant; mais, en convenant de la vérité, en gémissant des malheurs trop connus qui attestent le danger d'avoir écouté certains hommes de lettres, d'en avoir placé quelques autres au timon des affaires, nous répondrons que jamais, en bonne logique, de faits particuliers, quelque graves, quelque nombreux qu'ils soient, on ne doit tirer une conséquence générale. Nous dirons que ces faits forment seulement une exception à la règle (& malheur au peuple qui fournit une pareille exception!); mais que loin de détruire le principe, elle ne sert qu'à le confirmer.

Car enfin est-ce comme gens de lettres qu'ils ont agi, ces novateurs hardis dont on nous oppose l'exemple? Est-ce comme philosophes, dignes par leurs talens, par leurs vertus, d'éclairer, de guider leurs semblables? N'est-ce pas plutôt comme gens passionnés, atrocement égoïstes, par conséquent on ne peut moins philosophes, & par là-même faits pour être exclus de tout gouvernement jaloux de conserver sa tranquillité?

Que l'on examine avec attention leur conduite soit privée, soit publique; qu'y verra-t-on? Des êtres profondément immoraux & sans principes, esclaves des passions les plus effrénées. A travers le voile d'une philosophie mensongère, sous le masque d'un patriotisme imposteur, d'un philanthropisme hypocrite, auxquels une apparence de savoir, un babil effronté servoient d'échaffaudage, on découvrira aisément, chez les uns, la haine & la vengeance, chez les autres, l'envie & la cupidité, chez tous, un orgueil excessif qui leur persuadoit qu'eux

seuls réunissoient toutes les lumières; on y apercevra une ambition démesurée, la soif de régner enfin, fût-ce même sur les ruines sanglantes de leur malheureuse patrie.

Et vraiment, il faut en convenir, c'est bien plus le caractère que l'esprit qu'il importe de connoître & de juger, parce que c'est le caractère qui fait l'homme & surtout l'homme d'état; c'est lui qui décide au bien ou au mal, qui contribue au bonheur ou fait le malheur des hommes. Le génie, le savoir y sont pour beaucoup sans doute; mais c'est principalement la trempe de l'âme qui assigne un rang dans la société; c'est elle qui fait jouer un rôle sur le théâtre de la politique. Jamais le talent ne remplaça le caractère; jamais pour personne, moins encore pour l'homme public, l'art de bien dire, de bien écrire, n'approcha du mérite de bien faire. Si ce sont les passions & le génie qui fondent ou renversent les empires, c'est à la raison, c'est à la vertu qu'il appartient seul de les régir & de les conserver. Aussi, dans le choix de ceux que l'on préposeroit à la chose publique, consultera-t-on bien plus la disposition habituelle des qualités morales, que celle des facultés intellectuelles.

Loin de nous ces téméraires, qui, affamés de changemens, sacrifient le présent à un avenir incertain; &, courant après un mieux chimérique, risquent de nous enlever pour toujours des biens aussi réels qu'inappréciables! Loin de nous ces Dracons en délire, qui, plus cruels mille fois que le farouche Tarquin, fauchent sans pitié, immolent des milliers de générations aux avortons multipliés, aux monstrueux fœtus d'une métaphysique absurde & de leur cerveau ténébreux *)! Mais, à la place de ces intrigans ambitieux, de ces législateurs énergumènes, de ces factieux sanguinaires, que, dans la foule de ceux qui se mêlent d'écrire, la société distingue, qu'elle appelle à l'administration, ces savans philosophes, qui, non moins estimables par leur caractère moral que par leur mérite littéraire, joignent les princi-

*) Combien de générations ils ont fait mourir; combien ils en ont empêchées de naître!

pes aux talens, les vertus aux lumières, les mœurs au génie; que l'on s'empresse de les employer avec discernement dans la partie pour laquelle ils montreront le plus d'aptitude; & l'on verra si la profession d'homme de lettres est un titre d'exclusion pour les emplois importants & les places essentielles, si le caractère de savant est incompatible avec celui d'homme d'état. Ou plutôt on verra si la culture des lettres, en présentant sans cesse de grands motifs & de plus grands exemples, n'aura pas contribué essentiellement à rectifier, à mûrir & fortifier le caractère; si enfin l'art d'éclairer les hommes n'est point un grand pas de fait dans l'art de les gouverner.

N'en doutons pas: jaloux de justifier l'opinion & le choix du public, les gens de lettres redoubleront de zèle; & leurs efforts développeront en eux des ressources, des talens qu'ils ne soupçonnoient pas eux-mêmes. Cette auguste mission qu'ils reçoivent de la nature & que la patrie leur confirmera, élèvera leurs âmes à la hauteur des devoirs qu'elle leur impose. Ils convaincront les plus incrédules, que, suivant un juge bien compétent, le bon esprit est également applicable & propre à tout *). Ils prouveront qu'après avoir illustré leur pays par leurs travaux littéraires, il n'est presque pas de postes, quelque éminens, quelque délicats qu'ils soient, où ils ne puissent le servir utilement.

En effet, parcourons-nous les âges brillans des nations diverses? Que de gens de lettres, de savans, de philosophes voyons-nous, qui, admis aux emplois publics, les remplirent avec autant de zèle que de succès, d'intelligence que de gloire! Dans les gouvernemens républicains, comme dans les monarchies, que de personnages fameux se sont montrés aussi propres aux affaires épineuses de l'état qu'aux méditations profondes de la philosophie, aux recherches pénibles des

*) „Qu'on ne dise pas que la culture des sciences & des arts rend les hommes „inhabiles aux affaires. Le bon esprit fait les mêmes progrès dans toutes les „matières qu'il embrasse. Les sciences, bien loin d'avilir, donnent dans tous „les emplois, un nouveau lustre à ceux qui les cultivent. (Le roi de Prusse, „Eloge de Jordan.)

sciences, aux productions riantes de la belle littérature! Que de noms illustres dans l'histoire de celles-ci figurent avec autant d'éclat dans les annales de la magistrature, des négociations, du ministère, de la politique, même dans les fastes militaires, & dans la liste trop courte de ces souverains vraiment grands qui ont rendu les peuples heureux!

Ce sage dont les conseils mieux suivis eussent préservé Denys de la disgrâce que les lettres & la philosophie adoucirent, Platon, à la cour, ou sur le trône de la Sicile, auroit-il travaillé moins efficacement au bonheur des hommes qu'il ne l'a fait par ces dialogues sublimes où l'atticisme le plus pur prête ses charmes à la plus saine philosophie?

Pour avoir étonné Athènes, l'un par ses chef-d'œuvres dramatiques, l'autre par la vigueur de ses harangues, Sophocle & Phocion, élevés aux premières dignités de la république, montrèrent-ils moins de talents, moins de courage à la tête du gouvernement & à celle des armées?

Croira-t-on que les pères, les modèles de l'éloquence grecque & romaine, que ces orateurs dont les talents honorèrent tant leur patrie, lui rendirent des services moins importants dans les conjonctures les plus critiques? Lorsqu'il étoit question d'armer ses concitoyens contre l'oppresseur de la Grèce, de les arracher aux fers des Macédoniens, qui tonna contre Philippe, contre Antipater avec plus de force & de véhémence que Démosthène? En qui la république chancelante trouva-t-elle un plus ferme appui, qu'elle ne dédaigna, ne trahit par la fuite, que pour sa honte & son malheur? Déploya-t-on jamais plus de courage & d'activité que Cicéron, lorsqu'il s'agit de dénoncer au sénat les rapines d'un proconsul concussionnaire, ou d'étouffer les complots parricides d'un conspirateur redouté? Parut-il plus grand à la tribune aux harangues, lorsqu'il défendit Roscius ou Milon, que les armes à la main, lorsqu'il marcha contre les Parthes? Fut-il plus digne d'admiration dans le savant loisir de Tusculum, que dans la première magistrature du monde?

Celui qui, par la profondeur de ses réflexions, découvrit d'une manière si précise l'alliage mêlé dans la couronne d'Hiéron, fut-il moins utile à Syracuse, quand il fallut écraser ou incendier les flottes ennemies?

La retraite des Dix-mille, la conquête des Gaules & la guerre de sept ans honorent-elles moins l'épée que la plume des héros qui en furent les historiens?

Quels présens, si leurs augustes élèves eussent vécu, quels présens n'eussent pas faits à la France, à l'humanité, ce prélat *) dont la sagesse même & la persuasion empruntèrent l'organe pour instruire les princes dans l'art pénible de régner; & cet autre **) dont la touche sublime peint avec tant de rapidité la naissance, le progrès & la chute des empires!

Parce qu'ils nous ont fait voir les muses grecques, latines & françoises parées de toutes les grâces de l'imagination & du sentiment; parce qu'ils ont souvent joint au mérite du poète, celui de l'orateur & de l'historien, les l'Hospital, les Pibrac, les de Thou, les Jeannin, les Voyer, les Hénault, les de Broffes, les Daguesseau, les Bouhier, les Bernis & tant de magistrats, de négociateurs, ou de ministres également célèbres, n'ont-ils pas montré avec évidence qu'il n'est rien moins qu'impossible de réunir avec succès l'esprit de la littérature avec celui des affaires?

Quels exemples de cette heureuse alliance n'offrent pas, en Italie, les Pétrarque, les Bentivoglio; en Suède, les Oxenstirn; en Hollande les Grotius; en Angleterre, les Bacon, les Morus, les Dorset, les Clarendon, les Hallifax, les Oxford, les Temple, les Prior, les Addison, les Burke, & une foule d'hommes de lettres que, malgré même une naissance obscure, le savoir, l'éloquence & la philosophie élevèrent & élèvent chaque jour aux postes éminens, aux grandes charges

*) Fénelon.

**) Bossuet.

charges de l'état! Parmi eux, ce réformateur de la physique *), qui, instruit par les erreurs de Descartes, découvrit la vraie théorie du monde; cet autre penseur **), qui, profitant des mêmes leçons, analysa si bien les opérations de l'âme, n'ont-ils pas également prouvé que la main qui établit les lois de l'attraction, calcula le retour des comètes & décomposa les rayons solaires; que celle qui traça la marche de l'entendement humain, d'excellens préceptes pour élever les enfans & gouverner les hommes, savoient aussi bien ou administrer les monnoies, ou diriger le commerce colonial d'un grand empire?

Mais pourquoi chercher ailleurs des preuves d'une vérité dont cette éenceinte rappelle & offre tant d'exemples? Qui douterait aujourd'hui que l'association des talens & du génie aux charges les plus importantes, aux devoirs du ministère, à ceux mêmes du trône, ne soit aussi légitime, aussi facile qu'elle est honorable & avantageuse? Qui douterait que, si tous les philosophes ne peuvent pas être ministres ou rois, il ne fût du moins à souhaiter pour le bonheur des hommes, que tous les rois, tous les ministres fussent de vrais philosophes, quand ces assertions se trouvent confirmées par le suffrage, & plus encore par l'exemple du monarque auquel cette compagnie savante doit sa restauration? Le génie vaste & fécond qui avoit donné l'idée de son établissement ***), & l'illustre proscrit de Halle ****) que Frédéric vengea des persécutions de l'envie, n'ont-ils pas prouvé, par la sagesse de leurs conseils comme par l'étendue de leurs connoissances, à quel point un président d'académie & un chancelier de l'université méritoient la confiance des plus grands princes & la reconnoissance des peuples?

Si leur modestie ne m'imposoit silence, combien, parmi les sages qui m'écoutent, ne pourrois-je pas citer de membres aussi utiles à l'état que célèbres dans la république des lettres? Depuis l'exercice de la religion & l'éducation de la jeunesse, ces bases de toutes les sociétés

*) Newton.

**) Locke.

***) Leibnitz.

****) Wolf.

politiques; depuis l'inspection de l'agriculture, des arts & du commerce, sources de leur opulence, portant nos regards sur l'exécution des lois & l'administration de la justice qui garantissent la tranquillité des peuples au dedans, & sur les négociations, les diverses branches de l'art militaire qui maintiennent leur sûreté au dehors, ne seroit-il pas aisé de montrer avec quelle heureuse facilité les gens de lettres, vraiment dignes de ce nom, font servir le feu du génie, la variété des connoissances & les lumières de la philosophie, à éclairer & féconder les différentes branches de l'administration que leur confie la sagesse du souverain?

C'est ainsi que, pour le bonheur de l'humanité, les gens de lettres doivent être jaloux de remplir envers la société civile, les obligations que leur impose une vocation aussi noble; c'est ainsi que, de son côté, la société reconnoissante, éclairée sur ses vrais intérêts, s'empressera d'assurer aux gens de lettres les droits que leur donne un titre aussi beau. Par l'emploi le plus légitime de leurs talens, de leurs veilles, les premiers feront jouir leurs semblables de tous les avantages qu'il est en leur pouvoir de leur procurer; qu'à leur tour, traités avec justice, ils soient aidés dans leurs besoins, honorés dans leurs personnes, employés dans l'état d'une manière analogue à leurs dispositions. Par cette heureuse réciprocité, par ce commerce admirable de zèle & de gratitude, de services & de récompenses, de dévouement & de justice, on verra fleurir les lettres, les sciences & la saine philosophie, c'est-à-dire ce qui contribue essentiellement au bonheur des individus & à la prospérité des nations.

Sur
la Volière de M. Terentius Varron à Casinum.
PAR M. HIRT *).

Traduit de l'allemand.

Il y a deux ans & demi que je fis une excursion automnale de Rome dans les montagnes de l'Abruzzo. Mon retour me conduisit à *Monte-Cassino*, où entr'autres monumens remarquables j'allai voir la place où M. Terentius Varron avoit sa célèbre maison de campagne, & où cet homme si précieux pour la littérature romaine consacroit la plus belle portion de sa vie au culte des Muses & aux douceurs de la vie champêtre. Peu de vestiges de cette vaste maison se sont conservés jusqu'à nos jours; cependant on ne peut pas se tromper sur son emplacement, ce qui seul est pour la curiosité du voyageur d'un prix assez grand pour le dédommager des désagrémens inséparables d'un voyage dans ces contrées. L'endroit où vivoit un aussi grand homme devient pour l'observateur une espèce de lieu sacré, & les images du passé qui y ont rapport s'impriment avec plus de force dans son esprit. Cicéron, qui dans la seconde de ses Philippiques fait mention de cette campagne de son ami Varron, fait passer en nous le sentiment de la noble indignation dont il étoit rempli lui-même lorsqu'il reprochoit à

*) Lu à l'Académie le 16 février 1797.

Antoine les excès auxquels ce Romain dégénéré ne rougissoit pas de s'abandonner dans les murs de cette enceinte sacrée: „Vous allez vous emparer (lui dit-il) de la terre de Casinum, appartenant à M. Varron, dont l'intégrité & la probité sont généralement vénérées. Combien dans cette maison avez-vous consommé de jours en toutes sortes d'infames débauches? Dès la troisième heure on passoit le temps à boire, à jouer, à vomir. Les murs mêmes étoient à plaindre d'être occupés par un tel maître. Mais comment en est-il devenu le possesseur? Et quel contraste entre vous, & le premier maître! Varron en faisoit une retraite pour l'étude, & non pour la débauche. C'étoit-là le séjour de ses méditations, des plus nobles entretiens avec ses amis, de ses productions littéraires: c'étoit là qu'il rédigeoit les droits du peuple romain, qu'il célébroit les hauts faits des ancêtres, qu'il s'abandonnoit à ses recherches philosophiques & à toute espèce de spéculations scientifiques.”

Le contraste que Cicéron offre ici, ne devient pas moins frappant quand on considère que cette enceinte avec toute la contrée environnante est depuis plus de mille ans le séjour & le domaine de l'indolence monachale.

La ville de *San Germano*, qui fait aujourd'hui partie de l'ancien Casinum, est située au pied de la montagne sur laquelle est bâti le fameux monastère de *Monte-Cassino*. Dans le voisinage on trouve en rase campagne trois petites collines, appelées jusqu'à ce jour *I tre monticelli di Varrone*, qui furent formées des ruines très-étendues des différens édifices qui composoient la *villa*.

Varron, en parlant dans le troisième livre de son *Traité de l'agriculture* avec une sorte de prédilection de cette maison, ne nous dit rien ni de sa magnificence, ni de son vaste emplacement, ni des commodités multipliées qui étoient alors communes aux campagnes des grands de Rome. Probablement elle n'offroit rien à cet égard qui l'eût distinguée de celles des Lucullus de son temps.

En revanche, il s'arrête à en décrire dans le plus grand détail une petite partie, savoir la volière qu'il y avoit jointe, quoiqu'il ne soit pas le premier qui ait introduit parmi ses compatriotes l'usage de cet amusement champêtre. Avant lui Lénus Strabon avoit orné d'une volière sa maison près de Brundisium, & Lucullus en avoit fait construire une bien plus magnifique dans la campagne de Tusculum.

Cependant, à en juger par la description que Varron nous a faite de la sienne, il paroît qu'il a voulu surpasser ses deux devanciers, si non en magnificence, du moins dans une ordonnance & dans un arrangement plus raffinés.

Le passage du Traité de Varron sur l'agriculture, qui contient la description de sa volière, a donné bien de l'occupation aux savans & aux artistes de nos temps, soit pour en rétablir le texte dans toute sa pureté, soit pour en fournir des traductions en langue moderne, soit pour retracer en quelque sorte la véritable architecture de cet édifice curieux.

L'occasion que j'eus de lire cette description intéressante au milieu des ruines de cette maison, excita en moi la curiosité & le desir bien naturel de la soumettre à un examen rigoureux. Malgré les peines que plusieurs savans de mérite s'étoient données à ce sujet, je m'aperçus bientôt que les commentateurs de Varron ne sont point encore d'accord sur plusieurs passages de ce morceau, & qu'il y en a d'autres dont personne encore n'a bien su déterminer le sens. Ce sont surtout les plans architectoniques donnés jusqu'à présent, qui sont encore bien loin d'être exacts.

Outre l'Italien *Pirro Ligorio* & l'Anglois *Robert Castell*, le François *Goiffon* s'est particulièrement occupé, dans la traduction qu'il nous donne des œuvres de Varron, de cette volière; & encore tout nouvellement Mr *Rode* a fait entrer la version de ce morceau dans la traduction allemande de Vitruve.

Ernesti, dans l'édition qu'il publia en 1773 des *Scriptores rei rusticæ* de *Gesner*, a inséré dans le tome premier deux planches concernant cette volière, & dans le tome second un traité particulier d'*An-*

toine Segner sur le même objet, avec les desseins nécessaires, en deux planches.

La dernière édition des *Scriptores rei rusticæ* soignée par Mr Schneider, a conservé le traité de Segner, sans les planches; mais elle contient les dessins de Goiffon avec ses remarques.

On fait à quel point le texte des œuvres de Varron, surtout dans ce passage, est corrompu, & quelle peine on s'est donnée pour le rétablir dans son intégrité. Alléguer les raisons pourquoi j'ai tantôt suivi une leçon & tantôt une autre, me mèneroit trop loin. Le même motif m'engage à ne pas avertir toutes les fois que mes dessins & mes explications diffèrent de ceux de mes devanciers. Ceux que cette matière intéresse, compareront sans doute mon mémoire avec les ouvrages que je viens d'indiquer; je me bornerai donc aux remarques nécessaires pour en faciliter l'intelligence.

J'ai eu occasion dans ce travail, comme dans plusieurs cas semblables, de faire de nouveau l'observation: combien de fois nous sommes restés en arrière en voulant éclaircir des passages obscurs des auteurs classiques, ou donner l'explication des monumens anciens, soit parce que les savans étoient trop peu initiés dans les mystères de l'art, soit parce que les artistes avoient reçu une éducation trop peu scientifique. Tel savant est forcé de s'en tenir à la lettre morte, sans y attacher aucun sens; tel artiste au contraire, sans esprit de recherches & sans connoissances classiques, trace ses plans & ses dessins d'après les écarts de son imagination.

C'est aux membres éclairés de cette illustre assemblée qu'il appartient de décider à quel point j'ai été heureux dans les recherches que j'ai l'honneur de soumettre à leur jugement.

Le sujet que j'ai choisi me paroissant être aussi bien du domaine des Belles-lettres que de celui des Beaux-arts, je crois n'avoir pas besoin d'excuse si j'en fais l'objet de cette lecture.

Les deffins que j'y ai joints sont exécutés d'après mes données, par mon ami Mr Gentz, professeur d'architecture à l'Académie royale des Beaux-arts.

Je commencerai par donner la traduction de l'original latin; & j'y joindrai les explications & les remarques nécessaires.

Voici le passage de Varron, Livre III de son Traité de l'agriculture, Section V.

„Au pied de la ville de Casinum coule une rivière qui traverse ma possession dans un lit clair & profond, revêtu de pierres; elle a 57 pieds de large, & des ponts lient une partie de la *villa* avec l'autre; sa longueur est de 950 pieds, en tirant une ligne droite de l'île formée par le *Vinius* & une autre rivière qui s'y réunit, jusqu'au lieu où j'ai fait bâtir le musée. J'ai arrangé le long du rivage une promenade de dix pieds de large en plein air *)”.

„En tournant de cette promenade du côté des champs, vous trouvez la volière, qui à droite & à gauche est environnée de hautes murailles. L'espace intérieur qui a 48 pieds de large, est en forme d'une tablette à écrire avec son chapiteau rond. La longueur de la partie carrée est de 72 pieds; le diamètre du chapiteau de 37 pieds. Un sentier de 8 pieds de large conduit de la promenade qui borde, comme j'ai dit, la partie inférieure de la tablette, droit au milieu de la volière, où l'on a pratiqué des portes qui mènent dans l'intérieur.”

„A l'entrée & aux deux côtés à droite & à gauche il y a des portiques en colonnes saillantes de pierre avec des arbrisseaux au milieu. Au lieu de plafond, on a tendu du haut du mur à l'architrave des filets de chanvre; & d'autres filets de l'architrave au stylobate.”

„Des oiseaux de toute espèce sont enfermés dans cette enceinte; on leur donne à manger à travers les filets, & un canal étroit les fournit d'eau. Le long du stylobate sur lequel reposent les colonnes, s'étendent à droite & à gauche deux viviers peu larges, & oblongs, entre lesquels il n'y a qu'autant d'espace qu'il en faut pour le sentier qui mène à la rotonde.”

*) Comparez les plans avec cette description.

„Celle-ci est tout entourée de colonnes, comme le temple de Catulus, si vous substituez des colonnes aux murailles. Tout autour s'étend un bosquet artistement planté; des arbres de haute futaie l'ombragent, mais sans intercepter entièrement le jour aux arbrisseaux. Le tout est environné de hautes murailles.”

„Entre les colonnes extérieures de la rotonde qui sont de pierre, & les intérieures qui sont en même nombre, mais plus minces & de bois de sapin, est un espace de cinq pieds de large. Les entre-colonnes, au lieu de parois, sont munies d'un filet de cordes de boyaux, afin que d'un côté on entrevoie le bosquet & tout ce qui s'y passe, & que, de l'autre, les oiseaux ne puissent s'échapper. D'une colonne intérieure à l'autre sont tendus des réseaux au lieu de clôture. L'espace entre les deux files de colonnes forme pour les oiseaux une espèce de petit théâtre à gradins: des consoles placées à différens étages & attachées aux colonnes, leur servent de sièges. Dans cette enceinte on en trouve de toute espèce, & particulièrement des oiseaux de chant, comme des rossignols & des merles; un petit canal les fournit d'eau, & on les nourrit à travers les filets.”

„Au dessus du stylobate règne un fœcle de pierre, d'un pied trois quarts plus haut que l'assise; cette assise s'élève de deux pieds au dessus d'un petit bassin; elle a cinq pieds de large, de sorte que les convives peuvent faire le tour entre les coussins étendus sur l'assise & les colonnes intérieures. Le bassin a une banquette d'un pied de large au bas de l'assise; une petite île s'élève au milieu du bassin. Autour de l'assise on a pratiqué des réduits pour les canards, semblables aux formes où l'on met les vaisseaux à l'abri dans un port.”

„Du milieu de l'île s'élève une petite colonne sur laquelle on a placé un tour où viennent se rendre comme dans un moyeu de roue, des rayons faits pour supporter le dessus d'une table, avec la différence pourtant que l'extrémité circulaire des ais qui composent ce dessus, au lieu d'être de l'épaisseur ordinaire, est arrangée ici en forme de tambour. La table a deux pieds & demi de largeur, & un empan de haut.”

Tous

„Tous les mets & les boissons sont placés à la fois sur la table, & un seul jeune homme destiné à servir suffit pour les faire passer, en la tournant, devant tous les convives. De dessous l'assise, sur laquelle on a étendu les coussins pour les convives, les canards se rendent dans le bassin, & y nagent. Un canal communique de ce bassin aux deux viviers, & les petits poissons y passent & repassent. Sur le tour de bois, ou sur cette partie de la table, à laquelle, comme j'ai dit, aboutissent les rais, on a aussi fait l'arrangement que les convives peuvent avoir à leur gré de l'eau chaude ou froide, en tournant simplement un robinet.”

„A la voûte intérieure de la coupole il y a une étoile, appelée de jour *Lucifer*, & de nuit *Hesperus*, qui au bord de l'hémisphère inférieur se tourne de façon qu'elle indique dans sa marche les heures. Au milieu de l'hémisphère il y a un disque sur lequel sont marqués les huit vents cardinaux, comme à Athènes à l'horloge construite par Cyrrhestes: une aiguille proéminente est attachée à une girouette, & en tournant elle marque sur ce disque le vent qui souffle, de façon qu'on peut l'observer dans l'intérieur.”

R e m a r q u e s.

1. J'ai remarqué plus haut que la ville de *San Germano* est située dans une partie de l'enceinte de l'ancien *Casinum*. Il passe à côté deux rivières qui se réunissent à peu de distance de là. L'une d'elles s'appelle encore aujourd'hui *Vineo*. Voilà pourquoi au lieu de la leçon ordinaire *ab imo*, j'ai repris celle *a Vinio*. A un mille d'Italie de la ville, on trouve dans la plaine les trois collines, qui désignent la situation de la maison de Varron. L'emplacement étoit vaste, & les bâtimens qui le composoient, à des distances considérables; c'est ce que prouvent encore les ruines. Cependant tout est trop dégradé

par le temps, pour que l'on puisse en reconnoître distinctement une partie.

Une des trois collines répond assez bien à la situation du musée indiquée dans l'original. Le musée formoit dans les maisons des anciens la partie destinée aux études. Il étoit principalement composé d'un salon rond, auquel aboutissoit une galerie, le long de laquelle se trouvoient les cabinets destinés pour la bibliothèque. Le salon rond servoit de chambre d'études; c'étoit en quelque sorte un temple consacré aux Muses, dont les statues étoient pour l'ordinaire placées en cercle. Les galeries étoient du côté du nord, c'est-à-dire dans les maisons de campagne qu'on habitoit pendant l'été. On les ornoit des bustes des grands hommes; elles servoient aux entretiens littéraires ou aux lectures ambulatoires. Les livres se trouvoient rangés selon leurs différentes classes dans les cabinets attenans; ainsi on avoit sous la main tout ce qui pouvoit faire l'objet des études ou des recherches savantes.

La rivière de cinquante-sept pieds de large traversoit cette possession; des ponts réunissoient une partie de la *villa* avec l'autre. Cette circonstance est une nouvelle preuve de sa vaste étendue. (Voyez la Fig. 1. de la planche ci-jointe.)

2. La volière étoit située du côté des champs au de-là de la promenade qui bordoit la rivière. L'auteur compare le plan de cet édifice à une table à écrire avec son chapiteau arrondi, & il en indique les mesures exactes des différentes parties qui le composent; mais nous verrons dans la suite que les dimensions que l'original donne au diamètre total de la rotonde qui termine le tout, ont été altérées par la faute des copistes.

En quittant la promenade le long de la rivière, on se rendoit par une allée de huit pieds de large, droit aux trois entrées de la volière. Au lieu du mot *plumula*, qui dans l'original offre un contre-sens complet, j'ai adopté le changement déjà proposé par Scaliger, *lata pedes octo via*; ce qui me paroît tellement lié au reste, que cette correction n'est plus sujette à aucun doute.

J'ai fait dessiner trois entrées, parce que le texte original porte le pluriel (*caveæ*). Je place l'une au milieu, & en la prolongeant entre les deux viviers, je la fais aboutir droit à la rotonde; les deux portes de côté servoient d'entrée aux deux colonnades (Fig. I & II). Au reste, je n'ai pas besoin de faire remarquer que *caveæ* ne signifie pas ici des *cages*, comme plusieurs commentateurs le prétendent.

3. Les deux colonnades ou portiques sont à l'entrée & le long des deux côtés, à droite & à gauche; entre les colonnes qui reposent sur un socle non-interrompu on avoit planté des arbres-nains. Ceux-ci ne pouvant pas trouver place dans l'alignement des colonnes, vu d'abord le stylobate continu, & vu qu'en second lieu les filets tendus le long des colonnes en auroient été endommagés, je les ai placés au milieu des portiques; position que l'auteur vouloit indiquer selon moi, par l'expression de *primoribus columnis*.

Pour couvrir de filets les portiques par en haut, je donne au mur & à l'architrave la même hauteur; j'ometts comme inutiles la frise & la corniche, quoique le mot *epistylum*, qui se trouve dans l'original, signifie chez Vitruve tantôt l'architrave seul, tantôt tout l'entablement.

Il n'étoit pas facile de trouver ni la largeur convenable des portiques, ni le nombre & les justes dimensions des colonnes: mais enfin les déterminations pour lesquelles je me suis décidé sont conformes aux meilleurs modèles de l'antiquité.

Les viviers s'étendent le long des socles, & un sentier étroit, de la largeur de quatre pieds, les sépare, & conduit de l'entrée principale à celle de la rotonde.

Pour pouvoir nourrir les oiseaux à travers les filets, comme le dit notre auteur, je fais traverser chacun des viviers par deux petits ponts de planches. Fig. II.

4. Varron compare la rotonde avec le temple de Catulus, à cela près qu'au lieu des murs qui entouroient le sanctuaire du temple il y avoit ici une seconde file de colonnes. Nous ne savons rien de plus

de ce temple; cependant deux temples de la même structure se sont assez bien conservés jusqu'à nous; celui de Vesta à Rome, & celui de la même déesse à Tivoli. L'un & l'autre serviroient à nous expliquer distinctement l'idée de Varron, si d'ailleurs la description qu'il donne n'étoit pas assez claire en elle-même.

Cependant l'entreprise de donner la restauration de cette rotonde intéressante, dans toutes ses parties & dans toutes ses dimensions, est un écueil contre lequel plusieurs ont échoué avant moi. Vous jugerez, messieurs, si j'ai mieux réussi.

Et d'abord, 1) le texte original, tel que nous l'avons, donne vingt-sept pieds de diamètre à tout l'édifice. 2) Il assigne cinq pieds à l'espace entre les colonnes extérieures de pierre & les intérieures de bois, en remarquant que le nombre des colonnes des deux espèces est le même. 3) La largeur de l'assise pour les convives autour de la table est portée à cinq pieds. 4) La banquette qui borde le bassin a un pied de large. Enfin 5) l'auteur détermine à deux pieds & demi le rayon de la table jusqu'au tour, lequel au moyen d'un pivot tourne sur la petite colonne qui s'élève du milieu du bassin. Telles sont les données de Varron même.

En additionnant ces différentes mesures, & en les comparant à la mesure générale de l'édifice, savoir au diamètre de vingt-sept pieds, on trouvera que la somme des dimensions particulières prises ensemble correspond exactement à celle de la dimension générale. L'espace entre les deux files de colonnes est de dix pieds; l'assise en occupe dix autres; comptez-en deux pour la banquette autour du bassin, cinq pour le diamètre de la table ronde; le tout fera la somme de vingt-sept pieds; mais dans ce calcul n'est pas comprise la colonne ou le pied de la table au milieu du bassin. Il faut donc supposer que la table même dépassoit d'un demi-pied en tout sens la banquette ou le bord du bassin, afin qu'elle pût se rapprocher des convives; de cette manière nous gagnons un pied de diamètre pour la colonne & le tour à l'aide duquel la table se mouvoit.

Mais nous ne sommes pas au bout. Nous avons de fortes raisons de suspecter le nombre de *vingt-sept*, indiqué par l'original comme la mesure du diamètre de tout l'édifice. D'abord on voit au premier coup d'œil, qu'en admettant les dimensions indiquées, il ne resteroit absolument point d'espace pour les deux files de colonnes, puisqu'il est impossible de supposer que l'idée de Varron ait été que l'espace des cinq pieds dont il parle ait dû servir à la fois & aux colonnes & à l'entre-d'eux; quelque minces qu'on les eût faites, elles n'auroient presque point laissé de passage. Il est donc évident que le nombre de XXVII, que nous lisons aujourd'hui dans Varron, a été altéré par les copistes. Une variante porte XXXII. Mais cela ne nous avance guères. Car en conservant pour l'espace entre les colonnes la dimension de cinq pieds que Varron lui assigne, nous n'aurions, par cet accroissement de cinq pieds, que deux pieds & demi pour y placer deux rangs de colonnes, ce qui paroît impossible, surtout en comparant cet espace avec la hauteur proportionnelle des colonnes & le diamètre de la coupole.

Il faute donc aux yeux que l'original a porté autrefois XXXVII & non XXVII, & qu'un X s'est perdu par la faute des copistes. En rétablissant le texte de cette manière, nous gagnons cinq pieds de chaque côté pour placer les deux files de colonnes. J'en donne trois à celles de pierre & deux à celles de bois. De cette façon toutes les proportions sont sauvées, & nous sommes en état de fournir un dessin complet & exact pour quiconque auroit l'idée de ressusciter cette volière.

Voyez le plan ci-joint Fig. II.

Je place douze colonnes dans chaque cercle. Celles du grand cercle ont deux pieds de diamètre & le quart de leur diamètre en sus, pour la base, ce qui fait pour celle-ci trois pieds de diamètre. Ces douze colonnes avec leurs bases occupent 36 pieds de la périphérie. La distance d'une colonne à l'autre est de $5\frac{1}{2}$ pieds ou $2\frac{2}{3}$ diamètres; les entre-colonnes occupent donc ensemble l'espace de 66 pieds. En ajoutant ces 66 pieds aux 36, nous avons une périphérie de 102 pieds,

ce qui forme exactement sur notre plan la ligne circulaire qui passe par le centre de chaque colonne. J'adopte pour la plinthe de la base la forme circulaire, à l'exemple de tous les anciens monumens dont les colonnes sont rangées en cercle.

La périmétrie des colonnes intérieures est de 57 pieds, en mesurant le cercle qui passe par le centre de chaque colonne. Leur diamètre est de 16 pouces. La base, dont la plinthe est également ronde, avance de quatre pouces de chaque côté; de sorte que tout le diamètre de la colonne avec sa base est de 2 pieds. L'entre-colonnement a $2\frac{1}{16}$ diamètres ou 33 pouces. Ainsi les colonnes occupent un espace de 24 pieds, & les entre-colonnes 33 pieds, & la somme totale est de 57 pieds de périmétrie.

Pour prouver qu'en adoptant la mesure de 5 pieds pour les deux espèces de colonnes, je n'ai pas agi arbitrairement, mais d'après les règles, j'en appelle à un passage de Vitruve.

Varron, comme nous l'avons vu, compare sa rotonde avec le temple de Catulus. Il faut donc recourir à ce que dit Vitruve relativement aux proportions de cette forme de temples, & comparer avec les règles qu'il donne, les deux temples circulaires qui se sont conservés jusqu'à nos jours, savoir celui de Vesta à Rome, & celui de la même déesse à Tivoli.

Voici le passage de Vitruve, Livre IV, Chap. VII.

„Si autem peripteros ea ædes (rotunda) constituetur, duo gradus & stylobatæ ab imo constituentur, deinde cellæ paries collocetur cum recessu ejus a stylobata circa partem latitudinis quintam.”

„Si l'on veut construire une rotonde avec un pourtour de colonnes, qu'on élève d'abord de terre deux gradins & le stylobate; qu'ensuite on pose le mur cellulaire, qui, son épaisseur y comprise, aura environ un cinquième de la largeur, à compter du bord du stylobate.”

C'est d'après ces règles que les murs des deux temples indiqués sont construits, c'est-à-dire qu'ils ont juste en épaisseur un cinquième

de la largeur, mesurée de la ligne intérieure du mur jusqu'au bord extérieur du stylobate.

J'ai suivi en restaurant la rotonde de la volière de Varron les lois de Vitruve & les modèles de ces deux monumens antiques; & l'on voit distinctement, que le rétablissement fait par moi dans le texte (de XXXVII pieds de diamètre total au lieu de XXVII) se trouve justifié par les règles de la vraie construction.

Je remarque encore ici, qu'aucun des commentateurs & des traducteurs de Vitruve n'a bien compris le sens du passage cité, & que le *cellæ paries cum recessu* les a tous embarrassés.

J'ai cru pouvoir m'écarter un peu des dimensions que Vitruve donne à la hauteur des colonnes. Il prescrit pour cette forme de temples, que le diamètre de l'espace intérieur, sans le mur & le péristyle environnant, soit égal à la hauteur de la colonne, prise au dessus du stylobate. Dans la volière de Varron l'espace intérieur occupe 17 pieds juste; selon la règle de Vitruve il faudroit donc que les colonnes eussent aussi 17 pieds de haut. Au lieu de cela je n'ai donné aux colonnes & à l'entablement pris ensemble que $17\frac{1}{2}$ pieds, & cela par la raison qu'au lieu du mur cellulaire il y a pour notre édifice un second rang intérieur de colonnes, qui plus minces que le rang extérieur doivent cependant, selon la vraie construction, en avoir la hauteur, ce qui auroit rendu les colonnes intérieures d'une hauteur disproportionnée à leur diamètre. Cependant quiconque voudroit s'en tenir strictement à la règle de Vitruve, n'auroit qu'à donner au fût des colonnes extérieures, y compris le chapiteau, huit diamètres de hauteur, au lieu des sept que je lui ai données; ce qui fera au juste (la hauteur de la base y comprise), les 17 pieds de hauteur correspondans au diamètre de l'espace intérieur. Et pour faire les colonnes intérieures de la même hauteur que le rang extérieur, qu'on les fasse de l'ordre *corinthien*, ce qui d'abord ajoute à la hauteur du chapiteau: & pour suppléer à ce qui manque encore à la hauteur des deux pieds exigés, on n'a qu'à l'ajouter au socle (*lapis*) qui supporte les colonnes. Sans doute qu'il faudra

aussi élever à proportion l'assise au dessus du niveau du plan entre les deux rangs de colonnes, ce socle ne devant dépasser l'assise intérieure que d'un pied trois quarts, selon les données précises de l'auteur.

D'après ces prolégomènes que j'ai cru nécessaires, j'indique ici les proportions des colonnes des deux ordres, telles que je les ai adoptées.

Colonnes extérieures.

		Pieds.	Pouces.
Le fût avec son chapiteau, 7 diamètres ou	-	14	—
La base	-	1	—
L'architrave	-	1	—
La frise	-	1	—
La corniche	-		6
		Somme	17 6

L'ordre intérieur de colonnes a la même hauteur de $17\frac{1}{2}$ pieds; mais les proportions diffèrent de beaucoup

		Pieds.	Pouces.
Le fût a 9 diamètres ou	-	12	—
Le chapiteau	-	—	$7\frac{1}{2}$
La base	-	—	$7\frac{1}{2}$
Le socle (<i>lapis</i>) au dessus du stylobate	-	1	9
L'architrave	-	1	—
La frise	-	1	—
La corniche	-	—	6
		Somme	17 6

5. J'ai placé le socle, *lapis*, dont l'auteur dit qu'il doit dépasser l'assise d'un pied trois quarts, pour lui servir en quelque sorte de dossier, sur le stylobate, & j'en ai fait, comme on voit, un second socle pour les colonnes de sapin. Ceci est d'autant plus naturel que d'abord cette pierre, quelque mince qu'elle eût été, auroit, dans toute autre position, dû occuper une partie quelconque du diamètre de l'édifice, quoique

quoique nous n'ayons, d'après les dimensions données, pas un seul pouce de reste à lui assigner; & secondement, c'est précisément la hauteur de cette pierre ou de ce second socle, qui fait que l'ordre intérieur reste dans les proportions requises de solidité architectonique, vu que, sans cela, le fût des colonnes eût été beaucoup trop frêle & trop élancé.

6. L'affise (*falere*) de cinq pieds de large, qui garnie de coussins servoit de lit aux convives, a le même niveau que le plan sur lequel les colonnes extérieures reposent, & de cette manière le bassin du milieu n'a pas trop de profondeur relativement aux deux viviers oblongs, qu'il fournit d'eau.

Les réduits des canards pratiqués sous l'affise avec des ouvertures demi-circulaires du côté de l'eau, s'expliquent par le dessin de la coupe. Je n'ai pas besoin d'avertir, qu'au lieu de *& navalia*, je lis dans le texte original avec d'autres, *uti navalia*. Cependant il faut observer, qu'à l'endroit où le sentier qui traverse l'édifice carré aboutit à la rotonde, cette affise, ainsi que la partie du stylobate entre l'entre-colonnement, est coupé, soit afin que les convives puissent parvenir à leurs sièges ou lits, soit afin que le jeune homme puisse faire le service. Pour empêcher les canards de s'échapper par cette coupure, & de parvenir du bassin dans la place carrée, on a élevé devant une crapaudine ou une pierre plate, de la hauteur de l'affise.

7. La petite colonne érigée au milieu du bassin, comme dans une espèce d'île, ne peut guère dépasser que d'un pied environ le niveau de l'affise, telle étant la hauteur que la proportion de la table avec les lits des convives prescrit.

Le moyeu ou le tour qui surmonte la colonne est de même dimension qu'elle, savoir d'un pied de diamètre, & tourne autour d'un pivot qui s'élève du centre de la colonne. Dans ce tour, comme dans le moyeu d'une roue, sont emboîtés les rais, lesquels sont recouverts par en haut, d'ais qui forment un dessus de table. A l'extrémité circulaire, là où les jantes de la roue environnent les rais, on

a appliqué ici une planche orbiculaire & recourbée, large d'un empan, ce qui donne au tout (comme notre auteur le remarque) la forme d'un tambour, instrument antique de musique, semblable au métier dont nos dames se servent quelquefois pour broder la mousseline.

8. Il s'élève ici une nouvelle question, savoir: par quel arrangement ou par quel moyen les convives pouvoient-ils, par le simple jeu d'un robinet, se procurer à leur gré de l'eau froide ou chaude? On conçoit que l'eau ne pouvoit pas circuler par des tuyaux pratiqués dans les rais & dans la petite colonne; car quand la chose eût été faisable, où auroit-on appliqué les robinets? Au rebord même de la table? mais cela eût incommodé les convives; & quelle quantité de canaux, de pompes & de machines n'eût-il pas exigé? D'ailleurs, pourquoi songer à des moyens compliqués, tandis que l'opération pouvoit être si simple? N'est-il pas effectivement naturel, qu'au milieu de la table, sur la partie supérieure du tour, on ait placé deux vases dont les pieds ou le pied commun devoit être affermi sur le tour, à-peu-près semblables aux machines à l'huile & au vinaigre que nous plaçons sur nos tables. Un de ces vases contenoit l'eau froide, & l'autre l'eau chaude. Pour conserver la chaleur de celle-ci, le second vase étoit traversé par un cône foré de métal, surmontant un réchaut rempli de charbons. On a trouvé de pareils vases à Herculaneum; & celui qu'on a découvert de nos jours dans les marais Pomptins, & qui se conserve dans le cabinet du duc Braschi à Rome, est encore plus curieux dans son genre. Les Anglois ont adopté depuis le même arrangement pour leurs machines à thé. De cette manière les convives n'avoient qu'à tourner de leur côté le robinet qui leur versoit l'eau qu'ils desiroient. (V. la Fig. III.)

9. Avant de passer à la description de la coupole, je dirai encore quelques mots de l'emplacement des oiseaux de chant, savoir de l'espace des cinq pieds entre les deux files de colonnes: le filet qui entourait les extérieures étoit de cordes de boyaux; celui qui bordait les colonnes intérieures, de chanvre. Le petit théâtre formé par les

consoles qui tenoient aux colonnes, n'a pas besoin d'explication. Outre ces consoles, il se peut que de petits bâtons minces aient traversé d'une colonne à l'autre, en supposant pourtant ces bâtons à plus de hauteur d'homme, afin de pouvoir nettoyer le sentier de temps en temps. Tout autour de la rotonde on avoit planté des arbustes, ombragés d'arbres de haute futaie, qui déroboient à la vue les murs qui environnoient l'édifice.

La coupole de cette petite rotonde, soutenue par les colonnes intérieures de bois de sapin, ne pouvoit être construite elle-même qu'en bois. Sa forme, pareille à celle de toutes les rotondes antiques, devoit être en demi-cercle. Sa périphérie intérieure avoit 54 pieds, son diamètre 18, & sa hauteur 9 pieds.

Je ne puis m'empêcher d'observer ici, que Vitruve n'a jamais été bien compris par ses commentateurs & ses traducteurs, quand il prescrit la mesure de la hauteur du toit des rotondes avec colonnade (*ædes rotunda peripteros*). Il dit: *In medio tecti ratio ita habeatur, uti quanta diametros totius operis erit futura, dimidia altitudo fiat tholi præter florem*. Les traductions, & les dessins y joints, péchoient ordinairement en ce qu'on prenoit le *diametros totius operis* toujours pour le diamètre de toute la rotonde, tandis qu'il ne s'agit que du diamètre du *tholus* ou de la coupole.

Les anciens monumens sont tous d'accord sur ce point; c'est que le dôme des rotondes est toujours en cintre. Il repose immédiatement sur la corniche du mur cellulaire, laquelle correspond avec la hauteur de l'entablement de l'ordre extérieur des colonnes. C'est ce qu'exige aussi la nature & la solidité de la construction. Mais si, à la façon des interprètes modernes, on ajoute à la corniche du mur cellulaire une nouvelle élévation, la toiture non seulement perd sa forme particulière, mais le cintre manque en même temps des soutiens qui doivent l'étayer.

La construction chez les anciens étoit très-simple dans de pareils cas, comme en général dans toute leur architecture. Dans les poutres

qui passaient de l'architrave de l'ordre extérieur à l'architrave de l'ordre intérieur, & qui formoient la frise, on enmortaisoit de petites pièces de bois, plutôt semblables à des lattes qu'à des poutres, & de deux à trois pieds de long; & continuant de la même manière à entailler & à enmortaiser, on parvenoit au centre du cintre, ou au sommet de la coupole, où tous ces soliveaux alloient aboutir & mordre dans un disque à mortaises. C'est ainsi que toutes les côtes du toit, partant de la frise & se réunissant dans le disque du centre, formoient chacune un quart de cercle exact. Pour les affermir davantage il y avoit des bandes qui les croisoient de distance en distance. C'étoient ces côtes de soliveaux & ces bandes traversières qui composoient le squelette du demi-globe, lequel étoit enfin revêtu de planches au dedans & au dehors. Intérieurement ces planches étoient garnies de roseaux, & recouvertes de stuc qu'on peignoit, ou décoroit ensuite à plaisir. Extérieurement on garnissoit la coupole de plaques de cuivre, ou d'autre métal.

Toute la coupole reposoit ici sur l'ordre intérieur des colonnes, & l'ordre extérieur ne servoit qu'à l'étayer: au dessus on l'appuyoit encore de contreforts qui en s'inclinant par degrés vers la gouttière, ajoutoient non seulement à la forme extérieure de la coupole, mais facilitoient encore l'écoulement des eaux.

11. Le sommet de la coupole étoit pour l'ordinaire surmonté d'un ornement que Vitruve appelle la fleur (*flos*). C'étoit ou une fleur, ou un trépied, ou une pomme de pin; ici Varron avoit probablement préféré la figure d'un Triton, à l'exemple de la tour des vents à Athènes. Car c'est de cet édifice qu'il a emprunté l'idée de placer dans la rotonde les huit vents cardinaux, avec cette différence qu'à Athènes ces huit vents sont appliqués à l'extérieur du bâtiment & représentés par des figures d'hommes en relief, tandis que dans la rotonde ici les figures n'étoient que dessinées intérieurement autour du centre de la coupole. Ce centre étoit percé d'un pivot, auquel tenoit extérieurement le Triton, & intérieurement une aiguille horizontalement affermie,

qui correspondante aux mouvemens du Triton, indiquoit aux convives la direction du vent.

Varron ne se borna pas à ce premier mécanisme; il en disposa un second, bien plus important & plus compliqué, à la voûte intérieure de la coupole. Tout comme les huit vents cardinaux en environnoient le sommet, les douze heures du jour & les douze heures de la nuit étoient destinées à la périphérie inférieure: une étoile mobile, nommée de jour *Lucifer* & de nuit *Hesperus*, marquoit les heures *).

Il est évident qu'il ne pouvoit pas être question ici d'un cadran solaire, car comment le soleil auroit-il pu indiquer à la fois les heures du jour & de la nuit? comment l'auroit-il pu, même de jour, dans l'intérieur d'un édifice couvert? puisque, si le sommet de la coupole avoit été à jour, il auroit plu sur la table & sur les convives, & le mécanisme des vents eût été impraticable. Et même, en supposant une ouverture tout au centre, elle n'auroit servi que pendant quelques heures du jour, & cela même que pendant quelques mois de l'année.

Les anciens ignoroient, autant que nous savons, le mécanisme de nos horloges actuelles. Ils n'avoient que des clepsydres, ou des horloges que l'eau faisoit aller. Ctésibius d'Alexandrie, qui vivoit 140 ans avant l'Ere chrétienne, en fut l'inventeur. Vitruve traite de ces horloges dans son livre neuvième. Mais dans des descriptions de cette nature, lorsqu'elles ne sont pas accompagnées de dessins, la moindre altération du texte, ce qui est souvent le cas dans Vitruve, répand tant d'obscurité sur la matière, qu'il faut plutôt deviner le sens qu'on ne peut le comprendre. Ce n'est pas ici le lieu, ni d'examiner le texte de Vitruve, ni de s'arrêter aux sentimens divers de ses nombreux commentateurs; il me suffit de présenter d'une manière claire & distincte la construction probable du mécanisme de l'horloge de Varron.

*) Ant. de Segner est le seul, que je sache, qui ait essayé d'expliquer le mécanisme que cette opération exigeoit. J'avoue que je suis trop peu mécanicien, pour me permettre un jugement dans cette matière. Mon mouvement diffère entièrement de celui de Mr de Segner. Je le donne ici, pour le soumettre à l'examen & aux recherches ultérieures des hommes versés dans cette partie.

D'abord il falloit un canal exactement percé, par où une quantité déterminée d'eau s'écoulât sur une roue pour la faire tourner; un hérisson tenant à une extrémité de l'essieu de cette roue & tournant avec elle, engrenoit dans une lanterne qu'il faisoit tourner. A l'extrémité de l'essieu de cette lanterne étoit affermi un fuseau qui passoit par une des colonnes de bois & son entablement, l'un & l'autre percé à cette intention. Au haut de ce fuseau étoit une autre lanterne, qui engrenoit en tournant dans un grand cercle à dents, lequel occupoit toute la périphérie horizontale de la voûte, & tournoit de cette manière lentement sur son centre. Ce cercle se trouvoit probablement placé dans la saillie de la corniche. L'étoile affermie sur un point fixe du cercle tournoit lentement avec lui, & parcourant successivement l'espace des heures marquées à la voûte au dessus du cercle, les indiquoit ainsi dans son cours. Les heures étoient marquées à intervalles égaux, savoir douze pour le jour & autant pour la nuit. Apparemment qu'une ligne tracée par le centre de la coupole les séparoit, & qu'une moitié de l'espace étoit occupé par *Phébus* sur son char, & l'autre par la *Lune* sur le sien, traîné par des bœufs.

Voilà mes idées sur le mécanisme de cette horloge; mais je ne suis pas au bout.

Ce mécanisme auroit suffi pour marquer des heures toujours de la même longueur, comme chez nous. Mais on fait que chez les anciens il y avoit une autre manière de mesurer le temps.

Ils partageoient, tout le long de l'année, le jour & la nuit en douze heures ou en autant de parties, que les jours fussent longs ou courts, & les nuits courtes ou longues. La hauteur du pôle à l'endroit de la maison de Varron, donne au plus long jour 16 de nos heures & 8 à la nuit la plus courte; mais ces 16 heures & ces 8 heures devant être divisées selon la méthode des anciens en 12 parties ou heures égales, on voit que l'heure du jour devoit avoir alors le double de l'heure de nuit; savoir la première 80 minutes, & la seconde 40.

Cette différence dans la longueur des heures varioit selon les saisons; & il n'y avoit parité entière qu'aux seuls jours équinoxiaux.

En conséquence de cette manière de calculer la longueur des heures, le mouvement de l'horloge en question devoit être de nature à pouvoir p. e. parcourir pendant les 40 minutes de l'heure de la plus courte nuit dans le même espace qu'il avoit parcouru dans les 80 minutes de l'heure du plus long jour; en un mot il falloit pouvoir doubler le mouvement de moitié. Mais quels étoient les moyens de déterminer au juste & d'exécuter ces variations dans le mécanisme que je viens de proposer?

Le moyen le plus simple, selon moi, étoit une petite écluse. Après avoir construit de la manière la plus exacte & en fonte le canal par où l'eau du réservoir devoit couler sur la roue pour la faire tourner, il n'y avoit qu'à arranger l'écluse avec le même soin & du même métal. Ensuite, en haussant ou en baissant à gré cette écluse, on augmentoit ou diminuoit la masse d'eau qui tomboit sur la roue, & l'on en retardoit ou en accéléroit le mouvement, & par conséquent celui de tout le mécanisme. L'essentiel étoit d'arrêter toujours l'écluse au point qu'il falloit. Pour y parvenir, on n'avoit qu'à affermir un parapet d'un côté de l'écluse, sur lequel étoient marquées en deux colonnes (l'une pour les heures du jour, l'autre pour celles de la nuit) par différens traits les dates de chaque mois de l'année. Entre les deux colonnes de dates le parapet devoit être percé de plusieurs trous, les uns sur les autres, & de même il y avoit un trou dans le manche de l'écluse. On arrêtoit comme on vouloit l'écluse, en faisant passer une cheville de métal à travers les deux trous correspondans & de l'écluse & du parapet. De cette manière, celui qui avoit soin de régler la différence des heures au lever & au coucher du soleil, ne pouvoit se tromper.

Vitruve nous donne l'explication d'un autre mécanisme, à l'aide duquel on peut faire tomber plus ou moins d'eau sur une roue pour la faire tourner; c'est au moyen de deux colonnes côniques, dont

l'une est creusée de façon que l'autre, qui est solide, s'y enchâsse exactement. Selon qu'il doit donc s'écouler plus ou moins d'eau par l'ouverture pratiquée en bas, il n'y a qu'à enchâsser plus ou moins le cône supérieur dans l'inférieur. Mais cette méthode me paroît moins sûre & moins exacte que celle que je propose.

Il y a apparence que l'horloge que Scipion Nafica, contemporain de Crésibius, l'inventeur de cette sorte d'horloges, construisit le premier dans un édifice couvert au *forum* de Rome, fut de la même nature. Il n'y a pas non plus de doute, que dans la tour des vents que Cyrrhestes bâtit à Athènes, c'étoit un mécanisme pareil qui marquoit les heures. Vitruve ne fait mention de cet édifice qu'en parlant des vents; mais Varron l'appelle positivement une horloge.

Cette tour existe encore, & je renvoie le lecteur à l'ouvrage de *Stuart* sur les antiquités d'Athènes. Les recherches de cet artiste anglois & de son compagnon *Revett*, & les fouilles qu'ils firent dans l'intérieur de cet intéressant édifice, prouvent avec évidence qu'on y avoit pratiqué un mécanisme d'eau pareil à celui que je viens de décrire.

J'observe encore, qu'en 1792, lorsque le peintre Hamilton fit à Gabii, à 12 milles d'Italie de Rome, sa belle découverte de statues antiques, il se trouva parmi les monumens précieux qu'on y déterra, une colonne de marbre d'environ trois à quatre pieds, qui très-probablement a servi à une horloge de cette nature.

Cette colonne, dont les justes dimensions ne sont pas présentes à mon esprit, mais qui peut avoir un pied & demi de diamètre, est surmontée d'un disque rond, d'environ trois pieds de diamètre. Tout autour du bord sont placées les têtes des douze divinités majeures en relief, & au centre de ce disque concave on a pratiqué un trou qui parcourt toute la colonne.

Le rebord du disque, d'environ de la largeur d'un empan, est orné des attributs de chaque divinité, correspondans aux têtes en relief.

Ce monument intéressant est, que je sache, unique dans son genre, & n'a point été expliqué jusqu'à présent. Mon opinion est qu'il

qu'il a servi de cadran à une horloge pareille à celle que je viens de décrire, & voici comment je l'explique:

J'admets un mécanisme d'eau pareil à celui de l'horloge de Varron. J'attache pareillement à la lanterne un fuseau, à qui je fais traverser le creux de la colonne. Je suppose que dans la concavité du disque de cette colonne se trouvoit une plaque de métal, sur laquelle on avoit marqué les heures. Au bout du fuseau étoit l'aiguille qui tournant avec elle, indiquoit l'heure.

Les têtes des douze divinités étoient un ornement très-bien imaginé. Ces divinités devoient se partager entr'elles, en intervalles égaux, l'inspection & le gouvernement du monde.

J'observe encore que la place où l'on déterra à Gabii ce monument avec tous les autres, étoit probablement le *forum* de cette ville, comme on a pu s'en convaincre par le plan des ruines; & que la collection de ces monumens occupe maintenant un édifice particulier dans la fameuse *villa* du prince Borghèse à Rome.

Explication des plans de la volière de Varron.

Fig. I. *Plan de situation de la maison de Varron.*

- a) Le Vinius.
- b) La seconde rivière.
- c) L'île.
- d) Les ponts.
- e) La promenade large de 10 pieds.
- f) Le musée.
- g) Le chemin qui conduit à la volière.
- h) La volière.

Fig. II. *Plan de la volière.*

- a) Les portes (*caveae*).
- b) Le sentier conduisant à la rotonde.
- c) Les murs environnans.
- d) Les portiques.
- e) Les arbres nains au milieu.
- f) Les deux viviers.

- g) Planches servant de ponts aux viviers pour nourrir les oiseaux.
- h) L'entrée du salon en rotonde.
- i) Colonnes extérieures de pierre.
- k) Colonnes intérieures de bois de sapin.
- l) Espace pour les oiseaux de chant.
- m) Consoles pour les oiseaux (*mutuli*).
- n) Lignes qu'occupent les filets tendus.
- o) Socle pour les colonnes intérieures (*lapis*).
- p) Assise (*falere*).
- q) Banquette autour du bassin.
- r) Le bassin.
- s) L'île & la colonne dans le bassin.
- t) Bosquet autour de la rotonde.

Fig. III. Coupe de tout l'édifice.

- a) Entrée.
- b) Portique avec les arbrustes où les oiseaux sont renfermés.
- c) Socle des colonnes.
- d) Porte qui conduit dans le portique.
- e) Largeur entre les deux files de colonnes.
- f) Consoles & barreaux pour les oiseaux de chant.
- g) Colonne au milieu de l'île du bassin.
- h) Table tournante avec les vases d'eau froide & d'eau chaude.
- i) Largeur de l'assise.
- k) Réduits des canards.
- l) Largeur de la banquette autour du bassin.
- m) Socle (ou *lapis*) sur lequel repose l'ordre intérieur des colonnes.

Explication du mécanisme de l'horloge.

- n) Canal de métal.
 - o) Roue.
 - p) Hérifson.
 - q) Lanterne.
 - r) Fuseau qui traverse la colonne.
 - s) Lanterne dans l'entablement, affermie à la partie supérieure du fuseau.
 - t) Cercle à dents, qui tourne dans la saillie de la corniche, & auquel l'étoile est affermie.
 - u) Indication des heures du jour & de la nuit marquées à la périphérie inférieure de la coupole; Phébus & la Lune.
 - w) Indication des huit vents cardinaux autour du centre de la coupole. Triton en dehors; l'aiguille en dedans.
 - x) Direction du canal par lequel le bassin communique avec les viviers.
-

